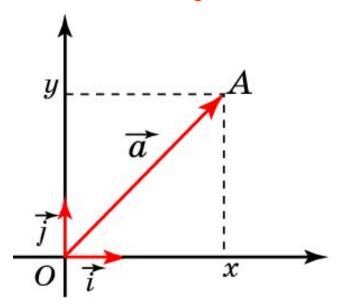
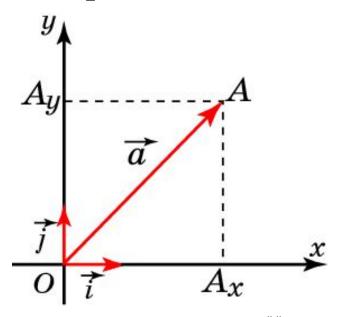
Координаты вектора Пусть на плоскости задана прямоугольная система координат. Определим понятие координат вектора. Для этого отложим вектор так, чтобы его начало совпало с началом координат. Тогда координаты его конца называются координатами вектора. Обозначим i, j векторы с координатами (1, 0), (0, 1)соответственно. Их длины равны единице, а направления совпадают с направлениями соответствующих осей координат. Будем рисовать эти векторы, отложенными от начала координат и называть их координатными векторами.



Теорема

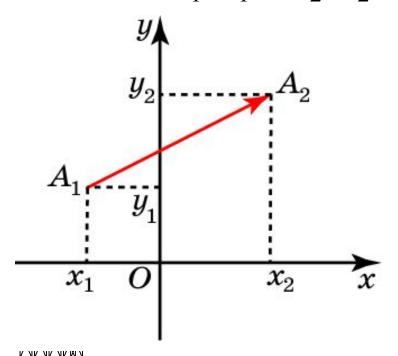
Теорема. Вектор \ddot{a} имеет координаты (x, y) тогда и только тогда, когда он представим в виде $\ddot{a} = x\ddot{i} + y\ddot{j}$.



Доказательство. Отложим вектор \vec{a} от начала координат, и его конец обозначим через A. Имеет место равенство Точка A имет координаты, (x, y) тогда и только тогда, когда выполняются равенства \vec{a} и, значит, $\vec{O}A_x = xi$, $\vec{O}A_y = yj$ $\vec{a} = xi + yj$.

Пример

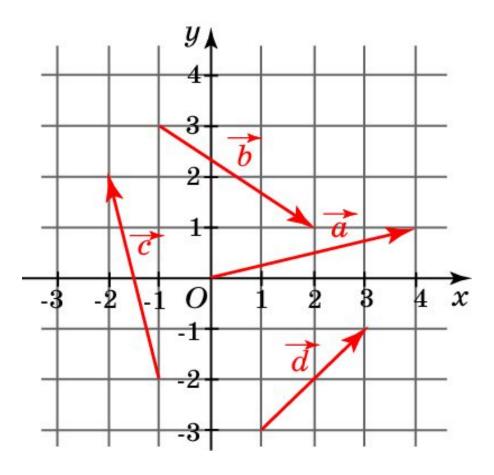
Найдите координаты и длину вектора A_1A_2 , если точки A_1,A_2 имеют координаты $(x_1,y_1),(x_2,y_2).$



Решение: Вектор A_1A_2 имеет координаты (x_2-x_1,y_2-y_1) . Его длина равна длине отрезка A_1A_2 . Используя формулу длины отрезка, получаем $|A_1A_2| = \sqrt{(x_2-x_1)^2 + (y_2-y_1)^2}$.

Найдите координаты векторов, изображенных на

рисунке.



Other: (4, 1); (3, -2); (-1, 4); (2, 2).

Назовите координаты векторов:

a)
$$\overset{\bowtie}{a} = -2i + 6j;$$

$$6) \qquad b = i + 3j;$$

B)
$$\overset{\bowtie}{c} = -3\overset{\leadsto}{j};$$

$$\vec{d} = -5i$$
.

OTBET: a) (-2, 6); б) (1, 3); в) (0, -3); г) (-5, 0).

Найдите координаты вектора A_1A_2 , если точки A_1 , A_2 имеют координаты (-3, 5), (2, 3) соответственно.

Ответ: (5, -2).

Выразите длину вектора \ddot{a} через его координаты (x, y).

Otbet:
$$|\stackrel{\mathbb{N}}{a}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$
.

Найдите координаты точки N, если вектор имоет координаты (4, -3) и точка M - (1, -3).

OTBET: (5, -6).

Найдите координаты вектора \overline{AB} , если: а) A (2, -6), B (-5, 3); б) A (1, 3), B (6, -5); в) A (-3, 1), B (5, 1).

Other: a) (-7, 9); б) (5, -8); в) (8, 0).

Вектор \overline{AB} имеет координаты (a, b). Найдите координаты вектора BA.

Ответ: (-a, -b).

Даны три точки A(1, 1), B(-1, 0), C(0, 1). Найдите такую точку D(x, y), чтобы векторы ABи CD были равны.

OTBET: (-2, 0).

Найдите координаты векторов $\overset{\mathbb{N}}{a} + \overset{\mathbb{D}}{b}$ и $\overset{\mathbb{N}}{a} - \overset{\mathbb{D}}{b}$, если (1, 0), (0, 3).

Ответ: (1, 3) и (1, -3).

Даны векторы $\ddot{a}(-1,2)$ и $\ddot{b}(2,-4)$. Найдите координаты вектора:

a)
$$3\overset{\bowtie}{a} + 2\overset{\hookrightarrow}{b};$$

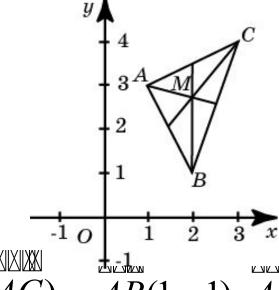
$$6) \quad \frac{1}{2} \overset{\boxtimes}{a} - \frac{1}{4} \overset{\boxtimes}{b};$$

B)
$$-a+5b$$
.

Ответ: a) (1, -2); б) (-1, 2); в) (11, -22).

Вершины треугольника имеют координаты A(1,3), B(2,1) и C(3,4). Найдите координаты точки M

пересечения медиан.



Решение: $AM = \frac{1}{3}(AB + AC)$. AB(1,-1), AC(2,2).

Следовательно, AM имеет координаты $(1, \frac{1}{3})$.

Точка M имеет координаты $(2, 2\frac{2}{3})$.