

# Отношения между множествами

Тема №2

# Отношения между множествами

- Пересечение множеств
- Непересечение множеств
- Включение множеств
- Равенство множеств
- Равномощности множеств

# Пересечение множеств

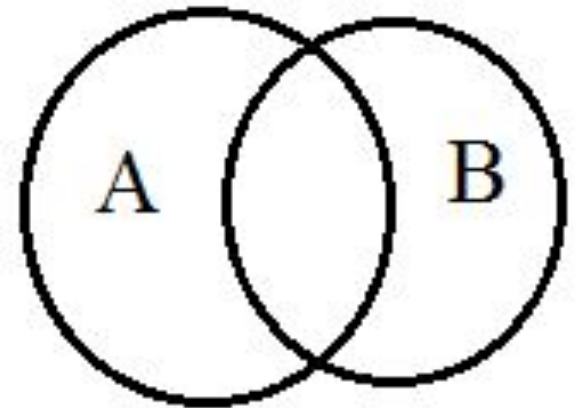
Если множества  $A$  и  $B$  имеют некоторые общие элементы, то эти *множества находятся в отношении пересечения.*

**Пример.**

$A = \{3, 4, 6, 8, 9\}$  и  $B = \{3, 5, 2, 8, 1\}$

$3 \in A, 8 \in A, 3 \in B, 8 \in B,$  т

$4 \in A$  и  $4 \notin B, 5 \notin A$  и  $5 \in B.$



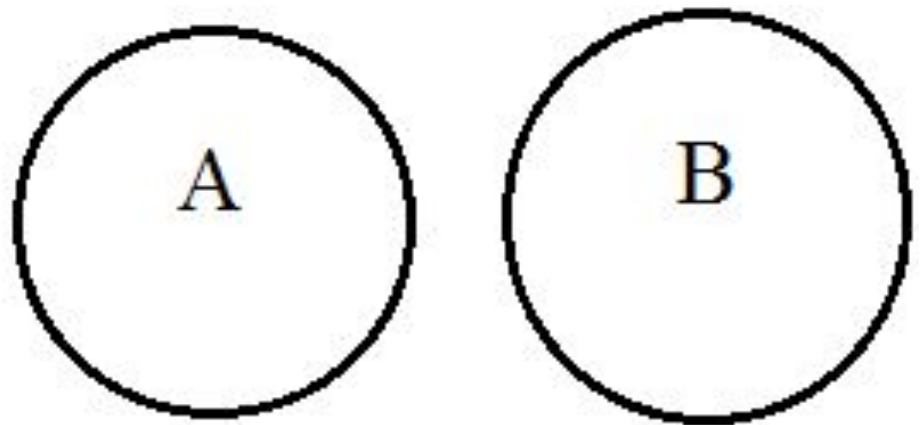
# Непересечение множеств

Если множества  $A$  и  $B$  не имеют общих элементов, то эти *множества находятся в отношении непересечения.*

**Пример.**

$$A = \{3, 4, 6, 8, 9\}$$

$$\text{и } B = \{7, 5, 2, 1\}$$



# Отношение включения

- Если все элементы множества  $A$  являются элементами множества  $B$ , то множество  $A$  называется *подмножеством* множества  $B$ .
- У любого множества  $2^n$  подмножеств, где  $n$  – количество элементов в данном множестве.
- **Пример.**  $A=\{3,4,6,8,9\}$  ,  $n(A)=5 \Rightarrow 2^5 = 32$   
 $B=\{3,4,6\}$  ,  $n(B)=3 \Rightarrow 2^3 = 8$   
 $C=\{3\}$  ,  $n(C)=1 \Rightarrow 2^1 = 2$

# Отношение включения

У любого множества есть два несобственных подмножества – пустое множество и само множество.

**Пример.** Выпишите все возможные подмножества множества  $A$ , если  $A = \{3, 4, 6\}$ .

Подмножества:  $B = \{3\}$ ,  $C = \{4\}$ ,  $D = \{6\}$ ,  $E = \{3, 4\}$ ,  $F = \{3, 6\}$ ,  $K = \{4, 6\}$ ,  $L = \{3, 4, 6\}$ ,

$M = \{\emptyset\}$ .

# Отношение включения

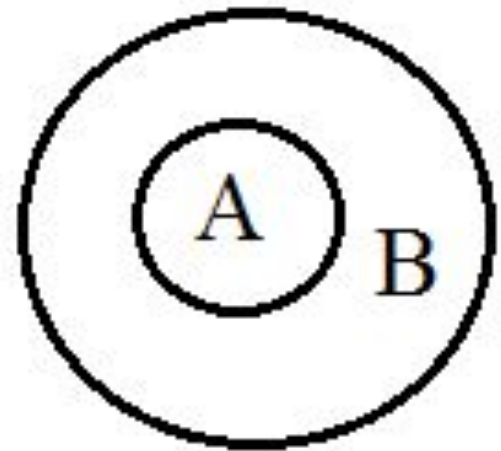
Если множество  $A$  является подмножеством множества  $B$ , то эти множества находятся в отношении включения.

**Пример.**

$$A = \{3, 4\} \text{ и } B = \{7, 5, 4, 2, 1, 3\}$$

$$3 \in A, 4 \in A, 3 \in B, 4 \in B$$

$$A \subset B$$



# Отношение равенства

Если множество  $A$  содержится в множестве  $B$  и множество  $B$  содержится в множестве  $A$ , то тогда и только тогда *множество  $A$  равно множеству  $B$ .*

$$A \subset B \text{ и } B \subset A \Leftrightarrow A = B$$

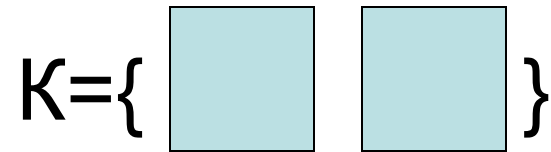
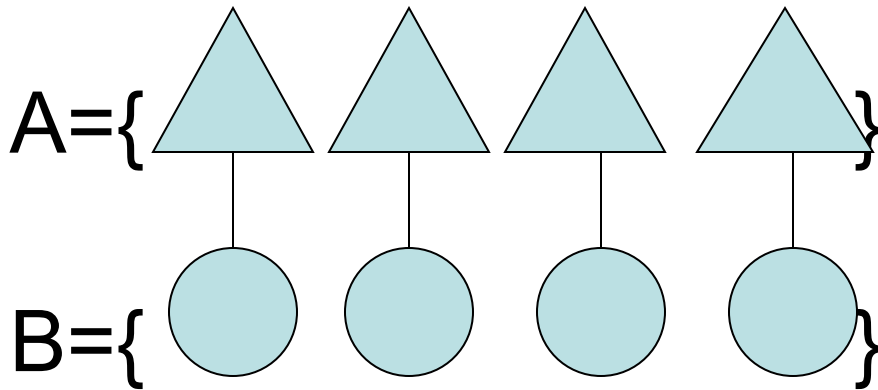
Пример.  $A = \{3, 4, 1\}$  и  $B = \{3, 1, 4\}$

$$A = B$$



# Отношение равномощности

Если между элементами множеств  $A$  и  $B$  можно установить взаимно-однозначное соответствие (пары), то *множества  $A$  и  $B$  равномощны*.



$$A \sim B, K \not\sim A$$