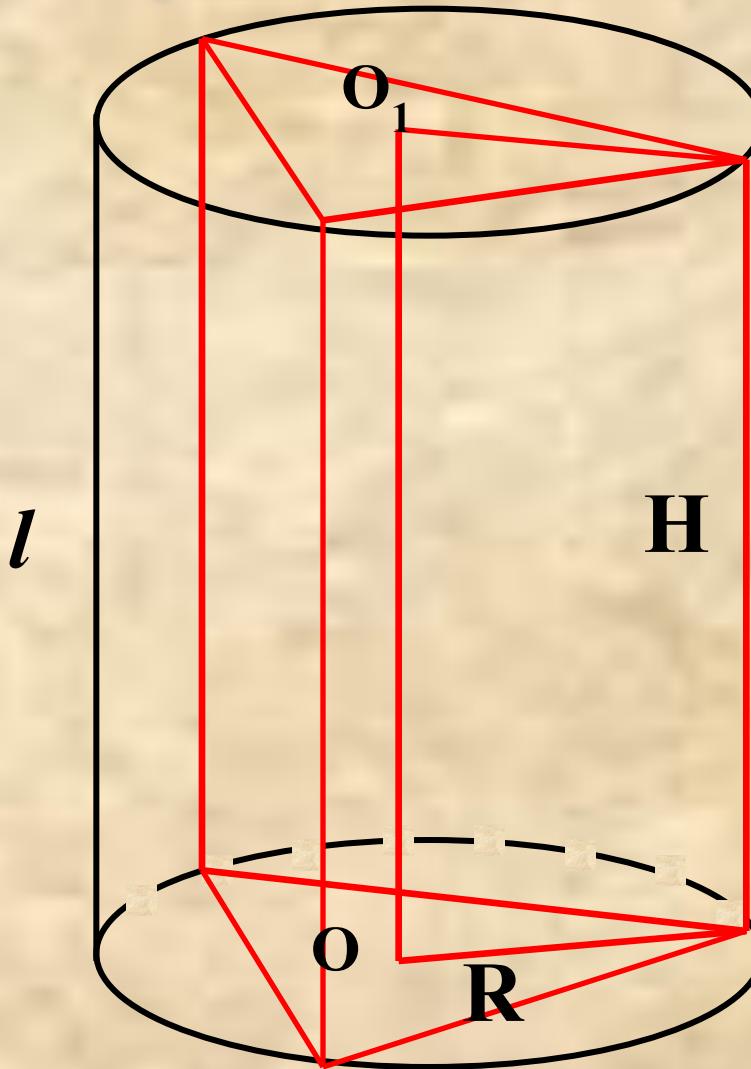


**Комбинация призмы  
и цилиндра.**

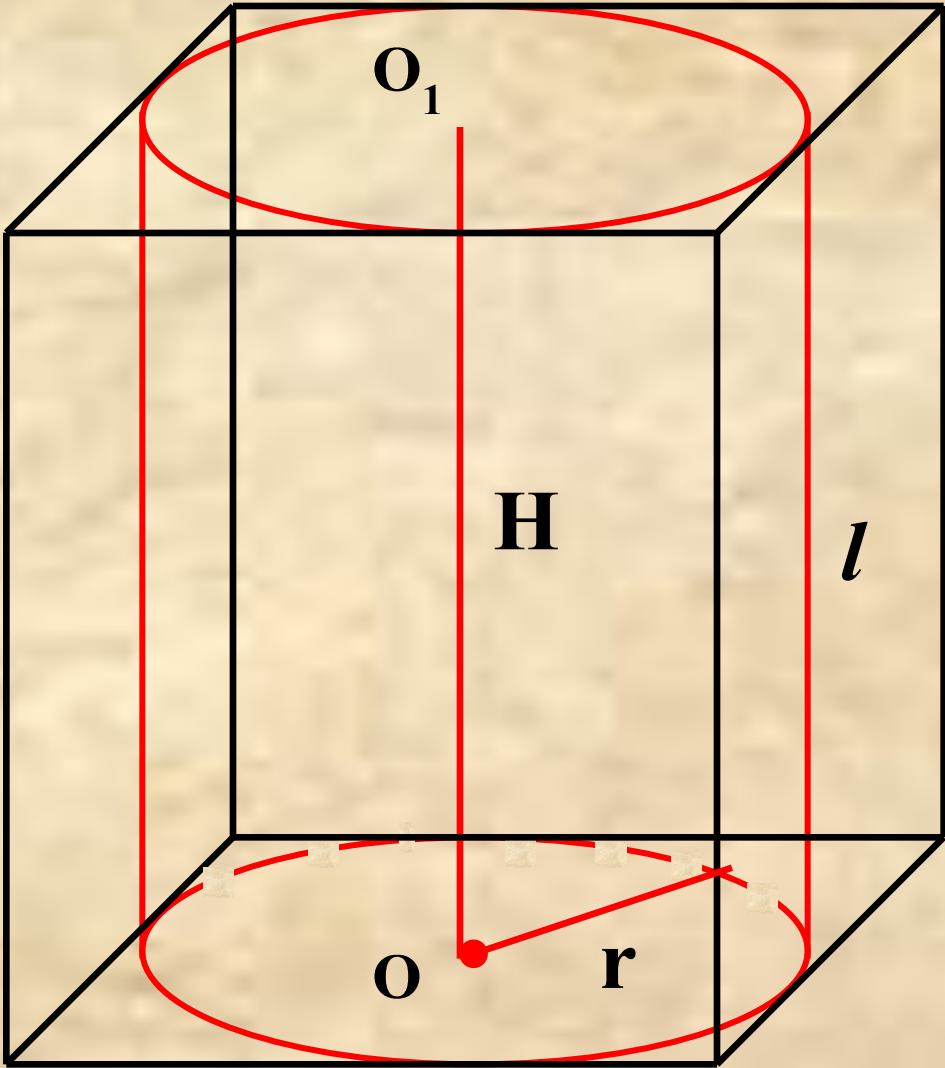
# Призма вписана в цилиндр (цилиндр описан около призмы)



$$OO_1 = H = l$$

$$R_{\text{ц}} = R_{\text{оп. окр.}}$$

# Призма описана около цилиндра (цилиндр вписан в призму)



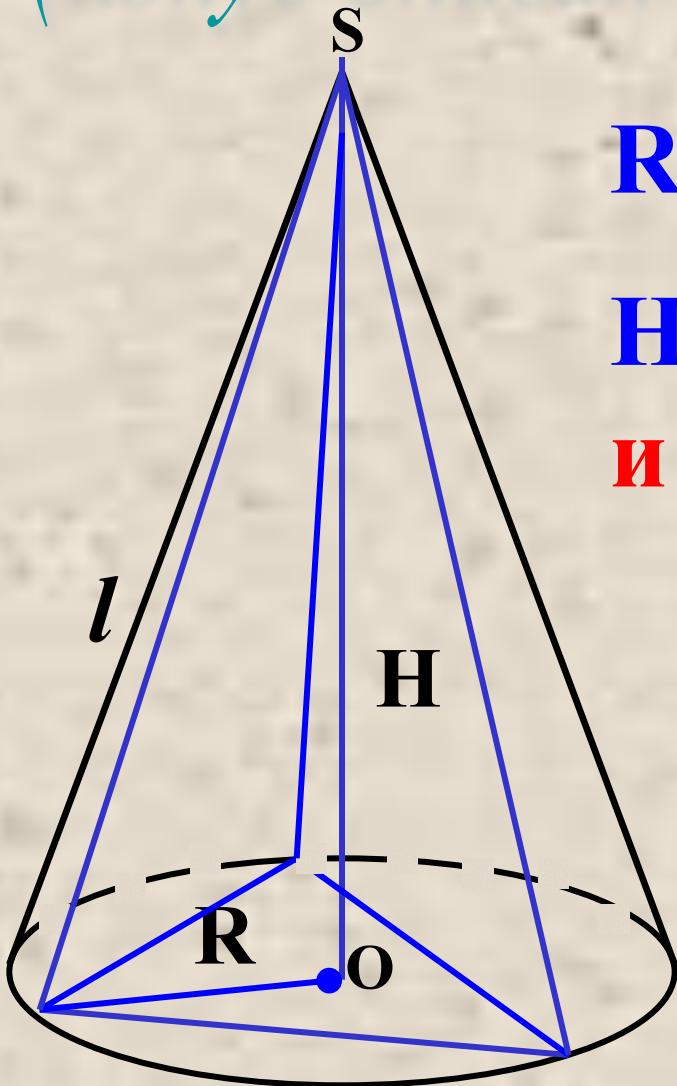
$$OO_1 = H = l$$

$$r_{\text{ц}} = r_{\text{вп. окр}}$$

Комбинации  
пирамиды и конуса

*Пирамида вписана в конус*

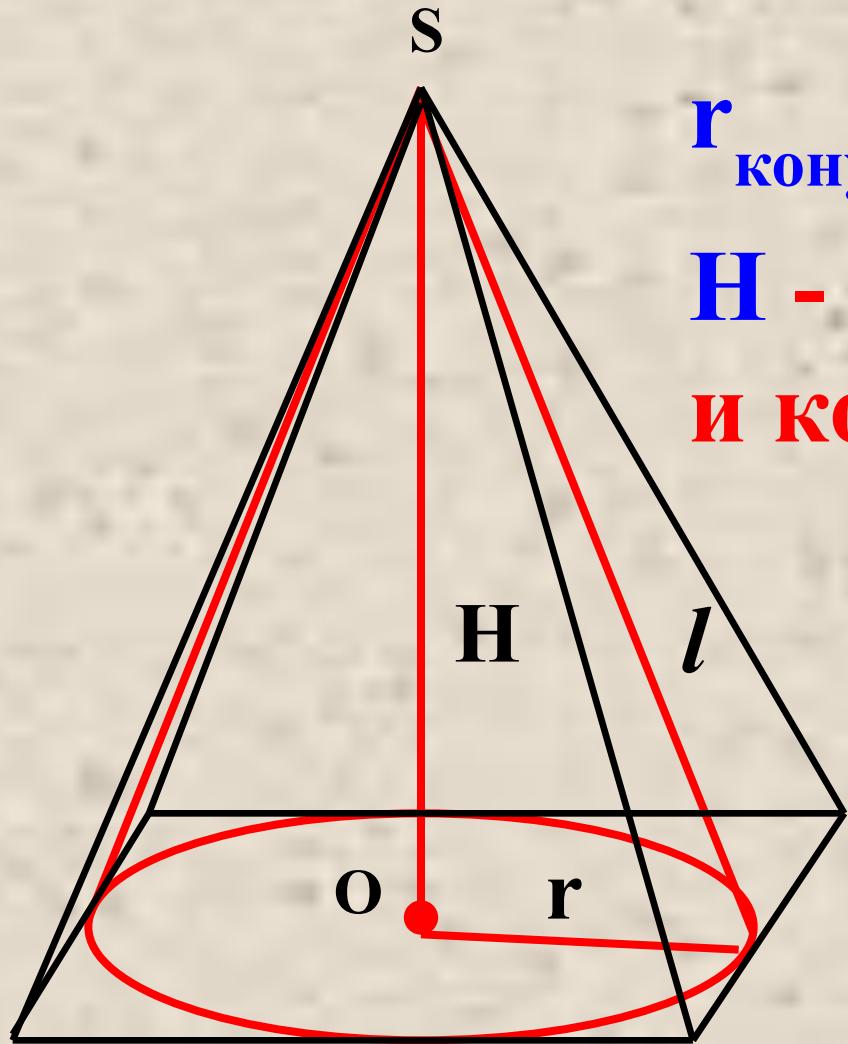
*(конус описан около пирамиды)*



$$R_k = R_{\text{оп. окруж.}}$$

**Н - высота пирамиды  
и конуса.**

# *Пирамида описана около конуса (конус вписан в пирамиду)*

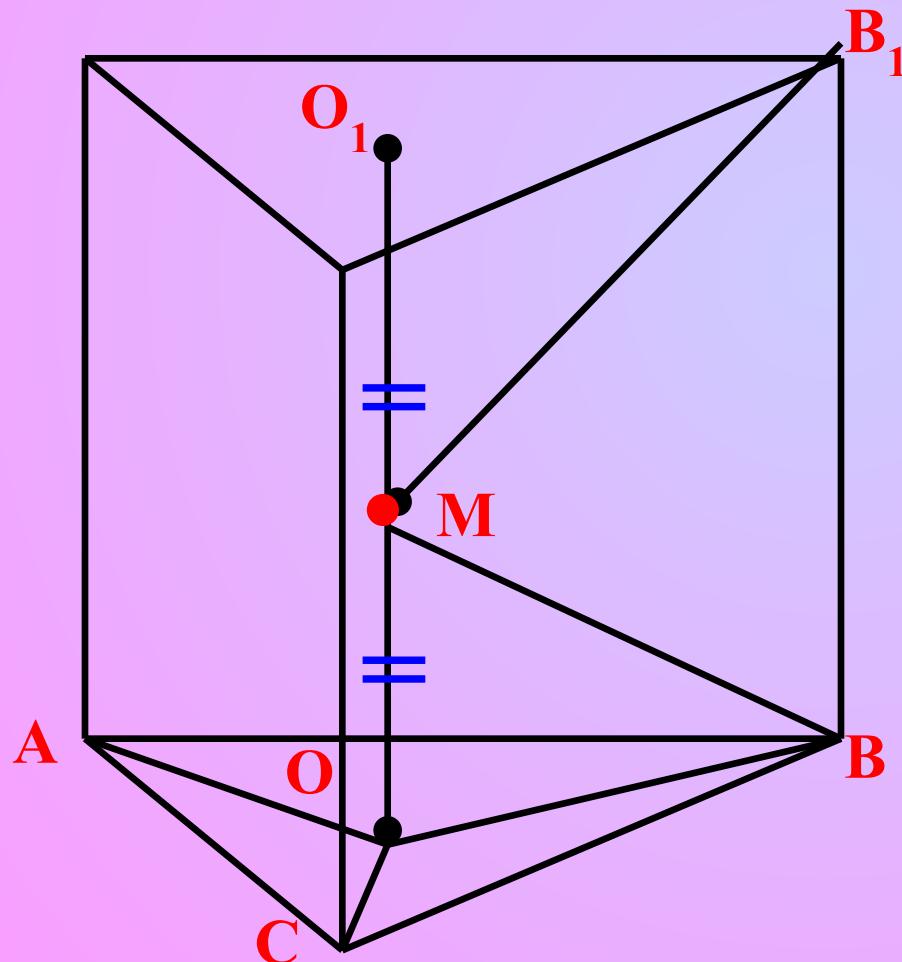


$$r_{\text{конуса}} = r_{\text{впис.окруж.}}$$

**Н - высота пирамиды  
и конуса.**

Комбинации многогранников  
и шара.

**Центром шара, описанного около многогранника, является точка, равноудалённая от всех его вершин.**



O(O<sub>1</sub>)- центры окр-й, описанных около основ.(OA=OB=OC=R)

OO<sub>1</sub>- высота призмы

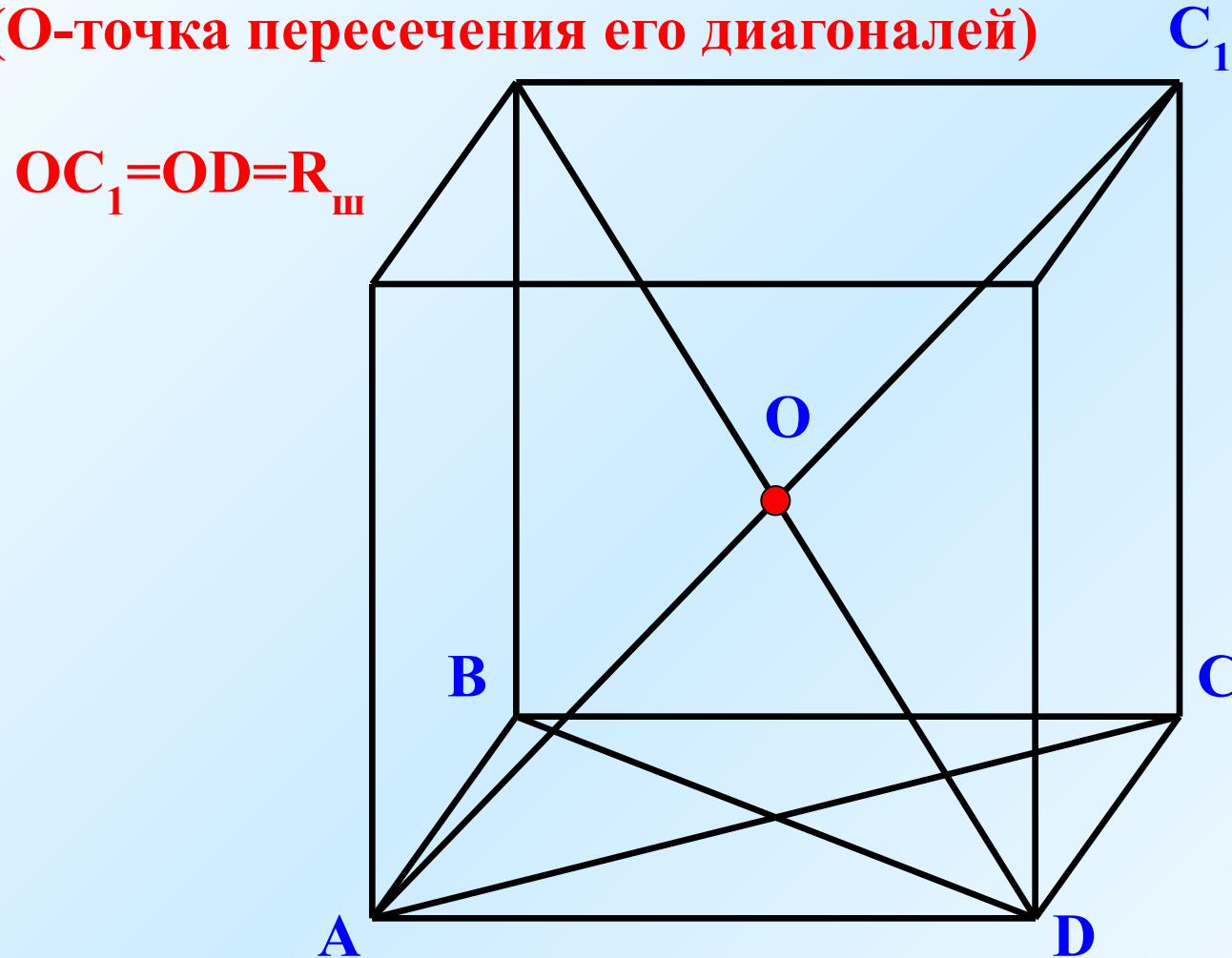
M- центр шара

MB=MB<sub>1</sub>=R<sub>шара</sub>

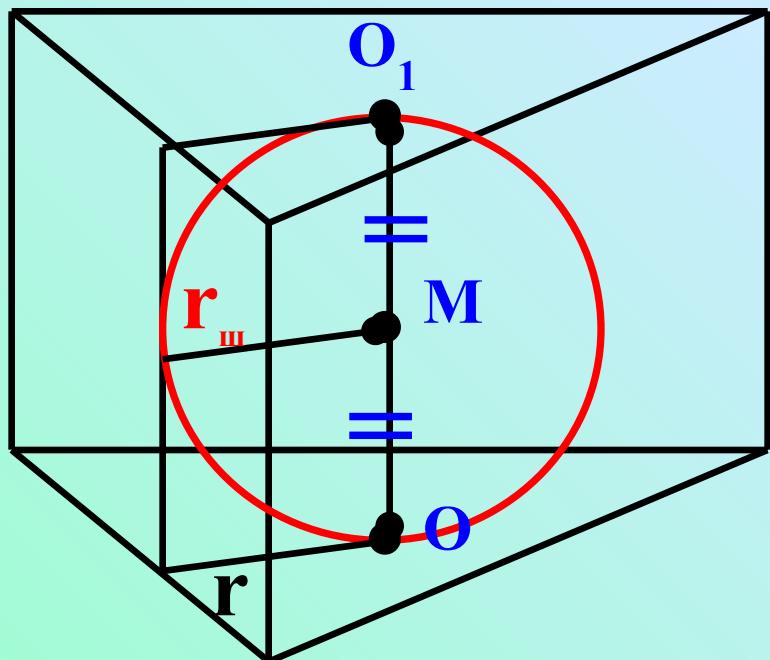
# Прямоугольный параллелепипед.

ABCD- прямоугольник

(O-точка пересечения его диагоналей)



**Центром шара, вписанного в многогранник, является точка, равноудалённая от всех его граней.**



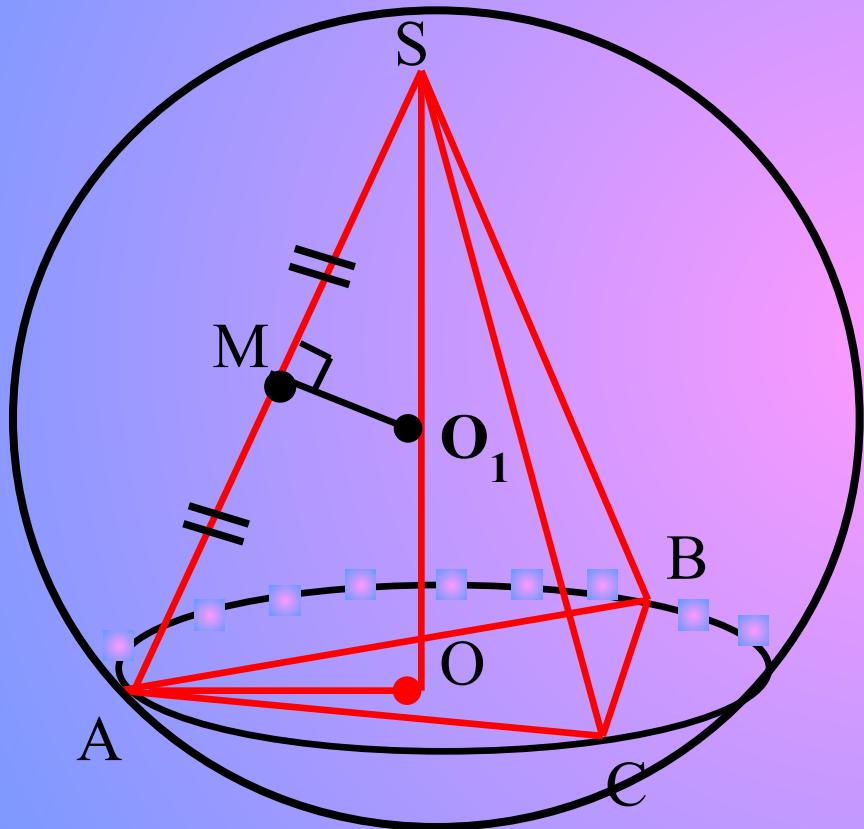
**М- центр шара**

**ОО<sub>1</sub>- высота призмы  
и диаметр шара**

**r- радиус окруж.  
вписан. в основание**

$$r_{ш} = r_{\text{вп.}} = \frac{H}{2}$$

# Шар, описанный около пирамиды.



**SO-** высота пирамиды

**O-** центр окружности,  
описанной около основания  
пирамиды.

**AO = R(окружности,  
описанной около осн.  
пирамиды)**

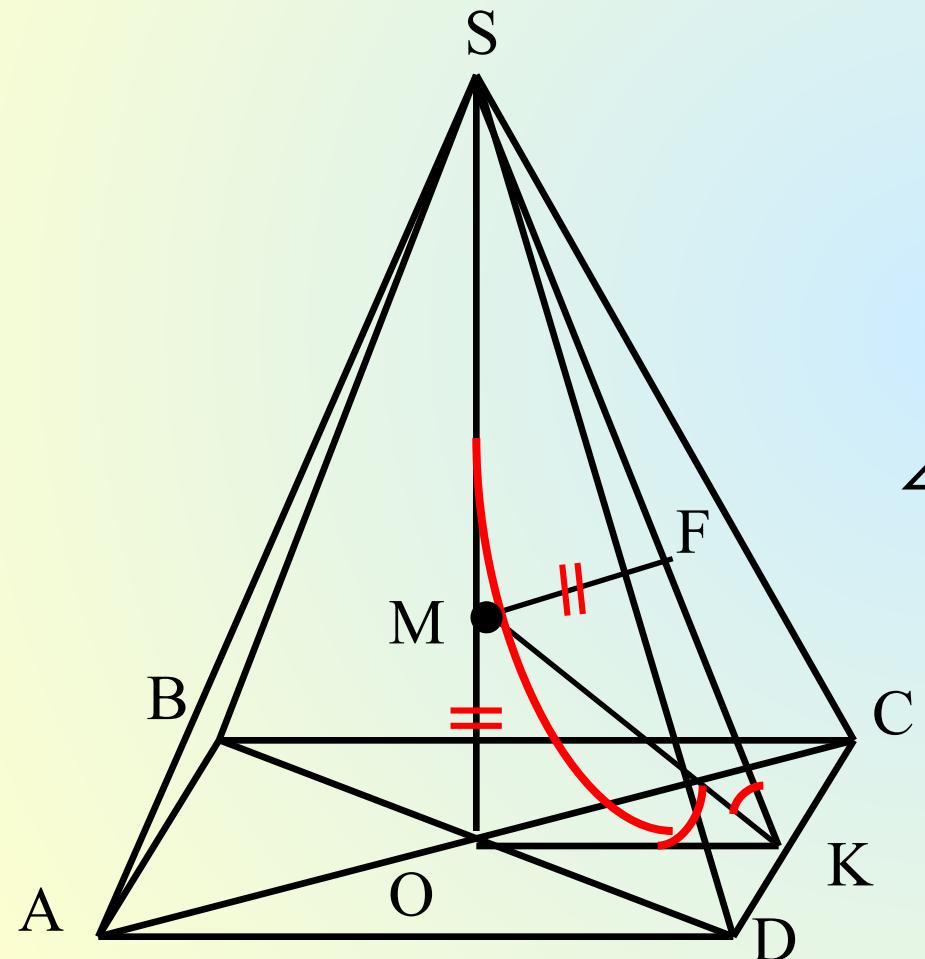
**O<sub>1</sub> ∈ SO**

**O<sub>1</sub>M ⊥ AS, AM=MS**

**O<sub>1</sub>- центр описанного шара**

**SO<sub>1</sub>=O<sub>1</sub>A=R<sub>шара</sub>**

# Шар, вписанный в пирамиду.

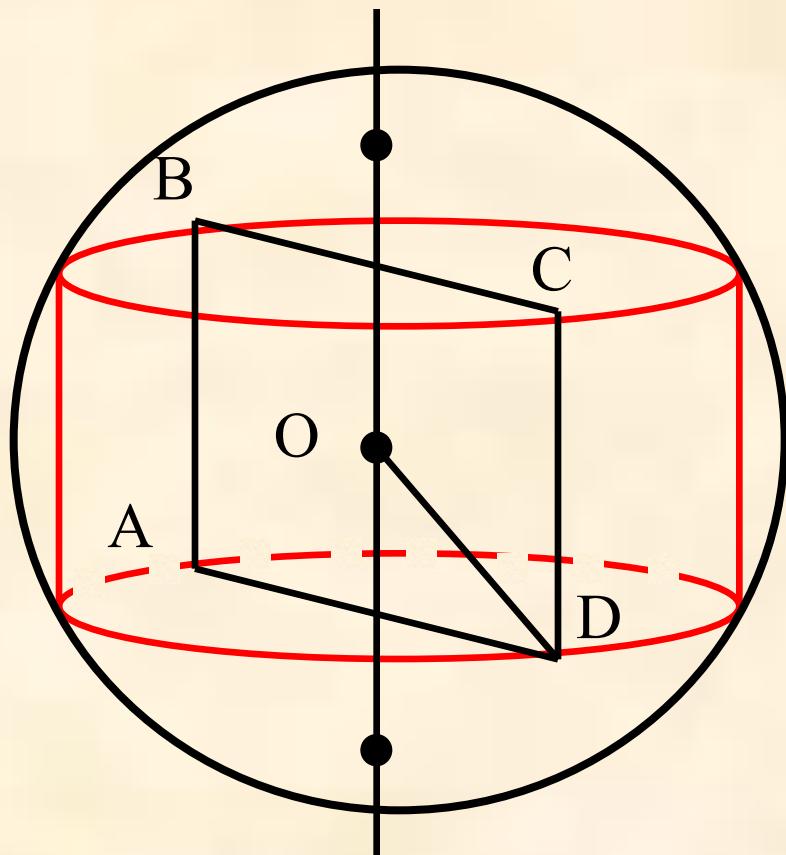


**OS- высота пирамиды**  
**O- центр окружности впис.**  
**в пирамиду**  
**OK = r**  
**OK  $\perp$  DC; SK  $\perp$  DC**  
 **$\angle$  SKO-линейный**  
**МК- биссектриса  $\angle$  SKO**  
**MO = MF = r<sub>шара</sub>**

**Комбинация тел вращения и шара.**

шар, описанный около

## Шар, описанный около цилиндра



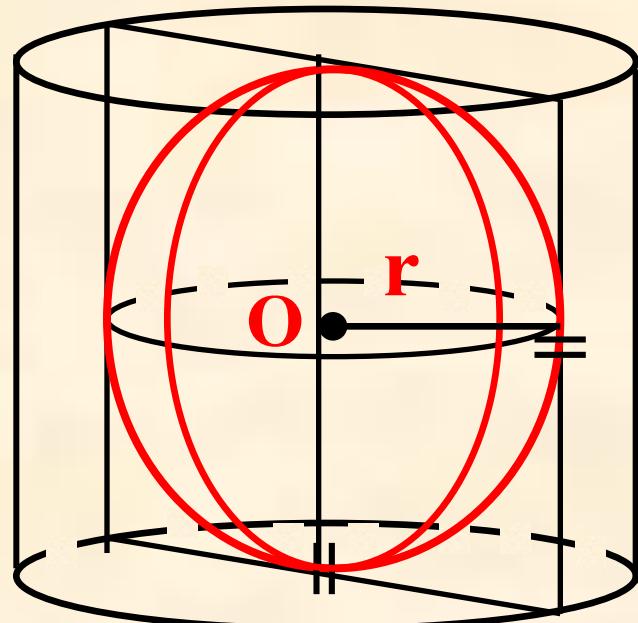
Центр шара лежит на  
середине высоты,  
проходящей через ось  
цилиндра.

ABCD- осевое сечение  
цилиндра

$$OD = R_{\text{шара}}$$

Шар, вписанный в

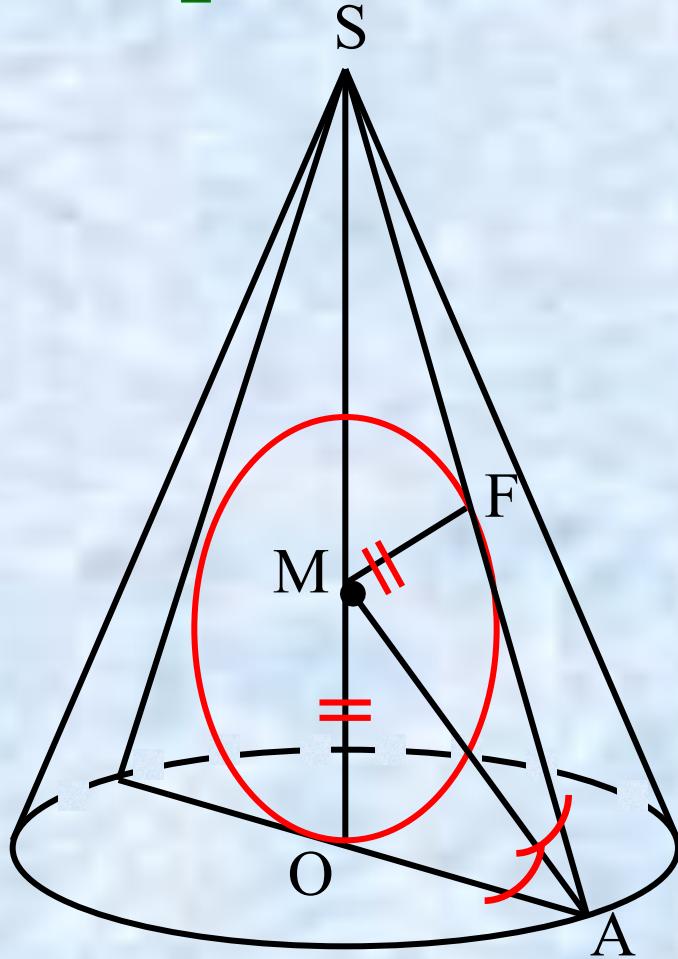
## Шар, вписанный в цилиндр



**Шар можно вписать  
только в такой цилиндр,  
высота которого равна  
диаметру основания  
(такой цилиндр называют  
равносторонним).**

**Центр шара лежит на  
середине высоты,  
проходящей через ось  
цилиндра.**

# Шар, вписанный в конус



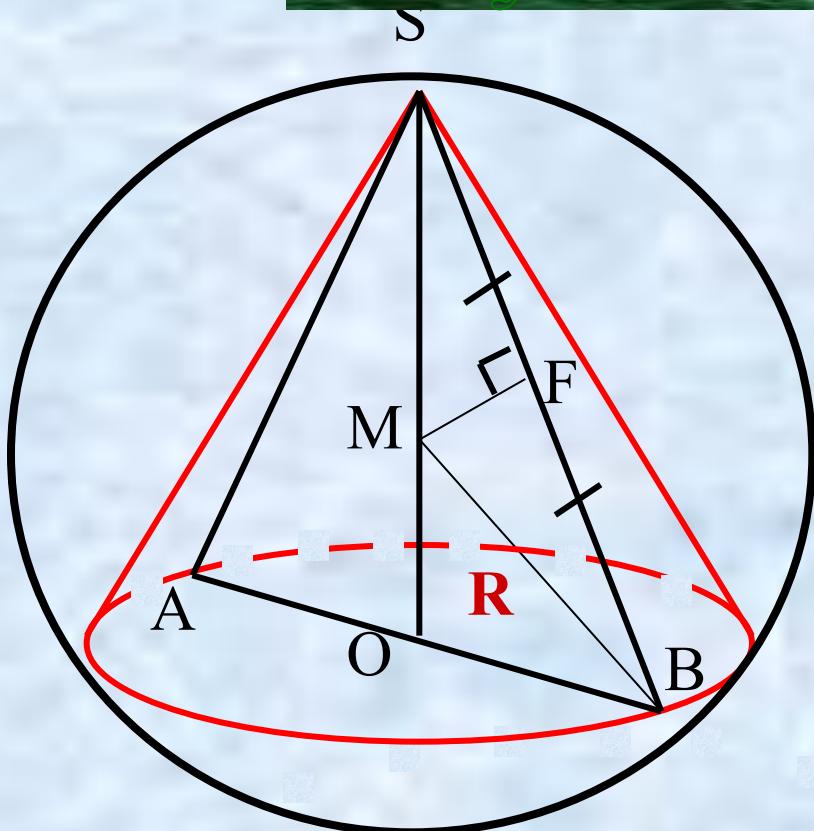
Центр вписанного шара лежит на оси конуса и совпадает с центром окружности, вписанный в треугольник, являющийся осевым сечением конуса.

МА- бис-са

$$OM = MF = r_{\text{шара}}$$

Шар, описанный около

## Шар, описанный около конуса



Шар можно описать около любого конуса. Центр описанного шара лежит на оси конуса и совпадает с центром окружности, описанной около треугольника, явл. осевым сечением конуса.

$$M \in OS$$

$$MF \perp SB, SF=FB$$