

# Дисциплина «Метрология, стандартизация и сертификация»

---

Лекция № 4

Лектор:

Забиров Фердинанд Шайхиевич  
Профессор

2016/2017 учебный год

# Тема лекции: Предпочтительные числа и ряды предпочтительных чисел

---

Изучаемые вопросы:

- 1 Оптимизация объектов стандартизации и параметрическая стандартизация
  - 2 Предпочтительные числа на основе геометрической прогрессии
  - 3 Предпочтительные числа на основе арифметической прогрессии
  - 4 Специальные ряды чисел
-

# Оптимизация объектов стандартизации и параметрическая стандартизация

---

- Оптимизация объектов стандартизации заключается в определении оптимальных параметров (главных), а также значений всех других показателей, обеспечивающих заданный уровень качества.
  - Цель оптимизации – достижение оптимальной степени упорядочения и максимально возможной эффективности по выбранному показателю, используя параметрическую стандартизацию.
  - Параметрическая стандартизация – деятельность, направленная на выбор и установление обоснованных числовых значений параметров, подчиняющихся определенной математической закономерности.
-

# Параметрическая стандартизация

---

- Современное производство характеризуется широкой номенклатурой выпускаемых изделий.
  - Выпуск чрезмерно большой номенклатуры изделий одинакового назначения и имеющих незначительные конструктивные исполнения, затрудняет их унификацию, увеличивает сроки подготовки их производства, а также стоимость производства.
  - Стандарты на ряды основных параметров изделий являются основой для сокращения номенклатуры и числа типоразмеров производимых изделий.
  - Параметры изделий делятся на основные и главные.
-

# Основные и главные параметры

---

- Основные параметры определяют характерные конструктивно-технологические и эксплуатационные свойства изделий и процессов.
  - Главные параметры выбираются из числа основных параметров.
  - Главные параметры наиболее полно характеризуют свойства изделий и процессов.
  - В зависимости от назначения и особенностей изделия или процесса может быть один или несколько главных параметров.
  - Параметрические ряды машин, приборов и других объектов стандартизации устанавливаются на базе предпочтительных чисел.
-

# Пример перечня основных параметров

| Параметр                   | Характеристика параметра                                  | Примеры   |
|----------------------------|---|---|
| 1                          | 2   | 3   |
| Размерные параметры        | Габаритные размеры  | Высота, ширина, длина изделия   |
|                            | Основные размеры базовых деталей оборудования             | Высота вышки, диаметр отверстия стола ротора                            |
|                            | Размеры, определяющие взаимозаменяемость                  | Посадочные и присоединительные размеры деталей                          |
| Эксплуатационные параметры | Параметры, определяющие возможность использования изделия | Глубина бурения, грузоподъемность, скорость бурения, габаритные размеры |

# Пример перечня основных параметров

---

| Параметр                 | Характеристика параметра           | Примеры  |
|--------------------------|------------------------------------|--|
| 1                        | 2                                  | 3  |
| Энергетические параметры | Мощность<br>Расход электро-энергии | Мощность силового блока, гидравлическая мощность насосов |
| Силовые параметры        | Крутящий момент                    | Двигателя, лебедки                                       |
|                          | Усилие натяжения                   | Талевого каната  |
|                          | Частота вращения                   | Ротора   |

---

# Пример перечня основных параметров

---

| Параметр                                      | Характеристика параметра | Примеры   |
|---|--------------------------|---|
| 1   | 2                        | 3   |
| Параметры, характеризующие производительность | Производительность       | Скорость бурения, число двойных ходов штока бурового насоса |
| Параметры массы                               | Масса изделия            | Масса буровой установки (БУ), масса блоков БУ               |

# Система предпочтительных чисел

---

- Предпочтительные числа и ряды предпочтительных чисел являются основанием для выбора величин и градаций параметров всех видов изделий.
- Использование предпочтительных чисел позволяет уменьшить количество типоразмеров изделий, экономно использовать исходные материалы, согласовать и увязать между собой параметры изделия, полуфабрикатов, материалов, транспортных средств, технологического, контрольно-измерительного и другого оборудования (по мощности, габаритам, емкости и т.п.).

# Предпочтительные числа

---

- В машиностроении и приборостроении предпочтительные числа, принятые за основу при назначении точности, линейных размеров, углов, радиусов, уступов, сокращают номенклатуру режущего и измерительного инструмента, штампов, пресс-форм, приспособлений. Это способствует росту уровня взаимозаменяемости, повышению серийности, технического уровня и качества продукции, расширению объемов ее производства, улучшению организации инструментального хозяйства на предприятиях.

# Предпочтительные числа

---

- Использование предпочтительных чисел при конструировании позволяет обеспечить взаимозаменяемость деталей и сборочных единиц, унификацию конструкций машин.
- Системы предпочтительных чисел установлены межгосударственным стандартом ГОСТ 8032-84
- Виды предпочтительных чисел:
  - на основе геометрической прогрессии;
  - на основе арифметической прогрессии;
  - специальные ряды чисел.

# Предпочтительные числа на основе геометрической прогрессии

---

- Стандартом установлены следующие ряды чисел:
  - 4 основных (**R5, R10, R20, R40**);
  - 2 дополнительных (**R80, R160**).
- В эти ряды входят предпочтительные числа, представляющие собой округленные значения иррациональных чисел, составляющих геометрическую прогрессию со знаменателем

$$Q = \sqrt[R]{10}$$

где  $R$  – показатель степени, равный 5; 10; 20; 40; 80 и 160.

# Основные параметры рядов предпочтительных чисел на основе геометрической прогрессии

---

- Знаменателями рядов геометрической прогрессии являются округленные числа. Например, точное значение знаменателя ряда R5 равно 1,5849, округленное -  $\approx 1,6$ .
- Относительная разность между расчетными и округленными числами значений знаменателей ряда на основе геометрической прогрессии находится в пределах от плюс 1,26 до минус 1,01 %.
- Степень корня «R» входит в условное обозначение рядов: пятый ряд – R5, десятый ряд – R10 и т.д.

# Предпочтительные числа на основе геометрической прогрессии

---

- Выражение  $i$ -го члена геометрической прогрессии в общем виде определяется из выражения:

$$g_i = \pm 10^{i/R}, \quad (2)$$

где  $i$  – целое число в интервале от 0 до  $R$ .

- Отступления от предпочтительных цифр и их рядов допускаются, если:
  - округление до предпочтительного числа выходит за пределы допускаемой погрешности (от плюс 1,26 до минус 1,01 %);
  - значения параметров технических объектов следуют закономерности, отличающейся от геометрической прогрессии.

# Основные параметры рядов предпочтительных чисел на основе геометрической прогрессии

---

| Ряд            | Условное обозначение | Знаменатель прогрессии | Число членов в десятичном интервале |
|----------------|----------------------|------------------------|-------------------------------------|
| Основной       | R5                   | $\approx 1,6$          | 5                                   |
|                | R10                  | $\approx 1,25$         | 10                                  |
|                | R20                  | $\approx 1,12$         | 20                                  |
|                | R40                  | $\approx 1,06$         | 40                                  |
| Дополнительный | R80                  | $\approx 1,03$         | 80                                  |
|                | R160                 | $\approx 1,015$        | 160                                 |

# Предпочтительные числа на основе геометрической прогрессии

---

- В общем случае следует отдавать предпочтение ряду с меньшим порядковым номером. Например, ряд R5 предпочтительнее ряда R10 и т.д.
- В ряд R10 входят все числа ряда R5, в ряд R20 – все числа рядов R5 и R10, в ряд R40 – все числа рядов R5, R10 и R20.

# Основные параметры рядов предпочтительных чисел на основе геометрической прогрессии

---

- Членами рядов предпочтительных чисел являются округленные числа, полученные после умножения предыдущего числа на знаменатель прогрессии.  
Например, в ряде R5 в интервале размеров от 1 до 10 миллиметров имеются следующие предпочтительные числа: 1,0; 1,6; 2,5; 4,0; 6,3; 10,0 мм, а в ряде R10: 1,00; 1,25; 1,60; 2,00; 2,50; 3,15; 4,00; 5,00; 6,30; 8,00; 10,00 мм.
- Ряды предпочтительных чисел **безграничны**. Числа свыше 10 в каждом десятичном интервале (от 10 до 100, от 100 до 1000 и выше) **получают умножением предпочтительных чисел, содержащихся в интервале от 1 до 10, на 10; 100 и т.д.**

# Свойства предпочтительных чисел на основе геометрической прогрессии

---

- Количество членов в каждом десятичном интервале данных прогрессий ( $1 - 10; 10 - 100; 100 - 1000$  и т.д., а также  $1 - 0,1; 0,1 - 0,01; 0,01 - 0,001$  и т.д.) постоянно на протяжении всей прогрессии и равно  $5, 10, 20, 40, 80$  и  $160$ .
  - В рядах, кроме ряда R5, содержится число  $3,15$ , приблизительно равное числу  $\square$ , благодаря этому длина окружности и площадь круга, диаметр которого является предпочтительным числом, также являются предпочтительными числами.
  - Ряд R40 содержит числа 375, 750, 1500 и 3000, которые имеют особое значение в электротехнике, так как они выражают числа оборотов в минуту асинхронных двигателей.
-

# Свойства предпочтительных чисел на основе геометрической прогрессии

---

- Произведение или частное двух предпочтительных чисел, а также положительные или отрицательные степени чисел ряда дают предпочтительное число этого же ряда с относительной ошибкой в пределах от минус 1,01 до плюс 1,26 %.
- Куб любого числа ряда R10 в два раза больше куба предыдущего числа, а квадрат в 1,6 раза больше квадрата предыдущего числа с вышеуказанной ошибкой.
- Члены ряда R10 удваивается через каждые три числа ряда.
- В любом интервале процент увеличения величины числа является неизменным, недостатком является обязательное округление всех его членов.

# Производные ряды предпочтительных чисел

---

- На основе простейших преобразований геометрической прогрессии могут быть получены три производных ряда:
  - убывающие ряды предпочтительных чисел:

$$\downarrow g_i = 10^{-i/R} \quad (3)$$

- **комплементарные** предпочтительные числа:

$$\square g_i = 10^m - 10^{-i/R} \quad (4)$$

- **арифметические** предпочтительные ряды чисел:

$$a_i = a_0 \pm (10^m \cdot i/R), \quad (5)$$

при условии, что  $a_0$  кратно  $10^{m/R}$  и  $|a_i(10^{m/R})| \leq 100$ .

# Область применения производных предпочтительных чисел

---

- Производные предпочтительные числа устанавливаются **для случаев**, в которых из-за естественных закономерностей **не могут быть применены геометрические ряды**.
- Убывающие ряды положительных предпочтительных чисел применяются для установления значений параметров, **приближающихся к нулю**, например, загрязнение вещества, риск события и т.п. Эти ряды содержат основные или дополнительные предпочтительные числа. Обозначение убывающего ряда получают добавлением к обозначению каждого основного (дополнительного) ряда предпочтительных чисел знака " $\downarrow$ ", например:  $\downarrow R5$ ;  $\downarrow R40$  (300...750).

# Область применения производных предпочтительных чисел

---

- Комплементарные предпочтительные числа следует использовать для установления параметров, приближающихся к  $10^m$ , например, КПД, вероятность безотказной работы, доверительная вероятность события.

Обозначение комплементарного ряда получают добавлением к обозначению исходного основного (дополнительного) ряда знака " $\bar{}$ ", например:  $\bar{R}5$ .

# Выборочные и составные ряды предпочтительных чисел

---

- ГОСТ 8032-84 предусматривает образование из полных рядов предпочтительных чисел **выборочных** и **составных** рядов.
  - Выборочные ряды предпочтительных чисел должны применяться, когда **уменьшение числа градаций создает дополнительный эффект**, по сравнению с использованием полных рядов. Пример обозначения ряда: R40/3 (используется каждый третий член ряда R40).
  - Составные ряды предпочтительных чисел получают путем сочетания различных основных и (или) выборочных рядов, например: R10 (2...10) – из основного ряда используются числа от 2 до 10.
-

# Приближенные предпочтительные числа

---

- Приближенные предпочтительные числа получают путем округления чисел основного ряда и используют в обоснованных случаях. Примеры таких чисел (в скобках – соответствующие числа основных рядов):  
 $R''5$ : 1,5 (1,6) и 6,0 (6,3);  
 $R''10$ : 3,20 (3,15), т.е ряд идентичен ряду R10, кроме числа 3,20.
  - Приближенные предпочтительные из ряда R40 легли в основу построения нормальных линейных размеров по ГОСТ 6636-69. Значит, считая от 1 мм, размеры увеличиваются в 1,06 раз. Их можно представить в виде: 1,00; 1,06; 1,12; 1,19; 1,26; 1,34 (с округлениями) и т.д.
-

# Специальные ряды чисел

---

- Специальные ряды чисел применяются в тех случаях, когда ни один вид регламентированных чисел не может быть применен.
- Примеры специальных рядов чисел приведены в таблице 1.

# Специальные ряды чисел (таблица 1)

| Наименование ряда   | Ряд значений, мм   | Примечание   |
|---|--|--|
| Форматные ряды стандартных значений линейного размера листа | Тип формата В: ...1414, 1000, 707, 500, 353, 250, 176, 125, 88, 62, 44, 31, 22, 15, 11.<br>Тип формата А: ...1189, 841, 594, 420, 297, 210, 148, 105, 74, 52, 37, 26, 18, 13, 9. | Размер одной стороны исходного формата В0 равен 1 м.<br>Площадь исходного формата А0 равна $1 \text{ м}^2$ . |
| Стандартный упаковочно-модульный ряд линейного размера      | ... 1000, 775, 600, 494, 359, 279, 215, 187, 129, 100.   | Рекомендуется для тары (ящиков, контейнеров и т.д.)  |

# Специальные ряды чисел (таблица 1)

| Наименование ряда   | Ряд значений, мм   | Примечание   |
|---|--|--|
| Ряд значений модульного линейного ряда                                    | ...1260, 1000, 794, 630, 500, 397, 315, 250, 198.  | Рекомендуется при создании техники на модульном принципе   |
| Ряды значений линейного размера, полученного на основе «золотого сечения» | Тип формата $G_B$ :<br>... 2618, 1618, 1000, 618, 382, 236, 146, 90, 56, 34, 21, 13, ...<br>Тип формата $G_A$ :<br>...2058, 1272, 785, 485, 300, 185, 115, 70, 44, 27, 17, 10. | Размер одной стороны исходного формата $G_B^0$ равен 1 м.<br>Площадь исходного формата $G_A^0$ равна 1 м <sup>2</sup> .<br>Рекомендуется для форматов книг, картин, плакатов, экранов, панно, витрин фасадов сооружений, карт, мебели. |

# Специальные ряды чисел (таблица 1)

| Наименование ряда  | Ряд значений, мм   | Примечание                                 |
|--|--|--|
| Стандартные ряды номинальной емкости электрических конденсаторов и номинального сопротивления резисторов | E6, E12, E24, E48, E96<br><br>(Значения знаменателей прогрессии равны соответственно: 1,5; 1,2; 1,1; 1,05; 1,02) | Знаменатель ряда<br><br>$Q = \sqrt[E]{10}$ |