



ЭЛЕМЕНТЫ АЛГЕБРЫ ЛОГИКИ

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ
ИНФОРМАТИКИ

8 класс

Ключевые слова

- **таблица истинности**



Таблицы истинности

Решение логических выражений принято оформлять в виде таблиц, в которых по действиям показано, какие значения принимает логическое выражение при всех возможных наборах его переменных

Определение

Таблица истинности - это таблица, с помощью которой устанавливается истинностное значение сложного высказывания при всех значениях входящих в него простых высказываний.

Построение таблиц истинности для логических выражений

1. Количество строк = $2^n + 1$, где n — количество переменных.
2. Количество столбцов = количество переменных + количество логических операций.
3. Установить последовательность выполнения логических операций.
4. Построить таблицу, указывая названия столбцов и возможные наборы значений исходных логических переменных.
5. Заполнить таблицу истинности по столбцам.

Пример 1

Построим таблицу истинности для функции

$$F = (A \vee B) \wedge (\neg A \vee \neg B)$$

1. Переменных: две (A и B), т.е. $N = 2 \Rightarrow$ количество строк: $2^n = 2^2 = 4$.
С заголовком: 5
2. Количество столбцов:
2 переменные + 5 операций (\vee, \wedge, \neg, \vee и \neg).
Итого 7
3. Порядок операций:

$$F = (A \vee B) \wedge (\neg A \vee \neg B)$$

1 5 2 4 3

Пример 1. Таблица

$$F = (A \overset{1}{\vee} B) \overset{5}{\wedge} (\overset{2}{\neg}A \overset{4}{\vee} \overset{3}{\neg}B)$$

A	B	$A \overset{(1)}{\vee} B$	$\neg A$	$\neg B$	$\overset{(2)}{\neg}A \overset{(4)}{\vee} \overset{(3)}{\neg}B$	$(1) \wedge (2)$
0	0	0	1	1	1	0
0	1	1	1	0	1	1
1	0	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0	0

Пример 2

Построим таблицу истинности для функции
 $F = X \vee Y \wedge \neg Z$

1. **Переменных:**

три (X, Y и Z), т.е. $n = 3 \Rightarrow$ количество строк: $2^n = 2^3 = 8$.
С заголовком: 9

2. **Количество столбцов:**

3 переменные + 3 операции (\vee, \wedge, \neg).
Итого 6

3. **Порядок операций:**

$$F = X \overset{3}{\vee} Y \overset{2}{\wedge} \overset{1}{\neg} Z$$

Пример. Таблица

$$F = X \overset{3}{\vee} Y \overset{2}{\wedge} \overset{1}{Z}$$

X	Y	Z	$\neg Z$	$Y \vee^{(1)} \neg Z$	$X \vee (1)$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

Самое главное

Таблицы истинности для основных логических операций:

A	\bar{A}
0	1
1	0

A	B	A&B	A∨B
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	1



Домашнее задание

§ 1.3.2, 1.3.3;

№ 83 в рабочей тетради