

# **Зарождение и развитие алгебры.**

**Работу выполнил  
ученик 7 «А» класса  
Князев Владислав.**

**Руководитель – учитель математики Черкасова С.А. ■**

# Измерим алгеброй гармонию стихов !

А можно ли это сделать?  
И что такое алгебра?



**Алгебра** , есть наука о числах и через  
посредство чисел — о величинах вообще.

Происхождение самого слова «**алгебра**» не вполне выяснено.

По мнению большинства это слово произошло от названия труда арабского математика Ал-Хорезми. «**Аль-джабр-аль-мукабалла**» т. е. Учение о перестановках, отношениях и решениях.

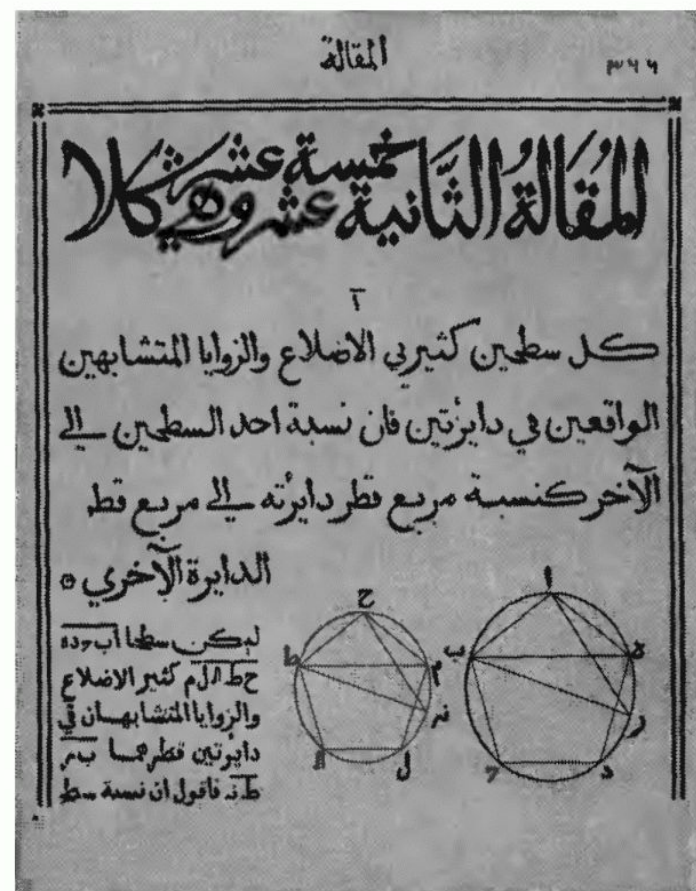
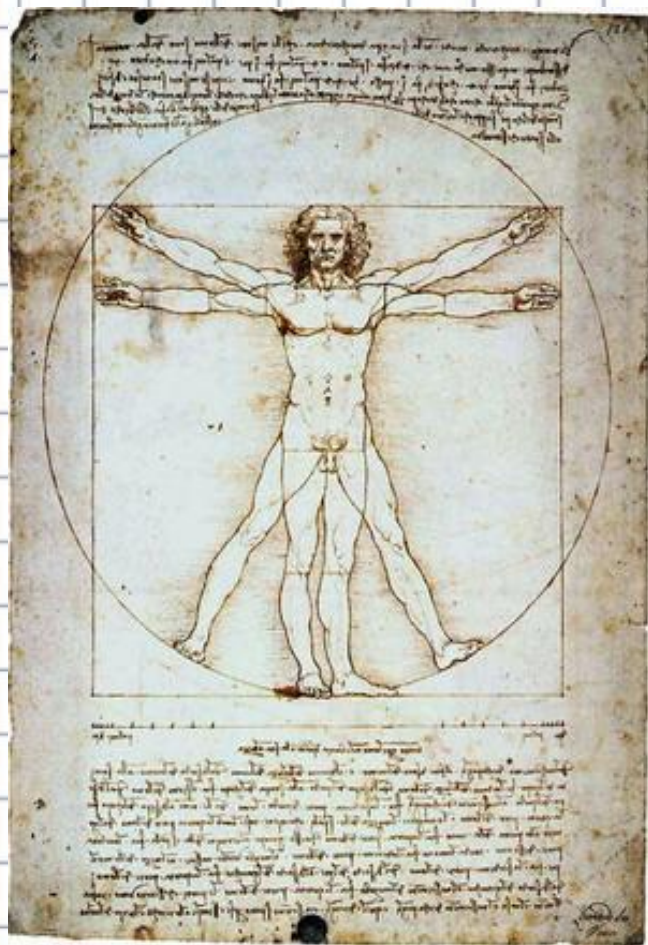


Первое дошедшее до нас сочинение , есть трактат  
**Диофанта** , жившего в середине 4-го века .



$+$   $\div$   $=$   $\approx$

В Европе алгебра снова появляется только в эпоху Возрождения , и именно от арабов



Были открыты способы решений уравнений 3-4 той степеней. Распространение получили отрицательные и комплексные числа . Было доказано , что любое уравнение выше 4 той степени нельзя решить алгебраическим способом.

$$\begin{aligned}
 \text{б) } \frac{9 + 12i - 4}{1 - 6i + 12i^2 - 8i^3} &= \frac{5 + 12i}{-11 + 2i} = -\frac{5 + 12i}{11 - 2i} = \\
 &= -\frac{(5 + 12i) \cdot (11 + 2i)}{(11 + 2i) \cdot (11 + 2i)} = -\frac{55 - 24 + 132i + 10i}{121 + 4} =
 \end{aligned}$$

**Возведение в степень**  
 $(r(\cos \varphi + i \sin \varphi))^n = r^n(\cos n\varphi + i \sin n\varphi)$  —  
 формула Муавра.

**Извлечение корня  $n$ -ой степени**

$$\sqrt[n]{r(\cos \varphi + i \sin \varphi)} = \sqrt[n]{r} \left( \cos \frac{\varphi + 2k\pi}{n} + i \sin \frac{\varphi + 2k\pi}{n} \right).$$

$\sqrt[n]{r}$  — арифметический корень  
 $k = 0; 1; 2; \dots, n-1$ .

Корень степени  $n$  в множестве комплексных чисел имеет  $n$  различных значений. Все значения  $\sqrt[n]{0}$  равны между собой и равны 0.

Все  $n$  значения корня  $n$ -ой степени изображаются точками на окружности с центром в начале координат, радиус которой равен  $\sqrt[n]{r}$ . Эти точки — вершины правильного  $n$ -угольника.

$$\begin{aligned}
 (2(\cos 20^\circ + i \sin 20^\circ))^3 &= \\
 &= 2^3(\cos 60^\circ + i \sin 60^\circ) = 8 \cdot \frac{1}{2} + i \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \\
 &= 4 + 4\sqrt{3}i.
 \end{aligned}$$

Найти  $\sqrt[3]{1}$ .

Решение.

$$\begin{aligned}
 1 &= \cos 0^\circ + i \sin 0^\circ. \\
 \sqrt[3]{1} &= \sqrt{\cos 0^\circ + i \sin 0^\circ} = \\
 &= \sqrt[3]{1} \cdot \left( \cos \frac{0 + 2k\pi}{3} + i \sin \frac{0 + 2k\pi}{3} \right). \\
 k = 0; 1; 2; \\
 k = 0; u_0 &= 1 \cdot (\cos 0 + i \sin 0) = 1; \\
 k = 1. u_1 &= 1 \cdot \left( \cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right) = \\
 &= 1 \cdot \left( -\frac{1}{2} + i \frac{\sqrt{3}}{2} \right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot i. \\
 k = 2. u_2 &= 1 \cdot \left( \cos \frac{4\pi}{3} + i \sin \frac{4\pi}{3} \right) = \\
 &= 1 \cdot \left( -\frac{1}{2} - i \frac{\sqrt{3}}{2} \right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot i.
 \end{aligned}$$

Ответ:  $1; -\frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

Отсутствие удобной и хорошо развитой символики тормозило дальнейшее развитие алгебры . Самые сложные формулы приходилось отражать в словесной форме . В конце 16 го века французский математик Ф.Виет ввёл буквенные обозначения не только для неизвестных и для произвольных постоянных величин .



# Решая задачи по теории алгебраических уравнений французский учёный **Эварист Галуа** заложил основы современной **алгебры**.

Exemple du Théorème VII  
Soit  $n=5$ , le groupe sera le suivant :

a b c d e
b e d c a
c d e a b
d e a b c
e a b c d
-----
a c e b d
c e b d a
e b d a c
b d a c e
d a c e b
-----
a e d c b



Handwritten mathematical notes and equations, including the quadratic formula  $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$  and other algebraic derivations.



# Алгебра в России.



Особенно важную роль в развитии русской науки сыграла книга «Арифметика, или наука числительная», написанная Леонтием Филипповичем Магницким. Но кроме арифметики там были начала геометрии, тригонометрии, а также алгебры.



$$\frac{\partial}{\partial \theta} \int_{R_n} T(x) f(x, \theta) dx = \int_{R_n} \frac{\partial}{\partial \theta} T(x) f(x, \theta) dx$$

$$\frac{\partial}{\partial a} \ln f_{a, \sigma^2}(\xi_1) = \frac{(\xi_1 - a)}{\sigma^2} f_{a, \sigma^2}(\xi_1) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left\{-\frac{(\xi_1 - a)^2}{2\sigma^2}\right\} \frac{\partial}{\partial a} \ln f_{a, \sigma^2}(\xi_1)$$

$$\int_{R_n} T(x) \cdot \frac{\partial}{\partial \theta} f(x, \theta) dx = M\left(T(\xi) \cdot \frac{\partial}{\partial \theta} \ln L(\xi, \theta)\right)$$

$$\int_{R_n} T(x) \cdot \left(\frac{\partial}{\partial \theta} \ln L(x, \theta)\right) \cdot f(x, \theta) dx = \int_{R_n} T(x) \cdot \left(\frac{\partial}{\partial \theta} \ln L(x, \theta)\right) \cdot f(x, \theta) dx$$

$$\frac{\partial}{\partial \theta} \int_{R_n} T(x) f(x, \theta) dx = \int_{R_n} \frac{\partial}{\partial \theta} T(x) f(x, \theta) dx$$



Биография.ру

Важный для нашей истории человек- **Дмитрий Александрович Граве** , который стал одним из первых в России чистым алгебраистом .  
 От **Граве** пошли все основные работающие сегодня в России алгебраические школы .

**Алгебра** которую мы стали изучать даст нам  
возможность выполнять различные вычисления  
гораздо быстрее рациональнее .

«Когда достигнешь ты наук  
высоты .  
Познаешь цену знаниям своим ,  
Поймёшь что алгебры красоты  
Для жизни будут кладом не  
плохим !»



Благодарю за внимание!

