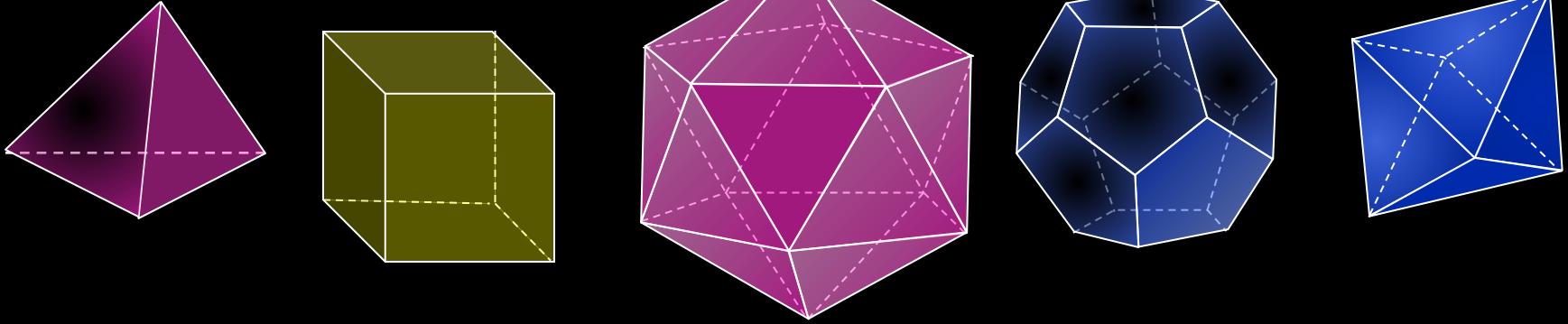


# Понятие многогранника



## Призма

**Цель:** ввести понятие многогранника, призмы и их элементов

**Задачи:**

■ **Учебно – познавательная:** формирование умений применять основные понятия многогранника, призмы и их элементов при решении задач на конструктивном уровне

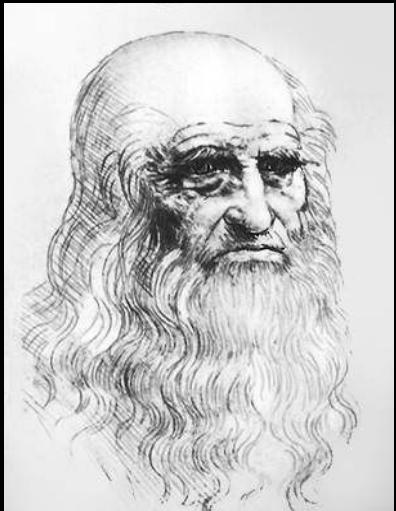
■ **Развивающая:** развитие визуального, наглядно-образного типов мышления.

■ **Воспитательная:** способствовать развитию устойчивого интереса к математике через применение информационно – коммуникационных технологий.



«Правильных многогранников вызывающе мало, но этот весьма скромный по численности отряд сумел пробраться в самые глубины различных наук»

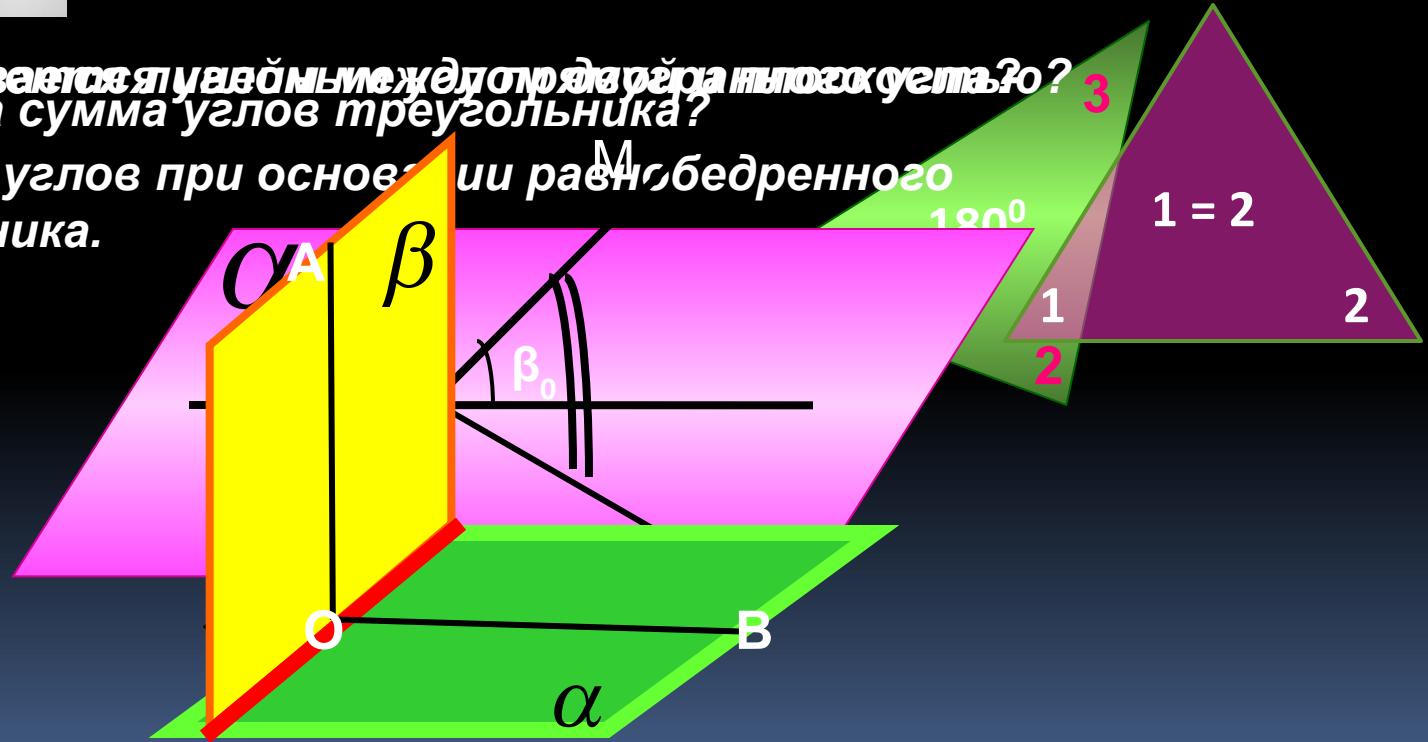
Л.Кэрролл



*"Те, кто влюбляются в практику без теории, уподобляются мореплавателю, садящемуся на корабль без руля и компаса и потому никогда не знающему, куда он плывет".*

Леонардо да Винчи

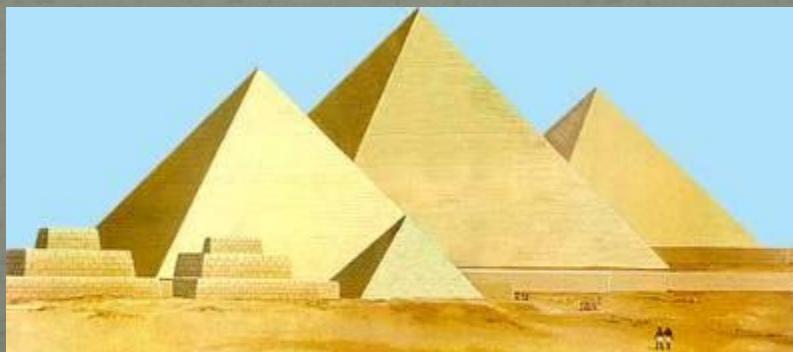
- Чему называется сумма между углами треугольника?
- Чему равна сумма углов треугольника?
- Свойства углов при основании равнобедренного треугольника.



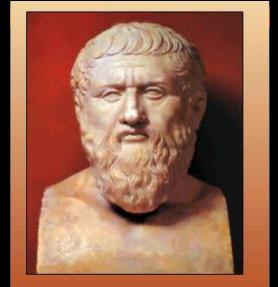
# Немного истории...

Многогранники были известны за  
3000 лет до н.э.  
(Египет, Вавилон)

Соразмерность и красота правильных  
многогранников поражали древних греков  
(Пифагорейская школа)



# Платоновы тела



Первым свойства правильных многогранников описал древнегреческий ученый Платон. Именно поэтому правильные многогранники называют также телами Платона.

## Изображения и свойства многогранников

Леонардо Пачоли  
(1445-1514)

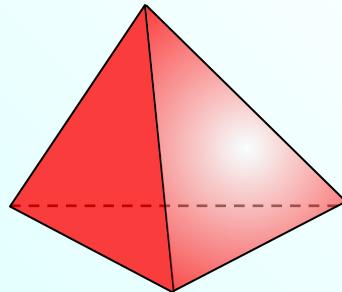
Евклид

Леонардо да Винчи  
(1452-1519)

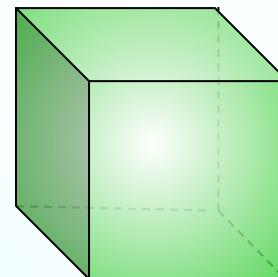
Альбрехт Дюрер  
(1471-1528)

# Правильные многогранники в философской картине мира Платона.

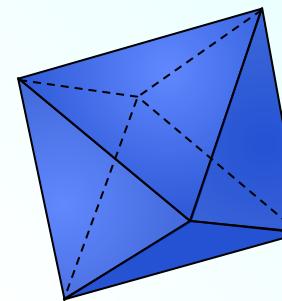
Тетраэдр олицетворял огонь, поскольку его вершина устремлена вверх, как у разгоревшегося пламени; икосаэдр – как самый обтекаемый – воду; куб – самая устойчивая из фигур – землю, а октаэдр – воздух.



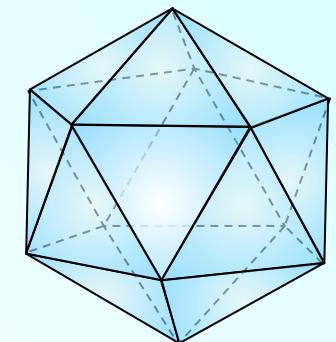
огонь



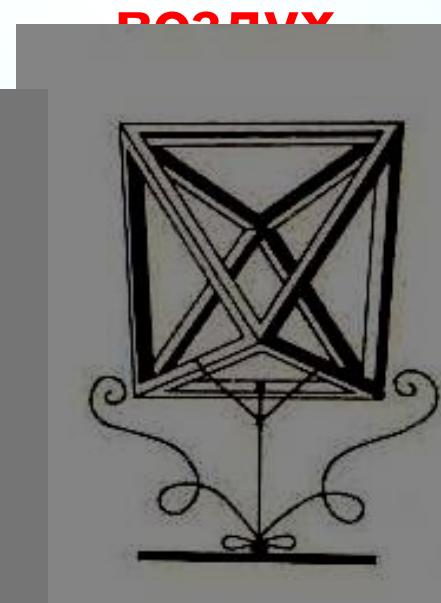
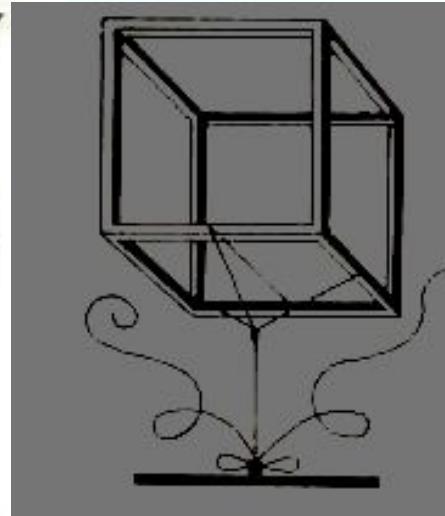
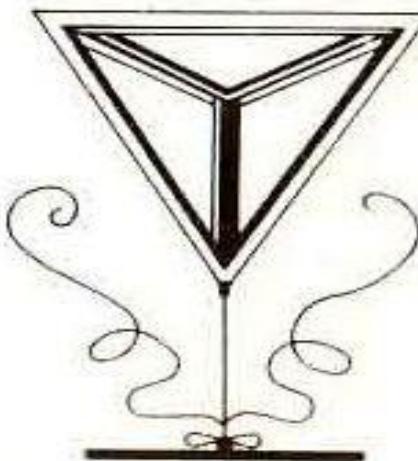
земля



воздух

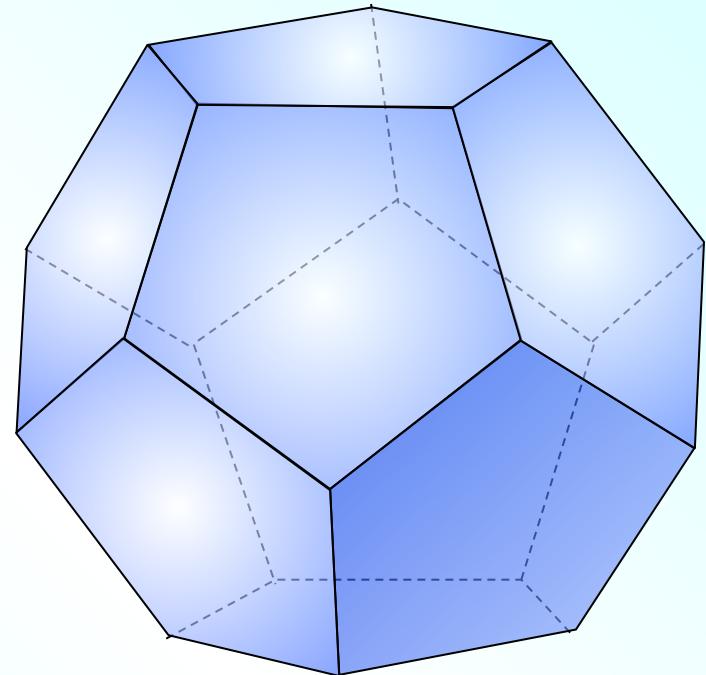
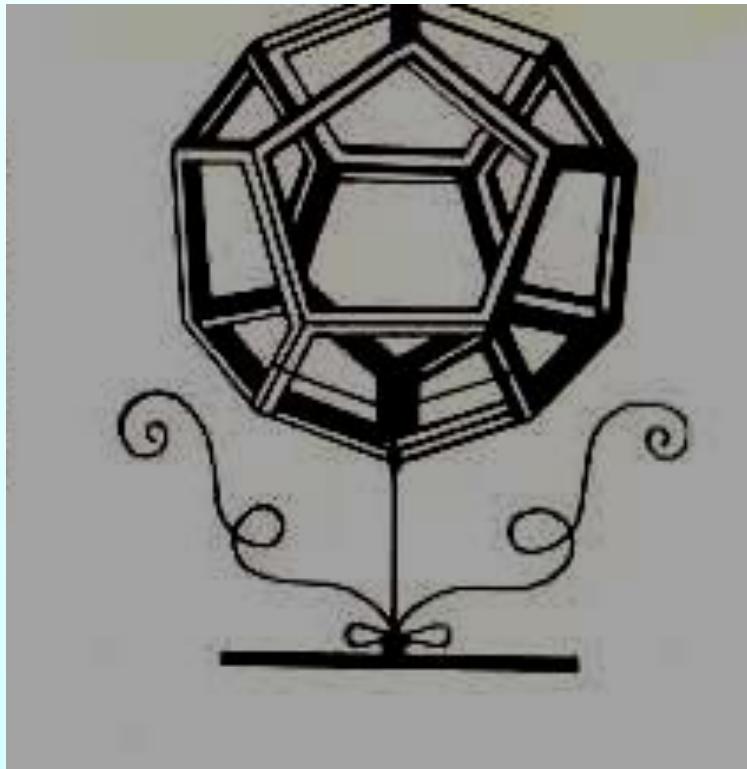


вода



Пятый многогранник – додекаэдр символизировал  
весь мир и почитался главнейшим.

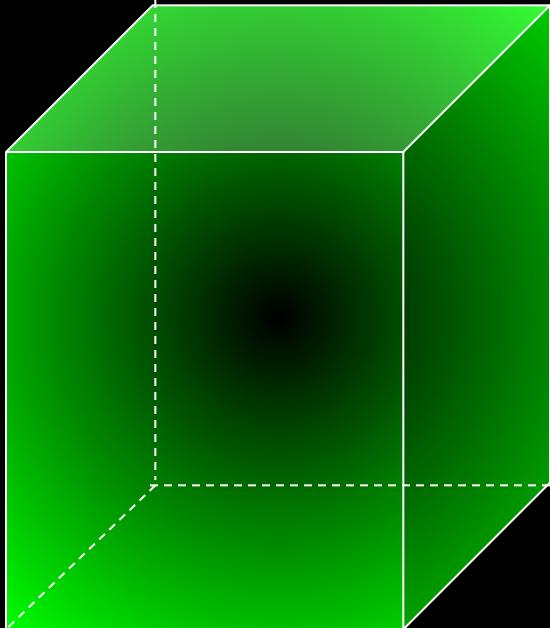
вселенная



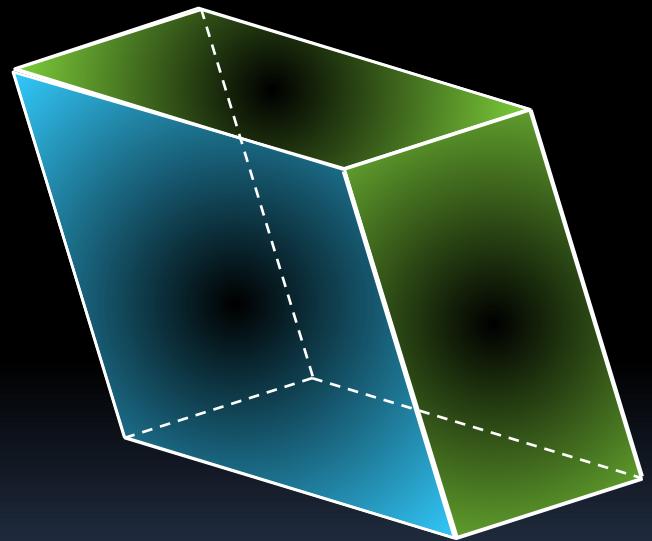
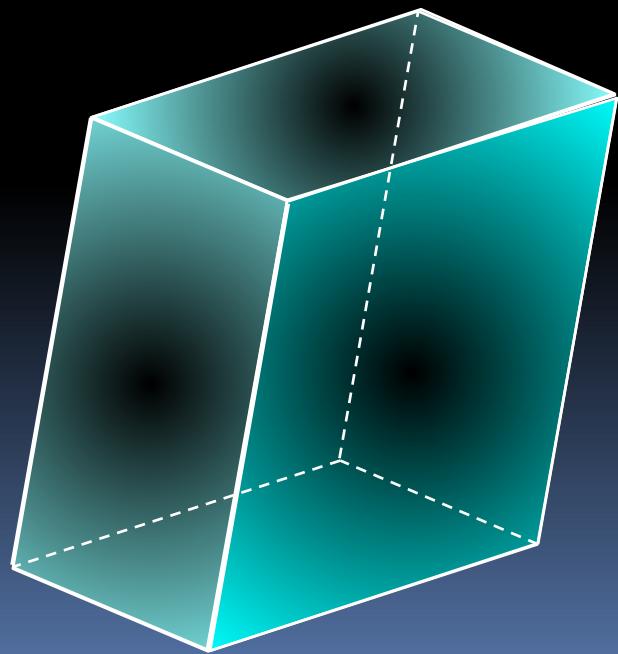
# Что такое многогранник?

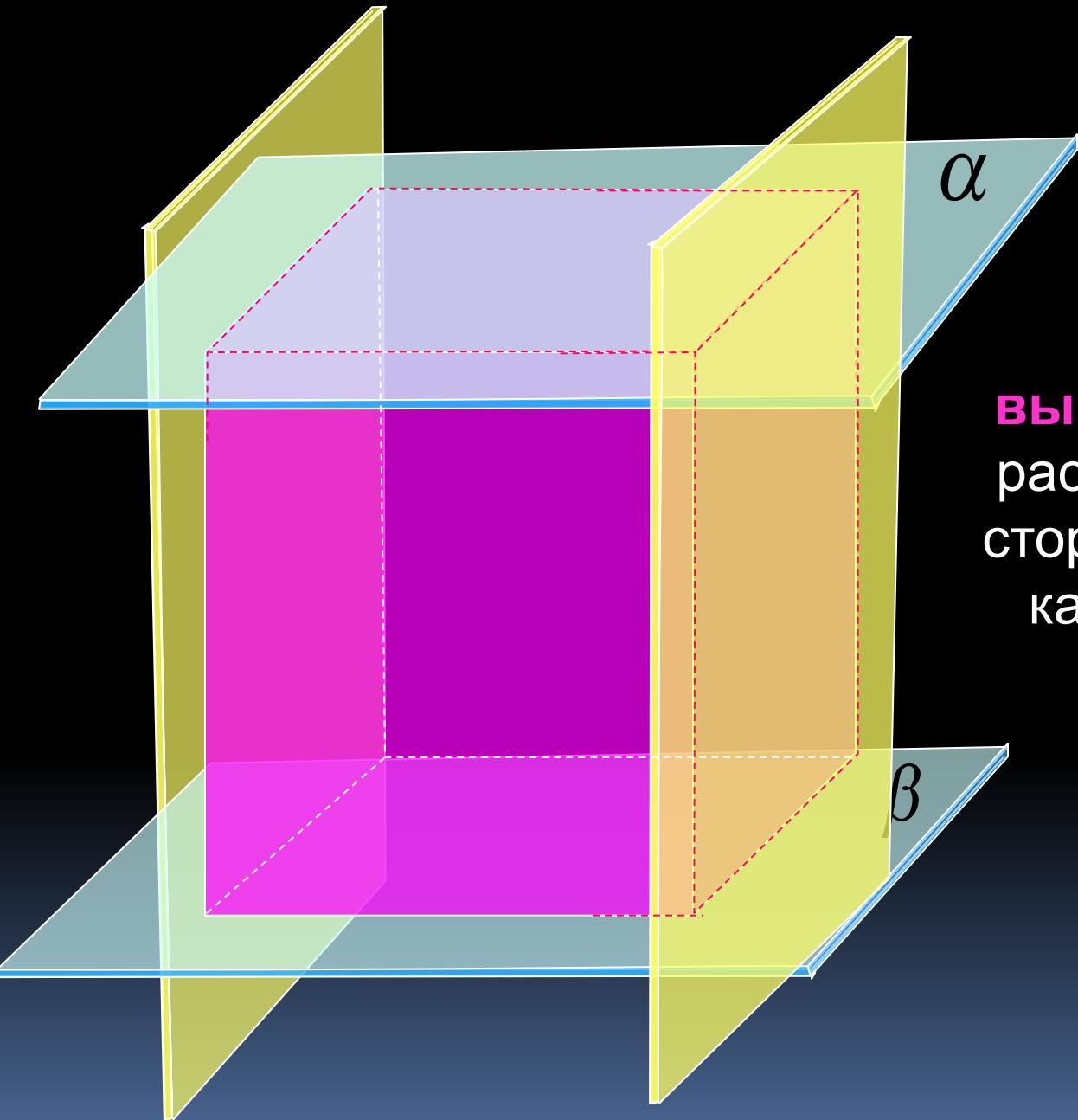
Поверхность, составленную из многоугольников и ограничивающую некоторое геометрическое тело называют многогранником.





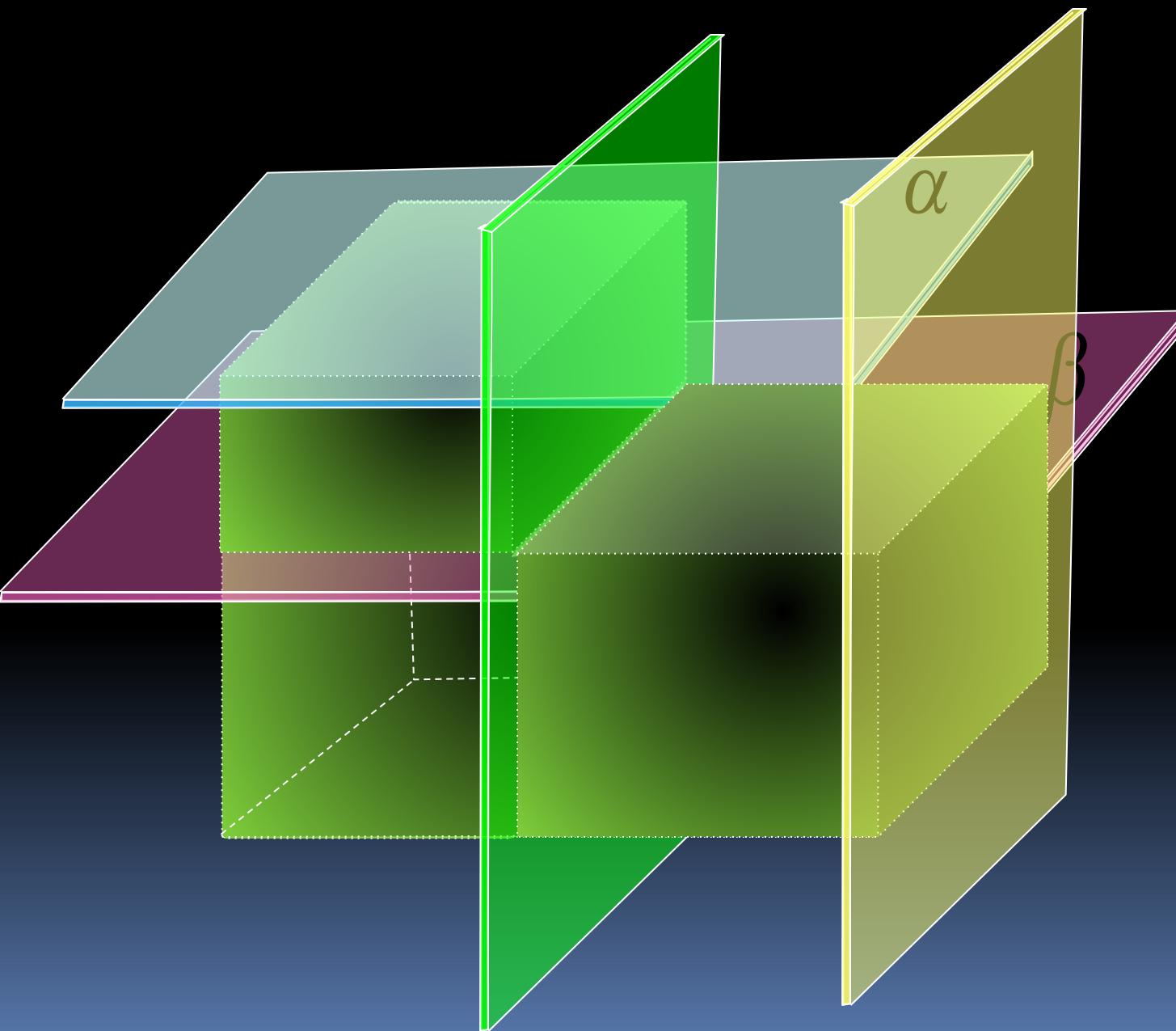
# Прямые и наклонные многогранники





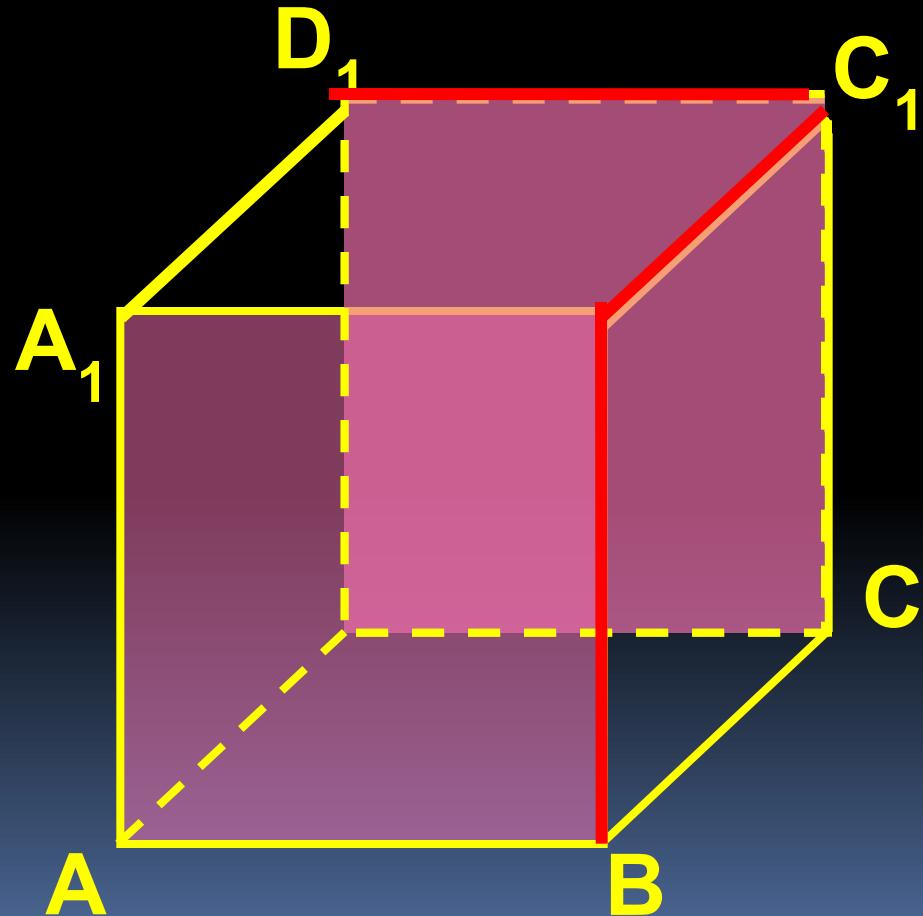
Многогранник  
называется  
**выпуклым**, если он  
расположен по одну  
сторону от плоскости  
каждой его грани.

# Невыпуклый многогранник



# Элементы многогранника

- Из чего состоит поверхность многогранника?  
Вывод: многоугольники – это грани.
- Стороны граней называются ребрами.
- Концы ребер – вершинами многогранника



# Свойства плоских углов многогранника

При одной вершине сходится  $n$  плоских углов, но чтобы образовался многогранный угол сумма их градусных мер должна быть меньше  $360^\circ$ , т.е.

$$\text{на} < 360^\circ$$

Существуют многогранники, гранями которых являются правильные треугольники

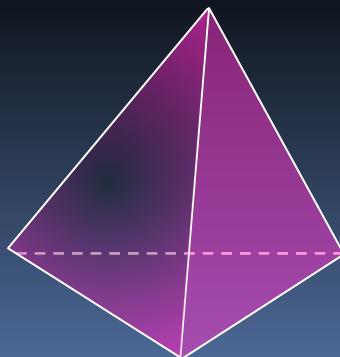
являются правильные четырёхугольники

Угол правильного пятиугольника равен  $108^\circ$  значит в одной вершине угол квадрата равен  $90^\circ$  значит в одной вершине может сходиться только 3 правильных пятиугольника

одной вершине может сходиться

3, 4 или 5 правильных треугольников

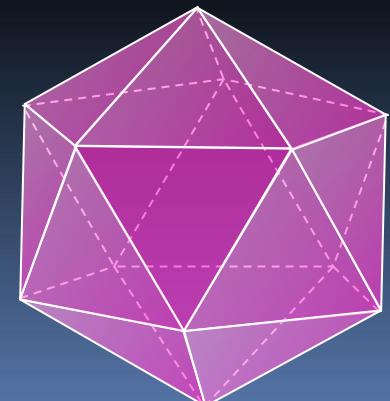
Тетраэдр



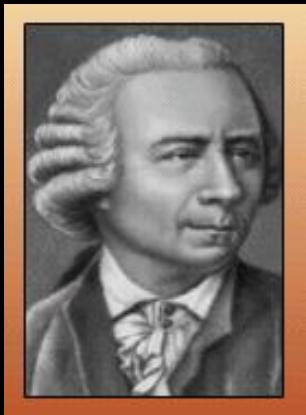
Гексаэдр



Икосаэдр



# Эйлерова характеристика многогранника



В каждом правильном многограннике сумма числа граней и вершин равна числу рёбер, увеличенному на 2.

границы      вершины      ребра

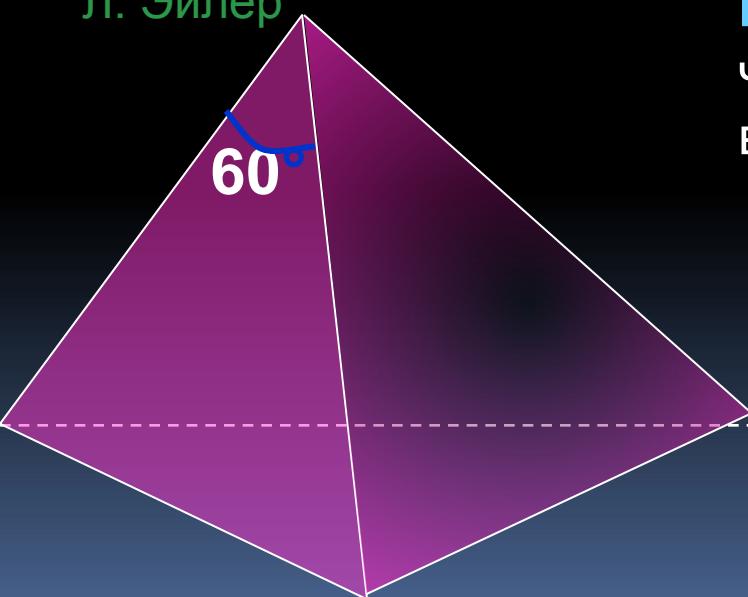
$$\Gamma + V = P + 2$$

Правильный тетраэдр составлен из четырех равносторонних треугольников и в каждой вершине сходятся 3 ребра.

4 грани, 4 вершины и 6 ребер.

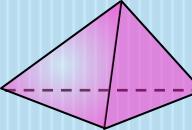
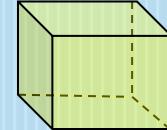
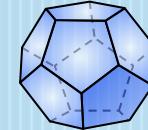
Сумма плоских углов при каждой вершине равна  $180^\circ$

$$60^\circ + 60^\circ + 60^\circ < 360^\circ$$

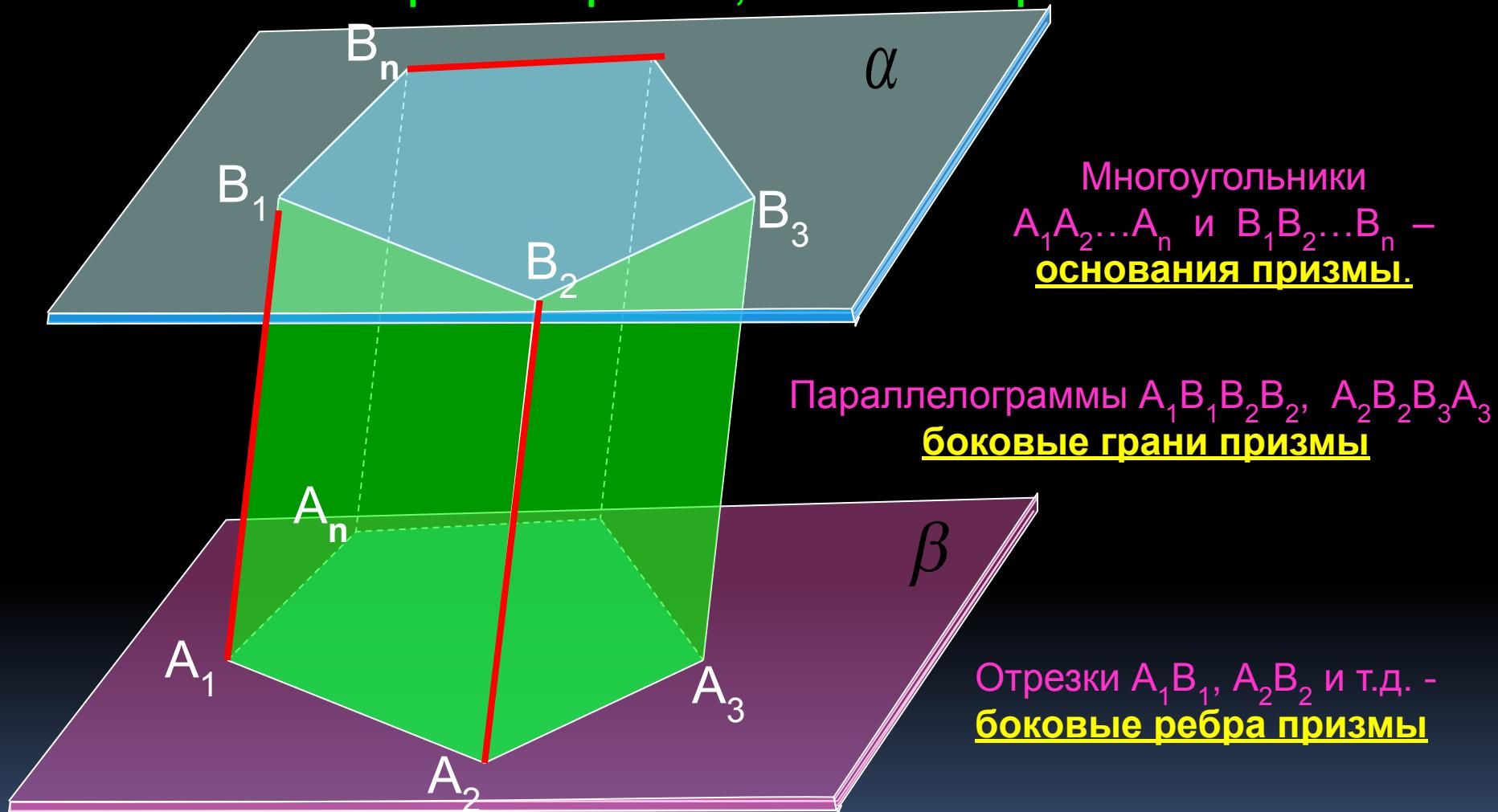


грани      вершины      ребра

$$\Gamma + V = P + 2$$

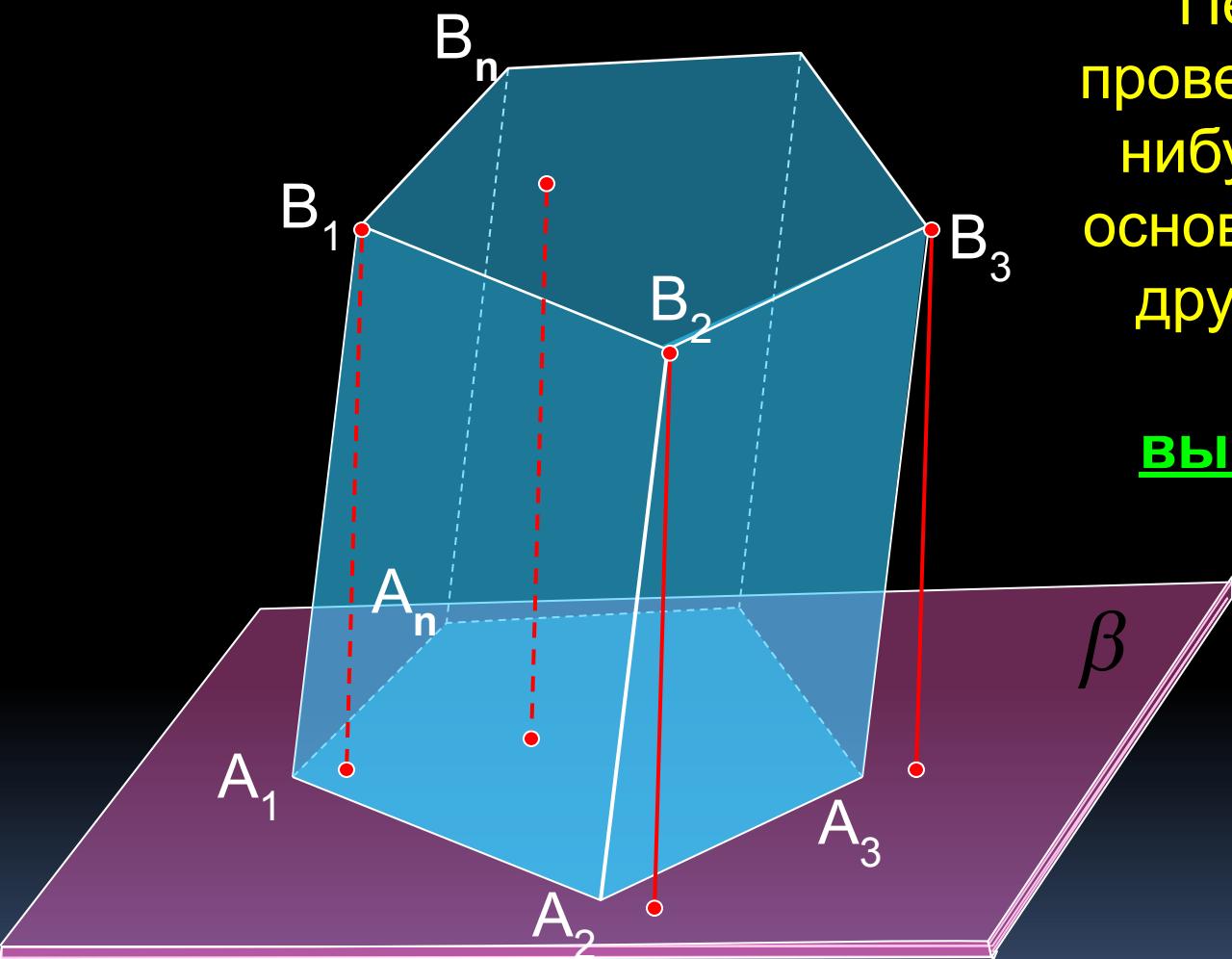
					
Название	Тетраэдр	Октаэдр	Гексаэдр	Додекаэдр	Икосаэдр
Число граней	4	8	6	12	20
Число вершин	4	6	8	20	12
Число рёбер	6	12	12	30	30

**Многогранник, составленный из двух равных многоугольников  $A_1A_2\dots A_n$  и  $B_1B_2\dots B_n$ , расположенных в параллельных плоскостях, и  $n$  параллелограммов, называется призмой.**



**Призма**

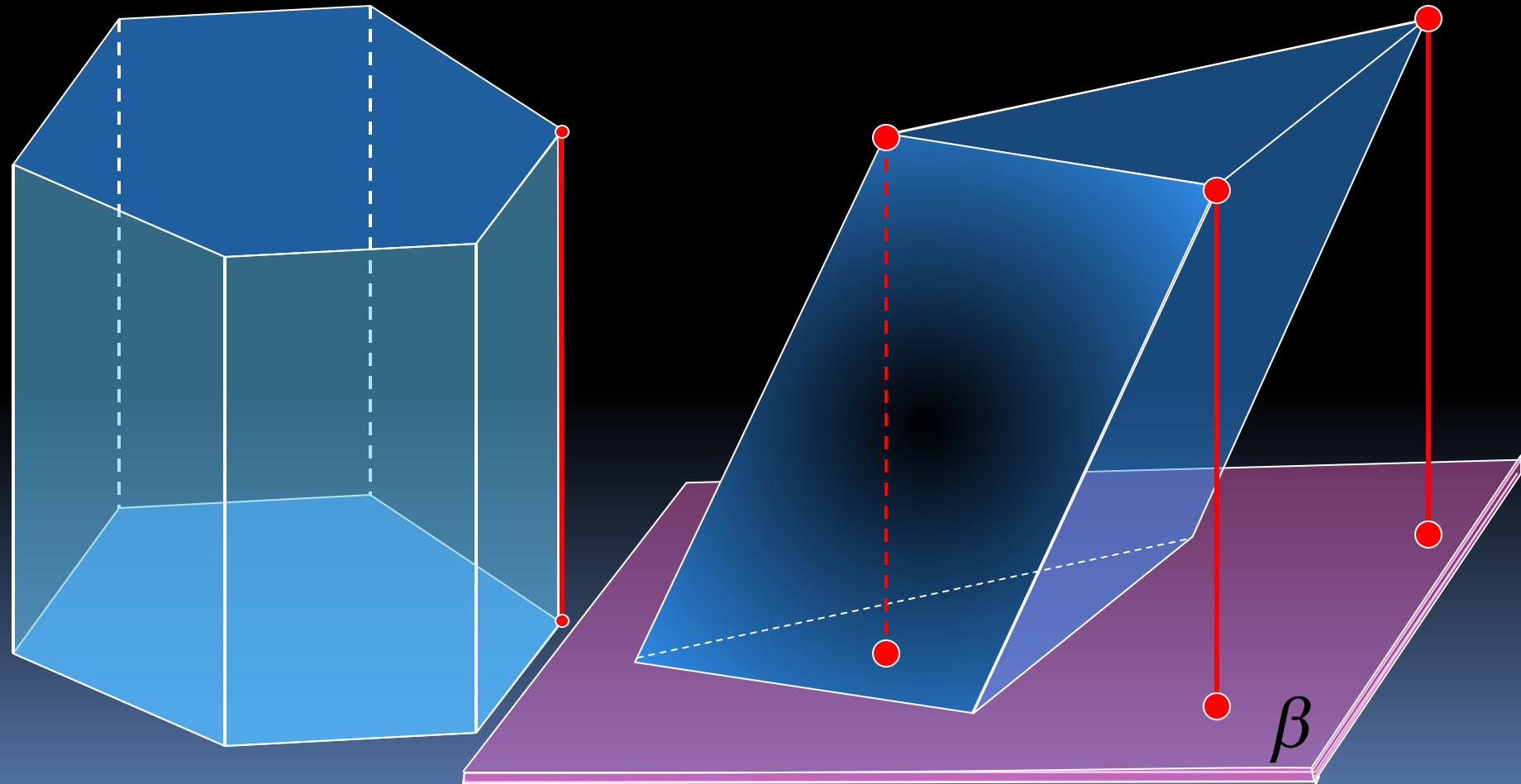
# Призма



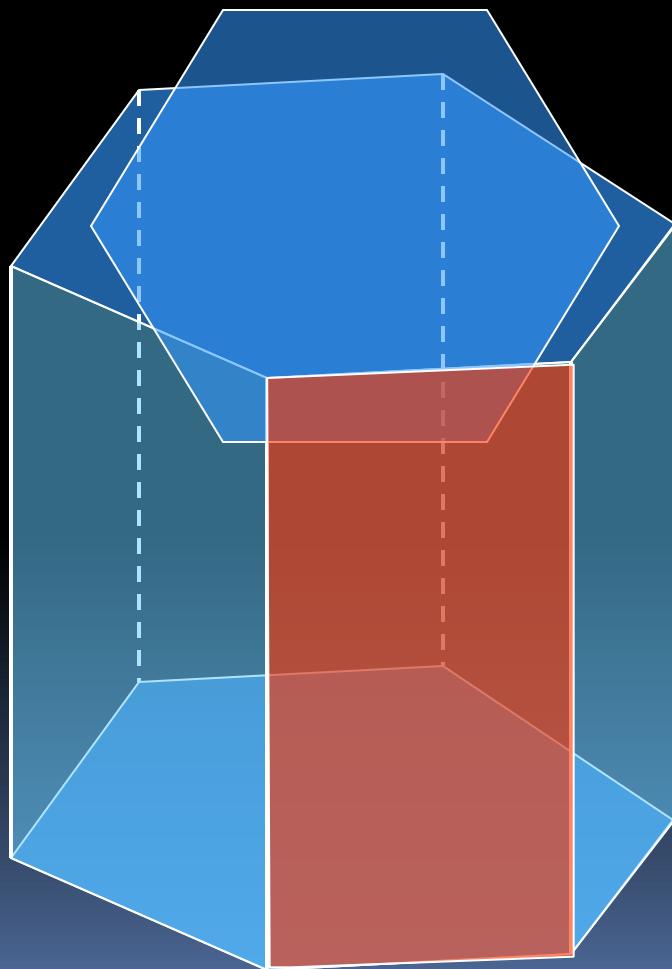
Перпендикуляр,  
проведенный из какой-  
нибудь точки одного  
основания к плоскости  
другого основания,  
называется  
**высотой призмы.**

Если боковые ребра перпендикулярны к основаниям, то призма называется **прямой**, в противном случае **наклонной**.

Высота прямой призмы равна ее боковому ребру.

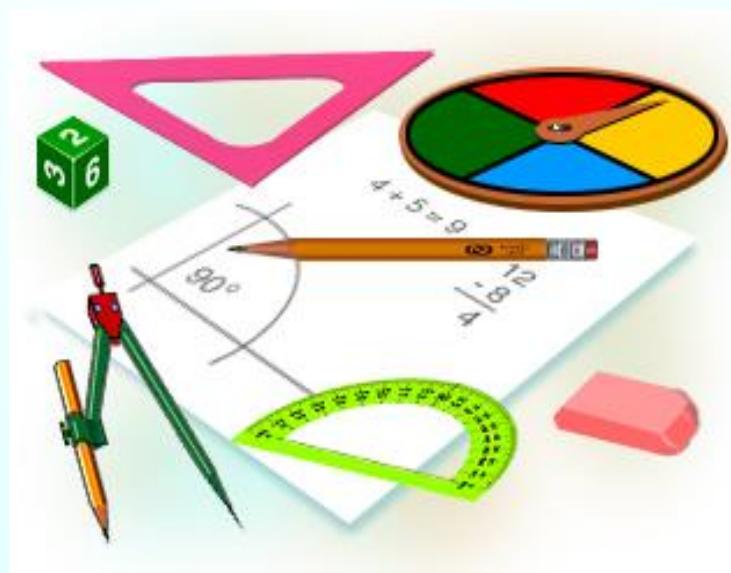


Прямая призма называется **правильной**, если ее основания - правильные многоугольники. У такой призмы все боковые грани – равные прямоугольники.

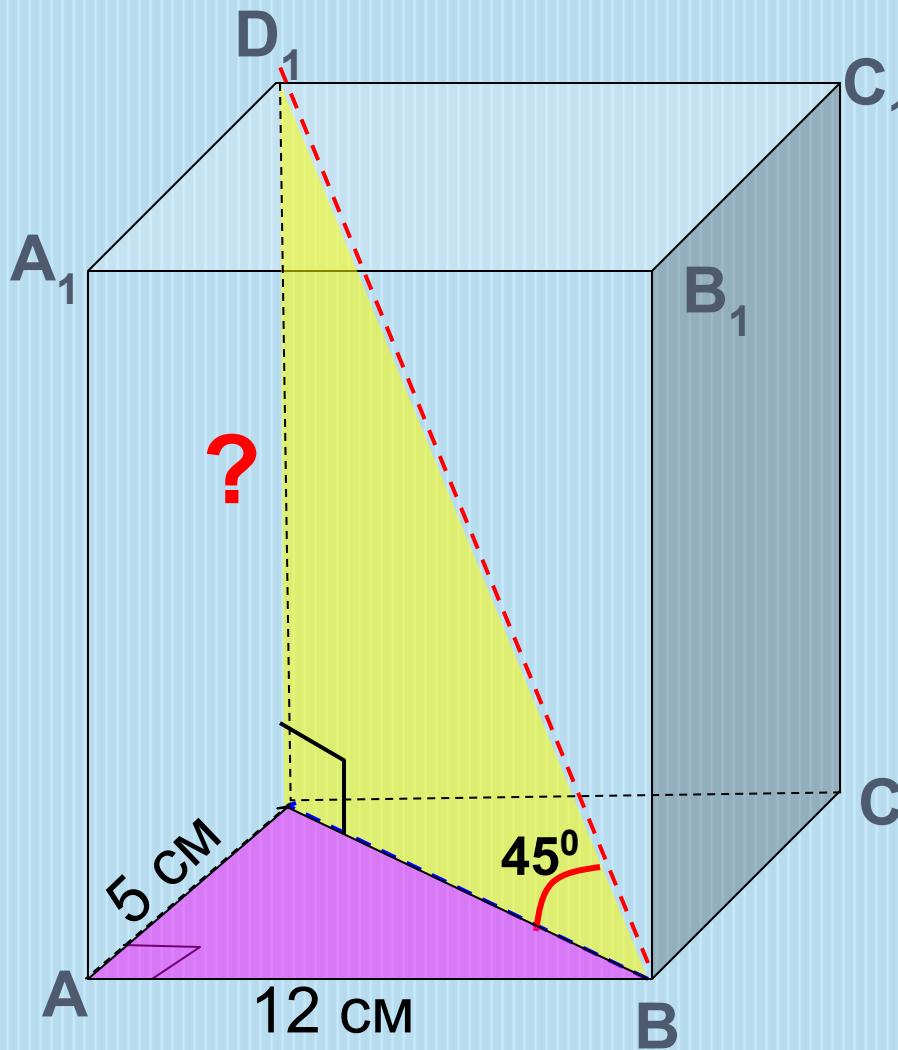


*Умение решать задачи – практическое искусство, подобное плаванию, или катанию на лыжах ... : научиться этому можно лишь подражая избранным образцам и постоянно тренируясь..*

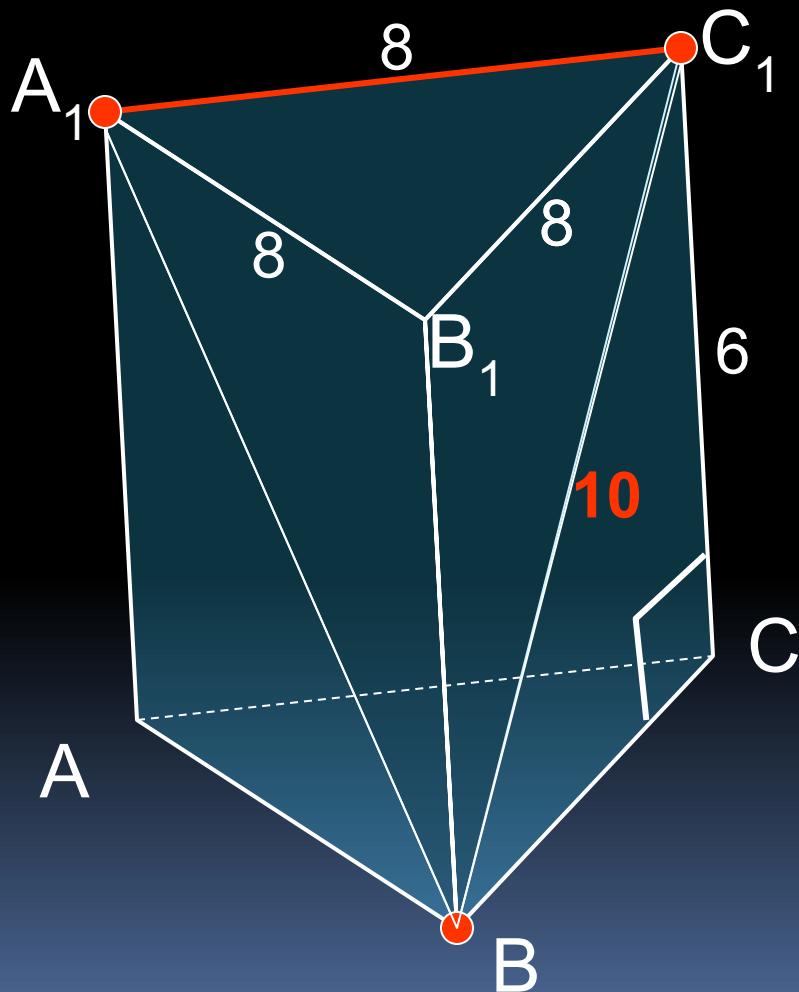
**Д. Пойа**



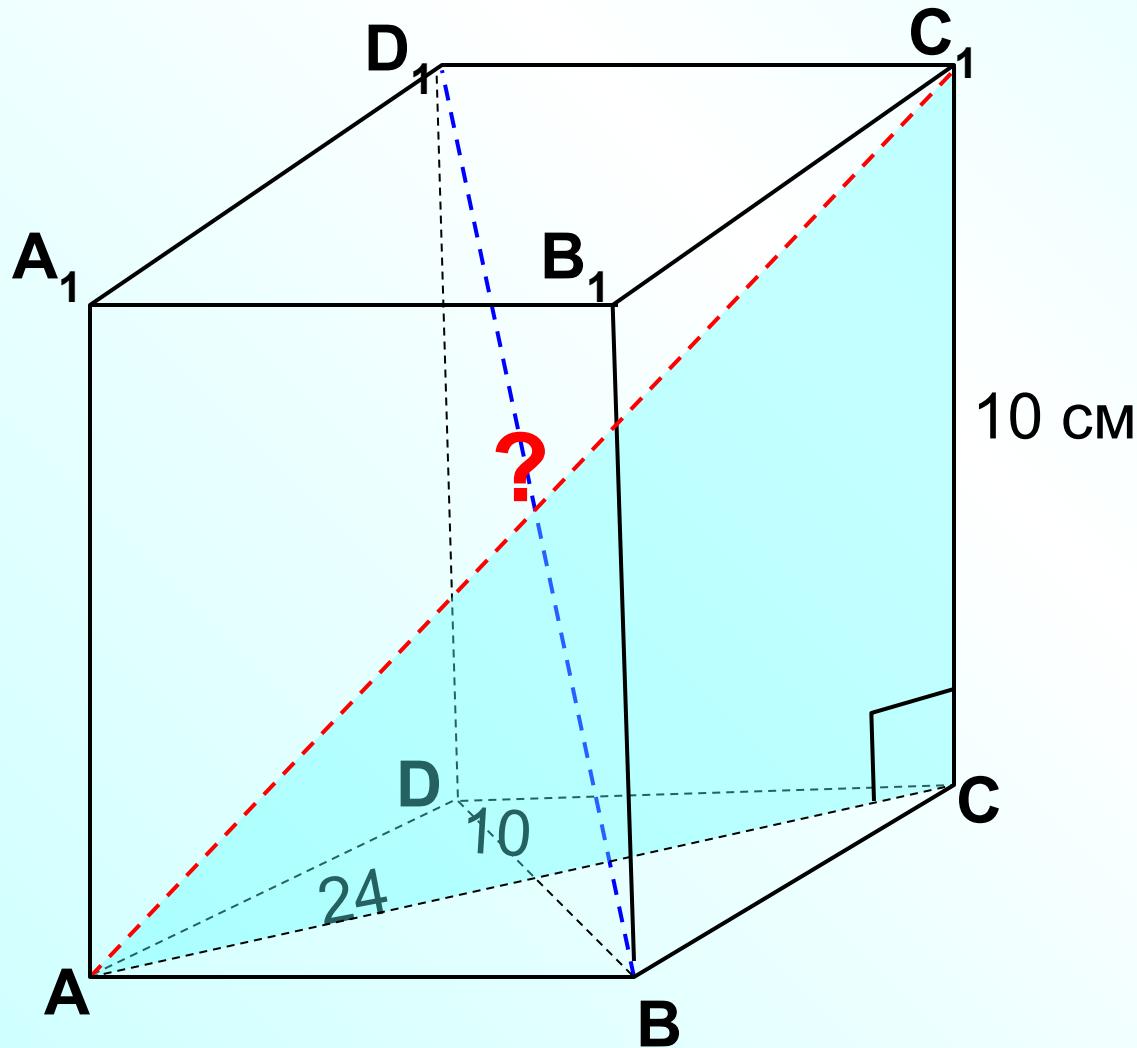
**№ 219.** В прямоугольном параллелепипеде стороны основания равны 12 см и 5 см. Диагональ параллелепипеда образует с плоскостью основания угол в  $45^0$ . Найдите боковое ребро параллелепипеда.



**№ 221.** Сторона основания правильной треугольной призмы равна 8 см, боковое ребро равно 6 см. Найдите площадь сечения, проходящего через сторону верхнего основания и противолежащую вершину нижнего основания.

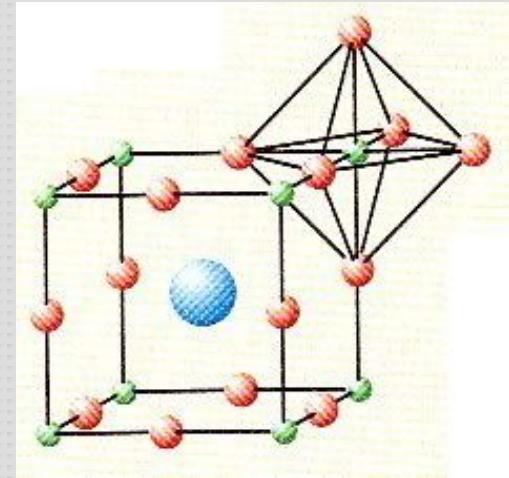
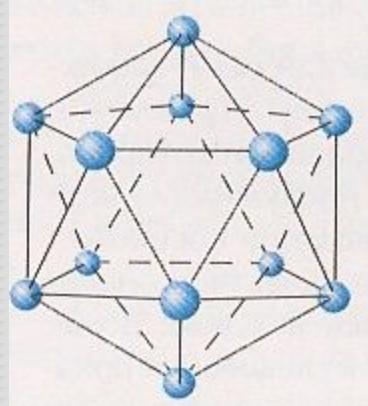
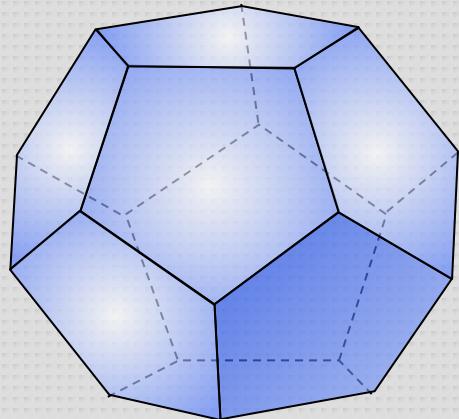


**№ 220.** Основанием прямого параллелепипеда является ромб с диагоналями 10 см и 24 см, а высота параллелепипеда 10 см. Найдите большую диагональ параллелепипеда.



## Контрольные вопросы:

- Что такое многогранник?
- Какой многогранник называется выпуклым?
- Дан куб – выпуклый многогранник. Как, имея пилу, получить из деревянного куба модель невыпуклого многогранника?
- Какими фигурами являются боковые грани призмы?
- Какими фигурами являются все грани параллелепипеда?
- Сколько измерений у прямоугольного параллелепипеда?
- Назовите элементы многогранника.
- О каких видах многогранников вы услышали сегодня на уроке?



Математика владеет не только истиной, но и высшей красотой - красотой отточенной и строгой, возвыщенно чистой и стремящейся к подлинному совершенству, которое свойственно лишь величайшим образцам искусства.

Берtrand Рассел.