

# Системы счисления

**Система счисления – это знаковая система, в которой числа записываются по определенным правилам с помощью символов некоторого алфавита, называемых цифрами.**

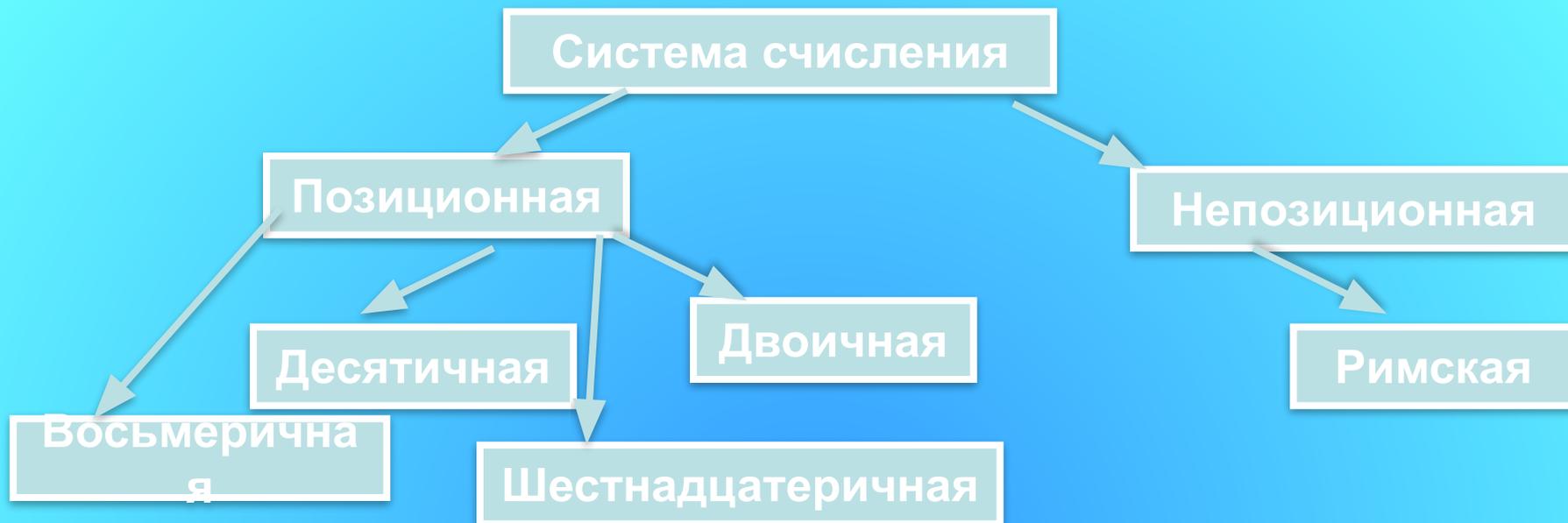
**Алфавит систем счисления состоит из символов, которые называются цифрами.**

Алфавит десятичной системы: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

Алфавит восьмеричной системы: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7.

Алфавит шестнадцатеричной системы: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, А, В, С, D, E, F.

Алфавит двоичной системы: 0, 1.



В позиционных системах счисления значение цифры зависит от ее положения в числе, а в не позиционных – не зависит.

Основание позиционной системы счисления ( $q$ ) – количество символов, используемых для записи числа.

В позиционной системе счисления с основанием  $q$  любое число может быть представлено в виде:

$$Aq = \pm(a_{n-1} \times q^{n-1} + a_{n-2} \times q^{n-2} + \dots + a_0 \times q^0 + a_{-1} \times q^{-1} + \dots + a_{-m} \times q^{-m})$$

$A$  — число;

$q$  — основание системы счисления;

$a_i$  — цифры, принадлежащие алфавиту данной системы счисления;

$n$  — количество целых разрядов числа;

$m$  — количество дробных разрядов числа;

$q^i$  — «вес»  $i$ -го разряда.

Такая запись числа называется **развёрнутой формой записи**.

$$250_{10} = 2 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 0 \times 10^0$$

$$25A_{16} = 2 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + A \times 16^0$$

$$253_8 = 2 \times 8^2 + 5 \times 8^1 + 3 \times 8^0$$

$$101_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$



## Перевод чисел из системы счисления с основанием S в десятичную систему счисления

Перевод чисел из любой системы счисления в десятичную осуществляется представлением этого числа в развернутом виде

Перевести в десятичную систему счисления числа  $101,1_2$ ,  $32_8$ ,  $1A_{16}$ .

$$101,1_2 = 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} = 5,5_{10}$$

$$32_8 = 3 \cdot 8^1 + 2 \cdot 8^0 = 26_{10}$$

$$1A_{16} = 1 \cdot 16^1 + A \cdot 16^0 = 26_{10}$$

Восьмеричная система счисления	Двоичные триады (0-7)	Шестнадцатеричная система счисления	Двоичные тетрады (0-15)
0	000	0	0000
1	001	1	0001
2	010	2	0010
3	011	3	0011
4	100	4	0100
5	101	5	0101
6	110	6	0110
7	111	7	0111
		8	1000
		9	1001
		A	1010
		B	1011
		C	1100
		D	1101
		E	1110
		F	1111

# Двоичная арифметика

$$0 + 0 = 0$$

$$0 - 0 = 0$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 - 1 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 - 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

$$10 - 1 = 1$$

$$\begin{array}{r} 1101 \\ + 110 \\ \hline 10011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1101 \\ - 110 \\ \hline 111 \end{array}$$