

# Параметрическая модель VaR (Value at Risk)

# Предпосылки расчета VaR

- VaR можно перевести как стоимость (портфеля), которой рискует инвестор
- Дисперсия не может рассматриваться как подходящий показатель измерения риска портфеля, т.к. не учитывает возможную скошенность в распределении доходности портфеля, если оно не является симметричным
- VaR – это показатель, оценивающий риск портфеля (рыночный риск)
- VaR позволяет количественно оценить ожидаемые потери в стоимости портфеля в "нормальных условиях" функционирования рынка

# Понятие VaR

- VaR – это показатель риска, который показывает, какую максимальную сумму денег может потерять портфель инвестора в течение определенного периода времени с заданной доверительной вероятностью.
- VaR также говорит о том, что потери в стоимости портфеля в течение этого периода времени будут меньше данной величины с определенной вероятностью.
- Доверительную вероятность можно определить как показатель, говорящий о том, какое количество раз из каждых 100 раз потери в стоимости портфеля не превысят данного уровня. Уровень доверительной вероятности задается заранее и зависит от характера компании, владеющей портфелем, и от субъективного подхода управляющего портфелем к этому вопросу. Обычно он равен 95% или 99%.

# Предположения для расчета VaR

- При расчете VaR для некоторого временного интервала предполагается, что состав портфеля за этот период остается неизменным.
- В противном случае необходимо пересчитывать и значение VaR, т.к. новые активы, включаемые в портфель, изменяют и его риск

# Период для расчета VaR

- Наиболее распространенный период, для которого рассчитывается VaR, – один день, т.е. 24 часа. Однодневный VaR обозначают как DEaR (Daily Earning at Risk).
- Базельский банк международных расчетов рекомендует банкам рассчитывать 10-дневный VaR с доверительной вероятностью 99% для определения минимального уровня собственных средств.
- Чем больше период времени, для которого рассчитывается VaR, тем больше будет и его величина, т.к. на более длительном отрезке времени возрастает и вероятность более крупных потерь

# Понятия абсолютного и относительного значения VaR

- **Абсолютный VaR** можно определить как максимальную сумму денег, которую может потерять портфель инвестора в течение определенного периода времени с заданной доверительной вероятностью.
- **Относительный VaR** отличается от абсолютного тем, что он рассчитывается относительно ожидаемой доходности портфеля. Его значение учитывает, что инвестор с заданной вероятностью не только может потерять сумму равную абсолютному VaR, но и не получить сумму равную средней ожидаемой доходности портфеля за рассматриваемый период.
- **Если ожидаемая доходность портфеля равна нулю, то значения абсолютного и относительного VaR совпадают**

# Методики определения VaR

- **параметрические модели** (аналитическими или дисперсионно-ковариационными)
- **непараметрические модели**

# Параметрическая модель VaR

- Модель называется *параметрической*, если нам известна функция распределения случайной величины и параметры ее распределения.
- В параметрической модели VaR предполагается, что доходность финансовых активов следует определенному виду вероятностного распределения, обычно нормального.
- Для заданного уровня доверительной вероятности VaR портфеля рассчитывают по формуле:

$$VAR_p = P_p \sigma_p Z_\alpha$$

# Параметрическая модель VaR

- Для заданного уровня доверительной вероятности VaR портфеля рассчитывают по формуле:

$$VAR_p = P_p \sigma_p Z_\alpha$$

- $P_p$  - стоимость портфеля
- $\sigma_p$  - риск портфеля (стандартное отклонение доходности портфеля)
- $Z_\alpha$  - квантиль уровня  $\alpha$  нормального распределения

# Матричная форма расчета VaR

$$VaR_p = \sqrt{V^T \rho V}$$

- $V$  – матрица-столбец значений VaR по каждой бумаге;
- $V^T$  – транспонированная матрица-столбец значений VaR по каждой бумаге, т.е. матрица-строка;
- $\rho$  – корреляционная матрица размерности  $n \times n$  ( $n$  – число активов в портфеле).

# Диверсифицированный и недиверсифицированный VaR портфеля

- Поскольку корреляции могут изменяться со временем, то наряду с показателем диверсифицированного VaR целесообразно рассчитывать и не диверсифицированный VaR.
- VaR с учетом корреляций между активами портфеля называют **диверсифицированным**.
- Если определить VaR без учета корреляций, то получим **не диверсифицированный VaR**. Он представляет собой простую сумму индивидуальных VaR активов портфеля и покажет максимум возможных потерь (при нормальных условиях рынка) для данного уровня доверительной вероятности в случае неустойчивости корреляций или

# Расчет VaR с учетом временного интервала

- Для расчета однодневного VaR при данных за год матрицу ковариаций, составленную из годовых значений, необходимо перевести в матрицу с однодневными значениями.

$$\sigma_{\text{1день}} = \frac{\sigma_{\text{год}}}{\sqrt{\text{количество торговых дней в году}}}$$

- Данную матрицу удобно сразу скорректировать в соответствии с заданным уровнем доверительной вероятности.

- Тогда годовую  $K = \frac{(\text{уровень доверительной вероятности})^2}{\text{количество торговых дней в году}}$  **нужно умножить на коэффициент**...

# Расчет VaR портфеля через стоимости активов

- $$VaR_p = \sqrt{C^T Q' C},$$

где  $C$  – матрица-столбец, представленная стоимостями входящих в портфель активов;

$Q'$  – ковариационная матрица, скорректированная на требуемый уровень доверительной вероятности и временной период.

# Расчет VaR портфеля из двух активов

- Пусть стандартные отклонения и уд. веса первого и второго активов соответственно равны  $\sigma_1, \theta_1$  и  $\sigma_2, \theta_2$ , стоимость портфеля составляет  $P$ .
- Тогда VaR портфеля для уровня доверительной вероятности  $\alpha$  равен:

$$VaR_p = \alpha \sigma_p P = \alpha \sqrt{\theta_1^2 \sigma_1^2 + \theta_2^2 \sigma_2^2 + 2\theta_1 \theta_2 \sigma_1 \sigma_2 \text{corr}_{1,2}} P$$

ИЛИ

$$VaR_p = \sqrt{\alpha^2 \theta_1^2 \sigma_1^2 P^2 + \alpha^2 \theta_2^2 \sigma_2^2 P^2 + 2\alpha \theta_1 \sigma_1 P \alpha \theta_2 \sigma_2 P \text{corr}_{1,2}},$$

ИЛИ

$$VaR_p = \sqrt{(VaR_1)^2 + (VaR_2)^2 + 2VaR_1 \cdot VaR_2 \cdot \text{corr}_{1,2}}$$

# Расчет VaR портфеля из двух активов

- Если коэффициент корреляции между доходностями активов равен единице
- Тогда VaR портфеля для уровня доверительной вероятности  $\alpha$  равен:

$$VaR_p = \sqrt{(VaR_1)^2 + (VaR_2)^2 + 2VaR_1 \cdot VaR_2} = \sqrt{(VaR_1 + VaR_2)^2}$$

или

$$VaR_p = VaR_1 + VaR_2$$

В случае полной положительной корреляции между активами VaR портфеля является суммой индивидуальных VaR входящих в него активов.

# Перерасчет значения VaR для разных значений доверительной вероятности

- Пусть VaR портфеля для доверительной вероятности  $z_1$  равна  $VaR_1 = P\sigma z_1$ ,

- для доверительной вероятности  $z_2$ :

$$P\sigma = \frac{VaR_1}{z_1}$$

- Выразим значение  $P$  из первой формулы и подставим во вторую формулу:

$$VaR_2 = VaR_1 \frac{z_2}{z_1}$$

# Перерасчет значения VaR для разных периодов времени

- Пусть VaR портфеля для периода  $t_1$  равен  $VaR_1 = P\sigma\sqrt{t_1}z$ ,
- для периода  $t_2$ :  $VaR_2 = P\sigma\sqrt{t_2}z$ ,
- Выразим значение  $P\sigma z$  из первой формулы  $P\sigma z = \frac{VaR_1}{\sqrt{t_1}}$

и подставим во вторую:

$$VaR_2 = VaR_1 \sqrt{\frac{t_2}{t_1}}$$

Таким образом, зная величину  $VaR_1$  для периода времени  $t_1$ , легко получить  $VaR_2$  для периода времени  $t_2$ .

# Пример 1

- Определить однодневный VaR с доверительной вероятностью 95% для портфеля стоимостью 10 млн. руб., в который входят акции только одной компании. Стандартное отклонение доходности акции в расчете на год равно 25%. В году 250 торговых дней.
- В предположении, что на основании данных за прошлый год средняя доходность портфеля за день составляла 0,1% рассчитать относительный VaR.

# Решение примера 1

- Так как необходимо определить однодневный VaR, то вначале рассчитаем стандартное отклонение доходности акции для од

$$\sigma_{\text{1день}} = \frac{\sigma_{\text{год}}}{\sqrt{\text{количество торговых дней в году}}}$$

$$\sigma = 0,25 : \sqrt{250} = 0,0158$$

- По таблице нормального распределения (функция Лапласа) находим, что уровню доверительной вероятности в 95% соответствует 1,65 стандартных отклонений. VaR портфеля равен

$$VAR_p = 10 \text{ млн.} \cdot 0,0158 \cdot 1,65 = 260,7 \text{ тыс. руб.}$$

# Выводы (интерпретация результата)

- Таким образом, в течение следующих 24 часов максимальные потери в стоимости портфеля инвестора с доверительной вероятностью 95% могут составить 260,7 тыс. руб.
- В течение следующих 24 часов вероятность потерять сумму денег меньше 260,7 тыс. руб. равна 95%, а сумму больше 260,7 тыс. руб. – 5%.

# Расчет относительного VaR

- Т.к. за прошлый год средняя доходность портфеля за день составляла 0,1%, то от 10 млн. руб. это составляет 10 тыс. руб. Тогда относительный VaR равен:

$$260,7 \text{ тыс.} + 10 \text{ тыс.} = 270,7 \text{ тыс. руб.}$$

## Пример 2

- Определить однодневный VaR с доверительной вероятностью 95% для портфеля стоимостью 10 млн. руб., в который входят акции двух компаний. Уд. вес первой акции в стоимости портфеля составляет 60%, второй – 40%. Стандартное отклонение доходности первой акции в расчете на один день равно 1,58%, второй – 1,9%, коэффициент корреляции доходностей акций равен 0,8.

# Решение примера 2

- Определяем стандартное отклонение доходности портфеля:

$$\sigma_p = \left(0,6^2 \cdot 1,58^2 + 0,4^2 \cdot 1,9^2 + 2 \cdot 0,6 \cdot 0,4 \cdot 1,58 \cdot 1,9 \cdot 0,8\right)^{\frac{1}{2}} = 1,62\%$$

- По таблице нормального распределения (функция Лапласа) находим, что уровню доверительной вероятности в 95% соответствует 1,65 стандартных отклонений. Определяем VaR портфеля

$$VaR_p = 10 \text{млн.} \cdot 0,0162 \cdot 1,65 = 267,3 \text{тыс.руб.}$$

## 2 способ расчета VaR

- Определим в примере 2 абсолютный VaR для первой акции:

$$VaR_1 = 10 \text{ млн.} \cdot 0,6 \cdot 0,0158 \cdot 1,65 = 156,42 \text{ тыс. руб.}$$

- Абсолютный VaR для второй акции равен:

$$VaR_2 = 10 \text{ млн.} \cdot 0,4 \cdot 0,019 \cdot 1,65 = 125,4 \text{ тыс. руб.}$$

- Абсолютный VaR портфеля составляет:

$$VaR_p = \sqrt{\begin{pmatrix} 156,42 & 125,4 \\ 125,4 & 156,42 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0,8 \\ 0,8 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 156,42 \\ 125,4 \end{pmatrix}} = 267,3 \text{ тыс. руб.}$$

# Пример 3

- Российский инвестор купил акции компании А на 147,059 тыс. долл. Стандартное отклонение доходности акции составляет 1,58%. Курс доллара 1долл.=68 руб., стандартное отклонение валютного курса в расчете на один день 0,6%, коэффициент корреляции между курсом доллара и ценой акции компании А равен 0,2. Определить VaR портфеля инвестора с доверительной вероятностью 95%.

# Решение примера 3

- Текущий курс доллара равен 68 руб., поэтому рублевый эквивалент позиции инвестора составляет:

$$147,059 \text{ тыс.дол.} \cdot 68 \text{руб.} = 10 \text{ млн.руб.}$$

Это означает, что в настоящий момент инвестор рискует суммой в 10 млн. руб., и данный риск обусловлен двумя факторами: возможным падением котировок акций компании А и падением курса доллара. Реализация любого из данных рисков приведет к падению стоимости портфеля ниже суммы в 10 млн. руб.

# Решение примера 3

- Т.к. цена акций компании А и валютный курс имеют корреляцию существенно меньшую чем плюс один, то общий риск портфеля уменьшается за счет эффекта диверсификации. Поэтому дисперсия доходности портфеля равна:

$$\sigma_p^2 = 1,58^2 + 0,6^2 + 2 \cdot 1,58 \cdot 0,6 \cdot 0,2 = 3,2356$$

- Стандартное отклонение  $\sigma_p = \sqrt{3,2356} = 1,7988\%$  <sup>1</sup> составляет:

- Однодневный VaR портфеля равен:

$$10 \text{ млн.} \cdot 0,017988 \cdot 1,65 = 296,8 \text{ тыс. руб.}$$

# Пример 4

- Курс доллара составляет 1долл.=68 руб., курс евро – 1евро=74 руб. Банк купил на спотовом рынке 147,059 тыс. долл. и осуществил короткую продажу 135,135 тыс. евро. Стандартное отклонение курса доллара в расчете на один день составляет 0,6%, евро – 0,65%, коэффициент корреляции равен 0,85. Определить однодневный VaR портфеля с доверительной вероятностью 95%.

# Решение примера 4

- Рассчитаем VaR в рублях, так как банк закрывает свои позиции в иностранных валютах, конвертировав их в рубли.
- Долларовая позиция банка в рублях составляет:  
$$147,059 \text{ тыс.дол.} \cdot 68 \text{руб.} = 10 \text{ млн.руб.}$$
- Позиция по евро в рублях:  
$$135,135 \text{ тыс.дол.} \cdot 74 \text{руб.} = 10 \text{ млн.руб.}$$
- Поскольку банк продал евро, то для дальнейших расчетов его позицию следует записать со знаком минус, т.е. –10млн. руб.

# Решение примера 4

- VaR по долларовой позиции равен:

$$10 \text{ млн. руб.} \cdot 0,006 \cdot 1,65 = 99 \text{ тыс. руб.}$$

- VaR по евро равен:

$$-10 \text{ млн. руб.} \cdot 0,0065 \cdot 1,65 = -107,25 \text{ тыс. руб.}$$

- VaR портфеля составляет:

$$VaR_p = \sqrt{\begin{pmatrix} 99 & -107,25 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0,85 \\ 0,85 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 99 \\ -107,25 \end{pmatrix}} = 57,038 \text{ тыс. руб.}$$

# Оценка ошибки параметрической модели VaR

- VaR портфеля рассчитывается на основе выборочных данных за определенный период времени.
- В результате возникает необходимость оценить доверительный интервал для полученного значения VaR
- По данным статистики мы определяем не истинное, а "исправленное" стандартное отклонение. В связи с этим, прежде всего, следует найти доверительный интервал для стандартного отклонения доходности портфеля.

# «Исправленная» дисперсия

- Доходность портфеля имеет нормальное распределение. Наилучшей оценкой дисперсии нормального распределения является "исправленная" дисперсия:

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n \left( X_i - \bar{X} \right)^2,$$

где  $s^2$  – “исправленная” дисперсия;

$X_i$  – значение случайной величины для  $i$ -ой выборки;

$\bar{X}$  – среднее значение случайной величины;

$n$  – количество выборочных данных.

# Получение доверительного интервала для VaR

- Разделим обе части равенства на истинную дисперсию  $\sigma^2$  случайной величины

$$\frac{s^2}{\sigma^2} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n \left( \frac{X_i - \bar{X}}{\sigma} \right)^2$$

- Величина  $\sum_{i=1}^n \left( \frac{X_i - \bar{X}}{\sigma} \right)^2$  имеет распределение хи-квадрат ( $\chi^2$ ) с  $n-1$  степенями свободы.

# Доверительный интервал

- Необходимо найти границы интервала, который бы с вероятностью  $\gamma$  накрывал истинное значение дисперсии случайной величины

$$P(\chi_1^2 < \chi^2 < \chi_2^2) = \gamma$$

# Доверительный интервал

- Значения конечных точек доверительного интервала обычно выбирают таким образом, чтобы вероятности событий  $\chi^2 < \chi_1^2$  и  $\chi^2 > \chi_2^2$  были одинаковыми.
- Пусть эта вероятность равна  $\alpha$ . Тогда  $P\left[\chi_\alpha^2 < \frac{(n-1)s^2}{\sigma^2} < \chi_{1-\alpha}^2\right] = 1 - 2\alpha$

$$P\left[\frac{\chi_\alpha^2}{(n-1)s^2} < \frac{1}{\sigma^2} < \frac{\chi_{1-\alpha}^2}{(n-1)s^2}\right] = 1 - 2\alpha$$

$$P\left[\frac{(n-1)s^2}{\chi_{1-\alpha}^2} < \sigma^2 < \frac{(n-1)s^2}{\chi_\alpha^2}\right] = 1 - 2\alpha$$

# Доверительный интервал для VaR портфеля

- По таблице квантилей распределения  $\chi^2$  находим нижнюю и верхнюю границы доверительного интервала дисперсии случайной величины. Квадратные корни из данных значений представляют собой нижнюю и верхнюю границы доверительного интервала стандартного отклонения.
- Если в качестве случайной величины выступает доходность портфеля, то найденные значения сигм показывают доверительные границы стандартного отклонения доходности портфеля.

# Доверительный интервал для VaR портфеля

- На основе полученных данных рассчитаем доверительный интервал для VaR портфеля по формулам

$$VaR_n = P_p \cdot \sigma_n \cdot z ,$$

$$VaR_s = P_p \cdot \sigma_s \cdot z ,$$

где  $VaR_n$  – нижняя граница доверительного интервала  $VaR$ ;

$VaR_s$  – верхняя граница доверительного интервала  $VaR$ ;

$P_p$  – стоимость портфеля;

$z$  – количество стандартных отклонений, соответствующих выбранной доверительной вероятности.

# Пример 5

- В примере 2 был получен однодневный VaR портфеля из двух акций в 267,3 тыс. руб.
- Пусть данный результат был получен на основе данных по доходности акций за 101 день. Требуется определить доверительный интервал для VaR с доверительной вероятностью  $\gamma = 0,95$ .

# Решение примера 5

- Из соотношения  $\gamma = 1 - 2\alpha$  находим значение  $\alpha$ , соответствующее доверительной вероятности 95%:

$$\alpha = \frac{1 - 0,95}{2} = 0,025$$

- Количество наблюдений случайной величины составило  $n=101$  день. Поэтому количество степеней свободы в примере равно  $n - 1 = 100$ .
- По таблице квантилей распределения  $\chi^2$  находим квантили  $\chi^2_{1-\alpha}$  и  $\chi^2_{\alpha}$  со степенями свободы 100:

$$\chi^2_{0,975} = 129,56; \quad \chi^2_{0,025} = 74,22.$$

# Решение примера 5

- Нижняя граница доверительного интервала для дисперсии равна:

$$\frac{(n-1)s^2}{\chi_{0,975}^2} = \frac{100 \cdot 2,628}{129,56} = 2,06854,$$

$$\sqrt{2,06854} = 1,44\%$$

для стандартного отклонения

- Верхняя граница дисперсии равна:  $\frac{(n-1)s^2}{\chi_{0,025}^2} = \frac{100 \cdot 2,628}{74,22} = 3,54083,$  а для дисперсии

$$\sqrt{3,54083} = 1,88\%$$

для стандартного отклонения

# Решение примера 5

- Находим нижнюю и верхнюю границы доверительного интервала для VaR портфеля:

$$VaR_n = 10000 \text{ тыс.} \cdot 0,0144 \cdot 1,65 = 237,6 \text{ тыс. руб.}$$

$$VaR_g = 10000 \text{ тыс.} \cdot 0,0188 \cdot 1,65 = 310,2 \text{ тыс. руб.}$$

- Таким образом, с доверительной вероятностью 95% можно быть уверенным, что действительное значение VaR лежит в границах от 237,6 тыс. руб. до 310,2 тыс. руб.

Ожидаемые потери  
портфеля в случае  
превышения значения VaR

# Средние ожидаемые потери

- Показатель средних ожидаемых потерь (expected shortfall) показывает величину средних потерь для данного уровня доверительной вероятности и периода времени в случае, если убытки превысят значение VaR.

Показатель средних ожидаемых потерь представляет собой условное математическое ожидание потерь при условии, что их величина оказалась больше значения VaR.

# Условная вероятность

- Условная вероятность наступления события  $B$  при условии, что произошло событие  $A$ , равна:

$$P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)},$$

где  $P(B|A)$  – условная вероятность наступления события  $B$  при условии, что событие  $A$  произошло;

$P(AB)$  – вероятность совместного наступления событий  $A$  и  $B$ ;

$P(A)$  – вероятность наступления события  $A$ .

# Средние ожидаемые потери

- Для непрерывной случайной величины  $X$ , характеризующей убытки и доходы портфеля, можно записать:

$$E(X|X < VaR_\gamma) = \frac{1}{\int_{-\infty}^{VaR_\gamma} f(x) dx} \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} xf(x) dx,$$

где  $VaR_\gamma$  – значение  $VaR$  для уровня доверительной вероятности  $\gamma$ ;

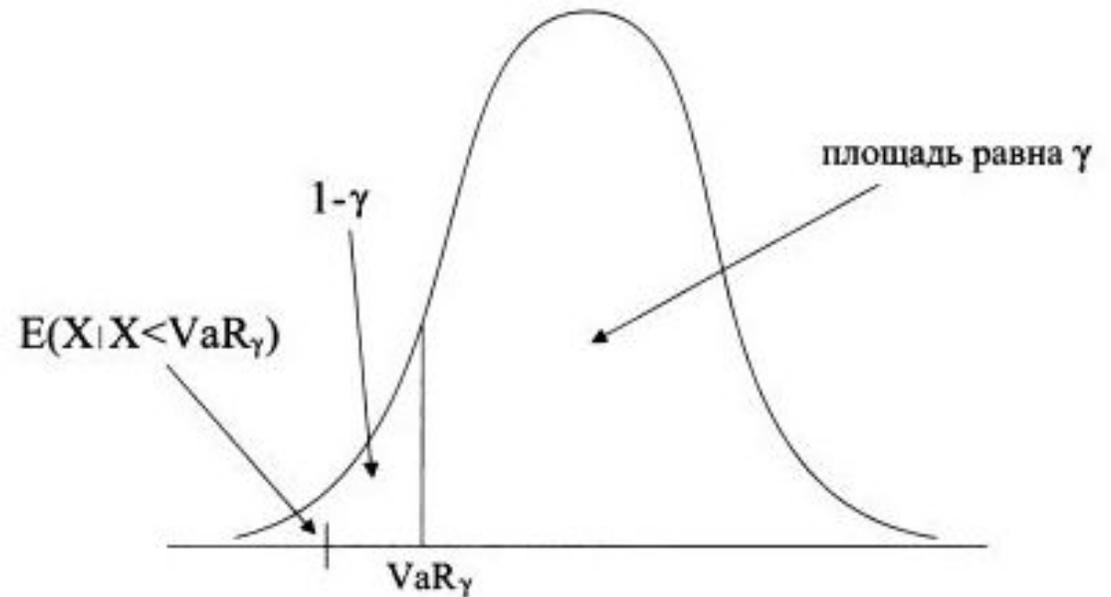
$f(x)$  – функция плотности распределения случайной величины  $X$ .

# Средние ожидаемые потери

- Для уровня доверительной вероятности  $\gamma$  интеграл в знаменателе равен

$$\int_{-\infty}^{VaR_\gamma} f(x) dx = 1 - \gamma,$$

$$E(X|X < VaR_\gamma) = \frac{1}{1 - \gamma} \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} x f(x) dx,$$



# Средние ожидаемые потери для нормального распределения

- Пусть случайная величина  $X$  имеет нормальное распределение со средним значением равным нулю и стандартным отклонением  $\sigma$ . Тогда ее плотность вероятности принимает вид

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}$$

- Тогда средние ожидаемые потери равны

$$\begin{aligned} E(X|X < VaR_\gamma) &= \frac{1}{1-\gamma} \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} \frac{x}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} dx = \\ &= \frac{1}{1-\gamma} \cdot \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} x e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} dx, \end{aligned}$$

# Величина средних ожидаемых потерь

$$E(X|X < VaR_\gamma) = \frac{1}{1-\gamma} \cdot \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \left( -\sigma^2 e^{-\frac{VaR_\gamma^2}{2\sigma^2}} \right) = \frac{\sigma}{(\gamma-1)\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{VaR_\gamma^2}{2\sigma^2}}$$

- При условии

$$\begin{aligned} \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} x e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} dx &= \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} d\left(\frac{x^2}{2}\right) = -\sigma^2 \int_{-\infty}^{VaR_\gamma} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} d\left(-\frac{x^2}{2\sigma^2}\right) = \\ &= -\sigma^2 e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} \Big|_{-\infty}^{VaR_\gamma} = -\sigma^2 \left( e^{-\frac{VaR_\gamma^2}{2\sigma^2}} - e^{-\frac{(-\infty)^2}{2\sigma^2}} \right) = -\sigma^2 e^{-\frac{VaR_\gamma^2}{2\sigma^2}} \end{aligned}$$

EaR (Earnings at Risk)

# Понятие EaR

- Противоположным понятием по отношению к VaR является EaR (Earnings at Risk).
- EaR показывает, какую максимальную сумму дохода может принести портфель инвестора в течение определенного периода времени с заданной доверительной вероятностью.
- Если доходность портфеля имеет нормальное распределение, и ее среднее значение равно нулю, то показатель EaR будет равен показателю VaR по абсолютной величине.

# Пример 6

- Пусть стоимость портфеля инвестора составляет 100 млн. руб., EaR для одного дня равен 2 млн. руб. с доверительной вероятностью 95%.

Данную информацию можно интерпретировать следующим образом:

- вероятность того, что в течение следующих 24 часов доход инвестора составит меньше 2 млн. руб. равна 95%,
- вероятность того, что в течение следующих 24 часов его доход превысит 2 млн. руб. равна 5%,
- инвестор вправе ожидать, что в среднем его доход в течение 95 дней из каждых 100 дней не превысит 2 млн. руб., или что он окажется больше 2 млн. руб. в течение 5 дней из каждых 100 дней.

# Замечание

- При выборе портфеля можно руководствоваться показателем, который определяется как отношение  $EaR$  к  $VaR$ .
- Чем больше значение этого коэффициента для данного уровня доверительной вероятности, тем предпочтительнее портфель, поскольку он предлагает большие возможные выигрыши в сравнении с потерями.
- Он также может служить мерой оценки скошенности потенциальных результатов доходности портфеля для данного уровня доверительной вероятности