

АКТИВНОЕ, ЕМКОСТНОЕ И ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЯ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

11 класс

НАГРУЗКА В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

РЕАКТИВНАЯ

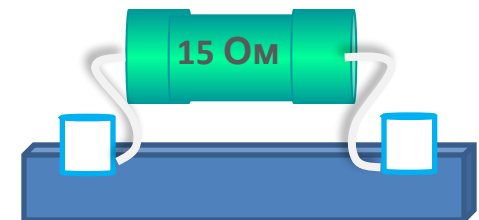
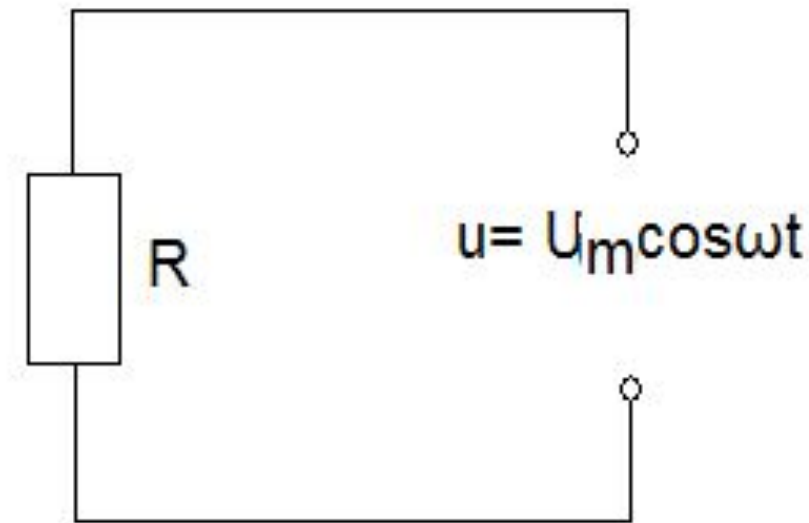
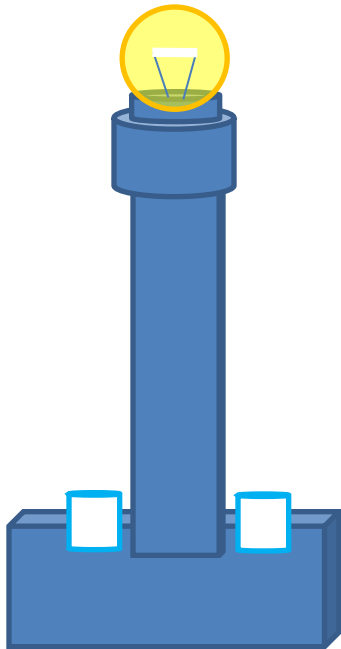
АКТИВНАЯ

Индуктивная

Емкостная

АКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

- Электрические устройства, преобразующие электрическую энергию во внутреннюю, называются активными сопротивлениями.



АКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

- От чего зависит активное сопротивление проводник^а?

$$R = \rho \frac{l}{S}$$

АКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

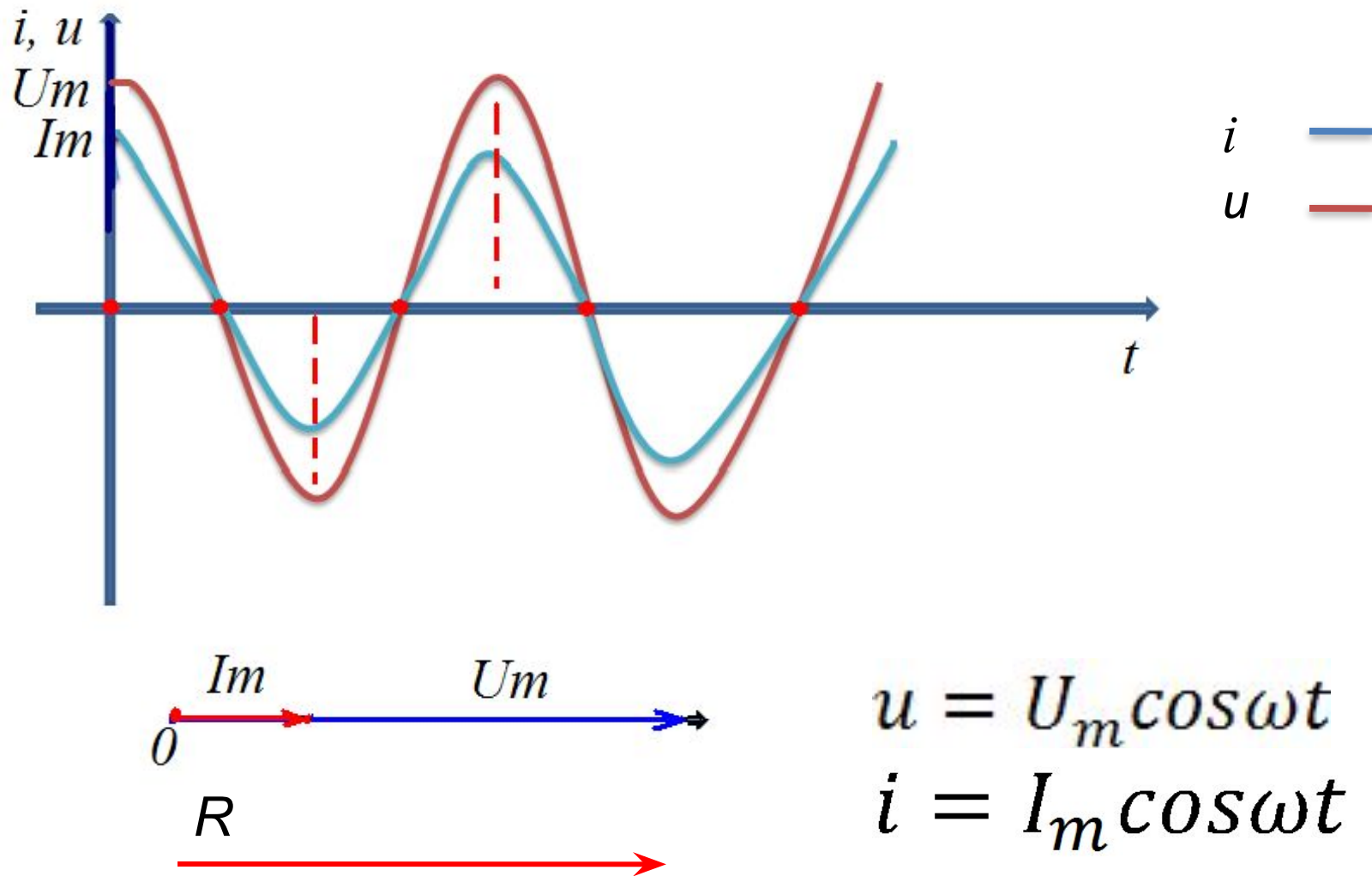
- Рассмотрим сначала цепь, состоящую из одного лишь сопротивления, подключённого к синусоидальной ЭДС $\varepsilon_0 \sin \omega \cdot t$
- Из второго правила Кирхгофа для такой цепи

$$U_R = \varepsilon \Rightarrow I \cdot R = \varepsilon_0 \sin \omega \cdot t \Rightarrow I = \frac{\varepsilon_0}{R} \sin \omega \cdot t$$

можно сделать следующие три вывода:

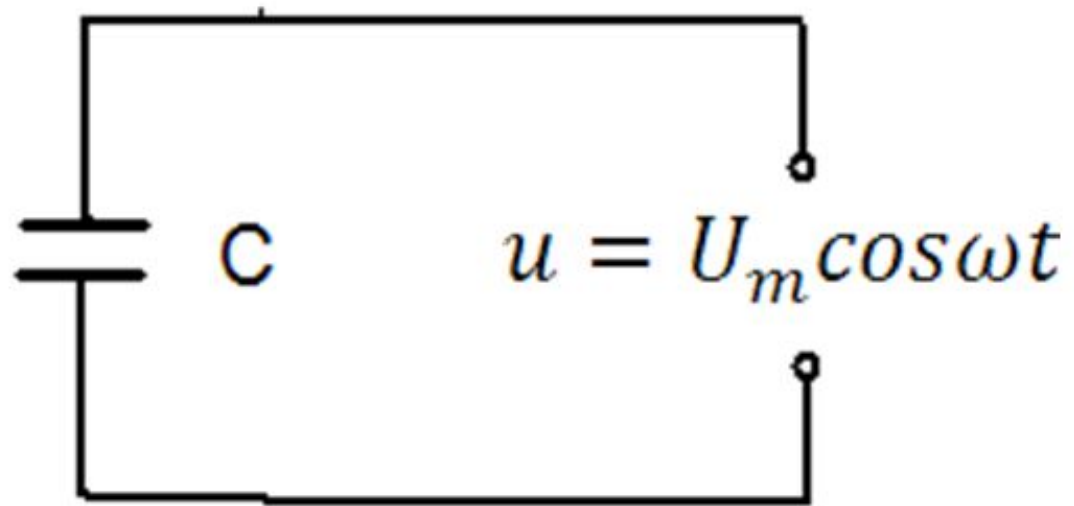
- 1) ток через сопротивление совершает гармонические колебания в одной фазе с напряжением;
- 2) максимальная сила тока (достигается при значении синуса, равном единице) $I_0 = \varepsilon_0 / R$
- 3) связь амплитуд силы тока и напряжения на сопротивлении формально совпадает с законом Ома для участка цепи с постоянным током.

АКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

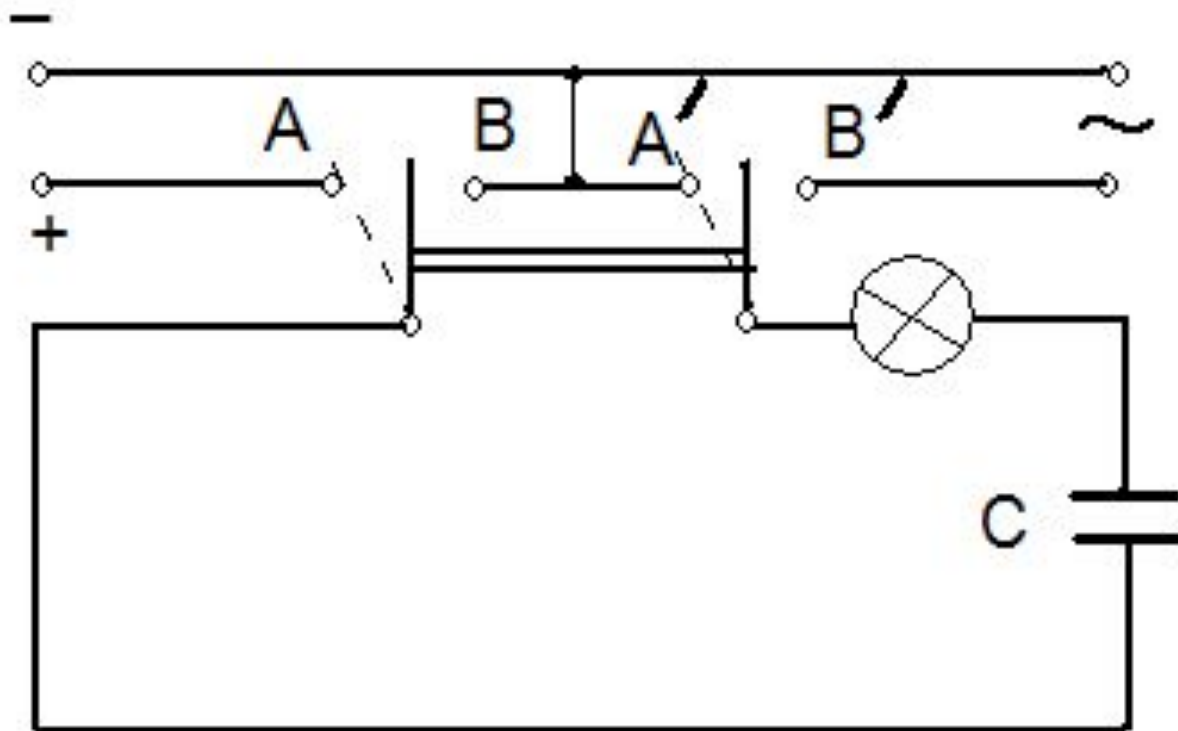


ЕМКОСТНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

- Емкостное сопротивление - величина, характеризующая сопротивление, оказываемое переменному току электрической емкостью



ЕМКОСТНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



ЕМКОСТНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

Рассмотрим цепь, состоящую из одной лишь ёмкости, подключенной к синусоидальной ЭДС. Второе правило Кирхгофа для так

$$U_C = \varepsilon \Rightarrow q/C = \varepsilon_0 \sin \omega \cdot t \Rightarrow q = C\varepsilon_0 \sin \omega \cdot t .$$

Тогда сила ток $I = \dot{q} = C\varepsilon_0 \omega \cos \omega \cdot t = \varepsilon_0 \omega \cdot C \sin (\omega \cdot t + \pi/2)$.

$$X_C = 1/(\omega \cdot C)$$

Величина **называется ёмкостным**
сопротивлением.

Можно сделать $\pi/2$ едущие

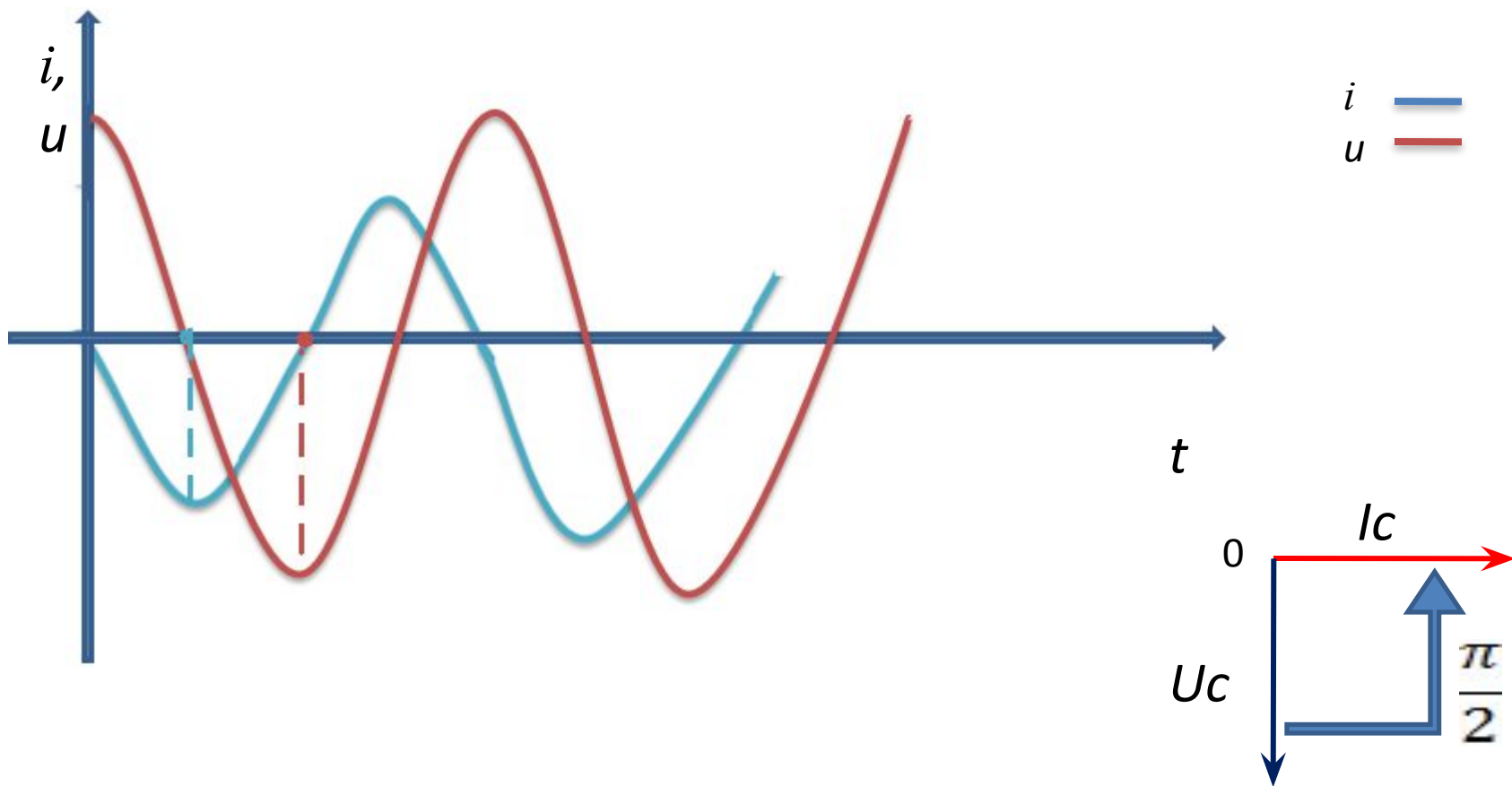
- 1) ток в цепи совершает гар $I_0 = \varepsilon_0 \omega \cdot C = \varepsilon_0 / X_C$ ия, опережая по фазе напряжение на ;
- 2) максимальная сила тока ;
- 3) связь амплитуд силы тока и напряжения на конденсаторе формально совпадает с законом Ома для участка цепи в случае постоянных токов.

ЕМКОСТНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

Почему конденсатор оказывает конечное сопротивление переменному току? Ведь между обкладками конденсатора – диэлектрик, а значит, цепь разомкнута, и её сопротивление должно быть очень большим. Этот факт имеет простое объяснение.

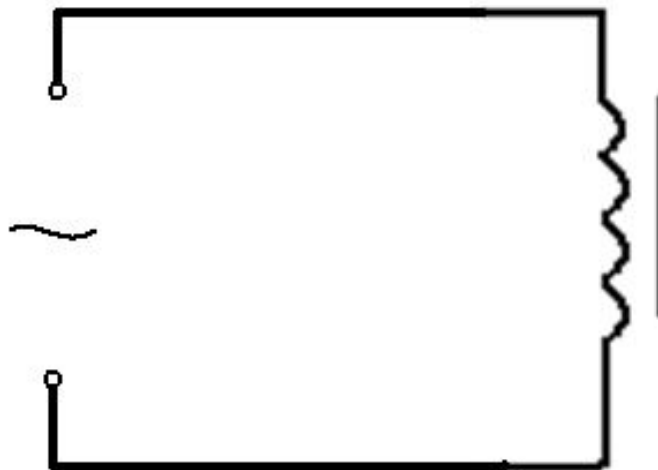
Переменный электрический ток не проходит сквозь конденсатор, а представляет собой периодически повторяющийся процесс зарядки и разрядки конденсатора.

ЕМКОСТНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

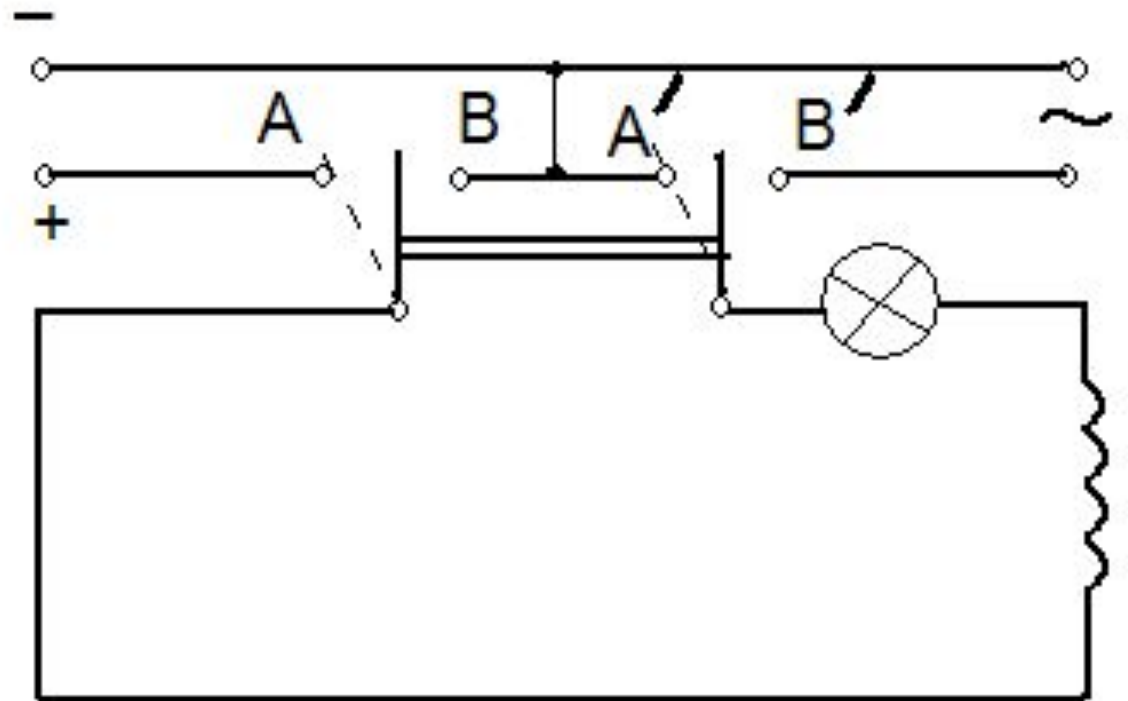


ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

Индуктивное сопротивление- величина, характеризующее сопротивление, оказываемое переменному току индуктивностью цепи



ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

Рассмотрим цепь, состоящую из одной лишь катушки индуктивности, присоединённой к синусоидальной ЭДС. Второе правило Кирхгофа

для такой цепи $U_L = \varepsilon \Rightarrow L \cdot \dot{I} = \varepsilon_0 \sin \omega \cdot t \Rightarrow \dot{I} = \frac{\varepsilon_0}{L} \sin \omega \cdot t.$

Интегрируя, получаем: $I = -\frac{\varepsilon_0}{\omega \cdot L} \cos \omega \cdot t \Rightarrow I = \frac{\varepsilon_0}{\omega \cdot L} \sin \left(\omega \cdot t - \frac{\pi}{2} \right).$

Величина $X_L = \omega \cdot L$ называется индуктивным сопротивлением.

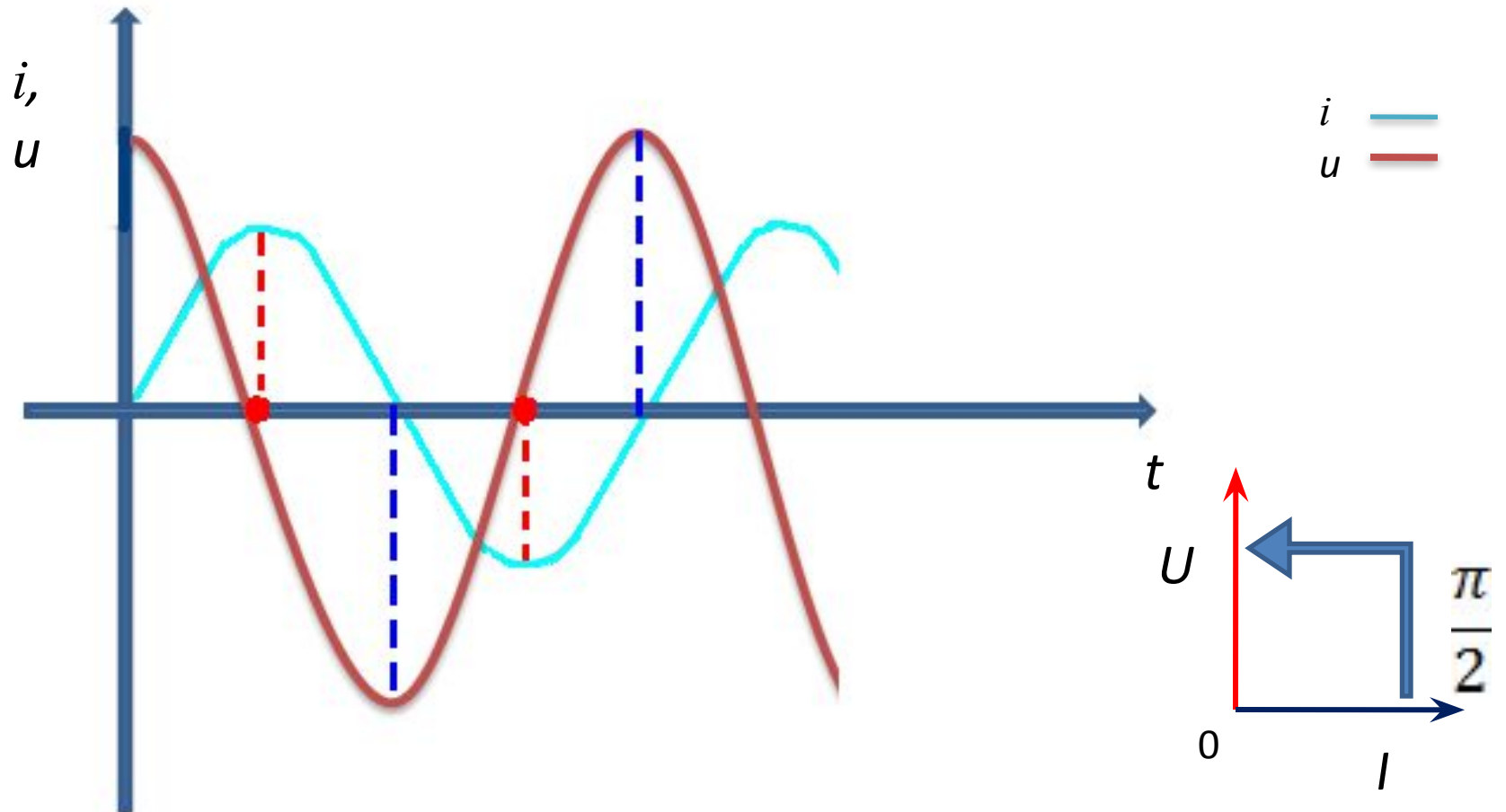
Можно сделать следующие три вывода:

1) ток через индуктивность совершает гармонические колебания и отстаёт от напряжения по фазе на $\pi/2$

2) максимальная сила тока $I_0 = \frac{\varepsilon_0}{\omega \cdot L} = \frac{\varepsilon_0}{X_L}$;

3) связь амплитуд силы тока и напряжения на индуктивности формально совпадает с законом Ома для участка цепи в случае постоянных токов.

ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

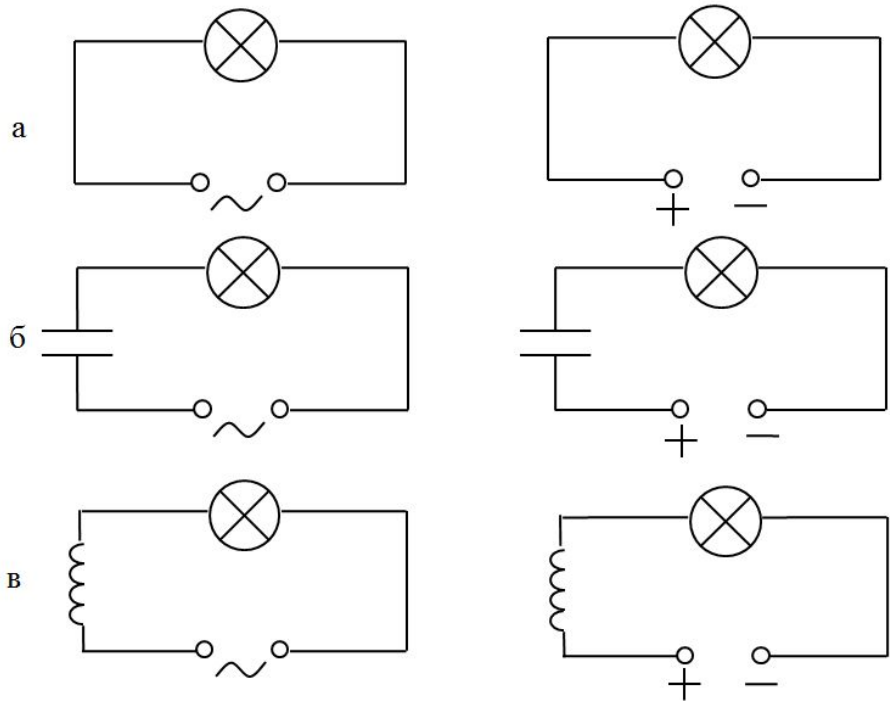
$$i = I_m \sin \omega t = I_m \cos \left(\omega t - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$u = U_m \cos \omega t \quad U_m = L \omega I_m$$

$$X_L = \frac{L \omega I_m}{I_m}$$

$$X_L = L \omega$$

Сравнить накал лампочек, подключённых к синусоидальному и постоянному напряжениям. Накал лампочек для рисунка (а) одинаков.



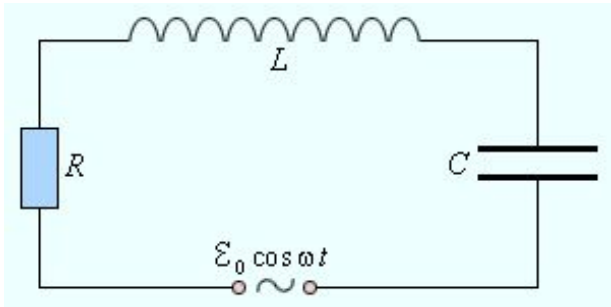
Одинаковый накал лампочек на рис (а) означает, что напряжения источника постоянного тока равно эффективному напряжению источника переменного тока

Если в обе цепи включить конденсатор достаточно большой ёмкости (б), то лампочка в цепи источника переменного тока будет по-прежнему гореть ярко, поскольку ёмкостное сопротивление переменному току обратно пропорционально ёмкости и, следовательно, будет мало. В цепи постоянного тока накал отсутствует, поскольку между обкладками конденсатора – диэлектрик, и цепь разомкнута.

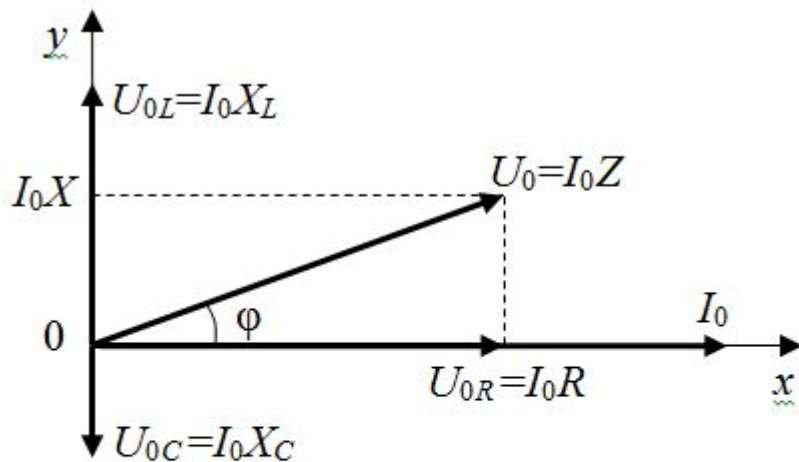
анализируя формулу $X_C \rightarrow \infty$.
Постоянный ток означает, что циклическая частота $\omega \rightarrow 0$ и значит,

Если в обе цепи включить катушку достаточно большой индуктивности, то ток в цепи источника переменного тока будет мал из-за большого индуктивного сопротивления, лампочка погаснет, а в цепи источника постоянного тока лампочка по-прежнему будет гореть ярко, поскольку индуктивное сопротивление постоянному току равно нулю. Действительно, в случае постоянного тока $X_L = \omega \cdot L \rightarrow 0$ и индуктивное сопротивление

Метод векторных диаграмм



$$\vec{U}_0 = \vec{U}_{0R} + \vec{U}_{0L} + \vec{U}_{0C}$$

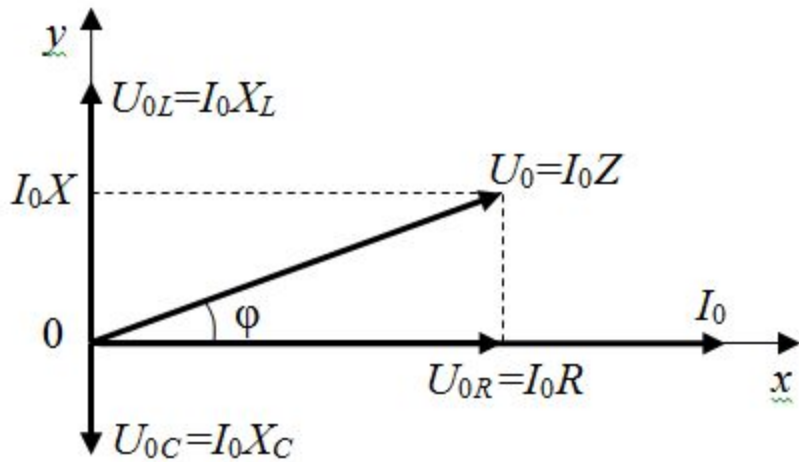


Векторная диаграмма сложения напряжений при последовательном соединении элементов L , C и R

1) Вектор \vec{U}_{0R} направлен вдоль оси Ox так как напряжение на активном сопротивлении колеблется в одной фазе с током.

2) напряжение на индуктивности опережает ток по фазе на $\pi/2$, вектор \vec{U}_{0L} повернут относительно оси Ox на угол $\pi/2$ против часовой стрелки, т.е. направлен вдоль положительного направления оси Oy .

3) напряжение на ёмкости отстает от тока по фазе на $\pi/2$, вектор \vec{U}_{0C} повернут относительно оси Ox на угол $\pi/2$ по часовой стрелке, т.е. направлен вдоль отрицательного направления оси



$$U_{0R} = I_0 R, \quad U_{0L} = I_0 X_L = I_0 \omega L, \\ U_{0C} = I_0 X_C = I_0 / (\omega \cdot C).$$

Сначала удобно сложить противоположно направленные вектора \vec{U}_L и \vec{U}_C . Их сумма равна вектору, направленному вдоль оси Oy и по величине равному

$$I_0 (X_L - X_C) = I_0 X$$

, $X = X_L - X_C$ где X – реактивное сопротивление цепи. Далее по теореме Пифагора находим величину результирующего вектора

$$U_0 = \sqrt{(I_0 X)^2 + (I_0 R)^2} = I_0 \sqrt{X^2 + R^2} = I_0 Z \Rightarrow \\ \Rightarrow I_0 = \frac{U_0}{Z} = \frac{U_0}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}.$$

Величина $Z = \sqrt{R^2 + X^2}$

называется **полным сопротивлением** цепи.

закон Ома для переменного тока

$$I_0 = \varepsilon_0 / Z$$

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$

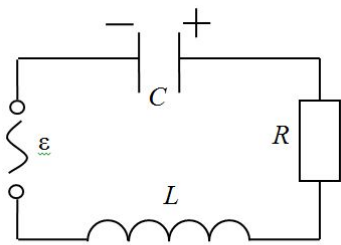


Рис. LCR – контур
под действием внешней
синусоидальной ЭДС

Пример Рассчитать допустимую амплитуду напряжения генератора в электрической цепи на рис, если пробой конденсатора наступает при напряжении $U=500$ В. Параметры схемы: $C=10$ мкФ, $L=1$ Гн, $R=3$ Ом, частота генератора 50 Гц.

Решение. Циклическая частота генератора $\omega = 2\pi\nu$, индуктивное и ёмкостное сопротивления:

$$X_L = \omega L = 2\pi\nu L = 314 \text{ (Ом)}, \quad X_C = \frac{1}{\omega \cdot C} = \frac{1}{2\pi\nu \cdot C} = 318 \text{ (Ом)}.$$

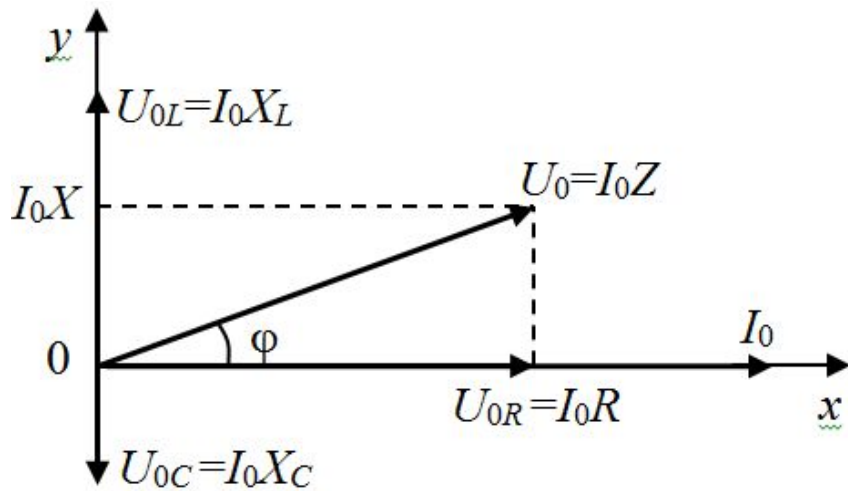
Полное сопротивление цепи

$$Z = \sqrt{(X_L - X_C)^2 + R^2} = 5 \text{ (Ом)}.$$

Для того, чтобы не было пробоя конденсатора, амплитуда напряжения на нём не должно превышать значение U : $U_{0C} \leq U$. Амплитуда напряжения на конденсаторе $U_{0C} = I_0 X_C$. По закону Ома амплитуда тока в цепи $I_0 = U_0 / Z$. Таким образом

$$U_{0C} = \frac{U_0}{Z} \cdot X_C \Rightarrow \frac{U_0}{Z} \cdot X_C \leq U \Rightarrow U_0 \leq U \cdot \frac{Z}{X_C}, \quad U_0 \leq 500 \cdot \frac{5}{318} = 7,9 \text{ (В)}.$$

Сдвиг фаз между током в цепи и суммарным напряжением на концах цепи



- Сдвиг фаз равен углу между векторами \vec{I}_0 и \vec{U}_0 . Из прямоугольного треугольника

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{I_0 X}{I_0 R} = \frac{X}{R} = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}$$