

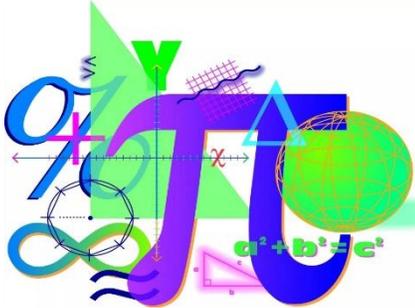
Приветствую вас на уроке

Девиз урока:

**Главная сила математики состоит
в том, что вместе с решением
одной конкретной задачи она
создаёт общие приёмы и способы.**

Эрик Темпл Белл

Успешного усвоения учебного материала



Классная работа

Произведение синусов и косинусов.

Формулы произведения

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

$$\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2} (\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$$

$$\cos \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\sin 10^\circ \cdot \sin 20^\circ = \dots$$

Проговорите правую часть равенства

Запишите правую часть равенства

$$\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2} (\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\sin 10^\circ \cdot \sin 20^\circ = \frac{1}{2} (\cos(10^\circ - 20^\circ) - \cos(10^\circ + 20^\circ)) =$$

Замените разности в правой части равенства

$$\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2} (\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\begin{aligned}\sin 10^\circ \cdot \sin 20^\circ &= \frac{1}{2} (\cos(10^\circ - 20^\circ) - \cos(10^\circ + 20^\circ)) = \\ &= \frac{1}{2} (\cos(-10^\circ) - \cos 30^\circ) =\end{aligned}$$

Произведите все необходимые операции в правой части равенства

$$\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2} (\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\begin{aligned}\sin 10^\circ \cdot \sin 20^\circ &= \frac{1}{2} (\cos(10^\circ - 20^\circ) - \cos(10^\circ + 20^\circ)) = \\ &= \frac{1}{2} (\cos(-10^\circ) - \cos 30^\circ) = \frac{1}{2} (\cos 10^\circ - \cos 30^\circ) = \\ &= \frac{1}{2} \cos 10^\circ - \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{2} \cos 10^\circ - \frac{\sqrt{3}}{4}\end{aligned}$$

$$\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2} (\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\cos 35^\circ \cdot \sin 25^\circ = \dots$$

Соответствует ли запись формуле?

Исправьте запись

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\cos 35^\circ \cdot \sin 25^\circ = \sin 25^\circ \cos 35^\circ =$$

Проговорите правую часть равенства

Запишите правую часть равенства

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\cos 35^\circ \cdot \sin 25^\circ = \sin 25^\circ \cos 35^\circ =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin(25^\circ + 35^\circ) + \sin(25^\circ - 35^\circ))$$

Упростите запись

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\begin{aligned} \cos 35^\circ \cdot \sin 25^\circ &= \sin 25^\circ \cos 35^\circ = \\ &= \frac{1}{2} (\sin(25^\circ + 35^\circ) + \sin(25^\circ - 35^\circ)) = \frac{1}{2} (\sin 60^\circ + \sin(-10^\circ)) = \end{aligned}$$

Простите запись

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\cos 35^\circ \cdot \sin 25^\circ = \sin 25^\circ \cos 35^\circ =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin(25^\circ + 35^\circ) + \sin(25^\circ - 35^\circ)) = \frac{1}{2} (\sin 60^\circ + \sin(-10^\circ)) =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin 60^\circ - \sin 10^\circ) =$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\cos 35^\circ \cdot \sin 25^\circ = \sin 25^\circ \cos 35^\circ =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin(25^\circ + 35^\circ) + \sin(25^\circ - 35^\circ)) = \frac{1}{2} (\sin 60^\circ + \sin(-10^\circ)) =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin 60^\circ - \sin 10^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{1}{2} \sin 10^\circ$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\sin(x + \alpha)\cos(x - \alpha) =$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\sin(x + \alpha)\cos(x - \alpha) =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin(x + \alpha + x - \alpha)) + \sin(x + \alpha - (x - \alpha))) =$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Преобразовать в сумму произведение

$$\sin(x + \alpha) \cos(x - \alpha) =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin(x + \alpha + x - \alpha)) + \sin(x + \alpha - (x - \alpha)) =$$

$$= \frac{1}{2} (\sin 2x + \sin 2\alpha)$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Вычислить

$$\sin 82^{\circ}30' \cdot \cos 37^{\circ}30' =$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Вычислить

$$\sin 82^{\circ}30' \cdot \cos 37^{\circ}30' = \frac{1}{2} (\sin 120^{\circ} + \sin 45^{\circ}) =$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Вычислить

$$\begin{aligned}\sin 82^{\circ}30' \cdot \cos 37^{\circ}30' &= \frac{1}{2} (\sin 120^{\circ} + \sin 45^{\circ}) = \\ &= \frac{1}{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \right) =\end{aligned}$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$

Вычислить

$$\begin{aligned}\sin 82^{\circ} 30' \cdot \cos 37^{\circ} 30' &= \frac{1}{2} (\sin 120^{\circ} + \sin 45^{\circ}) = \\ &= \frac{1}{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \right) = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{4}\end{aligned}$$

$$\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} (\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$$