

Эффект Комптона

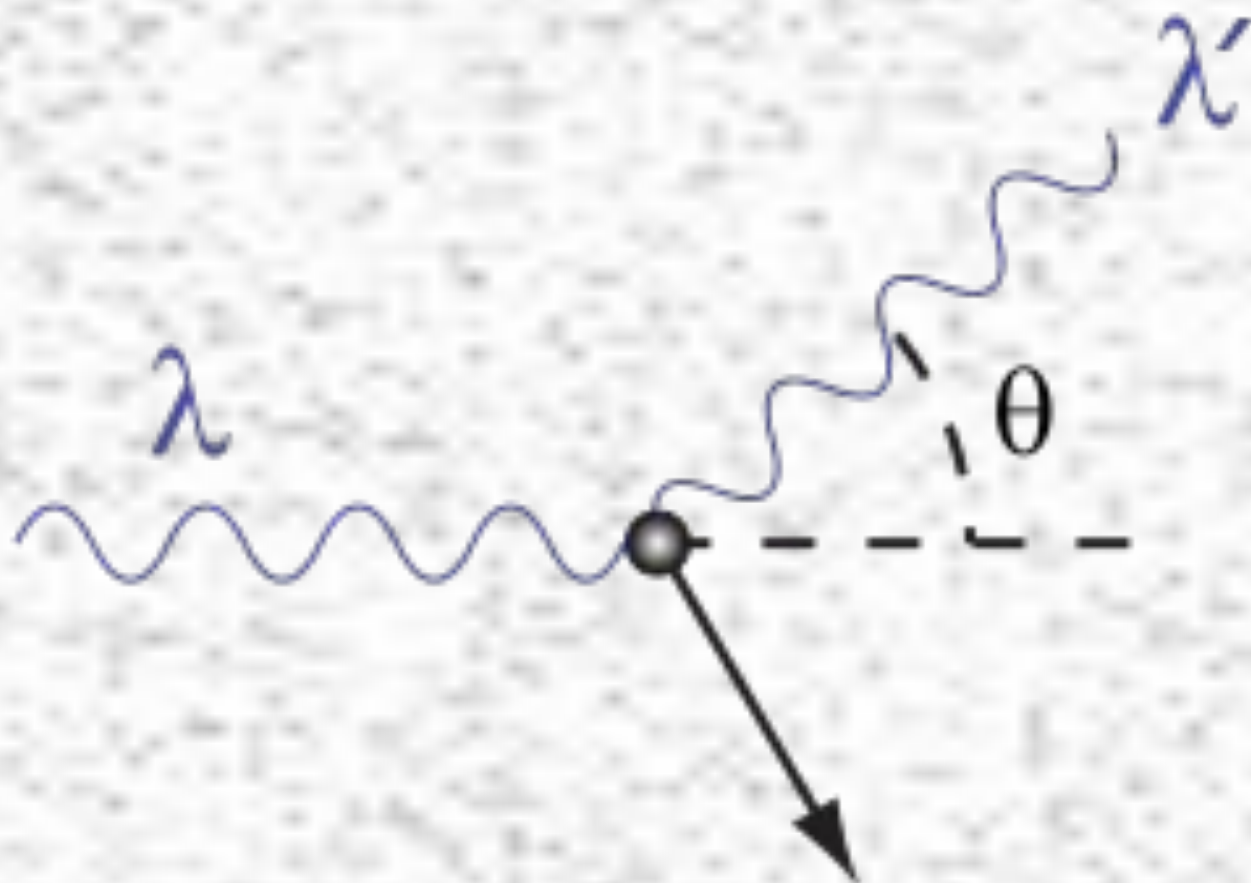


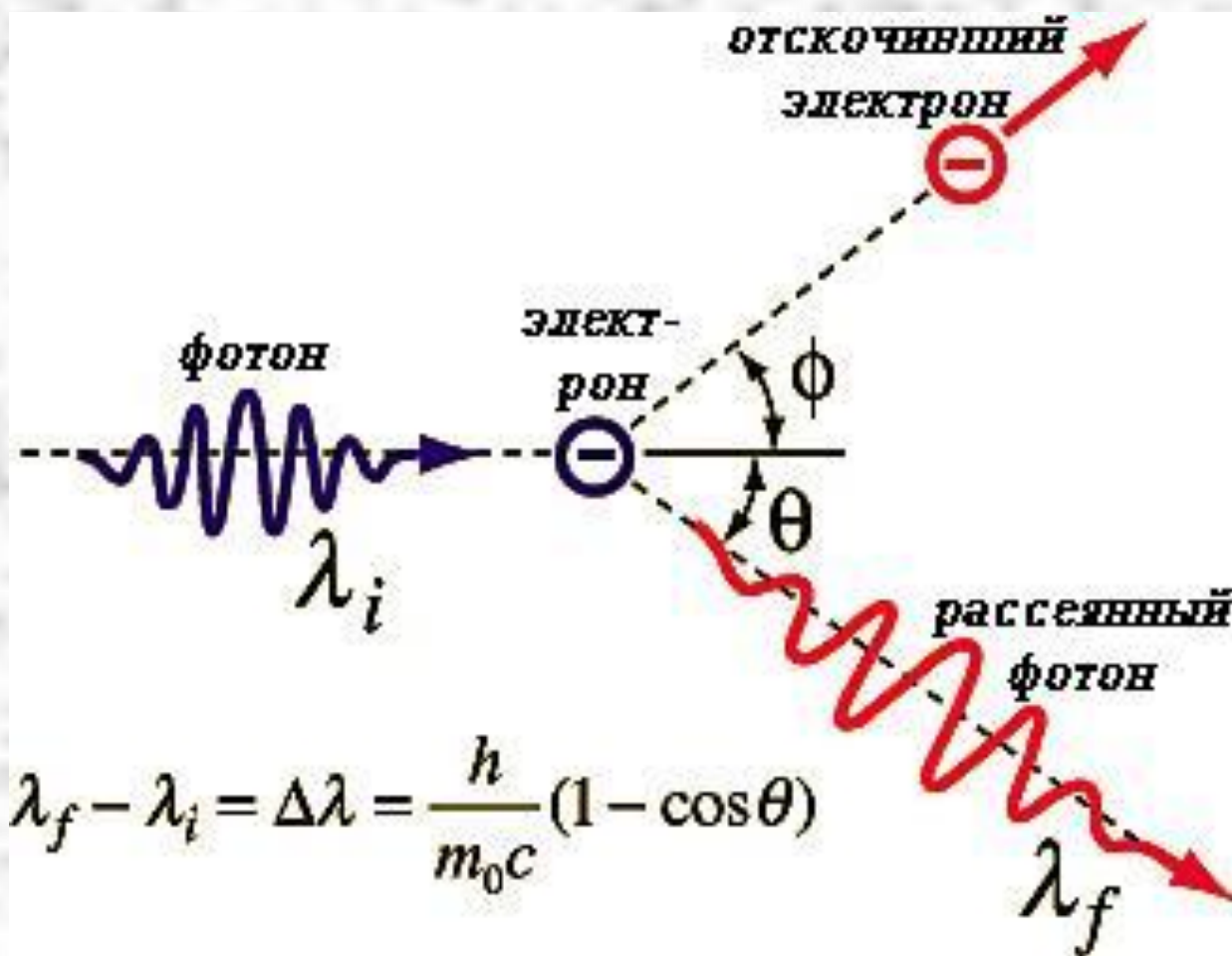
Эффект Комптона заключается в том, что при рассеянии света на легких атомах наряду с длиной волны падающего излучения наблюдается смещенная в сторону больших длин волн компонента.

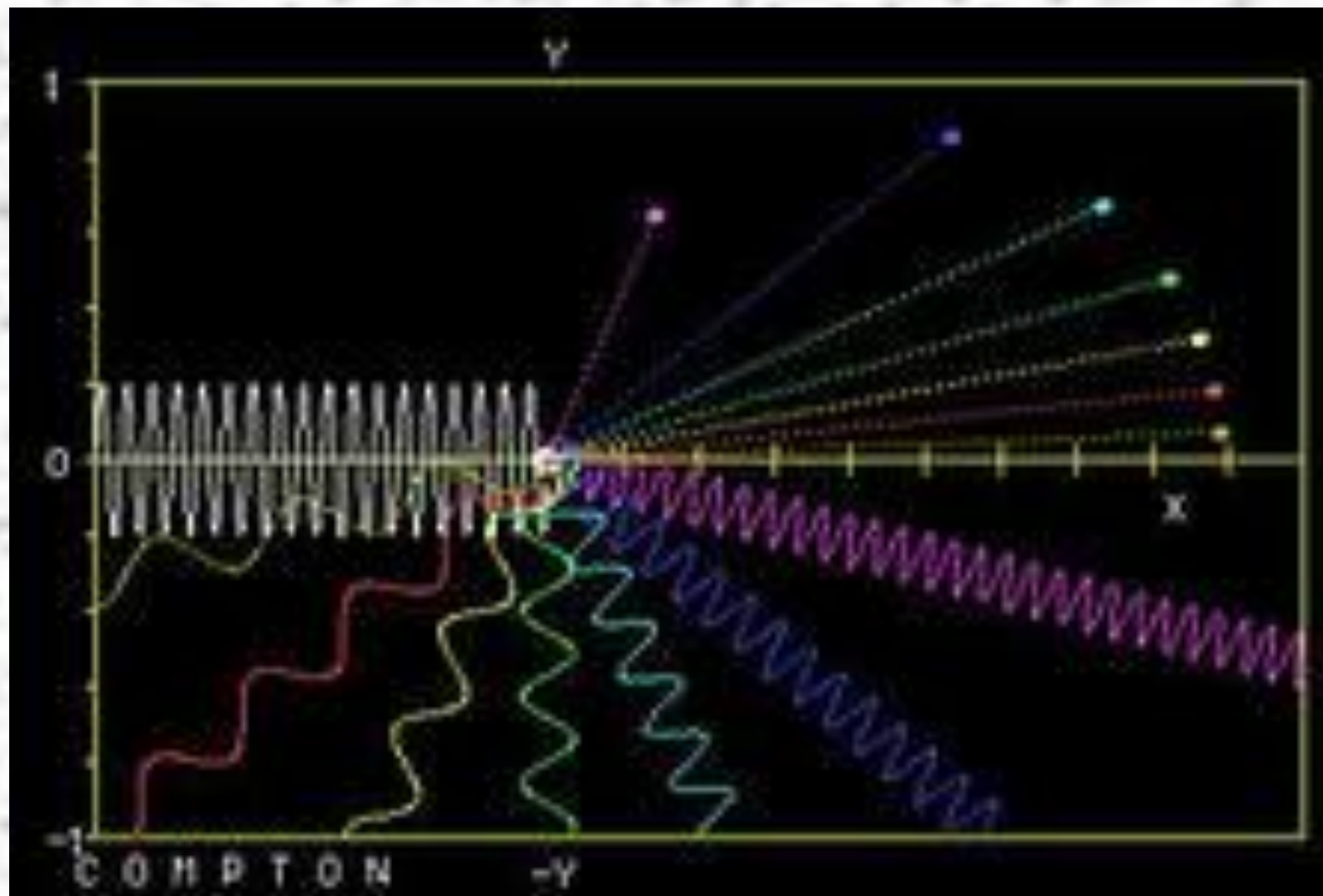
$$\Delta\lambda = k \sin^2 \frac{\theta}{2}.$$

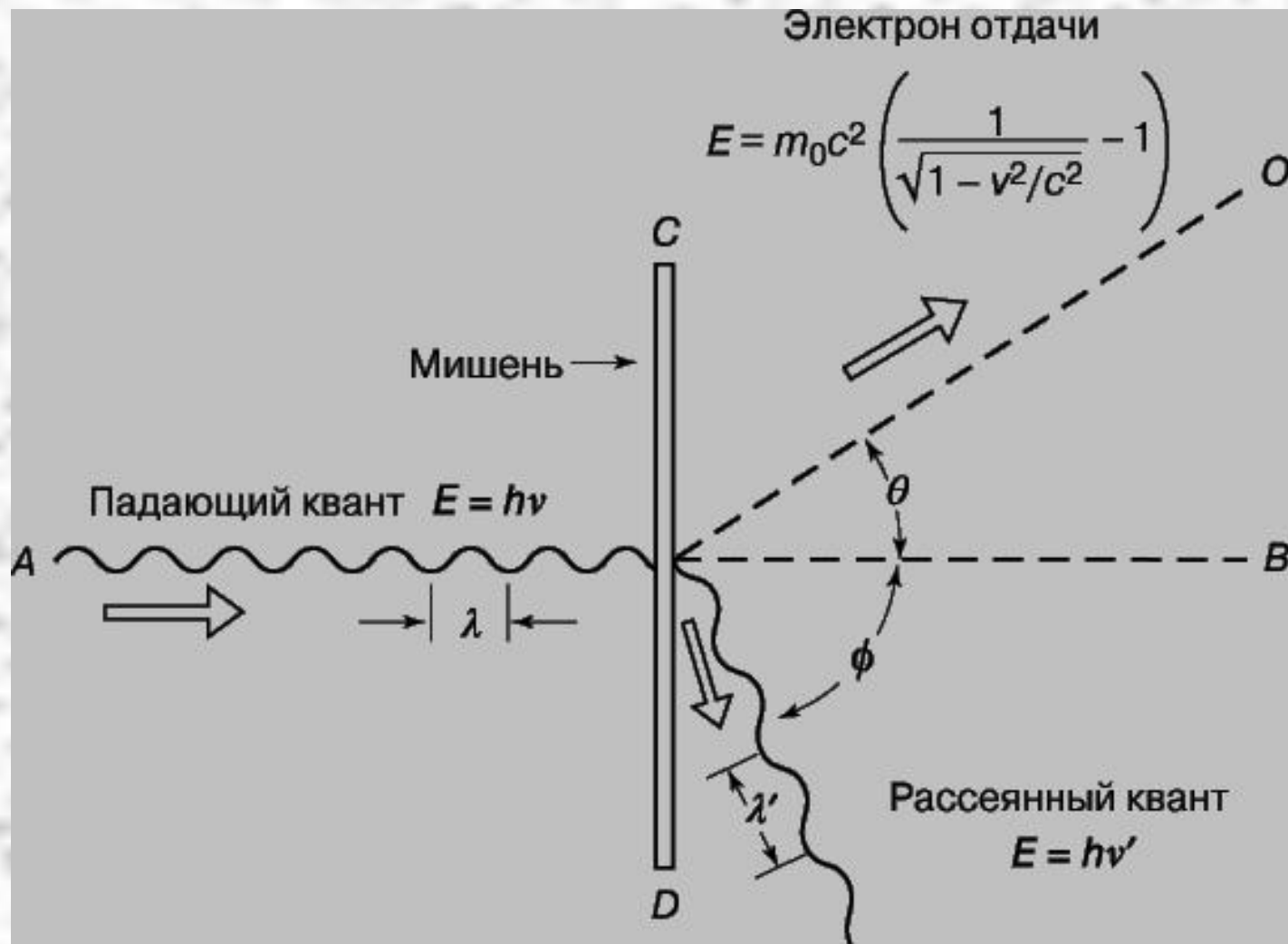
Разница между смещенной длиной и основной называется комptonовским смещением, которое зависит только от угла рассеяния. Объяснить наличие смещения линии удалось рассматривая упругое соударение фотонов с электронами вещества.

У легких атомов электроны слабо связаны с ядром и легко отщепляются. Их можно рассматривать как свободные.









Для упругого соударения работают законы сохранения импульса и энергии.

$\hbar k$ - импульс до соударения (падающего)

$\hbar k'$ - импульс после соударения (рассеянного)

p - импульс электрона

$$\hbar k = \hbar k' + p$$

- $\hbar \omega$ - энергия падающего фотона;
- $\hbar \omega'$ - энергия рассеянного фотона;
- mc^2 - энергия покоящегося электрона;
- $E = c\sqrt{p^2 + m^2 c^2}$ - энергия движущегося электрона.

$$\hbar \omega + mc^2 = \hbar \omega' + c\sqrt{p^2 + m^2 c^2}$$

$$\begin{cases} \hbar\omega + mc^2 = \hbar\omega' + c\sqrt{p^2 + m^2c^2} \\ \hbar k = \hbar k' + p \end{cases}$$

Выполним преобразования:

$$\begin{cases} p = \hbar(k - k') \\ \hbar(\omega - \omega') + mc^2 = c\sqrt{p^2 + m^2c^2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} p^2 = \hbar^2 (k^2 - 2kk' \cos \theta + k'^2) \\ (\hbar(\omega - \omega') + mc^2)^2 = c^2 (p^2 + m^2 c^2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} c^2 p^2 = (\hbar(\omega - \omega') + mc^2)^2 - m^2 c^4 \\ p^2 = \hbar^2 (k^2 - 2kk' \cos \theta + k'^2) \end{cases}$$

- Воспользуемся

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi c}{\lambda} = kc$$

$$\begin{cases} c^2 p^2 = \hbar^2 c^2 (k - k')^2 + m^2 c^4 + 2\hbar c (k - k') \cdot mc^2 - m^2 c^4 \\ p^2 = \hbar^2 (k^2 - 2kk' \cos \theta + k'^2) \end{cases}$$

- Подставим второе равенство в первое

$$\hbar^2 k^2 + \hbar^2 k'^2 - 2\hbar^2 kk' + 2\hbar cm(k - k') =$$

$$\hbar^2 k^2 + \hbar^2 k'^2 - 2\hbar^2 kk' \cos \theta$$

$$2\hbar cm(k - k') = 2\hbar^2 kk'(1 - \cos \theta)$$

- Перейдем к длинам волн

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$cm \cdot 2\pi \frac{\lambda' - \lambda}{\lambda' \lambda} = \hbar \frac{4\pi^2}{\lambda \lambda'} \cdot 2 \sin^2 \frac{\theta}{2}$$

$$\Delta \lambda = \frac{4\pi \hbar}{cm} \cdot \sin^2 \frac{\theta}{2}$$

Помимо смещенной линии в спектре рассеяния наблюдается и основная. Это не объясняется данными выкладками. Это объясняется тем, что мы упростили процесс рассеяния, т.е. не учитывали связь электрона с атомом, а считали его свободным.