

Отношения между множествами

Тема №2

Отношения между множествами

- Пересечение множеств
- Непересечение множеств
- Включение множеств
- Равенство множеств
- Равномощности множеств

Пересечение множеств

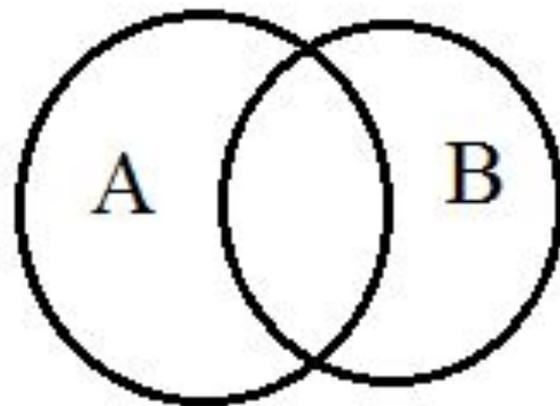
Если множества A и B имеют некоторые общие элементы, то эти *множества находятся в отношении пересечения*.

Пример.

$A = \{3, 4, 6, 8, 9\}$ и $B = \{3, 5, 2, 8, 1\}$

$3 \in A, 8 \in A, 3 \in B, 8 \in B,$ т.

$4 \in A$ и $4 \notin B, 5 \notin A$ и $5 \in B.$



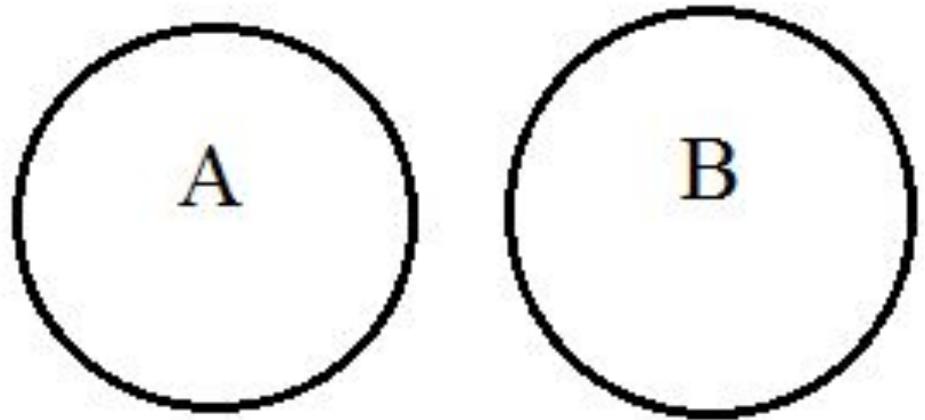
Непересечение множеств

Если множества A и B не имеют общих элементов, то эти *множества находятся в отношении непересечения.*

Пример.

$$A = \{3, 4, 6, 8, 9\}$$

$$\text{и } B = \{7, 5, 2, 1\}$$



Отношение включения

- Если все элементы множества A являются элементами множества B , то множество A называется *подмножеством множества B* .
- У любого множества 2^n подмножеств, где n – количество элементов в данном множестве.
- **Пример.** $A=\{3,4,6,8,9\}$, $n(A)=5 \Rightarrow 2^5 = 32$
 $B=\{3,4,6\}$, $n(B)=3 \Rightarrow 2^3 = 8$
 $C=\{3\}$, $n(C)=1 \Rightarrow 2^1 = 2$

Отношение включения

У любого множества есть два несобственных подмножества – пустое множество и само множество.

Пример. Выпишите все возможные подмножества множества A , если $A = \{3, 4, 6\}$.

Подмножества: $B = \{3\}$, $C = \{4\}$, $D = \{6\}$, $E = \{3, 4\}$, $F = \{3, 6\}$, $K = \{4, 6\}$, $L = \{3, 4, 6\}$,

$M = \{\emptyset\}$.

Отношение включения

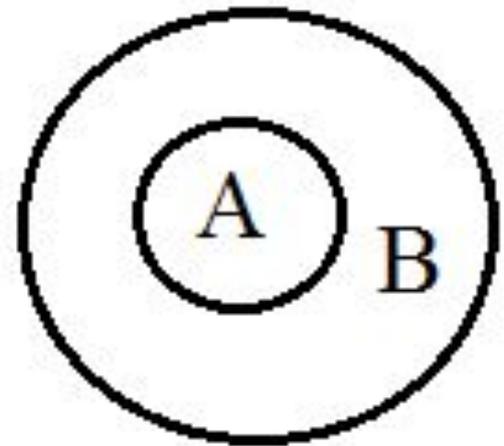
Если множество A является подмножеством множества B , то эти множества находятся в отношении включения.

Пример.

$$A = \{3, 4\} \text{ и } B = \{7, 5, 4, 2, 1, 3\}$$

$$3 \in A, 4 \in A, 3 \in B, 4 \in B$$

$$A \subset B$$



Отношение равенства

Если множество A содержится в множестве B и множество B содержится в множестве A , то тогда и только тогда *множество A равно множеству B .*

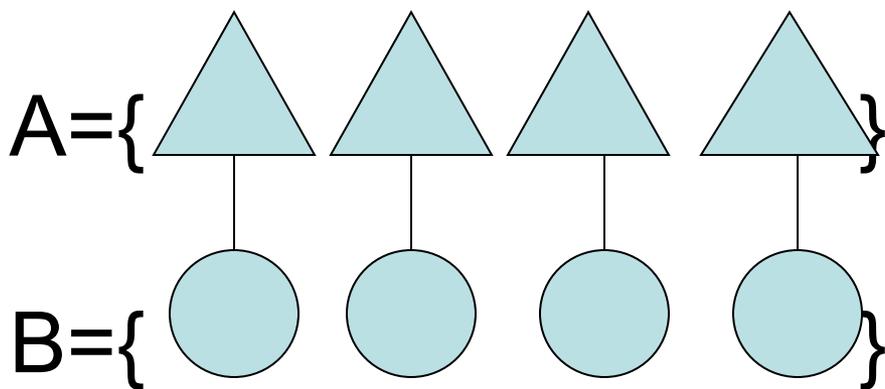
$$A \subset B \text{ и } B \subset A \Leftrightarrow A = B$$

Пример. $A = \{3, 4, 1\}$ и $B = \{3, 1, 4\}$

$$A = B$$

Отношение равномощности

Если между элементами множеств A и B можно установить взаимно-однозначное соответствие (пары), то *множества A и B равномощны*.



$$A \sim B, K \not\sim A$$