

СТЕПЕНЬ С НАТУРАЛЬНЫМ ПОКАЗАТЕЛЕМ

«Пусть кто-нибудь попробует вычеркнуть из математики степени, и он увидит, что без них далеко не уедешь»

М.В.Ломоносов



Heau ypoca:

- Систематизировать и обобщить знания о степени с натуральным показателем и её свойствах.
- Закрепить и усовершенствовать навыки преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем.
- Углубить полученные знания и умения.
- Развивать логическое мышление, математическую речь.

Я слышу - я забываю, я вижу - я запоминаю, я делаю - я понимаю.

Китайская мудрость



Определение степени с натуральным показателем



Степень с натуральным показателем



Определение степени с нулевым показателем

Степень числа а, не равного нулю, с нулевым показателе м равна

 $a^0 = 1$

Вычислите

$$5^2:(-2) = -12,5$$

$$6^2-(5^2+1)$$

$$45 - 3 \cdot 2^{3} = 21$$

$$(5^{3} - 5^{2}): 20 = 5$$

$$(-3)^4 - 5 \cdot 2^3 = 41$$

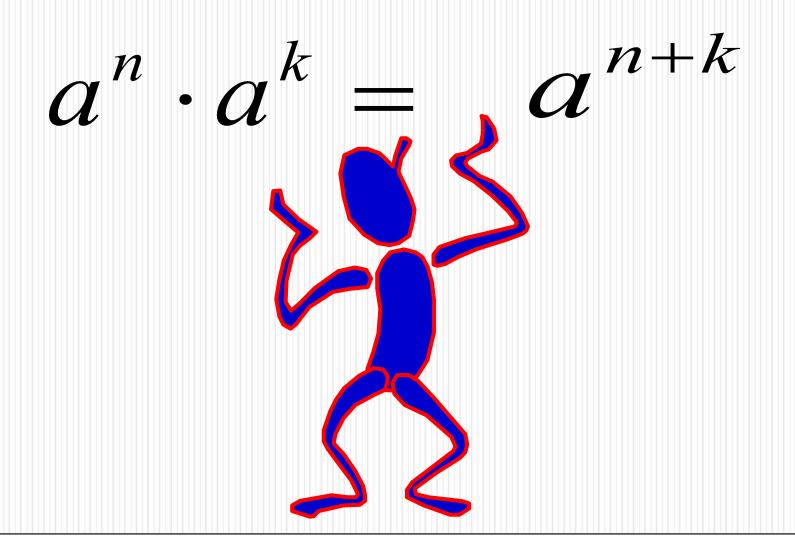
 $2 \cdot 3^3 - 2^6 + 4^2 = 6$

TECT

- Степень положительного числа есть число ...
- Степень отрицательного числа с нечётным показателем есть число ...
- Степень отрицательного числа с чётным показателем есть число ...

Сравните с нулём значение выражения.

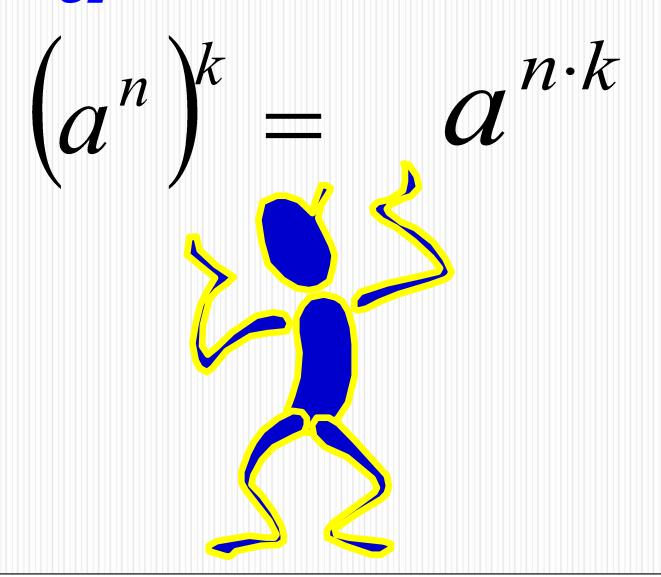
$$(-3)^4 + (-81)$$
 $(-6)^2 - 12$ $4^2 \cdot (-1)^5$ отрица толожи тельное число Ну ль $(-5)^7$ $(-10)^6$



$$a^n : a^k = a^{n-k}$$

$$a \neq 0$$

$$n > k$$



$$(a \cdot b \cdot c)^n = a^n \cdot b^n \cdot c^n$$

Умножение степеней с одинаковыми основаниями



$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

При умножении степеней с одинаковыми основаниями основание оставляют

MANUALIANA

Деление степеней с одинаковыми основаниями



$$a^m \div a^n = a^{m-n}$$

При делении степеней с одинаковыми основаниями основание оставляют прежним, а из

Возведение в степень произведения



$$(ab)^n = a^n b^n$$

При возведении в степень произведения возводят в эту степень каждый множитель и р<u>езультаты</u>

Возведение в степень степени



$$(a^m)^n = a^{mn}$$

При возведении степени в степень основание оставляют прежним, а показатели

Представьте в виде степени выражения

 $a^{10} \cdot a^{15}$;

 $a^2 \cdot a^3$;

$$a^{2} \cdot a^{3};$$
 $a^{10} \cdot a^{15};$ $a^{6} \cdot a^{4};$ $a^{12} \cdot a^{5}.$
 $a^{6} : a^{4};$ $a^{10} : a^{3};$ $a^{6} : a^{0};$ $a^{11} : a.$
 $(a^{2})^{2};$ $(a^{3})^{3};$ $(a^{4})^{5};$ $(a^{0})^{2}.$
 $(2a^{2})^{2};$ $(-2a^{3})^{3};$ $(3a^{4})^{2};$ $(-2a^{2}b)^{4}$

 $a^{12} \cdot a^5$.

Ответы

| a^5 | a^{25} | a^{10} | a^{17} |
|--------|----------|-----------------|------------|
| a^2 | a^7 | a^6 | a^{10} |
| a^4 | a^9 | a^{20} | 1 |
| $4a^4$ | $-8a^9$ | 9a ⁸ | $16a^8e^4$ |

Найдите ошибки

$$5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 = 4^{5}$$
 5^{4} $2^{3} \cdot 2^{7} = 4^{10}$ 2^{10} $7^{1} = 1$ 7 $2^{30} : 2^{10} = 2^{3}$ 2^{20} $4^{0} = 4$ 1 $(2x)^{3} = 2x^{3}$ $8x^{3}$

 $2^{3} \cdot 2^{7} = 2^{21} \left(2^{10} \right) \left(a^{3} \right)^{2} = a^{5} \left(a^{6} \right)$

Подумайте, чем можн заменить *?



$$x^5 \cdot * = x^{17} \mid n$$

$$n^{15} : * = n^5$$

$$a^{17} \cdot * = a^{17}$$

$$a^{25} \cdot * = m^{10}$$

$$*: k^{44} = k^{11}$$

$$b^{2} \cdot * \cdot b^{8} = b^{24}$$

$$\frac{d^{49}}{d} = d^{19}$$

$$m^{25} : * = m^{10}$$

$$\frac{*}{c^{30}} = c^{15}$$

$$\frac{t^{20}}{*} = t^{10}$$

$$\frac{d^{49}}{*} = d^{19}$$

$$c^{30}$$

$$2^{12} \cdot * \cdot 2 = 2^{17}$$

$$7^{12} \cdot * = 7^{19}$$

$$(a^3)^* = a^{12}$$

$$5^{12} \cdot * \cdot 5^{3} = 5^{19}$$
$$(b^{*})^{4} = b^{16}$$

$$\left(c^{136}\right)^* = 1$$

Ответы



| x^{12} | n ¹⁰ | a^0 | |
|------------------------|------------------------|-----------------------|--|
| k ⁵⁵ | b ¹⁴ | m ¹⁵ | |
| <i>t</i> ¹⁰ | d ³⁰ | c^{45} | |
| 77 | 5 ⁴ | 2 ⁴ | |
| 4 | 4 | 0 | |
| | | | |