

ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫ БІЛІМ ЖӘНЕ ҒЫЛЫМ МИНИСТРАЛІГІ  
М.ӘУЕЗОВ АТЫНДАҒЫ ОҒТУСТІК ҚАЗАҚСТАН МЕМЛЕКЕТТІК УНИВЕРСИТЕТІ  
«АҚПАРАТТЫҚ ЖҮЙЕЛЕР» КАФЕДРАСЫ

# ПРЕЗЕНТАЦИЯ

**ТАҚЫРЫБЫ:** . ДИФФЕРЕНЦИАЛДЫҚ ТЕҢДЕУЛЕРДІ ШЕШУ

*Орындаған: Айдынбекова Аружан*

*Қабылдаған : Аширбекова Жансая*

*Тобы :ИП-183к2*

# Жоспар:

- Қарапайым дифференциалдық теңдеулер жүйесін шешу үрдісі.
- Теңдеулер жүйесінің оң бөліктерінің арнайы файл-функцияларын құру.
- Солверді шақыру.
- Қарапайым дифференциалдық теңдеулер жүйесінің солверлері.
- Нәтижелерді көрсету.
- Есептеулер дәлдіктерін көрсету.
- *feval* функциясы.

- *Matlab* жүйесінде қарапайым дифференциалдық теңдеулер жүйелерін шешудің процедуралар пакеті бар. Дәлірек айтсақ, олар қарапайым дифференциалдық теңдеулер жүйелерін шешуге қойылатын Коши есептеріне арналған.
- Қарапайым дифференциалдық теңдеулердің үлкен класы, дәлірек айтсақ,  $t$  уақыты түріндегі бір тәуелсіз айнымалысы бар теңдеулер, оны үлкен туындыға қатысты шешкен кезде келесі алғашқы шарттарымен  $y(t_0) = y_0$  бірінші ретті дифференциалдық теңдеулердің жүйесіне айналады:  $y(t) = F(t, y(t))$
- Егер сәйкес жүйенің оң бөлігі тегіс болса, онда жүйенің бір ғана шешімі болады, ол негізінде *Matlab* жүйесінде қолданылатын қандай да бір алгоритмнің көмегімен сандық түрде табылуы мүмкін.

ode45 функциясы қолданылған. Қатаң емес теңдеулер жүйелерін шешу үшін Matlab-та келесі функциялар бар:

- ode45 - Рунге-Кутта нақты әдісіне негізделген. Бұл бірқадамдық алгоритм-  $y(t_n)$ - шығару үшін алдыңғы нүктенің біріндегі  $y(t_{n-1})$  мәнді білу керек. Бұл функция көп жағдайда бастапқы шешімдер үшін тиімді.

- ode23 – ол да нақты Рунге-Кутта әдісіне негізделген, бірақ реті төмен сондықтан дәлдігі төмен және аздаған қатаңдыққа сай шешімдер үшін тиімді келеді. Ол да бірқадамдық әдіс.

- ode113- Адамс-Бэшфорт-Милтонның айнымалы ретті әдісін қолданады. Ол ode45 әдісіне қарағанда, әсіресе ерекше жоғарғы дәлдік қажет болған жағдайда және теңдеудің оң жағын есептеу күрделі кезде анағұрлым тиімді болуы мүмкін. Көпқадамдық әдіс, сондықтан шешуді бастамас бұрын алғашқы бірнеше нүктелердегі шешімдерді білу керек.

Matlab жүйесінде қатаң теңдеулер жүйесін шешу үшін төрт функция қарастырылған:

- ode15S- кері сандық дифференциалау әдісіне негізделген, ол Гир әдісі ретінде әйгілі. Ode113 әдісі сияқты бұл әдіс те көпқадамдық болып келеді.

- ode23s – Розенброктың екінші ретті әдісін қолданады. Бұл бірқадамдық әдіс болғандықтан, ode15s әдісіне қарағанда жоғары емес дәлдік жағдайлары үшін тиімдірек болады.

- ode23t- бос көбейткіші бар трапециялар ережелерін іске асыру болып табылады. Бұл әдісті егер есеп онша күрделі емес болса, және есепті сандық демпфирлеу керек емес болса қолданудың мәні бар.

- ode23tb- Рунге-Куттаның айқын емес формуласы бойынша екі деңгейлі шешімді іске асырады. ode23s әдісі тәрізді бұл әдіс шешімнің жоғары емес дәлдігін қажет етпейтін кезде тиімді.

- **Қатты теңдеулер жүйесін шешу үшін тек ode15s, ode23s, ode23t, ode23tb арнайы еріткіштерін қолданған жөн.**
- Барлық шешушілер  $y' = F(t, y)$  айқын түріндегі теңдеулер жүйесін шеше алады. Ode15 және ode23t еріткіштері дифференциалды-алгебралық теңдеулердің түбірлерін таба алады  $M(t) y' = F(t, y)$ , мұндағы  $M$  массалық матрица деп аталады. Ode15s, ode23s, ode23t және ode23tb шешушілер  $M(t, y) y' = F(t, y)$  айқын емес теңдеулерді шеше алады.
- Ерітінділердің ерекшеліктері келесідей:
  - - ode23tb, ode23s қатты дифференциалдық теңдеулерді шешу үшін қолданылады;
  - Ode15 - қатты дифференциалды және дифференциалды-алгебралық теңдеулер;
  - · Ode23t - орташа қатаң дифференциалдық және дифференциалдық-алгебралық теңдеулер.

- Қарапайым дифференциалдық теңдеулерді шешу келесі:
- 1. Дифференциалдық теңдеуді бірінші ретті дифференциалдық теңдеулер жүйесіне келтіру. Ол үшін қанша қосымша функциялар енгізілген болса, теңдеудің реті қандай.
- 2. Теңдеулер жүйесі үшін арнайы файл-функция құру. Файл функциясы екі кіріс аргументін қамтиды: дифференциалдау үшін қолданылатын  $t$  айнымалысы, егер ол теңдеуге қосылмаған болса да және өлшемі жүйенің белгісіз функцияларының санына тең болатын вектор.
- 3. Қажетті шешушіге қоңырау шалыңыз (кіріктірілген функция). Шешушінің кіріс аргументтері - бұл файл-функцияның аты, айнымалының бастапқы және соңғы мәндері бар вектор

$$y' = 2x^2 + 2y$$

- Мысал. Пішіннің дифференциалдық теңдеуін шешіңіз
- бастапқы жағдайда  $x_0 = 0$ ,  $y(x_0) = 1$  интервалда  $h = 0,1$  интегралдау қадамымен  $[0,1]$ . Осы теңдеудің аналитикалық шешімі келесідей жазылғанын ескеріңіз:

$$y = 1,5e^{2x} - x^2 - x - 0,5.$$

- Дифференциалдық теңдеулер жүйесін шешу үшін төменде сипатталған функцияларда келесі белгілер мен ережелер қабылданады:
- `options` - `odeset` функциясы арқылы құрылған аргумент - әдепкі параметрлерді көрсетуге мүмкіндік береді;
- `tspan` - интегралдау аралығын анықтайтын вектор  $[t_0 \ t_{final}]$ . Ерітінділерді  $t_0, t_1, \dots, t_{final}$  белгілі бір уақытында алу үшін (азаю немесе өсу ретімен орналастырылған), `tspan = [t_0 t_1 ... t_{final}]` қолданыңыз;
- `Y0` - бастапқы шарттардың векторы;
- `T, Y` - бұл `Y` шешімінің матрицасы, мұндағы әр жол `T` баған векторында қайтарылған уақытқа сәйкес келеді.

◦ Шешім:

1. Дифференциалдық теңдеудің оң жағын есептейтін функциясы бар М-файл құрайық, ол үшін негізгі Matlab терезесінің File> New> M-file командасын орындаймыз.

2. Кодты редакциялау терезесінде кодты жазыңыз

```
function dy=difur(x,y)  
dy=2*x^2+2*y
```

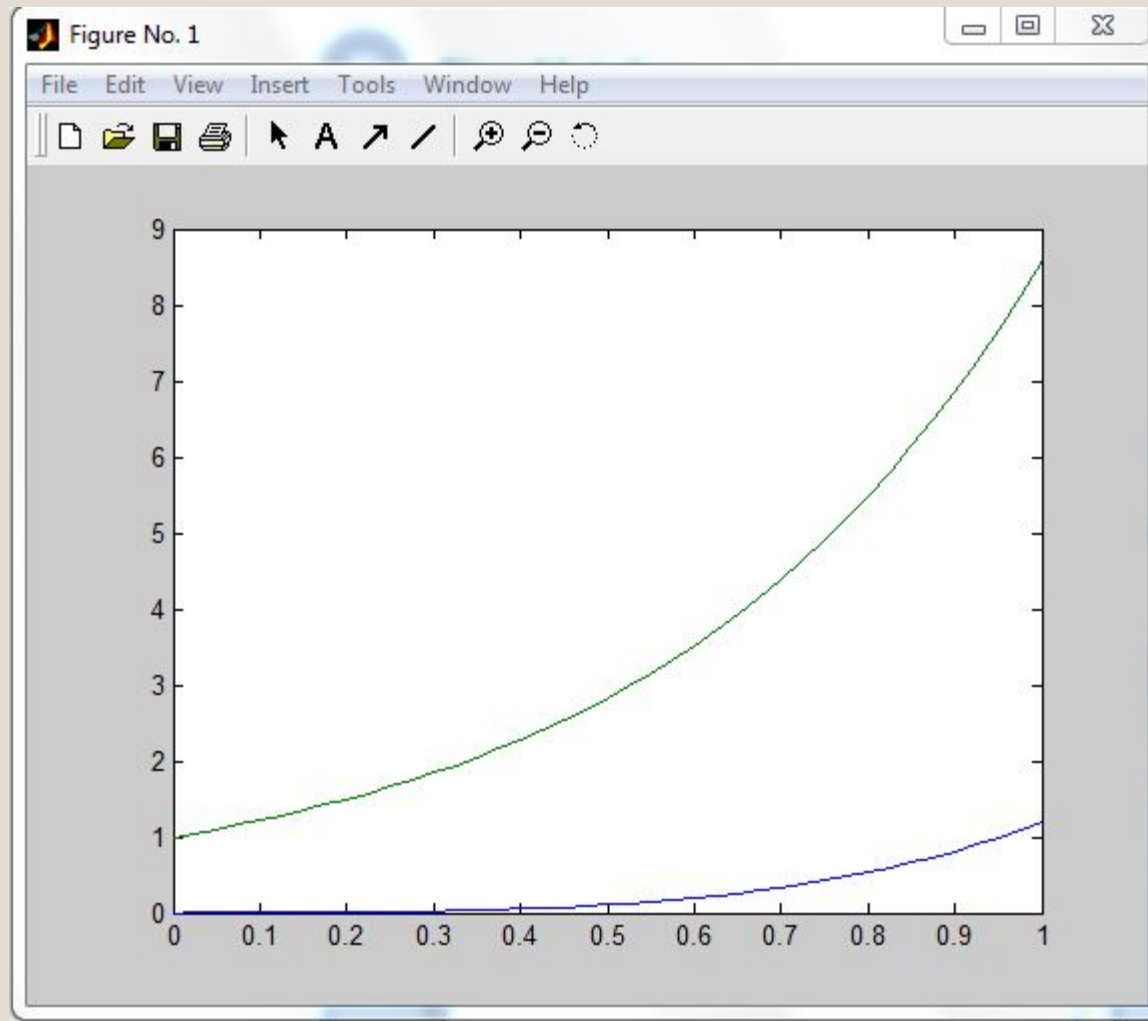
3. М-файлды *difur* атымен сақтаңыз.

4. Пәрмен терезесінде нұсқауларды енгізіңіз  $2+2*y$ :

```
>> % Интервал интегрирования  
>> tspan = [0, 1];  
>> y0 = [0; 1]; % начальные условия  
>> [x,y] = ode45(@difur, tspan, y0, []);  
>> % График  
>> plot(x,y(:,1))
```



- Нұсқауларды орындау нәтижесінде график құрылады



- График Excel-де дифференциалдық теңдеулерді нақтыланған Эйлер әдісі арқылы шешу технологиясын талқылайтын мақаладағыдай болып шықты.
- Дифференциалдық теңдеуді MatLab-та және символдық түрде шешуге болатындығын ескеріңіз. Ол үшін стандартты dsolve процедурасын қолданыңыз.
- Нұсқауды командалық терезеге жазайық
- **>> dsolve('Dy=-2\*x ^2-2\*y','y(0)=1')**
- Нәтижесінде оны орындағаннан кейін дифференциалдық теңдеуді шешудің аналитикалық жазбасын аламыз:
- **ans =-x^2+exp(-2\*t)\*(x^2+1)**