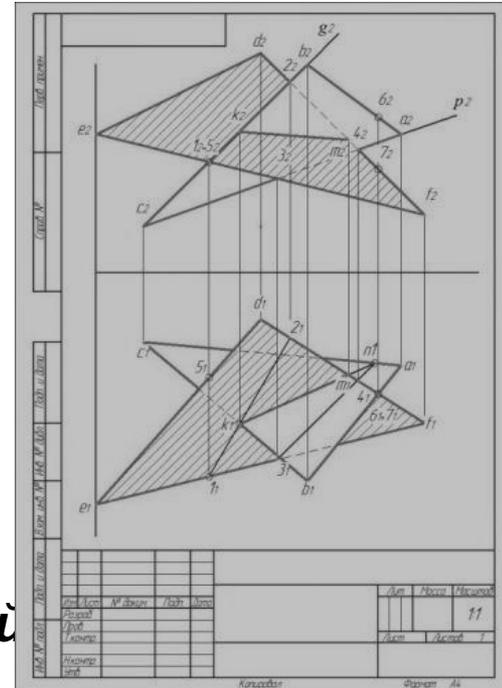


# Поверхности

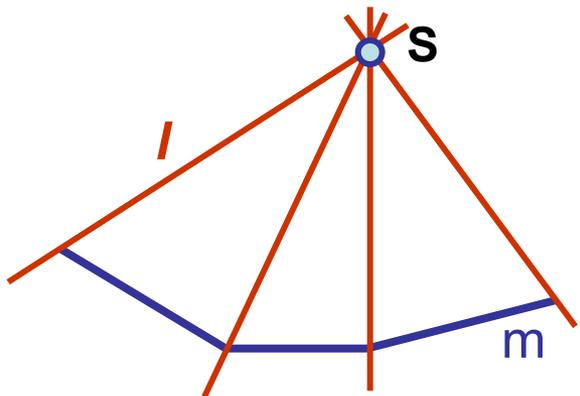


**доцент кафедры  
Инженерная графика и дизайн  
НИТУ «МИСИС»**

**Дербенева О.Л. [olderbeneva@mail.ru](mailto:olderbeneva@mail.ru)**

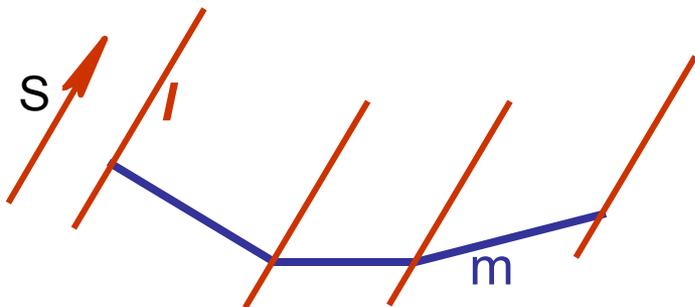
## Гранные поверхности

**Пирамидальная поверхность** – это линейчатая поверхность, образованная перемещением прямой линии, проходящей через фиксированную точку  $S$  (вершину), по ломанной направляющей  $m$



$$\Sigma(l,m) [ S \in l, l \cap m ]$$

**Призматическая поверхность** – это линейчатая поверхность, образованная перемещением прямой линии по ломанной направляющей  $m$  и движущейся параллельно некоторому заданному направлению  $S$



$$\Sigma(l,m) [ l \parallel \vec{s}, l \cap m ]$$

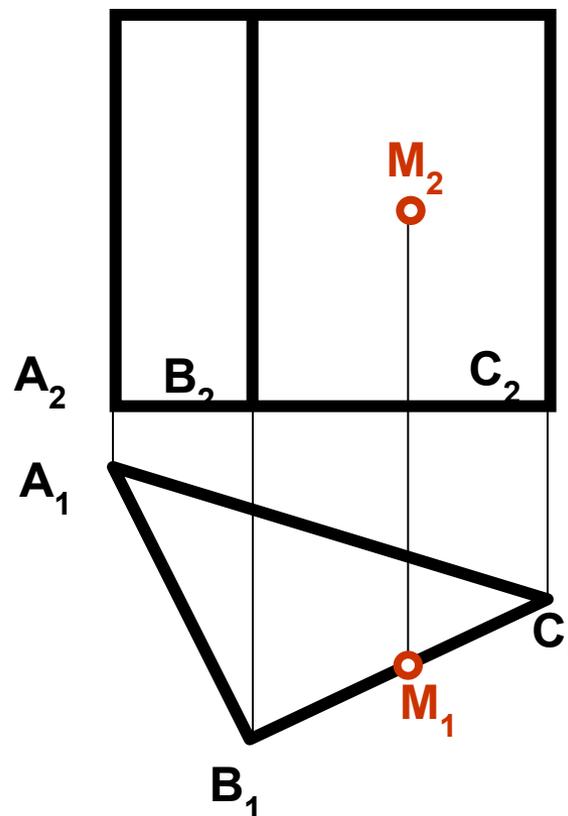
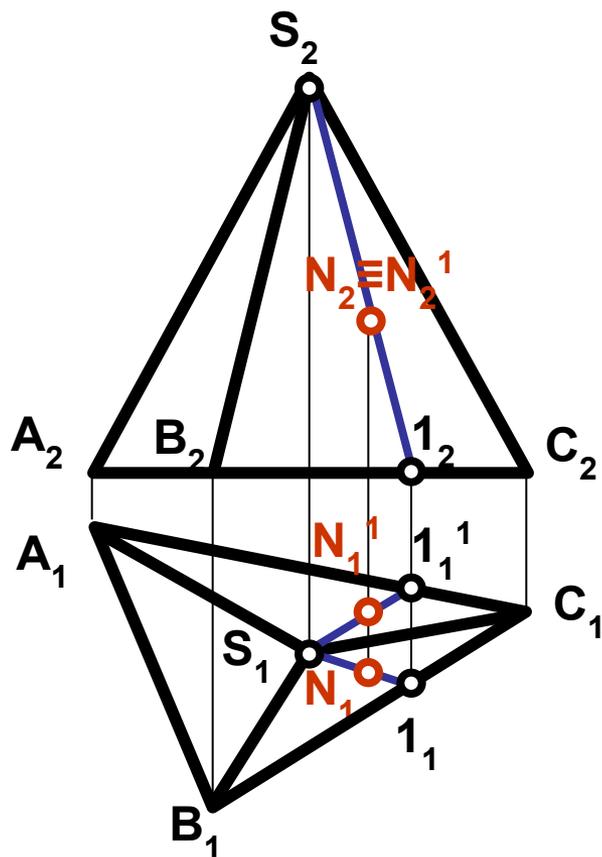
# Гранные поверхности

**Многогранником** называют замкнутые пространственные фигуры, ограниченные плоскими многоугольниками.

**Грани** - многоугольники многогранника.

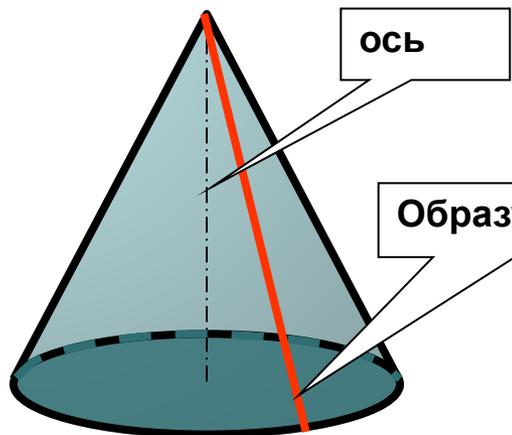
**Ребра** – линии пересечения граней.

**Вершины** – точки пересечения ребер.

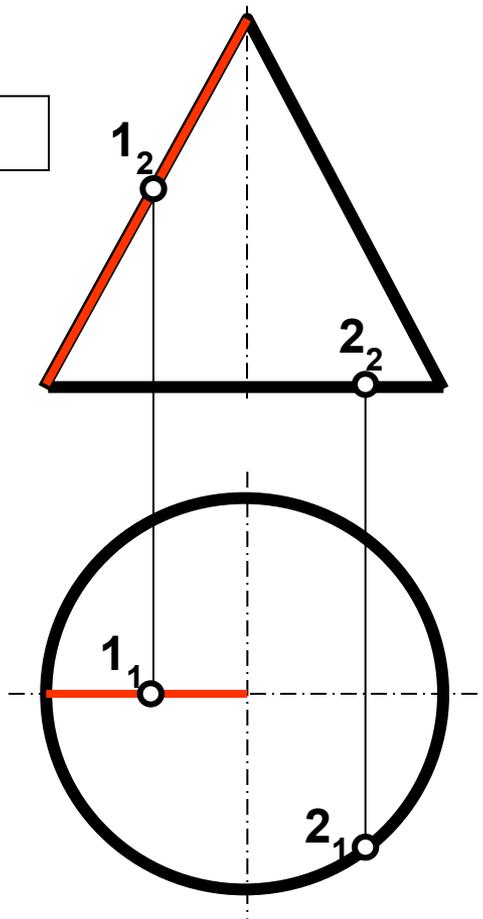


# Линейчатые поверхности вращения

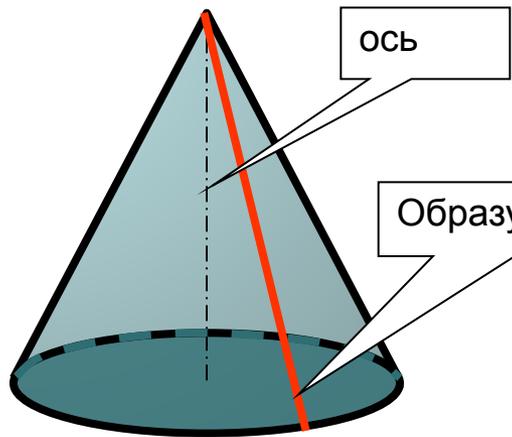
**Коническая поверхность** – поверхность, образованная вращением прямолинейной образующей вокруг пересекающейся с ней оси.



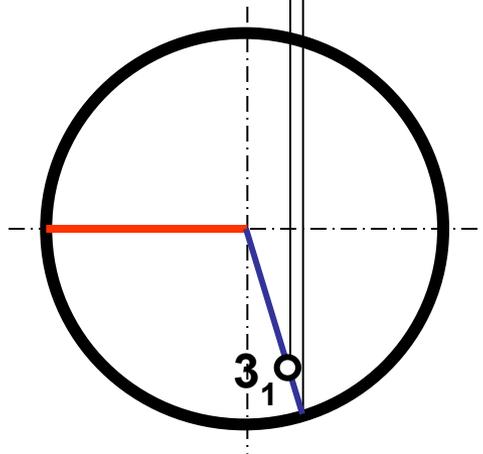
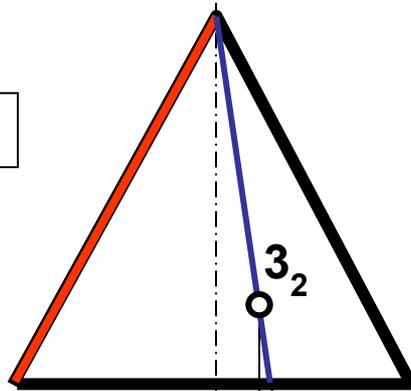
$\Sigma (l, i) [l \cap i]$  – коническая поверхность



# Линейчатые поверхности вращения

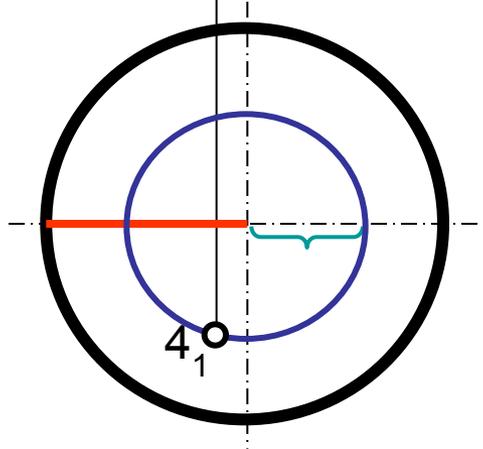
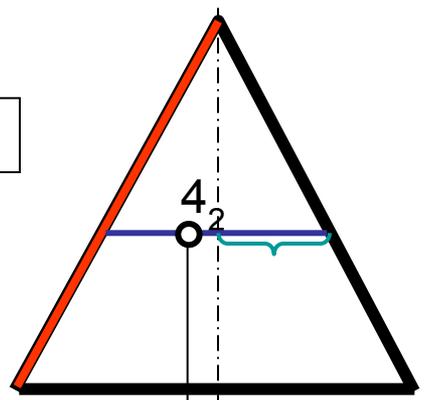
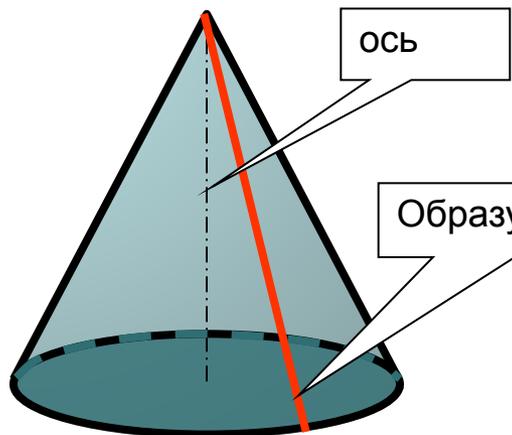


$\Sigma (l, i) [l \cap i]$  – коническая поверхность



# Линейчатые поверхности вращения

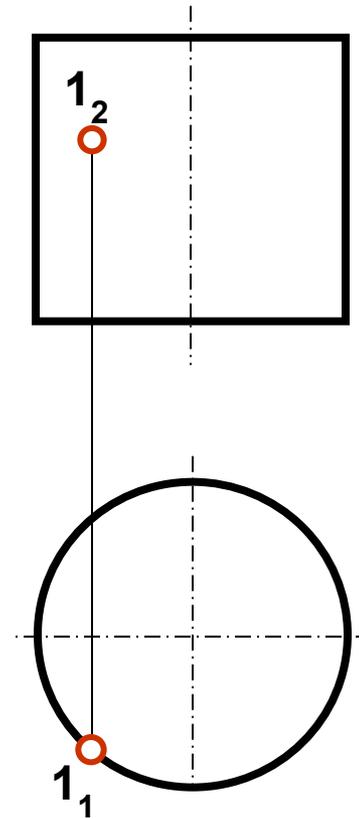
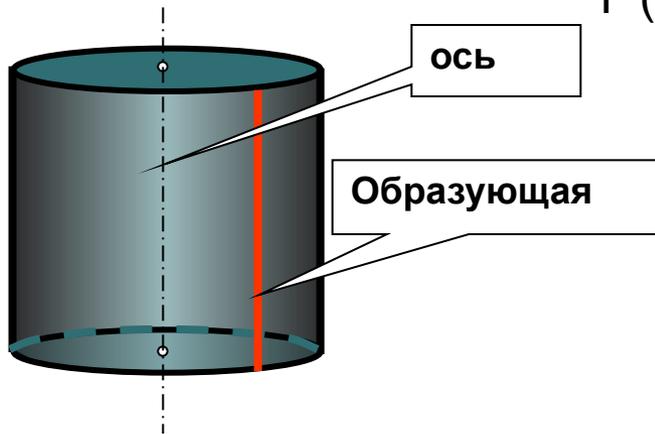
$\Sigma (l, i) [l \cap i]$  – коническая поверхность



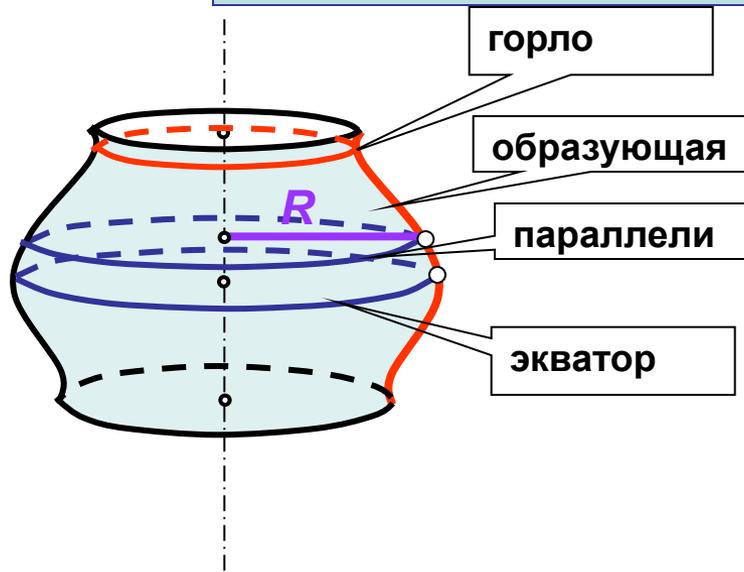
# Линейчатые поверхности вращения

**Цилиндрическая поверхность** – поверхность, образованная вращением прямолинейной образующей вокруг оси.

$\Gamma(l, i) [l \parallel i]$  – цилиндрическая поверхность



# Поверхности вращения



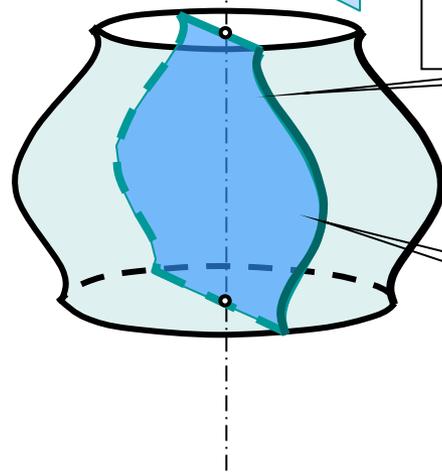
**Параллель** -это окружность, с центром на оси вращения, которую описывает каждая точка образующей при вращении вокруг оси

Радиус параллели равен расстоянию от оси до очерка

Параллель наименьшего диаметра называется **горлом**

Параллель наибольшего диаметра называется **экватором**

# Поверхности вращения

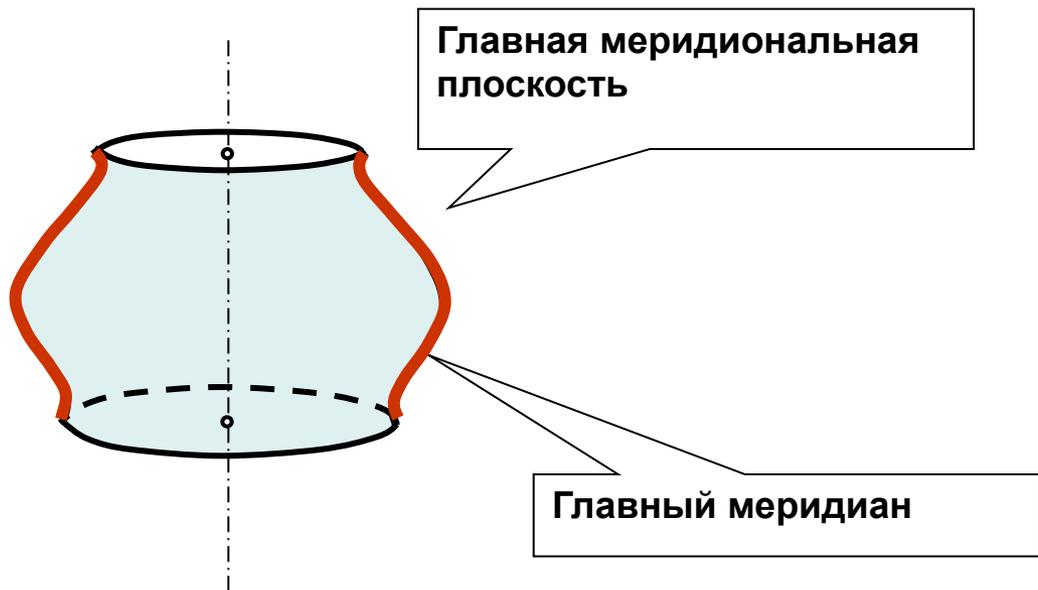


Меридиональная плоскость

меридиан

Плоскость, проходящая через ось поверхности вращения называется **меридиональной плоскостью**

Линия пересечения меридиональной плоскости с поверхностью вращения называется **меридианом**



Меридиональная плоскость, параллельная плоскости проекций называется **главной меридиональной плоскостью**

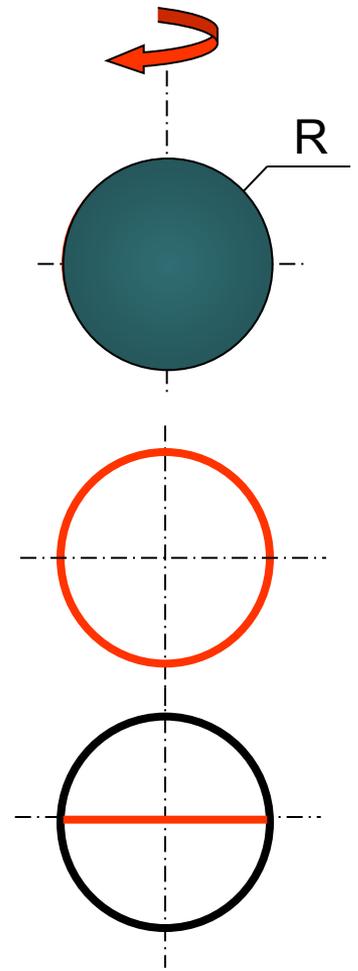
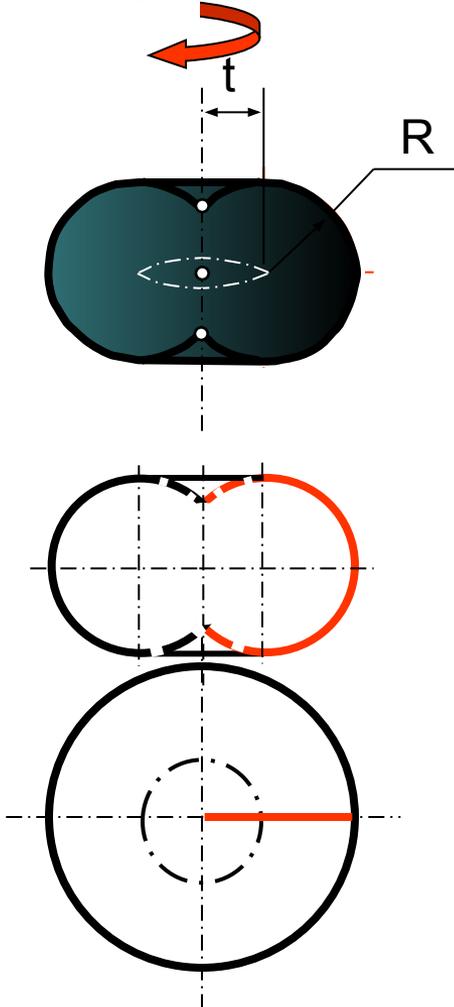
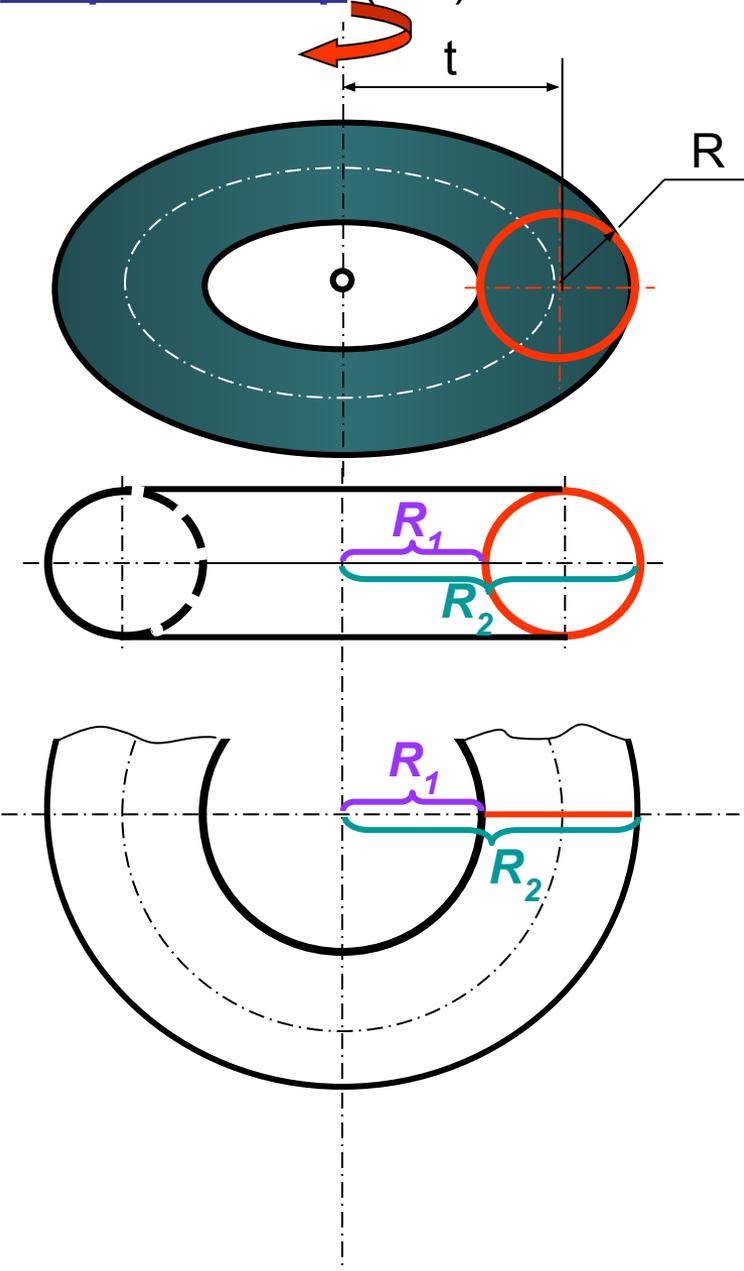
Линия пересечения главной меридиональной плоскости с поверхностью вращения называется **главным меридианом**

**Тор**

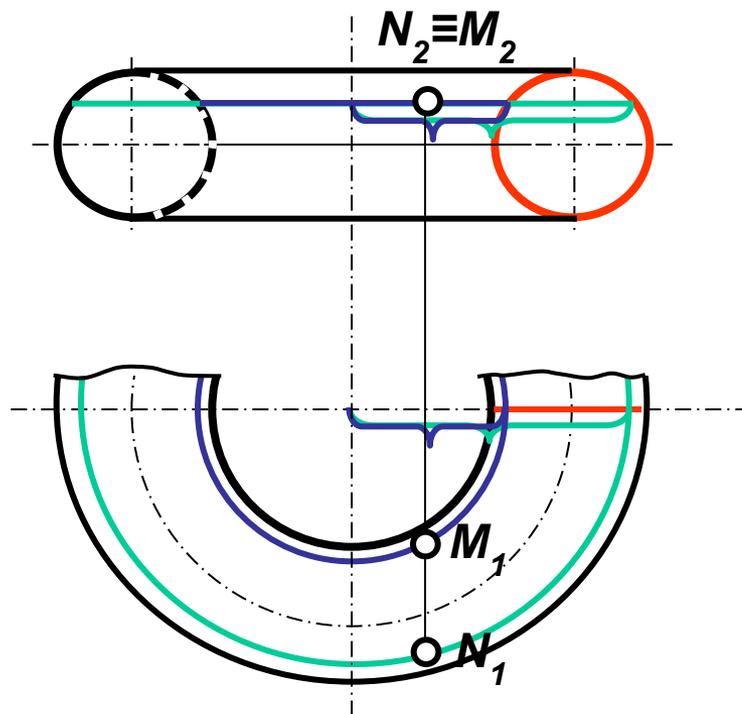
Открытый тор ( $t > R$ )

Закрытый тор ( $t < R$ )

Сфера ( $t = 0$ )

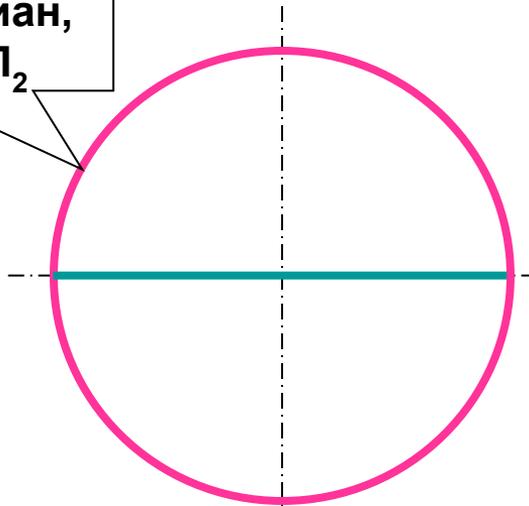


# Точка на поверхности тора

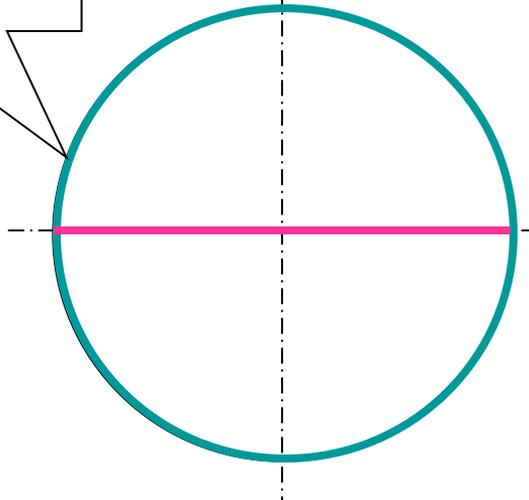


# Точка на поверхности сферы

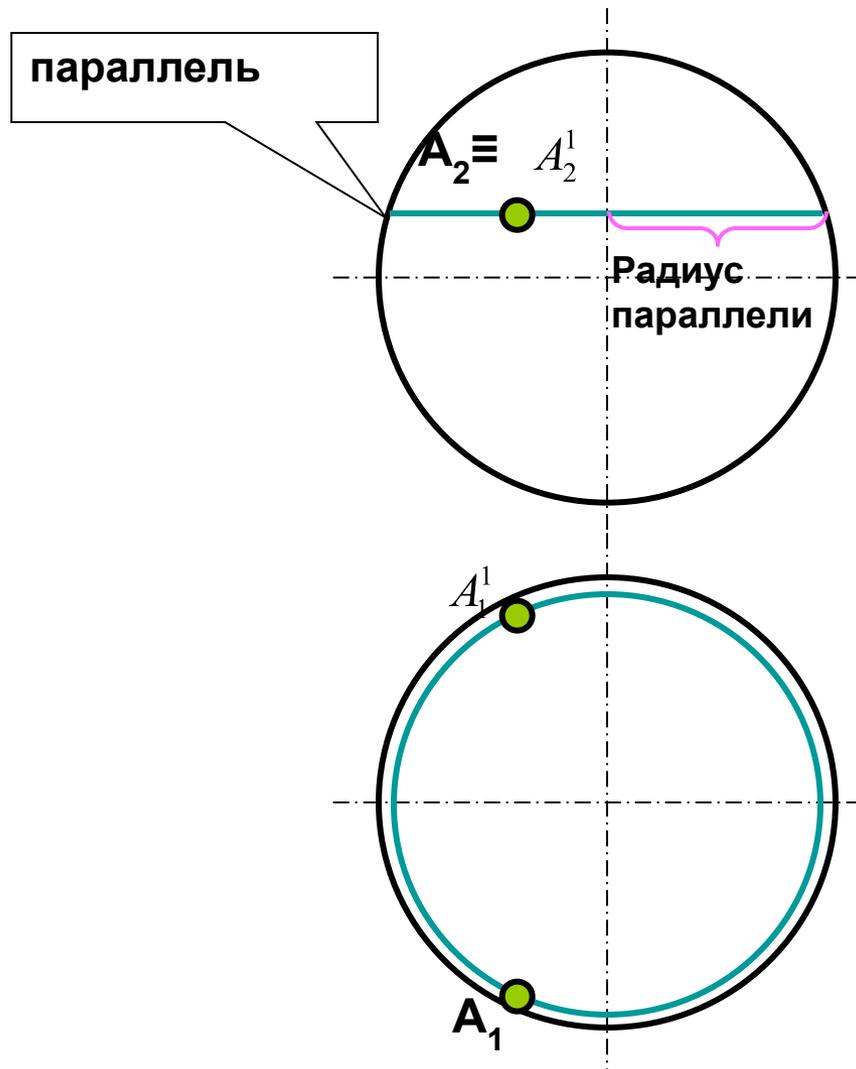
Главный меридиан,  
параллельный  $P_2$

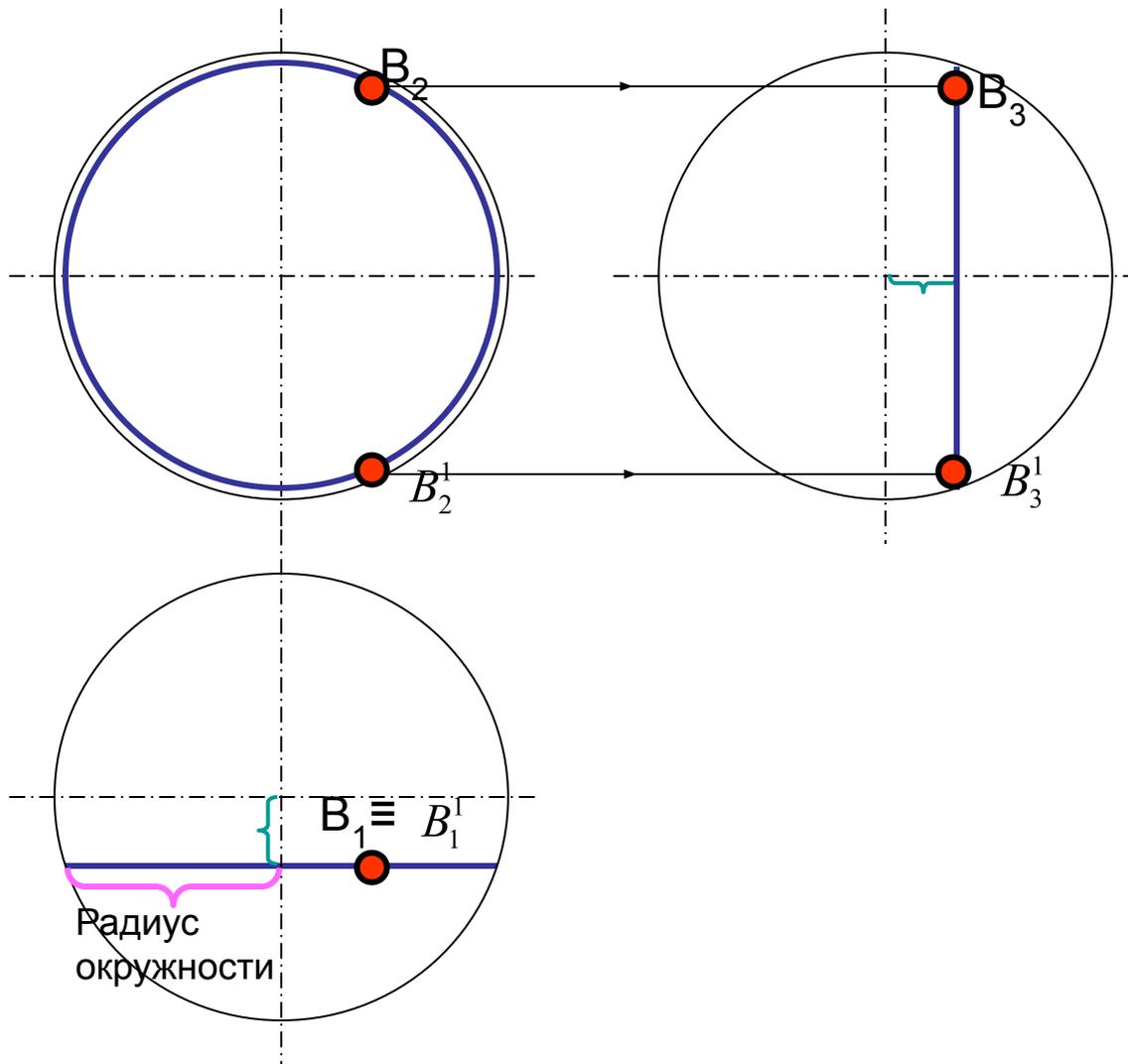


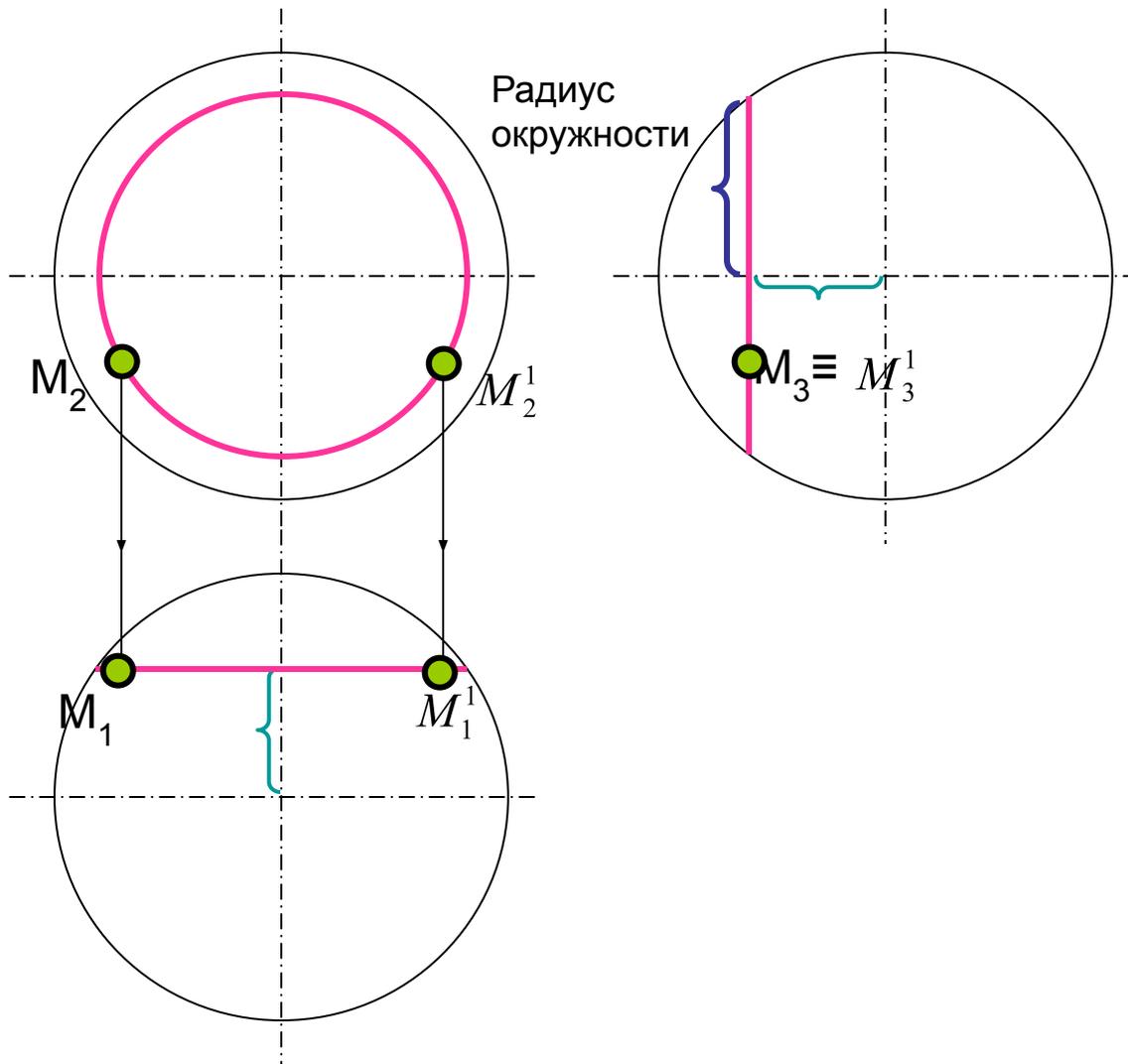
Экватор



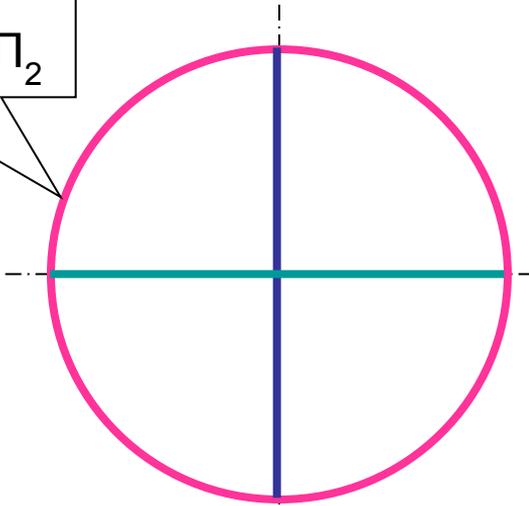
# Точка на поверхности сферы



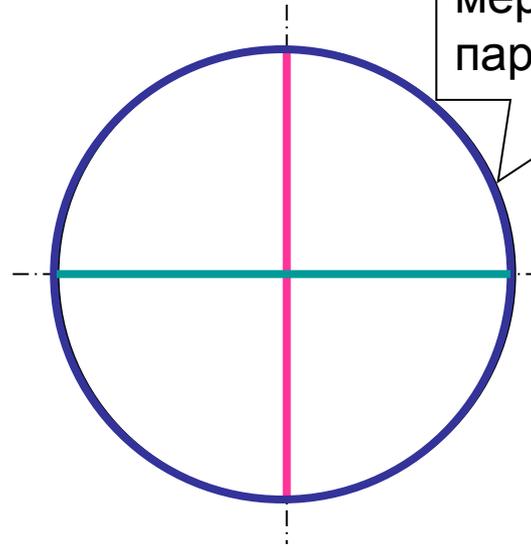




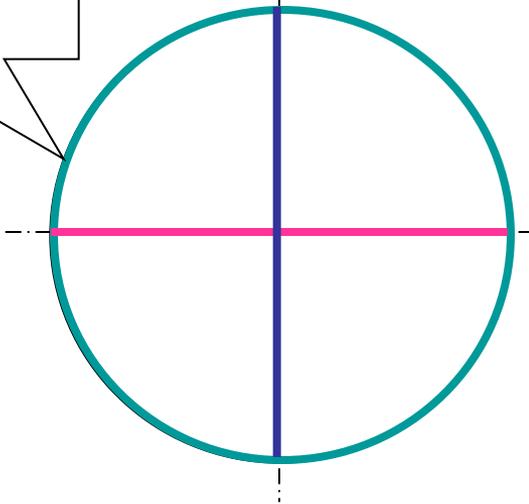
Главный меридиан, параллельный  $\Pi_2$



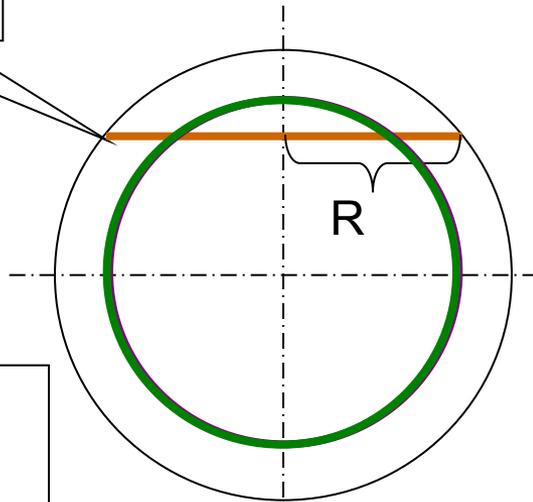
Главный меридиан, параллельный  $\Pi_3$



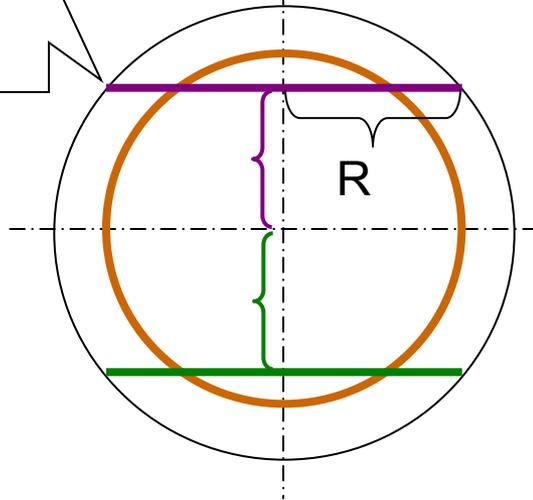
Экватор



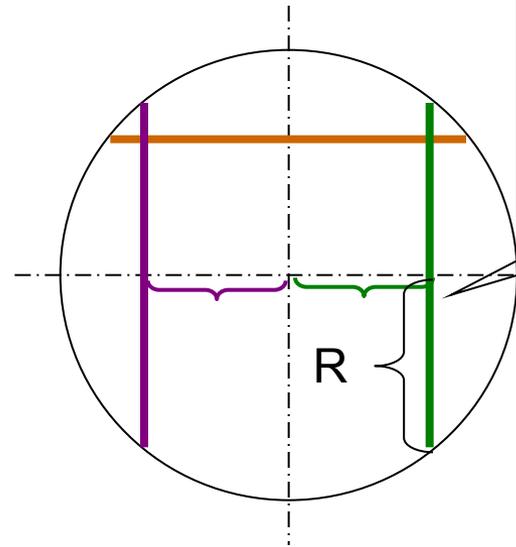
Параллель



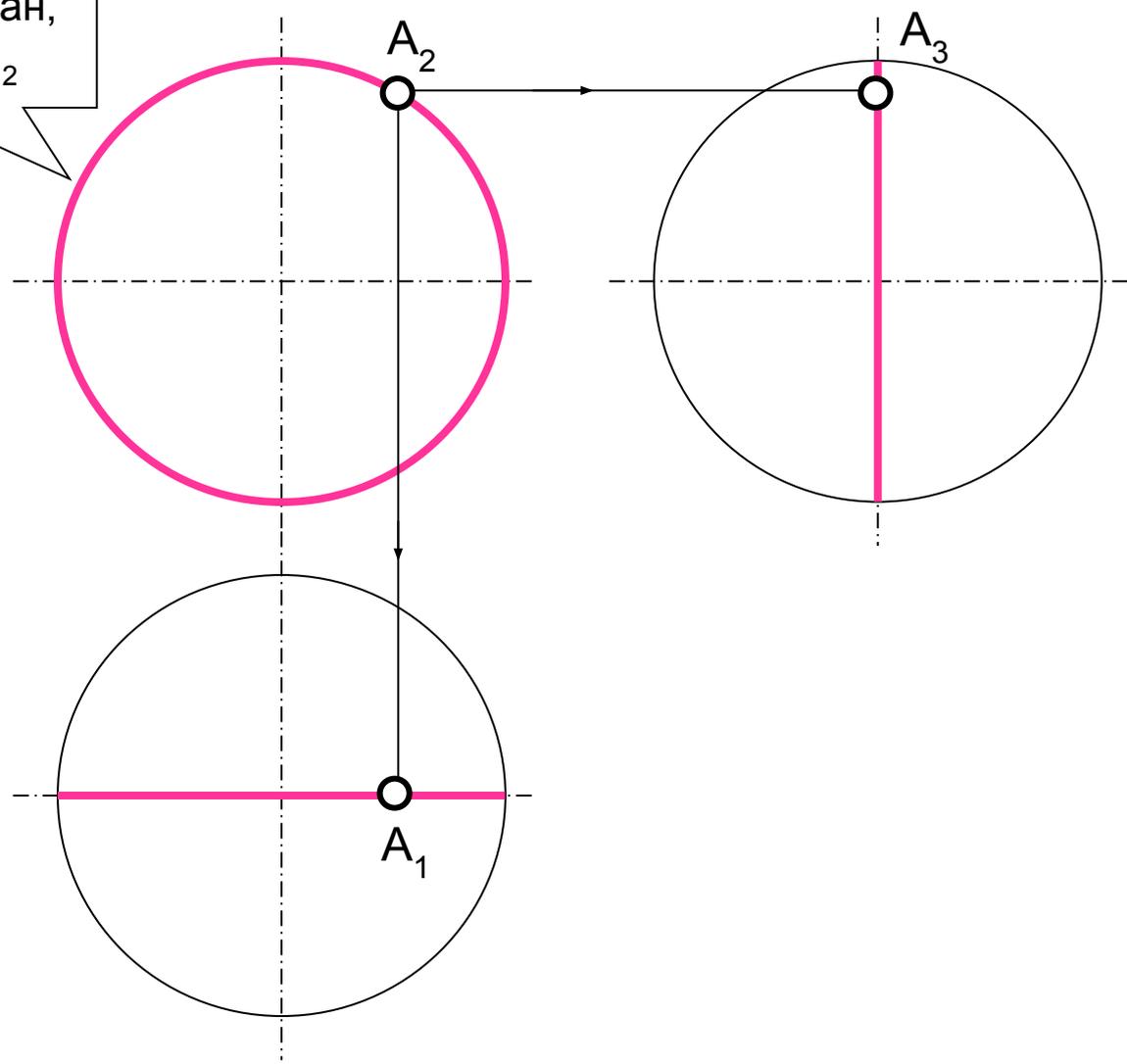
Линия,  
параллельная  
главному  
меридиану



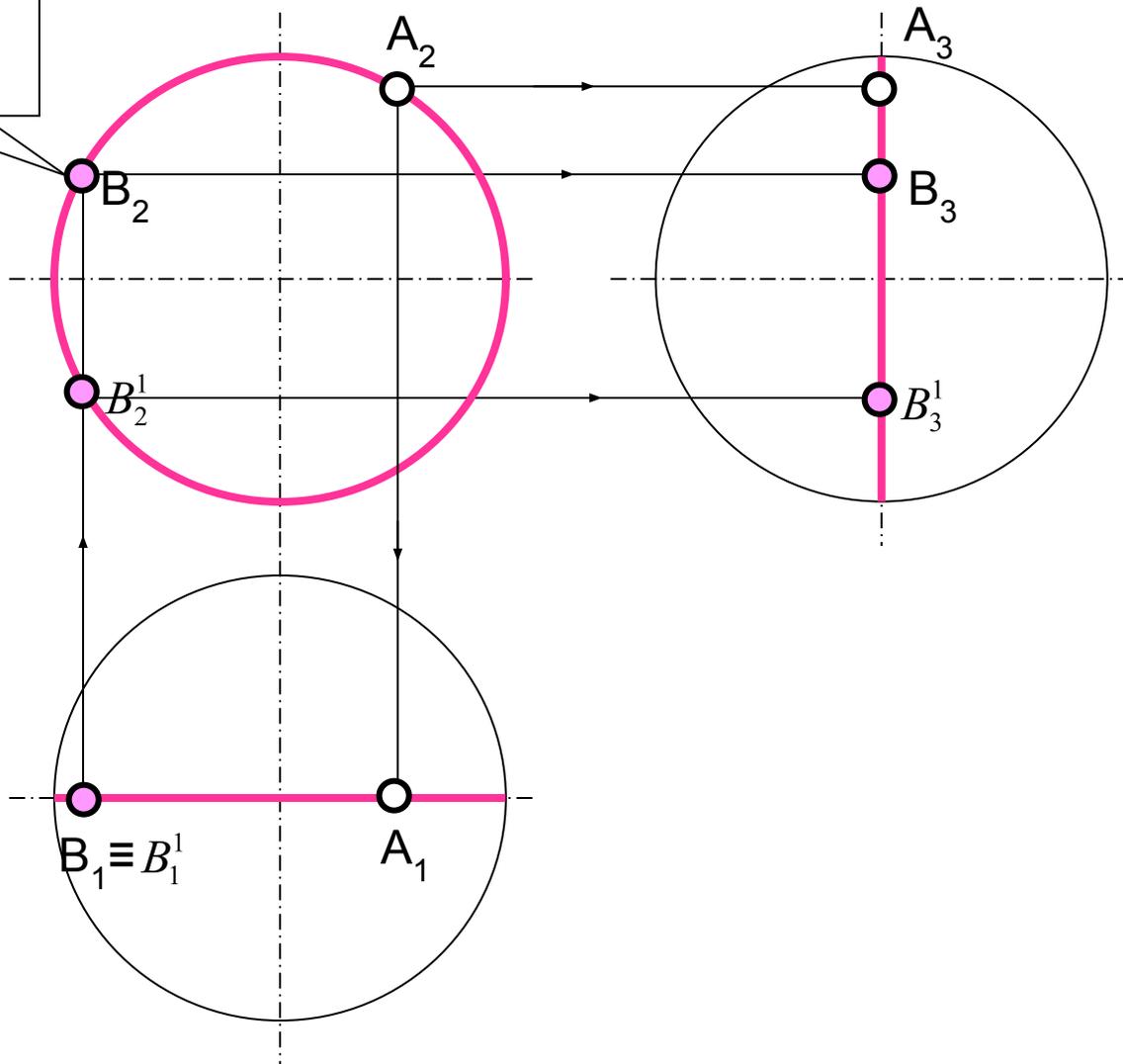
Линия,  
параллельная  
главному  
меридиану



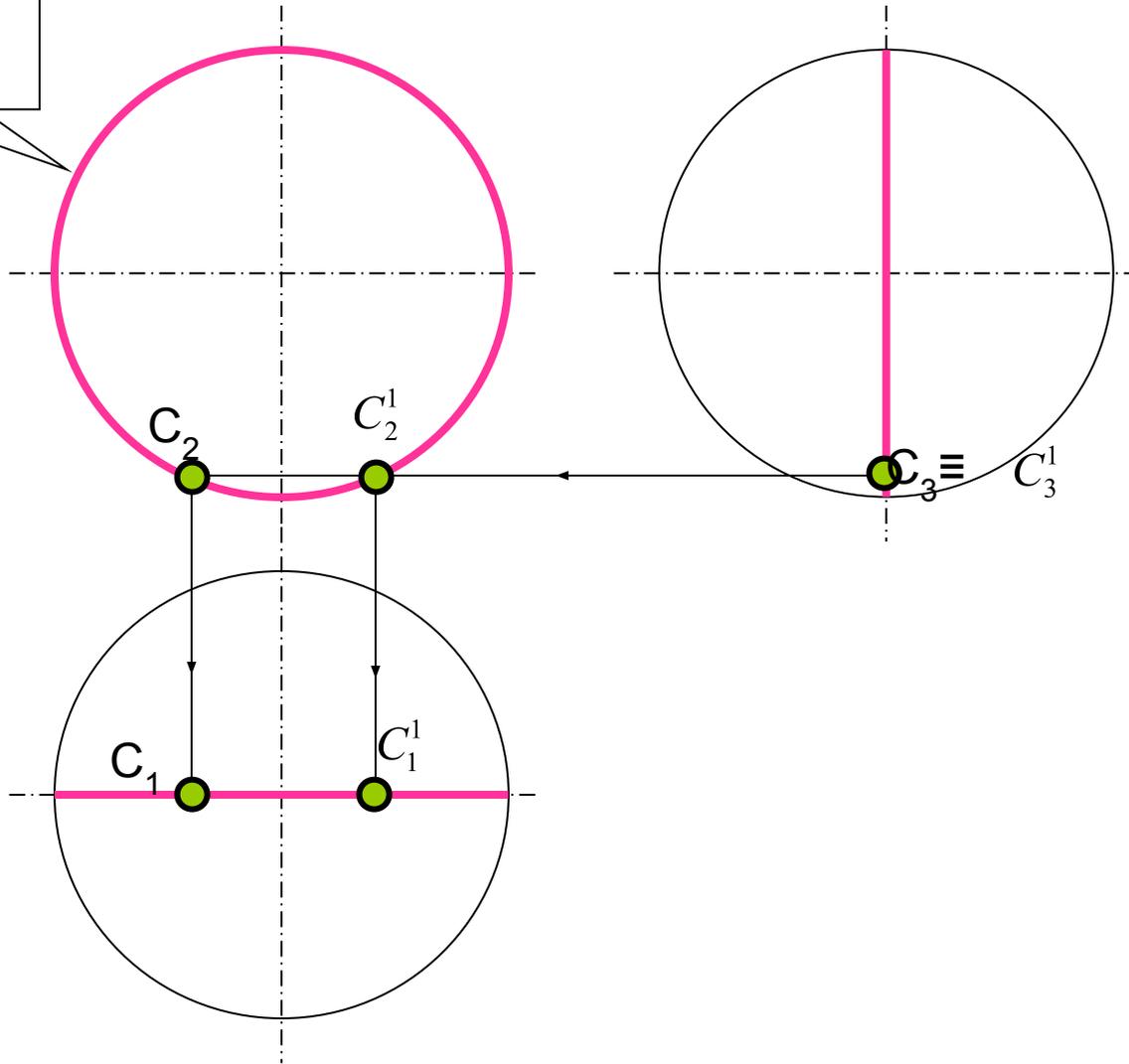
Главный меридиан,  
параллельный  $\Pi_2$



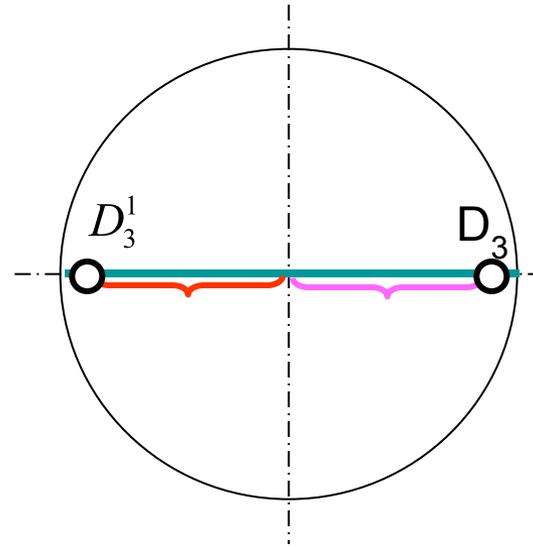
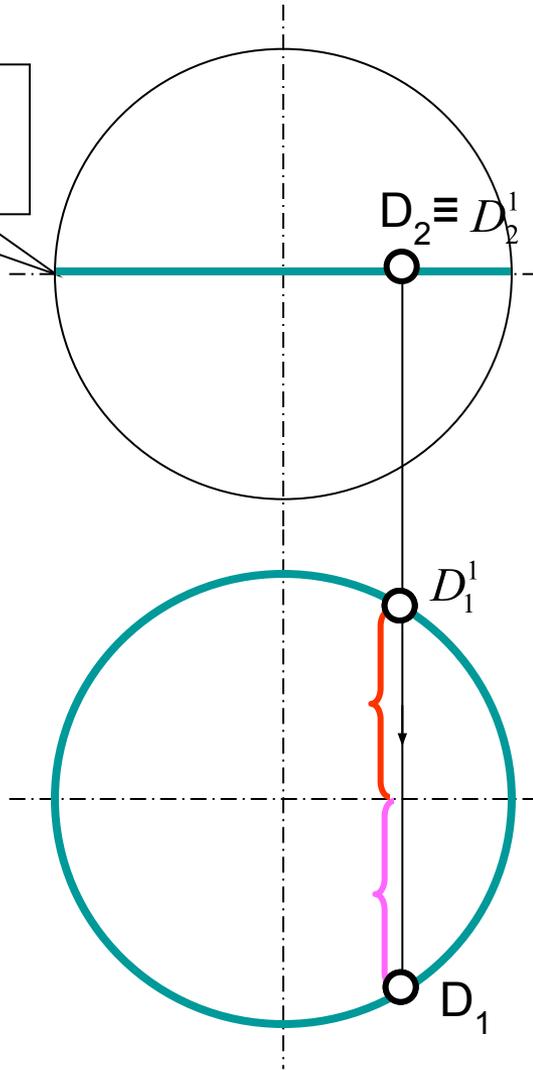
Главный  
меридиан



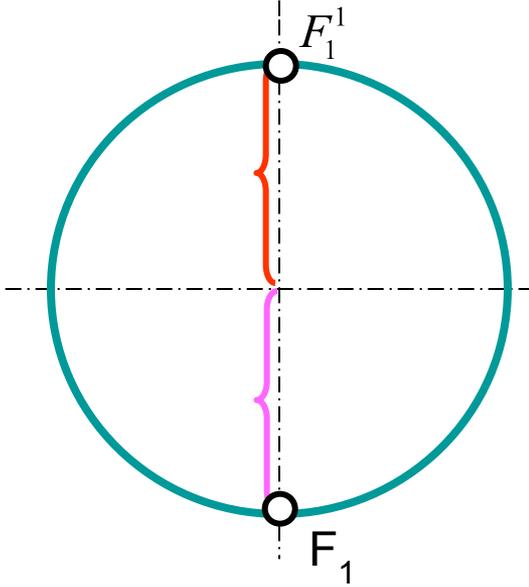
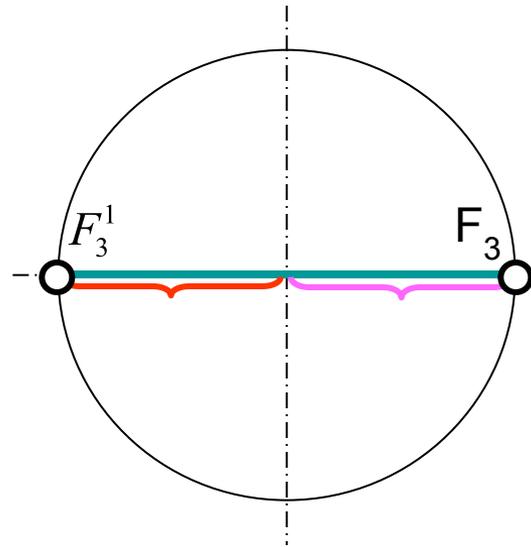
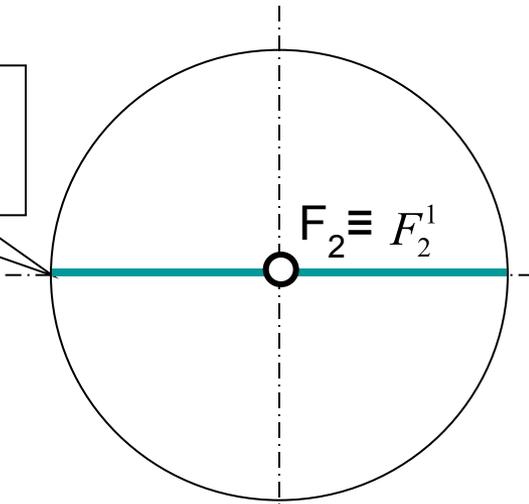
Главный  
меридиан



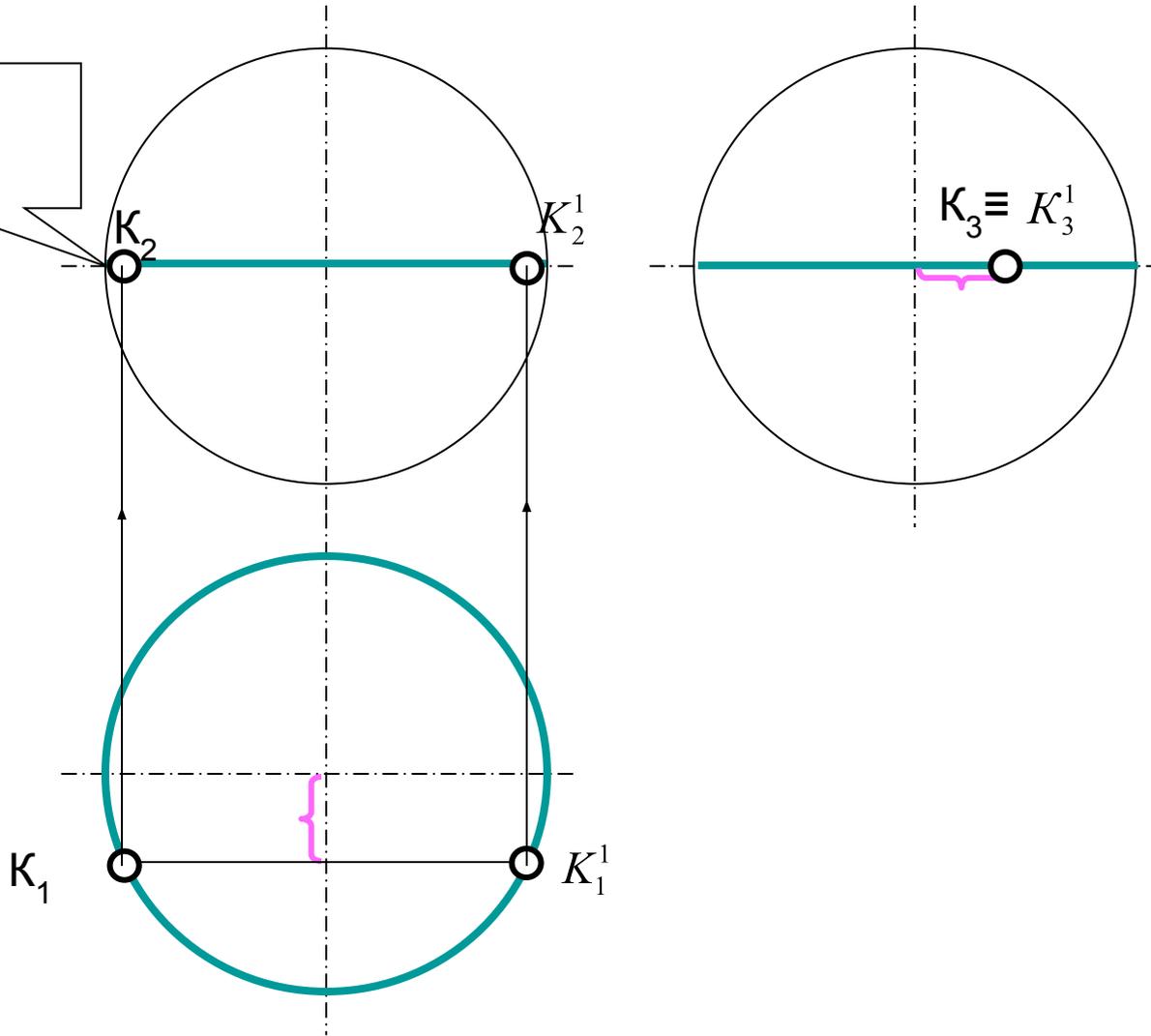
Экватор

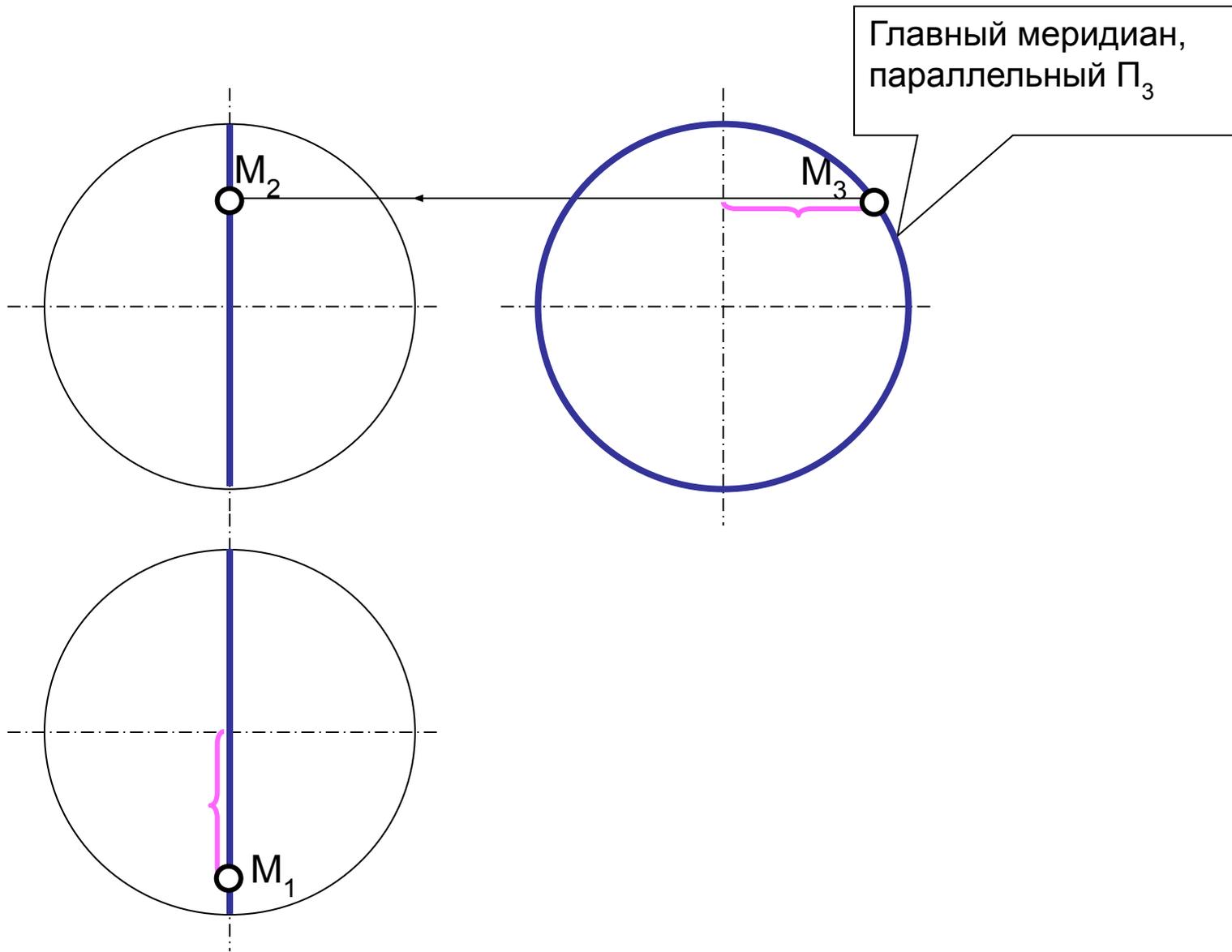


Экватор

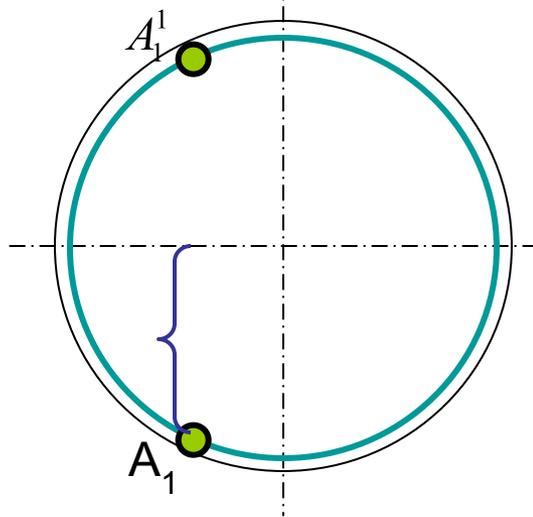
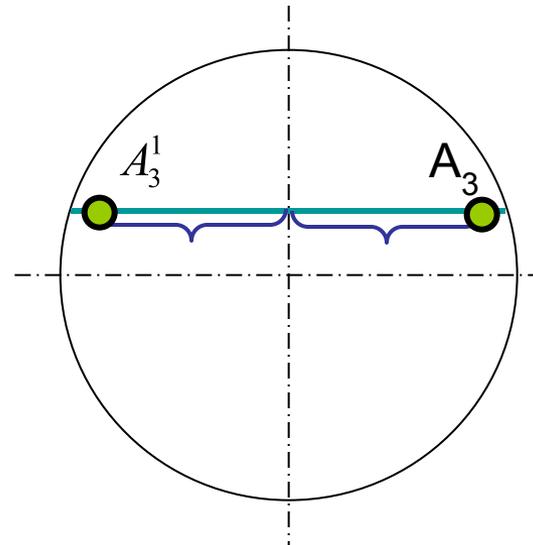
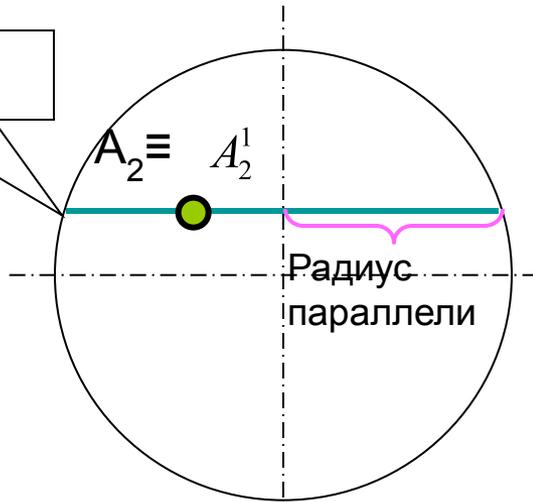


Экватор

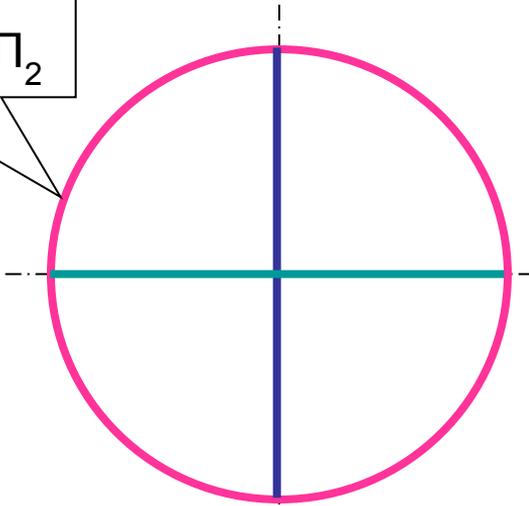




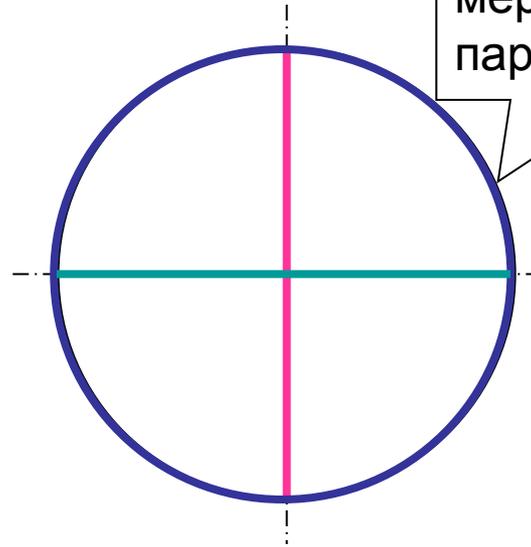
параллель



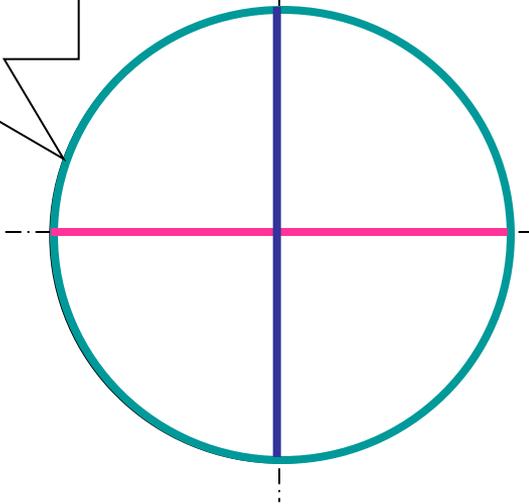
Главный меридиан, параллельный  $\Pi_2$



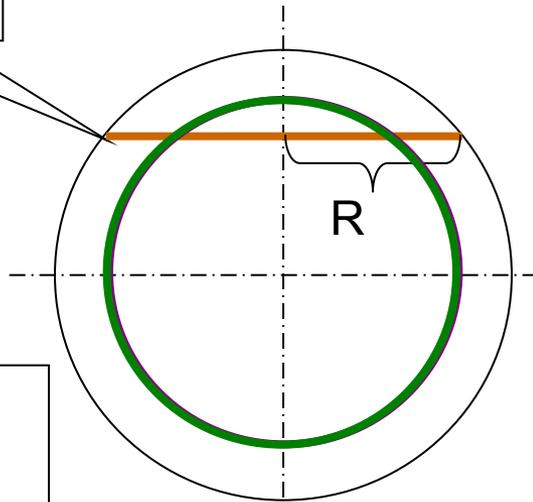
Главный меридиан, параллельный  $\Pi_3$



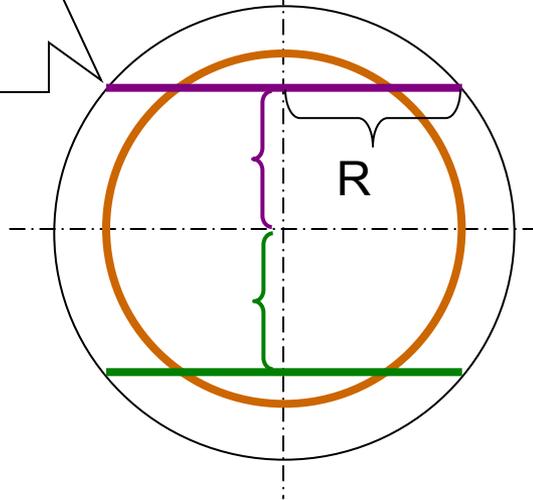
Экватор



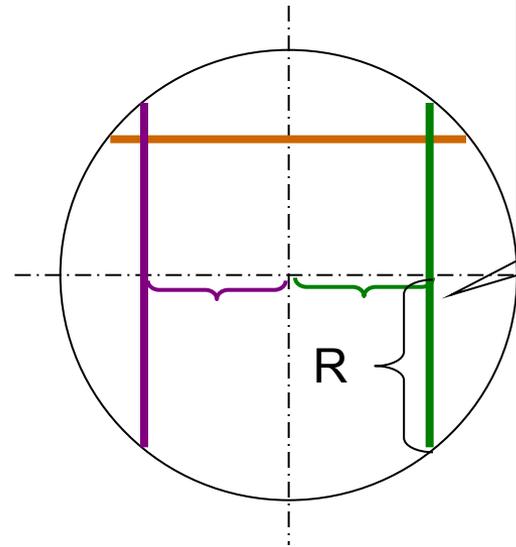
Параллель



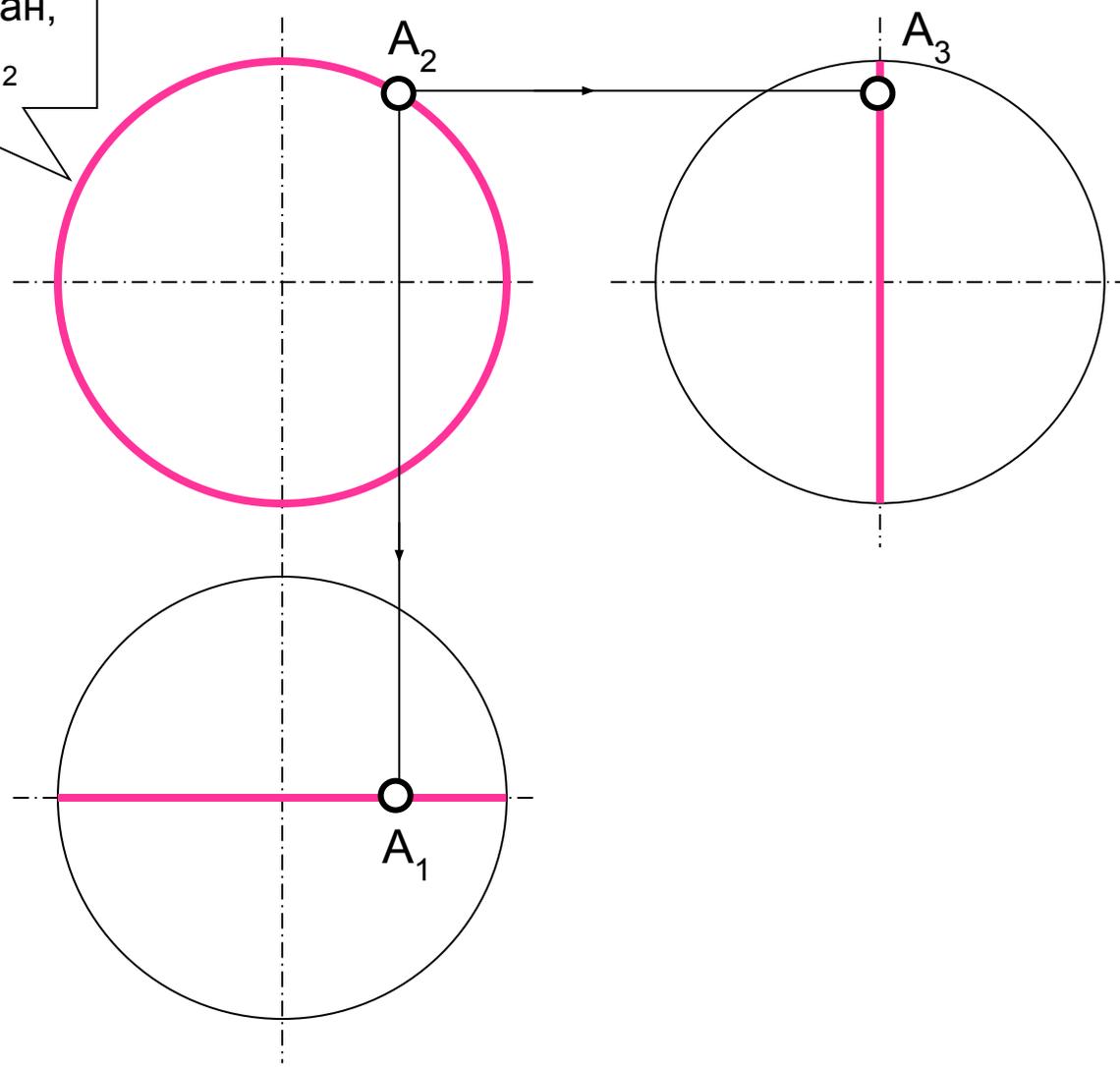
Линия,  
параллельная  
главному  
меридиану



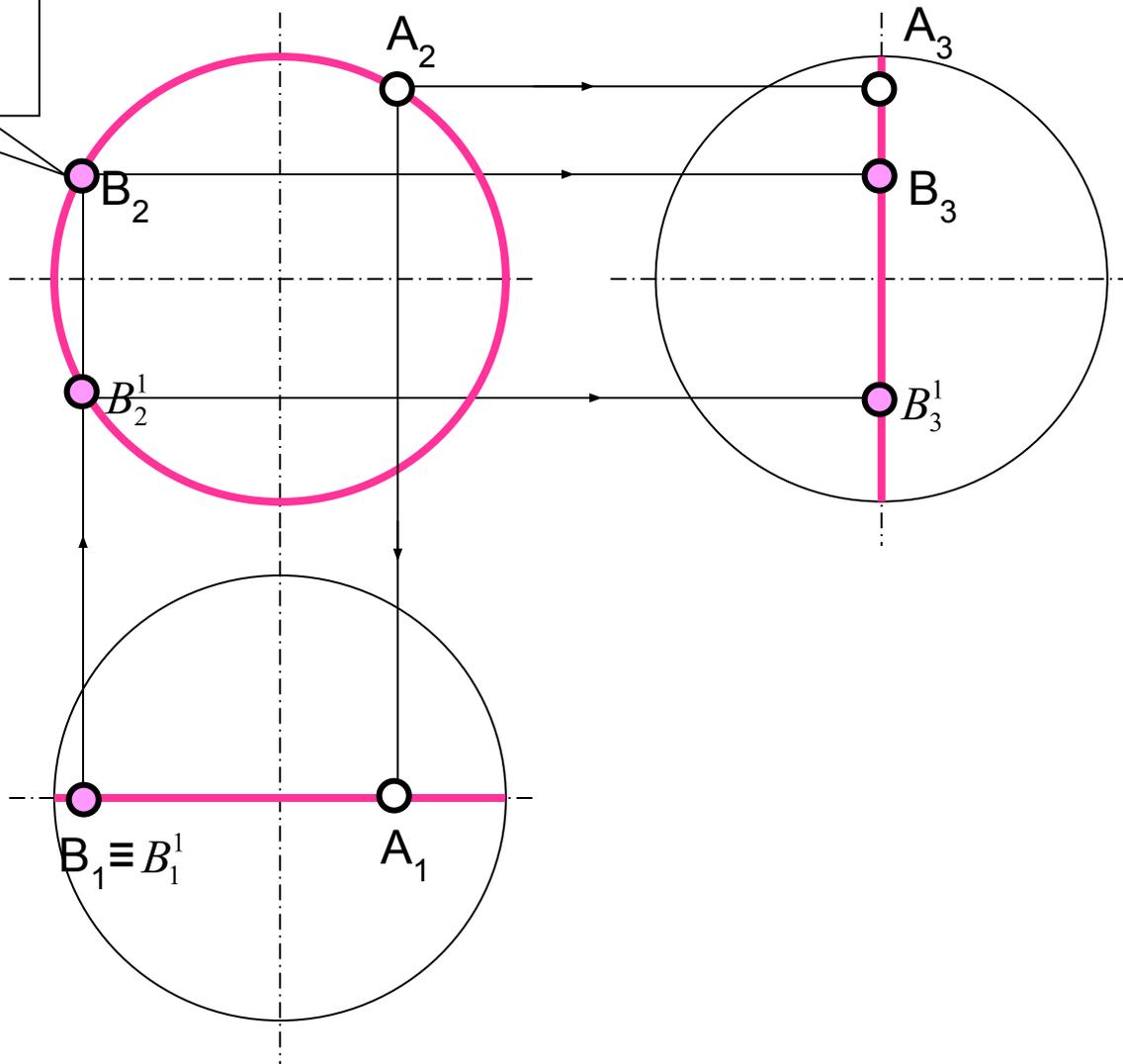
Линия,  
параллельная  
главному  
меридиану



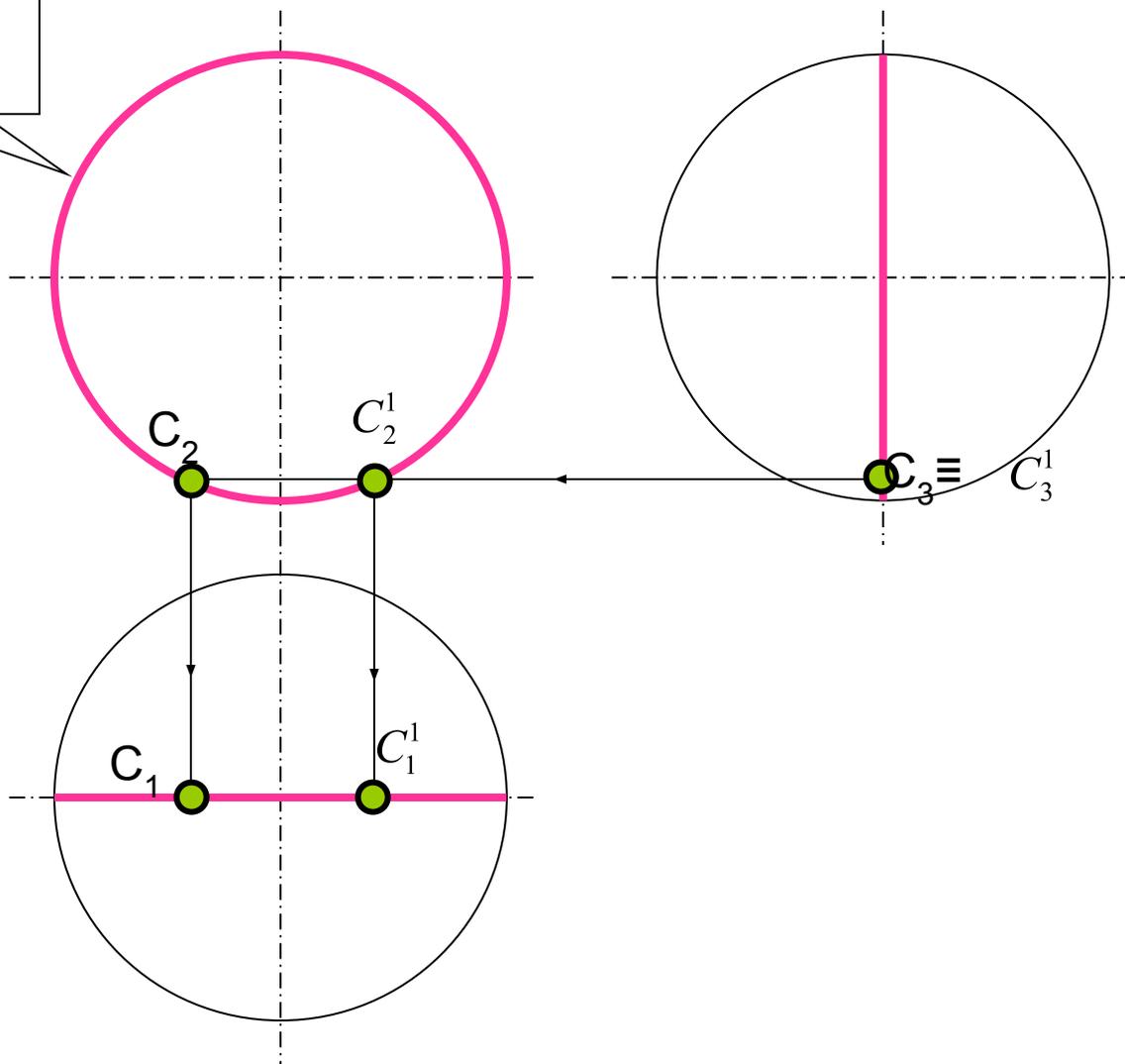
Главный меридиан,  
параллельный  $\Pi_2$



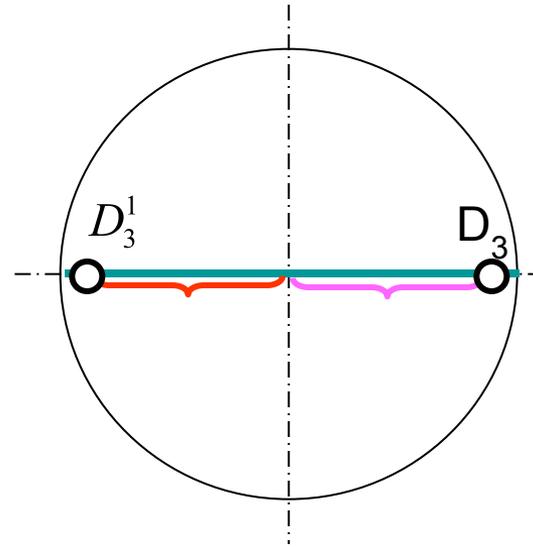
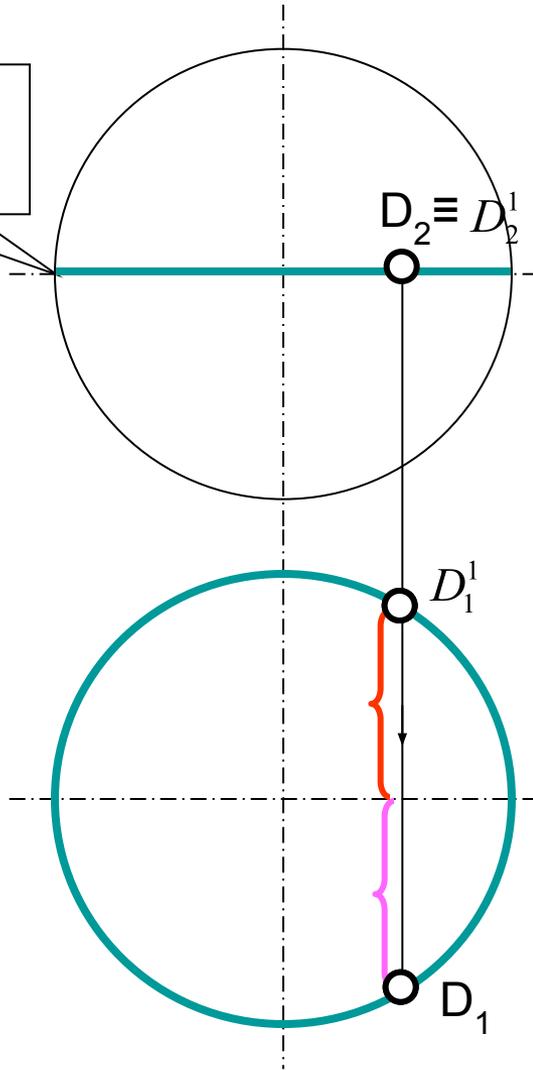
Главный  
меридиан



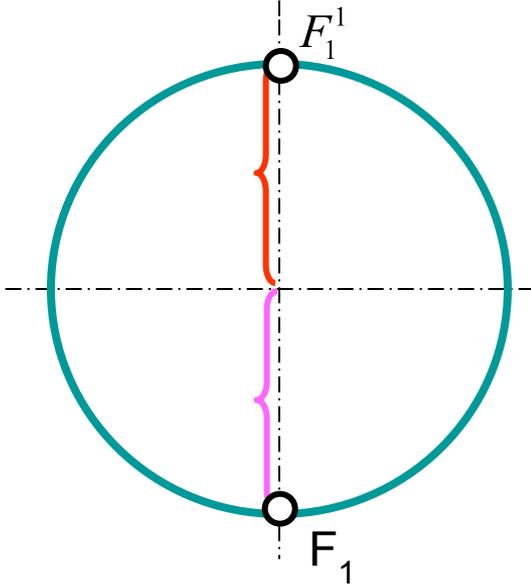
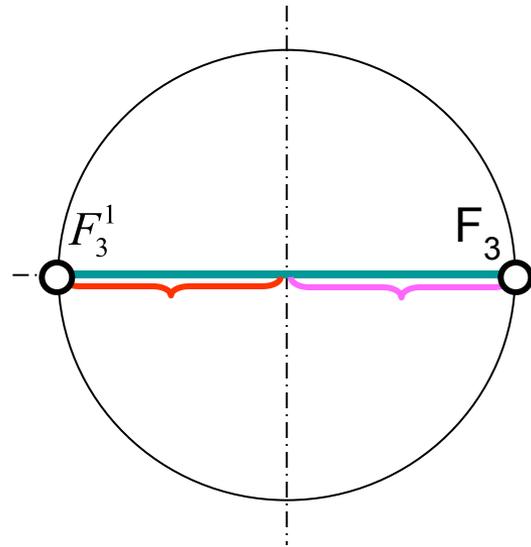
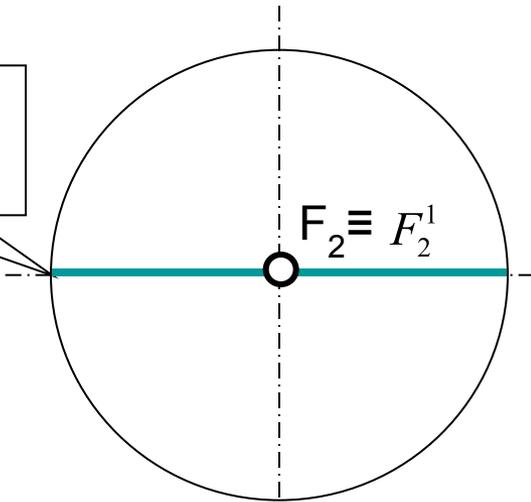
Главный  
меридиан



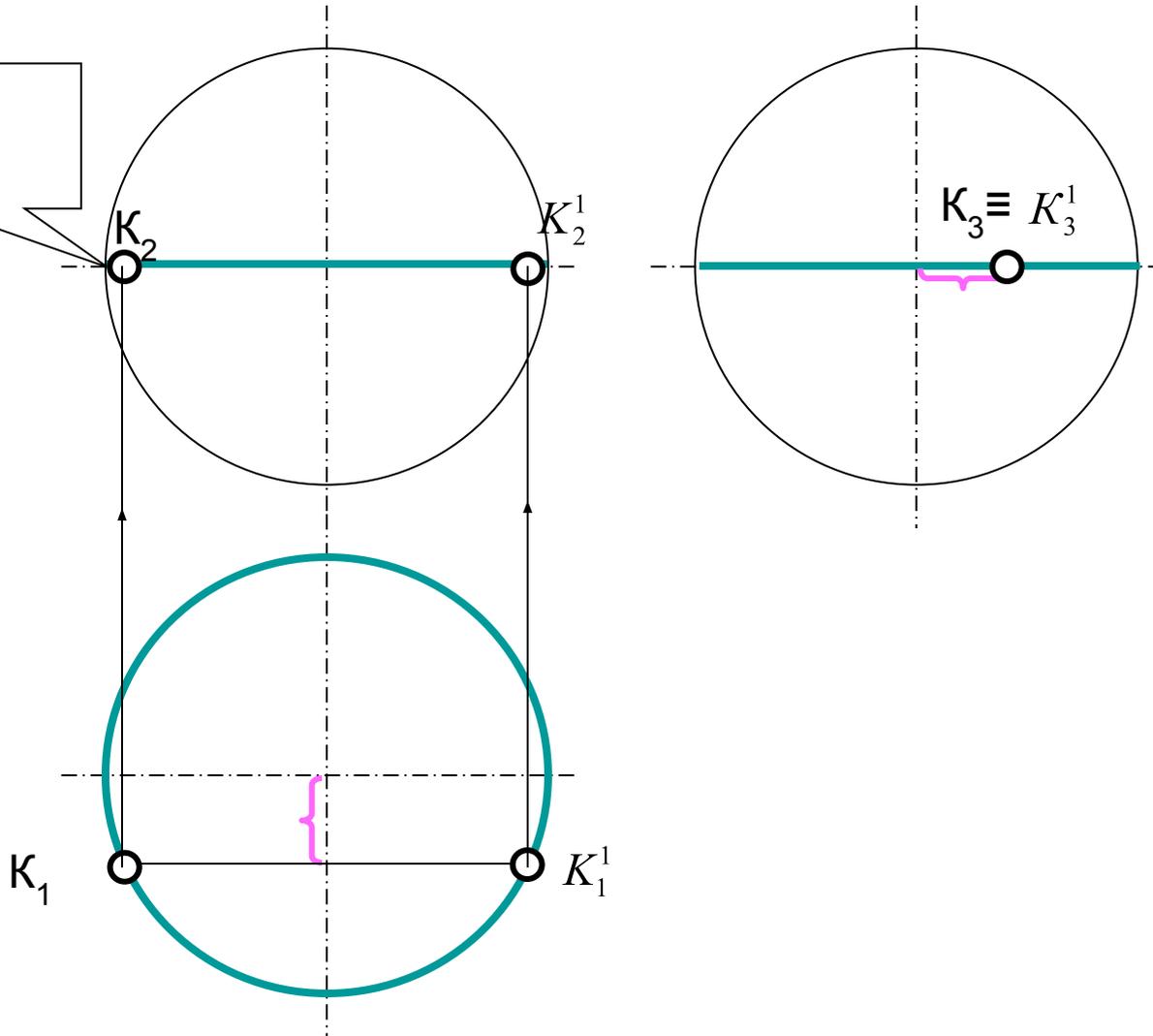
Экватор

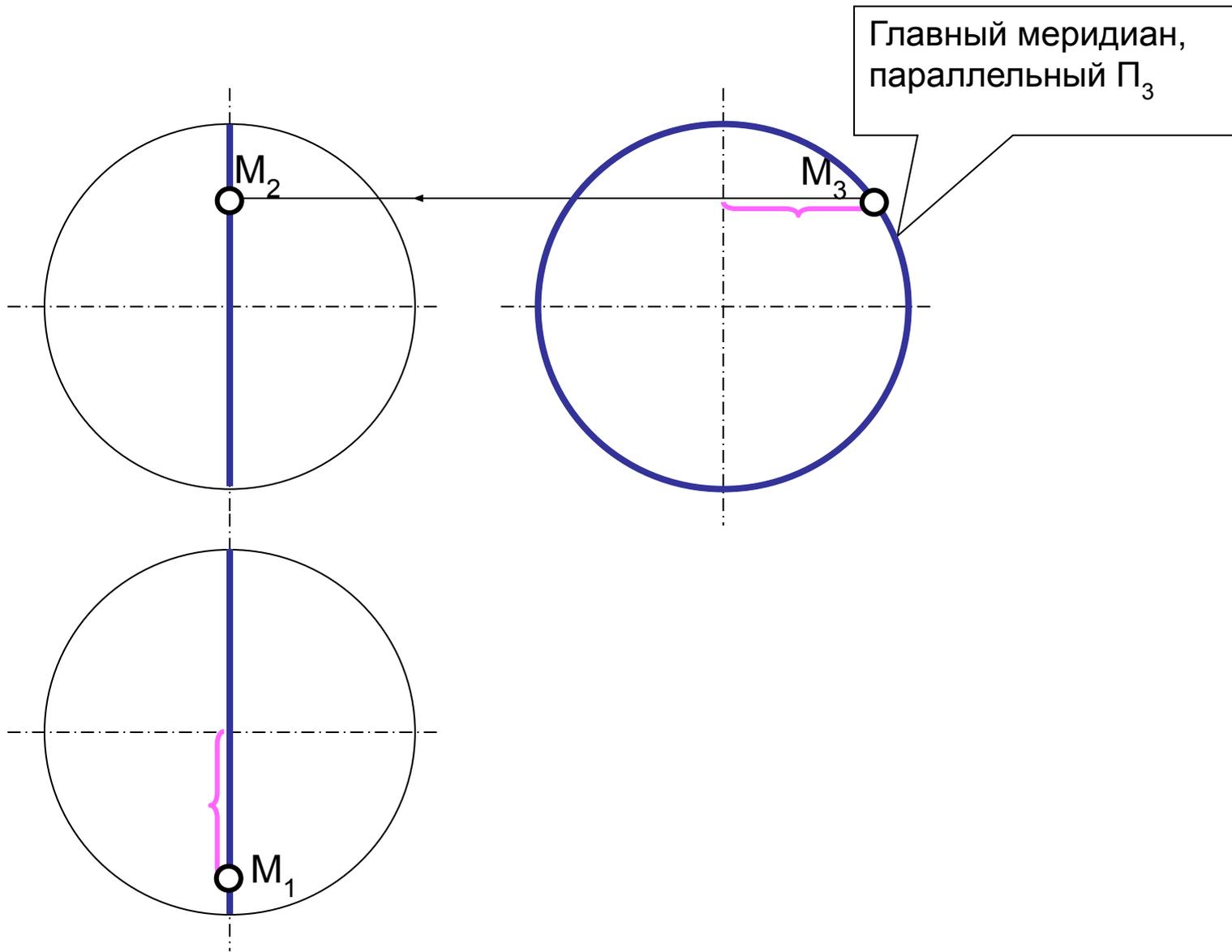


Экватор



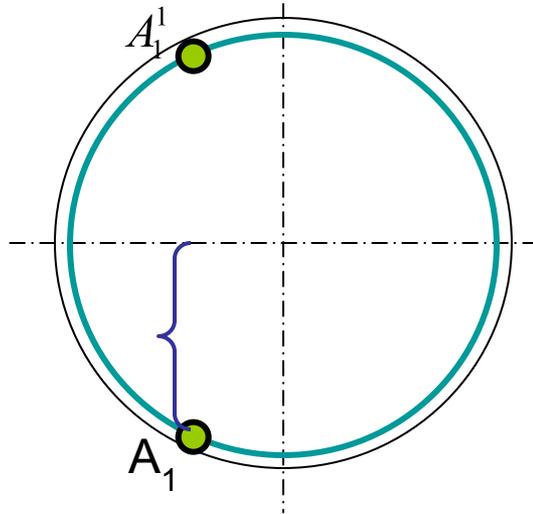
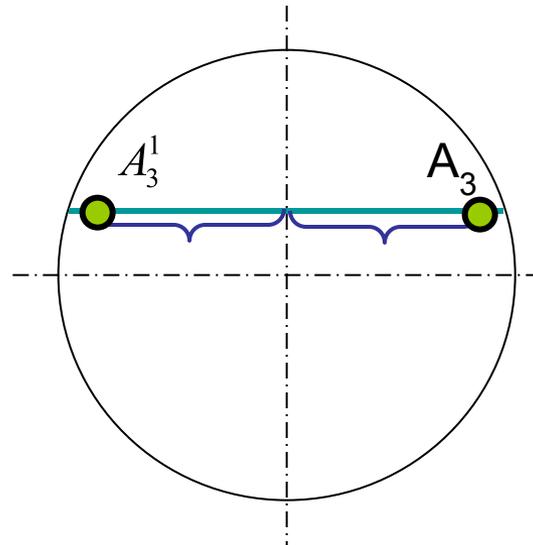
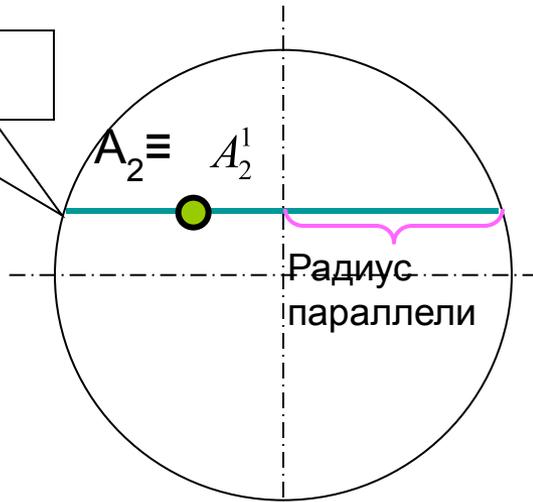
Экватор

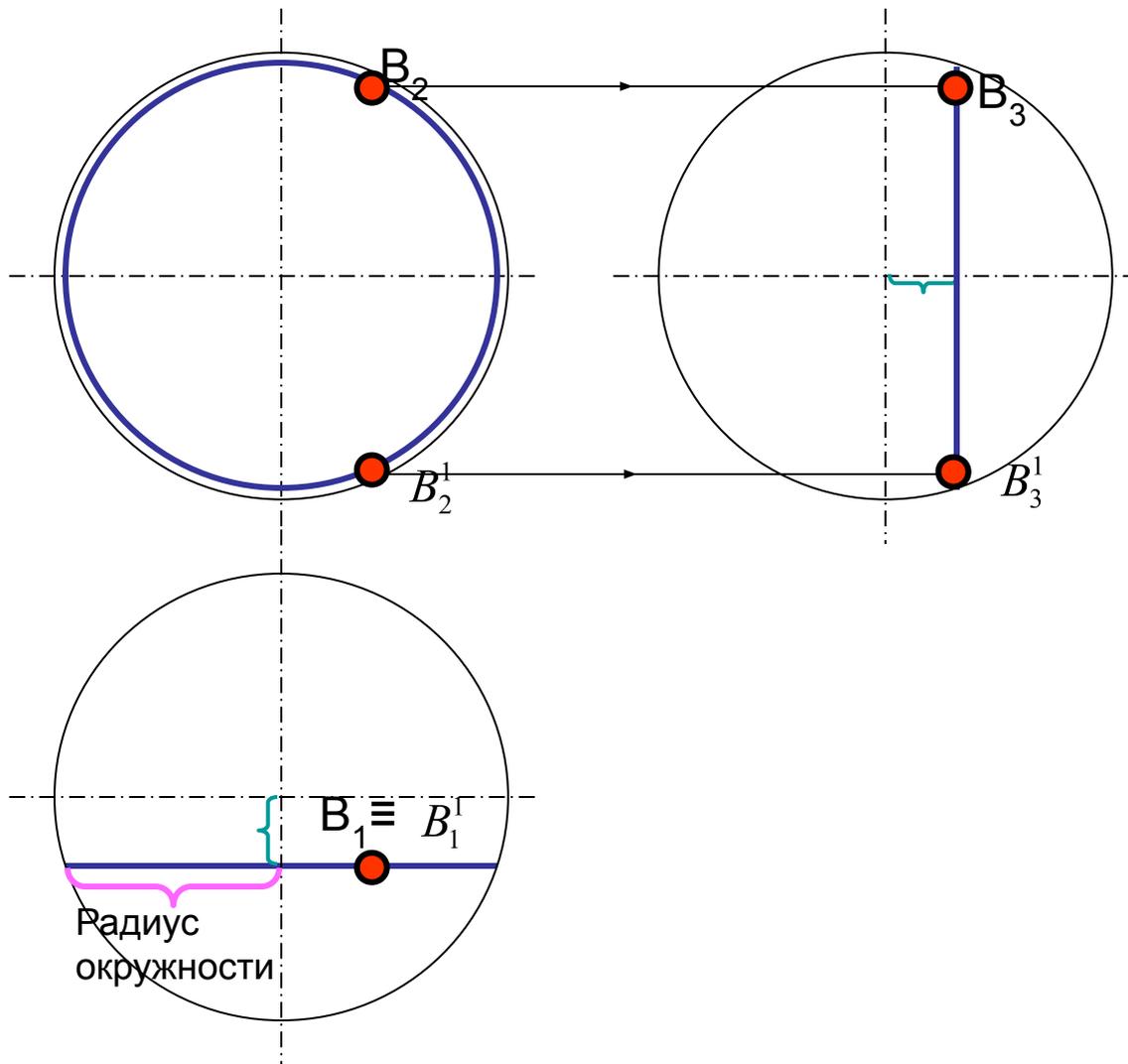


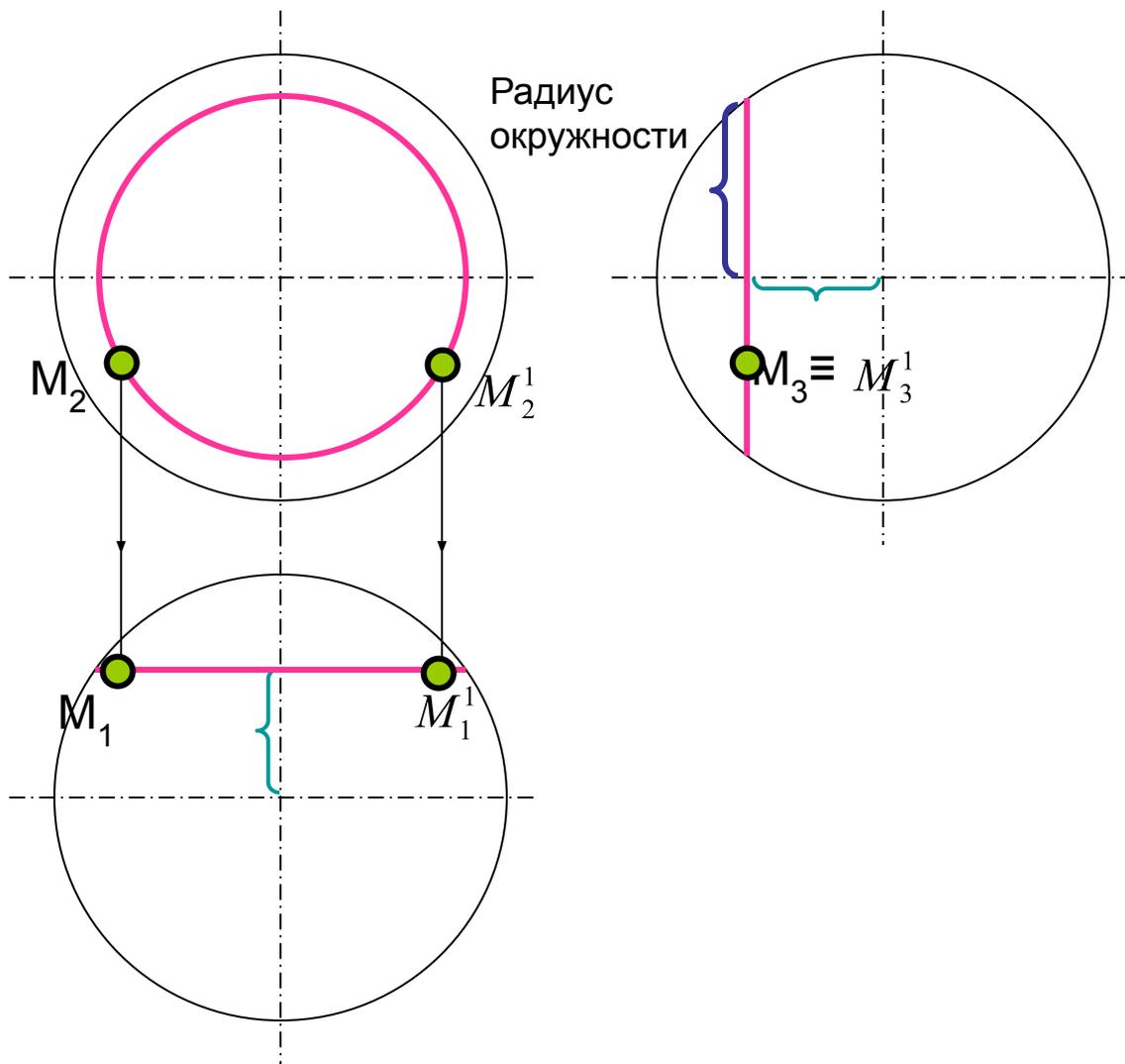


Точка на поверхности сферы

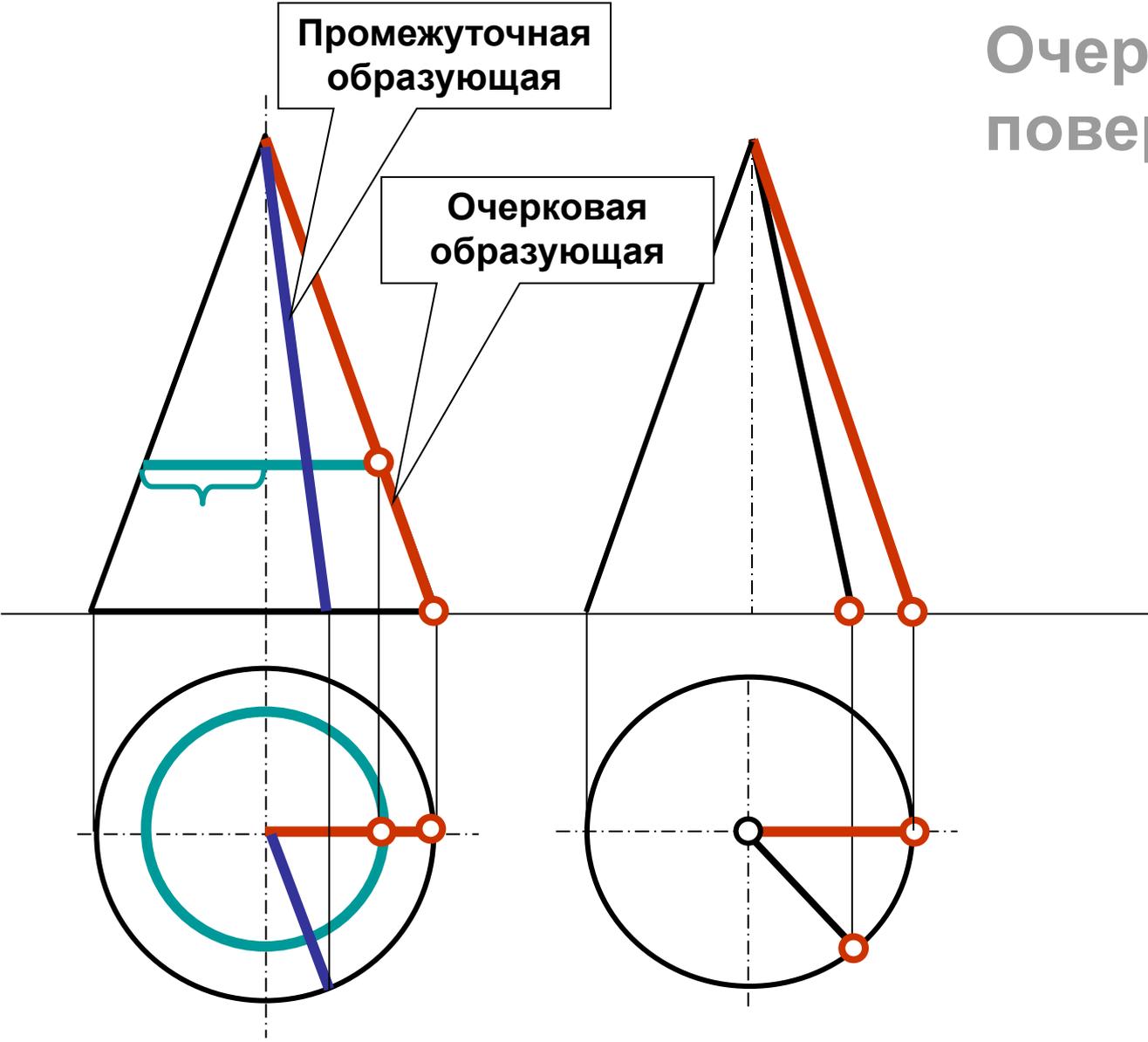
параллель



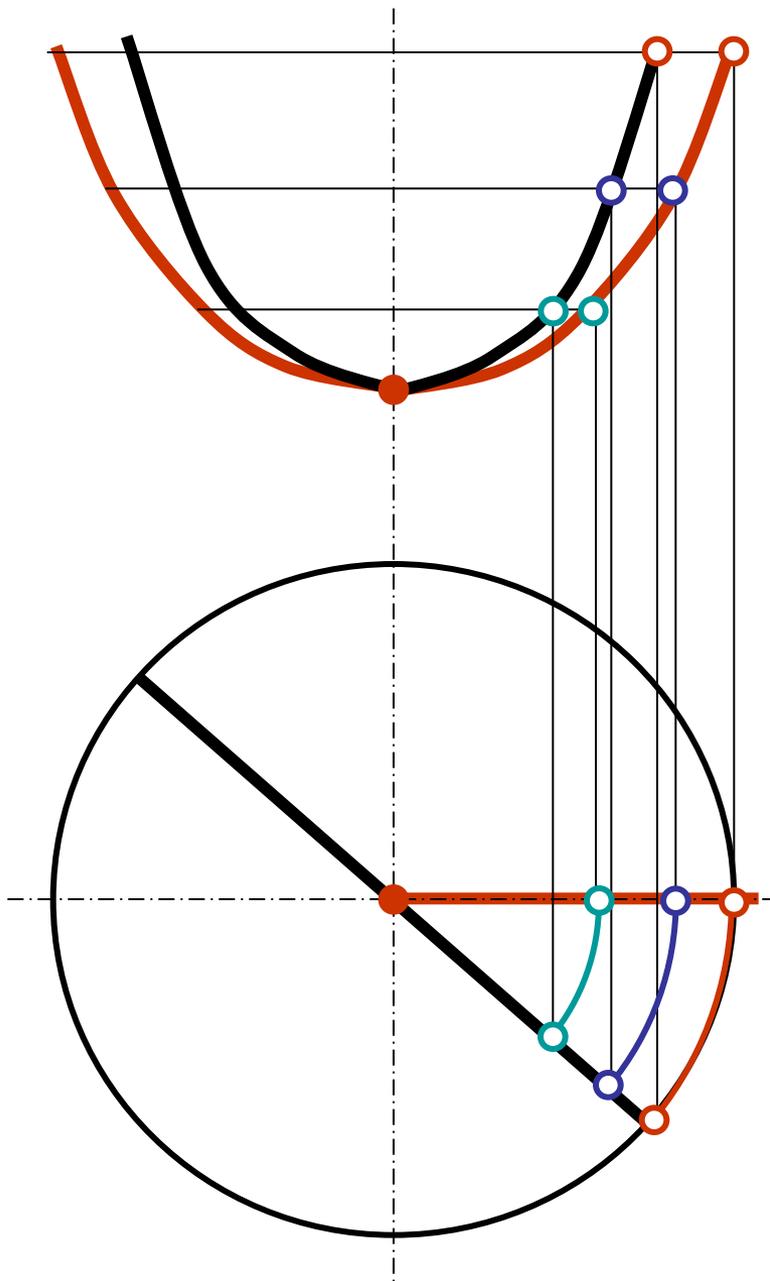




# Очерк поверхности

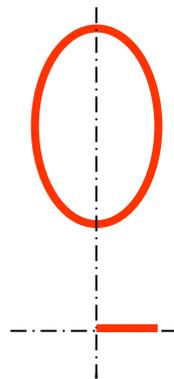


# Очерк поверхности

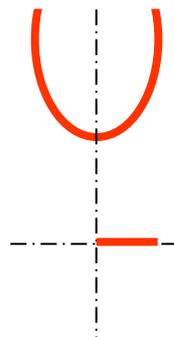
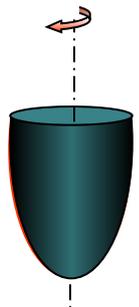


# Нелинейчатые поверхности

Эллипсоид вращения



Параболоид вращения



Гиперболоид вращения

