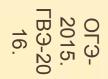
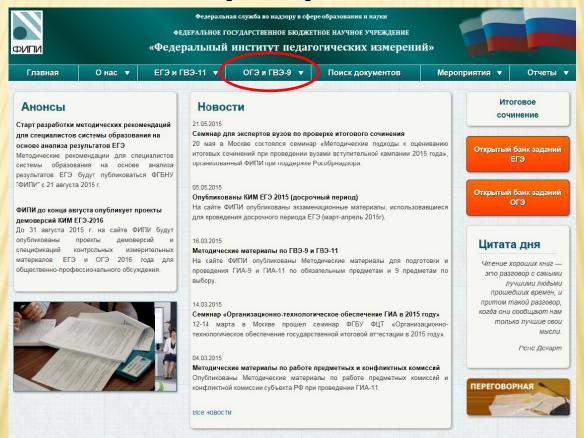
Член комиссии по разработке образовательным программам основного общего и среднего государственной итоговой общего образования по КИМ для проведения аттестации по математике

Шноль Дмитрий Эммануилович



http://fipi.ru



Справка об изменениях в КИМ ОГЭ 2016 года

Содержательных изменений в КИМ ОГЭ 2016 нет.

Изменения критериев оценивания заданий с развернутым ответом: все задания с развернутым ответом оцениваются в 2 балла каждое.

Информация об экзаменационной работе

Общее время экзамена – 235 минут.

Характеристика работы. Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1), 4 задания повышенного уровня (часть 2) и 2 задания высокого уровня сложности (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 — восемь заданий; в части 2 — три задания. Модуль «Геометрия» содержит восемь заданий: в части 1 — пять заданий; в части 2 — три задания. Модуль «Реальная математика» содержит семь заданий: все задания этого модуля — в части 1.

Демонс	трационный вариант	
	Часть 1	
	Модуль «Алгебра»	

1	Найдите значение выражения	$\frac{1}{4}$ + 0,07
	Ответ:	

		_
ч	ACTE	. 1

Модуль «Алгебра»

1 Найдите значение выражения $\frac{11}{4} + \frac{6}{5}$.

Ответ: ____

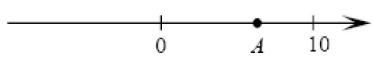
Демонстрационный вариант

Часть 1

Модуль «Алгебра»

2

На координатной прямой отмечена точка A.



Известно, что она соответствует одному из четырёх указанных ниже чисел. Какому из чисел соответствует точка A?

1) $\frac{181}{16}$

2) √37

3) 0,6

4) 4



Модуль «Алгебра»

Какому из данных промежутков принадлежит число $\frac{2}{7}$?

- 1) [0,1;0,2] 2) [0,2;0,3] 3) [0,3;0,4] 4) [0,4;0,5]

Демонстрационный вариант

Часть 1

Модуль «Алгебра»

3 Значение какого из выражений является рациональным числом?

1)
$$\sqrt{6} - 3$$

3)
$$(\sqrt{5})^2$$

1)
$$\sqrt{6}-3$$
 2) $\sqrt{3}\cdot\sqrt{5}$ 3) $(\sqrt{5})^2$ 4) $(\sqrt{6}-3)^2$



Модуль «Алгебра»

Найдите значение выражения $\frac{4^{-2} \cdot 4^{-6}}{4^{-5}}$.

1) 64

2) $-\frac{1}{64}$

3) $\frac{1}{64}$

4) -64

LIEMOUCT	рационный	вапиацт
ACMONIC	рационный	вариант

Часть 1

Модуль «Алгебра»

4 Решите уравнение 7x - 9 = 40.

Ответ: _______.

Часть 1

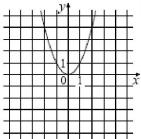
Модуль «Алгебра»

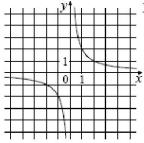
Демонстрационный вариант

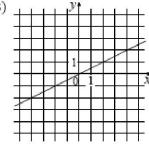
Часть 1

Модуль «Алгебра»

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.







1) $y = x^2$

2) $y = \frac{x}{2}$

В таблице под каждой буквой, соответствующей графику, впишите номер формулы, которая его задаёт.

Α	Б	В

Часть 1

Модуль «Алгебра»

5 Установите соответствие между функциями и их графиками.

ФУНКЦИИ

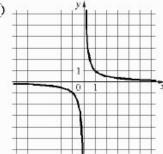
A)
$$y = \frac{1}{x}$$

B)
$$y = x + 1$$

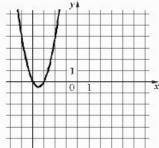
B)
$$y = 2x^2 + 14x + 24$$

ГРАФИКИ

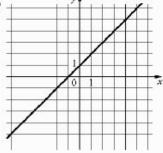
1)



2)



3)



В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Α	Б	В

Демонст	рационный вариант	Часть 1	
		Модуль «Алгебра»	

6	В последовательности чисел первое число равно 6, а каждое следующее
	больше предыдущего на 4. Найдите пятнадцатое число.
	Ответ:

Часть 1

Модуль «Алгебра»

6 Геометрическая прогрессия (b_n) задана условиями $b_1 = -6$, $b_{n-1} = 2b_n$. Найдите сумму первых шести её членов.

Ответ: ______.

	_	
	рационный	Danuaut
TEMOLE	рациоппыи	рариант

Часть 1

Модуль «Алгебра»

7	Найдите значение выражения	9b+ 5a	-9b ²	при	a=9,	b = 36
	Ответ:					

Часть 1

Модуль «Алгебра»

7 Найдите значение выражения $20ab + 5(-2a+b)^2$ при $a = \sqrt{5}$, $b = \sqrt{7}$.

Ответ: _______.

Демонстрационный вариант

Часть 1

Модуль «Алгебра»

8 Решите систему неравенств

$$\begin{cases} x + 2, 6 \le 0 \\ x + 5 \ge 1. \end{cases}$$

На каком рисунке изображено множество её решений?

- 1) $\frac{}{-2.6}$
- 2) -4 -2.6
- 3) $\frac{44}{-4}$ $\frac{44}{-2.6}$

Часть 1

Модуль «Алгебра»

 8
 На каком рисупке изображено множество решений системы перавенств $\begin{cases} x > 8, \\ 9 - x < 0? \end{cases}$

 1)
 $\begin{cases} x > 8, \\ 9 - x < 0? \end{cases}$

 2)
 $\begin{cases} x > 8, \\ 9 - x < 0? \end{cases}$

 3)
 $\begin{cases} x > 8, \\ 9 - x < 0? \end{cases}$

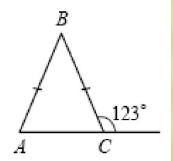
 4)
 $\begin{cases} x > 8, \\ 9 - x < 0? \end{cases}$

 Ответ:
 $\begin{cases} x > 8, \\ 9 - x < 0? \end{cases}$

Демонстрационный вариант

Модуль	αI	еомет	DUA)
Transfer of	33.4	COMPLEM	The surveyor

9 В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC внешний угол при вершине C равен 123°. Найдите величину угла BAC. Ответ дайте в градусах.



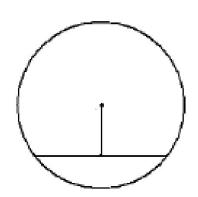
Модуль «Геометрия»

9	Сторона	треугольника	равна	18, a	высота,	проведённая	к	этой	стороне
	равна 22.	. Найдите плош	цадь тре	уголы	ника.				

Ответ: _____

Демонстрационный вариант

10 Найдите длину хорды окружности радиусом 13 см, если расстояние от центра окружности до хорды равно 5 см. Ответ дайте в см.

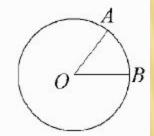


Модуль «Геометрия»

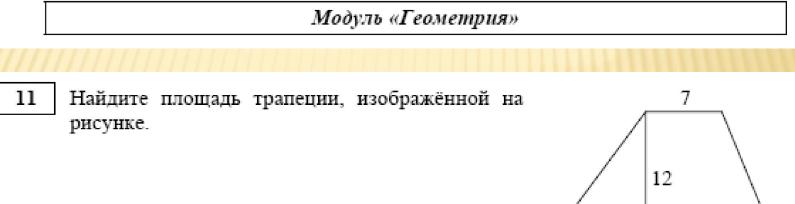
На окружности с центром O отмечены точки A и B так, что $\angle AOB = 18^\circ$. Длина меньшей дуги AB равна 5. Найдите длину большей дуги окружности.

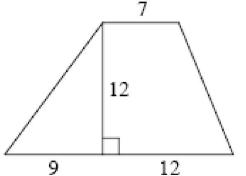
OTBCT: .

10



Демонстрационный вариант





Модуль «Геометрия»

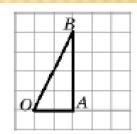
11 Найдите площадь ромба, если его диагонали равны 32 и 4.

Ответ: _______.

Демонстрационный вариант

	Модуль "Геомент	ugu.	
	Мооуль «1 еометрі	1.71 //	

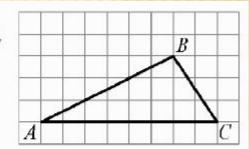
12 Найдите тангенс угла *АОВ* треугольника, изображённого на рисунке.



Ответ: _____

Модуль «Геометрия»

Из клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён треугольник ABC. Найдите длину его средней линии, параллельной стороне AC.



Демонстрационный вариант

Модуль «Геометрия»

- 13 Укажите номера верных утверждений.
 - Через точку, не лежащую на данной прямой, можно провести прямую, параллельную этой прямой.
 - 2) Треугольник со сторонами 1, 2, 4 существует.
 - Если в ромбе один из углов равен 90°, то такой ромб квадрат.
 - 4) В любом параллелограмме диагонали равны.

Модуль «Геометрия»

- 13 Какое из следующих утверждений верно?
 - 1) Диагонали трапеции пересекаются и делятся точкой пересечения пополам.
 - 2) Площадь параллелограмма равна половине произведения его диагоналей.
 - 3) Вписанный угол, опирающийся на диаметр окружности, прямой.

В ответ запишите номер выбранного утверждения.

Демонстрационный вариант

Модуль «Реальная математика»

В таблице приведены нормативы по бегу на 30 метров для учащихся 9-х классов.

	Мальчики			Девочки		
Отметка	«ОТЛ.»	«xop.»	«удовл.»	«отл.»	«xop.»	«удовл.»
Время, секунды	4,6	4,9	5,3	5,0	5,5	5,9

Какую отметку получит девочка, пробежавшая эту дистанцию за 5,36 секунды?

Отлично

Хорошо

3) Удовлетворительно

4) Норматив не выполнен

Модуль «Реальная математика»

В таблице приведены пормативы по бегу на лыжах на 1 км для учащихся 10 класса.

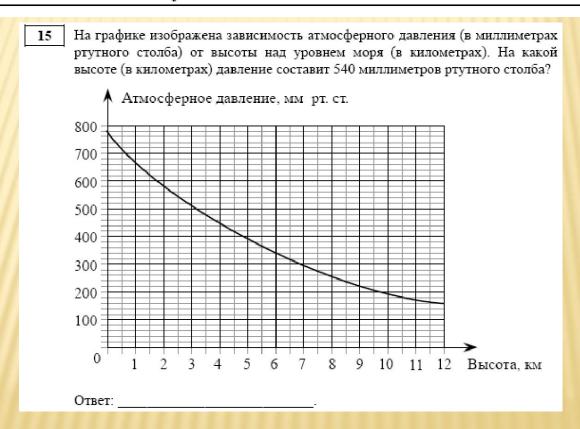
	-12	мальчики			девочки	
Отмстка	«3»	«4»	«5»	«3»	«4»	«5»
Время (мин. и сск.)	5:30	5:00	4:40	7:10	6:30	6:00

Какую отметку получит девочка, пробежавшая на лыжах 1 км за 6 минут 33 секунды?

- 1) норматив не выполнен
- 2) «3»
- 3) «4»
- 4) «5»

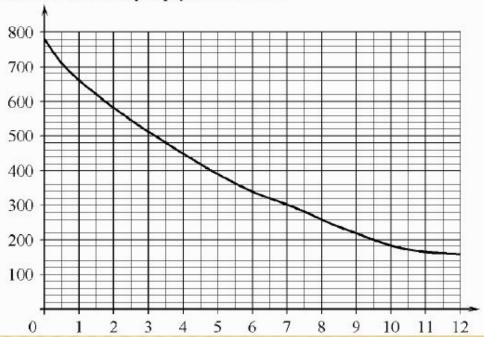
Демонстрационный вариант

Модуль «Реальная математика»



Модуль «Реальная математика»

На графике изображена зависимость атмосферного давления от высоты пад уровнем моря. По горизоптали указапа высота пад уровнем моря в километрах, по вертикали — атмосферное давление в миллиметрах ртутного столба. Найдите, чему равно атмосферное давление на высоте 1,5 км. Ответ дайте в миллиметрах ртутного столба.



Демонстрационный вариант

Модуль	«Реальная	матема	тика»
--------	-----------	--------	-------

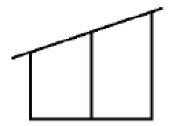
Модуль «Реальная математика»

16	После уценки телевизора его новая цена составила 0,81 старой. На сколько
	процентов уменьшилась цена телевизора в результате уценки?
	Ответ:

Демонстрационный вариант

Модуль «Реальная математика»

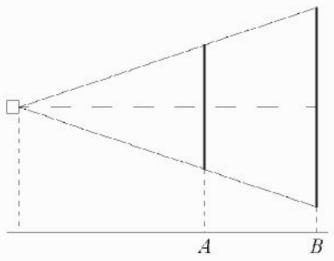
17 Наклонная балка поддерживается тремя столбами, стоящими вертикально на равном расстоянии друг от друга. Длины двух меньших столбов — 60 см и 90 см. Найдите длину большего столба. Ответ дайте в см.



Ответ: _____

Модуль «Реальная математика»

Проектор полностью освещает экран *A* высотой 50 см, расположенный на расстоянии 100 см от проектора. На каком наименьшем расстоянии (в сантиметрах) от проектора нужно расположить экран *B* высотой 150 см, чтобы он был полностью освещён, если настройки проектора остаются неизменными?

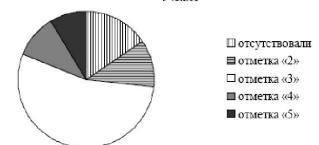


Демонстрационный вариант

Модуль «Реальная математика»

Завуч школы подвёл итоги контрольной работы по математике в 9-х классах. Результаты представлены на круговой диаграмме.

Результаты контрольной работы по математике. 9 класс



Какие из утверждений относительно результатов контрольной работы верны, если всего в школе 120 девятиклассников? В ответе укажите номера верных утверждений.

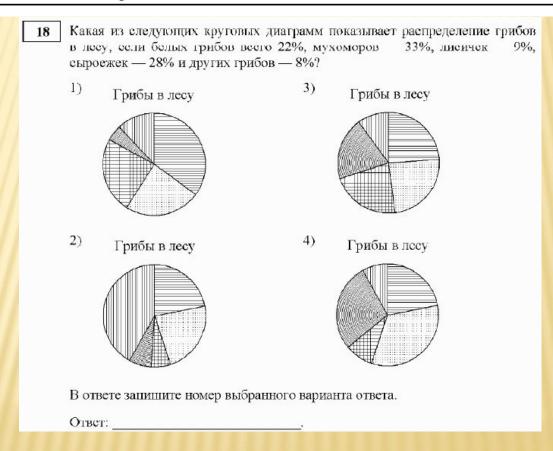
D orbert jaminie nomepu bepribit ji beprigenini.

1) Более половины учащихся получили отметку «3».

- Около половины учащихся отсутствовали на контрольной работе или получили отметку «2».
- 3) Отметку «4» или «5» получила примерно шестая часть учащихся.
- 4) Отметку «3», «4» или «5» получили более 100 учащихся.

Ответ:		
CIBCI.		

Модуль «Реальная математика»



Демонстрационный вариант

Модуль «Реальная математика»

19 На тарелке лежат пирожки, одинаковые на вид: 4 с мясом, 8 с капустой и 3 с яблоками. Петя наугад выбирает один пирожок. Найдите вероятность того, что пирожок окажется с яблоками.

Ответ:

Модуль «Реальная математика»

19	На тарелке лежат одинаковые на вид пирожки: 2 с мясом, 16 с капустой и
	2 с вишней. Рома наугад берёт один пирожок. Найдите вероятность того, что пирожок окажется с вишней.
	Ответ:

Демонстрационный вариант

Модуль «Реальная математика»

20 Период колебания математического маятника T (в секундах) приближенно можно вычислить по формуле $T = 2\sqrt{l}$, где l — длина нити (в метрах). Пользуясь этой формулой, найдите длину нити маятника (в метрах), период колебаний которого составляет 3 секунды.

Модуль «Реальная математика»

20 Центростремительное ускорение при движении по окружности (в м/с 2) можно вычислить по формуле $a = \omega^2 R$, где ω — угловая скорость (в e^{-1}), а R — радиус окружности. Пользуясь этой формулой, найдите радиус R (в метрах), если угловая скорость равна 9 e^{-1} , а центростремительное ускорение равно 405 м/с 2 .

Ответ:			
(PEDCT.			
OIBCI.			

Демонстрационный вариант

Часть 2

Модуль «Алгебра»

- **21** Сократите дробь $\frac{18^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}}$.
- Рыболов в 5 часов утра на моторной лодке отправился от пристани против течения реки, через некоторое время бросил якорь, 2 часа ловил рыбу и вернулся обратно в 10 часов утра того же дня. На какое расстояние от пристани он отплыл, если скорость течения реки равна 2 км/ч, а собственная скорость лодки 6 км/ч?
- Постройте график функции $y = \frac{x^4 13x^2 + 36}{(x 3)(x + 2)}$ и определите, при каких значениях c прямая y = c имеет с графиком ровно одну общую точку.

Часть 2

Модуль «Алгебра»

- **21** Решите уравнение $(x-3)^4 3(x-3)^2 10 = 0$.
- Два автомобиля одновременно отправляются в 950-километровый пробег. Первый едет со скоростью на 18 км/ч большей, чем второй, и прибывает к финицу на 4 ч раньше второго. Найдите скорость первого автомобиля.
- Постройте график функции $y = \frac{4x-5}{4x^2-5x}$ и определите, при каких значениях k прямая y = kx имеет с графиком ровно одну общую точку.

Демонстрационный вариант

Часть 2

Модуль «Геометрия»

- В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом C известны катеты: AC = 6, BC = 8. Найдите медиану CK этого треугольника.
- В параллелограмме ABCD точка E середина стороны AB. Известно, что EC = ED. Докажите, что данный параллелограмм прямоугольник.
- Основание AC равнобедренного треугольника ABC равно 12. Окружность радиуса 8 с центром вне этого треугольника касается продолжений боковых сторон треугольника и касается основания AC. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник ABC.

Часть 2

Модуль «Геометрия»

- Точка II является основанием высоты BII, проведённой из вершины прямого угла B прямоугольного треугольника ABC. Окружность с диаметром BH пересекает стороны AB и CB в точках P и K, отличных от точки B. Найдите BH, если PK = 12.
- **25** Биссектрисы углов A и B параллелограмма ABCD пересекаются в точке F стороны CD . Докажите, что F середина CD .
- В равнобедренную трапецию, периметр которой равен 40, а площадь равна 80, можно вписать окружность. Найдите расстояние от точки пересечения диагоналей трапеции до её меньшего основания.

Методические материалы для подготовки и проведения Государственной итоговой аттестации по математике для обучающихся по образовательным программам ОСНОВНОГО общего образования

(Для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья, обучающихся детей-инвалидов и инвалидов по образовательным программам основного общего образования)

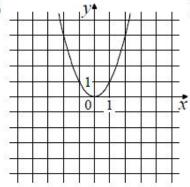
	Демонстрационный вариант ГВЭ
Пример 1.	домонограционный вариант тво
Найдите значение выражения $\frac{1}{4}$ + 0,07.	
Ответ:	
Ответ: 0,32.	
Пример 2.	
Решите уравнение $7x-9=40$.	
Ответ:	
Ответ: 7.	
Пример 3.	
Найдите значение выражения $9b + \frac{5a - b}{b}$	$\frac{9b^2}{}$ при $a=9$, $b=36$.
Ответ:	
Ответ: 1,25.	3.33

Демонстрационный вариант ГВЭ

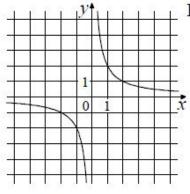
Пример 4.

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

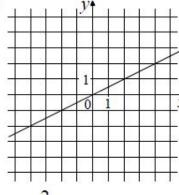
A)



Б)



B)



1)
$$y = x^2$$

2)
$$y = \frac{x}{2}$$

3)
$$y = \frac{2}{x}$$

В таблице под каждой буквой, соответствующей графику, впишите номер формулы, которая его задаёт.

Ответ:

9	A	Б	В
100	8.5	30	

Ответ: 132.

Демонстрационный вариант ГВЭ

Пример 5.

Решите систему неравенств

$$\begin{cases} x+2, 6 \le 0, \\ x+5 \ge 1. \end{cases}$$

На каком рисунке изображено множество её решений?



$$-4$$
 $-2,6$ x

Ответ:

Ответ: 2.

Демонстрационный вариант ГВЭ

Пример 6.
В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC внешний угол при
вершине C равен 123° . Найдите величину угла BAC . Ответ дайте в градусах.
Ответ:
Ответ: 57.
Пример 7.
Найдите длину хорды окружности радиусом 13 см, если расстояние от центра
окружности до хорды равно 5 см. Ответ дайте в см.
Ответ:
Ответ: 24.

Демонстрационный вариант ГВЭ

Пример 8.
Укажите номера верных утверждений.
1) Через точку, не лежащую на данной прямой, можно провести прямую,
параллельную этой прямой.
2) Треугольник со сторонами 1, 2, 4 существует.
3) Если в ромбе один из углов равен 90°, то такой ромб — квадрат.
Ответ:
Ответ: 13, 31.

Демонстрационный вариант ГВЭ

Пример 9.
Стоимость проезда в пригородном электропоезде составляет 198 рублей.
Школьникам предоставляется скидка 50%. Сколько рублей стоит проезд
группы из 4 взрослых и 12 школьников?
Ответ:
Ответ: 1980.
Пример 10.
На тарелке лежат пирожки, одинаковые на вид: 4 с мясом, 8 с капустой и 3 с
яблоками. Петя наугад выбирает один пирожок. Найдите вероятность того,
что пирожок окажется с яблоками.
Ответ:
Ответ: 0,2.

Пример 11.

Демонстрационный вариант ГВЭ

Рыболов в 5 часов утра на моторной лодке отправился от пристани против течения реки, через некоторое время бросил якорь, 2 часа ловил рыбу и вернулся обратно в 10 часов утра того же дня. На какое расстояние от пристани он отплыл, если скорость течения реки равна 2 км/ч, а собственная скорость лодки 6 км/ч?

Пример выполнения задания.

Пусть искомое расстояние равно x км. Скорость лодки при движении против течения равна 4 км/ч, при движении по течению равна 8 км/ч. Время, за которое лодка доплывёт от места отправления до места назначения и обратно, равно $\left(\frac{x}{4} + \frac{x}{8}\right)$ часа. Из условия задачи следует, что это время равно

3 часам. Составим уравнение: $\frac{x}{4} + \frac{x}{8} = 3$.

Решив уравнение, получим x = 8.

Ответ: 8 км.

Баллы	Критерии оценки выполнения задания
2	Правильно составлено уравнение, получен верный ответ
1	Правильно составлено уравнение, но при его решении допущена вычислительная ошибка, с её учётом решение доведено до ответа
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям
2	Максимальный балл

Пример 12.

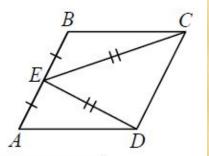
Демонстрационный вариант ГВЭ

В параллелограмме ABCD точка E — середина стороны AB. Известно, что EC = ED. Докажите, что данный параллелограмм — прямоугольник

Пример выполнения задания.

Доказательство. Треугольники *BEC* и *AED* равны по трём сторонам.

Значит, углы *CBE* и *DAE* равны. Так как их сумма равна 180°, то углы равны 90°. Такой параллелограмм — прямоугольник.



Баллы	Критерии оценки выполнения задания
2	Доказательство верное, все шаги обоснованы
1	Доказательство в целом верное, но содержит неточности
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям
2	Максимальный балл

Демонстрационный вариант ГВЭ

За верное выполнение каждого задания 1–10 выставляется 1 балл в первичной шкале, за верное выполнение заданий 11 и 12 — по 2 балла. Максимальное количество баллов, которое может получить экзаменуемый за выполнение всей экзаменационной работы, — 14 баллов.

Рекомендуется следующая шкала перевода суммы первичных баллов в пятибалльную систему оценивания:

Шкала пересчета первичного балла за выполнение экзаменационной работы (письменная форма) в отметку по пятибалльной шкале

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	« 4 »	«5»
Общий балл	0-3	4–6	7–9	10–14

Полезная информация По всем вопросам ЕГЭ вы можете найти информацию в Интернете

Официальный информационный портал Единого государственного экзамена

www.ege.edu.ru

Сайт Федерального института Педагогических измерений

http://fipi.ru

Федеральный центр тестирования

http://www.rustest.ru

dshnol@mail.ru Эммануилович

Шноль Дмитрий