

Частотные характеристики

Еще один популярный эталонный сигнал – гармонический (синус, косинус), например:

$$x(t) = \sin \omega t, \quad (36)$$

где ω – угловая частота (в радианах в секунду). Можно показать, что при таком входе на выходе линейной системы в установившемся режиме (при больших t) будет синус той же частоты⁶, но с другой амплитудой A и сдвигом фазы ϕ :

$$y(t) = A(\omega) \cdot \sin(\omega t + \phi(\omega)).$$

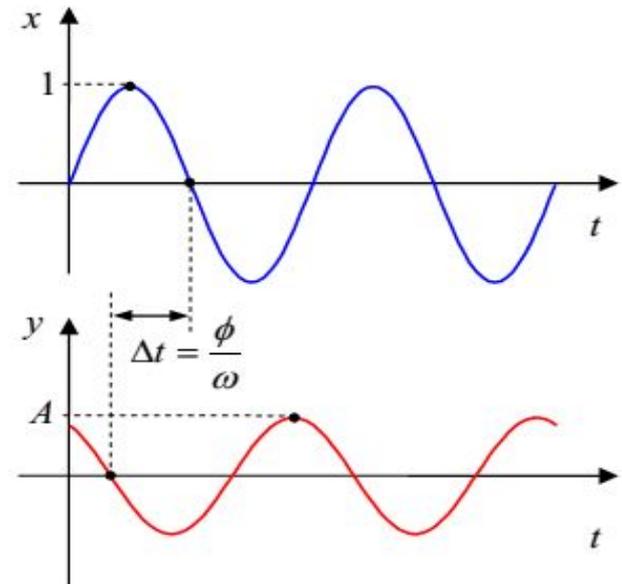
Для каждой частоты входного сигнала будет своя амплитуда и свой сдвиг фазы. Чтобы определить по графику фазовый сдвиг ϕ , нужно найти расстояние Δt по оси времени между соответствующими точками синусоид (например, точками пересечения с осью t или вершинами). Если Δt умножить на частоту ω , получаем сдвиг фазы ϕ (в радианах).

На рисунке показан случай $\phi > 0$ (опережение по фазе), когда выход сдвинут «влево» по оси времени относительно входа, то есть, «идет раньше» входного.

Зная передаточную функцию системы $W(s)$, можно вычислить амплитуду и сдвиг фазы по формулам

$$A(\omega) = |W(j\omega)|, \quad \phi(\omega) = \arg W(j\omega) = \operatorname{arctg} \frac{\operatorname{Im} W(j\omega)}{\operatorname{Re} W(j\omega)}.$$

Запись $W(j\omega)$ означает, что в передаточную функцию $W(s)$ подставляется чисто мнимое число $s = j\omega$, где $j = \sqrt{-1}$. Для каждой частоты ω значение $W(j\omega) = P + jQ$ – это некоторое комплексное число, имеющее амплитуду $|W(j\omega)| = \sqrt{P^2 + Q^2}$ и фазу $\arg W(j\omega) = \operatorname{arctg} \frac{Q}{P}$.



Частотные характеристики

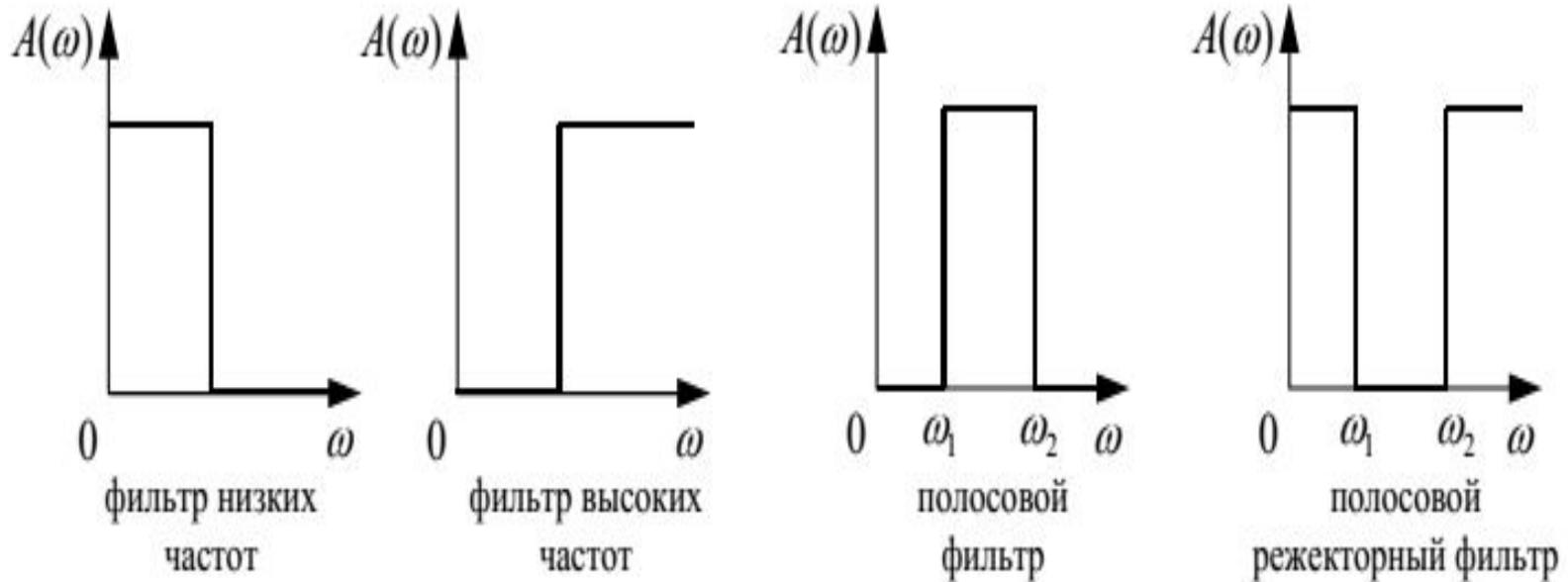
Функция $W(j\omega)$ называется **частотной характеристикой** звена, поскольку она характеризует выход системы при гармонических сигналах разной частоты. Зависимости $P(\omega)$ и $Q(\omega)$ (вещественная и мнимая части $W(j\omega)$) – это *вещественная и мнимая частотные характеристики*.

Функции $A(\omega)$ и $\phi(\omega)$ (они для каждой частоты принимают вещественные значения) называются соответственно **амплитудной** и **фазовой частотными характеристиками** (АЧХ и ФЧХ). Амплитудная частотная характеристика – это коэффициент усиления гармонического сигнала. Если на какой-то частоте ω значение $A(\omega) > 1$, входной сигнал усиливается, если $A(\omega) < 1$, то вход данной частоты ослабляется.

По форме АЧХ различают несколько основных типов звеньев:

- 1) *фильтр низких частот* – пропускает низкочастотные сигналы примерно с одинаковым коэффициентом усиления, блокирует высокочастотные шумы и помехи;
- 2) *фильтр высоких частот* – пропускает высокочастотные сигналы, блокирует сигналы низкой частоты;
- 3) *полосовой фильтр* – пропускает только сигналы с частотами в полосе от ω_1 до ω_2 ;
- 4) *полосовой режсекторный фильтр* – блокирует только сигналы с частотами в полосе от ω_1 до ω_2 , остальные пропускает.

Частотные характеристики



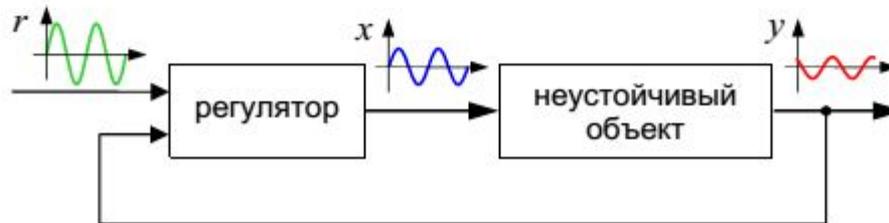
В радиотехнике используется понятие *полосы пропускания* – это ширина полосы частот, в которой значение АЧХ больше, чем $1/\sqrt{2}$ от ее максимального значения.

Частотные характеристики

Частотные характеристики во многих случаях можно снять экспериментально. Если объект *устойчивый*, на его вход подается гармонический сигнал (36) и записывается сигнал $y(t)$ на выходе. Определив амплитуду и сдвиг фазы для разных частот, можно построить по точкам амплитудную и фазовую частотные характеристики.



Если объект *неустойчив*, то при подаче на вход синуса амплитуда колебаний на выходе будет неограниченно расти. Однако частотную характеристику все равно можно определить экспериментально. Для этого нужно сначала найти какой-нибудь регулятор, который сделает замкнутую систему устойчивой. Затем на вход $r(t)$ подают синусоидальный сигнал и сравнивают сигналы $x(t)$ и $y(t)$ на входе и выходе интересующего нас объекта, определяя для каждой частоты ω «коэффициент усиления» $A(\omega)$ (отношение амплитуд сигналов $x(t)$ и $y(t)$) и сдвиг фазы $\phi(\omega)$.



Логарифмические частотные характеристики

Частотные характеристики достаточно сложно строить вручную. В 60-е годы, когда развивалась классическая теория управления, не было мощных компьютеров, поэтому наибольшую популярность приобрели приближенные методы, с помощью которых можно было проектировать регуляторы с помощью ручных вычислений и построений. Один из таких подходов основан на использовании **логарифмических частотных характеристик**.

Вместо $A(\omega)$ было предложено использовать *логарифмическую амплитудную частотную характеристику* (ЛАЧХ): график, на котором по оси абсцисс откладывается десятичный логарифм частоты ($\lg \omega$), а по оси ординат – величина $L_m(\omega) = 20 \lg A(\omega)$, измеряемая в децибелах (дБ). При построении логарифмической фазовой частотной характеристики (ЛФЧХ) по оси абсцисс также откладывается логарифм частоты $\lg \omega$.

Единицей отсчета на логарифмической оси частот является *декада* – диапазон, на котором частота увеличивается в 10 раз (а значение ее логарифма увеличивается на единицу). Вместе ЛАЧХ и ЛФЧХ называются логарифмической амплитудно-фазовой частотной характеристикой (ЛАФЧХ) или *диаграммой Бode*.

Логарифмические частотные характеристики

Логарифмические характеристики обладают двумя ценными свойствами:

- 1) ЛАЧХ и ЛФЧХ для произведения $W_1(s)W_2(s)$ вычисляются как суммы ЛАЧХ и ЛФЧХ отдельных звеньев:

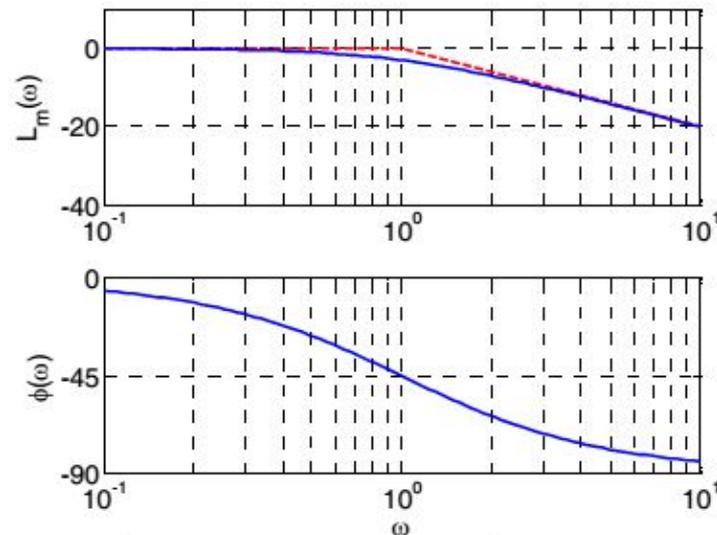
$$20 \lg A(\omega) = 20 \lg A_1(\omega) + 20 \lg A_2(\omega); \quad (37)$$

$$\phi(\omega) = \phi_1(\omega) + \phi_2(\omega); \quad (38)$$

- 2) в области высоких и низких частот ЛАЧХ асимптотически приближаются к прямым, наклон которых составляет ± 20 дБ/дек (децибел на декаду), ± 40 дБ/дек и т.д.

Логарифмические частотные характеристики

В классической теории управления хорошо разработаны методы анализа и синтеза систем на основе *асимптотических ЛАЧХ*, которые представляют собой ломаные линии и легко строятся вручную. С появлением компьютерных средств расчета практическая ценность ЛАФЧХ несколько снизилась, однако они по сей день остаются простейшим инструментом прикладных расчетов для инженера.



На рисунке показаны точная (сплошная синяя линия) и асимптотическая (штриховая красная линия) ЛАФЧХ для звена первого порядка с передаточной функцией

$$W(s) = \frac{1}{Ts + 1} \text{ при } T = 1 \text{ с.}$$

Логарифмические частотные характеристики

Первая асимптота, определяющая поведение ЛАЧХ **на низких частотах**, имеет нулевой наклон, потому что звено относится к классу *позиционных* звеньев, имеющих постоянный ненулевой статический коэффициент усиления, то есть

$$W(0) = 1 \neq 0.$$

Если $W(0) = 0$, передаточная функция содержит множитель s^k ($k > 0$), который соответствует производной порядка k . В этом случае наклон ЛАЧХ на низких частотах равен $k \cdot 20$ дБ/дек.

Если $W(0) = \infty$, звено содержит один или несколько *интеграторов*, то есть в знаменателе есть сомножитель s^k . Тогда наклон ЛАЧХ на низких частотах равен $-k \cdot 20$ дБ/дек.

Наклон ЛАЧХ **на высоких частотах** определяется разностью степеней числителя и знаменателя передаточной функции. Если числитель имеет степень m , а знаменатель – степень n , то наклон последней асимптоты равен $20 \cdot (m - n)$ дБ/дек. В нашем примере $m - n = 0 - 1 = -1$. Поэтому вторая асимптота, определяющая свойства звена на высоких частотах, имеет наклон -20 дБ/дек, то есть, за одну декаду значение уменьшается на 20 дБ (проверьте по графику!).

ТИПОВЫЕ ДИНАМИЧЕСКИЕ ЗВЕНЬЯ

Усилитель

$$W(s) = k$$

При действии на

вход единичного ступенчатого сигнала $1(t)$ (или дельта-функции $\delta(t)$) на выходе будет такой же сигнал, усиленный в k раз, поэтому переходная и импульсная характеристики звена равны

$$h(t) = k \quad (t > 0) \quad \text{и} \quad w(t) = k \cdot \delta(t).$$

Если на вход усилителя действует синусоидальный сигнал, на выходе он усиливается в k раз без изменения фазы, поэтому амплитудная и фазовая частотная характеристики не зависят от частоты входного сигнала:

$$A(\omega) = k, \quad \phi(\omega) = 0.$$

ТИПОВЫЕ ДИНАМИЧЕСКИЕ ЗВЕНЬЯ

Апериодическое звено

Одно из самых часто встречающихся звеньев – **апериодическое**, которое описывается дифференциальным уравнением

$$T \frac{dy(t)}{dt} + y(t) = k \cdot x(t)$$

и имеет передаточную функцию $W(s) = \frac{k}{Ts + 1}$. Здесь k – безразмерный коэффициент, а $T > 0$ –

постоянная, которая называется *постоянной времени* звена. Постоянная времени – размерная величина, она измеряется в секундах и характеризует *инерционность* объекта, то есть скорость его реакции на изменение входного сигнала.

Типовые динамические звенья апериодическое звено

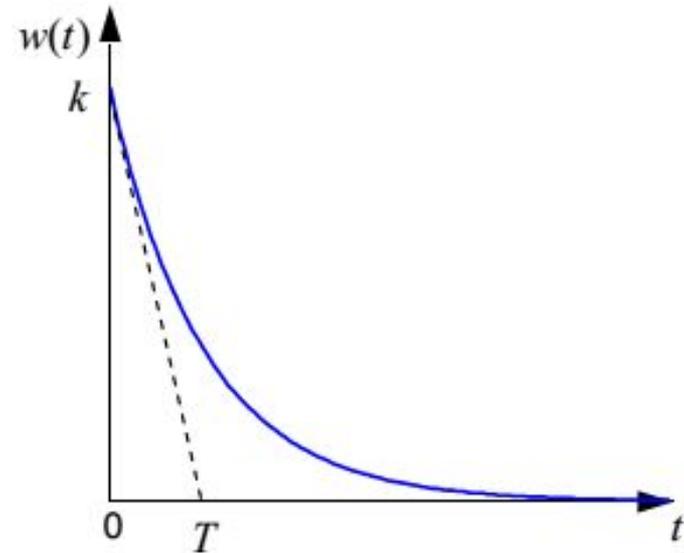
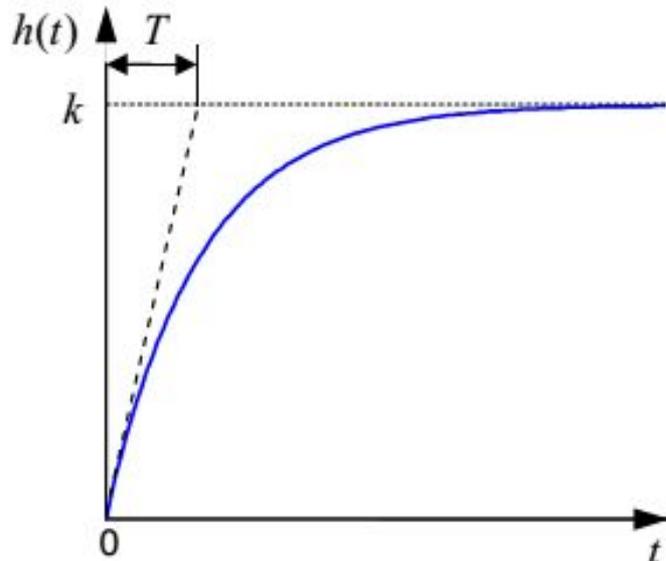
переходная и весовая функция

$$h(t) = k \left[1 - \exp\left(-\frac{t}{T}\right) \right], \quad w(t) = \frac{k}{T} \exp\left(-\frac{t}{T}\right).$$

Типовые динамические звенья

апериодическое звено

графики переходной и весовой функции



Обратите внимание, что предельное значение переходной характеристики равно k , а касательная к ней в точке $t = 0$ пересекается с линией установившегося значения при $t = T$. Переходная и импульсная характеристики выходят на установившееся значение (с ошибкой не более 5%) примерно за время $3T$. Эти факты позволяют определять постоянную времени экспериментально, по переходной характеристике звена.

Типовые динамические звенья

апериодическое звено

частотная передаточная функция

Частотная характеристика определяется выражением

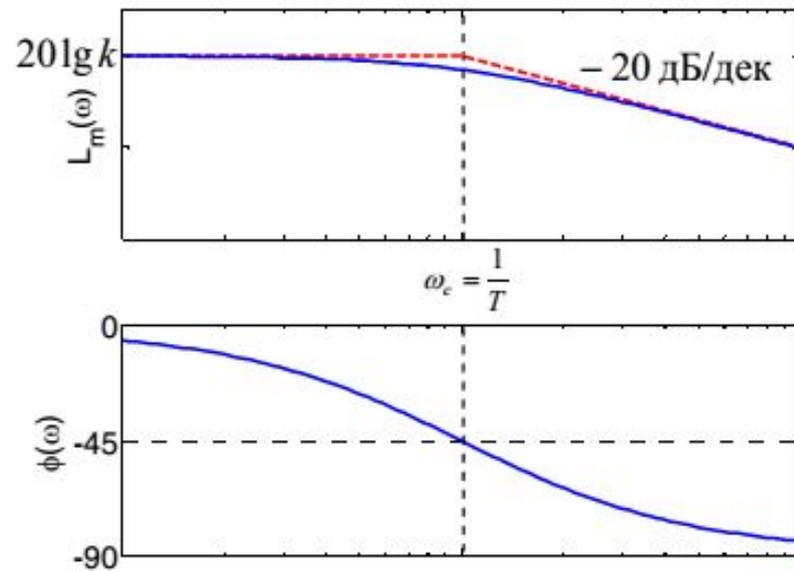
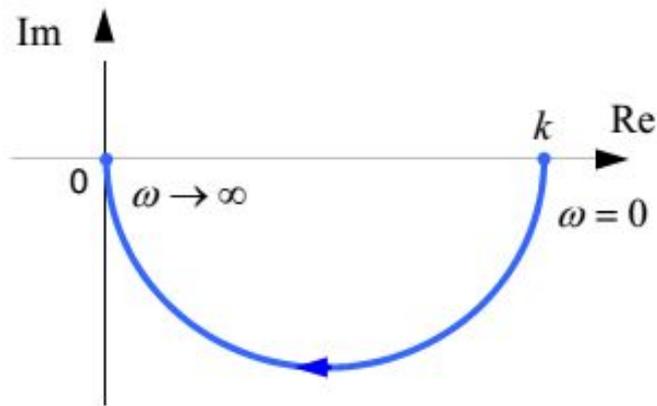
$$W(j\omega) = \frac{k}{Tj\omega + 1} = \frac{k(1 - Tj\omega)}{T^2\omega^2 + 1} = \frac{k}{T^2\omega^2 + 1} - \frac{jkT\omega}{T^2\omega^2 + 1}.$$

Для каждой частоты ω значение $W(j\omega)$ – это точка на комплексной плоскости. При изменении ω от 0 до ∞ получается кривая, которая называется *годографом Найквиста* (диаграммой Найквиста). В данном случае можно показать, что частотная характеристика – это полуокружность с центром в точке $(0,5k; 0)$ радиуса $0,5k$. Годограф начинается (на нулевой частоте) в точке $(k; 0)$ и заканчивается в начале координат (при $\omega \rightarrow \infty$).

Типовые динамические звенья

апериодическое звено

годограф Найквиста и ЛАЧХ



Асимптотическая ЛАЧХ этого звена образована двумя прямыми, которые пересекаются

на сопрягающей частоте $\omega_c = \frac{1}{T}$. На низких частотах она имеет нулевой наклон $L_m \approx 20 \lg k$.

Типовые динамические звенья апериодическое звено

Для сравнения рассмотрим также *неустойчивое апериодическое звено*, которое задается уравнением

$$T \frac{dy(t)}{dt} - y(t) = k \cdot x(t)$$

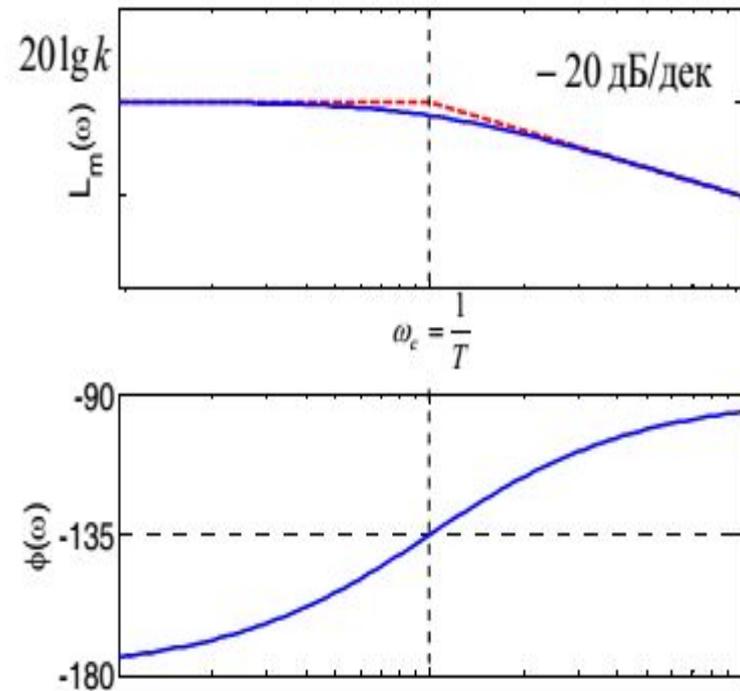
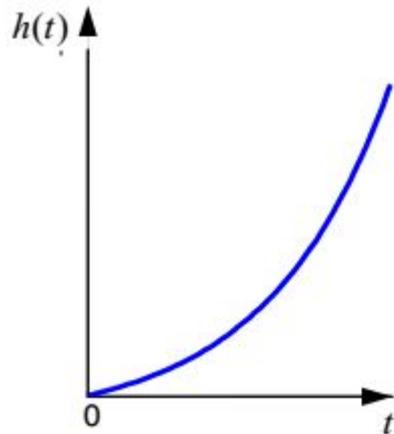
Как видим, все отличие только в знаке в левой части уравнения (плюс сменился на минус). Однако при этом кардинально меняются переходная и импульсная характеристики:

$$h(t) = k \left[\exp\left(\frac{t}{T}\right) - 1 \right], \quad w(t) = \frac{k}{T} \exp\left(\frac{t}{T}\right).$$

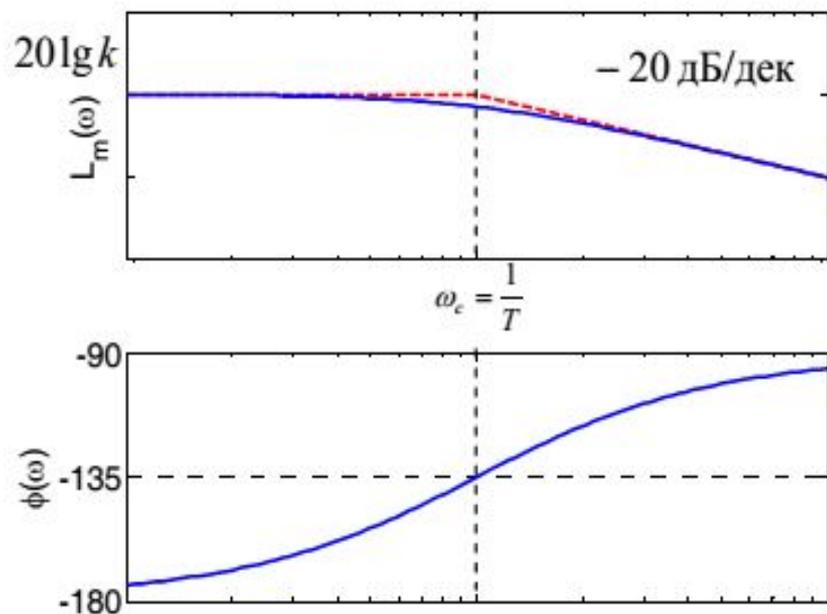
Типовые динамические звенья

Апериодическое звено

переходная характеристика и ЛАЧХ



Интересно сравнить частотные характеристики устойчивого и неустойчивого апериодических звеньев с теми же коэффициентами усиления и постоянными времени.



Из этого графика видно, что ЛАЧХ неустойчивого звена точно совпадает с ЛАЧХ аналогичного устойчивого, но отрицательный фазовый сдвиг значительно больше. Устойчивое апериодическое звено относится к *минимально-фазовым* звеньям, то есть его фаза по модулю меньше, чем фаза любого звена с такой же амплитудной характеристикой. Соответственно, неустойчивое звено – *неминимально-фазовое*.

Для *минимально-фазовых* звеньев все нули и полюса передаточной функции находятся в левой полуплоскости (имеют отрицательные вещественные части). Например, при положительных постоянных времени T_1 , T_2 и T_3 звено с передаточной функцией

$$W(s) = \frac{T_1 s + 1}{(T_2 s + 1)(T_3 s + 1)}$$

– минимально-фазовое, а звенья с передаточными функциями

$$W_1(s) = \frac{T_1 s + 1}{(T_2 s + 1)(T_3 s - 1)}, \quad W_2(s) = \frac{T_1 s - 1}{(T_2 s + 1)(T_3 s + 1)}, \quad W_3(s) = \frac{T_1 s + 1}{(T_2 s - 1)(T_3 s - 1)}$$

– неминимально-фазовые.

Типовые динамические звенья

Колебательное звено

Колебательное звено – это звено второго порядка с передаточной функцией вида

$$W(s) = \frac{k}{b_2 s^2 + b_1 s + 1},$$

знаменатель которой имеет комплексно-сопряженные корни (то есть, $b_1^2 - 4b_2 < 0$). Как известно из теории дифференциальных уравнений, свободное движение такой системы содержит гармонические составляющие (синус, косинус), что дает колебания выхода при изменении входного сигнала.

Несложно представить передаточную функцию колебательного звена в форме

$$W(s) = \frac{k}{T^2 s^2 + 2T\xi s + 1} \quad (41)$$

где k – коэффициент, T – постоянная времени (в секундах), ξ – параметр затухания ($0 < \xi < 1$). Постоянная времени определяет инерционность объекта, чем она больше, тем медленнее изменяется выход при изменении входа. Чем больше ξ , тем быстрее затухают колебания

Типовые динамические звенья

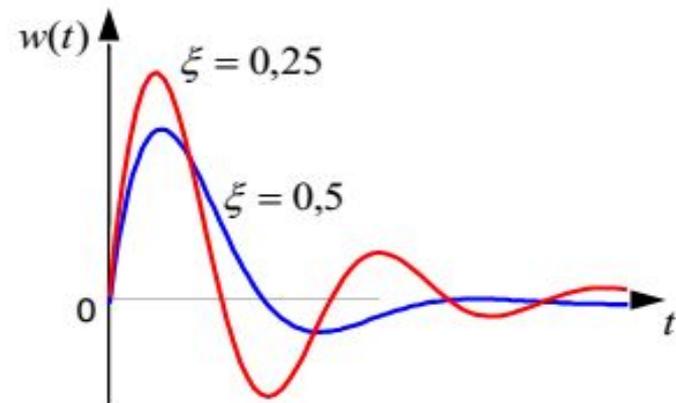
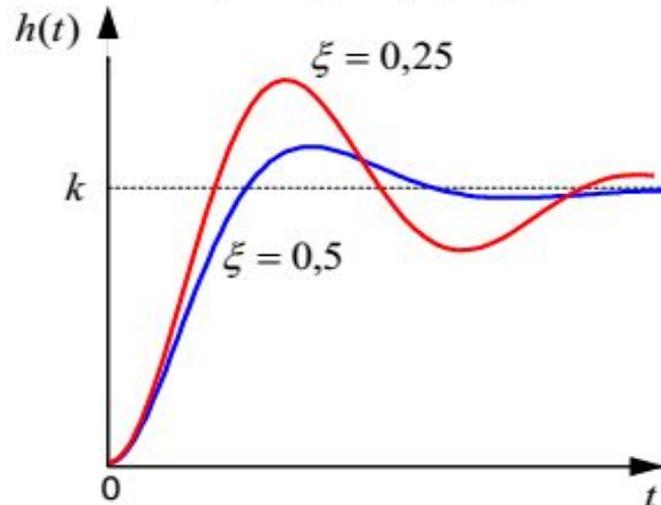
Колебательное звено

При $\xi = 0$ в (41) получается *консервативное* звено, которое дает незатухающие колебания на выходе. Если $\xi \geq 1$, модель (41) представляет *апериодическое звено второго порядка*, то есть последовательное соединение двух апериодических звеньев.

Колебательное звено относится к позиционным звеньям, его статический коэффициент усиления равен $W(0) = k$.

Колебательное звено относится к позиционным звеньям, его статический коэффициент усиления равен $W(0) = k$.

Переходная и импульсная характеристики отличаются выраженной колебательностью, особенно при малых значениях параметра затухания ξ . На следующих двух графиках синие линии соответствуют $\xi = 0,5$, а красные – $\xi = 0,25$.



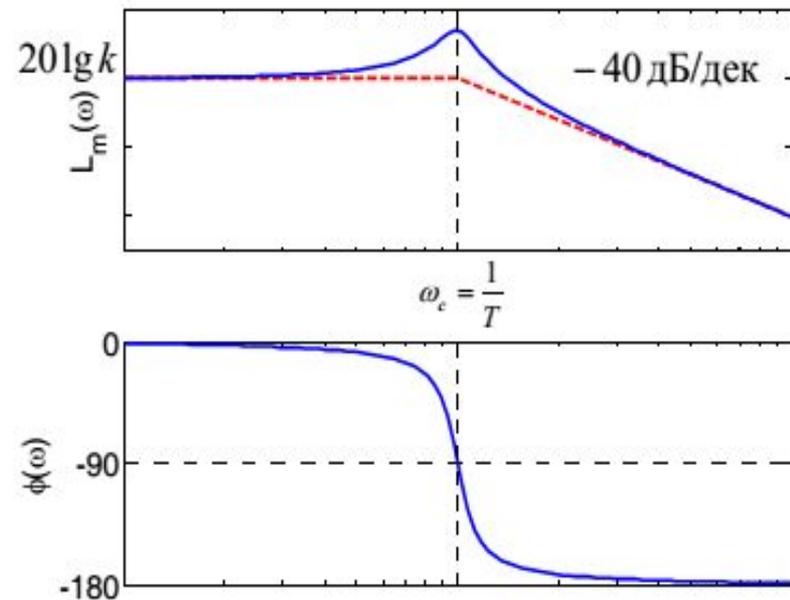
Типовые динамические звенья

Колебательное звено

Асимптотическая ЛАЧХ этого звена образована двумя прямыми, которые пересекаются на *сопрягающей частоте* $\omega_c = \frac{1}{T}$. На низких частотах она имеет нулевой наклон (так как звено позиционное), причем в этой области $L_m \approx 20 \lg k$.

На высоких частотах наклон ЛАЧХ равен -40 дБ/дек, так как степень знаменателя передаточной функции на два больше степени ее числителя. Фазовая характеристика меняется от 0 до -180° , причем на сопрягающей частоте ω_c она равна -90° .

При значениях $\xi < 0,5$ ЛАЧХ имеет так называемый «горб» в районе сопрягающей частоты, причем его высота увеличивается с уменьшением ξ . Это означает, что при частоте входного сигнала, равной ω_c , наблюдается *резонанс*, то есть частота возмущения совпадает с частотой собственных колебаний системы.



Типовые динамические звенья

Колебательное звено

В предельном случае при $\xi = 0$ (*консервативное звено*) ЛАЧХ терпит разрыв (обращается в бесконечность) на частоте ω_c , при таком входе амплитуда колебаний неограниченно растет и на практике объект разрушается.

Типовые динамические звенья

Интегрирующее звено

Интегрирующее звено описывается уравнением

$$\frac{dy(t)}{dt} = k \cdot x(t),$$

которому соответствует передаточная функция $W(s) = \frac{k}{s}$.

Решение уравнения $\frac{dy(t)}{dt} = k \cdot x(t)$, дает

$$y(t) = y(0) + k \int_0^t x(\tau) d\tau .$$

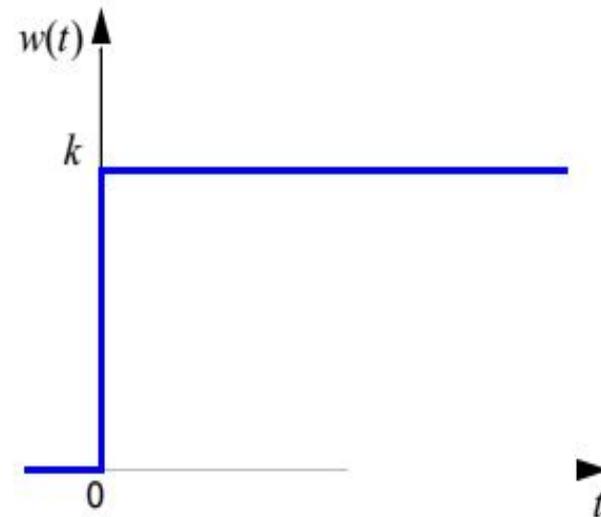
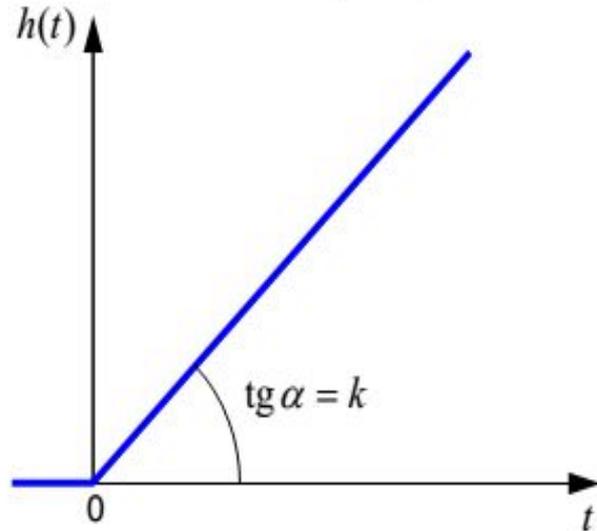
Типовые динамические звенья

Интегрирующее звено

Используя это решение для единичного скачка ($x(t) = 1$ при $t \geq 0$) при нулевых начальных условиях ($y(0) = 0$), получаем линейно возрастающую *переходную характеристику*:

$$h(t) = k \cdot t.$$

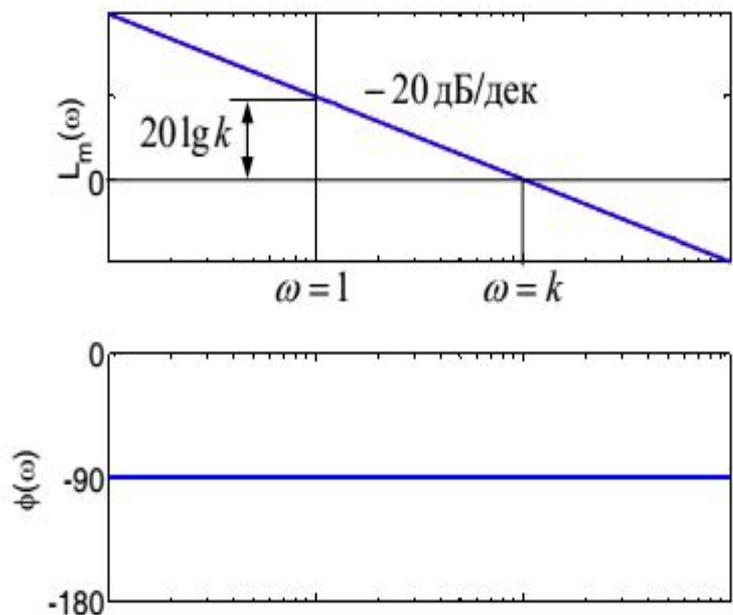
Для того, чтобы найти *импульсную характеристику*, вспомним, что интеграл от дельта-функции на любом интервале, включающем $t = 0$, равен 1. Поэтому $w(t) = k$ (при $t \geq 0$).



Типовые динамические звенья

Интегрирующее звено

Частотная характеристика интегрирующего звена определяется формулой $W(j\omega) = \frac{k}{j\omega} = -j\frac{k}{\omega}$. Можно показать, что его логарифмическая амплитудная частотная характеристика – это прямая с наклоном -20 дБ/дек. На низких частотах усиление максимально, теоретически на частоте $\omega = 0$ оно равно бесконечности. Высокие частоты, наоборот, подавляются интегратором.



Типовые динамические звенья

Интегрирующее звено

На частоте $\omega = 1$ значение ЛАЧХ равно $20 \lg k$, а при $\omega = k$ ЛАЧХ обращается в нуль, поскольку $|W(j\omega)| = 1$. Фазовая характеристика $\phi(\omega) = -90^\circ$ – говорит о постоянном сдвиге фазы на всех частотах.

Типовые динамические звенья

Дифференцирующее звено

Дифференцирующее звено дает на выходе производную входного сигнала. Уравнение идеального дифференцирующего звена $y(t) = k \frac{dx(t)}{dt}$, его операторная запись $y(t) = k \cdot p x(t)$, а передаточная функция $W(s) = k \cdot s$.

Известно, что производная единичного ступенчатого сигнала $\mathbf{1}(t)$ в точке $t = 0$ – это дельта-функция $\delta(t)$. Поэтому переходная и весовая функции дифференцирующего звена

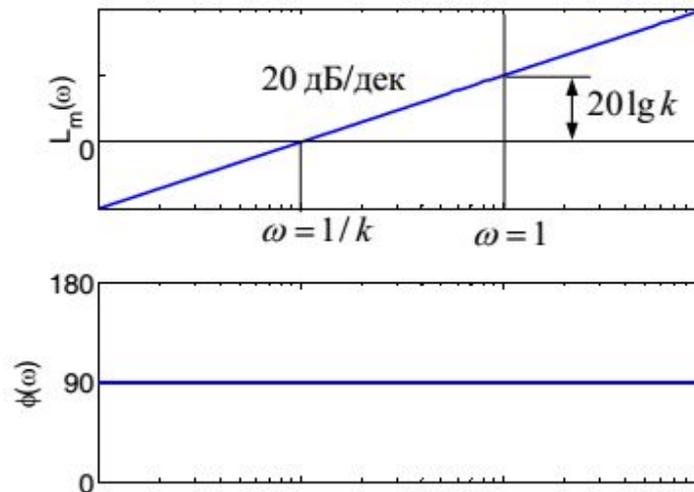
$$h(t) = k\delta(t), \quad w(t) = k \frac{d\delta(t)}{dt}.$$

Это физически нереализуемые функции, так как дельта-функцию и ее производную, имеющие бесконечные значения, невозможно получить на реальном устройстве. Поэтому идеальное дифференцирующее относится к *физически нереализуемым* звеньям.

Типовые динамические звенья

Дифференцирующее звено

Логарифмическая амплитудная частотная характеристика дифференцирующего звена – прямая с наклоном 20 дБ/дек, пересекающая ось абсцисс $L_m(\omega) = 0$ на частоте $\omega = \frac{1}{k}$. При $\omega = 1$ ЛАЧХ равна $L_m(1) = 20 \lg k$. Дифференцирующее звено подавляет низкие частоты (производная от постоянного сигнала равна нулю) и бесконечно усиливает высокочастотные сигналы, что требует бесконечной энергии и невозможно в физически реализуемых системах.



Фазовая характеристика не зависит от частоты, звено дает положительный сдвиг фазы на 90° . Действительно, при дифференцировании сигнала $x(t) = \sin \omega t$ получаем

$$y(t) = \cos \omega t = \sin(\omega t + 90^\circ).$$

Типовые динамические звенья

Дифференцирующее звено

Дифференцирующее звено реагирует не на изменение самой входной величины, а на изменение ее производной, то есть на *тенденцию* развития событий. Поэтому говорят, что дифференцирующее звено обладает упреждающим, *прогнозирующим* действием. С его помощью можно ускорить реакцию системы.

В технике не могут использоваться физически нереализуемые звенья. Поэтому важно рассмотреть аналогичное звено, которое выполняет дифференцирование низкочастотных сигналов и одновременно имеет ограниченное усиление на высоких частотах. *Инерционное дифференцирующее звено* описывается уравнением

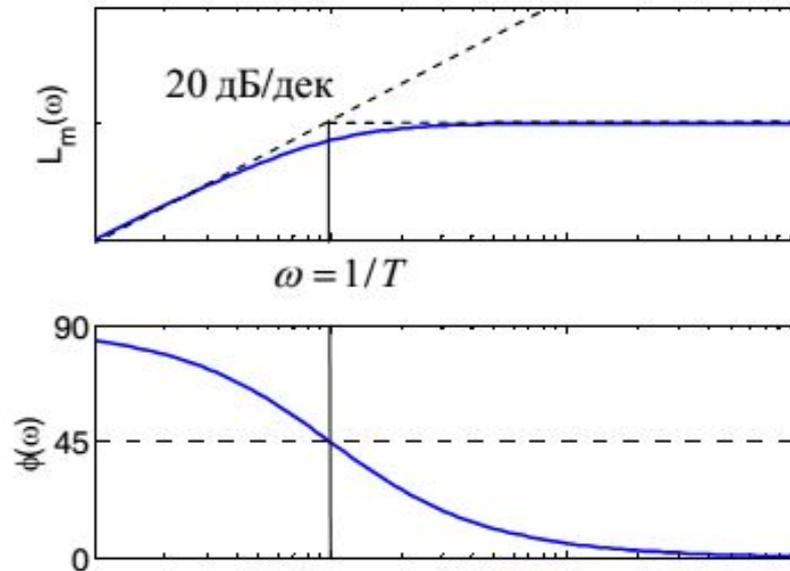
$$T \frac{dy(t)}{dt} + y(t) = k \frac{dx(t)}{dt}$$

и имеет передаточную функцию $W(s) = \frac{ks}{Ts + 1}$. Фактически это последовательное соединение идеального дифференцирующего и апериодического звеньев.

Типовые динамические звенья

Дифференцирующее звено

Апериодическое звено добавляет инерционность: обладая свойствами фильтра низких частот, оно ограничивает усиление на высоких частотах. Поскольку передаточная функция имеет равные степени числителя и знаменателя, на высоких частотах (выше *сопрягающей частоты* $\omega_c = 1/T$) ЛАЧХ имеет нулевой наклон, поэтому неограниченного роста коэффициента усиления не происходит. Одновременно теряется точность дифференцирования, так как фазовая характеристика изменяется от 90° до нуля.



Типовые динамические звенья

Запаздывание

Запаздывание в системе просто сдвигает сигнал вправо на временной оси, не меняя его формы. Математически это можно записать в виде

$$y(t) = x(t - \tau).$$

Изображение сигнала на выходе звена запаздывания вычисляется по *теореме о смещении аргумента* для преобразования Лапласа:

$$Y(s) = \mathcal{L}\{y(t)\} = \int_0^{\infty} x(t - \tau) e^{-st} dt = e^{-s\tau} \int_0^{\infty} x(t) e^{-st} dt = e^{-s\tau} X(s),$$

поэтому передаточная функция звена чистого запаздывания равна $W_{\tau}(s) = e^{-s\tau}$.

Типовые динамические звенья

Запаздывание

Очевидно, что при гармоническом входном сигнале запаздывание не изменяет амплитуду, но вносит дополнительный отрицательный сдвиг фазы. Частотная характеристика этого звена имеет вид $W_\tau(j\omega) = e^{-j\omega\tau}$. По общим формулам находим:

$$A(j\omega) = |W_\tau(j\omega)| = 1, \quad \phi(j\omega) = \arg W_\tau(j\omega) = -\omega\tau.$$

Таким образом, фазовая частотная характеристика звена запаздывания – линейная функция частоты ω , чем больше частота, тем больше фазовый сдвиг.

Типовые динамические звенья

Обратные звенья

Звено с передаточной функцией $\tilde{W}(s) = \frac{1}{W(s)}$ назовем «обратным» звеном для звена с передаточной функцией $W(s)$ (или *инверсией* для этого звена). Предположим, что мы знаем ЛАФЧХ для исходного звена и хотим найти ЛАФЧХ «обратного» звена без вычислений. Эта задача имеет простое решение.

Для исходного звена $W(j\omega) = P(\omega) + jQ(\omega)$, где $P(\omega)$ и $Q(\omega)$ – соответственно вещественная и мнимая частотные характеристики. Амплитудная и фазовая характеристики имеют вид

$$A(\omega) = \sqrt{P^2(\omega) + Q^2(\omega)}, \quad \phi(\omega) = \operatorname{arctg} \frac{Q(\omega)}{P(\omega)}.$$

Для «обратного» звена получим

$$\tilde{W}(j\omega) = \frac{1}{W(j\omega)} = \frac{1}{P(\omega) + jQ(\omega)} = \frac{P(\omega) - jQ(\omega)}{P^2(\omega) + Q^2(\omega)},$$

что после простых преобразований дает

$$\tilde{A}(\omega) = \frac{1}{\sqrt{P^2(\omega) + Q^2(\omega)}} = \frac{1}{A(\omega)}, \quad \tilde{\phi}(\omega) = -\operatorname{arctg} \frac{Q(\omega)}{P(\omega)} = -\phi(\omega).$$

Таким образом, для логарифмических характеристик получаем

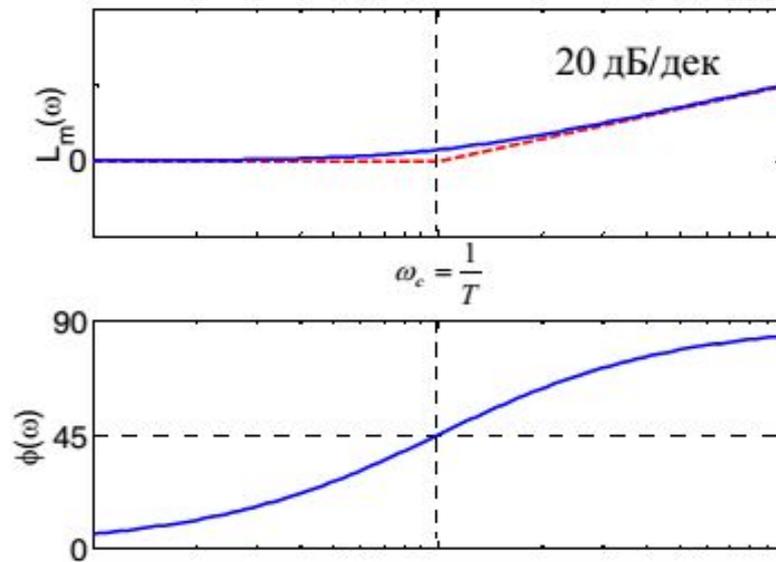
$$20 \lg \tilde{A}(\omega) = 20 \lg \frac{1}{A(\omega)} = -20 \lg A(\omega), \quad \tilde{\phi}(\omega) = -\phi(\omega).$$

Это значит, что при переходе к «обратной» передаточной функции ЛАЧХ и ЛФЧХ просто меняют знак.

Типовые динамические звенья

Обратные звенья

Рассмотрим, например, звено с передаточной функцией $W(s) = Ts + 1$. Оно является «обратным» для апериодического звена, поэтому можно сразу нарисовать его ЛАФЧ так, как на рисунке.



Типовые динамические звенья

Обратные звенья

Для звена чистого запаздывания «обратным» будет звено с передаточной функцией $\tilde{W}_\tau(s) = e^{s\tau}$, его амплитудная частотная характеристика равна 1 на всех частотах, а фазовая вычисляется как $\phi(\omega) = \omega\tau$. Положительный сдвиг фазы говорит о том, что сигнал на выходе появляется *раньше*, чем на входе. Такое звено называется *звеном упреждения* или *предсказания*. Понятно, что в реальных системах нельзя «заглянуть в будущее», поэтому звено упреждения физически нереализуемо. Тем не менее, модели некоторых практических задач могут включать звенья упреждения. Например, известны «автопилоты» для автомобилей, которые используют данные о рельефе дороги на некотором расстоянии *впереди* машины (будущие значения!), полученные с помощью лазерного измерителя.