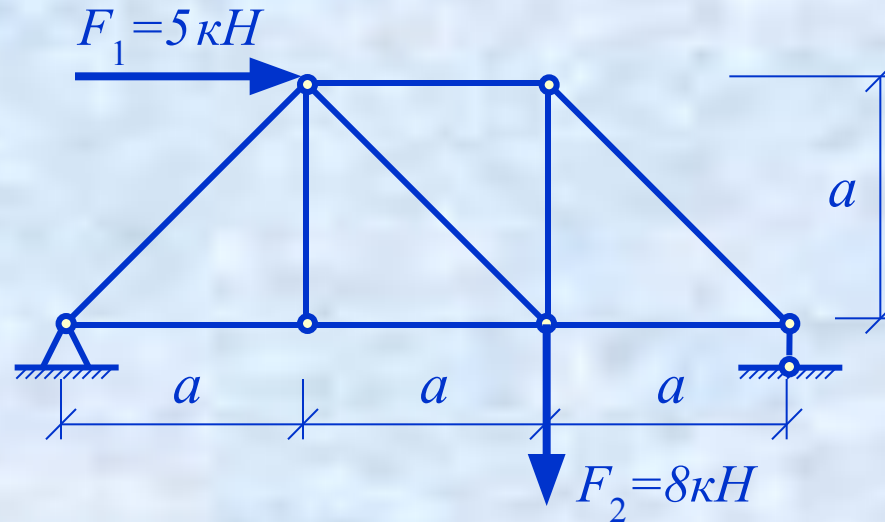
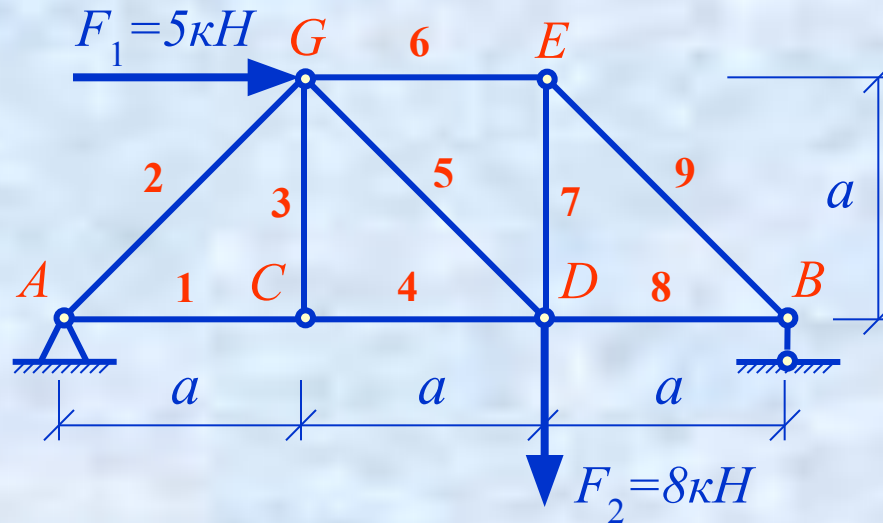


ПРИМЕР РАСЧЕТА



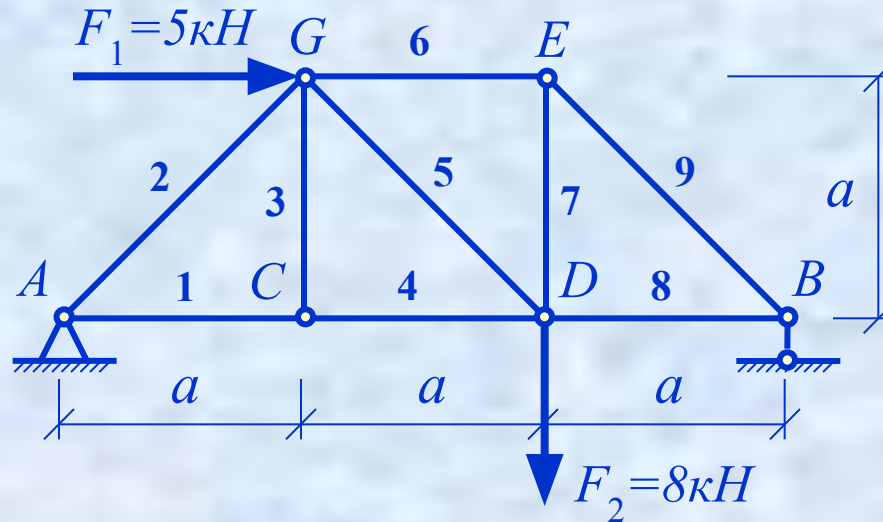
Необходимо определить усилия во всех стержнях фермы.
Размеры и приложенная к ферме нагрузка указаны на чертеже.

ПРИМЕР РАСЧЕТА



Прежде всего необходимо обозначить все узлы фермы и пронумеровать все стержни

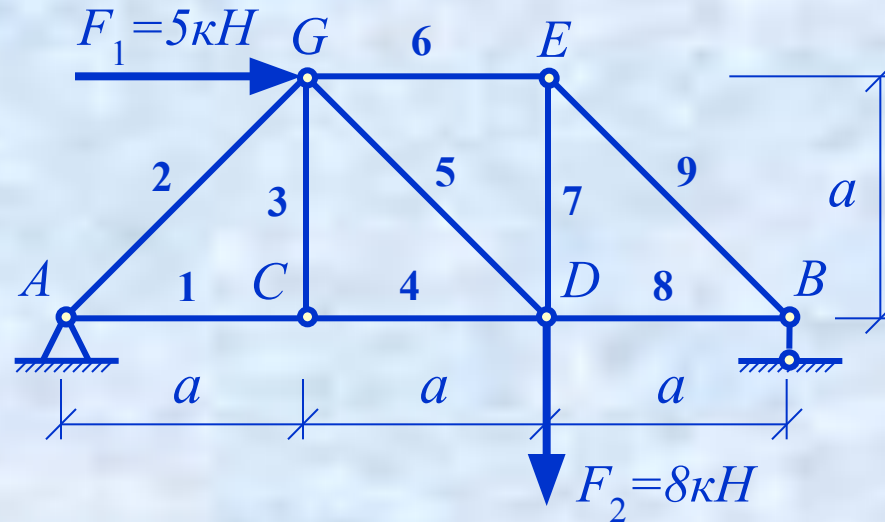
ПРИМЕР РАСЧЕТА



**Полный расчёт фермы, при котором необходимо определить усилия во всех стержнях, имеет смысл начать с определения реакций опор.
Для этого рассматривается равновесие всей фермы.**

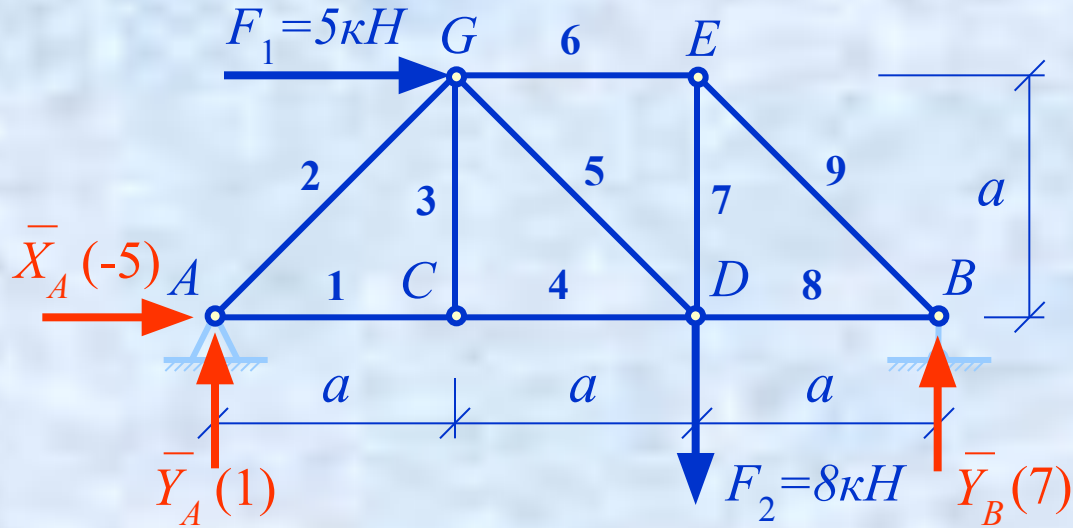
ПРИМЕР РАСЧЕТА

ОПРЕДЕЛЕНИЕ РЕАКЦИЙ ОПОР ФЕРМЫ



Выбор формы условий равновесия зависит от количества и расположения опор. Нужно составлять уравнения таким образом, чтобы из каждого уравнения определялась одна составляющая реакций опор.

ПРИМЕР РАСЧЕТА



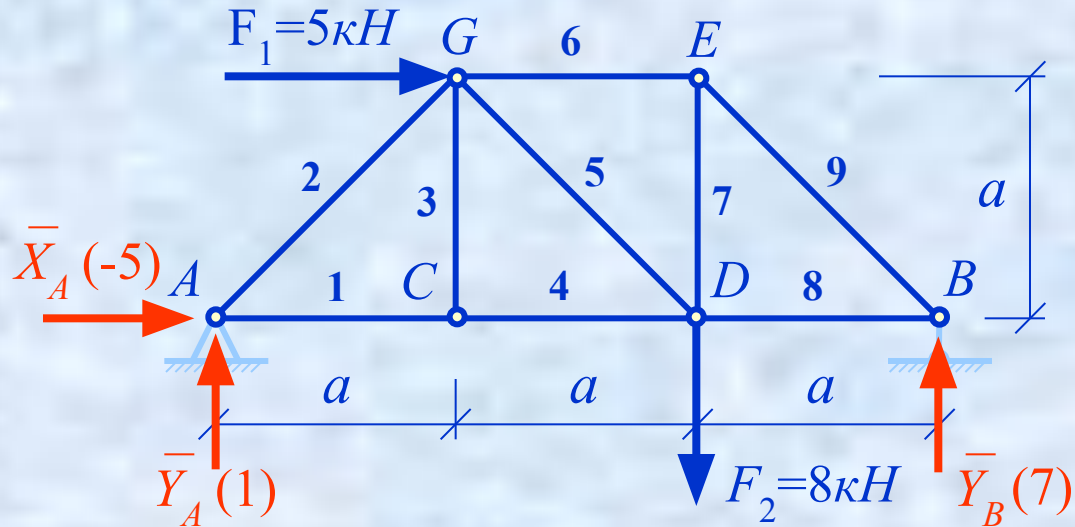
$$\sum F_{kx} = 0: \quad X_A + F_1 = 0 \quad \Longrightarrow \quad X_A = -F_1 = -5 \text{ (кН)}$$

$$\sum M_{Az}(F_k) = 0: \quad -F_1 \cdot a - F_2 \cdot 2a + Y_B \cdot 3a = 0$$

$$Y_B = \frac{5 \cdot 1 + 8 \cdot 2}{3} = 7 \text{ (кН)}$$

$$\sum F_{ky} = 0: \quad Y_A - F_2 + Y_B = 0 \quad \Longrightarrow \quad Y_A = F_2 - Y_B = 8 - 7 = 1 \text{ (кН)}$$

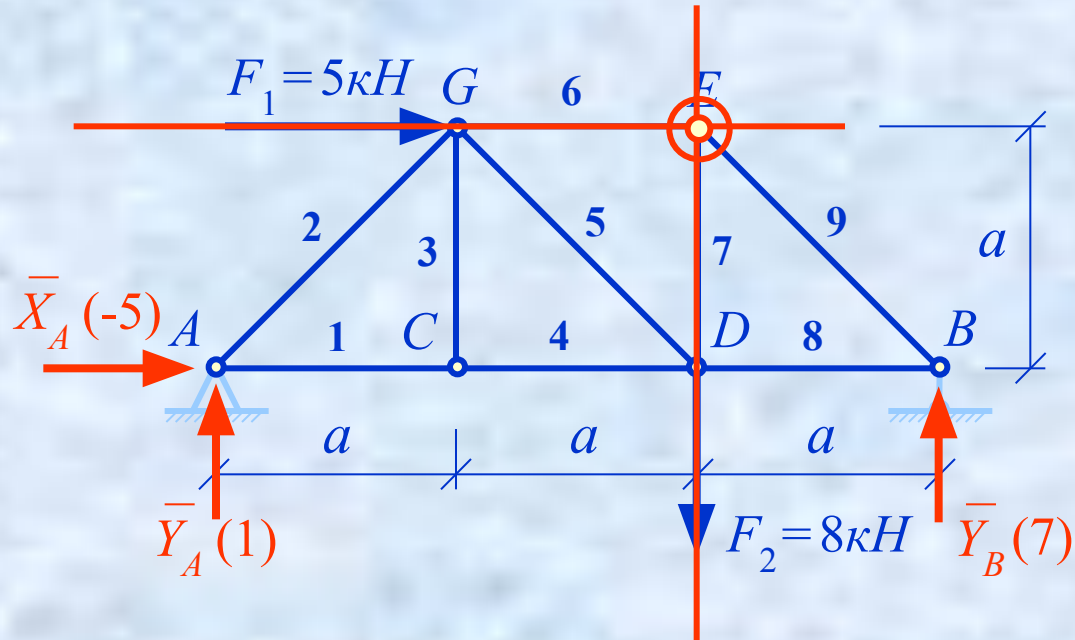
ПРИМЕР РАСЧЕТА



Проверка:

Для проверки правильности полученных результатов составим уравнение моментов относительно такой точки, относительно которой все вычисленные силы реакций создают ненулевые моменты.

ПРИМЕР РАСЧЕТА

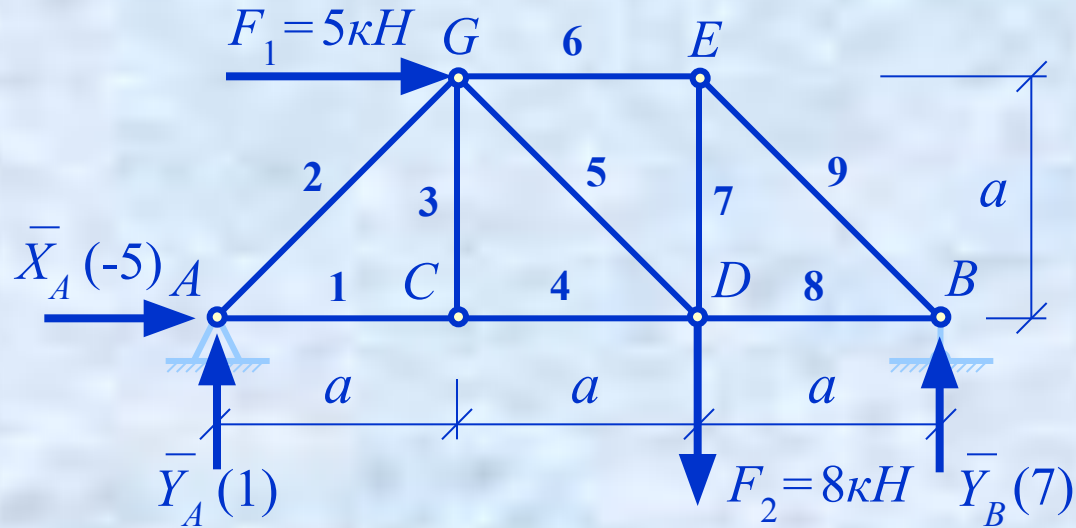


Проверка:

$$\sum M_{Ez}(F_k) = X_A \cdot a - Y_A \cdot 2a + Y_B \cdot a = -5 \cdot a - 1 \cdot 2a + 7 \cdot a = 0$$

ПРИМЕР РАСЧЕТА

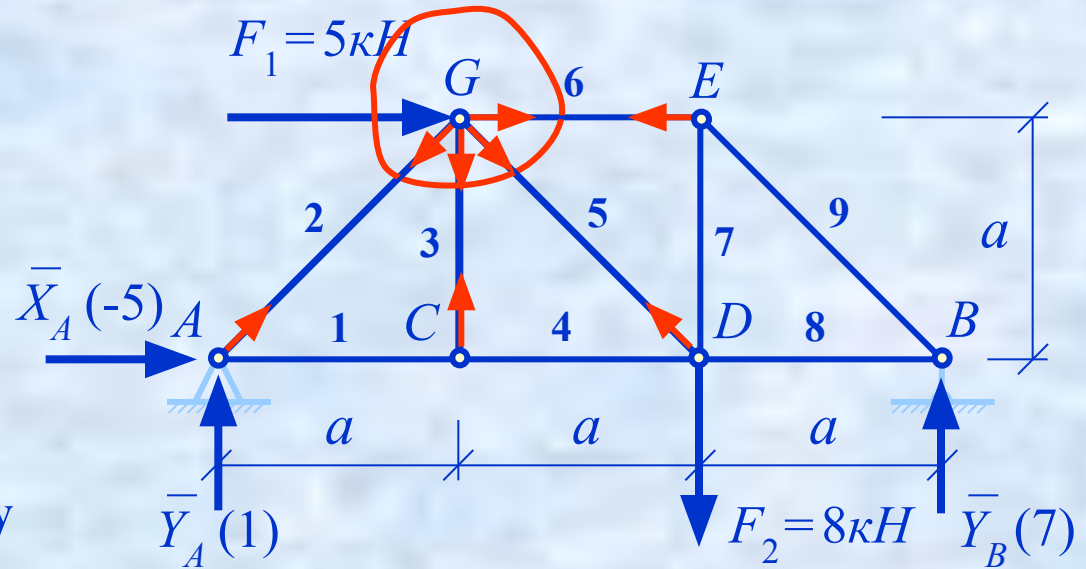
МЕТОД ВЫРЕЗАНИЯ УЗЛОВ



Метод вырезания узлов состоит в том, что рассматривается равновесие каждого узла

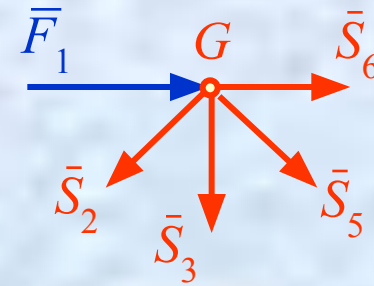
ПРИМЕР РАСЧЕТА

На каждый узел действует плоская система сходящихся сил, состоящая из приложенных к данному узлу активных сил и реакций стержней, присоединённых к данному узлу.



Для такой системы сил можно составить только два уравнения равновесия:

$$\sum F_{kx} = 0; \quad \sum F_{ky} = 0.$$



Поэтому равновесие узлов нужно рассматривать в определённой последовательности, позволяющей на каждом шаге решения задачи определять две очередные неизвестные.

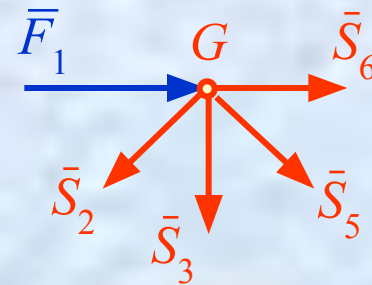
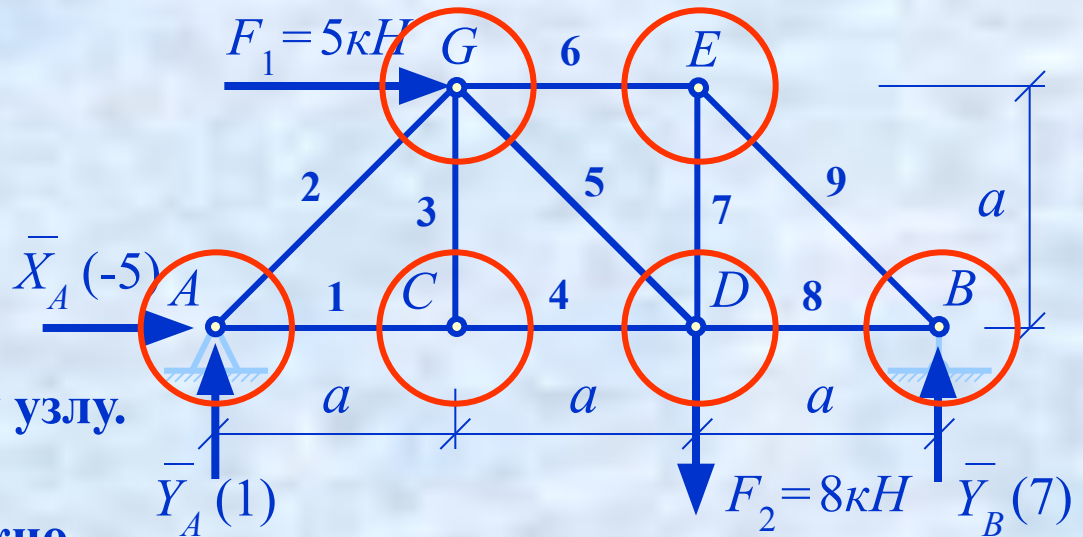
ПРИМЕР РАСЧЕТА

На каждый узел действует плоская система сходящихся сил, состоящая из приложенных к данному узлу активных сил и реакций стержней, присоединённых к данному узлу.

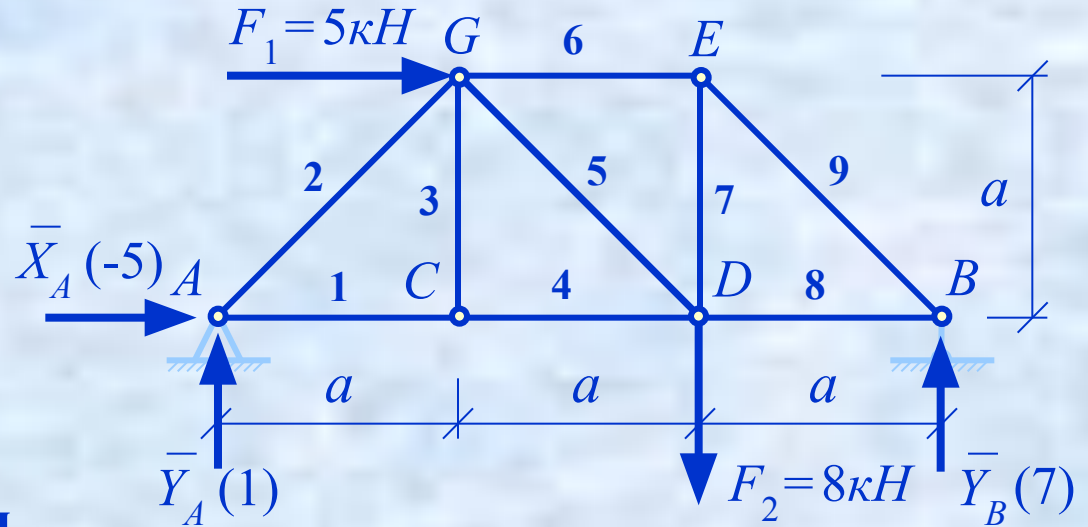
Для такой системы сил можно составить только два уравнения равновесия:

$$\sum F_{kx} = 0; \quad \sum F_{ky} = 0.$$

Поэтому равновесие узлов нужно рассматривать в определённой последовательности, позволяющей на каждом шаге решения задачи определять две очередные неизвестные.



ПРИМЕР РАСЧЕТА



Правило знаков:

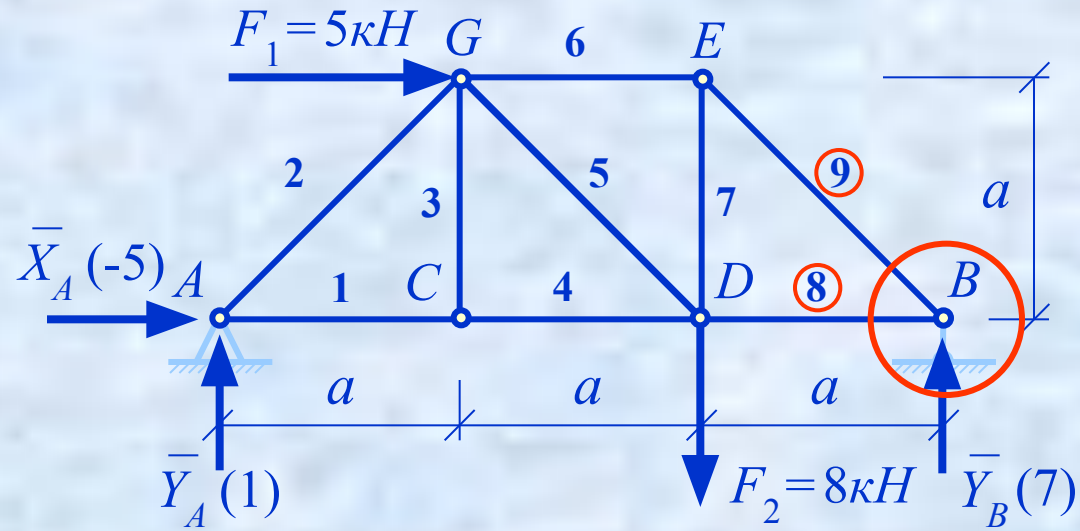
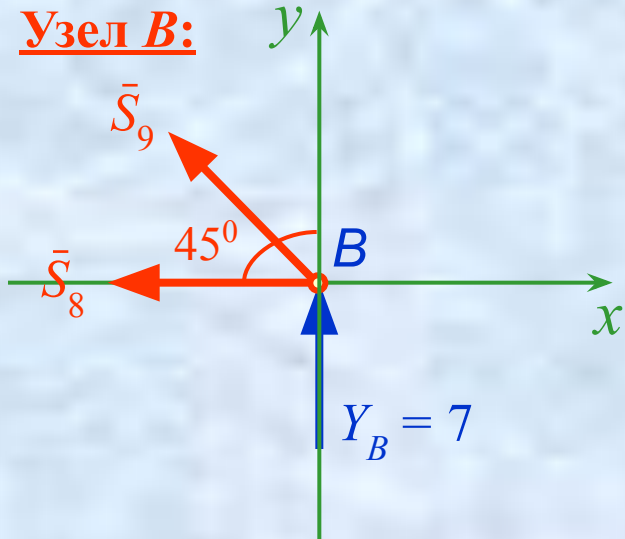
«+» – растягивающие усилия
(направлены от узла);

«-» – сжимающие усилия.

Изначально при расчете все усилия предполагаются положительными и направляются от узлов.

ПРИМЕР РАСЧЕТА

Узел В:



$$\sum F_{kx} = 0 : -S_8 - S_9 \cos 45^\circ = 0 ; \quad \sum F_{ky} = 0 : Y_B + S_9 \sin 45^\circ = 0 .$$

$$(2) \Rightarrow S_9 = - \frac{Y_B}{\sin 45^\circ} = \frac{7}{\sqrt{2}/2} = -7\sqrt{2} \text{ (кН)};$$

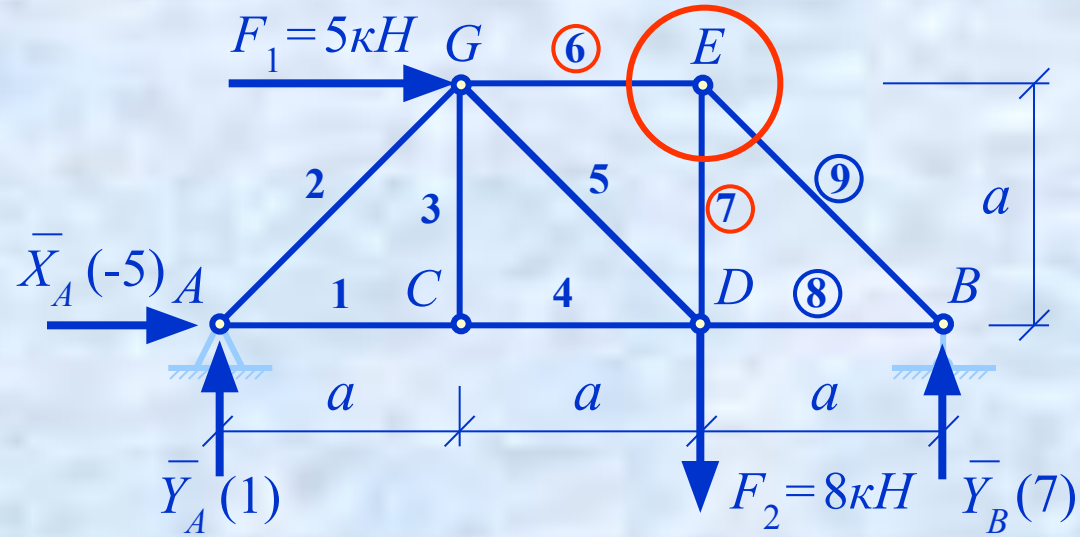
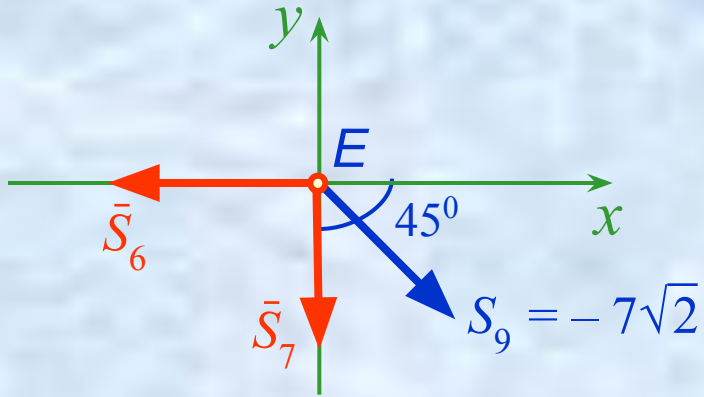
$$(1) \Rightarrow S_8 = -S_9 \cos 45^\circ = 7\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 7 \text{ (кН)}.$$

Запишем найденные усилия в таблицу

№ стержня	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Усилие, кН								7	$-7\sqrt{2}$

ПРИМЕР РАСЧЕТА

Узел E:



$$\sum F_{kx} = 0 : -S_6 + S_9 \cos 45^\circ = 0 \quad \Rightarrow \quad S_6 = S_9 \cos 45^\circ = -7\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = -7 \text{ (кН)};$$

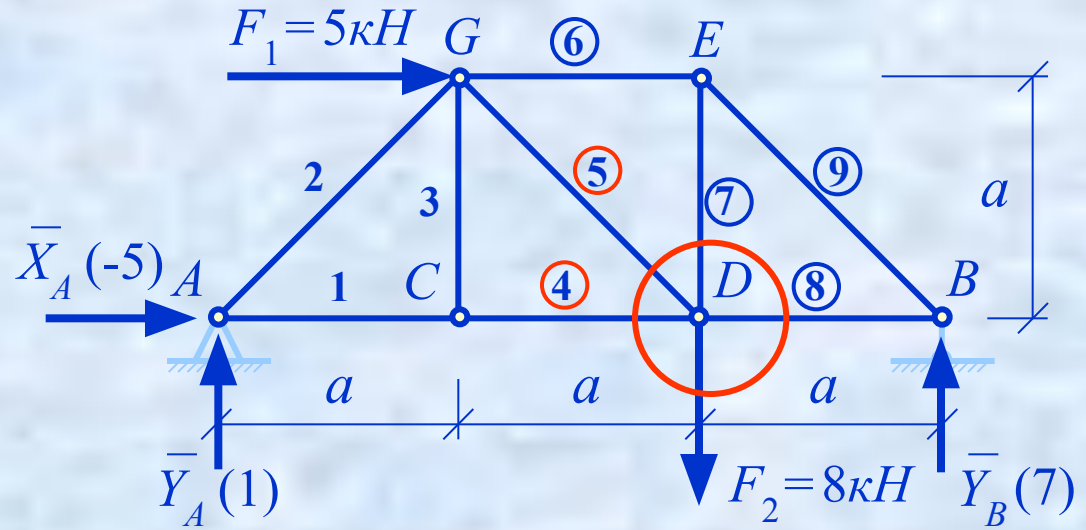
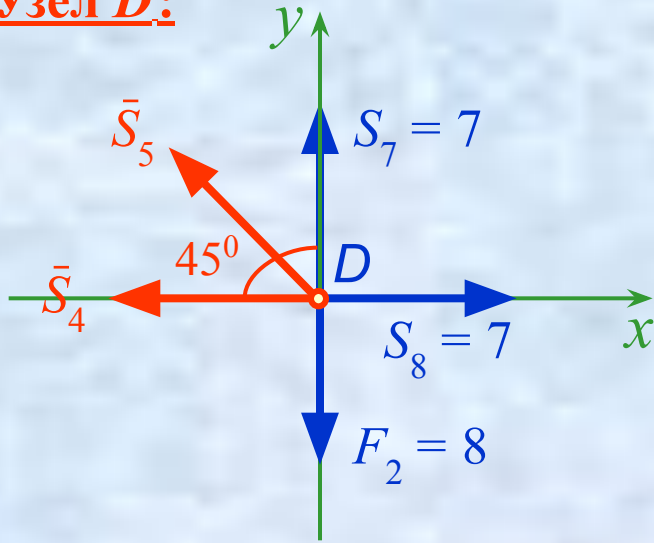
$$\sum F_{ky} = 0 : -S_7 - S_9 \sin 45^\circ = 0 \quad \Rightarrow \quad S_7 = -S_9 \sin 45^\circ = 7\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 7 \text{ (кН)}.$$

Добавим найденные усилия

№ стержня	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Усилие, кН						-7	7	7	$-7\sqrt{2}$

ПРИМЕР РАСЧЕТА

Узел D:



$$\sum F_{ky} = 0 : S_5 \sin 45^\circ + S_7 - F_2 = 0 \Rightarrow S_5 = \frac{F_2 - S_7}{\sin 45^\circ} = (8 - 7)\sqrt{2} = \sqrt{2} \text{ (кН)};$$

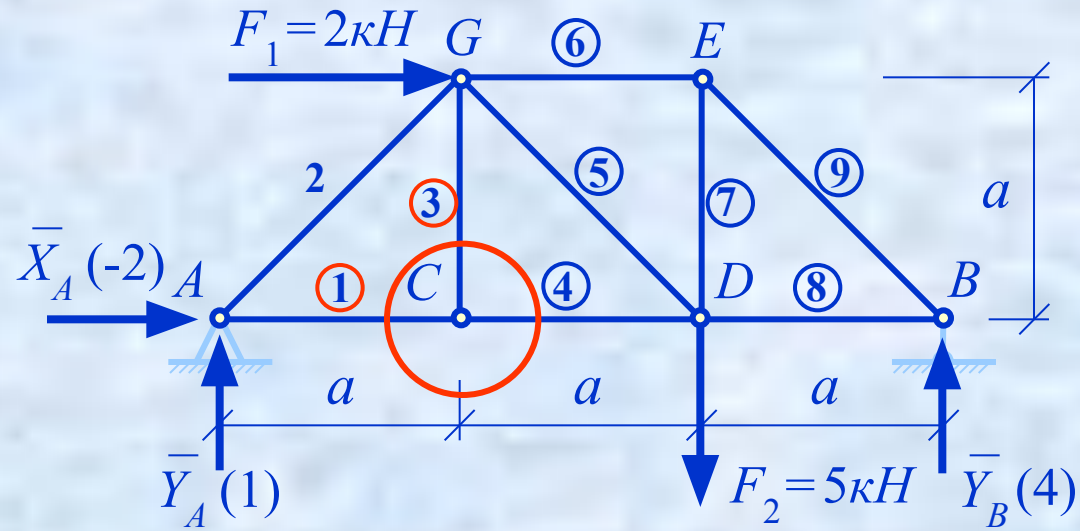
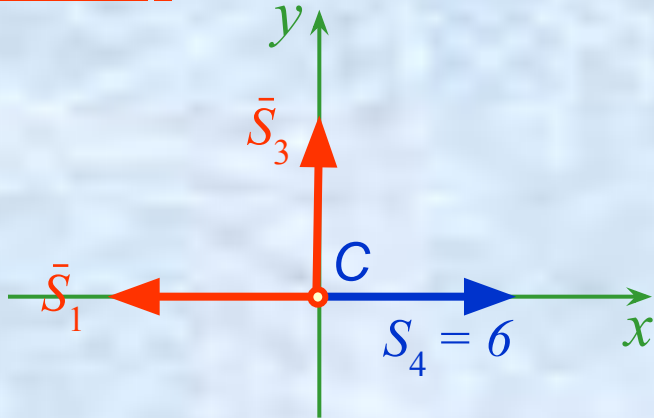
$$\sum F_{kx} = 0 : -S_4 - S_5 \cos 45^\circ + S_8 = 0 \Rightarrow S_4 = -S_5 \cos 45^\circ + S_8 = -\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} + 7 = 6 \text{ (кН)}$$

Добавим найденные усилия

№ стержня	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Усилие, кН				6	$\sqrt{2}$	-7	7	7	$-7\sqrt{2}$

ПРИМЕР РАСЧЕТА

Узел С:



$$\sum F_{kx} = 0 : -S_1 + S_4 = 0 \Rightarrow S_1 = S_4 = 6 \text{ (кН)};$$

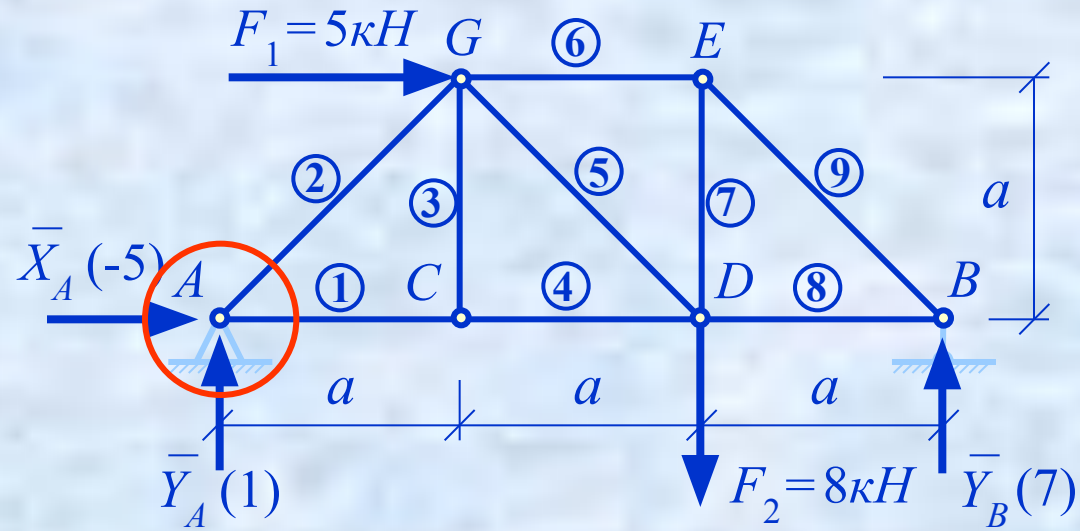
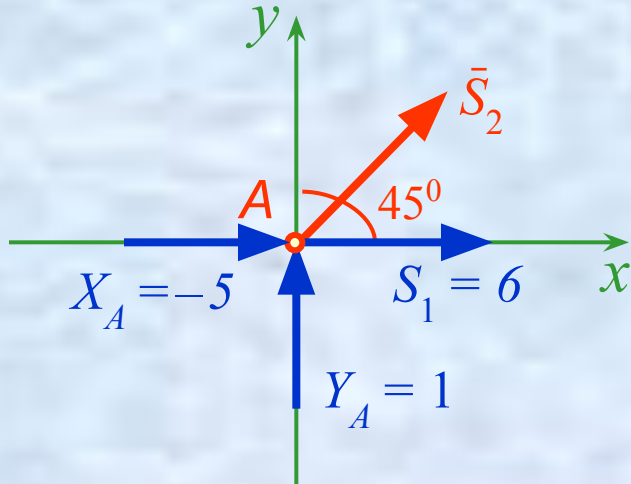
$$\sum F_{ky} = 0 : S_3 = 0.$$

Добавим найденные усилия

№ стержня	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Усилие, кН	6		0	6	$\sqrt{2}$	-7	7	7	$-7\sqrt{2}$

ПРИМЕР РАСЧЕТА

Узел А:



$$\sum F_{ky} = 0 : S_2 \sin 45^\circ + Y_A = 0 \Rightarrow S_2 = -\frac{Y_A}{\sin 45^\circ} = -\sqrt{2} \text{ (кН)}.$$

Проверка

Узел А: $\sum F_{kx} = X_A + S_1 + S_2 \sin 45^\circ = -5 + 6 - \sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$

Добавим найденные усилия

№ стержня	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Усилие, кН	6	$-\sqrt{2}$	0	6	$\sqrt{2}$	-7	7	7	$-7\sqrt{2}$

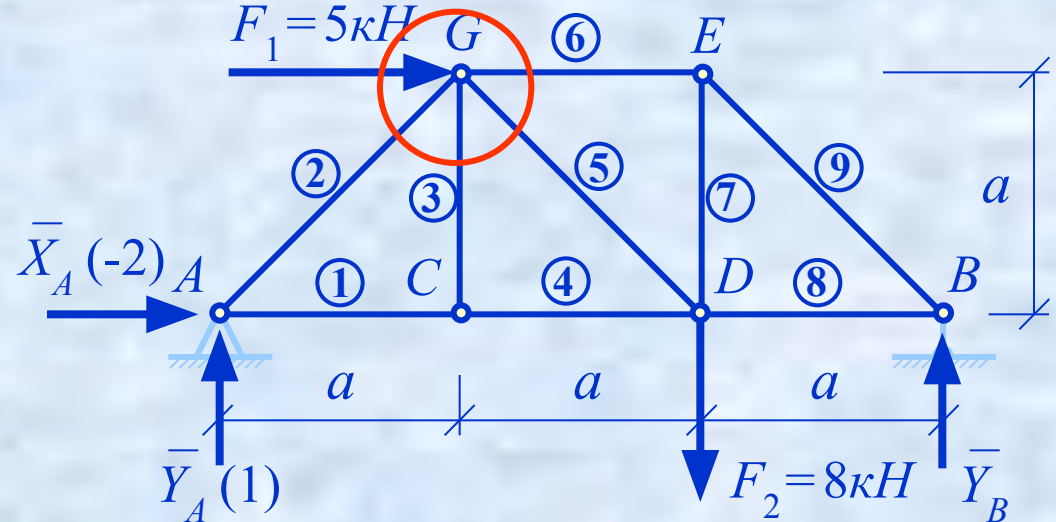
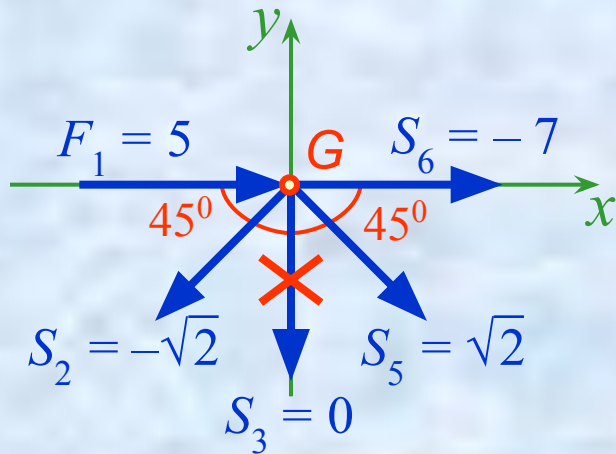
ПРИМЕР РАСЧЕТА

Проверка

Узел А:

$$\begin{aligned}\sum F_{kx} &= X_A + S_1 + S_2 \sin 45^\circ = \\ &= -5 + 6 - \sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} = 0\end{aligned}$$

Узел G:



$$\begin{aligned}\sum F_{kx} &= F_1 + S_6 - S_2 \cos 45^\circ + S_5 \cos 45^\circ = \\ &= 5 - 7 + \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 0\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sum F_{ky} &= -S_2 \sin 45^\circ - S_5 \sin 45^\circ = \\ &= \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} - \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 0\end{aligned}$$

№ стержня	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Усилие, кН	6	$-\sqrt{2}$	0	6	$\sqrt{2}$	-7	7	7	$-7\sqrt{2}$