

ЛЕКЦИЯ №1
ПОНЯТИЕ МАССИВА.
ОПЕРАЦИИ ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ
В МАССИВЕ





Цель: Ознакомиться с одной из самых распространенных структур данных — массивами; научиться вводить массивы, рассчитывать для них базовые характеристики, находить элементы в массиве, сортировать элементы массива.

МАССИВЫ

- **Массив** – поименованный набор однотипных элементов, каждый из которых имеет свой номер, (*индекс*). Если индексов несколько, то массив *многомерный*).
- **Особенности:**
 - все элементы имеют **один тип**
 - весь массив имеет **одно имя**
 - все элементы расположены в памяти **рядом**
- **Примеры:**
 - список учеников в классе
 - квартиры в доме
 - школы в городе
 - данные о температуре воздуха за год



СТРУКТУРА МАССИВА

- Одномерный массив $A[i]$ типа **real** из 9 элементов

| Имя массива | A | | | | | | | | |
|-------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| Индексы(№) | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Элементы | A[1] | A[2] | A[3] | A[4] | A[5] | A[6] | A[7] | A[8] | A[9] |
| Значения | 1.2 | 0.9 | -1.3 | -9.1 | 0.02 | 45.1 | -3 | 5.0 | 7 |
| Тип данных | real | real | real | real | real | real | real | real | real |

- Двумерный массив $B[i,j]$ типа **integer** из 4 строк и 5 колонок.

- Элемент массива B
 $[2,4]=34$

| индексы | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|----|----|----|-----|
| 1 | 1 | 4 | 6 | -7 | 9 |
| 2 | 78 | 12 | 45 | 34 | 21 |
| 3 | 34 | 13 | 67 | 45 | 0 |
| 4 | -6 | 1 | -8 | 56 | -99 |

Номер
строки

Номер
столбца



В Pascal ABC имеются
следующие типы:
integer (целый)
byte (байтовый)
char (символьный)
перечислимый
диапазонный
boolean (логический)
real (вещественный)
complex (комплексный)
string (строковый)



ОБЪЯВЛЕНИЕ МАССИВОВ

- **Зачем объявлять?**
 - определить **имя массива**
 - определить **тип массива**
 - определить **число элементов**
 - выделить **место в памяти ЭВМ**

Объявление массива позволяет правильно оперировать с данными и резервировать место для хранения данных в памяти.



ОБЪЯВЛЕНИЕ МАССИВА ЦЕЛЫХ ЧИСЕЛ

- Массив описывают в секции **VAR**

```
var A : array[ 1 .. 5 ] of integer ;
```

ИМЯ

начальный индекс

конечный индекс

ТИП

Описание через константу

```
Const N=12;
```

```
var A: array[1.. N] of integer;
```



ОБЪЯВЛЕНИЕ МАССИВОВ

- Массивы других типов:

```
var X, Y: array [1..10] of real;  
      C: array [1..20] of char;
```

- Другой диапазон индексов:

```
var Q: array [0..9] of real;  
      C: array [-5..13] of char;
```

- Индексы других типов:

```
var A: array ['A'..'Z'] of real;  
      B: array [False..True] of integer;  
      D: array ['a'..'z',w2..w4] of string;
```

```
A['C'] := 3.14259*A['B'];  
B[False] := B[False] + 1;
```



ЧТО НЕЛЬЗЯ ДЕЛАТЬ?

- Нельзя в массивы целого типа вводить вещественные значения

```
var a: array[1..10] of integer;
```

...

```
A[5] := 4.5;
```

- Нельзя использовать индексы отсутствующие в перечислениях

```
var a: array ['z'..'c'] of integer;
```

...

```
A['B'] := 15;
```

- Нельзя выходить за пределы индексов указанные в описании

```
var a: array [0..9] of integer;
```

...

```
A[10] := 'X';
```



ОПЕРАЦИИ С МАССИВАМИ

Выполняются в циклах

- **Объявление**

```
const N = 5;  
var a: array[1..N] of integer;  
i: integer;
```

- **Ввод данных с клавиатуры**

```
for i:=1 to N do begin  
write('a[' , i, ']='); read ( a[i] );  
end;
```

```
a[1] = 5  
a[2] = 12  
a[3] = 34  
a[4] = 56  
a[5] = 13
```

- **Данные обрабатывают поэлементно**

```
for i:=1 to N do a[i]:=a[i]*2;
```

```
a[1] = 10  
a[2] = 24  
a[3] = 68  
a[4] = 112  
a[5] = 26
```

- **Вывод данных на дисплей**

```
writeln('Массив A:');  
for i:=1 to N do write(a[i]:4);
```

10 24 68 112 26

for i:=1 to N do writeln ('a[' , i, ']=', a[i]:4);

Что будет на экране?



РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ

1. Определить среднее арифметическое массива из пяти чисел.

Предусмотреть, что изменение количества чисел должно менять только секцию описаний.

```
program mass1;
const n=5;
var i:integer;
a: array [1..n] of real;
sr:real;
begin
for i:=1 to n do
begin
write ('введите a[' ,i, ']=');
readln (a[i]);
end;
Sr:=0;
for i:=1 to n do sr:= sr+a[i];
sr:=sr/n;
for i:=1 to n do writeln ('a[' ,i, ']=' ,a[i]);
writeln('среднее арифметическое sr=' ,sr);
end.
```



РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ

2. В массиве из пяти элементов найти минимальный элемент и его номер. Изменение количества чисел должно менять только секцию описаний

```
program mass2;
const n=5;
var i,j:integer;
a: array [1..n] of real;
min:real;
begin

for i:=1 to n do
begin
write ('a[',i,']=');
readln (a[i]);
end;
min:=a[1];
for i:=1 to n do if a[i]<=min then begin
min:=a[i]; j:=i; end;

for i:=1 to n do writeln ('a[',i,']=',a[i]);
writeln('min=',min,'  'min=',j);
end.
```



ЗАДАНИЕ НА САМОПОДГОТОВКУ

1. Заполнить массив случайными целыми числами из интервала от -7 до 25.
2. Дан целочисленный массив, с числом элементов N , вывести все его нечетные элементы в начинаая с конца и их сумму.
3. Написать программу, которая вычисляет, сколько раз введенное с клавиатуры число встречается в массиве.
4. Написать программу, которая проверяет, есть ли во введенном с клавиатуры массиве элементы с одинаковыми значениями.



ОДНОМЕРНЫЙ МАССИВ

- Суммирование (произведение) элементов.
- Поиск в массиве максимального (минимального) элементов и их индексов.
- Поиск совпадений.
- Сортировка массива по убыванию и возрастанию.



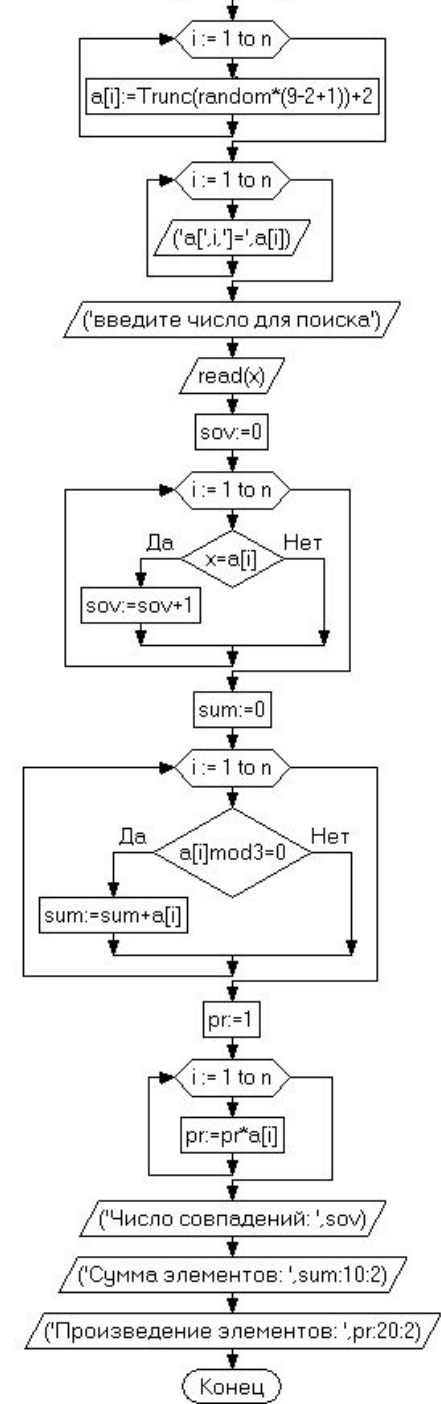
ОДНОМЕРНЫЙ МАССИВ СУММИРОВАНИЕ

Создать массив 100
целых случайных
чисел из интервала
[2;9].

Найти:

1. количество совпадений с числом введенным с клавиатуры;
2. сумму чисел кратных трем;
3. произведение всех чисел массива.

```
const
    n = 100;
var
    a: array[1..n] of integer;
    sum, pr, x : real;
    i,sov: integer;
begin
    for i := 1 to n do a[i]:=Trunc(random*(9-2+1))+2;
    for i := 1 to n do writeln ('a[',i,']=',a[i]);
    writeln ('введите число для поиска'); read (x);
    sov:=0;
    for i := 1 to n do if x=a[i] then sov:=sov+1;
    sum := 0;
    for i := 1 to n do if a[i] mod 3 = 0 then sum := sum + a[i];
    pr := 1;
    for i := 1 to n do pr := pr * a[i];
    writeln('Число совпадений: ', sov);
    writeln('Сумма элементов: ', sum:10:2);
    writeln('Произведение элементов: ', pr:20:2);
end.
```



ДВУМЕРНЫЙ МАССИВ

Массив – набор элементов одного типа, имеющих общее имя, и разные номера (индексы).

Массив с двумя индексами называют двухмерным.

Моделью двумерного массива является прямоугольная таблица элементов - **матрица**.

Номер элемента состоит из двух чисел – номера строки, и номера столбца.

Матрица 3x3 элемента

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

Главная диагональ

Обращение к элементам массива имеет вид: **$A[i, j]$** . Это означает, что мы хотим получить элемент, расположенный в **i** -й строке и **j** -м столбце.



ОПИСАНИЕ ДВУМЕРНОГО МАССИВА

Описание матрицы в разделе **var** аналогично описанию одномерного массива, только необходимо указывать диапазон изменения столбцов и строк.

```
Const n=10; m=12;
```

```
Var a:array [1..n,1..m] of integer;
```

Или

```
Var B:array [1..10,1..12] of real;
```



ВВОД ДВУМЕРНОГО МАССИВА ПАСКАЛЯ С КЛАВИАТУРЫ

WriteLn ('Введите матрицу построчно');

For i:=1 to n **do**

For j:= 1 to m **do**

Begin

Write ('a[' ,i,',' ,j,']='); **ReadLn** (a[i,j]);

End;



ВВОД ДВУМЕРНОГО МАССИВА ИЗ ГЕНЕРАТОРА СЛУЧАЙНЫХ ЧИСЕЛ

Randomize;

For i:=1 to n do

Begin

For j:=1 to m do

Begin

a[i,j]:=random(11)+2;

write(a[i,j], ' ');

End;

Writeln;

End;

- Массив случайных целых чисел из интервала [2,12]



СУММИРОВАНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ МАССИВА

Сумма всех элементов:

```
sum:=0;  
for i:=1 to n do  
for j:=1 to m do sum:=sum+a[i,j];  
writeln('Сумма=',sum);
```

Сумма элементов главной диагонали (x[1,1], x[2,2] и т.д.):

```
sum:=0;  
for i:=1 to n do sum:=sum+a[i,i];  
writeln ('Сумма=',sum);
```

Сумма по столбцам с записью в массив zum[1..m]:

```
for j:=1 to m do  
  
zum[j]:=0;  
for i:=1 to n do zum[j]:=zum[j]+x[i,j];  
for j:=1 to m do write(zum[j]:4);
```



МАКСИМАЛЬНЫЙ (МИНИМАЛЬНЫЙ) ЭЛЕМЕНТ МАССИВА

```
max:=a[1,1];
```

```
min:=a[1,1];
```

```
  for i:=1 to n do
```

```
    for j:=1 to m do
```

```
      begin
```

```
        if a[i,j]>max then max:=a[i,j];
```

```
        if a[i,j]<min then min:=a[i,j];
```

```
      end;
```

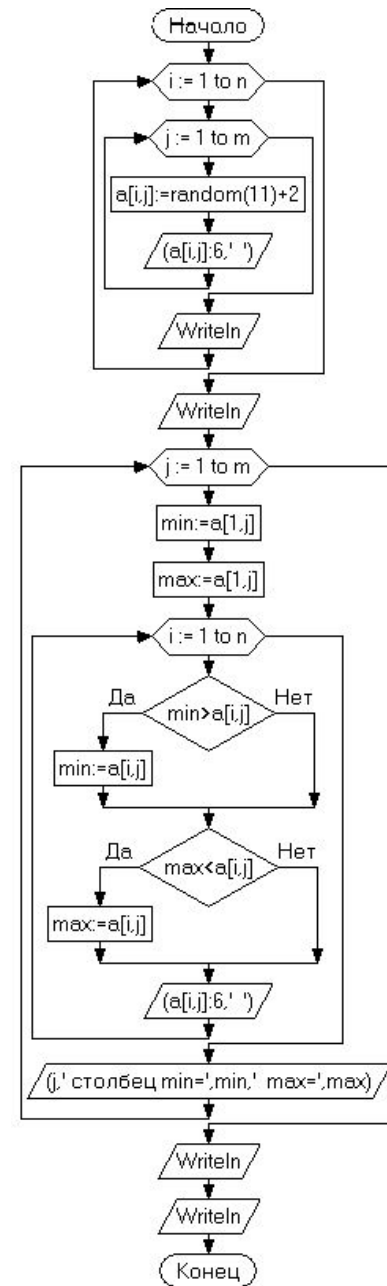
```
  writeln ('max=',max,'max=',min);
```



РЕШЕНИЕ ЗАДА

Вывести максимальные и минимальные элементы в каждом столбце двумерного массива

```
program mass2x;  
Const n=10; m=12;  
Var      a:array [1..n,1..m] of integer;  
         i,j,min,max:      integer;  
  
begin  
  For i:=1 to n do Begin  
    For j:=1 to m do Begin  
      a[i,j]:=random(11)+2;  
      write(a[i,j]:6,' ');  
    End;  
    Writeln;  
  End;  
  
  Writeln;  
  For j:=1 to m do Begin  
    min:=a[1,j]; max:=a[1,j];  
    For i:=1 to n do Begin  
      if min>a[i,j] then min:=a[i,j];  
      if max<a[i,j] then max:=a[i,j];  
      write (a[i,j]:6,' ');  
    End;  
    writeln(j,' столбец min=',min,' max=',max) ;  
  End;  
  
  Writeln('-----');  
end.
```



ЗАДАНИЕ НА САМОПОДГОТОВКУ

- Найти произведение нечетных элементов двумерного массива целых чисел.
- Найти сумму элементов двумерного массива, находящихся ниже главной диагонали.
- Найти максимальный элемент дополнительной диагонали квадратной матрицы.

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

Главная диагональ

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

Дополнительная диагональ

