НАШ ПРИНЦИП – КАЧЕСТВО!

МАТЕМАТИКА

ООО "РЕЗОЛЬВЕНТА"

МОСКВА, 2009

Степень с рациональным показателем

Действия со степенями

ООО "РЕЗОЛЬВЕНТА"

МОСКВА, 2009

Корень *n* – й степени

Любое решение уравнения

$$x^n = b, \ n = 2, 3, \ldots$$

называется корнем *n* – й степени из числа *b*.

Арифметический корень *n* – й степени

Неотрицательное решение уравнения

$$x^n = b,$$

$$b \geq 0,\ \ n = 2, 3, \ldots$$

называется арифметическим корнем *n* – й степени из числа *b*.

Обозначение арифметического корня

При $n = 2$ арифметический корень из числа b обозначается

$$\sqrt{b}$$

При $n = 3, 4, \ldots$ арифметический корень из числа b обозначается

$$\sqrt[n]{b}$$

Пример 1.

Какое из равенств неверно:

$$\sqrt{4} = 2, \ \sqrt{4} = -2 \ ?$$

Решение.

$$\sqrt{4} > 0 \Rightarrow \sqrt{4} \neq -2.$$

Пример 2.

Решить уравнение: $x^3 = -27.$

Решение.

$$x = -\sqrt[3]{27} = -3.$$

Степень с рациональным показателем

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}, \; a > 0$$

$$a^0 = 1, \; a > 0$$

$$a^{-r} = \frac{1}{a^r}, \; a > 0$$

Степень с рациональным показателем (продолжение 1)

$$a^r \cdot a^s = a^{r+s}, a > 0$$

$$\frac{a^r}{a^s} = a^{r-s}, a > 0$$

$$\left(a^r\right)^s = a^{r \cdot s}, a > 0$$

Степень с рациональным показателем (продолжение 2)

$$a^r \cdot b^r = (ab)^r,$$

$$xa^r + ya^r = (x+y)a^r,$$

$$1^r = 1.$$

Запрещенные операции

$$(-2)^{1/4},$$

$$0^{-3},$$

$$\sqrt[4]{-10000}.$$

Модуль (абсолютная величина) числа

$$|5| = 5, \qquad |-5| = 5,$$

$$|a| = \begin{cases} a, a \geq 0, \\ -a, a < 0, \end{cases}$$

$$\sqrt{a^2} = |a|, \quad \sqrt[4]{a^{20}} = |a|^5$$

Сравнение степеней с одним основанием

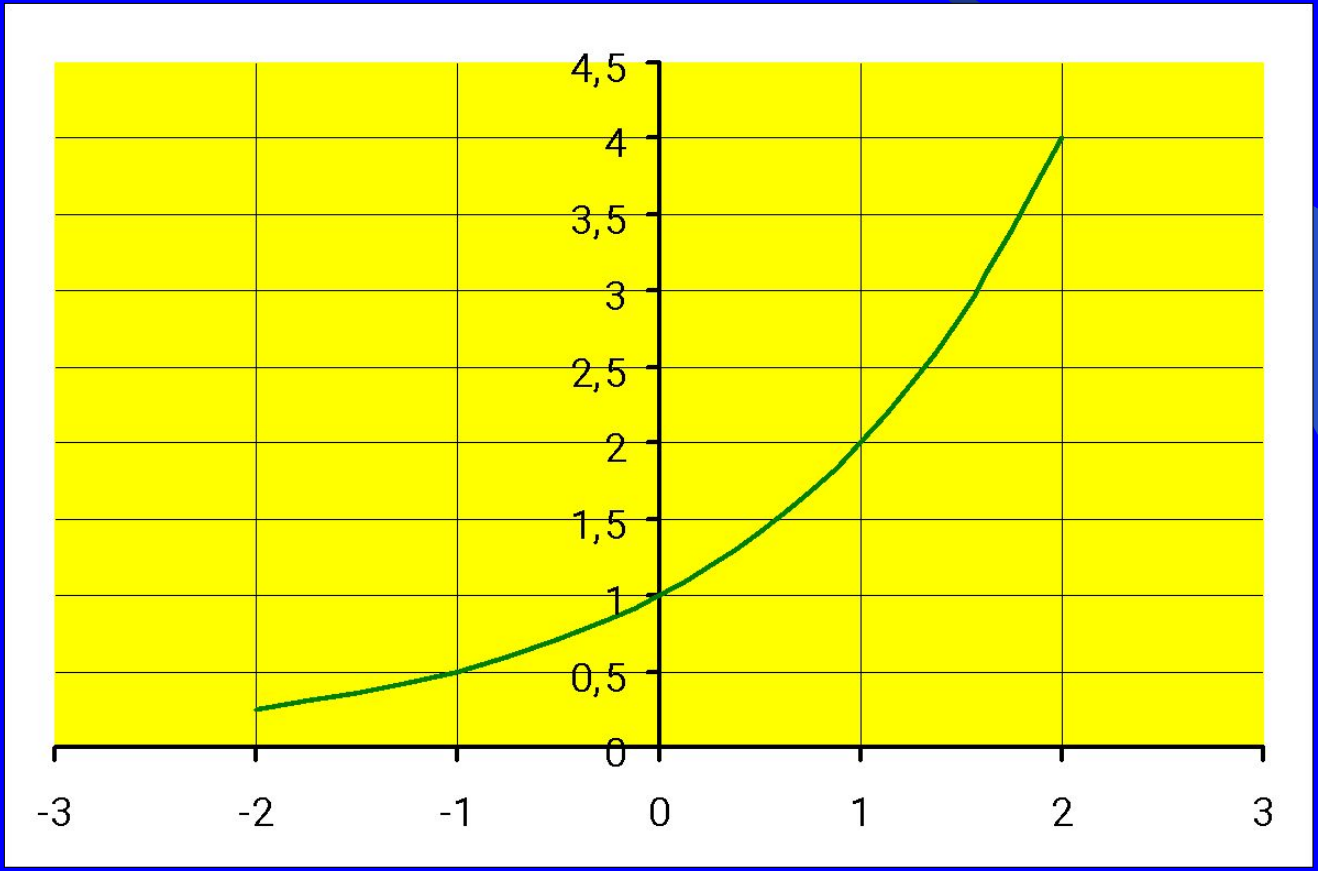
$$a > 1$$

$$a^x < a^y \Leftrightarrow x < y$$

$$0 < a < 1$$

$$a^x < a^y \Leftrightarrow x > y$$

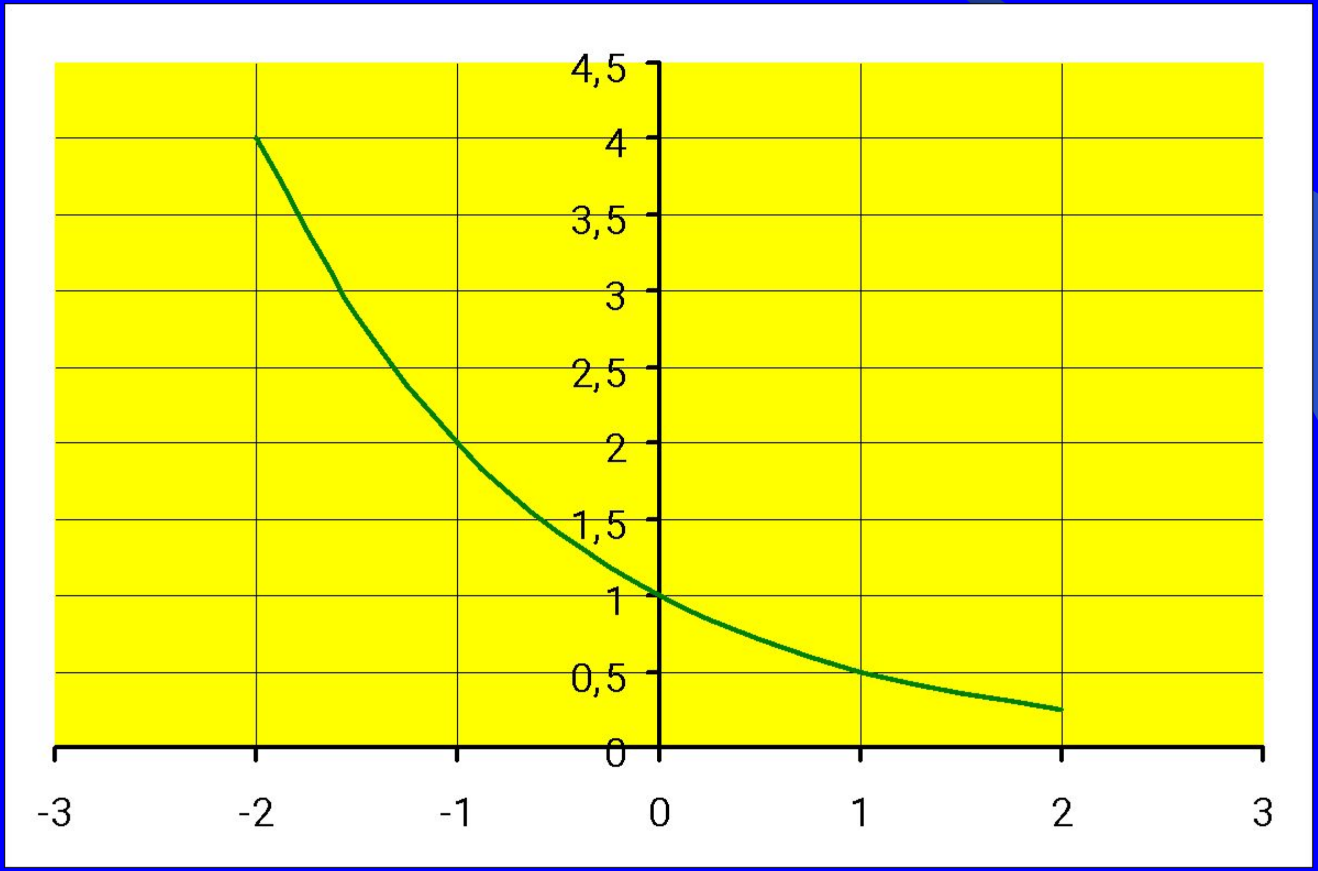
График функции $y = 2^x$



ООО "РЕЗОЛЬВЕНТА"

МОСКВА, 2009

График функции $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$



БЛАГОДАРИМ ЗА ВНИМАНИЕ!