

The image shows a long, two-story school building with a grey brick facade and a dark red horizontal band above the entrance. A large circular logo is mounted on the wall, featuring a sun, a book, and a globe. The entrance has a set of stairs and a light blue section. The text is overlaid in yellow on the lower part of the image.

**Муниципальное  
образовательное учреждение  
средняя общеобразовательная  
школа №3 г. Баймака**

# Мурзабаева Фарида Мужавировна

- Учитель математики
- Стаж работы-23 года
- Высшая  
квалификационная  
категория
- Отличник  
образования  
Республики  
Башкортостан



# Проблема

**«Почему зубрение  
представляет  
такой дурной  
способ учения?»**

*Уильям Джеймс  
1905 год*

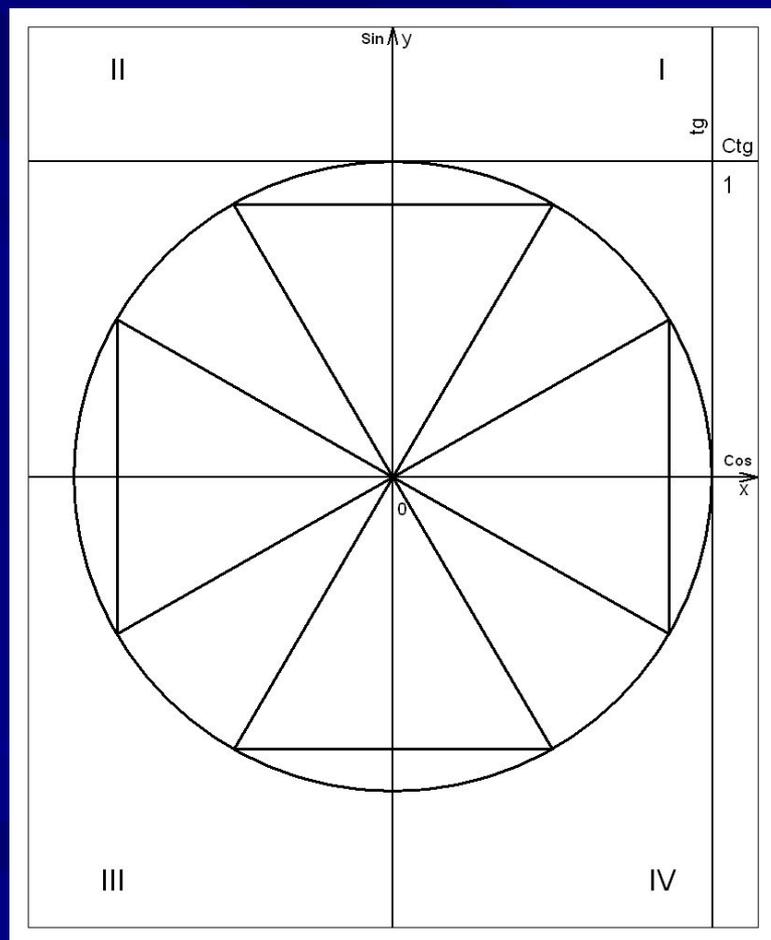
Знания, приобретенные путем простого зубрения, почти неизбежно забываются совершенно бесследно.

Наоборот, умственный материал, набираемый памятью постепенно, день за днем, в связи с различными контекстами, связанный ассоциативно с другими внешними событиями и неоднократно подвергшийся обсуждению, образует такую систему, вступает в такую связь с остальными сторонами нашего интеллекта, легко возобновляется в памяти **массою внешних поводов**, что остается надолго прочным приобретением

# Пути решения

- Знать школьный курс математики – значит владеть материалом каждого из направлений математики, быть в состоянии актуализировать любое из них в любое время. Чтобы достичь этого, нужно систематически обращаться каждому из них, что порой не всегда возможно из-за сильной загруженности на уроке.
- Есть другой путь долговременного запоминания фактов и формул – это опорные сигналы.

# Тригонометрия в 10 классе



Почти всю  
тригонометрию  
можно изучить на  
тригонометрическом  
круге

# На тригонометрическом круге:

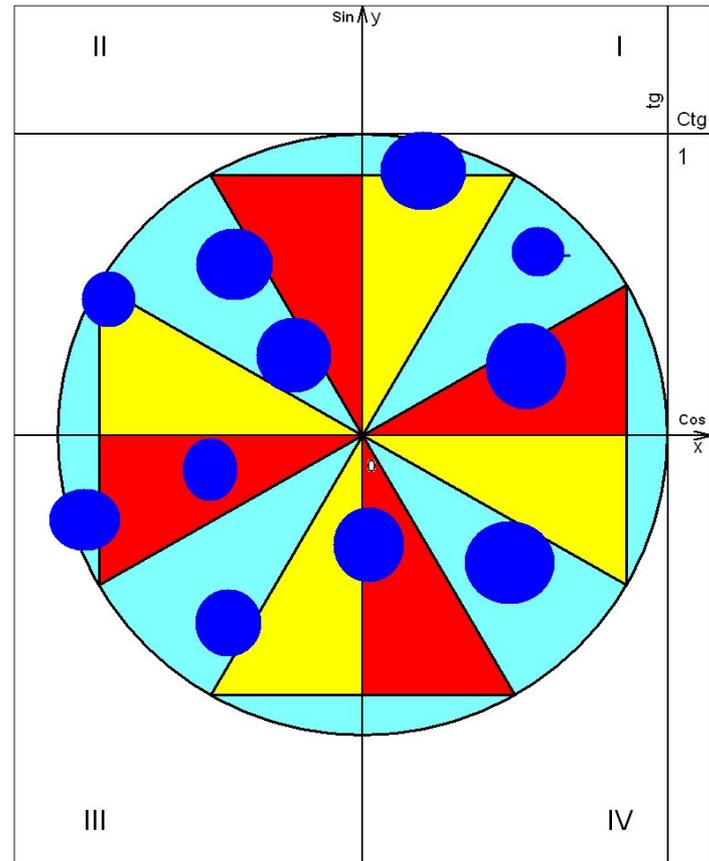
- определения синуса, косинуса, тангенса и котангенса угла;
- радианное измерение углов;
- область определения и область значений тригонометрических функций
- значения тригонометрических функций для некоторых значений числового и углового аргумента;
- периодичность тригонометрических функций;
- четность и нечетность тригонометрических функций;
- возрастание и убывание тригонометрических функций;
- формулы приведения;
- значения обратных тригонометрических функций;
- решение простейших тригонометрических уравнений;
- решение простейших неравенств;
- основные формулы тригонометрии

# Изучение тригонометрии через «тригонометрический круг»

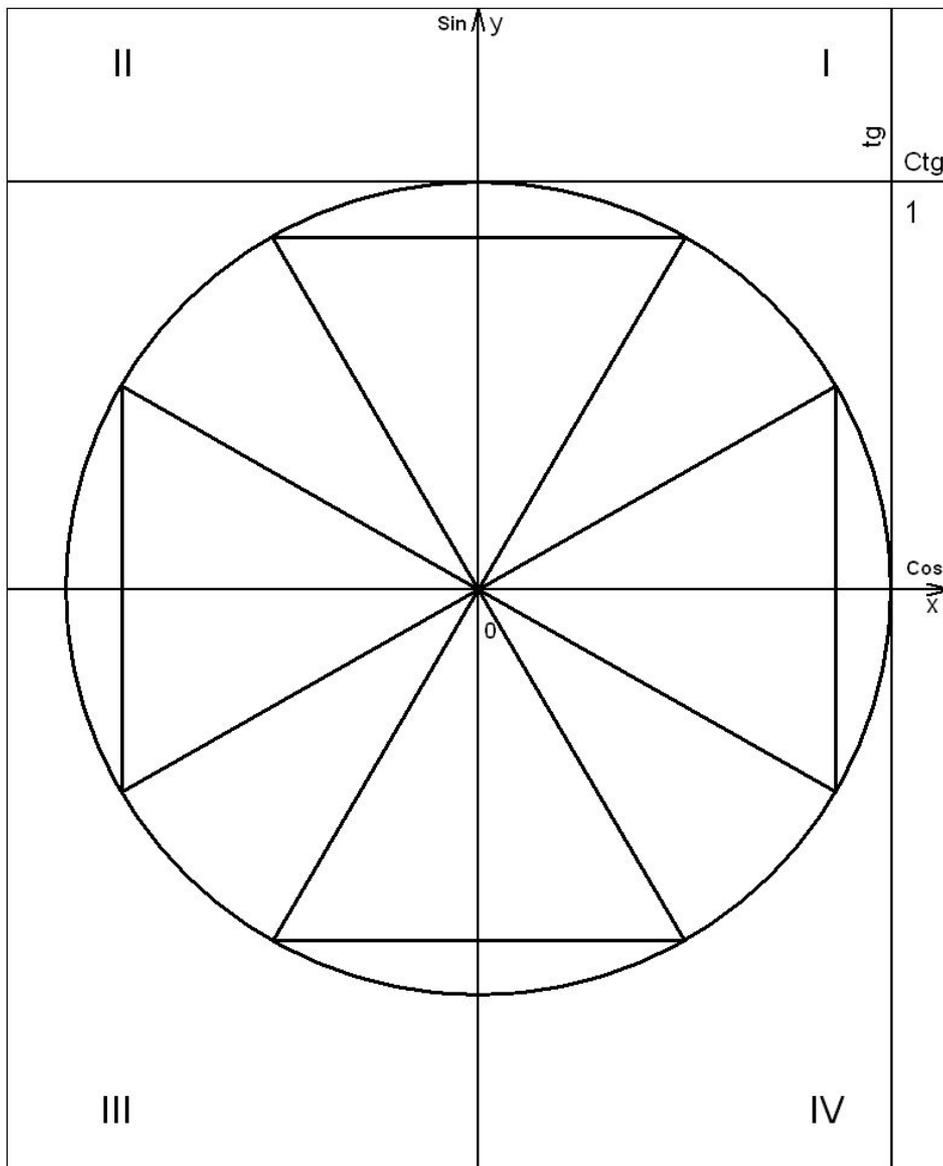
$\pi$        $\sin \frac{\pi}{4}$

$\cos \alpha$        $\operatorname{tg} \beta$

$\operatorname{arcctg} 1$



# Тригонометрический круг



- Окружность единичного радиуса с центром в начале координат называется тригонометрическим кругом

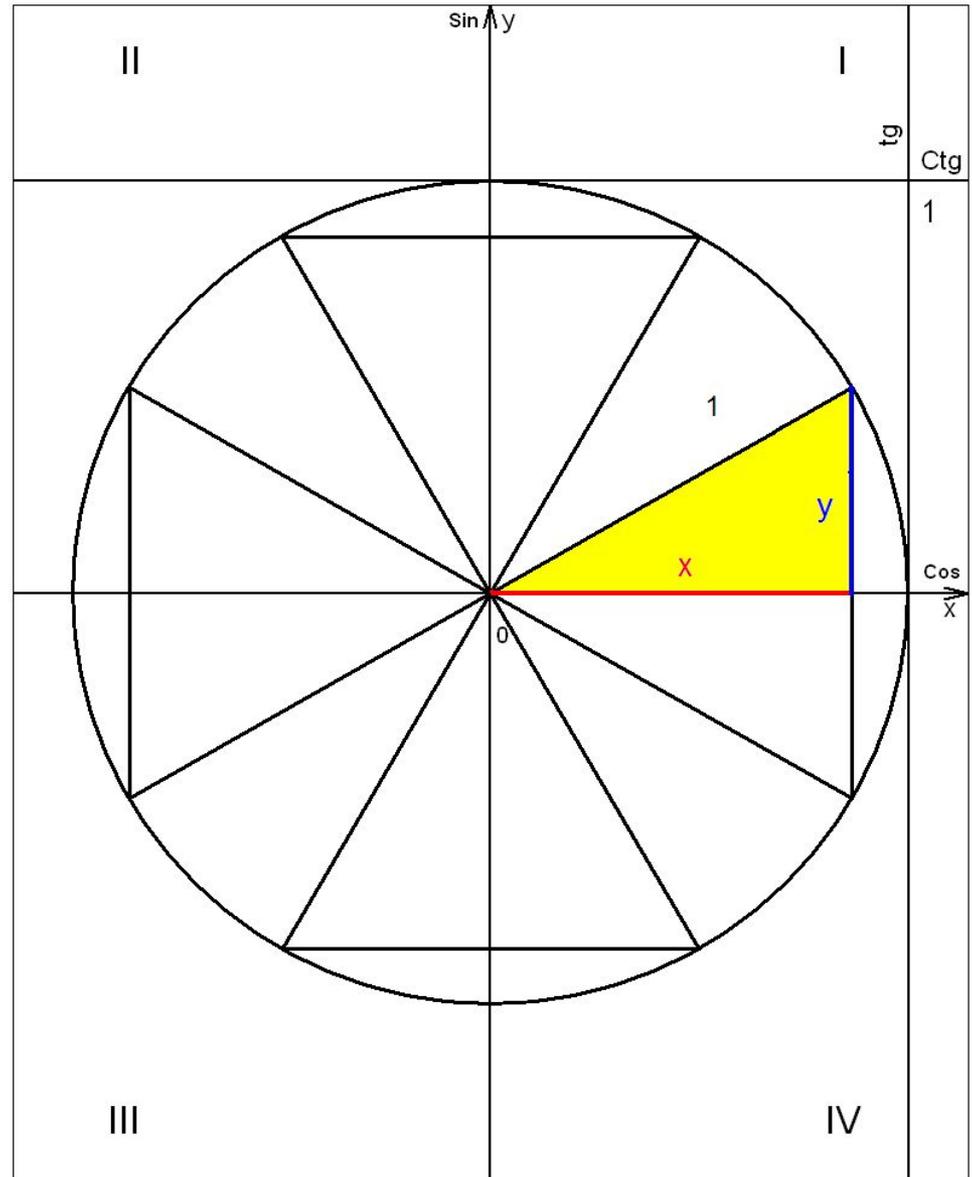
# Определения

$$\sin \alpha = \frac{y}{R}$$

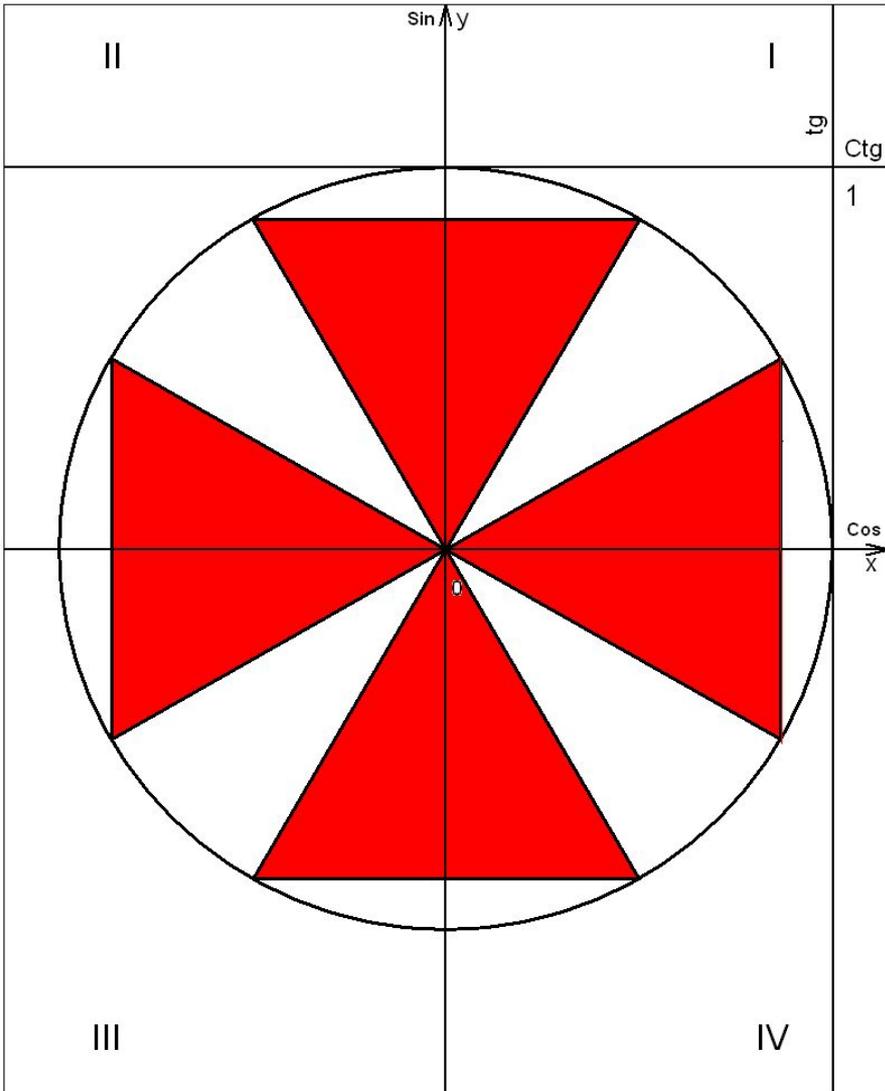
$$\cos \alpha = \frac{x}{R}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{y}{x}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{y}{x}$$



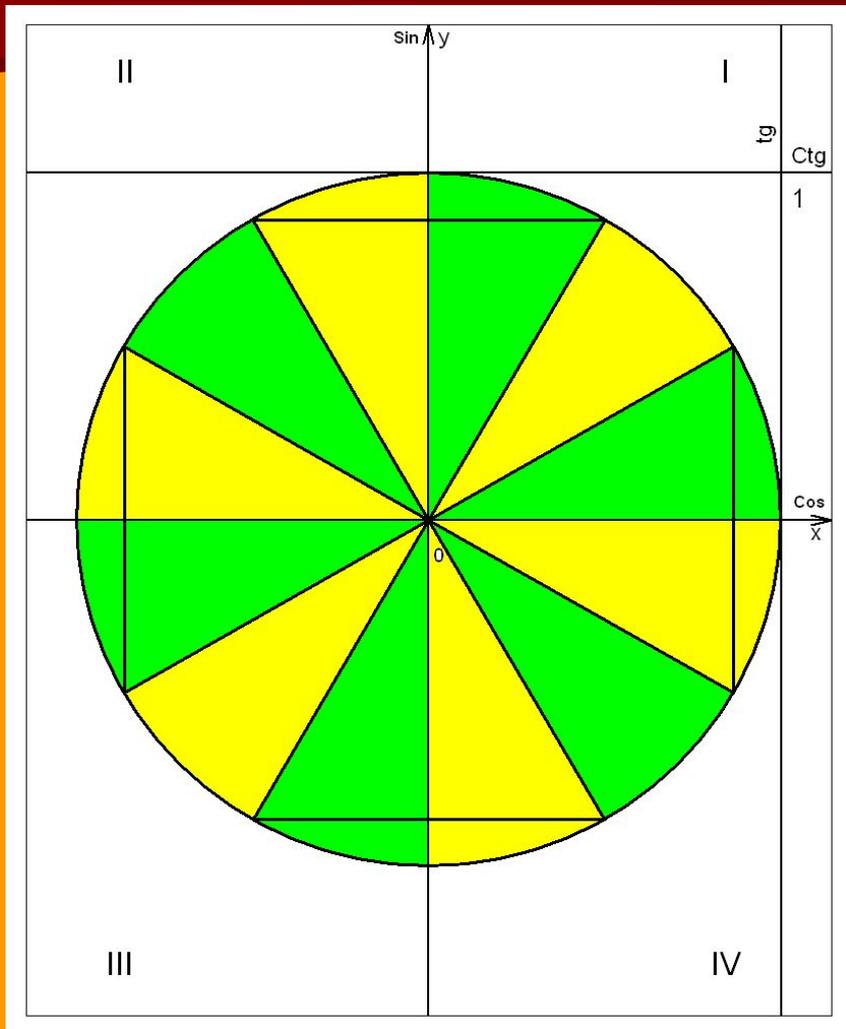
# Радианная мера угла



$$180^{\circ} = \pi$$

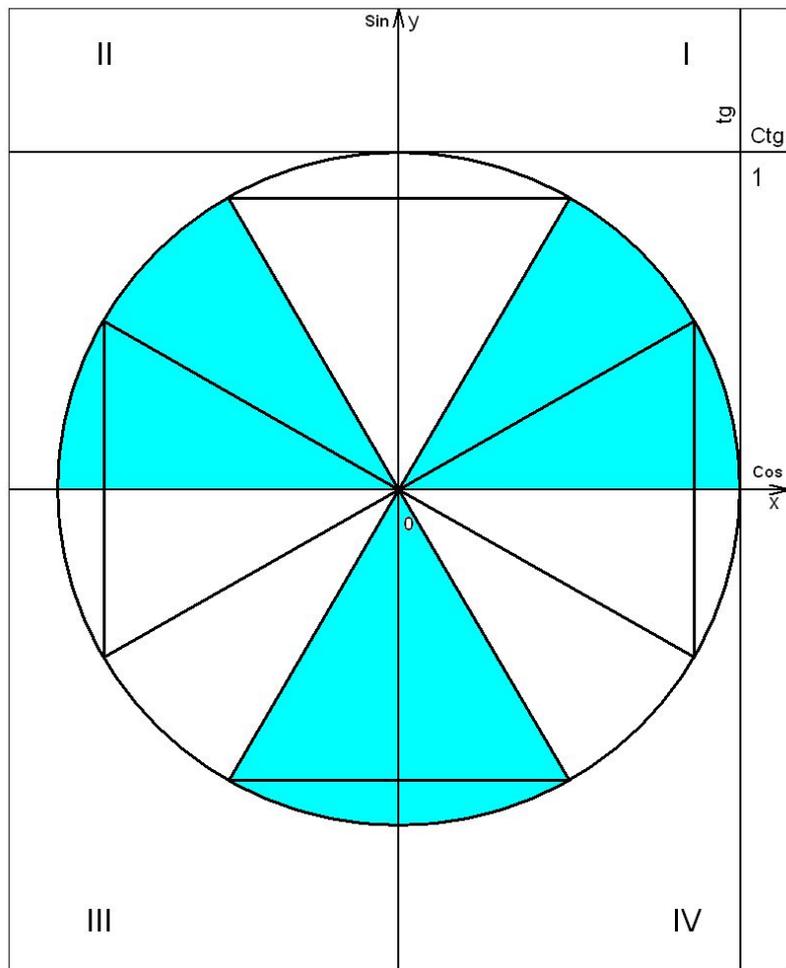
$$30^{\circ} = \frac{\pi}{6}$$

# Радианная мера угла



$$30^{\circ} = \frac{\pi}{6}$$

# Доля площади круга угла



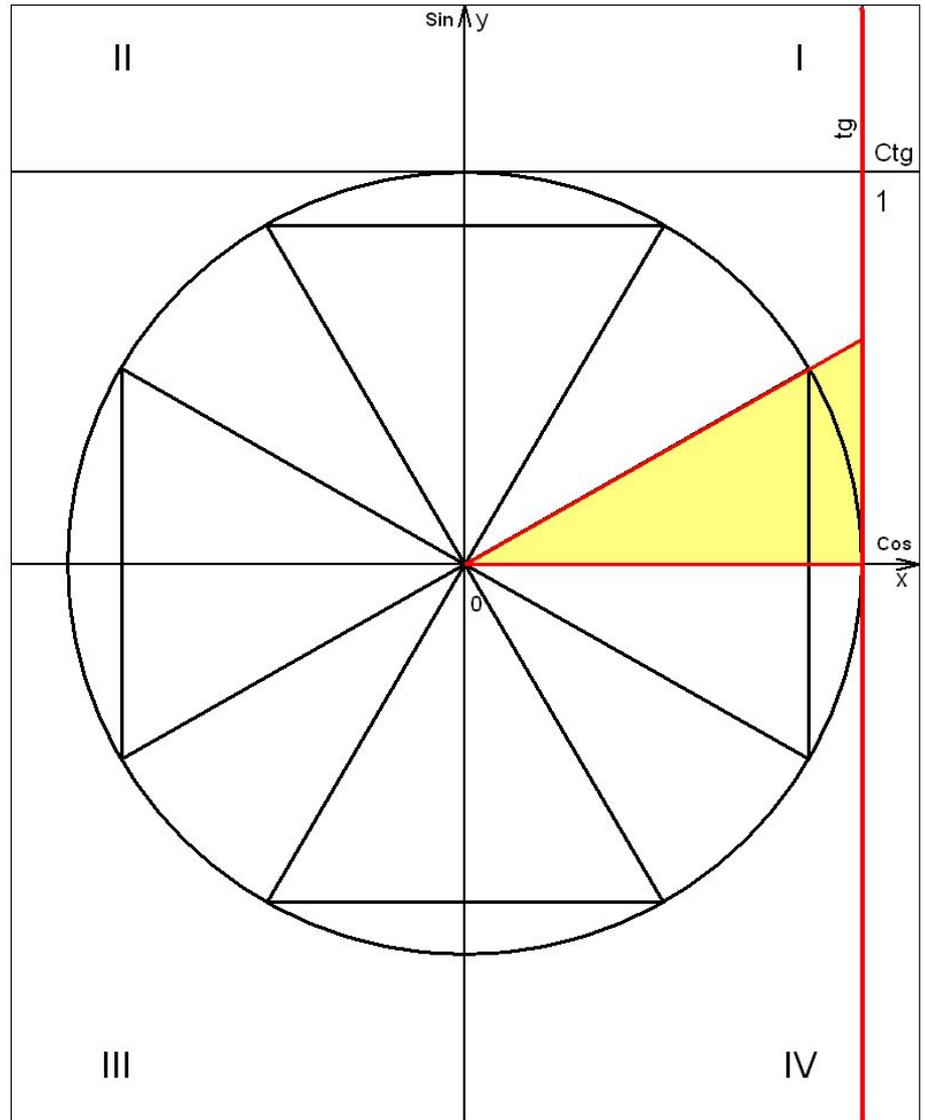
$$\frac{\pi}{6} \cdot 2 = \frac{\pi}{3}$$

# Линия тангенсов



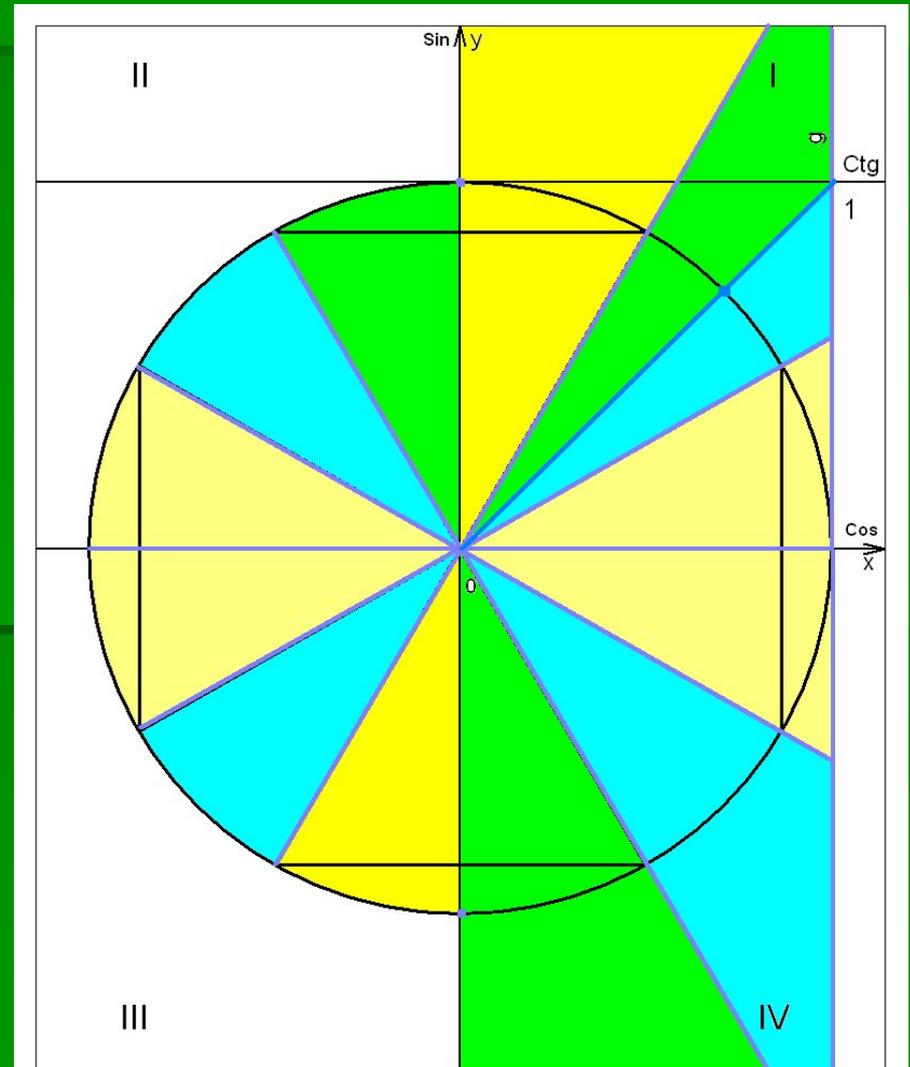
Пусть  $x = 1$

тогда  $\operatorname{tg} \alpha$  — ?

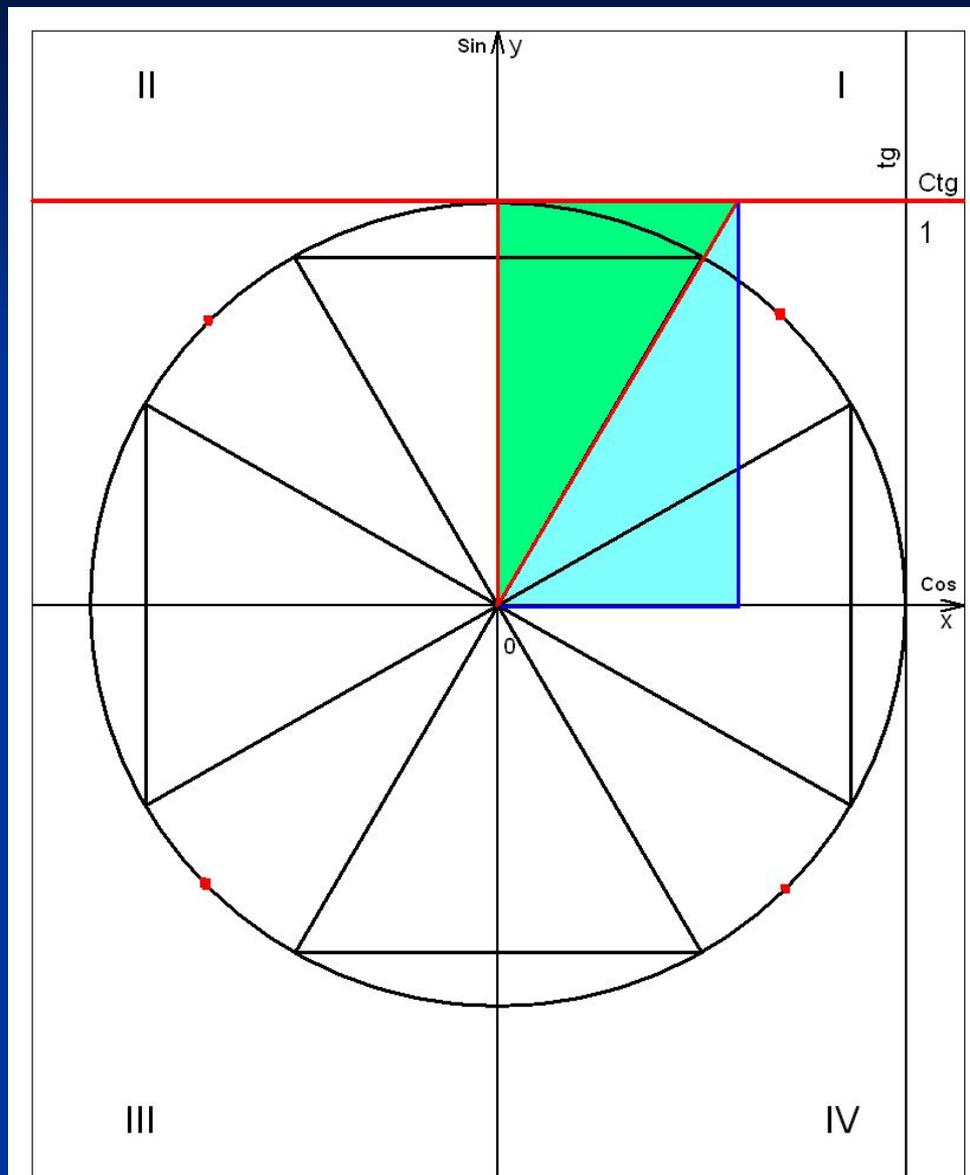


# Значения тангенса и котангенса угла

$$\frac{1}{\sqrt{3}} < 1 < \sqrt{3}$$

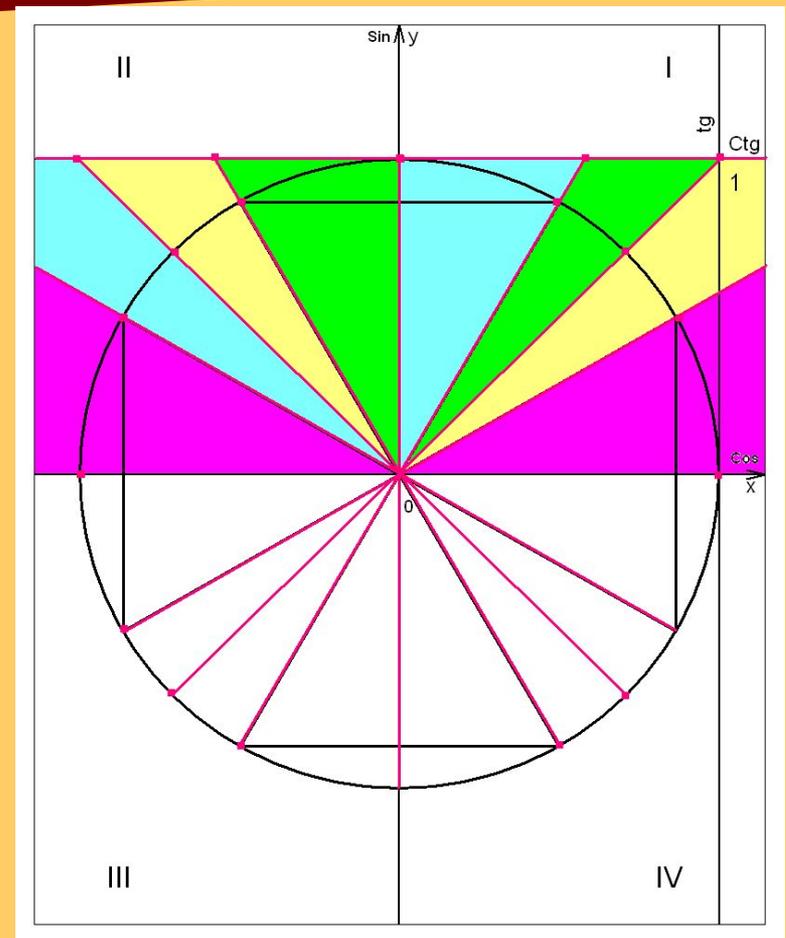


# Линия котангенсов



# Определение значений ctg угла

$$\frac{1}{\sqrt{3}} < 1 < \sqrt{3}$$



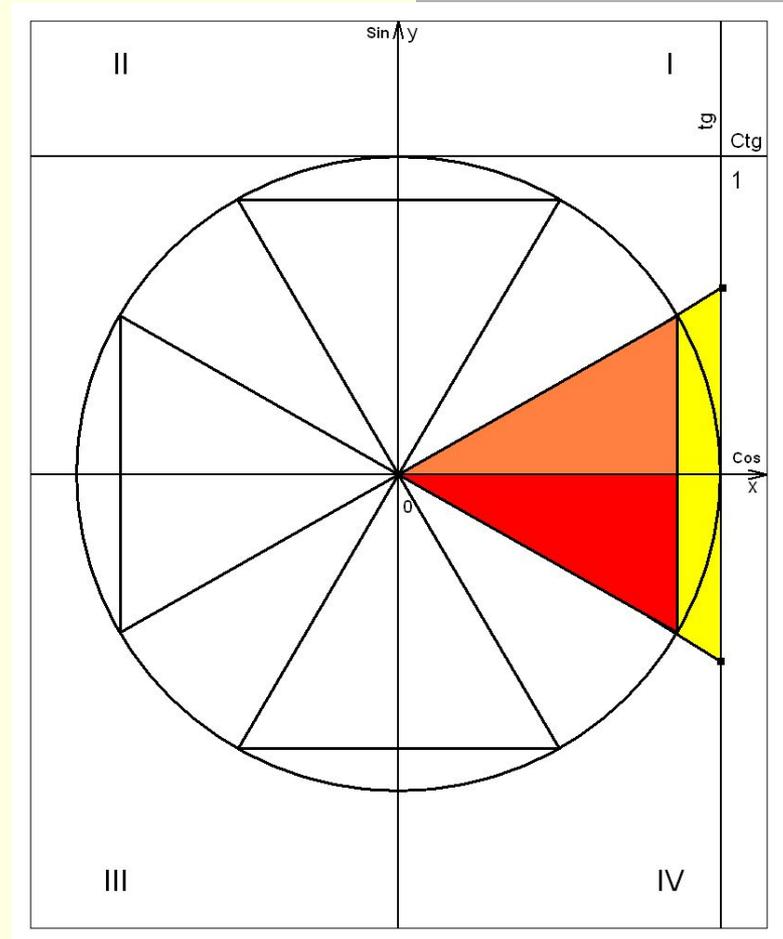
# Определение значений функций при повороте на отрицательный угол

$$\sin(-\alpha)$$

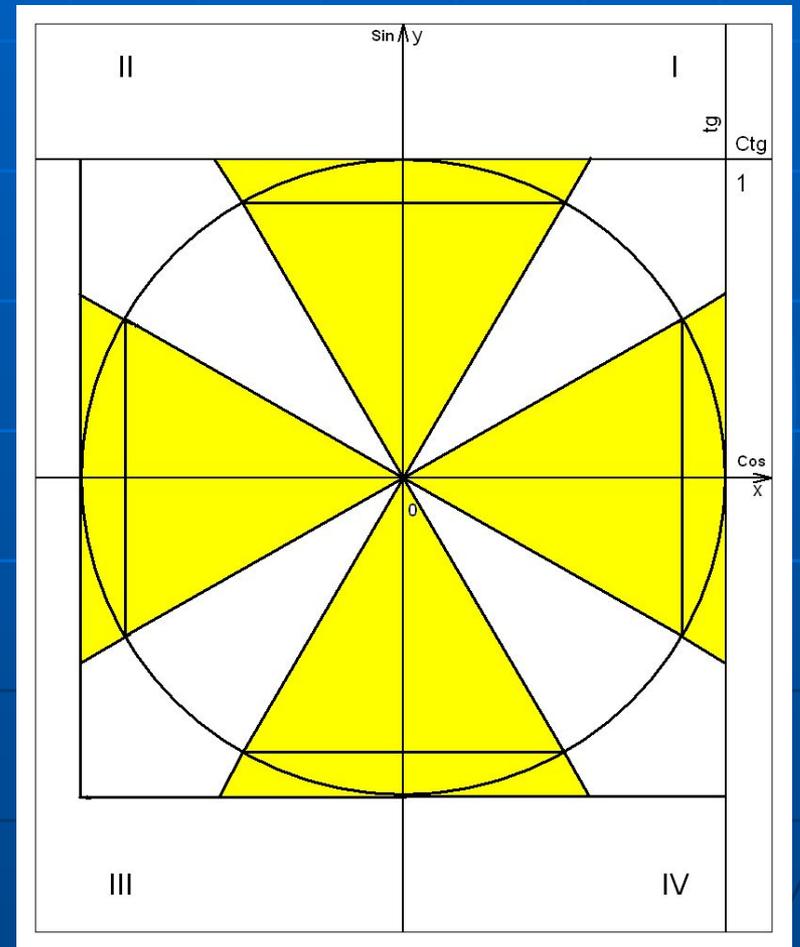
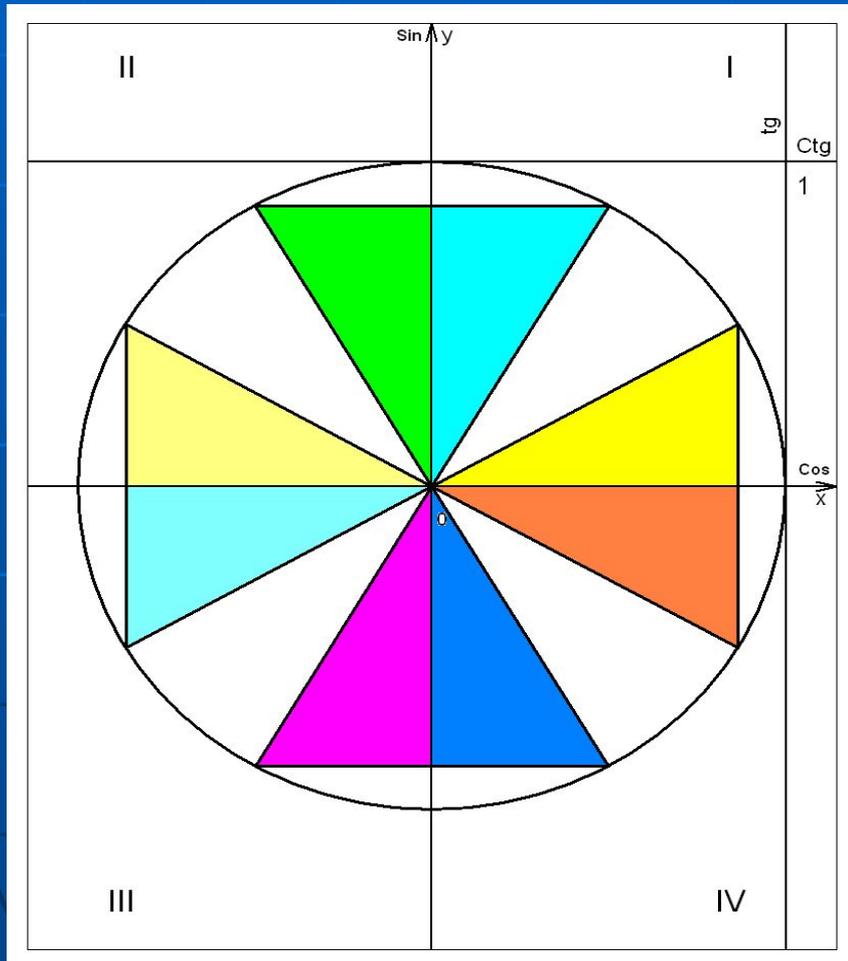
$$\cos(-\alpha)$$

$$\operatorname{tg}(-\alpha)$$

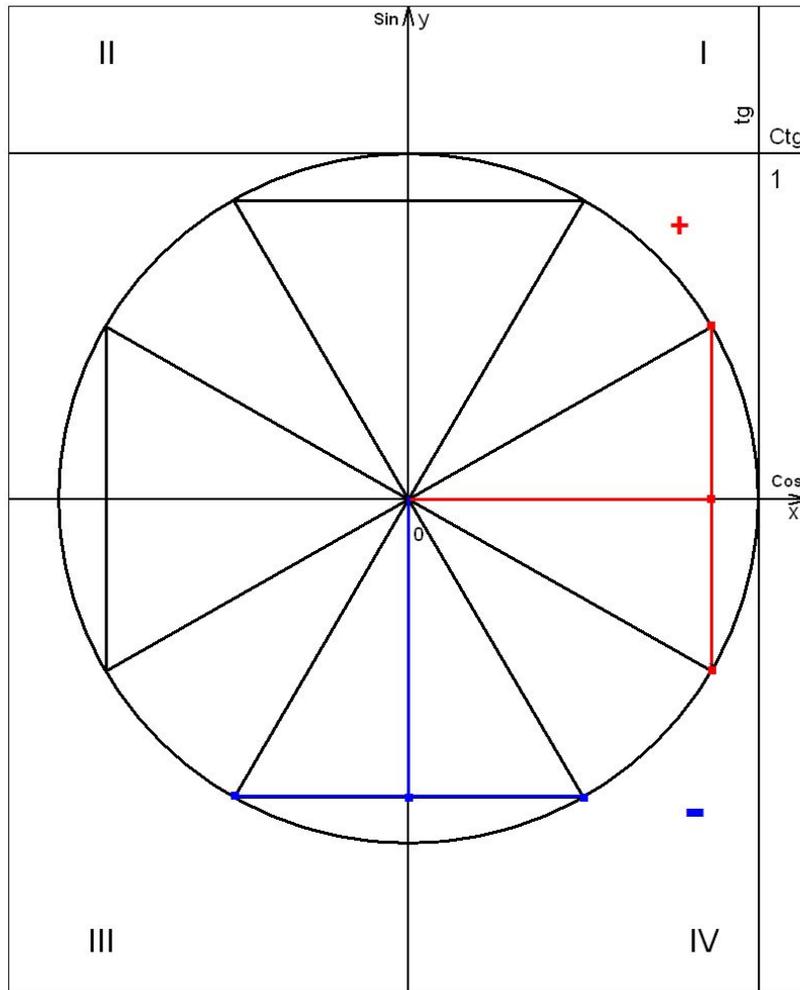
$$\operatorname{ctg}(-\alpha)$$



# Формулы приведения



# Решение простейших уравнений

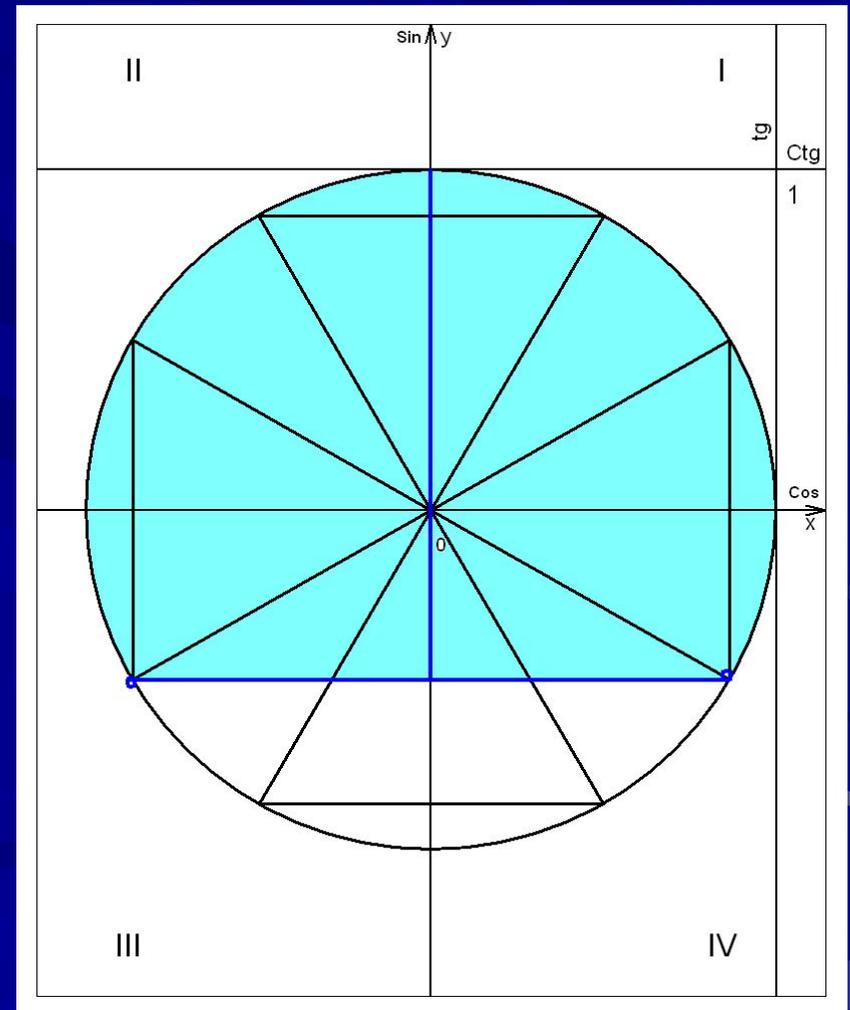
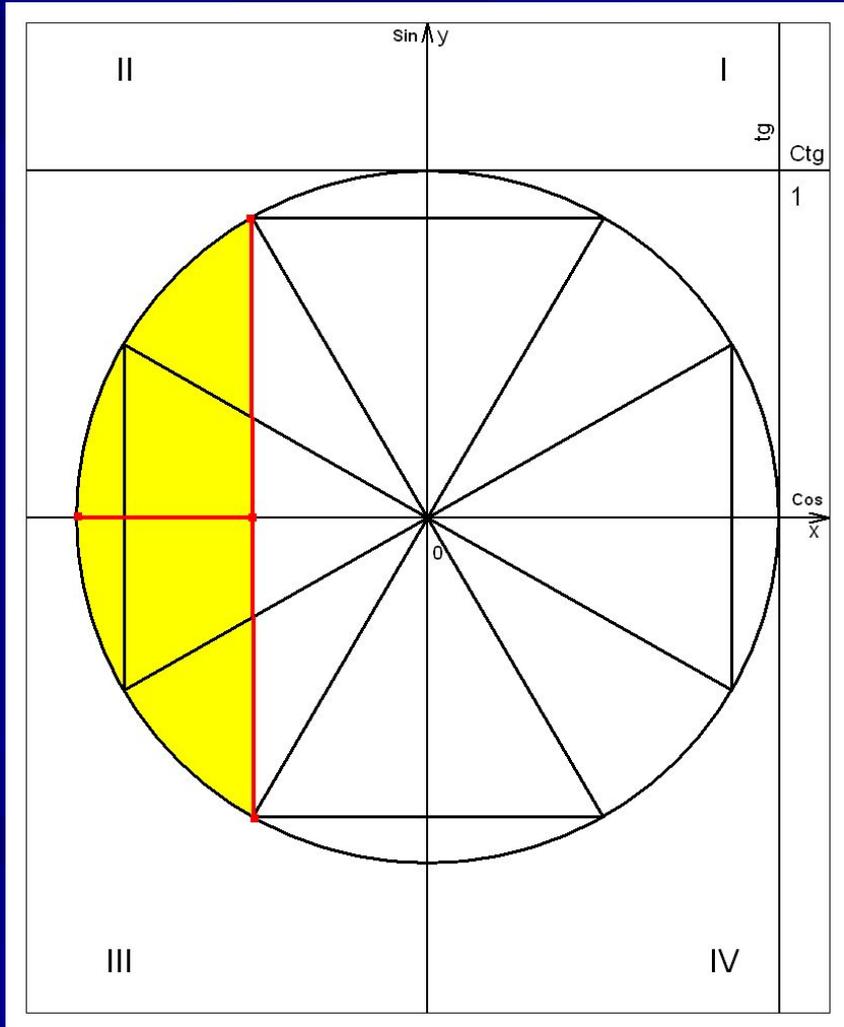


$$\cos t = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

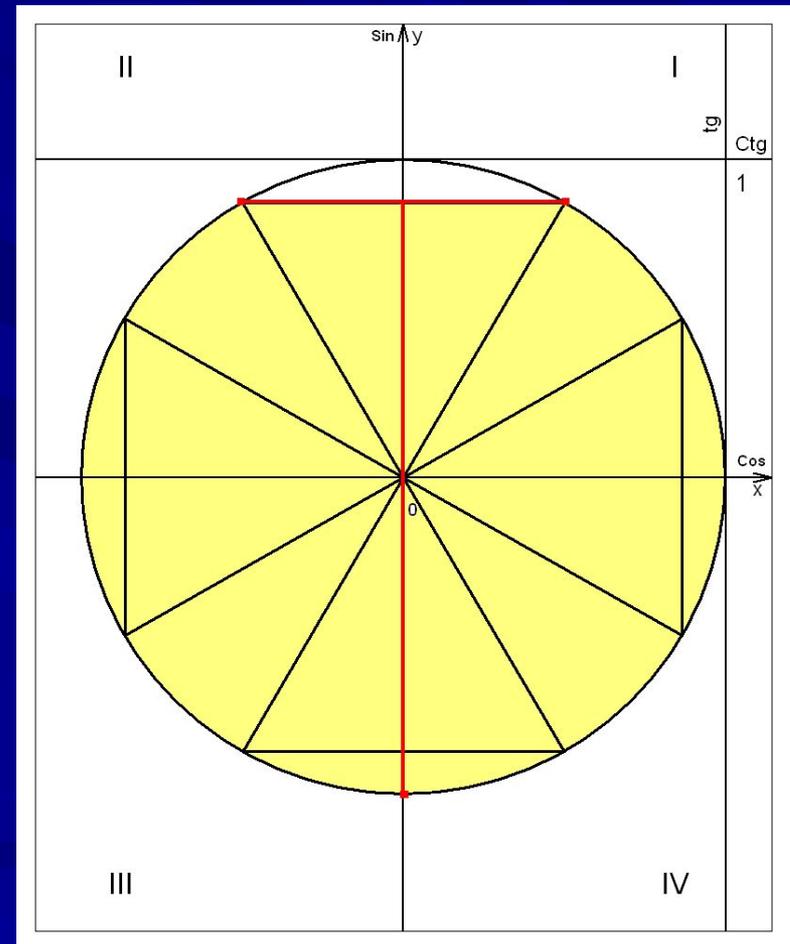
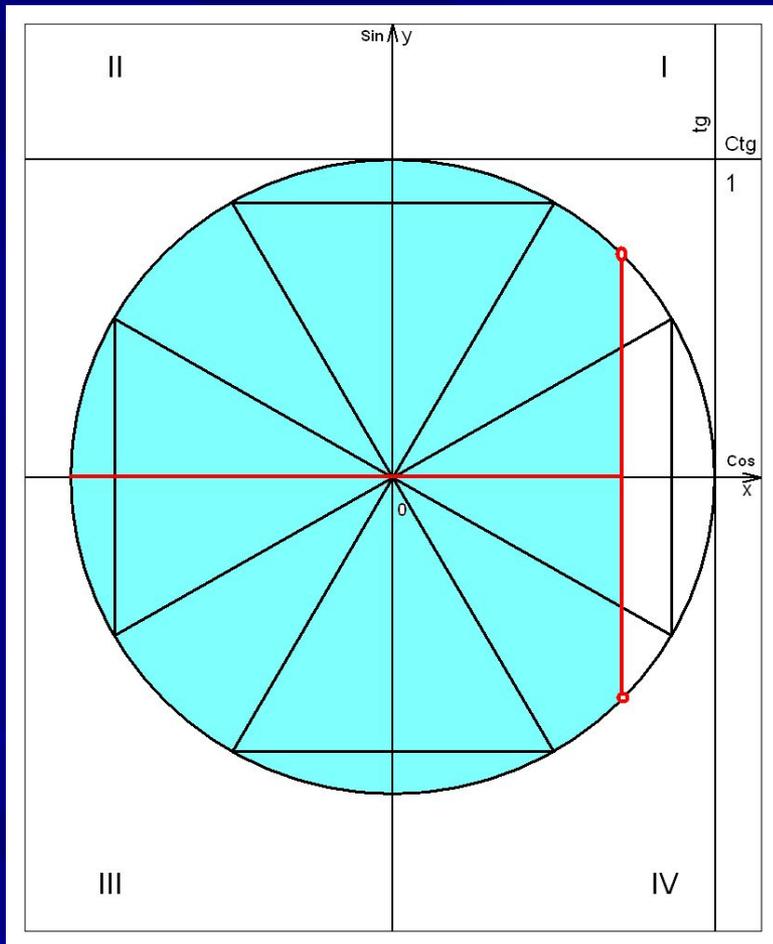
$$\sin t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$



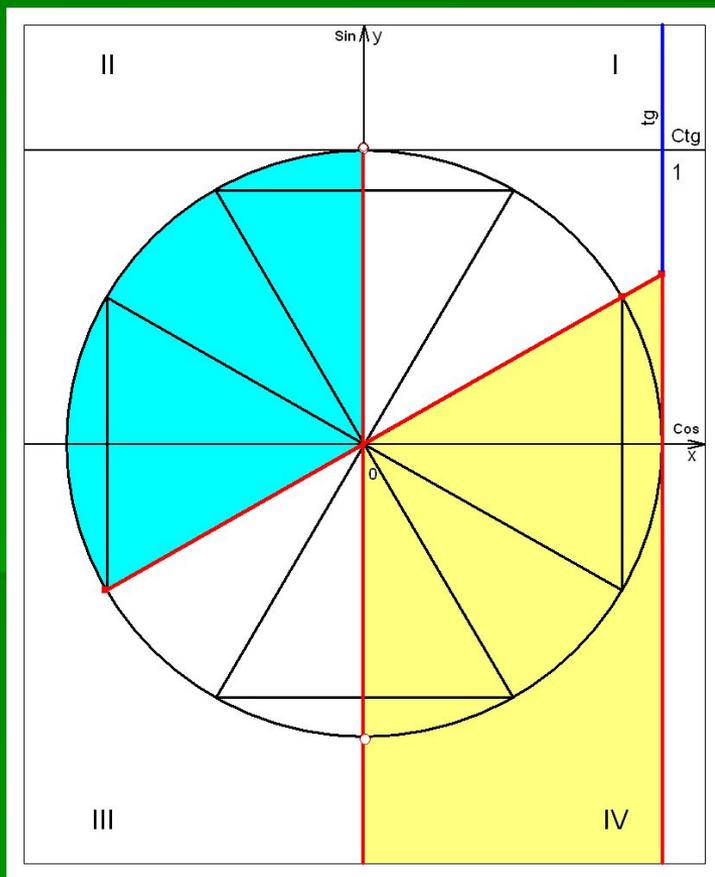
# Решение неравенств



# Решение неравенств

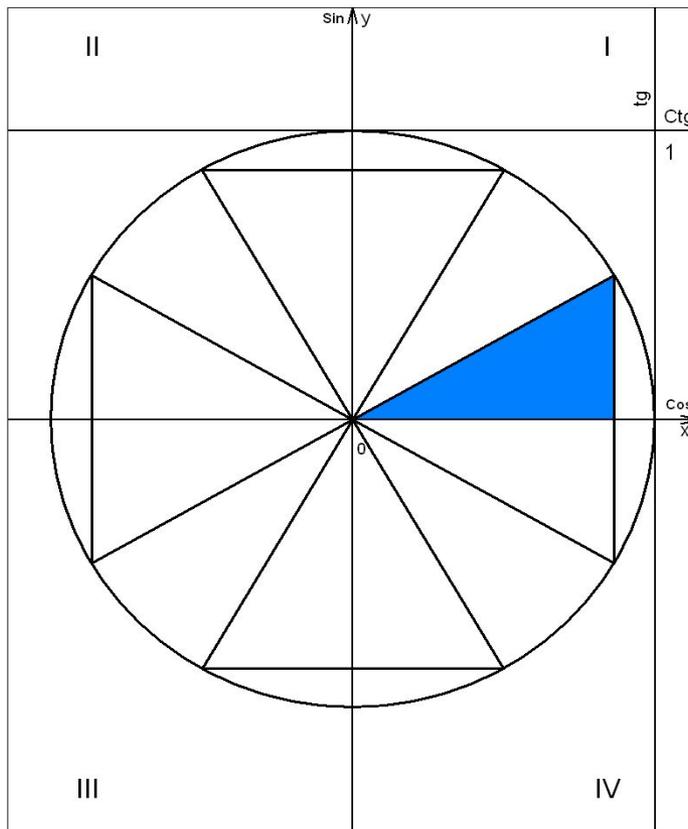


# Решение неравенств



$$\operatorname{tg} t \leq \frac{1}{\sqrt{3}}$$

# Основные формулы тригонометрии

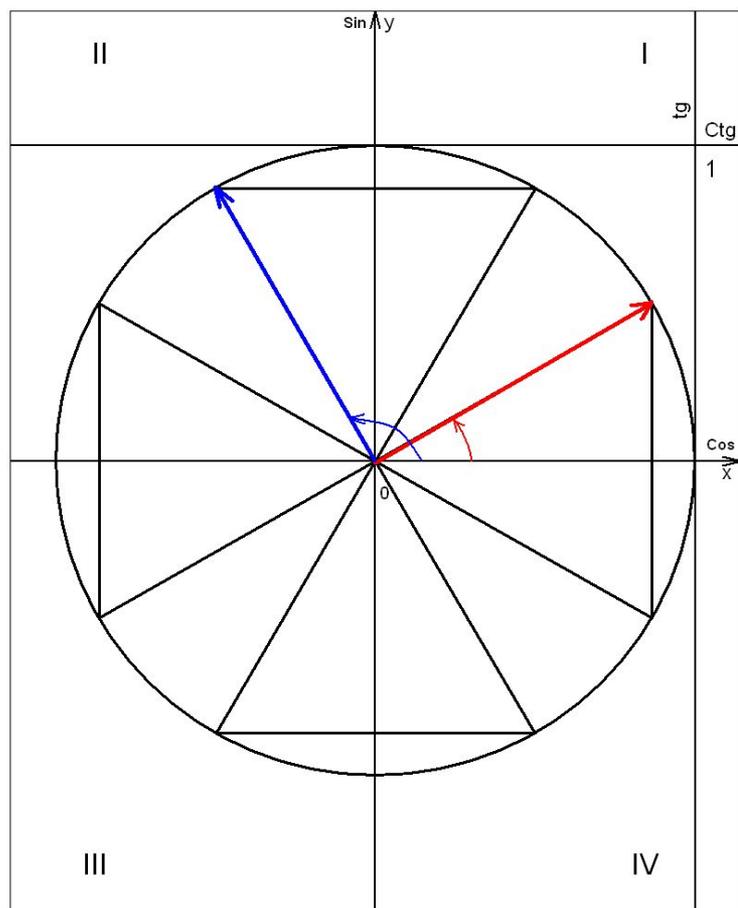


$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

# Формулы тригонометрии



$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos(\alpha - (-\beta))$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \cos\left(\frac{\pi}{2} - (\alpha + \beta)\right)$$

# Учащиеся легко смогут восстановить в памяти весь материал:

- определения синуса, косинуса, тангенса и котангенса угла;
- радианное измерение углов;
- значения тригонометрических функций для некоторых значений числового и углового аргумента;
- свойства тригонометрических функций
- формулы приведения;
- значения обратных тригонометрических функций;
- решение простейших тригонометрических уравнений;
- решение простейших неравенств;
- основные формулы тригонометрии.

# Выводы:

## **Изучение тригонометрии на тригонометрическом круге способствует:**

- выбору оптимального для данного урока стиль общения, организации учебного сотрудничества;
- целевые ориентиры урока становятся личносно значимыми для каждого ученика;
- новой материал опирается на личный опыт действия, мышления, ощущения учащегося;
- урок включает в себя различные формы работы и способы получения и усвоения знаний; присутствуют элементы взаимо- и самообучения; само- и взаимоконтроля;
- имеет место быстрое реагирование на непонимание и ошибку (совместное обсуждение, опоры-подсказки, взаимоконсультации).