

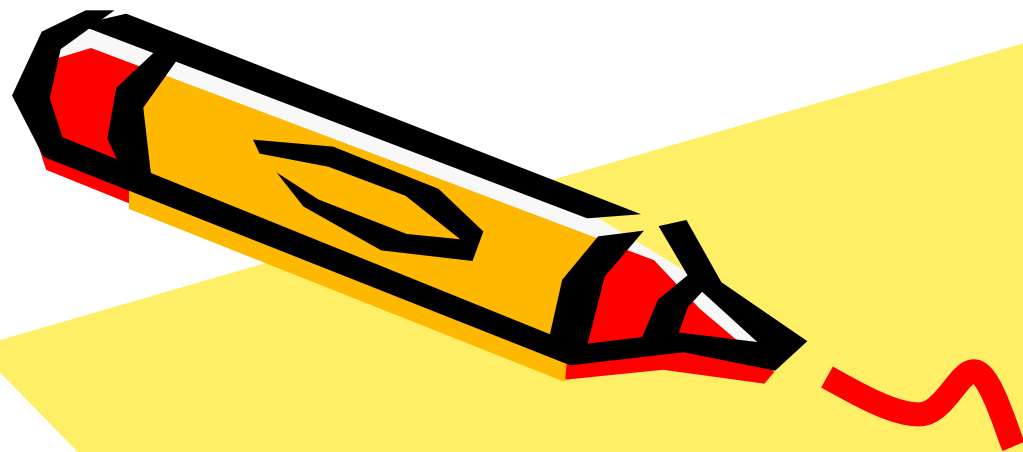


Қазіргі заманда жастарға
ақпараттық технологиямен
байланысты әлемдік
стандартқа сай мүдделі
жаңа білім беру өте қажет
Н.Ә. Назарбаев

Дүниенің сәнін екі нәрсе келтіреді:
Бірі - математикамен шұғылдану,
екіншісі - одан сабақ беру

С.Д. Пуассон





Матрицалар және оларға амалдар қолдану

Панорамалық сабақ



• Матрица

• Тікбұрышты

• Квадратты

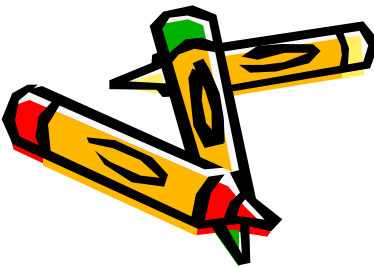
• нөлдік

• Бірлік

• Диагональды

• Үшбұрышты

• Тік (жатық) жолды



$m \times n$ ретті матрица деп- m -жатық,
 n -тік жолдардан анықталған тік бұрышты
таблицаны айтады.

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{mn} \end{vmatrix}$$

$$A = a_{ij}, \quad i = \overline{1, m}, \quad j = \overline{1, n}$$

a_{ij} -матрицаның элементі
деп аталады.



Егер матрицаның тік жолының саны жатық жолының санына тең болмаса, онда ол матрица тікбұрышты матрица деп аталады.

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} \end{vmatrix}$$



Егер матрицаның жатық жолының саны тік жолының санына тең болса, онда матрица *квадратты матрица* деп аталады.

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$$



Егер матрицаның барлық элементтері 0-ге тең болса, онда ол матрица *нөл матрица* деп аталады

$$A = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 \dots 0 \\ 0 & 0 & 0 \dots 0 \\ \dots \dots \dots \\ 0 \dots \dots \dots 0 \end{vmatrix}$$



Егер диагоналды матрицаның барлық элементтері 1-ге тең болса, онда матрица *бірлік матрица* деп аталады.

$$A = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$



Егер матрицаның негізгі диагоналының элементтерінен өзге элементтері нөлге тең болса, онда матрица *диагоналды матрица* деп аталады.

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & 0 & 0 \\ 0 & a_{22} & 0 \\ 0 & 0 & a_{33} \end{vmatrix}$$



Егер негізгі диагоналдан төмен немесе жоғары орналасқан элементтері 0-ге тең болса, онда квадратты матрица үшбұрышты матрица деп аталады.

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{1n} \\ 0 & a_{22} & a_{2n} \\ 0 & 0 & a_{33} \end{vmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & 0 & 0 \\ a_{21} & a_{22} & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$$



Егер матрица бір жатық (тік) жолдан анықталса, онда матрица *жатық (тік) жолды* матрица деп аталады.

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} \\ a_{21} \\ a_{31} \end{vmatrix} \quad B = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \end{vmatrix}$$





- Матрицаларға амалдар қолдану
 - Алгебралық қосындысы
 - Қасиеті
- Санға көбейту
 - Қасиеті
- Матрицаны матрицаға көбейту
 - Қасиеті



Бірдей ретті $A = a_{ij}, B = b_{ij}$ матрицаларының алгебралық қосындысы деп-сол ретті $C = c_{ij}$ матрицасын айтамыз.

$$C = A + B$$

және оның кез-келген элементтері мына формуладан анықталады:

$$C = a_{ij} + b_{ij} \quad i = \overline{1, m}, \quad j = \overline{1, n}$$

$$C = A + B = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} \pm \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & \dots & b_{1n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ b_{m1} & b_{m2} & \dots & b_{mn} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} + b_{11} & a_{12} + b_{12} & \dots & a_{1n} + b_{1n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} + b_{m1} & a_{m2} + b_{m2} & \dots & a_{mn} + b_{mn} \end{pmatrix}$$



✓ Ауыстырымдылық қасиет: $A+B=B+A$

✓ Терімділік қасиет: $(A+B)+C=A+(B+C)$

✓ $A+0=A$

✓ $A+(-A)=0$



Кез-келген A матрицаны α санына көбейту деп-

$C = \alpha \cdot A$ және $C = A \cdot \alpha$ және оның кез-келген элементтері
мына формуламен анықталады:

$$\tilde{N}_{ij} = \alpha \cdot a_{ij}, \quad i = \overline{1, m}, \quad j = \overline{1, n}$$



- 
- ✓ Сандар көбейткіштеріне терімділік қасиет:

$$(\alpha \bullet \beta) \bullet A = \alpha \bullet (\beta \bullet A)$$

- ✓ Матрицалардың қосындыларына терімділік қасиет:

$$\alpha \bullet (A + B) = \alpha \bullet A + \alpha \bullet B$$

- ✓ Сандардың қосындысына үлестірімділік қасиет:

$$(\alpha + \beta) \bullet A = A \bullet \alpha + \alpha \bullet \beta$$



Берілген $m \times n$ ретті A матрицасының $n \times k$ ретті

B матрицасына көбейтіндісі деп- $m \times k$ ретті C матрицаны айтамыз.

$$C = A \cdot B$$

$$C_{ij} = \sum_{k=1}^n a_{ik} \cdot b_{kj}.$$

$$i = 1, \bar{m}, \quad j = 1, \bar{n}$$



- ✓ Матрицаны көбейткіштеріне терімділік қасиет:

$$A(BC) = (AB)C$$

- ✓ Матрицалардың қосындыларына үлестірімділік қасиет:

$$(A + B) \bullet C = AC + BC$$

