

Упростить:

а) $\cos (3\pi/2+ \alpha) =$

б) $\text{tg} (360^0 - \alpha) =$

1) \cos 1) $\cos \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 1) $\cos \alpha$;

2) $-\sin \alpha$; 3) \sin 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$. 1) $\cos \alpha$; 2)

$-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$.

1) $-\text{tg}$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$.

1) $-\text{tg} \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$.

1) $-\text{tg} \alpha$; 2) ctg 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$;

$\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$.

1) $-\text{tg} \alpha$; 2) $\text{ctg} \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$.

1) $-\text{tg} \alpha$; 2) $\text{ctg} \alpha$; 3) $-\text{ctg}$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$; 3) $\sin \alpha$.

1) $-\text{tg} \alpha$; 2)

$\text{ctg} \alpha$; 3) $-\text{ctg} \alpha$.

в) $\sin (\pi - \alpha) =$

г) $\sin (\pi/2 + \alpha) =$

1) \cos 1) $\cos \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$ 1) $\cos \alpha$; 2) $-\sin \alpha$;

Вычислите:

а) $\sqrt{3} \cos 30^\circ =$

б) $a \sin 180^\circ =$

в) $-2 \operatorname{tg}^2 45^\circ =$

г) $2 \sin 30^\circ =$

д) $\sin 135^\circ =$

е) $\sin 75^\circ =$

ж) $\sin 15^\circ =$

з) $\cos 105^\circ =$

Тема

*«Синус суммы и разности
двух углов»*

Вывод формулы синуса суммы двух углов

$$\sin(\alpha + \beta) = \cos(\pi/2 - \alpha - \beta) = \cos((\pi/2 - \alpha) - \beta) =$$

$$\cos((\pi/2 - \alpha) \cos \beta + \sin(\pi/2 - \alpha) \sin \beta = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

Формулы

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

Задание 2.

Докажите, что:

$$\sin(\pi + x) = -\sin x,$$

$$\cos(\pi + x) = -\cos x$$

Решение:

$$\begin{aligned}\sin(\pi + x) &= \sin\pi \cdot \cos x + \cos\pi \cdot \sin x = \\ &= 0 \cdot \cos x - 1 \cdot \sin x = -\sin x\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\cos(\pi + x) &= \cos\pi \cdot \cos x - \sin\pi \cdot \sin x = \\ &= -1 \cdot \cos x - 0 \cdot \sin x = -\cos x\end{aligned}$$

Упражнения

- 1) № 9.27
- 2) 2) № 9.30
- 3) 3) № 9.31(a)

Самостоятельная работа

I вариант по вариантам II вариант

1. Вычислите:

$$\sin 20^\circ \cos 40^\circ + \cos 20^\circ \sin 40^\circ$$

2. Вычислите синусы углов:

а) 165° ; б) 105°

1. Вычислите:

$$\cos 47^\circ \cos 17^\circ + \sin 47^\circ \sin 17^\circ$$

2. Вычислите косинусы углов:

а) 195° ; б) 15°

ОТВЕТЫ:

1 вариант

1. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

2.a) $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4};$

б) $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$

2 вариант

1. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

2.a) $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$

б) $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}.$

Домашнее задание:

п. 9.1, 9.3;

● № 9.27;

● № 9.29;

● 9.31(б);

● № 9.32

Задание 3.

Вычислите $\sin (x + y)$, если

$$\sin x = 3/5, \quad 0 < x < \pi/2;$$

$$\cos y = -3/5, \quad \pi < y < 3\pi/2.$$