

# СОЧЕТАНИЕ ИЗ N ЭЛЕМЕНТОВ ПО K ( $K \leq N$ )



МБОУ СОШ № 167 г.  
НОВОСИБИРСКА  
УЧИТЕЛЬ МАТЕМАТИКИ  
ВАСИЛЕВА МАРИНА  
ЮРЬЕВНА

## ЦЕЛИ: Усвоить

- понятие сочетания из  $n$  элементов по  $k$  ( $k \leq n$ );
- формулу нахождения числа сочетаний из  $n$  элементов по  $k$ ;



Научиться сравнить,  
анализировать, открывать  
блок новых знаний



# ОБЪЯСНЕНИЕ НОВОГО МАТЕРИАЛА.

«Сколькими способами можно смешать по три краски из имеющихся пяти?».

Р е ш е н и е

Обозначим имеющиеся краски буквами латинского алфавита  $a, b, c, d, e$ . *Выпишем возможные варианты смешивания красок, учитывая, что от порядка расположения красок результат не зависит:*

$abc, abd, abe, ace, ade$

$bcd, bce, bde$

$cde$

Мы указали различные способы смешивания красок, в которых по-разному сочетаются три краски из данных пяти. Говорят, что мы составили все возможные

**сочетания из 5 элементов по 3.**



# ОПРЕДЕЛЕНИЕ.

**Сочетанием из  $n$  элементов по  $k$  называют любое множество, составленное из  $k$  элементов, выбранных из данных  $n$  элементов.**

Подчеркиваем,



что, в отличие от размещений, в сочетаниях не имеет значения, в каком порядке указаны элементы. Два сочетания из  $n$  элементов по  $k$  отличаются друг от друга хотя бы одним элементом.

## ОБОЗНАЧЕНИЕ.

$C_n^k$  (читается «С из n по k»).

В рассмотренном примере мы нашли, что  $C_5^3 = 10$ .

(по первой букве французского слова combination – сочетание).

Разница заключается в том, что если в размещении переставить местами элементы, то получится другое размещение, но сочетание не зависит от порядка входящих в него элементов.



# СОЧЕТАНИЯ

$$C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$



## ПРИМЕР 1.

**СКОЛЬКИМИ РАЗЛИЧНЫМИ СПОСОБАМИ ИЗ СЕМИ УЧАСТНИКОВ МАТЕМАТИЧЕСКОГО КРУЖКА МОЖНО СОСТАВИТЬ КОМАНДУ ИЗ ДВУХ ЧЕЛОВЕК ДЛЯ УЧАСТИЯ В ОЛИМПИАДЕ?**

$$C_7^2 = \frac{7!}{2!(7-2)!} = \frac{7!}{2! \cdot 5!} = \frac{5! \cdot 6 \cdot 7}{1 \cdot 2 \cdot 5!} = \frac{6 \cdot 7}{2} = 21$$



## ПРИМЕР 2.

**ИЗ ПЕРЕТАСОВАННОЙ КОЛОДЫ,  
СОСТОЯЩЕЙ ИЗ 36 КАРТ, НАУГАД ВЗЯТЫ 4  
КАРТЫ. КАКОВА ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО  
ВСЕ ВЗЯТЫЕ КАРТЫ ТУЗЫ?**

$$C_{36}^4 = \frac{36!}{4!(36-4)!} = \frac{36!}{4! \cdot 32!} =$$
$$= \frac{32! \cdot 33 \cdot 34 \cdot 35 \cdot 36}{32! \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = 58905$$

$$P = \frac{1}{58905}$$





# ФОРМИРОВАНИЕ УМЕНИЙ И НАВЫКОВ.

Решение задач под управлением учителя

№ 768, № 770, № 772, № 773, № 774, № 775.



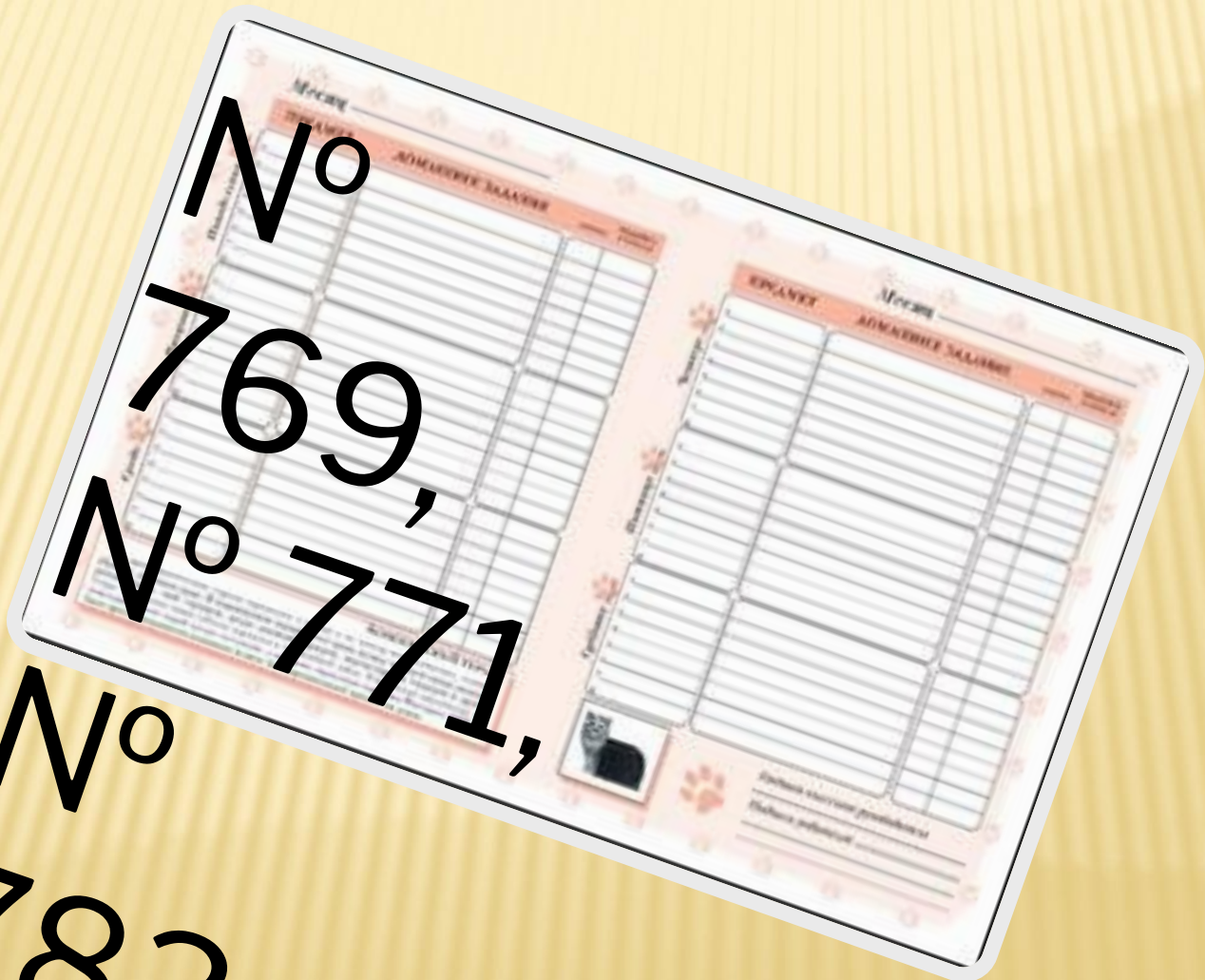
## ИТОГИ УРОКА.

---

- Что называется сочетанием из  $n$  элементов по  $k$ ?
- Запишите формулу вычисления числа сочетаний из  $n$  элементов по  $k$ .
- В чем отличие сочетания из  $n$  элементов по  $k$  от размещения из  $n$  элементов по  $k$ .



# ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ:



№

769,

№ 771,

№

783



# № 768.

## РЕШЕНИЕ

Выбираем 2 учащихся из 7, порядок выбора не имеет значения (оба выбранных пойдут на олимпиаду как полностью равноправные); количество способов выбора равно числу сочетаний из 7 по 2:

$$C_7^2 = \frac{7!}{2!5!} = \frac{6 \cdot 7}{1 \cdot 2} = 21$$

О т в е т: 21 способ.



# № 770.

## РЕШЕНИЕ

---

Выбор 6 из 10 без учета порядка:

$$C_{10}^6 = \frac{10!}{6!4!} = \frac{7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = 210$$

О т в е т: 210 способов.



# № 772.

## РЕШЕНИЕ

Из 11 человек 5 должны поехать в командировку:

а) Заведующий едет, нужно выбрать еще 4 из 10 оставшихся:

$$C_{10}^4 = \frac{10!}{4!6!} = \frac{7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = 210$$

б) Заведующий остается, нужно выбрать 5 из 10 сотрудников:

$$C_{10}^5 = \frac{10!}{5!5!} = \frac{6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5} = 252$$

О т в е т: а) 210 способов; б) 252 способа.



# № 773.

## РЕШЕНИЕ

а) Словарь выбирается, нужно выбрать еще 2 книги из 11:

$$C_{11}^2 = \frac{11!}{2!9!} = \frac{10 \cdot 11}{1 \cdot 2} = 55$$

б) Словарь не выбирается, выбираем 3 книги из 11:

$$C_{11}^3 = \frac{11!}{3!8!} = \frac{9 \cdot 10 \cdot 11}{1 \cdot 2 \cdot 3} = 165$$

О т в е т: а) 55 способов; б) 165 способов.



## № 774. РЕШЕНИЕ

Сперва выбираем 4 маляров из 12:

$$C_{12}^4 = \frac{12!}{4!8!} = \frac{9 \cdot 10 \cdot 11 \cdot 12}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = 495 \text{ способов.}$$

Затем выбираем 2 плотников из 5:

$$C_5^2 = \frac{5!}{2!3!} = \frac{4 \cdot 5}{1 \cdot 2} = 10 \text{ способов.}$$

Каждый из способов выбора маляров можно скомбинировать с каждым выбором плотников, следовательно, всего способов (по комбинаторному правилу умножения):  
 $495 \cdot 10 = 4950.$

О т в е т: 4950 способов.





# № 775.

## РЕШЕНИЕ

Нужно сделать два выбора: 3 книги из 10 ( $C_{10}^3$  способов) и 2 журнала из 4 ( $C_4^2$  способов) – порядок выбора значения не имеет. Каждый выбор книг может сочетаться с каждым выбором журналов, поэтому общее число способов выбора по правилу произведения равно:

$$C_{10}^3 \cdot C_4^2 = \frac{10! \cdot 4!}{3! \cdot 7! \cdot 2! \cdot 2!} = \frac{8 \cdot 9 \cdot 10 \cdot 4}{1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 2} = 720$$

О т в е т: 720 способов.





ПРИ ПОДГОТОВКЕ ПРЕЗЕНТАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАНЫ МАТЕРИАЛЫ :

- Алгебра. 9 класс: поурочные планы по учебнику Ю. Н. Макарычева (компакт-диск) – издательство «Учитель», 2010
- Алгебра: для 9 класса общеобразовательных учреждений/ Ю. Н. Макарычев, Н.Г. Миндюк, К.И. Нешков, С. Б. Суворова; под редакцией С.А. Телековского.-М.: Просвещение, 2009.
- [345×360](http://ux1.eiu.edu)на [ux1.eiu.edu](http://ux1.eiu.edu) JPG, 21 КБ
- <http://images-photo.ru/ph/23/2/21165856.gif>
- <http://s012.radikal.ru/i320/1011/08/9a3caf9e7dd3.gif>
- <http://www.topglobus.ru/smajlik-kod?c=12375>
- [http://www.megatronica.ru/picdnv\\_154.htm](http://www.megatronica.ru/picdnv_154.htm)
- [http://img1.liveinternet.ru/images/attach/c/0/63/370/63370515\\_1283115232\\_53.png](http://img1.liveinternet.ru/images/attach/c/0/63/370/63370515_1283115232_53.png)

