Оптические свойства квантоворазмерных гетероструктур

- 1. Локализация носителей заряда в тонких («квантоворазмерных») узкозонных слоях квантовых ямах.
- 2. Структура зон и плотность состояний в квантовых ямах.
- 3. Оптическое поглощение и усиление в квантовых ямах.
- 4. За пределами элементарной модели
- 5. Инжекционные лазеры с активным слоем в виде квантовых ям.

Локализация носителей заряда в квантовых ямах



Условия квантования носителей заряда в квантовых ямах



Оценка параметров

Оценка l_s : $l_s \approx v_t \cdot \tau_k = 10^7 (см/с) \cdot 10^{-13} (c) = 10^{-6} см = 10$ нм

Оценка
$$\lambda_{d}$$
: $\varepsilon = \frac{\mathbb{Z}^{2}k^{2}}{2m^{*}}$ $k = \frac{2\pi}{\lambda_{d}} = \sqrt{\frac{2\varepsilon m^{*}}{\mathbb{Z}^{2}}}$

$$\lambda_d = 2\pi \sqrt{\frac{\mathbb{Z}^2}{2\varepsilon m^*} \frac{m_0 e^2}{m_0 e^2}} = 2\pi \sqrt{\frac{a_0 e^2}{2\varepsilon} \frac{m_0}{m^*}} = 2\pi a_0 \sqrt{\frac{Ry}{\varepsilon} \frac{m_0}{m^*}}$$

 $a_0 = \frac{\mathbb{Z}^2}{m_0 e^2} = 0,53 \text{ Å}$ - Боровский радиус; $\frac{e^2}{2a_0} = Ry = 13,6 \ \text{эВ} - \text{Ридберг}; \quad \varepsilon \approx \text{kT}; \quad \text{m}_0/\text{m}^* \approx 10$

Подставим числа:

$$\lambda_{d} = 2\pi a_{0} \sqrt{\frac{Ry}{kT}} \frac{m_{0}}{m^{*}} = 6,3 \times 0.53 \text{ Å} \sqrt{\frac{13.6 (\Im B)}{2.510^{-2} (\Im B)} \times 10} \approx 10 \, \text{hm}$$

При L_z ≤ 10 нм есть квантование (при этих параметрах квазиклассика не реализуется)

Движение носителей и уровни размерного квантования в квантовых ямах



Волновые функции локализованных состояний

В яме бесконечно большой глубины U₀= ∞ из решения уравнения Шредингера находим :

n=3
n=2
$$\psi_{n(c,v)} = \begin{bmatrix} \sqrt{\frac{\Omega}{V}} \sin\left(\frac{n\pi}{L_z}z\right) \exp\left(ik_{||}r_{||}\right) & u_{c,v}(\overset{\square}{r}) & -B\\ 0 & -BHe\\ \eta = 1 & \eta M \downarrow$$

Вид волновых функций различных уровней Обычно считают, что вид функций и_{с,} такой же, как и в объемном материале. Это оправдано, если на размере ямы содержится хотя бы несколько периодов решетки кристалла

Уровни размерного квантования в структурах AIGaAs/GaAs (конечная глубина ямы)



Расчет положения уровней в ямах конечной глубины



Оптические переходы между подзонами размерного квантования



Вычисление двумерной плотности состояний

Воспользуемся обычным выражением для связи волнового числа и энергии (при «вертикальном» переходе):

$$k_{||_{ehh}} = \sqrt{\frac{2 \overline{m}}{\mathbb{R}^2}} \left[E - \left(E_g + \Delta_{ehh} \right) \right]^{1/2} \quad dk_{||_{ehh}} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2 \overline{m}}{\mathbb{R}^2}} \left[E - \left(E_g + \Delta_{ehh} \right) \right]^{-1/2} dE$$



Подставим это в выражение для числа состояний, получим:

$$\rho_{ehh}^{2D} = \frac{\overline{m_{ehh}}}{\pi \, \mathbb{Z}^2}$$

не зависит от энергии !

Полная плотность состояний есть сумма:

$$\rho^{2D}(E) = \rho^{2D}_{e1 \rightarrow hh1} + \rho^{2D}_{e1 \rightarrow lh1} + \dots$$

Оптическое усиление в квантовой яме

По аналогии с объемным случаем можно двумерная приведенная плотность состояний написать: (для разных подзон разная !) $r_{st}^{2D}(E) = \frac{4\pi e^{2} n E}{m_{0}^{2} \mathbb{Z}^{2} c^{3}} \left| M_{d}^{2D}(E) \right|^{2} \sum_{\substack{c,v \\ \swarrow}} \rho_{red}^{2D}(E) (f_{c} - f_{v})$ **F**= ħω матр. сумма берется по всем разрешенным коэф. элемент переходам между подзонами в с-и vстарый другой зонах $g(E) \propto \rho^{2D}(E) (f_c - f_y)$ Связь между усилением и скоростью стимулированного излучения: $g(E) \propto r_{st}(E)$ Условие инверсии для переходов с индексом подзоны n: $E_{g}+\Delta$ $\Delta F \ge E_{g} + \Delta_{n}$ +4Δ F=ħm

За пределами элементарной модели: Смешивание зон и дисперсия в подзонах

I. Оказывается, что в КЯ имеет место эффект *смешивания зон,* что приводит к изменению положения уровней и сильной трансформации законов дисперсии:



Расчет дисперсии дырок в валентной зоне с учетом смешивания зон и конечной глубины ямы в GaAs



Смешивание зон происходит из-за взаимодействия волновых функций электронов и дырок на стенках ямы (в объемном случае этот эффект не играет роли)

Для перехода e1-lh1, в точке где m^{*} = -m^{*}

$$\rho^{2D} = \frac{\overline{m}}{\pi \mathbb{Z}^2} = \frac{1}{\pi \mathbb{Z}^2} \frac{m_e^* m_{lh}^*}{m_e^* + m_{lh}^*} = \infty \, !!!$$

Эффект уширения уровней

II. Как и для объемного случая, в КЯ имеет место уширение уровней электронов и дырок в результате столкновений между собой и с другими частицами.

Расчет величин уширения уровней за счет разных механизмов взаимодействия носителей

в с-подзонах:

e-e → ~1 мэВ e-h → 5-10 мэВ e-LO → 3 мэВ в *v*-подзонах:

h-h → 20 мэВ h-e → 5-10 мэВ h-LO → 7 мэВ

Уширение линий оптических переходов описывается функцией Лоренца:

$$\delta\left(\mathbb{Z}\omega - E\right) = \frac{\Gamma^2}{\left(\mathbb{Z}\omega - E\right)^2 + \Gamma^2}$$



Усиление в КЯ есть свертка предыдущего выражения для g(ħω) с функцией Лоренца

$$g(\mathbb{Z}\omega) = A \int dE \sum_{n \to n', \alpha} \left| M_{n,n'}^{\alpha} \right|^2 \rho_{2D} \left(E - E_g - \Delta_{n,n',\alpha} \right) \times \left[f_c - f_v \right] \delta(\mathbb{Z}\omega - E)$$
$$\boldsymbol{\alpha} = [\mathbf{h}, \mathbf{l}]$$

За пределами элементарной модели: Матричные элементы переходов



<u>Обратите</u> внимание:

- Поляризационная зависимость матричных элементов
- Переходы 1→ 2 разрешены только при больших k (больших энергиях)

Влияние уширения уровней на спектры усиления в квантовых ямах

Расчет спектров усиления в структуре GaAs/AlGaAs с $L_{,}$ (GaAs) = 10 нм:



Метод измерения коэффициента усиления



Сравнение расчетных и экспериментальных спектров усиления



определить Потери и положение уровня