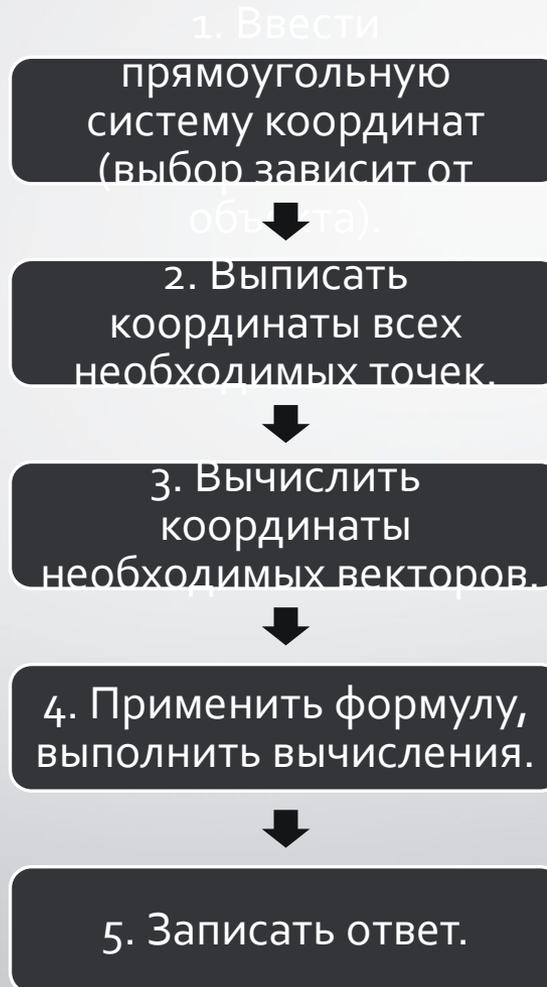


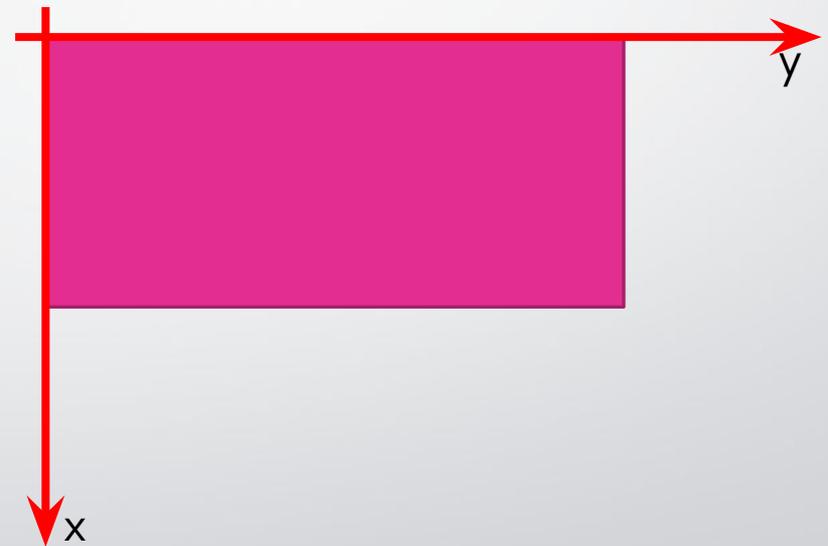
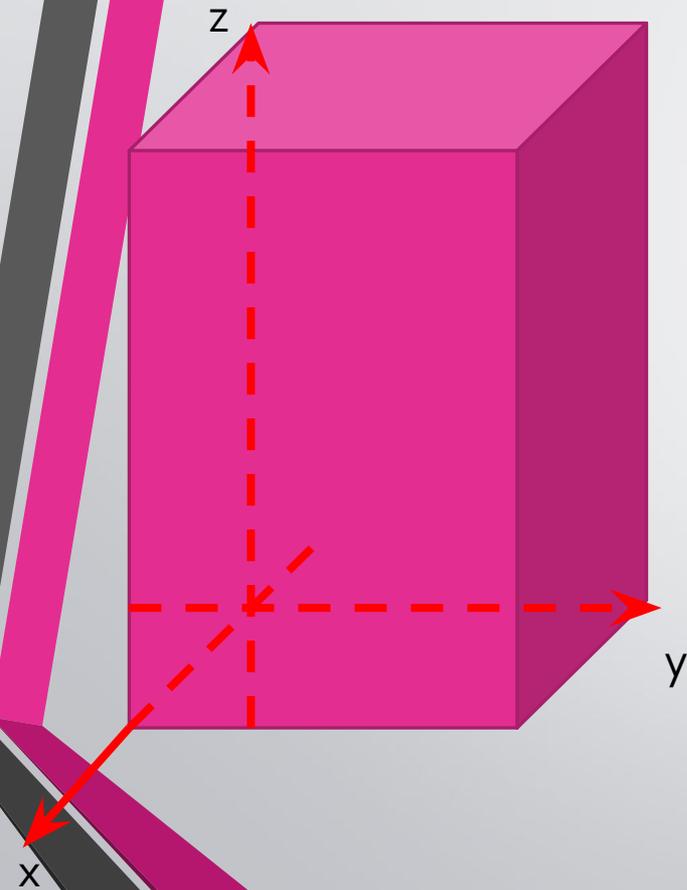
Метод координат как
универсальный способ
решения заданий С-2 ЕГЭ
по математике

Общий алгоритм для решения С2 методом координат

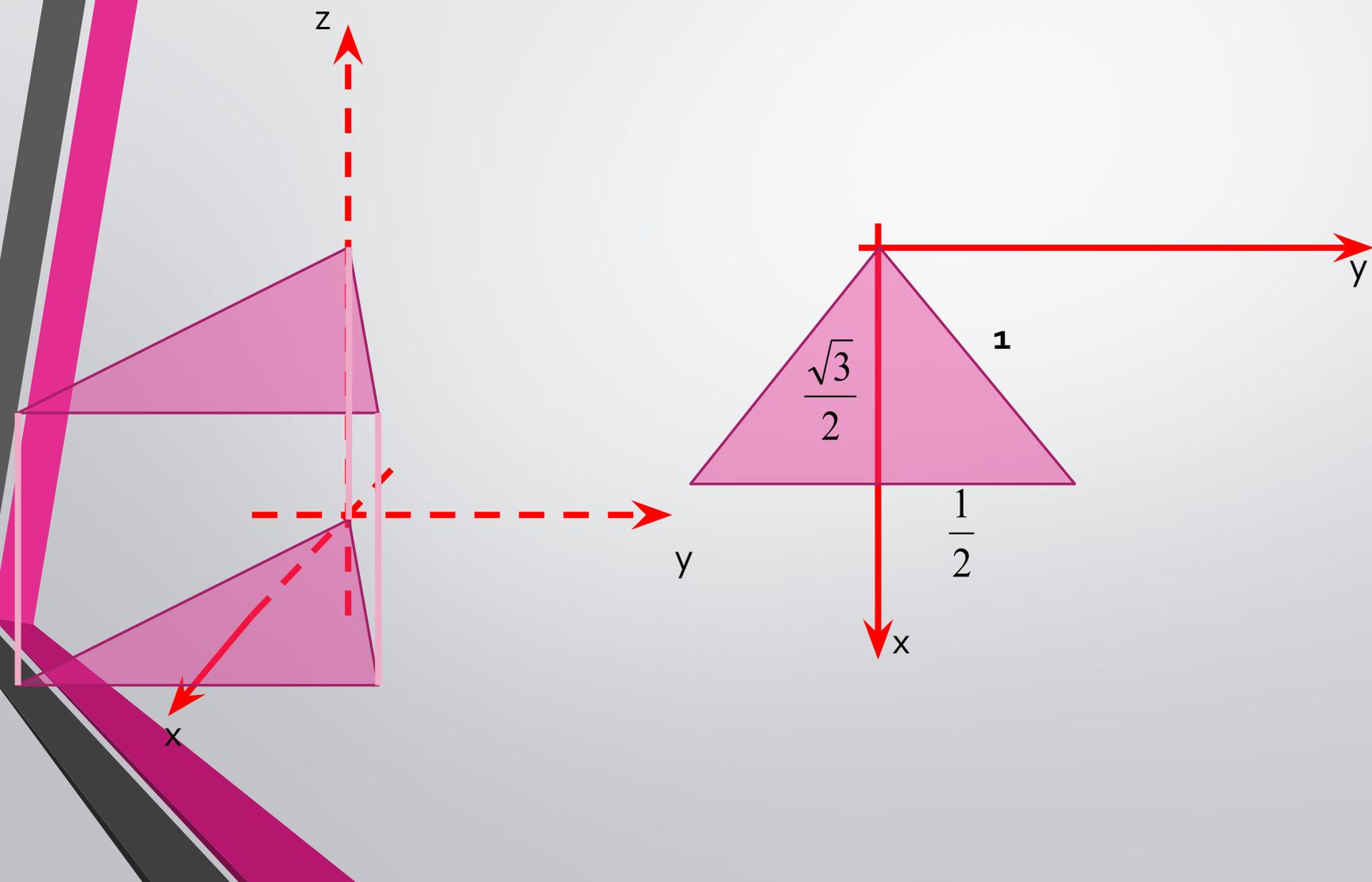


Примеры «удобного» задания системы координат для разных объектов

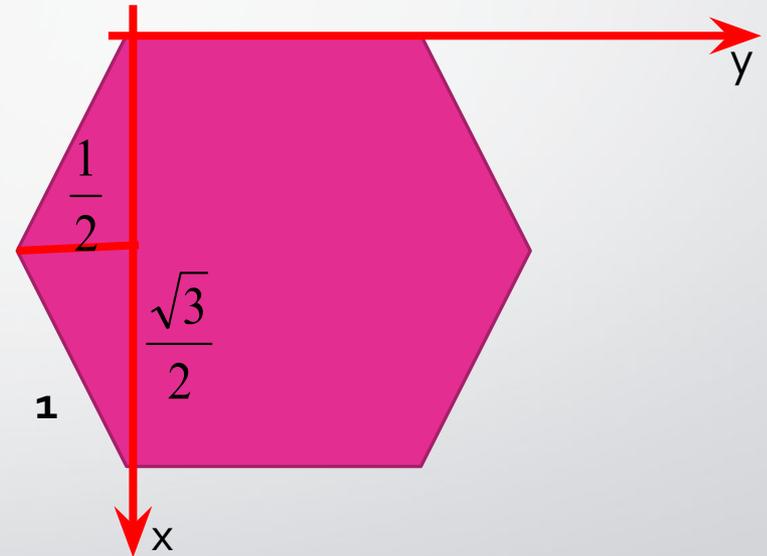
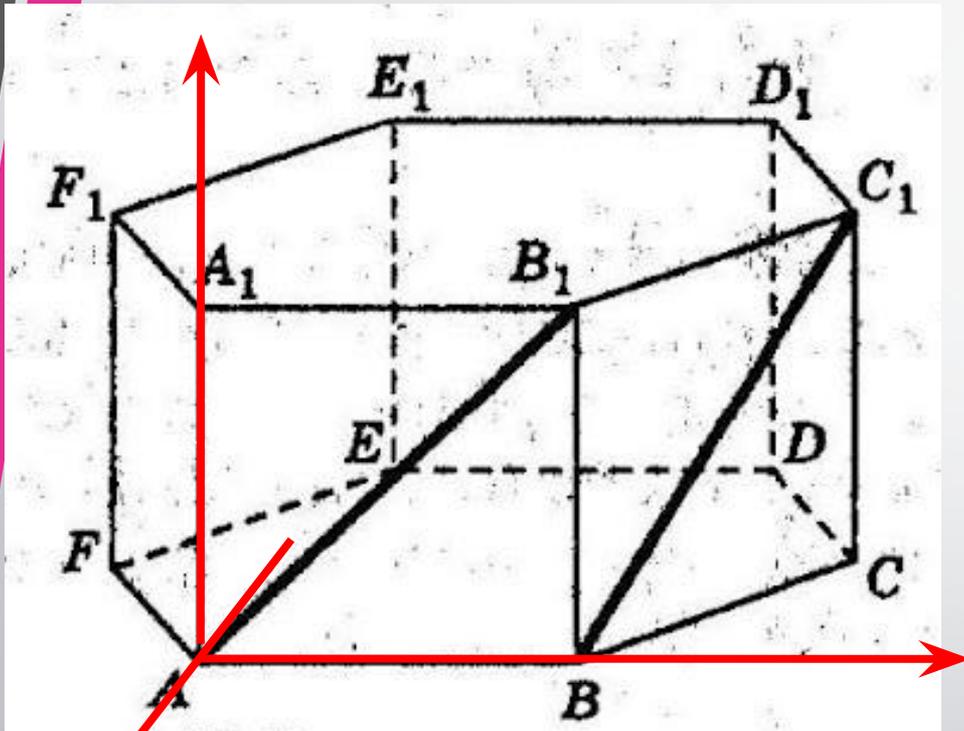
Прямоугольный параллелепипед



Правильная треугольная призма

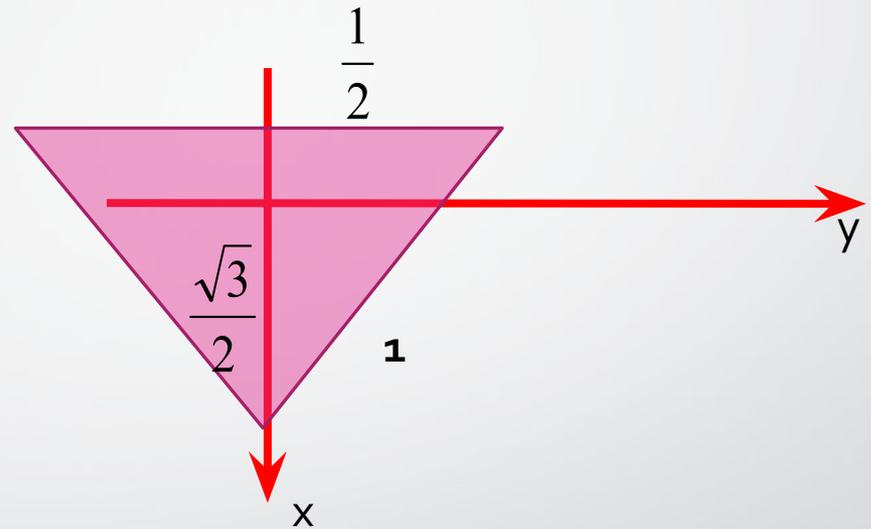
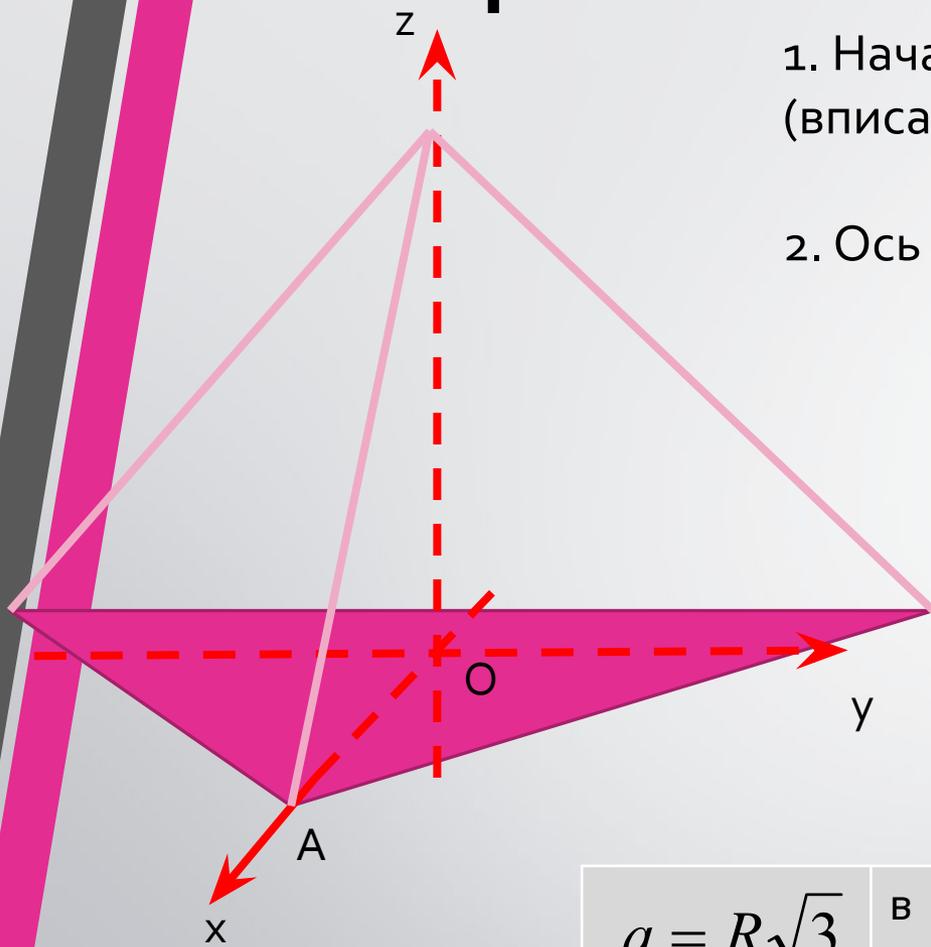


Правильная шестиугольная призма



Правильная пирамида

1. Начало координат в центре описанной (вписанной) около основания окружности
2. Ось Oz – проходит по высоте пирамиды



$OA = R$, где
 R - радиус описанной
окружности

$a = R\sqrt{3}$	в правильном треугольнике
$a = R$	в правильном шестиугольнике
$a = R\sqrt{2}$	в правильном четырехугольнике



Угол между прямыми (обозначим α)

Используем формулу:

$$\cos \alpha = \frac{|x_1x_2 + y_1y_2 + z_1z_2|}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$$

Где

$\{x_1; y_1; z_1\}$ – координаты направляющего вектора первой прямой

$\{x_2; y_2; z_2\}$ – координаты направляющего вектора второй прямой

Так как угол между прямыми выбираем острый,
то косинус положителен

[К решению примера 1](#)

[К решению примера 2](#)

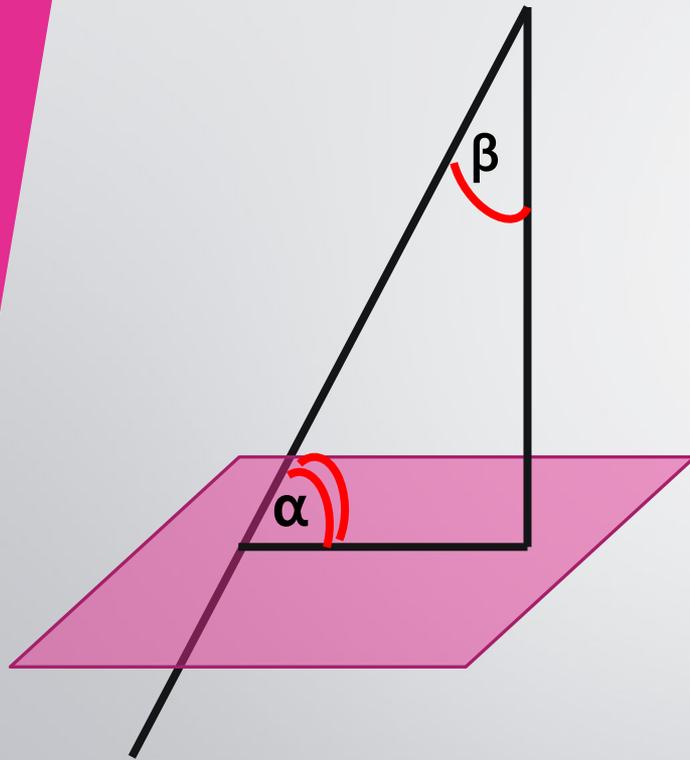


2. Угол между прямой и плоскостью

α - угол между прямой и плоскостью

$$\sin \alpha = \sin(90 - \beta) = \cos \beta$$

β – угол между прямой и перпендикуляром к плоскости



Чтобы найти синус угла между прямой и плоскостью можно найти косинус угла между прямой и перпендикуляром к плоскости



Уравнение плоскости

(1) $ax+by+cz+d=0$ – общий вид уравнения плоскости

вектор $\vec{n}\{a;b;c\} \perp$ плоскости

Через три точки проходит плоскость и притом только одна

Т.к. точки принадлежат плоскости,
то их координаты удовлетворяют уравнению (1)

Составляем и решаем систему уравнений

Находим коэффициенты a, b, c, d



Угол между плоскостями

Угол между плоскостями равен углу между перпендикулярами к этим плоскостям

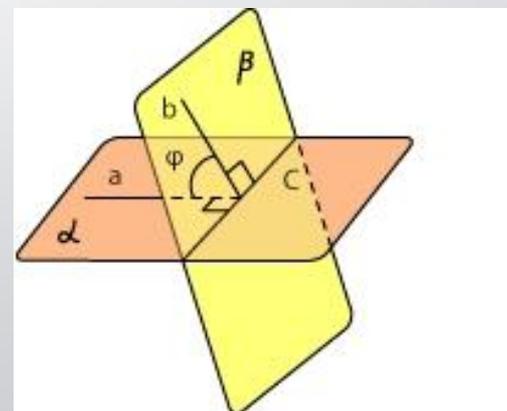
$a_1x + b_1y + c_1z + d_1 = 0$ – уравнение _плоскости_ α

$a_2x + b_2y + c_2z + d_2 = 0$ – уравнение _плоскости_ β

$$\vec{m}\{a_1; b_1; c_1\} \perp \alpha$$

$$\vec{n}\{a_2; b_2; c_2\} \perp \beta$$

$$\cos(\vec{m}; \vec{n}) = \frac{|a_1a_2 + b_1b_2 + c_1c_2|}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2 + c_1^2} \sqrt{a_2^2 + b_2^2 + c_2^2}}$$



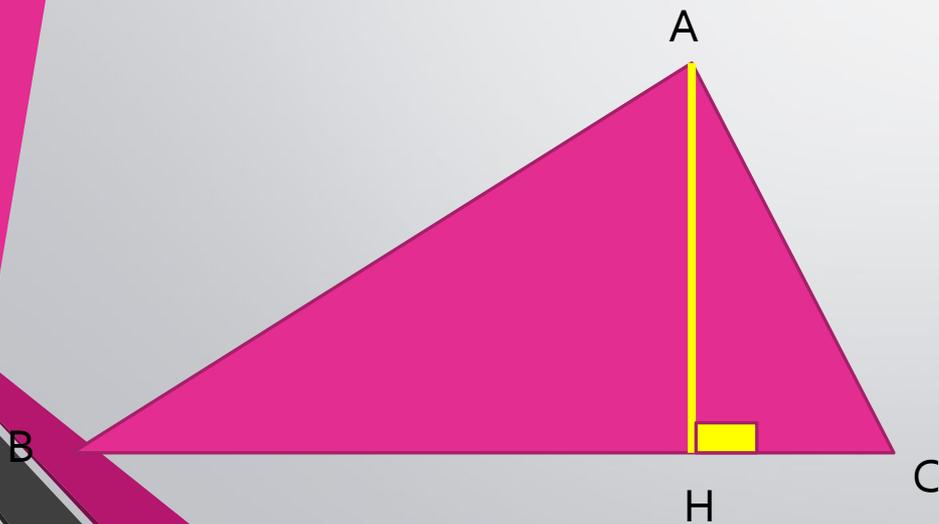
Расстояние от точки до прямой

Пусть AH – искомое расстояние.

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} BC \cdot AH$$

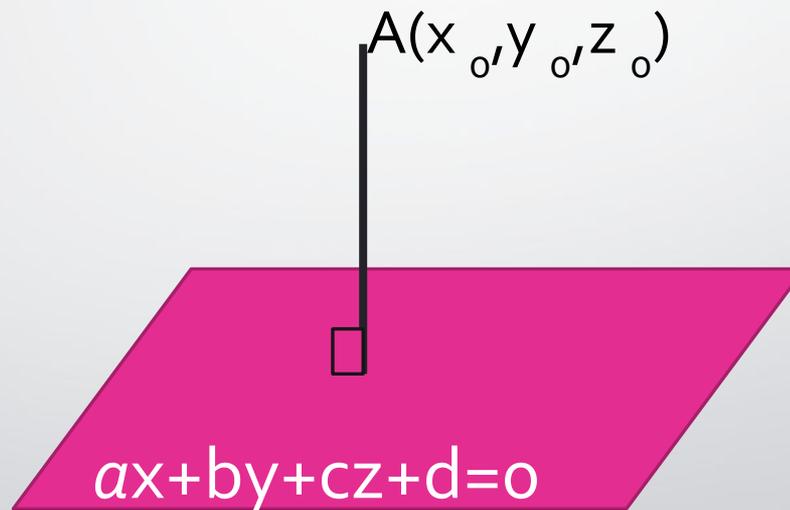
$$AH = \frac{2S_{\triangle}}{BC}$$

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$
$$P = \frac{a+b+c}{2}$$



Расстояние от точки до плоскости

$$\rho = \frac{|ax_0 + by_0 + cz_0 + d|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$



Расстояние между скрещивающимися прямыми

Способ решения А.Правдина – учителя математики Нижегородской области

$$\overrightarrow{AA_1} \perp \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{BB_1} \perp \overrightarrow{AB}$$

Точки A_1 и B_1 выбираем любые

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AA_1} + \overrightarrow{A_1B_1} + \overrightarrow{B_1B}$$

\vec{a} – направляющий вектор a

\vec{b} – направляющий вектор b

$$\overrightarrow{AA_1} = x\vec{a}$$

$$\overrightarrow{B_1B} = y\vec{b}$$

$$\begin{cases} \vec{a} \cdot \overrightarrow{AB} = 0 \\ \vec{b} \cdot \overrightarrow{AB} = 0 \end{cases}$$

Находим x и y , затем длину AB

