

# Антенные решетки

Лекция 7

# Множитель системы линейной решетки

Дискретные системы состоящие из ряда отдельных излучателей (элементов), представляющие идентичные одинаково ориентированные излучатели.

$$\dot{f}_{\text{сист}}(\theta, \varphi) = \sum A_i e^{j[\varphi_i + k\rho_i \cos \alpha_i]},$$

$$f_{\text{сист}}(\theta, \varphi) = f_N(\theta, \varphi)$$

Рассмотрим линейную решетку

$$k\rho_i \cos \alpha_i = kl_i \cos \theta, \quad l_i = d_1 + d_2 + \dots + d_i$$

$$\dot{f}_N(\theta, \varphi) = \sum_{i=1}^N A_i e^{j[\varphi_i + kl_i \cos \theta]}$$

Анализ множителя решетки:

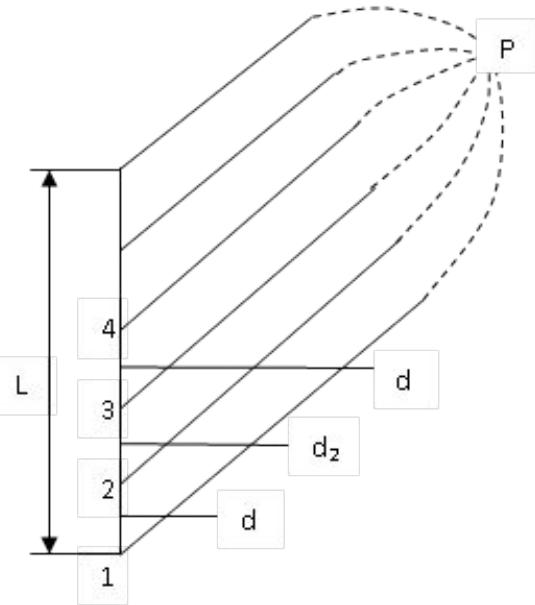
- расстояние между элементами одинаковы (эквидистантные решетки).
- амплитуды токов в излучателях одинаковы

$$I_1 = I_2 = \dots = I_N; A_i = 1$$

- фаза тока от излучателя к излучателю изменяется на постоянную величину

$$\varphi_i = (i - 1)\xi$$

равномерная прямофазная решетка



$$\dot{f}_N(\theta) = \Sigma e^{j[(i-1)(kd\cos\theta - \xi)]} = \Sigma e^{j(i-1)\Psi}$$

$\Psi = kd\cos\theta - \xi$  - обобщенный угол

$$q = e^{j\varphi} \quad \dot{f}_N(\theta) = \Sigma q^{(i-1)}$$

Используя формулу для суммы членов геометрической прогрессии

$$\Sigma q^{N-1} = 1 + q + q^2 + \dots + q^{N-1} = \frac{1 - q^N}{1 - q}, \quad (6)$$

Получим

$$\dot{f}_N(\theta) = \frac{1 - e^{jN\Psi}}{1 - e^{j\Psi}}$$

$$f_N(\theta) = \frac{e^{j\frac{N\Psi}{2}}(e^{j\frac{N\Psi}{2}} - e^{-j\frac{N\Psi}{2}})}{e^{j\frac{\Psi}{2}}(e^{j\frac{\Psi}{2}} - e^{-j\frac{\Psi}{2}})} = e^{j\frac{N-1}{2}\Psi} \frac{\sin\frac{N\Psi}{2}}{\sin\frac{\Psi}{2}}$$

фазовая диаграмма

$$\Phi_N(\theta) = \frac{N-1}{2}\Psi = \frac{N-1}{2}(kd\cos\theta - \xi)$$

Система излучает сферическую волну. Фазовый центр системы находится в середине.

Амплитудная DH решетки  $f_N(\theta)$ ,

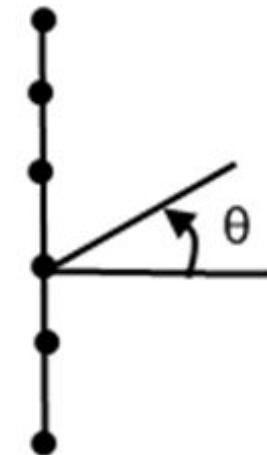
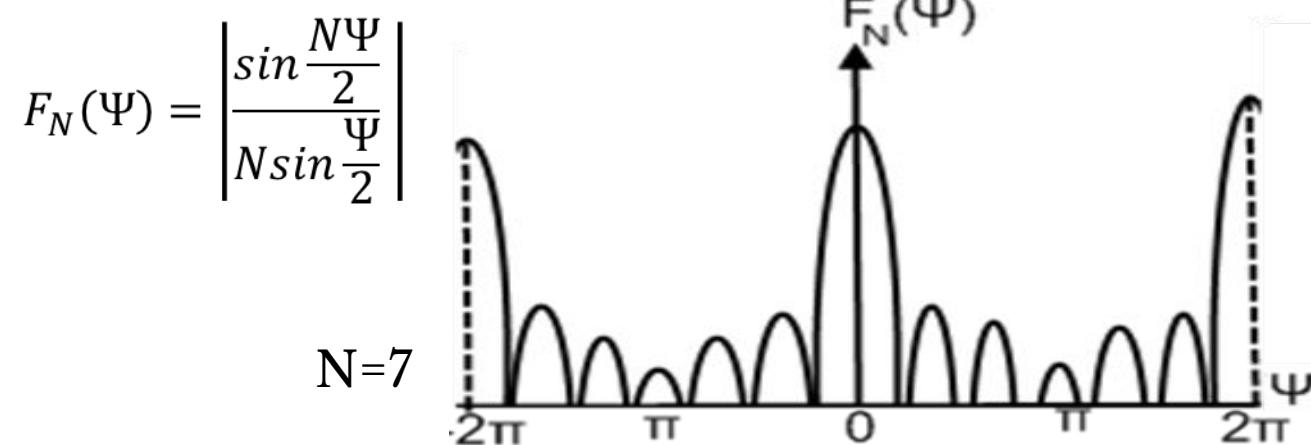
$$f_N(\theta) = \left| \frac{\sin \frac{N\Psi}{2}}{\sin \frac{\Psi}{2}} \right| = \left| \frac{\sin \frac{N}{2}(kdcos\theta - \xi)}{\sin \frac{1}{2}(kdcos\theta - \xi)} \right|$$

режимы поперечного излучения - главный лепесток DH направлен вдоль нормали или отклонен от нее на некоторый угол.

$$\Psi = kdsin\theta - \xi$$

Пусть  $\Psi = 0$ , тогда  $f_N(0) = N$ ,

$$f_N(\theta) = \left| \frac{\sin \frac{N\Psi}{2}}{\sin \frac{\Psi}{2}} \right| = \left| \frac{\sin \frac{N}{2}(kdsin\theta - \xi)}{\sin \frac{1}{2}(kdsin\theta - \xi)} \right|$$



$F_N(\Psi)$ -периодическая функция ( $2\pi$ )

$$\Psi = 2m\pi, \quad m = 0, \pm 1, \pm \dots \quad \Psi = kd\sin\theta - \xi = 2m\pi \quad (12)$$

$m=0$  нулевой (центральный, главный);

$m=1$ -максимум первого порядка, дифракционный

$$\Psi = \frac{2\pi n}{N}, n = \pm 1, 2, \dots, \text{или } \sin\theta_{o,n} = \frac{2\pi n \lambda}{N 2\pi d} = \frac{h\lambda}{Nd} \quad (13)$$

$$\psi_\delta \approx \frac{(2n+1)\pi}{N}, n = \pm 1, \pm 2, \dots \quad (14)$$

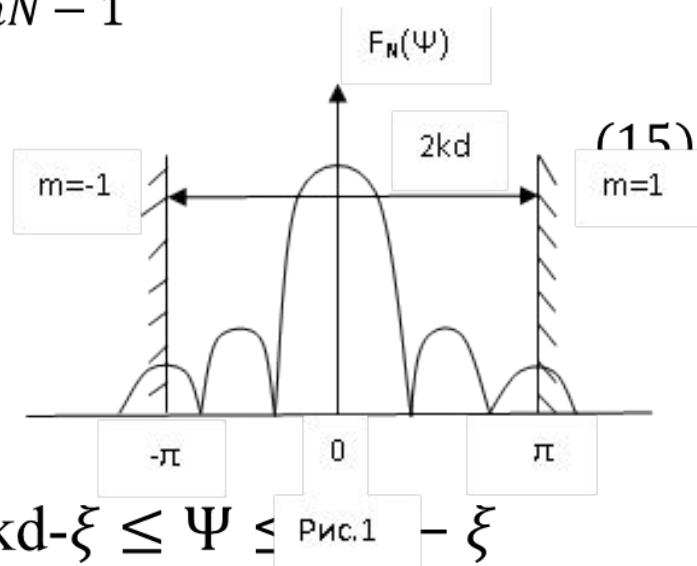
$$n \neq mN, n \neq mN - 1$$

$$F_6 \approx \left| \frac{1}{N \sin \left[ (n + \frac{1}{2}) \frac{\pi}{N} \right]} \right|$$

$$\text{При } n \ll N \text{ можно положить } \sin \left[ (n + \frac{1}{2}) \frac{\pi}{N} \right] \approx (n + \frac{1}{2}) \frac{\pi}{N}$$

$$\text{реальный угол } \theta \in -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2},$$

$$\text{рабочая область } \Psi \text{ (область видимости) } kd - \xi \leq \Psi \leq -\xi$$



$$F_N(\Psi) \quad N = 5, d = 1,3\lambda, \xi = 0$$

$$\Psi = kdsin\theta - \xi = 2m\pi, m = 0, \pm 1 \dots$$

$$sin\theta_m = m \frac{\lambda}{d} + \frac{\xi}{2\pi d} -$$

правая часть по модулю не больше 1, то лепесток  $m$ -го порядка существует.  
В частности для нулевого главного max ( $m=0$ ) имеем

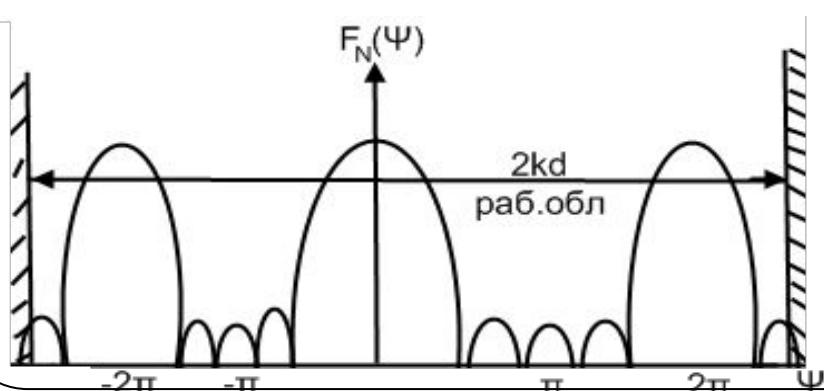
$$sin\theta_0 = \frac{\xi\lambda}{2\pi d}$$

max существует если  $\left| \frac{\xi\lambda}{2\pi d} \right| \leq 1$

$$sin\theta_m = m \frac{\lambda}{d} + sin\theta_0$$

При  $\xi > 0$  ( $sin\theta_0 > 0$ ) рабочий участок смещается влево от начала координат.  
главный лепесток, соответствует  $m=-1$ ,

Его положение

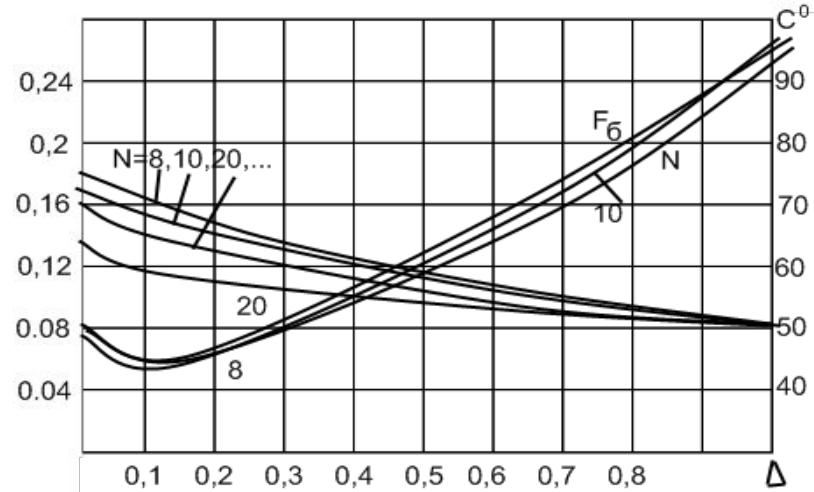
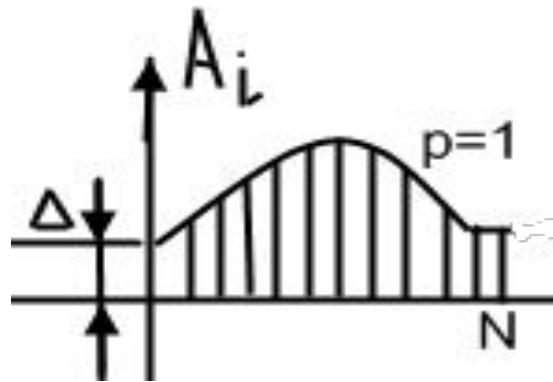


$$sin\theta_{-1} = -\frac{\lambda}{d} + sin\theta_0$$

$N = 5, d = 0,5\lambda, \xi = 0$

## Решетки со спадающим АР

$$A_j = \Delta + (1 - \Delta) \sin^p \left( \frac{i - 1}{N - 1} \pi \right) \quad i = 1, 2, \dots, N; p = 1, 2, \dots$$



при  $N \gg 1$  в равномерном АР ( $\Delta = 1$ )  $\Rightarrow 2\theta_{0,5p}^0 \approx 51 \frac{\lambda}{L}$ , с УБЛ  $F_{61} \approx 22\%$ .

При cos-м АР ( $\Delta = 0$ )  $2\theta_{0,5p}^0 \approx \frac{\lambda}{L}$ , а  $F_{61} \approx 7\%$ .

Главный лепесток становится асимметричным и расширяется.  
Если решетка имеет несколько главных max, это приводит к  
уменьшению КНД антенны, возникновению ложного пеленга,  
снижению помехозащищенности системы.

## Условие единственности главного лепестка

Выполнение условия для m-го лепестка

$$|\sin\theta_m| \leq 1, \text{ а}$$

для m=-1 и m=±1 главных лепестков это условие не выполнялось, т.е.

$$(m+1)\frac{\lambda}{d} + \frac{\xi\lambda}{2\pi d} = \sin\theta_m + \frac{\lambda}{d} \geq 1, \quad (20^a)$$

$$(m-1)\frac{\lambda}{d} + \frac{\xi\lambda}{2\pi d} = \sin\theta_m - \frac{\lambda}{d} \leq -1 \quad (20^b)$$

Если  $\sin\theta_m > 0$ , то труднее обеспечить выполнение неравенства (20<sup>b</sup>),  
если  $\sin\theta_m < 0$ ,

$$\frac{d}{\lambda} \leq \frac{1}{1+|\sin\theta_m|} \quad (21)$$

условие единственности m-го лепестка.

Допустимые расстояния между элементами решетки:

- для синфазной решетки

$$(\sin\theta_m = \sin\theta_0 = 0) d \leq \lambda;$$

- для решетки осевого излучения

$$(\sin\theta_m = 1) d \leq \frac{\lambda}{2};$$

- переход к неэквидистантным решеткам

## Неэквидистантные решетки

Расстояния между излучателями неодинаковы. ДН решеток имеет лишь единичный максимум.

Разность хода лучей  $\delta$  от  $2^x$  соседних излучателей

$$\delta = d \sin \theta$$

Если  $d > \lambda$ ,  $\rightarrow \theta(\delta = \lambda)$ , т.е. поле этих излучений в направлении  $\theta$ , складывается в фазе

Угол  $\theta_1$ , находится из условия

$$\sin \theta_1 = \frac{\lambda}{d}$$

в направлении  $\theta_1$  получается дифр max. поля

Если  $d_i > \lambda \rightarrow \theta_i$  ( $\sin \theta_i = \frac{\lambda}{d_i}$ ) «размазывание» дифр-х max.

«разряженные» решетки-малое число излучателей,  $2\theta_{0,5}$  зависит от L и мало чувствительна к степени заполнения апертуры.

«разрежение» решетки сопровождается  $\uparrow$  среднего уровня боковых лепестков. УБЛ  $\sim$  обратно числу оставшихся в решетке излучателей.

$\Delta f$  и  $\theta_m$  в неэкв.решетки  $>$   $\Delta f$  и  $\theta_m$  эквид. решетки

## КНД

$$L \rightarrow L_{\text{экв}} = Nd$$

$D \approx \frac{2L}{\lambda} = 2Nd \frac{d}{\lambda}$  в режиме поперечного и наклонного излучений

$D \approx \frac{4L}{\lambda} = 4N \frac{d}{\lambda}$  в режиме осевого излучения

$D_{\text{опт}} \approx 8 \frac{L}{\lambda} = 8N \frac{d}{\lambda}$  в режиме осевого излучения с оптимально

замедленной фазовой скоростью

$$\beta_{\text{опт}} = 1 + \frac{\lambda}{2Nd}, d < \frac{\lambda}{2}$$

Неэквидистанные решетки используют в качестве приемных, т.к

- имеют большие размеры.
- число элементов  $N$  оказывается при эквидистантном их расположении значительно большими.

Использование неэквидистантных разреженных решеток представляется особенно перспективным.