

.

7 класс.

Урок геометрии.

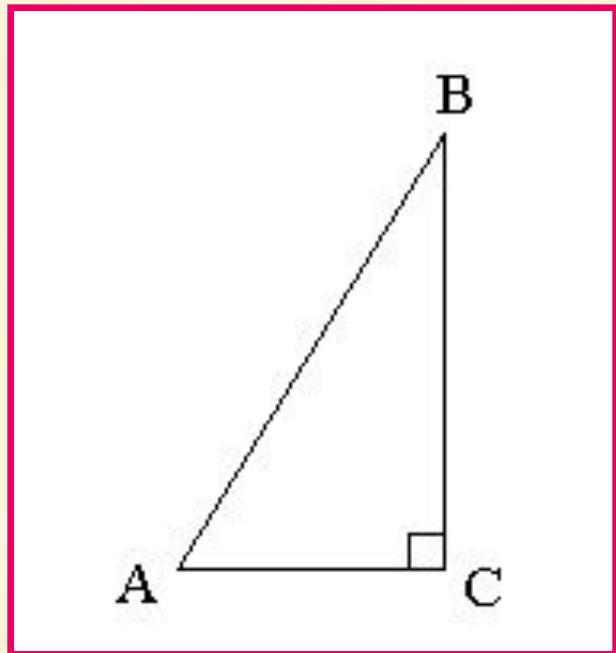
Тема урока:
Прямоугольный
треугольник.

Признаки равенства
прямоугольных
треугольников.

*Прямоугольный
треугольник*

Определение (записывать пока ничего не

- Треугольник называется прямоугольным, если у него есть прямой угол.

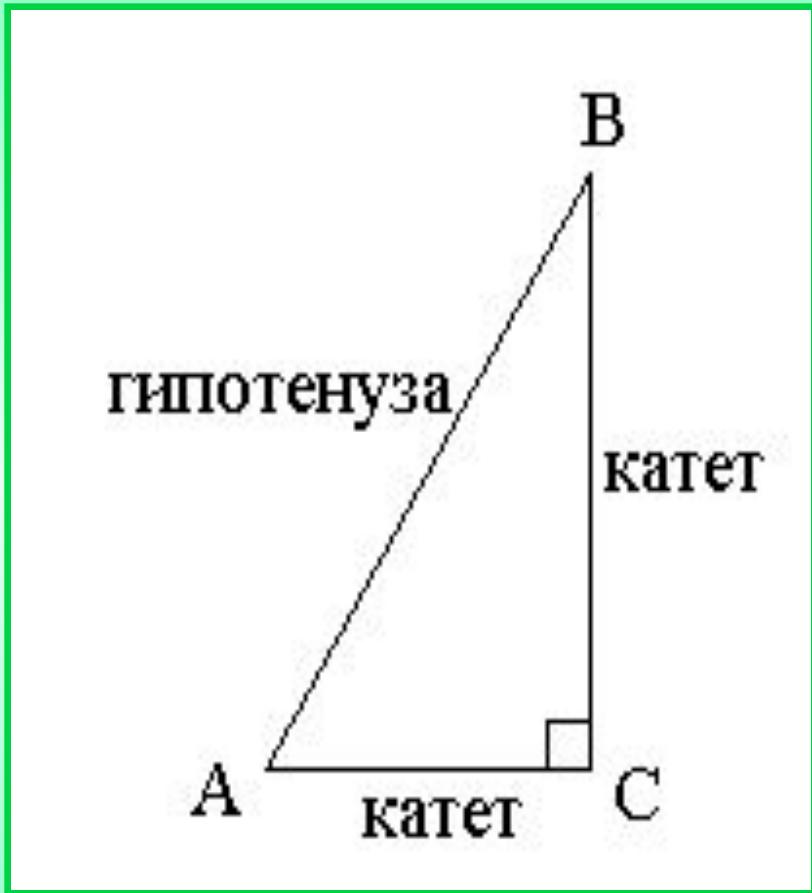


ΔABC – прямоугольный

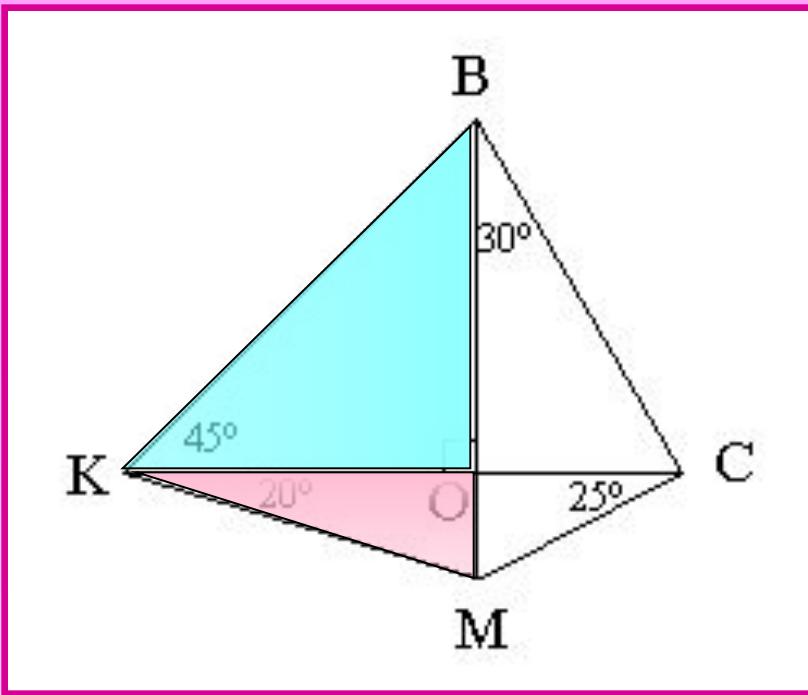
$$\angle C = 90^\circ$$

$$\angle A + \angle B = 90^\circ$$

Сумма острых углов
прямоугольного
треугольника равна 90° .



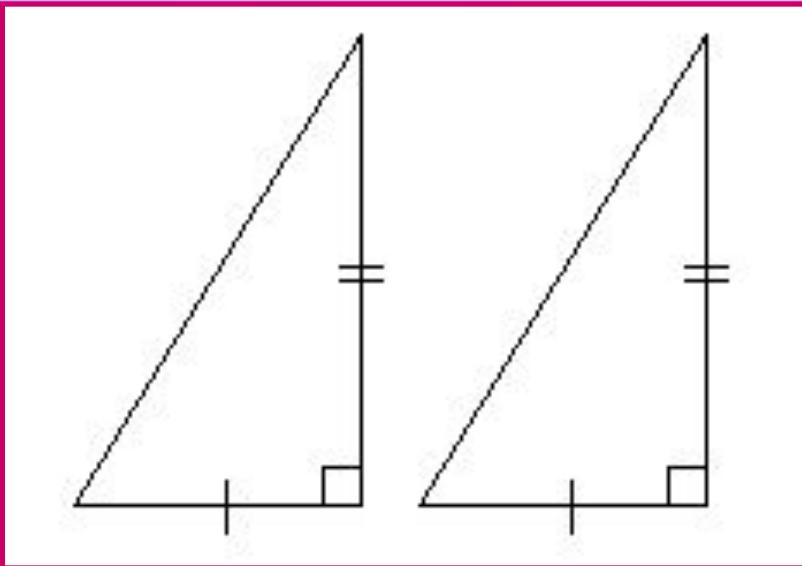
- Сторона
прямоугольного
треугольника,
противолежащая
прямому углу
называется
гипотенузой.
- Две другие стороны
называются
катетами.



- Назовите гипотенузу и катеты в $\triangle KBO$;
- Назовите гипотенузу и катеты в $\triangle KOM$.

- Найдите острые углы прямоугольных треугольников.
- Определите вид $\triangle KBO$.

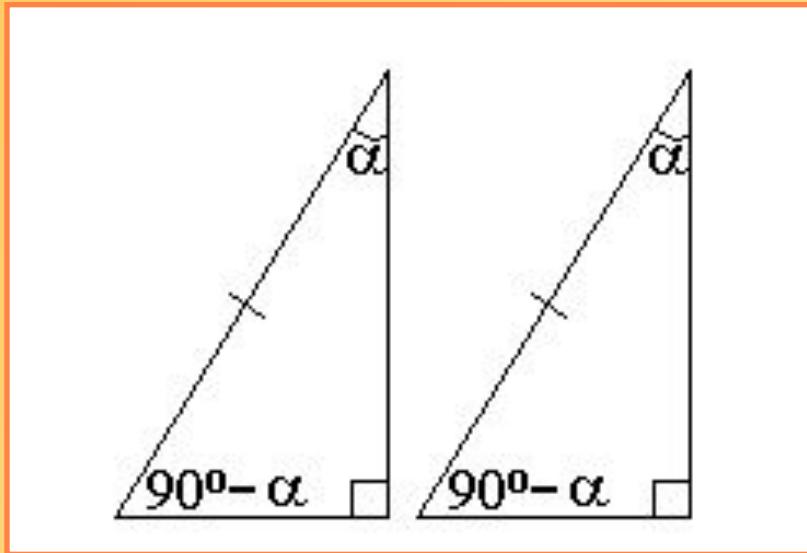
*Признаки
равенства
прямоугольных
треугольников*



- по двум катетам

*по двум сторонам и
углу между ними*

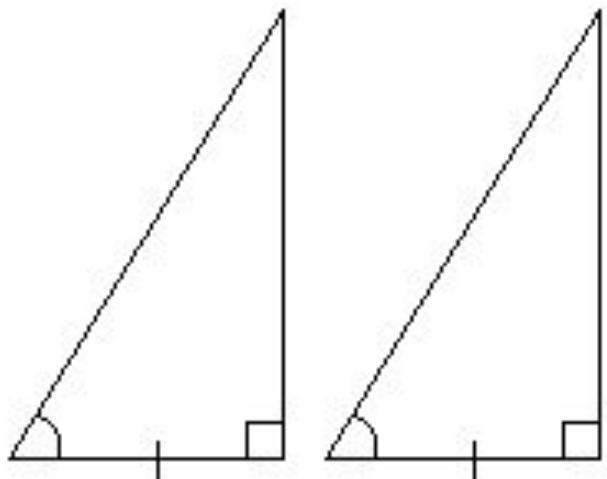
Если два катета одного прямоугольного треугольника соответственно равны двум катетам другого прямоугольного треугольника, то такие треугольники равны.



- по гипотенузе и острому углу

по стороне и двум прилежащим к ней углам

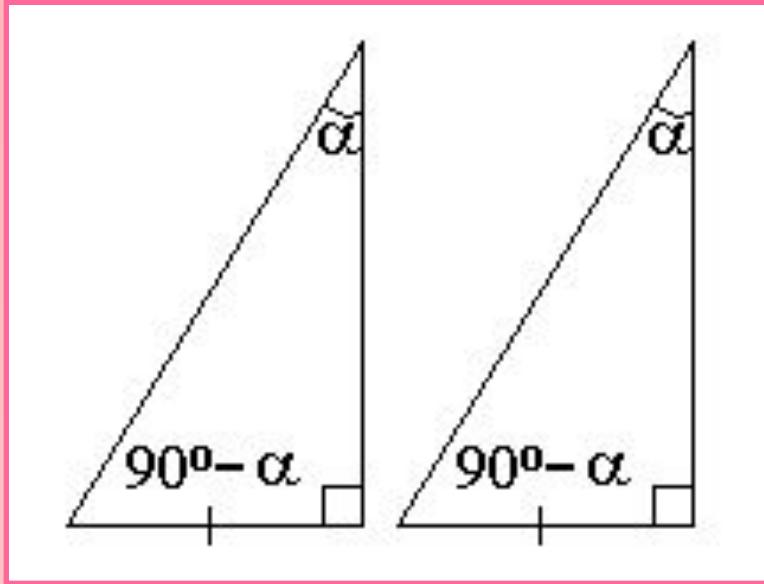
Если гипотенуза и острый угол одного прямоугольного треугольника соответственно равны гипотенузе и острому углу другого прямоугольного треугольника, то такие треугольники равны.



- по катету и прилежащему острому углу

по стороне и двум прилежащим к ней углам

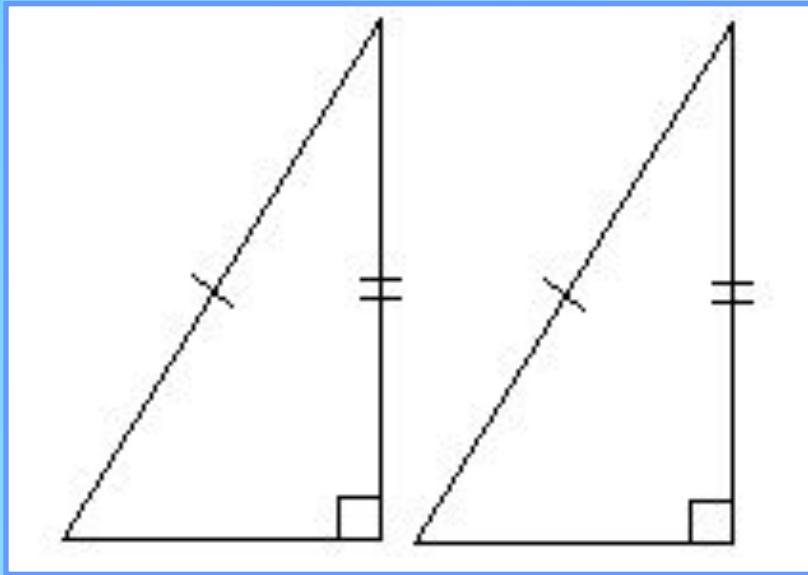
Если катет и прилежащий к нему острый угол одного прямоугольного треугольника соответственно равны катету и прилежащему к нему острому углу другого прямоугольного треугольника, то такие треугольники равны.



- по катету и противолежащему острому углу (в учебнике его нет)

по стороне и двум прилежащим углам

Если катет и противолежащий острый угол одного прямоугольного треугольника соответственно равны катету и противолежащему острому углу другого прямоугольного треугольника, то такие треугольники равны.

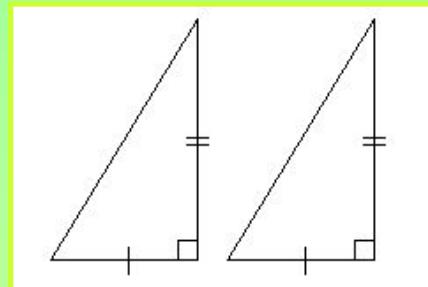


- по гипотенузе и катету

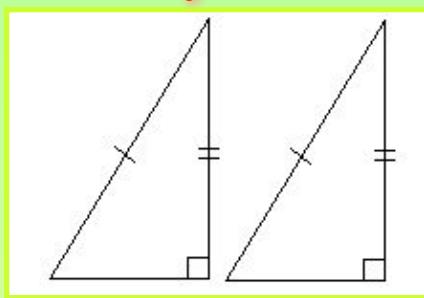
Если гипотенуза и катет одного прямоугольного треугольника соответственно равны гипотенузе и катету другого прямоугольного треугольника, то такие треугольники равны.

Вокруг него
всегда было
много сильных
и мускулистых

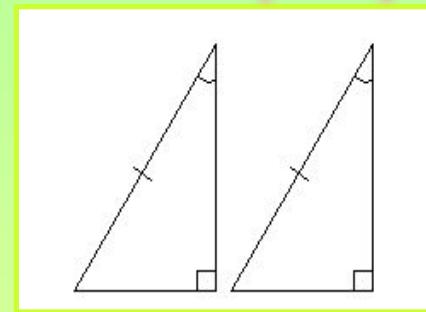
по двум катетам



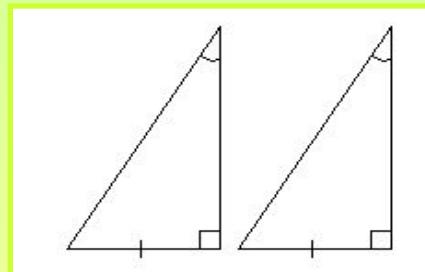
по гипотенузе и
катету



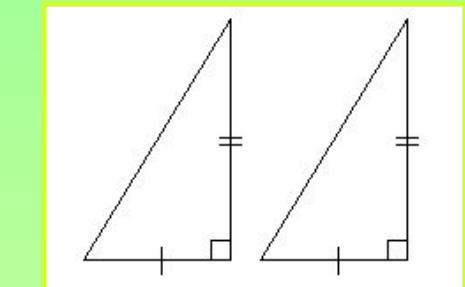
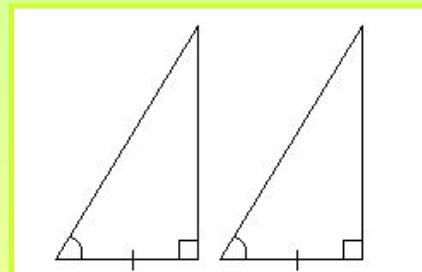
по гипотенузе и
острому углу



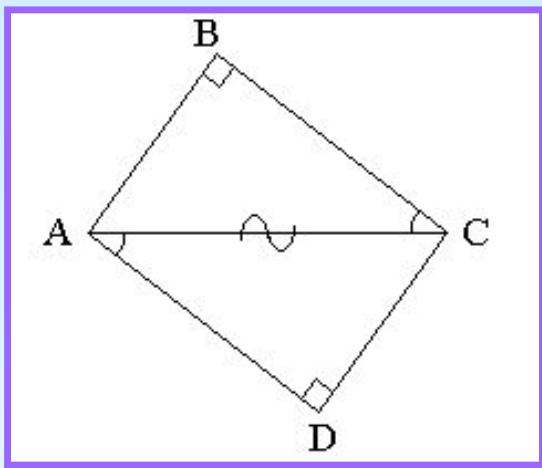
по катету и
противолежащему
острому углу



по катету и
прилежащему
острому углу



Задача №1.



Дано: $\angle B = \angle D = 90^\circ$

$BC \parallel AD$

Доказать: $\Delta ABC = \Delta CDA$.

Доказательство

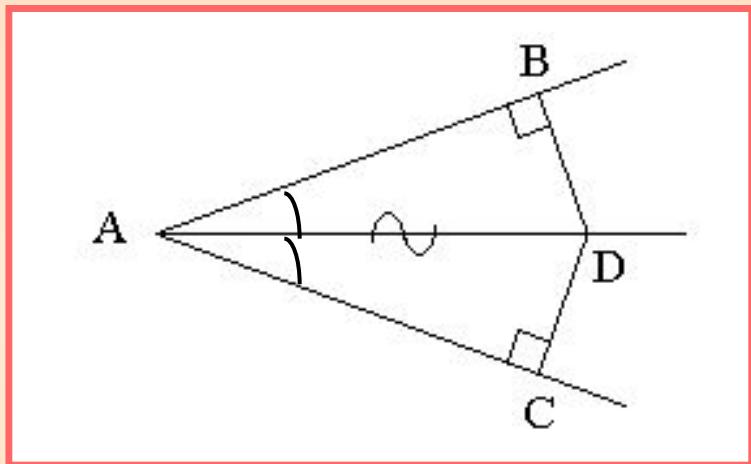
1) Рассмотрим ΔABC и ΔCDA

- треугольники прямоугольные по условию;
- AC - общая гипотенуза;
- $\angle BCA = \angle CAD$ - т. к. они внутренние накрест лежащие при параллельных прямых BC и AD и секущей AC .

2) $\Delta ABC = \Delta CDA$ *по гипотенузе и острому углу*

Задача №2.

Из точки D, лежащей на биссектрисе $\angle A$, опущены перпендикуляры DB и DC на стороны угла. Докажите, что $\Delta ADB = \Delta ADC$.



Дано: AD - биссектриса $\angle A$

$DB \perp AB, DC \perp AC$.

Доказать: $\Delta ADB = \Delta ADC$.

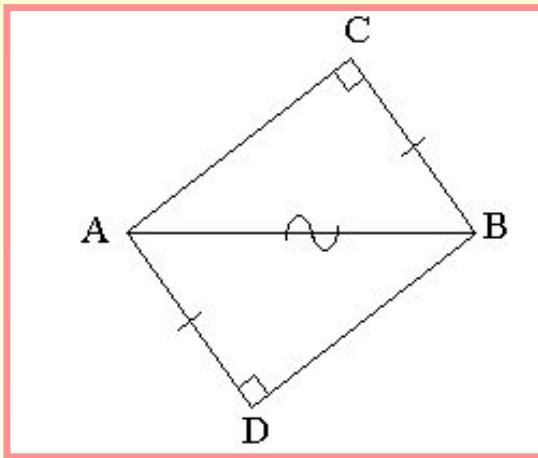
Доказательство

1) Рассмотрим ΔADB и ΔADC .

- треугольники прямоугольные *т. к. $DB \perp AB, DC \perp AC$.*
- AD - общая гипотенуза.
- $\angle BAD = \angle CAD$ т. к. AD - биссектриса $\angle A$.

2) $\Delta ADB = \Delta ADC$ *по гипotenузе и острому углу.*

Задача №3.



Дано: $\angle C = \angle D = 90^\circ$

$AD = BC$

Доказать: $\Delta ABC = \Delta BAD$.

Доказательство.

1) Рассмотрим ΔABC и ΔBAD .

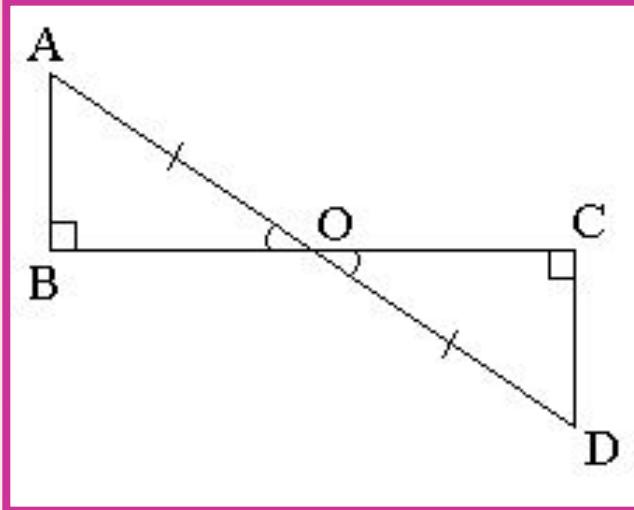
- треугольники прямоугольные т. к.
 $\angle C = \angle D = 90^\circ$.

- $AD = BC$

- AB - общая гипотенуза
по гипотенузе и катету

2) $\Delta ABC = \Delta BAD$

Задача №4.



Дано: $AB \perp BC$; $CD \perp BC$;

O - середина AD ;

$AB = 3$ см.

Найти: CD .

Решение.

1) Рассмотрим ΔABO и ΔDCO .

- треугольники прямоугольные *т. к. $AB \perp BC$ и $CD \perp BC$* т. к. O - середина AD .
- $\angle AOB = \angle DOC$ как вертикальные.

2) $\Delta ABO = \Delta DCO$ *по гипotenузе и острому углу.*

3) Из равенства треугольников следует $AB = CD = 3$ см.

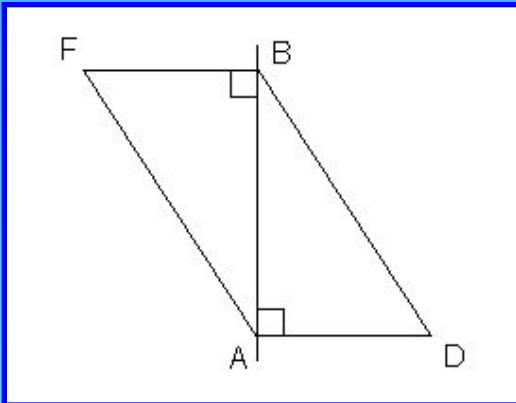
Ответ: $CD = 3$ см.

Домашнее задание.

Устно: учить формулировки признаков.

Письменно:

№1.



Дано: $DA \perp AB$

$FB \perp AB$

$BD = AF$

Доказать: $\Delta ABD = \Delta BAF$