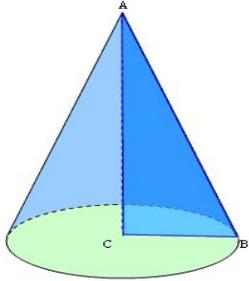
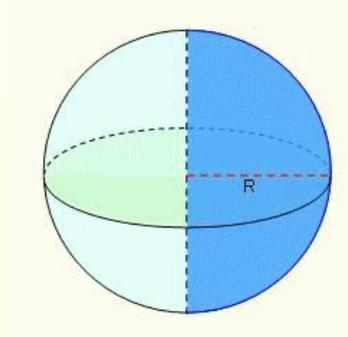
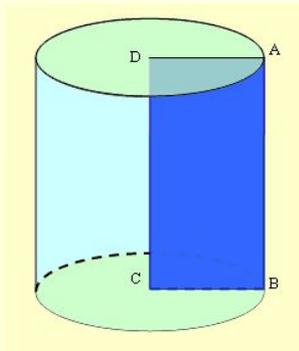


*



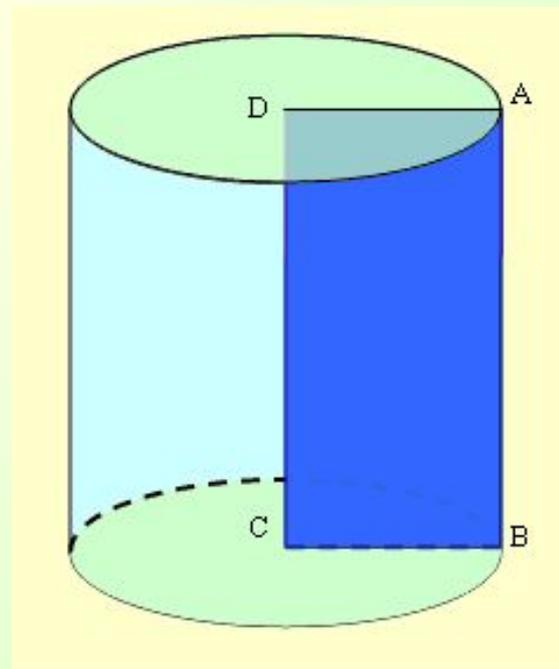
Тела вращения

Цилиндр. Конус. Сфера и шар.

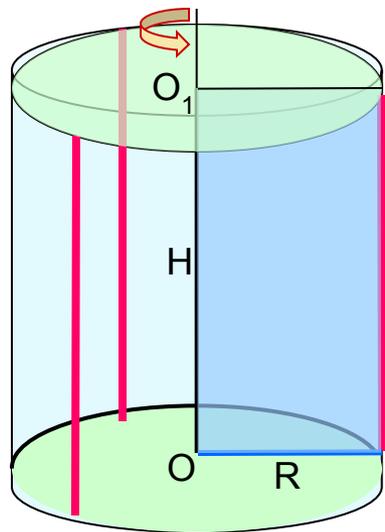


ЦИЛИНДР: от греческого «валик, каток»

Цилиндром называется тело, полученное при вращении прямоугольника вокруг оси, проходящей через одну из его сторон.



Основные определения



Основаниями цилиндра называются круги, полученные в результате вращения сторон прямоугольника, смежных со стороной принадлежащей оси вращения.

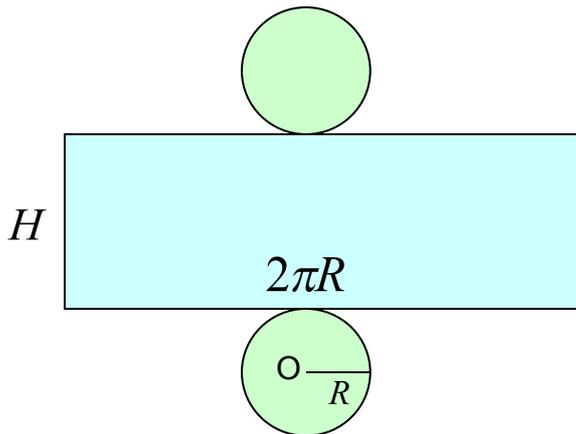
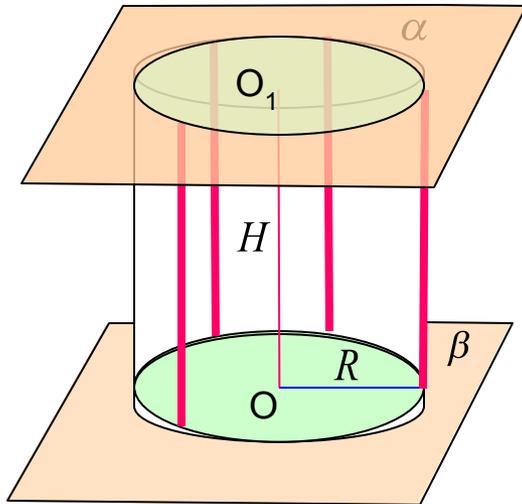
Образующими цилиндра называются отрезки, соединяющие соответствующие точки окружностей кругов.

Радиусом цилиндра называется радиус его основания.

Высотой цилиндра называется расстояние между плоскостями оснований.

Осью цилиндра называется прямая, проходящая через центры оснований.

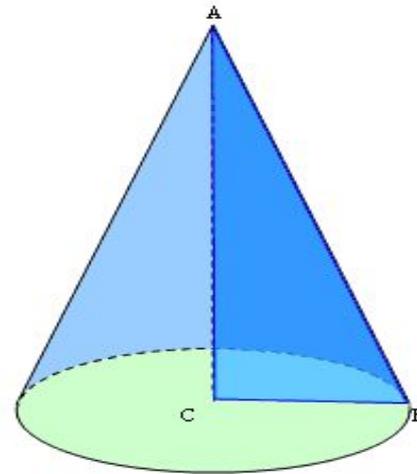
Цилиндр: ОСНОВНЫЕ СВОЙСТВА



- Основания цилиндра равны и лежат в параллельных плоскостях.
- Образующие цилиндра параллельны и равны.
- **Боковая поверхность** цилиндра составлена из образующих.
- Поверхность цилиндра состоит из оснований и боковой поверхности.
- **Развертка** цилиндра представляет собой прямоугольник и два круга

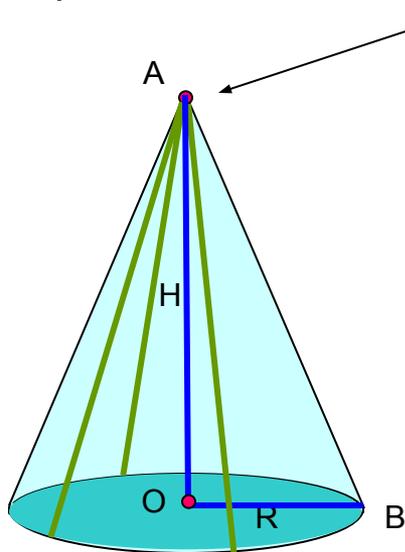
КОНУС: от греческого «сосновая шишка, остроконечная верхушка шлема»

Конусом называется тело, полученное при вращении прямоугольного треугольника вокруг оси, содержащей его катет.



Основные определения

Основанием конуса называется круг, полученный в результате вращения катета, перпендикулярного стороне, принадлежащей оси вращения.



Вершиной конуса называется точка, не лежащая в плоскости этого круга.

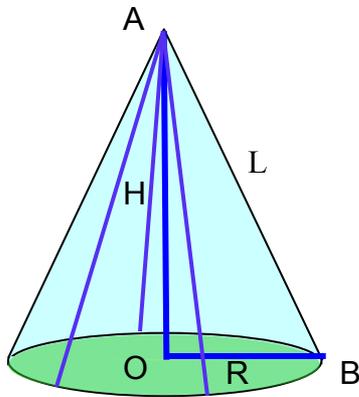
Радиусом конуса называется радиус его основания.

Образующими конуса называются отрезки, соединяющие вершину конуса с точками окружности основания.

Высотой конуса называется перпендикуляр, опущенный из его вершины на плоскость основания.

• **Осью прямого конуса** называется прямая, содержащая его высоту.

Конус: основные свойства

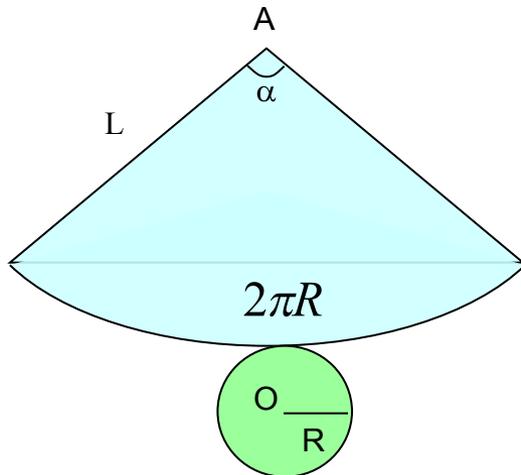


• Конус называется **прямым**, если прямая соединяющая вершину конуса с центром основания, перпендикулярна плоскости основания.

• **Образующие** прямого конуса равны.

Боковая поверхность составлена из образующих.

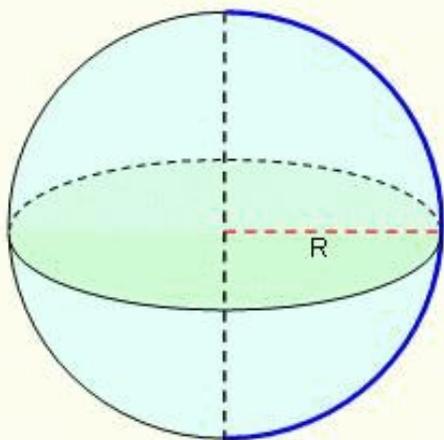
• **Полная поверхность** конуса состоит из основания и боковой поверхности.



Развертка конуса представляет собой круговой сектор, радиусом которого является образующая, и круг.

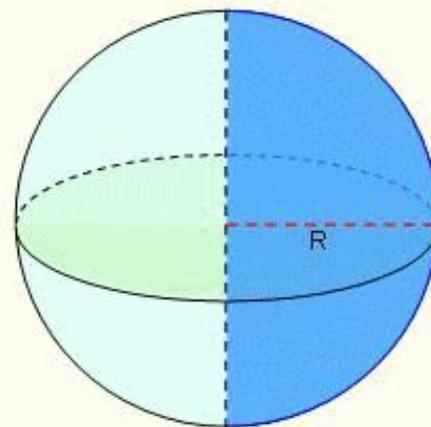
Сфера и шар

сфера



Сферой называется поверхность, полученная при вращении полуокружности вокруг её диаметра.

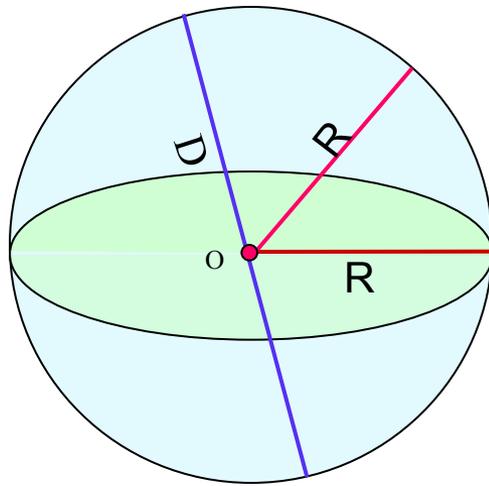
Шаром называется тело, полученное при вращении полукруга вокруг его диаметра.



шар

Основные определения

Шаром называется тело, которое состоит из всех точек пространства, находящихся на расстоянии, не большем данного, от данной точки.



- Эта точка называется **центром** шара, а данное расстояние называется **радиусом** шара.

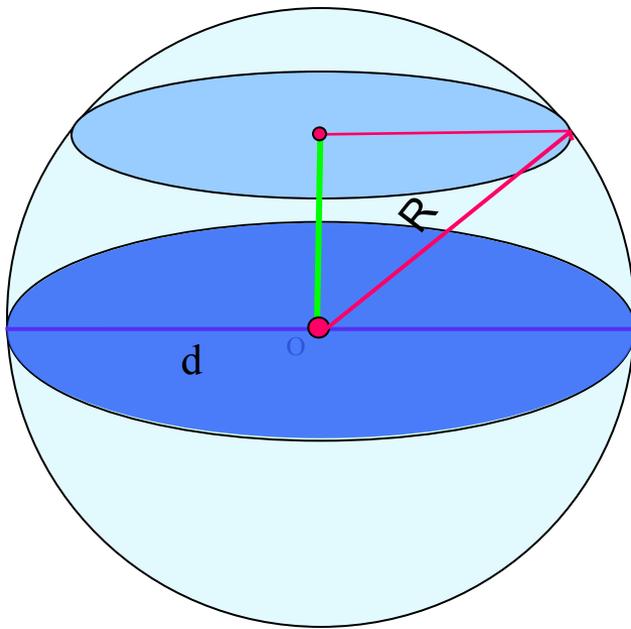
- Граница шара называется шаровой поверхностью или **сферой**.

- Любой отрезок, соединяющий центр шара с точкой шаровой поверхности, называется **радиусом**.

- Отрезок, соединяющий две точки шаровой поверхности и проходящий через центр шара, называется **диаметром**.

Сечения сферы и шара

• **Всякое сечение шара плоскостью есть круг.** Центр этого круга есть основание перпендикуляра, опущенного из центра на секущую плоскость.



• Плоскость, проходящая через центр шара, называется **диаметральной плоскостью**.

Сечение шара диаметральной плоскостью называется **большим кругом**, а сечение сферы - **большой окружностью**

Формулы площади поверхности и объема тел вращения

<i>Название тела</i>	<i>Формула площади бок. поверхности</i>	<i>Формула объема</i>
Цилиндр		$V = \pi R^2 H$
Конус	$S_{бок} = \pi RL$	$V = \frac{1}{3} \pi R^2 H$
Шар	$S = 4\pi R^2 = \pi d^2$	$V = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{1}{6} \pi d^3$

Решите задачи:

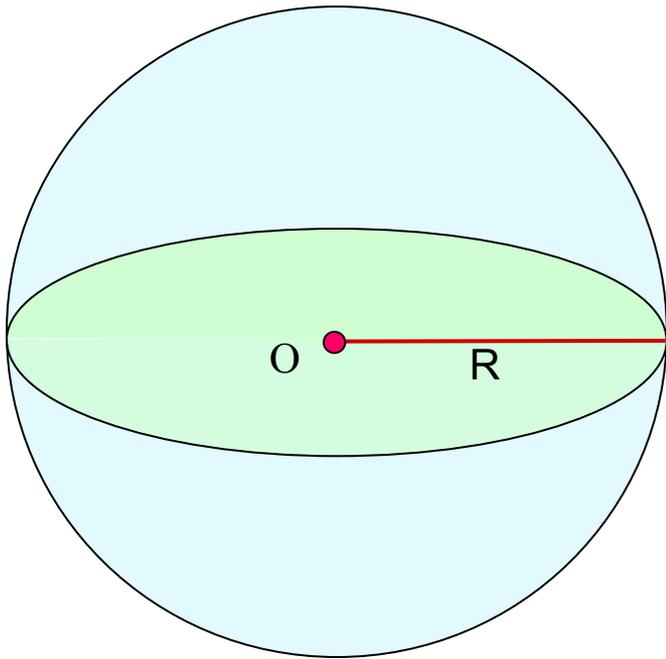
№1229

№1217

№1228



Задача №1229. Сколько кожи пойдет на покрытие футбольного мяча радиуса 10см (на швы добавить 8% от площади поверхности мяча)?



$$S = 4\pi R^2$$

$$S = 4\pi \cdot 10^2 = 400\pi$$

$$0,08S = 0,08 \cdot 400\pi = 32\pi$$

$$S + 0,08S = 400\pi + 32\pi = 432\pi$$

$$S + 0,08S \approx 1357(\text{см}^2)$$

Задача №1217. Сколько квадратных метров листовой жести пойдет на изготовление трубы длиной 4м и диаметром 20см, если на швы необходимо добавить 2,5% от площади её боковой поверхности?

$$S_{\text{бок}} = 2\pi RH$$

$$0,025S_{\text{бок}} = 0,025 \cdot 2\pi RH = 0,05\pi RH$$

$$S_{\text{бок}} + 0,025S_{\text{бок}} = 2\pi RH + 0,05\pi RH = 2,05\pi RH$$

$$S_{\text{бок}} + 0,025S_{\text{бок}} = 2,05\pi RH = 2,05\pi \cdot 0,1 \cdot 4 = 0,82\pi$$

Ответ : $0,82\pi \approx 2,58(\text{м}^2)$



Задача №1228. Стаканчик для мороженого конической формы имеет глубину 12см и диаметр верхней части 5см. На него сверху положили две ложки мороженого в виде полушарий диаметром 5см. Переполнит ли мороженое стаканчик, если оно растает?

Ответ: нет

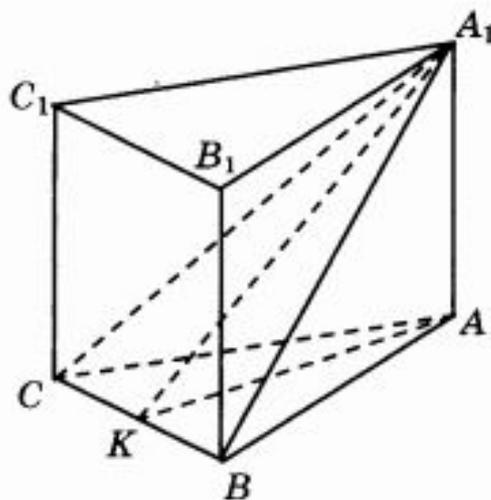


Задание на дом:

Подготовиться к контрольной
работе, выполнить №1, 2

1. На рисунке $ABCA_1B_1C_1$ — правильная призма. Укажите номера верных утверждений.

- 1) Треугольник ABC — правильный.
- 2) Треугольник A_1BC — правильный.
- 3) Треугольник A_1BC — равнобедренный.
- 4) Треугольник A_1BC — прямоугольный.
- 5) Треугольник AA_1B — прямоугольный.
- 6) Треугольник AA_1K — прямоугольный.
- 7) AA_1B_1B — прямоугольник.
- 8) CC_1B_1B — квадрат.



2. В цилиндре центр одного из оснований O соединен с концами диаметра другого основания отрезками, угол между которыми равен 60° . Найдите диаметр основания, если высота цилиндра равна 12.