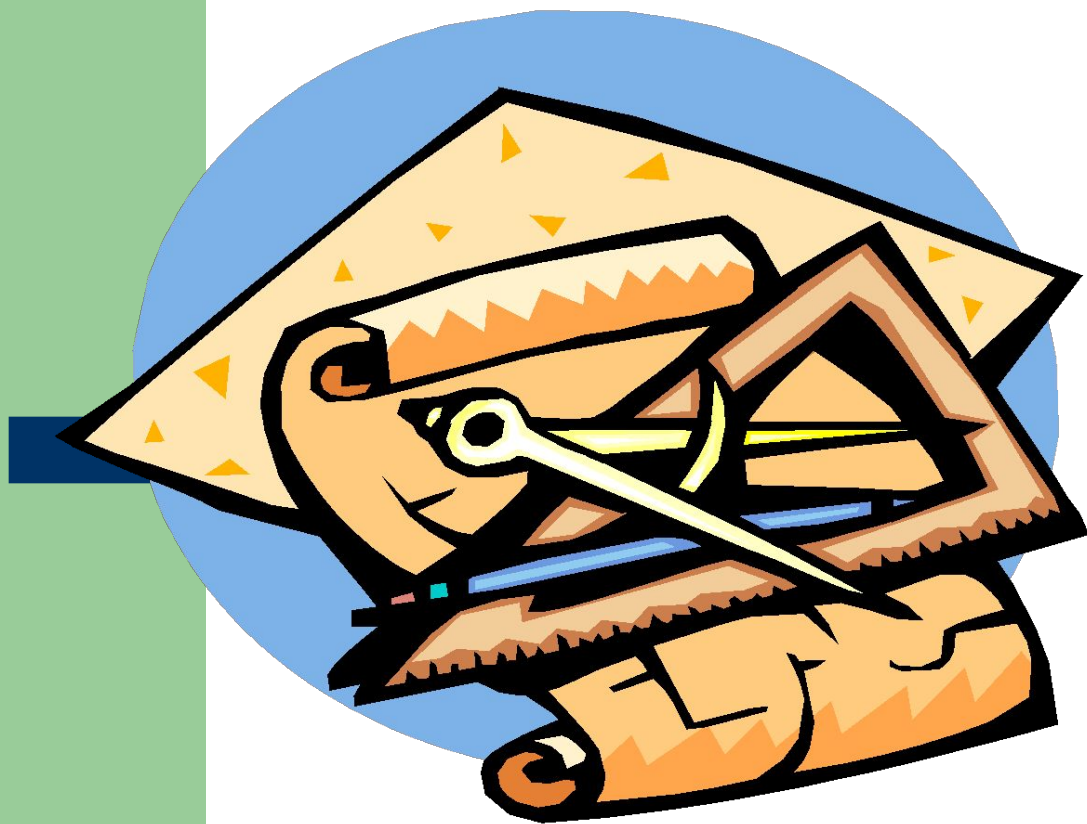



Решение треугольников

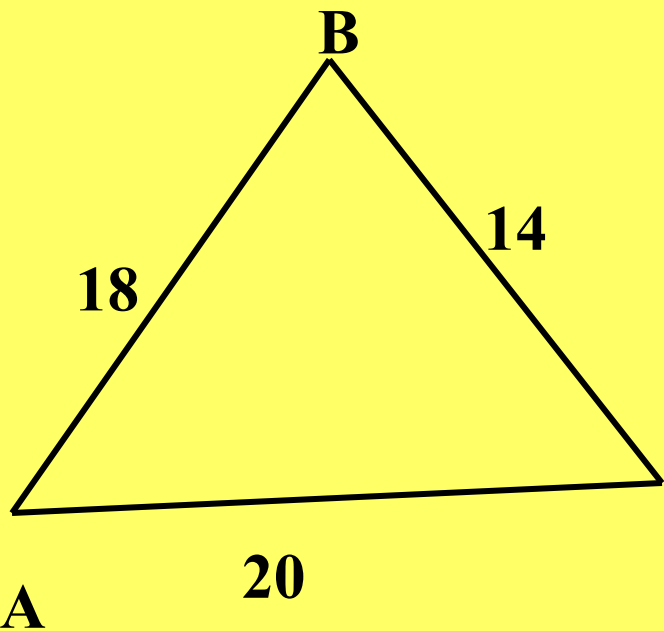




В науке нет широкой столбовой
дороги и только тот достигнет ее
сияющих вершин, кто не страшась
усталости карабкается по ее
каменистым тропам.

К. Маркс

№ 1025 (3)



Дано: $\triangle ABC$, $AB=18$, $BC=14$,
 $AC=20$

Найти: $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$

Решение:

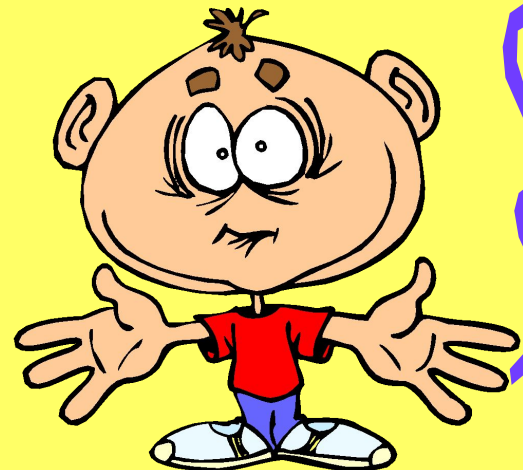
1) По теореме косинусов

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \cdot BC \cdot \cos B$$

$$20^2 = 18^2 + 14^2 - 2 \cdot 18 \cdot 14$$

$$\cos B = \frac{20^2 - 18^2 - 14^2}{-2 \cdot 18 \cdot 14} = \frac{400 - 324 - 196}{-504} = \frac{5}{21}$$

$$\angle B \approx 76^\circ$$



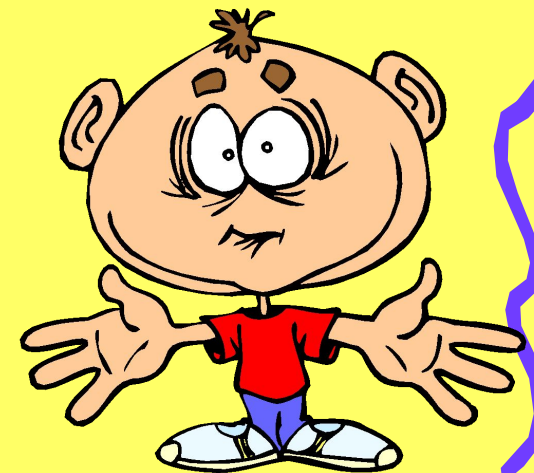
2) по теореме синусов


$$\frac{AC}{\sin B} = \frac{BC}{\sin A}$$

$$\sin A = \frac{BC \cdot \sin B}{AC} = \frac{14 \cdot \sin 76^\circ}{20} = 0,6792$$

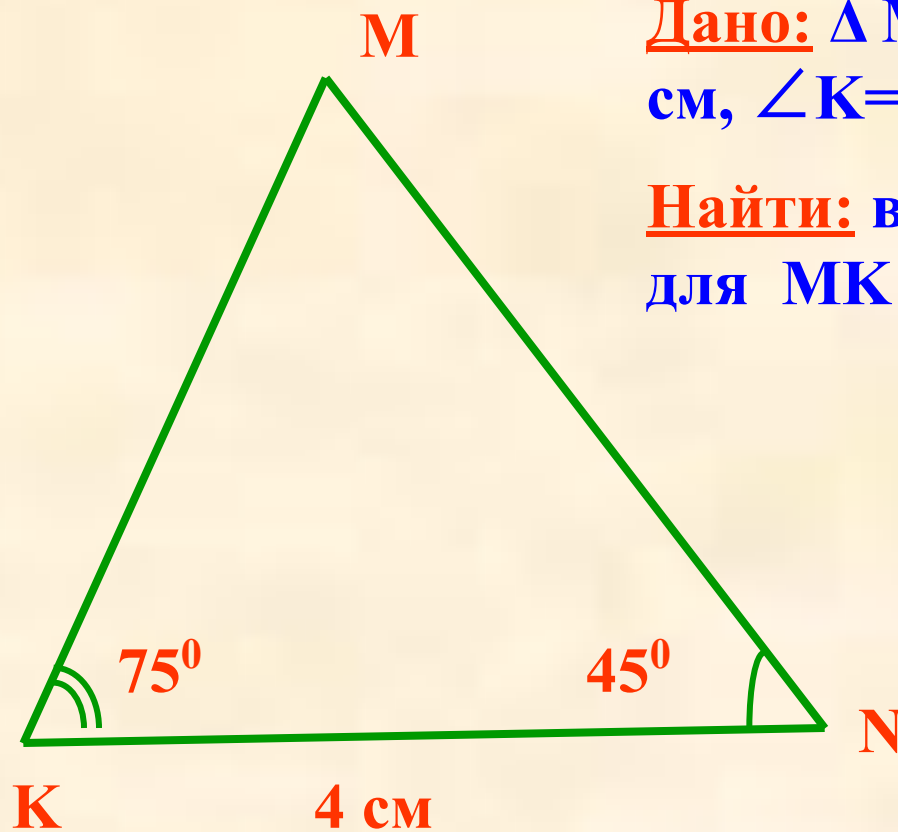
$$\angle A \approx 43^\circ$$

$$\angle C = 180^\circ - 76^\circ - 43^\circ = 61^\circ$$



	Дано	Найти	Решение
 <p>Diagram of a triangle with vertices labeled A, B, and C. Angle B is at the top vertex, angle C is at the bottom-left vertex, and angle A is at the bottom-right vertex. Side a is the side opposite angle A, connecting vertices B and C.</p>	$a, \angle B, \angle C$	$\angle A, b, c$	$\angle A = 180^\circ - (\angle B + \angle C)$ $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ $b = \frac{a \sin B}{\sin A}; c = \frac{a \sin C}{\sin A}$

Задача 1



Дано: $\triangle MKN$, $KN = 4$
см, $\angle K = 75^\circ$, $\angle N = 45^\circ$.

Найти: выражение
для МК



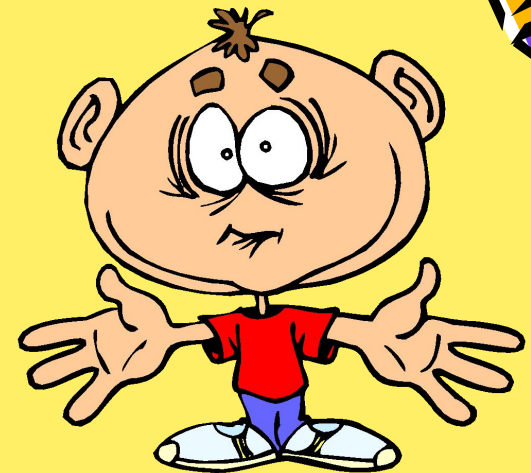
Ответ: 1) $\angle M = 180^0 - 120^0 = 60^0$

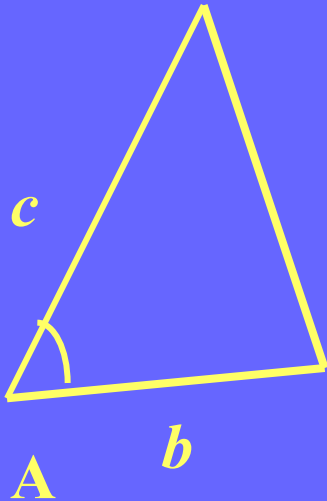
2) по теореме синусов

$$\frac{MK}{\sin N} = \frac{KN}{\sin M}$$

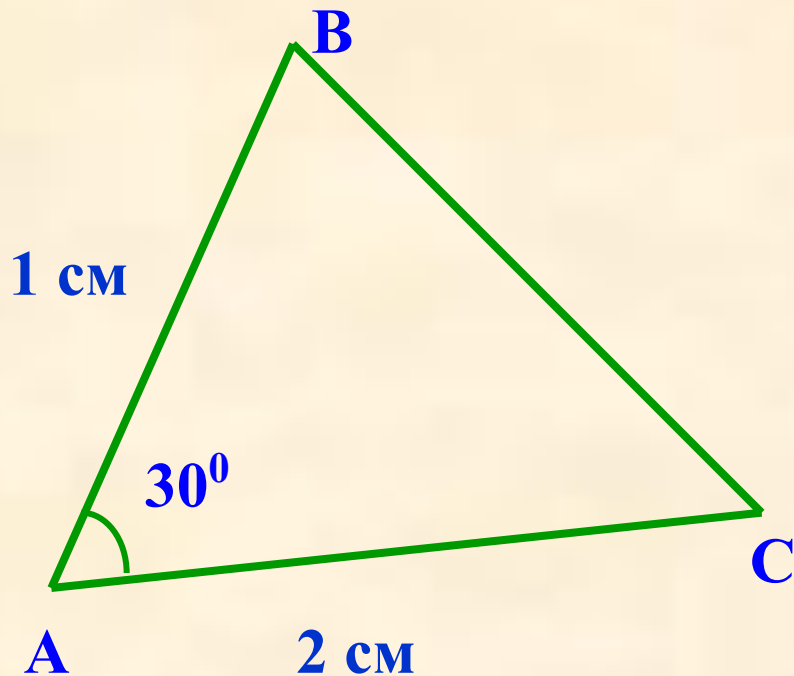
$$\frac{MK}{\sin 45^0} = \frac{4}{\sin 60^0}$$

$$MK = \frac{4 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{2\sqrt{2} \cdot 2}{\sqrt{3}} = \frac{12\sqrt{2}}{3}$$



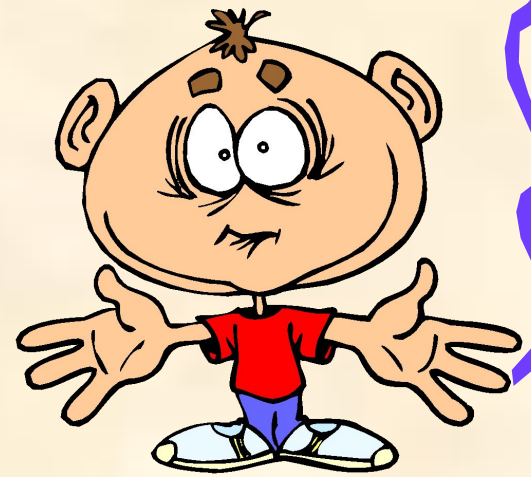
	Дано	Найти	Решение
 <p>A triangle with vertices at the top, bottom-left, and bottom-right. The side opposite the top vertex is labeled a. The side opposite the bottom-left vertex is labeled b. The side opposite the bottom-right vertex is labeled c. The angle at the bottom-left vertex is marked with an arc and labeled A.</p>	$b, c, \angle A$	$a, \angle B, \angle C$	$a = \sqrt{c^2 + b^2 - 2bc \cos A}$ $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ $\sin B = \frac{b \sin A}{a}; \sin C = \frac{c \sin A}{a}$ <p>$\angle B$ и $\angle C$ — по таблицам</p>

Задача 2



Дано: $\triangle ABC$, $AB = 1$ см,
 $AC = 2$ см, $\angle A = 30^\circ$.

Найти: выражение для
 BC

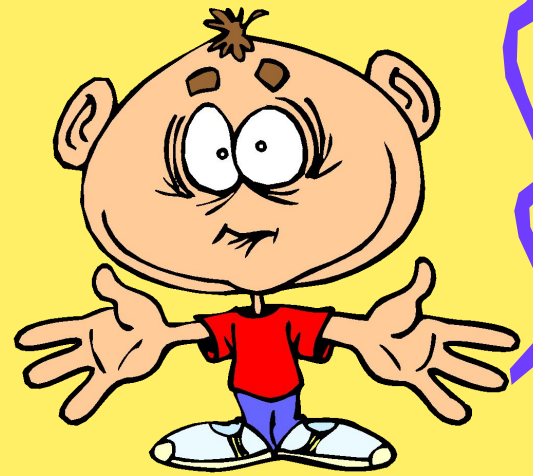


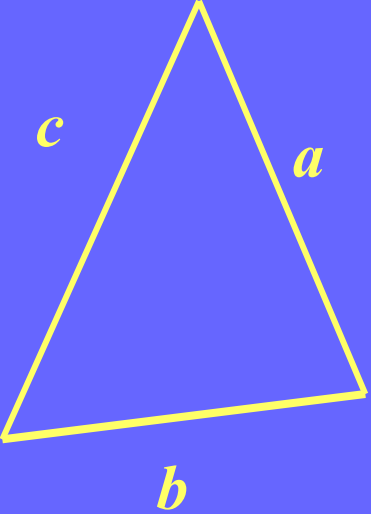
Ответ: по теореме косинусов

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos 30^\circ$$

$$BC^2 = 1 + 4 - 4 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$BC = \sqrt{5 - 2\sqrt{3}}$$

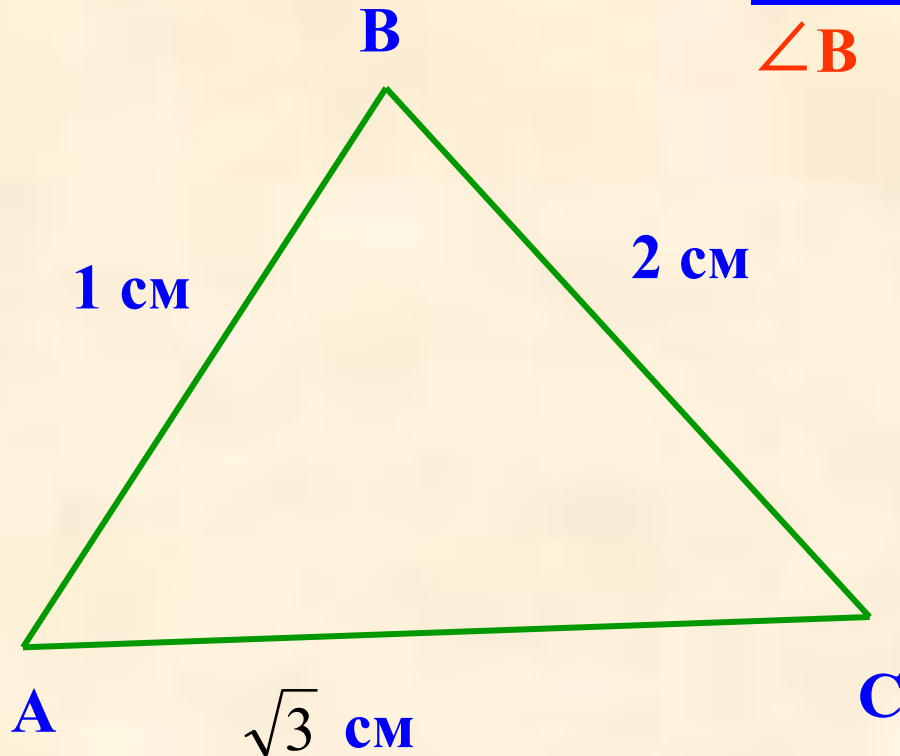


	Дано	Найти	Решение
	$a, b, c,$	$\angle A, \angle B,$ $\angle C$	$a^2 = c^2 + b^2 - 2bc \cos A$ $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$ $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ $\sin B = \frac{b \sin A}{a};$ $\sin C = \frac{c \sin A}{a}$ $\angle A, \angle B, \angle C$ — по таблицам или $\angle C = 180^\circ - (\angle A + \angle B)$

Задача 3

Дано: $\triangle ABC$, $AB = 1$ см,
 $BC = 2$ см, $AC = \sqrt{3}$ см

Найти: выражение для
 $\angle B$



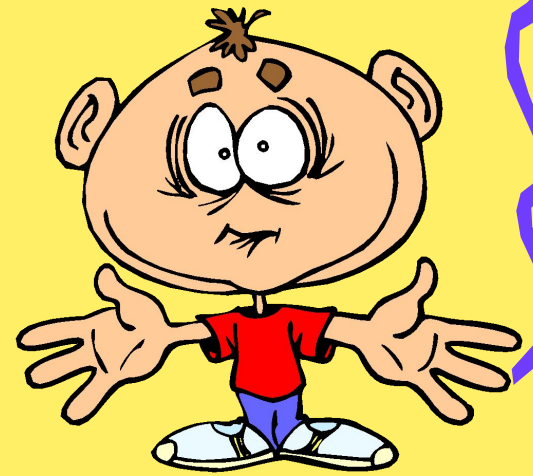
Ответ: по теореме косинусов

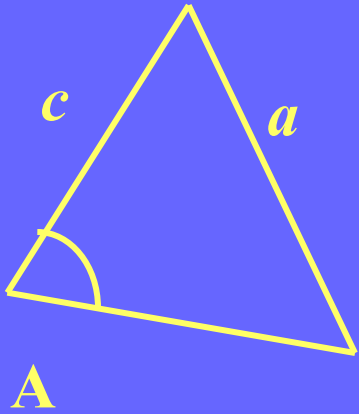
$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \cdot BC \cdot \cos B$$

$$\cos B = \frac{AB^2 + BC^2 - AC^2}{2AB \cdot BC}$$

$$\cos B = \frac{1 + 4 - 3}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\angle B = 60^\circ$$

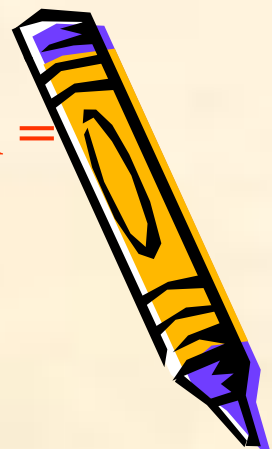
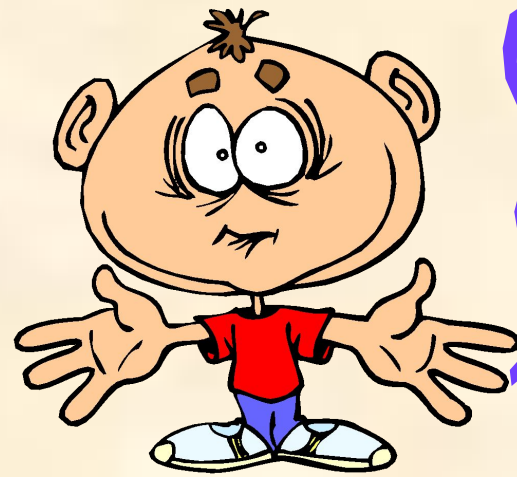
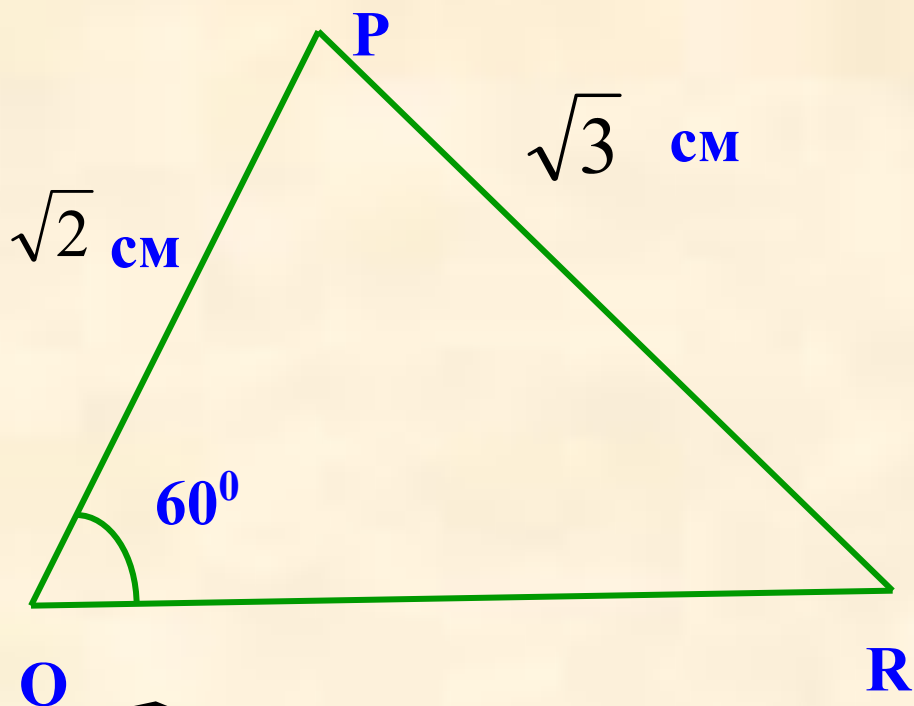


	Дано	Найти	Решение
	$a, c,$ $\angle A$	$b, \angle B,$ $\angle C$	$\frac{c}{\sin C} = \frac{a}{\sin A}; \sin C = \frac{c \sin A}{a}$ $\angle B = 180^\circ - (\angle A + \angle C)$ $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B}; b = \frac{a \sin B}{\sin A}$

Задача 4

Дано: $\triangle OPR$, $OP = \sqrt{2}$ см, $PR = \sqrt{3}$ см

Найти: выражение для $\angle R$



Ответ: по теореме синусов

$$\frac{PR}{\sin O} = \frac{OP}{\sin R}$$

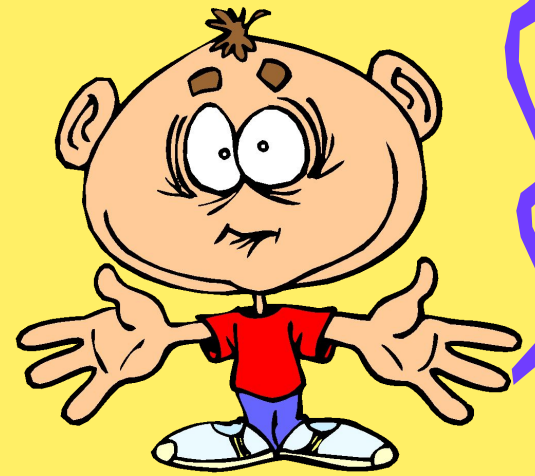
$$\frac{\sqrt{3}}{\sin 60^{\circ}} = \frac{\sqrt{2}}{\sin R}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2}}{\sin R}$$

2

$$\sin R = 1$$

$$\angle R = 90^{\circ}$$



№ 1037

