

# Работа выполнена

Учителем математики  
МБОУ «СОШ № **143** с углубленным изучением  
отдельных предметов» Ново-Савиновского района  
г.Казани  
Махияновой Эльвирой Ильдусовной



# Тема: Преобразование графиков тригонометрических функций

Функция:  $y=a \times \sin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ )



## Содержание

1.Основной график тригонометрической функции  $y=\sin x$ .

2.Зависимость графика тригонометрических функций от коэффициента **a**.

3.Зависимость графика тригонометрических функций от коэффициента **b**

4.Зависимость графика тригонометрических функций от коэффициента **c**

Тест: закрепление пройденного.

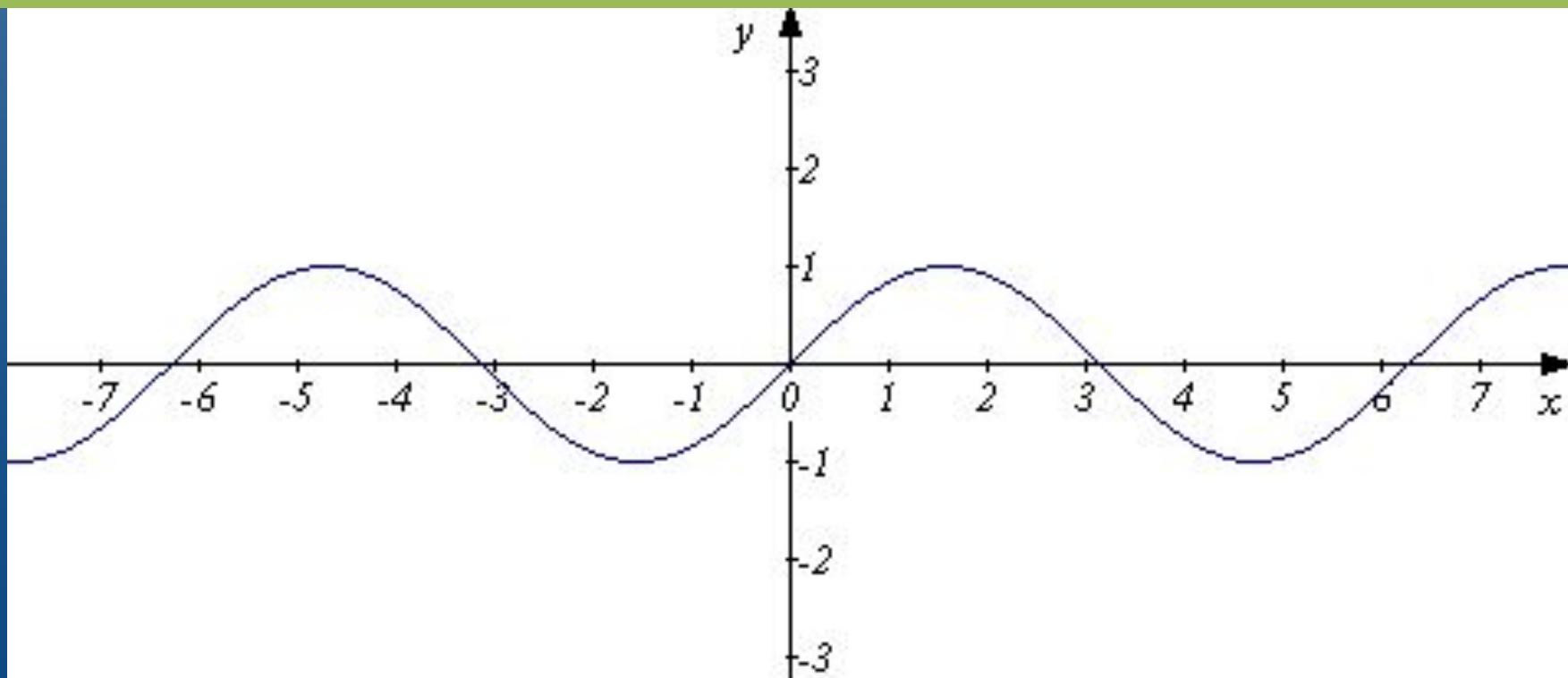
5.Преобразование графиков тригонометрических функций  $y=a\sin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ ) (зависимость двух коэффициентов **a** и **b**)

6.Преобразование графиков тригонометрических функций  $y=a\sin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ ) (зависимость двух коэффициентов **a**, **b** и **c**)

7. Использованная литература и ПО.



# 1.Основной график тригонометрической функции $y=\sin x$ , синусоид,



Свойства функции  $y=\sin x$ , где  $a=1$ ;  $b=0$ ;  $c=0$

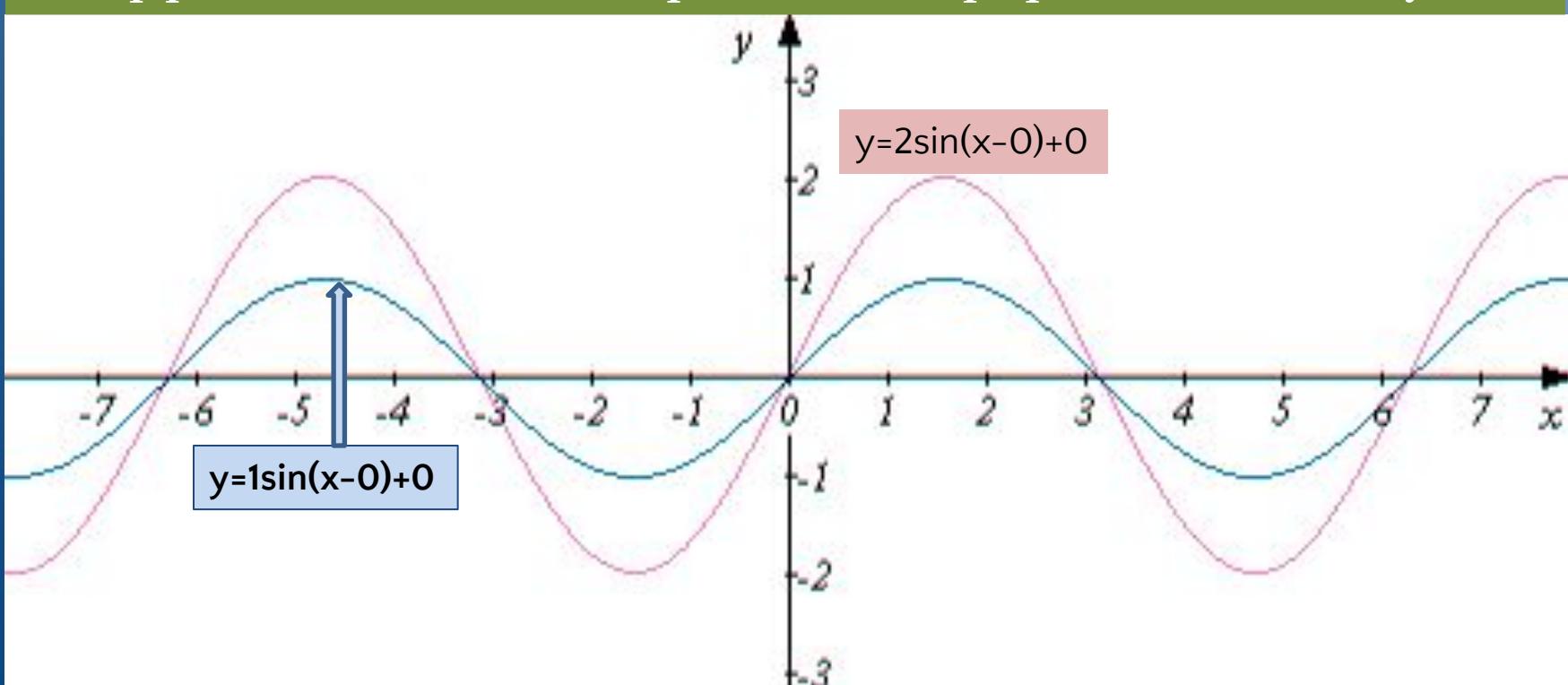
- $D(y) = (-\infty; +\infty)$  – область определения функции
- $E(y) = [-1; 1]$  – область значения функции
- $\sin(-x) = -\sin x$ , является нечётной функцией, т.к.  $f(-x) = -f(x)$ ,



## 2. от коэффициента $a$ зависимость графика тригонометрических функций

Функция  $y=a \times \sin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ )

Коэффициент  $a$  отвечает за растяжение графика вдоль оси  $Oy$ .



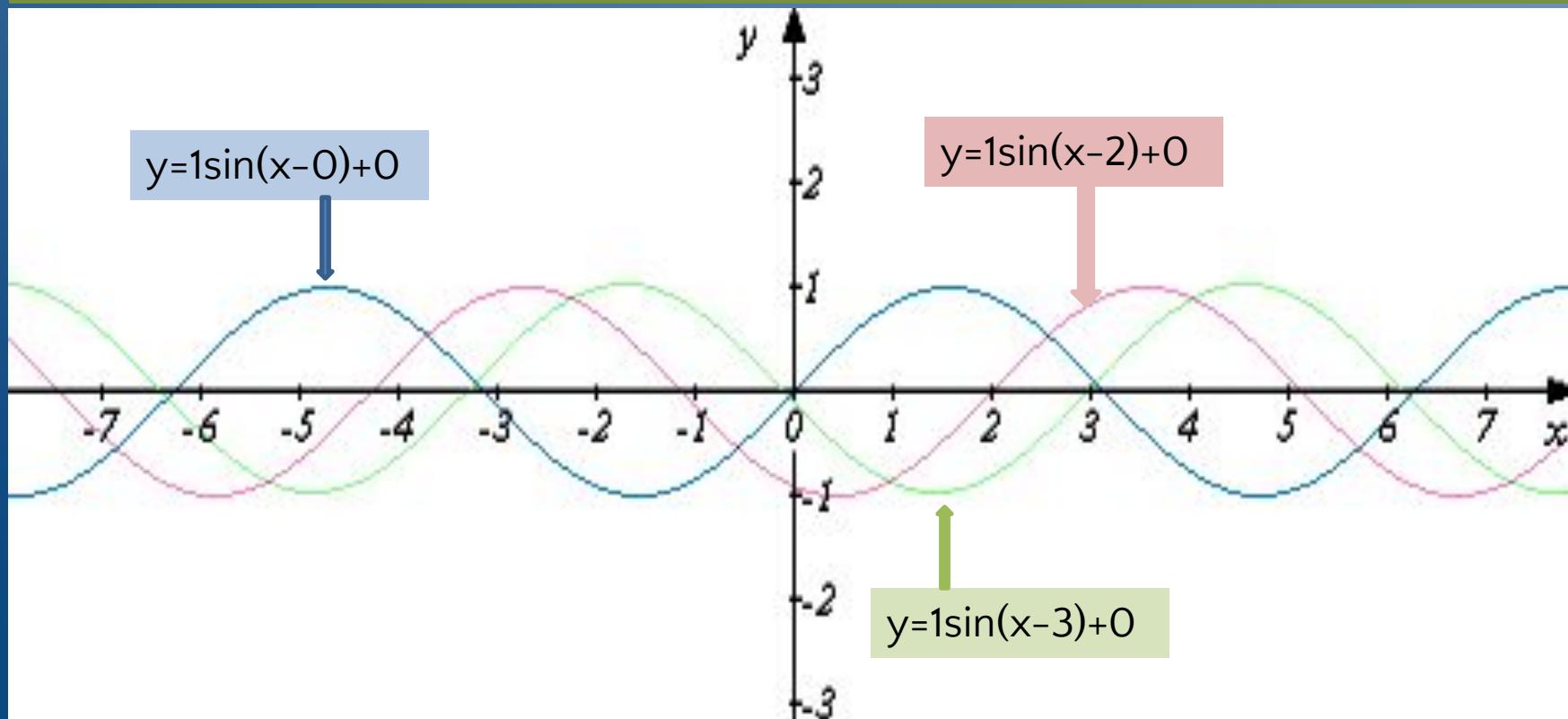
**Область значения** тригонометрической функции **меняется** и график растягивается вдоль оси  $Oy$  с коэффициентом  $a$ , где  $a \geq 1$ .  
 $y=\sin x$  ( $a=1$ , область значения:  $-1 \leq y \leq 1$  – основной график)  
 $y=2\sin x$  ( $a=2$ , область значения меняется:  $-2 \leq y \leq 2$ )



### 3. От коэффициента **b** зависит график тригонометрических функций

Функция  $y=a \times \sin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ )

Коэффициент **b** отвечает за смещение графика по оси Ох,



Если  $b>0$ , то график смещается вправо на **b** единиц по оси Ох

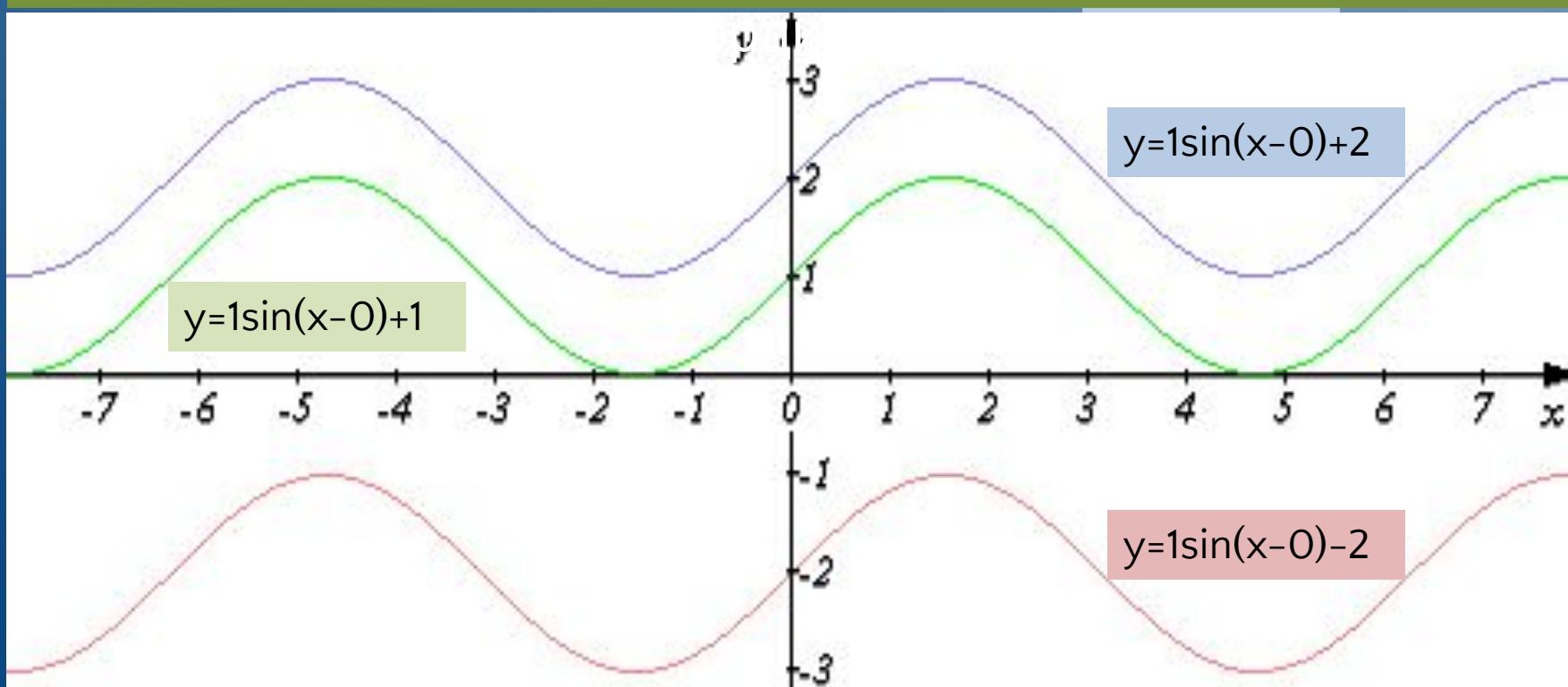
Если  $b<0$ , то график смещается влево на **b** единиц по оси Ох



#### 4. от коэффициента **c** зависит график тригонометрических функций

Функция  $y=asin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ )

Коэффициент **c** отвечает за смещение графика по оси  $Oy$ ,



Если  $c > 0$ , то график смещается вверх на **c** единиц по оси  $Oy$ .

Если  $c < 0$ , то график смещается вниз на **c** единиц по оси  $Oy$ .

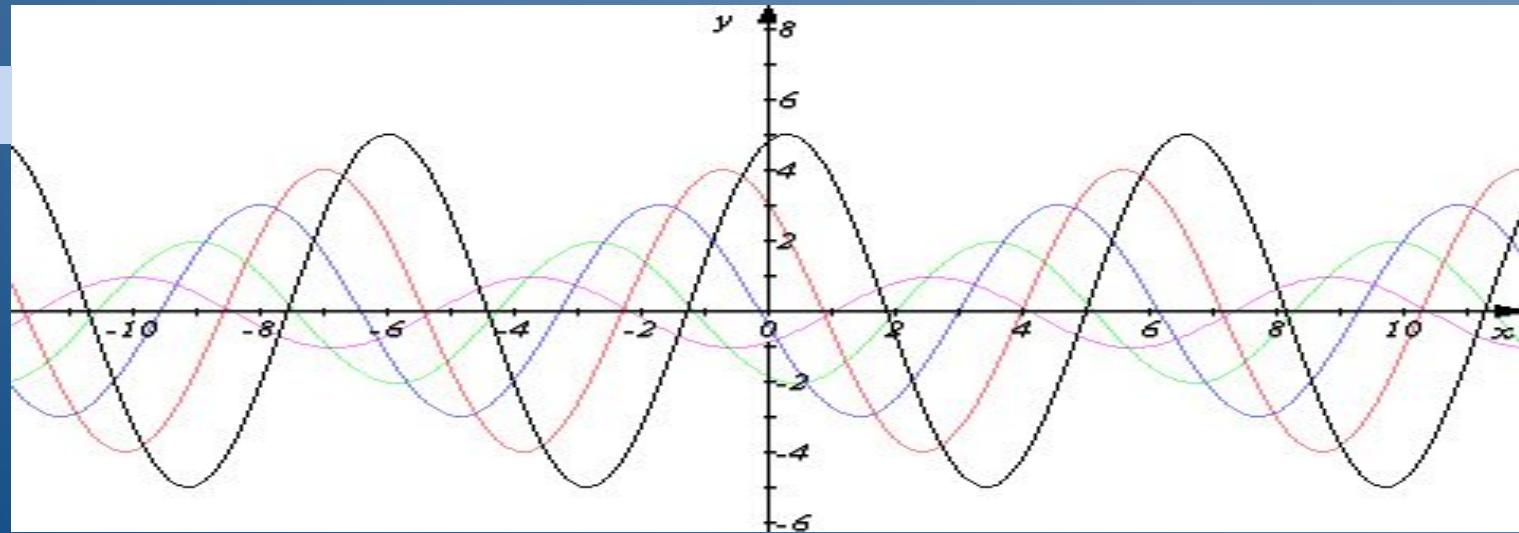
# тест

Даны тригонометрические функции

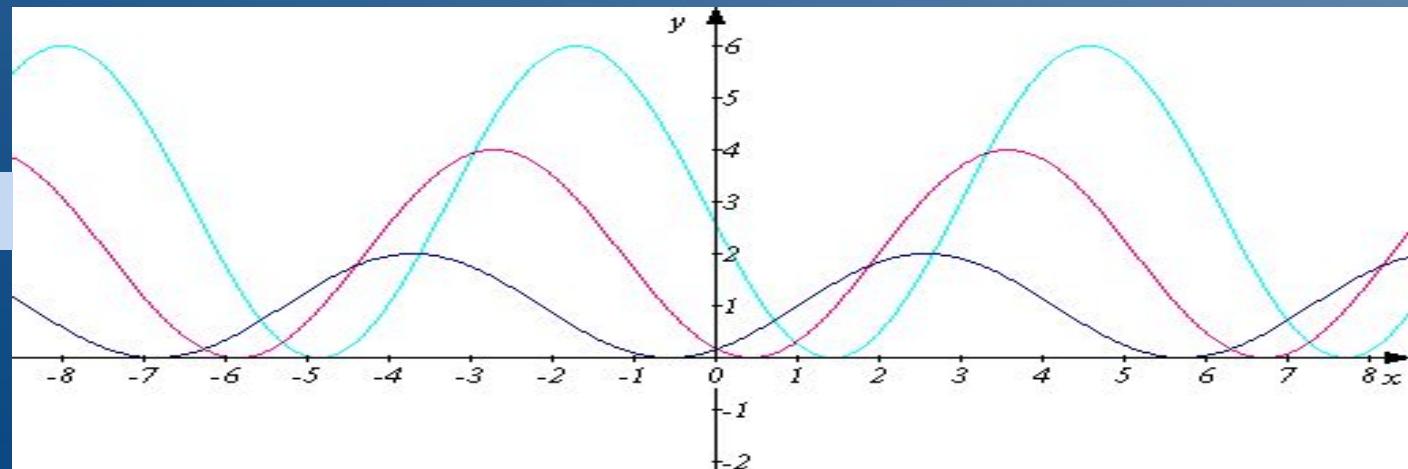
$y=3\sin(x-3)+3$	$y=1\sin(x-1)+1$
$y=1\sin(x-1)+0$	$y=4\sin(x-4)+0$
$y=3\sin(x-3)+0$	$y=2\sin(x-2)$
$y=5\sin(x-5)+0$	$y=2\sin(x-2)+2$

Расположите их на графиках №1 и №2:

№ 1



№ 2

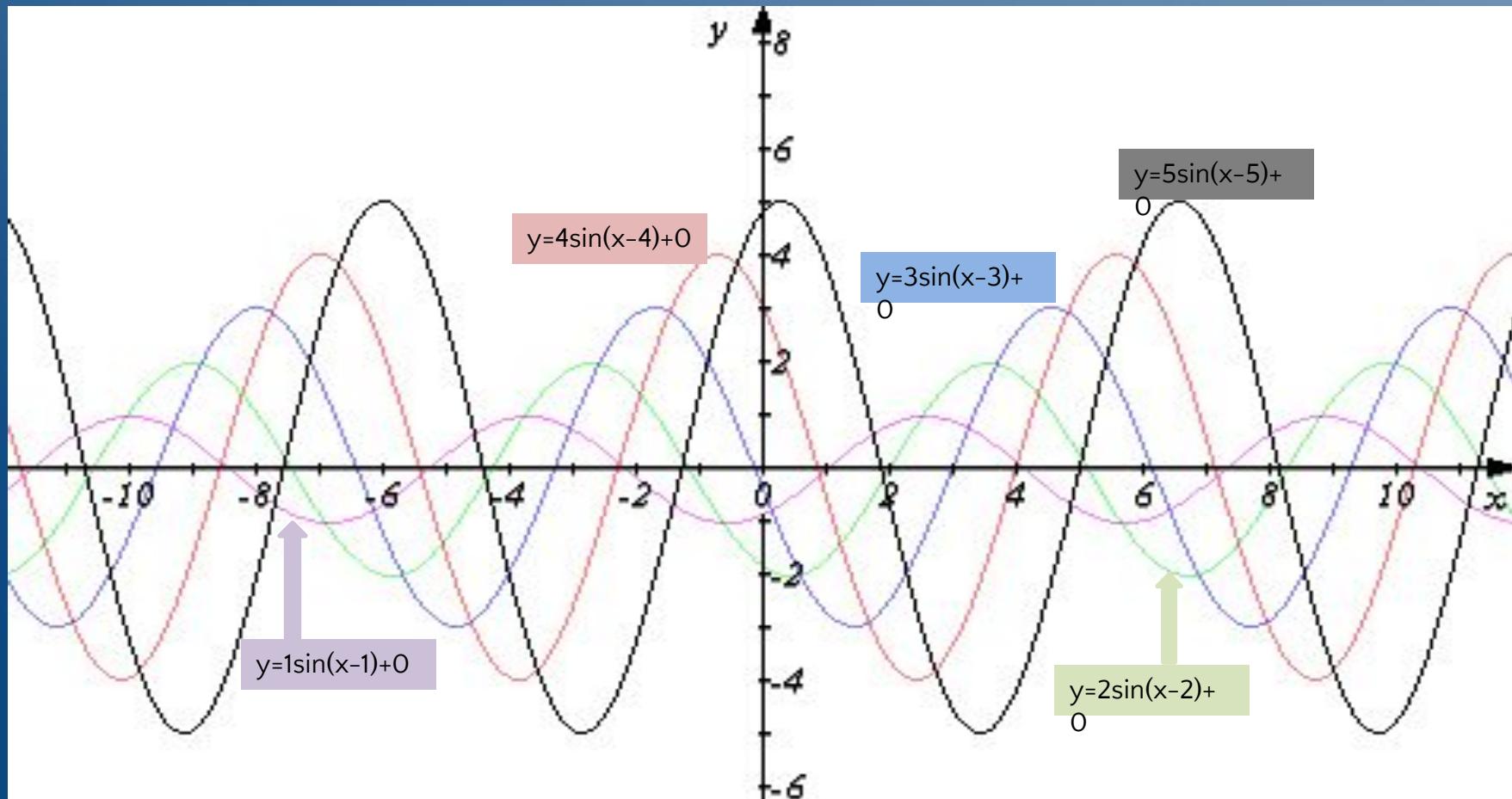


Назад к  
содержанию



## зависимость двух коэффициентов $a$ и $b$ (ответ)

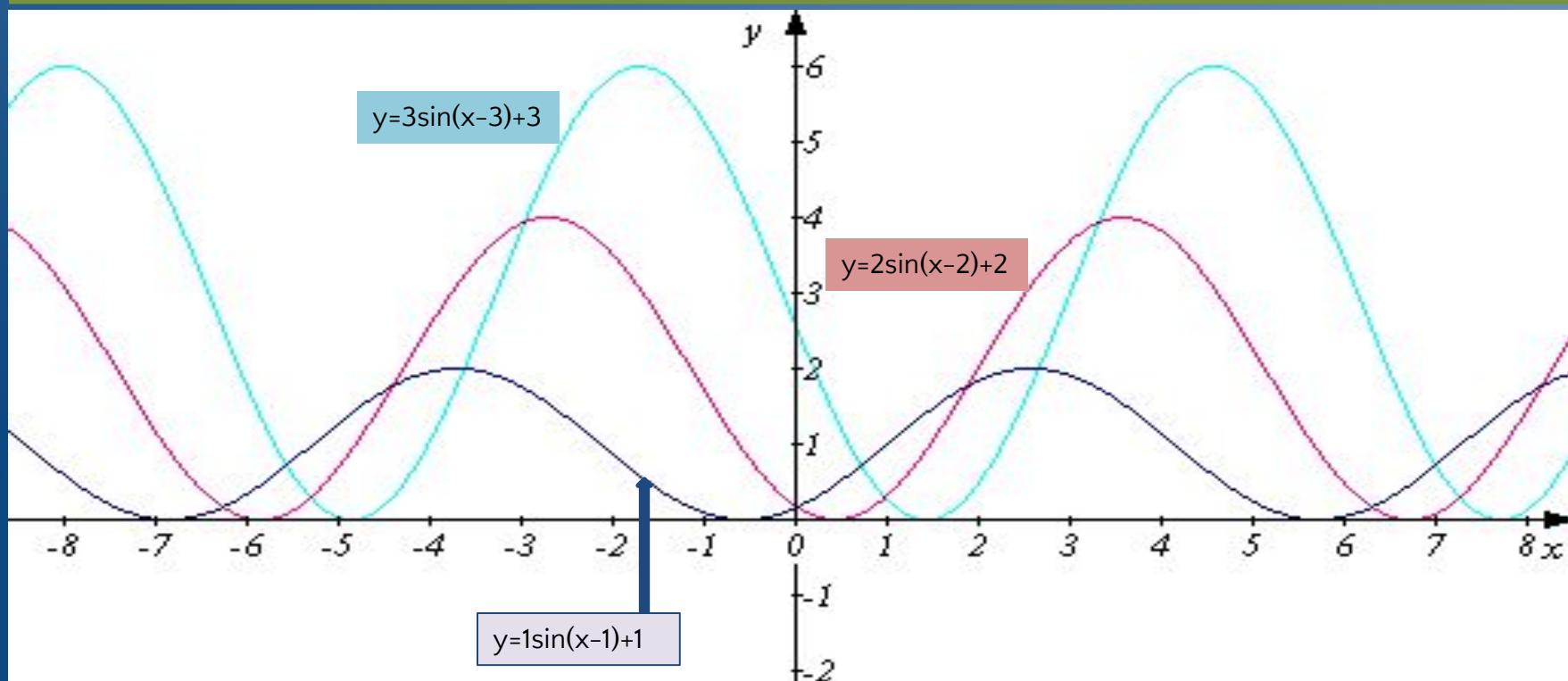
Растяжение графика вдоль оси Оу и смещение графика по оси Ох.  
 $y=a\sin(x-b)+c$  (где  $a \geq 1$ )



## зависимость двух коэффициентов $a$ , $b$ и $c$ (ответ)

$$y=a \times \sin(x-b)+c \text{ (где } a \geq 1\text{)}$$

Растяжение графика вдоль оси  $Oy$ ,  
смещение графика по оси  $Oy$  и  
смещение графика по оси  $Ox$ .



## Использованная литература:

- Алгебра и начала анализа  
Уч. для 10-11 кл. бщеобразоват.  
учреждений./Под редакцией А. Н.  
Колмогорова и другие-.:Просвещение,2007г
- СТАНДАРТАМ СРЕДНЕГО(полного)  
**ОБРАЗОВАНИЯ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЕ К  
УРОВНЮ ПОДГОТОВКИ ВЫПУСКНИКОВ (Начала  
МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА).**

## Использованное ПО:

- Графики 3.03  
Автор программы: Кветкин Иван
- Adobe Photoshop CS5
- Microsoft Office PowerPoint 2010

