

# Лекция 1

## Вводная Вспоминаем курс электроники



**ИГНАТЕНКО**  
**ВИТАЛИЙ ИВАНОВИЧ**

к.т.н., преподаватель

# Основные понятия

**Напряжение и ток** — это количественные понятия, о которых следует помнить всегда, когда дело касается электронной схемы.

Обычно они изменяются во времени, в противном случае работа схемы не представляет интереса

**Напряжение** (условное обозначение  $U$ , иногда  $E$ )

это энергия, которая высвобождается, когда  
единичный заряд «сползает» от высокого  
потенциала к низкому

Напряжение называют также **разностью  
потенциалов** или электродвижущей силой (**э.д.  
с**)

Единицей измерения напряжения служит вольт (В)

## Ток (условное обозначение I)

это скорость перемещения электрического заряда в  
точке

Единицей измерения тока служит ампер (А)

## Запомните

напряжение всегда измеряется **между** двумя точками схемы

ток всегда протекает **через** точку в схеме или через какой-нибудь элемент схемы

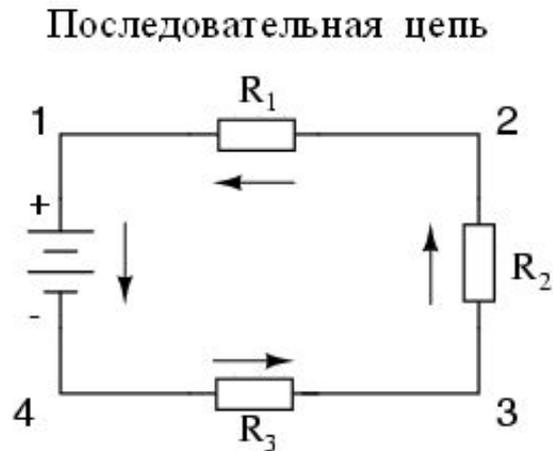
Ток мы получаем, прикладывая напряжение между точками схемы

## 2 Принципиальная схема участка цепи, демонстрирующая закон Ома



## Несколько простых правил, касающихся тока и напряжения:

1. Сумма токов, втекающих в точку, равна сумме токов, вытекающих из нее (закон Кирхгофа для токов)

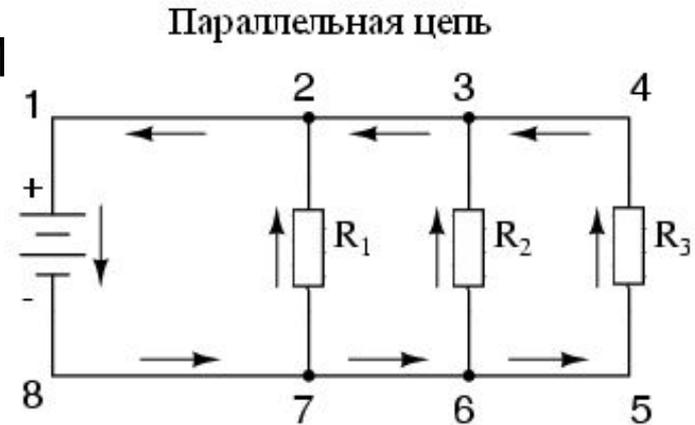


2. В последовательной цепи ток во всех точках одинаков

$$I_1 = I_2 = I_3$$

## Несколько простых правил, касающихся тока и напряжения:

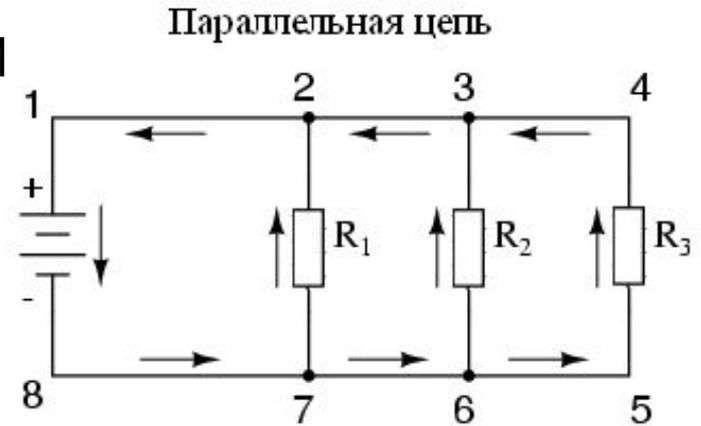
3. При параллельном соединении элементов напряжение на каждом из элементов одинаково ( $U_1=U_2=U_3$ )



4. Мощность (работа, совершенная за единицу времени), потребляемая схемой:  $P=U \cdot I$  (ватт Вт)

## Несколько простых правил, касающихся тока и напряжения:

3. При параллельном соединении элементов напряжение на каждом из элементов одинаково ( $U_1=U_2=U_3$ )



4. Мощность (работа, совершенная за единицу времени), потребляемая схемой:  $P=U \cdot I$  (ватт Вт)

## Взаимосвязь напряжения и тока

Тема эта очень обширна и интересна. В ней заключена суть электроники.

Если попытаться изложить ее в двух словах, то она посвящена тому, как можно сделать элемент, имеющий ту или иную характеристику, выраженную определенной зависимостью между током и напряжением, и как его использовать в схеме.

## Взаимосвязь напряжения и тока

Примерами таких элементов служат:

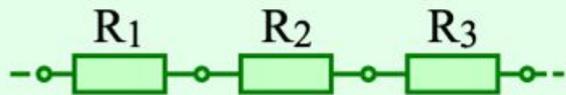
- резисторы (ток прямо пропорционален напряжению)
- конденсаторы (ток пропорционален скорости изменения напряжения)
- диоды (ток протекает только в одном направлении)
- термисторы (сопротивление зависит от температуры)
- тензорезисторы (сопротивление зависит от деформации)
- и т.д.

## Электрическое сопротивление (R, ед. изм. Ом)

физическая величина, характеризующая свойства проводника (*например, резистора*) препятствовать прохождению электрического тока и равная отношению напряжения на концах проводника к силе тока, протекающего по нему

$$R = \frac{U}{I}$$

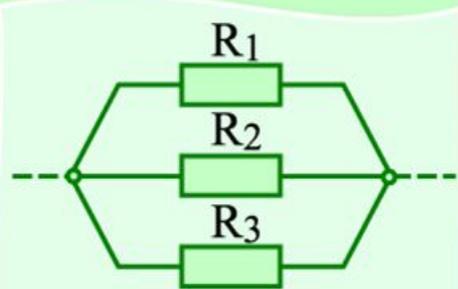
Грубо говоря, **резисторы** используются для преобразования напряжения в ток и наоборот



$$I = I_1 = I_2 = I_3$$

$$U = U_1 + U_2 + U_3$$

$$R = R_1 + R_2 + R_3$$



$$I = I_1 + I_2 + I_3$$

$$U = U_1 = U_2 = U_3$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

Главная  
табличка  
в  
электронике

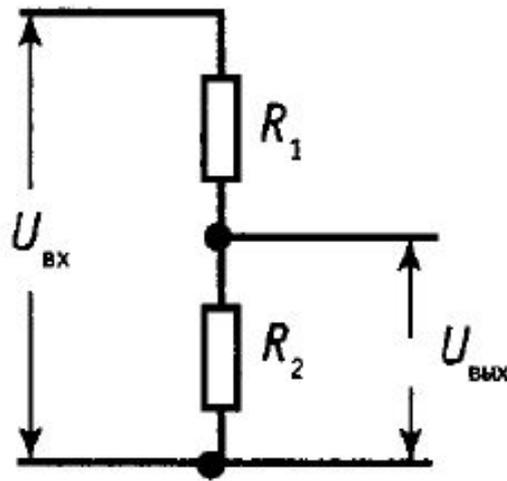
**Вспоминаем дальше...**

## Вход и выход

Практически во всех электронных схемах что-либо подается на вход (обычно это напряжение) и соответственно снимается с выхода (это также чаще всего напряжение).

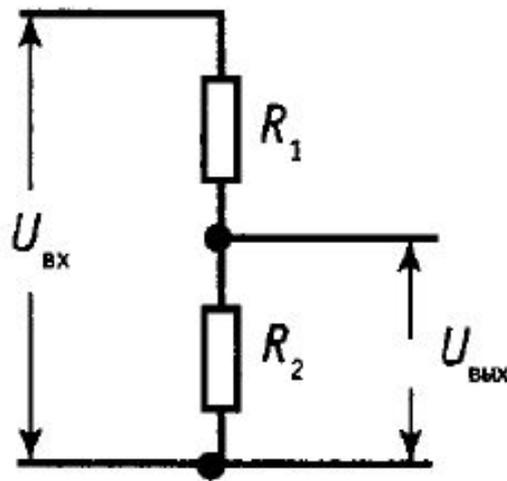
Инженеры пользуются понятием **передаточной функции**, которая представляет собой отношение напряжения, измеренного на выходе, к напряжению, действующему на входе

# Делители напряжения



Простейший делитель напряжения — это схема, которая для данного напряжения на входе создает на выходе напряжение, которое является некоторой частью входного

# Делители напряжения



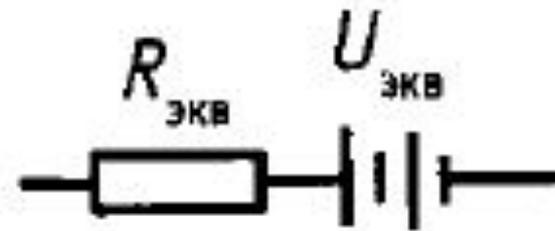
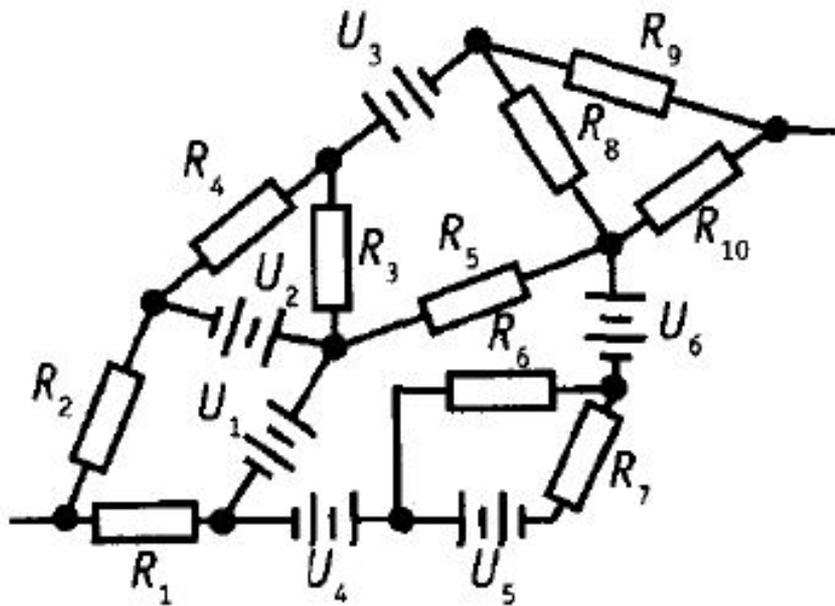
Делители напряжения часто используют в схемах для того, чтобы получить заданное напряжение из большего напряжения

# Теорема об эквивалентном преобразовании источников (генераторов)

утверждает,

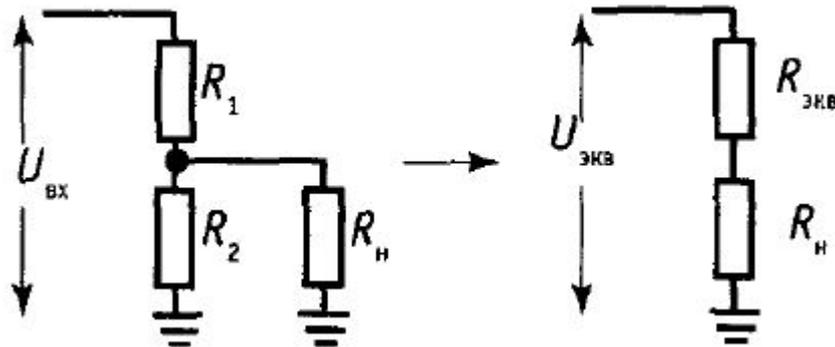
что всякую схему, состоящую из резисторов и источников напряжения и имеющую два вывода, можно представить в виде эквивалентной схемы, состоящей из одного резистора  $R$ , последовательно подключенного к одному источнику напряжения  $U$

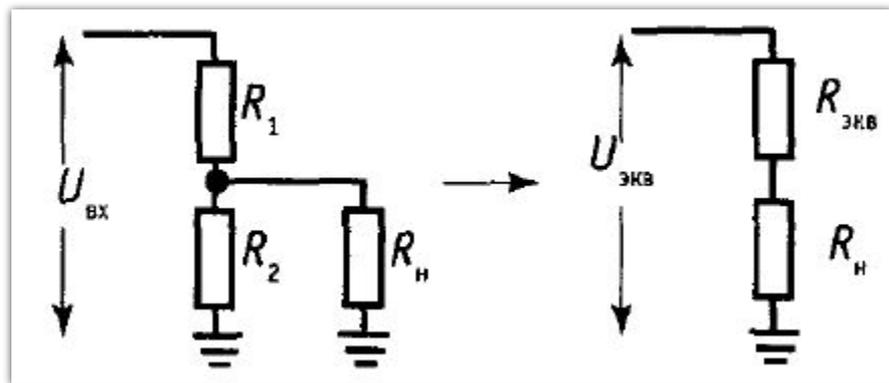
# Теорема об эквивалентном преобразовании ИСТОЧНИКОВ



# Эквивалентное сопротивление источника и нагрузка схемы

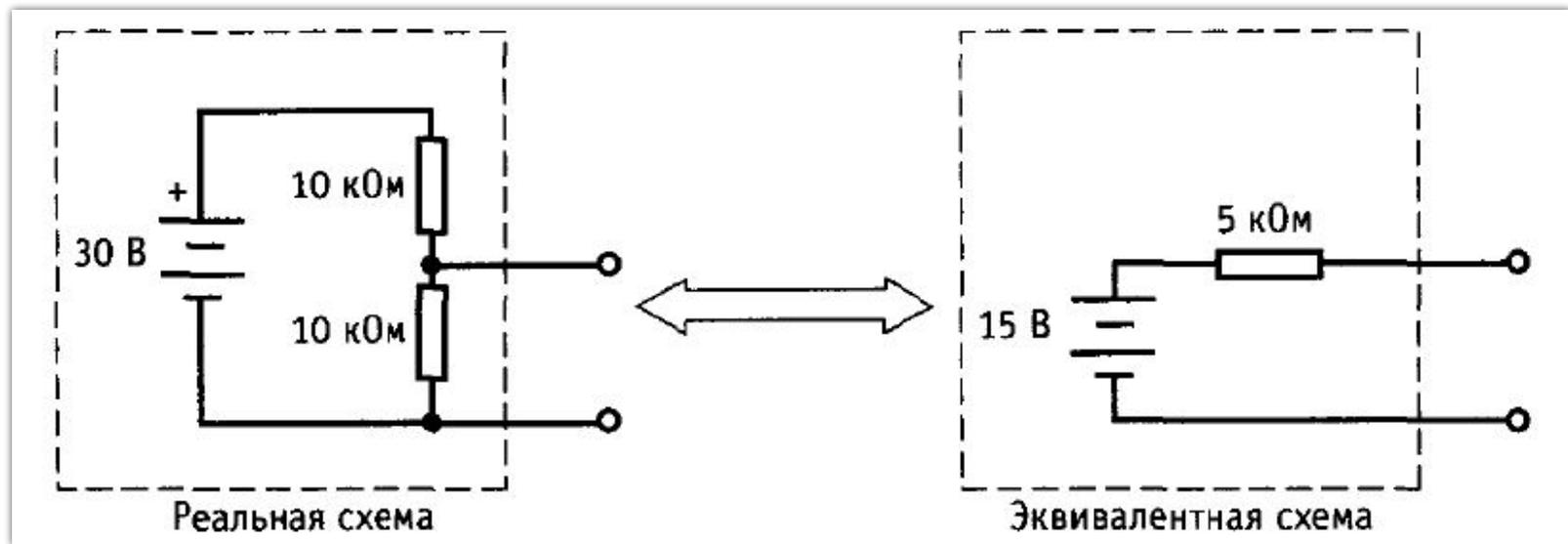
делитель напряжения, на который подается некоторое постоянное напряжение, эквивалентен некоторому источнику напряжения с последовательно подключенным к нему резистором





$$U_{ЭКВ} = U_{BX} [R_2 / (R_1 + R_2)]$$

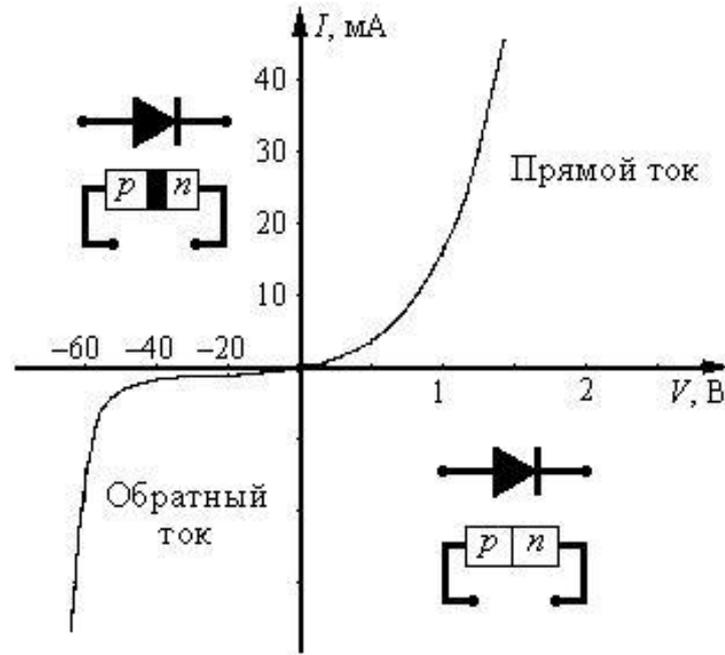
$$R_{ЭКВ} = R_1 R_2 / (R_1 + R_2)$$



## Динамическое сопротивление

Часто приходится иметь дело с электронными устройствами, в которых ток  $I$  не пропорционален напряжению  $U$

В подобных случаях нет смысла говорить о сопротивлении, так как отношение  $U/I$  не является постоянной величиной и зависит от  $U$



Для подобных устройств полезно знать наклон зависимости  $UI$  (вольт-амперной характеристики)

Иными словами, представляет интерес отношение небольшого изменения приложенного напряжения к соответствующему изменению тока через схему:

$$\Delta U / \Delta I$$

$$\Delta U / \Delta I$$

Это отношение измеряется в омах и во многих расчетах играет роль сопротивления

Оно называется сопротивлением для малых сигналов, дифференциальным сопротивлением, динамическим или инкрементным сопротивлением

**Вспоминаем дальше...**

# Сигналы

Для лучшего понимания работы цепей переменного тока полезно изучить некоторые распространенные типы сигналов

т.е. напряжений, которые определенным образом изменяются во времени

# Синусоидальные сигналы

Синусоидальные сигналы распространены наиболее широко; именно их мы извлекаем из

станцией розетки

$$U = A \sin 2\pi f t$$

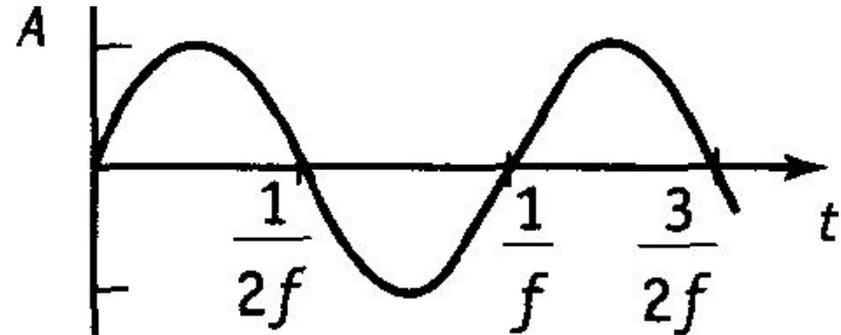
$$U = A \sin \omega t$$

где  $\omega$  — угловая частота в радианах в 1 с

## Синусоидальные сигналы

**Основное достоинство** синусоидальной функции и основная причина столь широкого распространения синусоидальных сигналов состоит в том, что

эта функция является решением целого ряда линейных дифференциальных уравнений, описывающих как физические явления, так и свойства линейных цепей

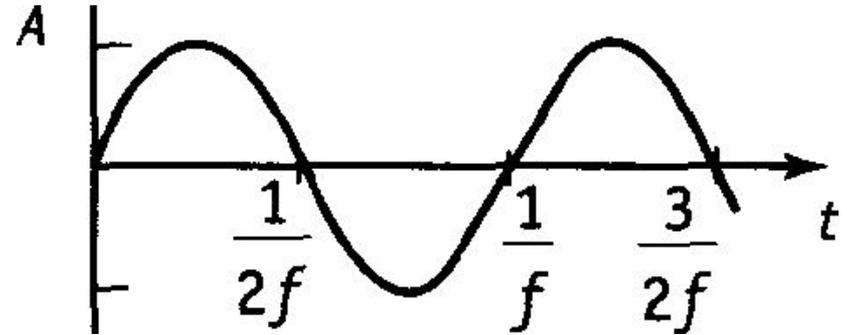


**Линейная электрическая цепь** - это цепь, содержащая только линейные элементы.

В таких электрических цепях, согласно закону Ома, ток прямо пропорционален приложенному напряжению.

Сопротивления постоянно и не зависит от приложенного к нему напряжения

## Синусоидальные сигналы



$$I = \frac{U}{R}$$

Линейная цепь обладает следующим свойством:  
выходной сигнал, порожденный суммой двух входных сигналов, равен сумме двух выходных сигналов, каждый из которых порожден входными сигналами, действующими не в совокупности,

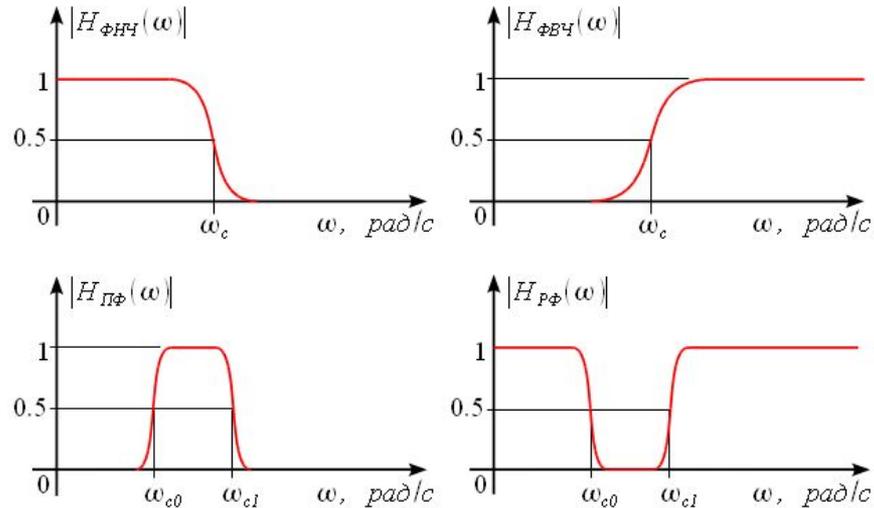
Если Вых. (A) — выходной сигнал, порожденный сигналом A, то для линейной цепи справедливо следующее равенство:

$$\text{Вых. } (A + B) = \text{Вых. } (A) + \text{Вых. } (B)$$

Если на входе линейной цепи действует синусоидальный сигнал, то на выходе также получим синусоидальный сигнал, но в общем случае его амплитуда и фаза будут другими.

Это утверждение справедливо только для синусоидального сигнала

На практике принято оценивать поведение схемы по ее **амплитудно-частотной характеристике**, показывающей, как изменяется амплитуда синусоидального сигнала в зависимости от частоты



# Измерение амплитуды сигналов

Иногда употребляют понятие **эффективное значение**,

Данное отношение справедливо только для синусоидальных сигналов

*Действующее (эффективное) значение тока или напряжения синусоидальной формы в 1,41 раз меньше амплитудного значения тока или напряжения*

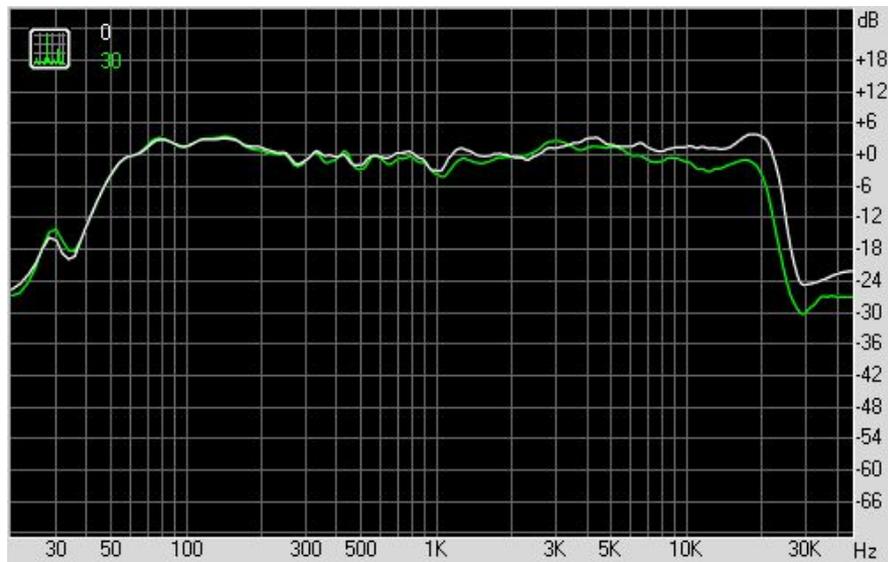

$$U = \frac{U_m}{\sqrt{2}}$$

# Измерение амплитуды сигналов

Как сравнить амплитуды двух сигналов?

Можно, например, сказать, что сигнал X в два раза больше, чем сигнал Y.

Но очень часто подобные отношения достигают миллионов, и тогда удобнее пользоваться логарифмической зависимостью и измерять отношение в **децибелах**



Существует формула для пересчета отношения двух напряжений в число децибелов (аналогичная формула справедлива и для токов):

$$\text{дБ} = 20 \log_{10}(U_2/U_1) = 20 \lg(U_2/U_1),$$

где  $U_1$  — входное напряжение;  $U_2$  — выходное напряжение.

$$\text{дБ} = 20 \cdot \lg \frac{U_2}{U_1}$$

$$\partial B = 20 \cdot \lg \frac{U_2}{U_1}$$

## Например

- Если  $U_2 = 2 \cdot U_1$ , то это отношение составит +6 дБ ( $\lg 2 = 0,3$ )
- Если  $U_2 = 10 \cdot U_1$ , то отношение сигналов составляет +20 дБ ( $\lg 10 = 1$ )
- Если  $U_1 = 10 \cdot U_2$ , то отношение сигналов составляет -20 дБ

# Другие типы сигналов (несинусоидальные)

## Линейно-меняющийся сигнал

Это напряжение, возрастающее (или убывающее) с постоянной скоростью

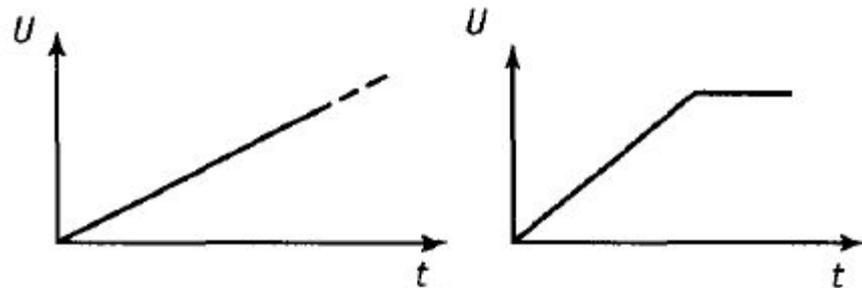


Рис. 1.18. Напряжение в виде линейно-меняющегося сигнала.

Рис. 1.19. Ограниченный линейно-меняющийся сигнал.

Это напряжение, конечно, не может расти бесконечно. Поэтому обычно такое напряжение имеет вид, показанный на графике рис. 1.19

# Другие типы сигналов (несинусоидальные)

## Треугольный сигнал

приходится «ближайшим родственником» линейно-меняющемуся сигналу;

отличие состоит в том, что график треугольного сигнала является симметричным

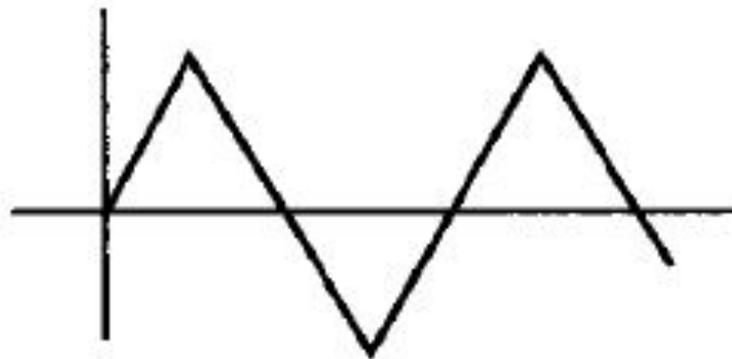


Рис. 1.21. Треугольный сигнал.

# Другие типы сигналов (несинусоидальные)

## Шумовой сигнал

Шумовые напряжения характеризуются распределением амплитуд и частотным спектром (произведение мощности на частоту в герцах)

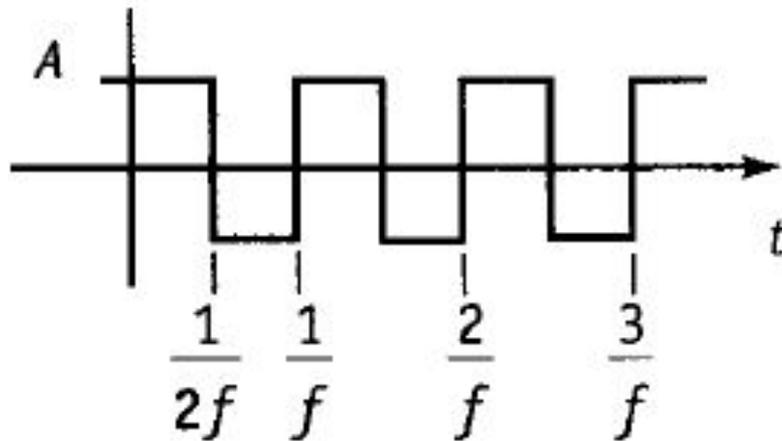


Рис. 1.22. Шумовой сигнал.

# Другие типы сигналов (несинусоидальные)

## Прямоугольный сигнал

Для прямоугольного сигнала эффективное значение равно просто амплитуде



# Другие типы сигналов (несинусоидальные)

## Прямоугольный сигнал

Форма реального прямоугольного сигнала отличается от идеального прямоугольника

Время нарастания определяется как время, в течение которого сигнал нарастает от 10 до 90% своей максимальной амплитуды

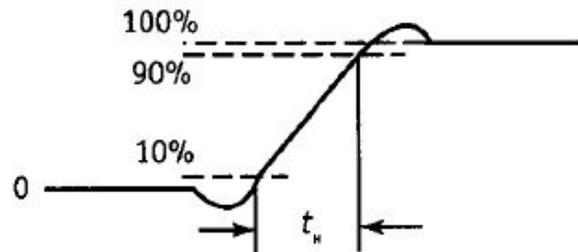


Рис. 1.24. Время нарастания скачка прямоугольного сигнала.

# Другие типы сигналов (несинусоидальные)

## Импульсы



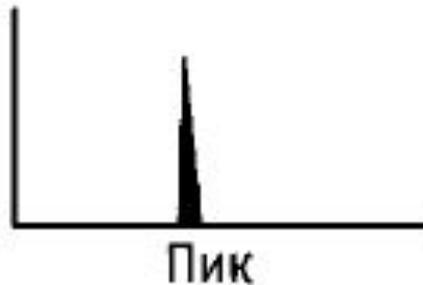
Рис. 1.25. Нарастающие и убывающие импульсы обеих полярностей.

Сигналы характеризуются амплитудой и длительностью импульса

Импульсы могут иметь положительную или отрицательную полярность (пьедестал), кроме того, они могут быть нарастающими или спадающими

## Другие типы сигналов (несинусоидальные)

### Сигналы в виде скачков и пиков



Скачок представляет собой часть прямоугольного сигнала

Пик — это два скачка, следующие с очень коротким интервалом

**Вспоминаем дальше...**

# Конденсаторы

Конденсаторы и индуктивности вместе с резисторами являются основными элементами пассивных линейных цепей, составляющих основу почти всей схемотехники.

Особенно следует подчеркнуть роль конденсаторов — без них не обходится почти ни одна схема



## \* Вспоминаем

В теории электрических цепей различают активные и пассивные элементы

Первые вносят энергию в электрическую цепь, а вторые ее потребляют

\* вспоминаем

## Пассивные элементы:

- 1. Резистивное сопротивление** - идеализированный элемент электрической цепи, обладающий свойством необратимого рассеивания энергии
- 2. Индуктивный элемент** - идеализированный элемент электрической цепи, обладающий свойством накопления им энергии магнитного поля
- 3. Емкостный элемент (емкость)** - идеализированный элемент электрической цепи, обладающий свойством накапливания энергии электрического поля

\* вспоминаем

## Активные элементы (зависимые и независимые)

### Независимые активные элементы:

- 1. Источник напряжения** - идеализированный элемент электрической цепи, напряжение на зажимах которого не зависит от протекающего через него тока
- 2. Источник тока** – это идеализированный элемент электрической цепи, ток которого не зависит от напряжения на его зажимах

# Конденсаторы

Энергия заряженного конденсатора  $W$  [Дж]

$$W = q \cdot \frac{F}{2} \cdot d = \frac{q \cdot U}{2}$$

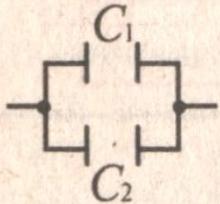
$$W = \frac{q \cdot U}{2}$$

$$W = \frac{C \cdot U^2}{2}$$

$$W = \frac{q^2}{2C}$$

Соединение конденсаторов

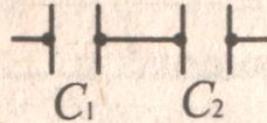
параллельное



$$U_1 = U_2 = U$$
$$q = q_1 + q_2$$

$$C = C_1 + C_2$$

последовательное



$$U = U_1 + U_2$$
$$q_1 = q_2 = q$$

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

$$C = \frac{Q}{U}$$

## RC- цепи

Для анализа цепей переменного тока можно использовать характеристики двух типов

Во-первых, можно рассматривать изменения напряжения  $U$  и тока  $I$  во времени

Во-вторых, изменение амплитуды при изменении частоты сигнала

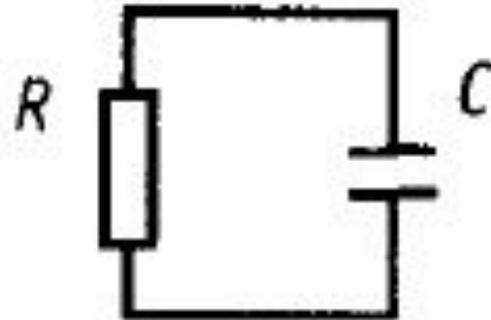
## RC- цепи – изменение во времени

Рассмотрим простейшую RC-цепь

Воспользуемся выражением для емкости

$$I = C \cdot \frac{dU}{dt}$$

конденсатор — это более сложный элемент, чем резистор;  
ток пропорционален не просто напряжению, а скорости изменения напряжения

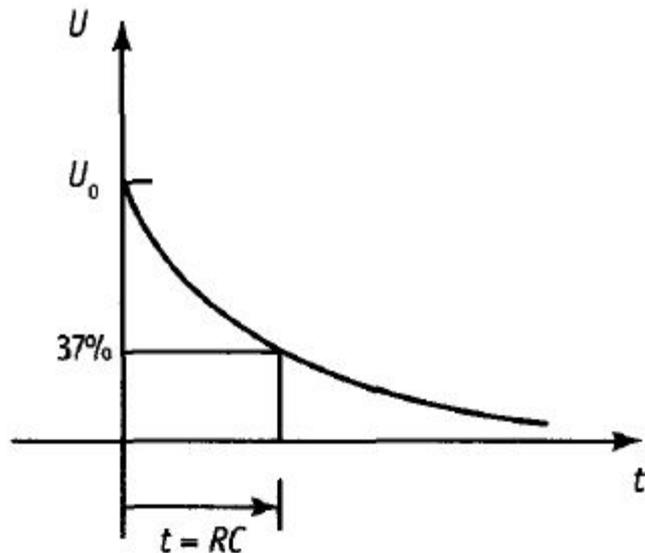
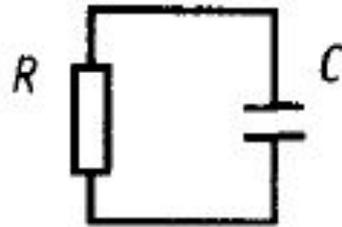


## RC- цепи – изменение во времени

$$C = I \cdot \frac{dt}{dU} \longrightarrow U = Ae^{-\frac{t}{RC}}$$

Это выражение C представляет собой дифференциальное уравнение, решение которого имеет такой вид U

Отсюда следует, что если заряженный конденсатор подключить к резистору, то он будет разряжаться так, как показано на рис

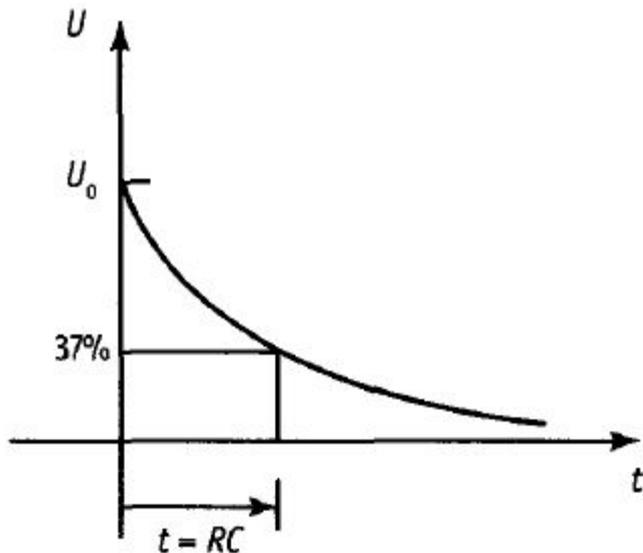


## RC- цепи – изменение во времени

Произведение  $RC$  называют **постоянной времени** цепи.

Если  $R$  измерять в омах, а  $C$  — в фарадах, то произведение  $RC$  будет измеряться в секундах.

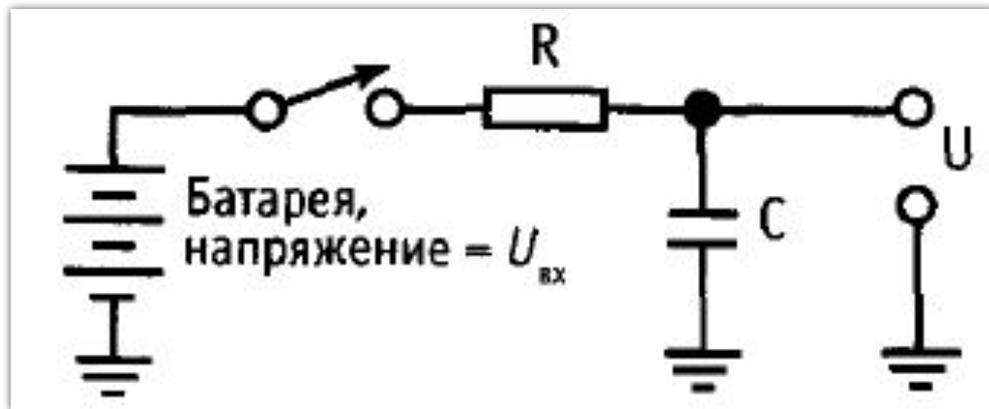
$$U = Ae^{-\frac{t}{RC}}$$



## RC- цепи – изменение во времени

**Пример:**

В момент времени  $t = 0$   
схема подключается  
к батарее



Уравнение, описывающее  
работу такой схемы, выглядит  
следующим образом

$$I = C \frac{dU}{dt} = \frac{U_{вх} - U}{R}$$

$$U = U_{вх} + A e^{\frac{-t}{RC}}$$

## RC- цепи – изменение во времени

При условии  $t \gg RC$  напряжение достигает значения  $U_m$

Если затем изменить входное напряжение  $U_m$ , то напряжение на конденсаторе  $U$  будет убывать

Например, если на вход подать прямоугольный сигнал  $U_m$ , то сигнал на выходе  $U$  будет иметь форму, показанную на рис. 1.33

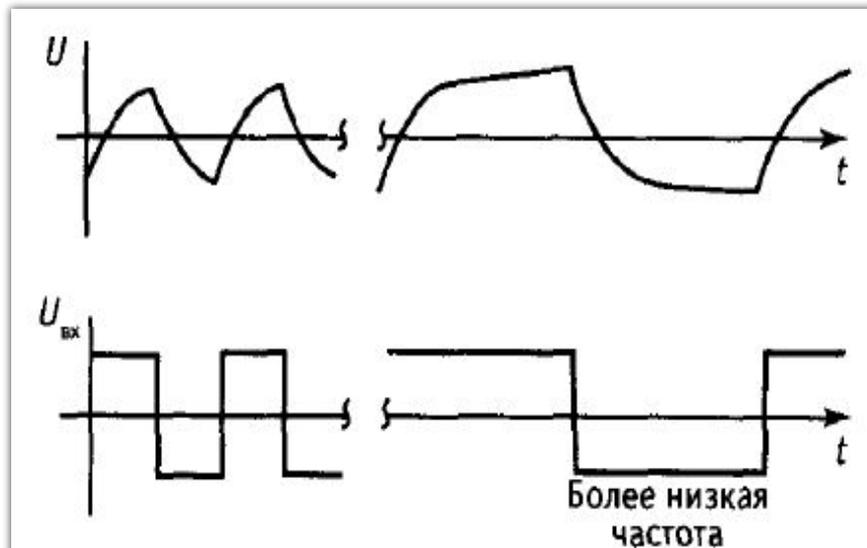
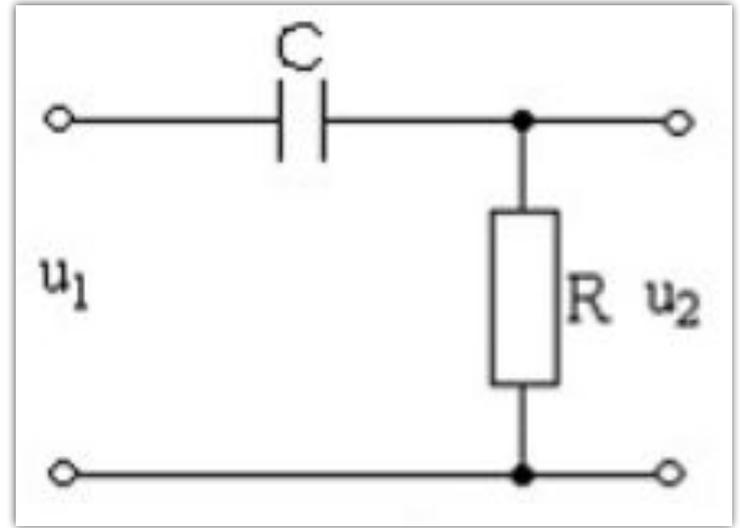


Рис. 1.33. Напряжение, снимаемое с конденсатора (верхние сигналы), при условии, что на него через резистор подается прямоугольный сигнал.

$$U(t) = \frac{1}{RC} \int_{-\infty}^t U_{\text{вх}} \tau e^{-(t-\tau)/RC} dt.$$

# Дифференцирующие RC-цепи

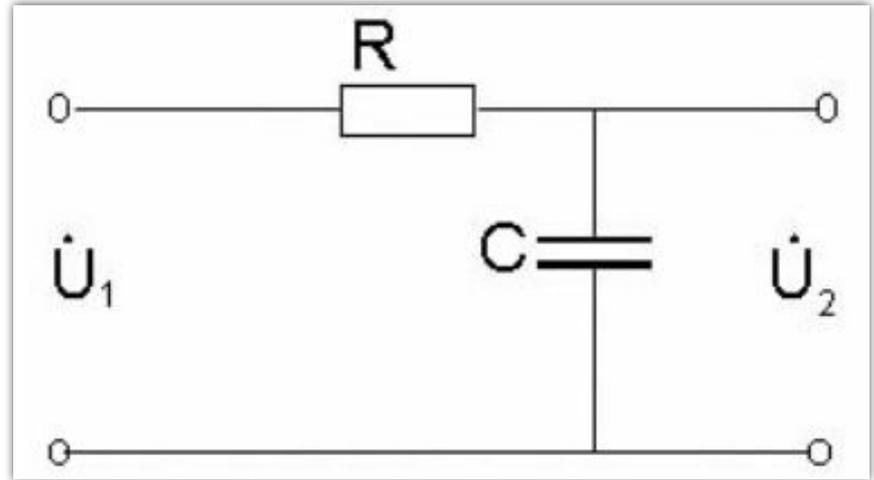
Дифференцирующими называются четырехполюсники, напряжение на выходе которых пропорционально производной по времени от напряжения на входе



$$U_2(t) \sim \frac{d}{dt} U_1(t)$$

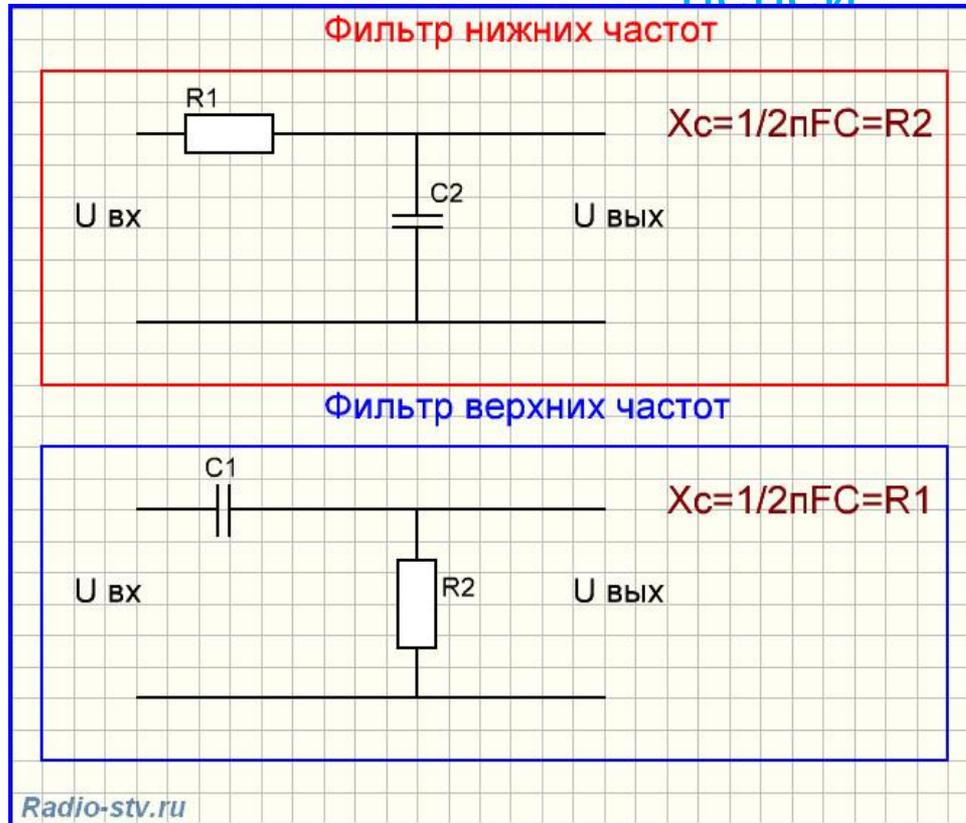
# Интегрирующие RC-цепи

Интегрирующими называются четырехполюсники, напряжение на выходе которых пропорционально интегралу от напряжения на входе



$$U_2(t) \sim \int U_1(t) dt .$$

# Применение интегрирующих и дифференцирующих RC-цепей



Интегрирующие RC-цепи

Дифференцирующие RC-цепи

# Применение интегрирующих и дифференцирующих RC-



# ИНДУКТИВНОСТИ

В индуктивности скорость изменения тока зависит от приложенного напряжения

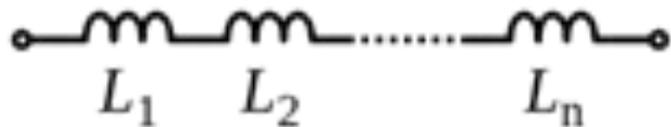
$$U = L \cdot \frac{dI}{dt}$$

а в конденсаторе  
скорость изменения  
напряжения зависит

от протекающего тока  $I = C \cdot \frac{dU}{dt}$

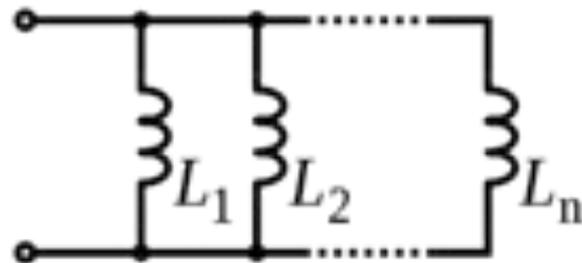


# ИНДУКТИВНОСТИ



Последовательное соединение катушек индуктивности

$$L_{\text{общ.}} = L_1 + L_2 + \dots + L_n$$



Параллельное соединение катушек индуктивности

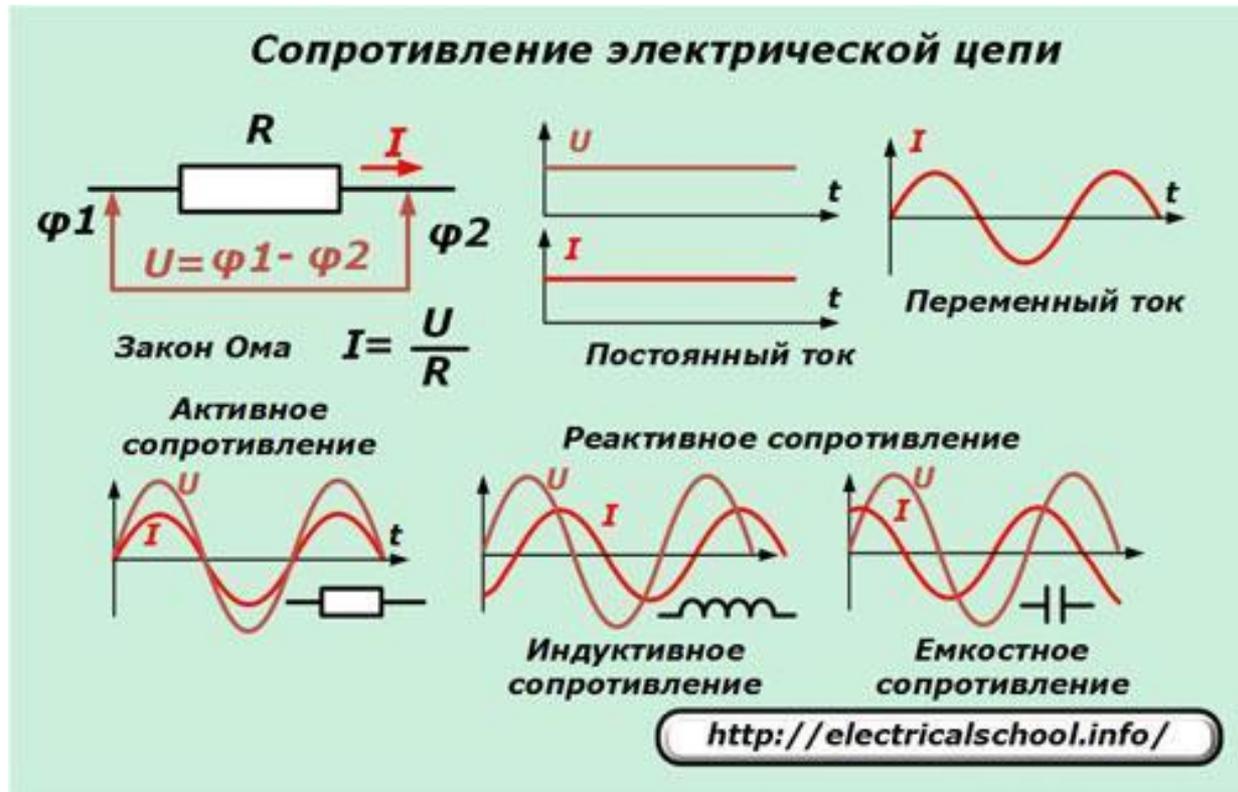
$$L_{\text{общ.}} = \frac{1}{\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \dots + \frac{1}{L_n}}$$

**Вспоминаем дальше...**

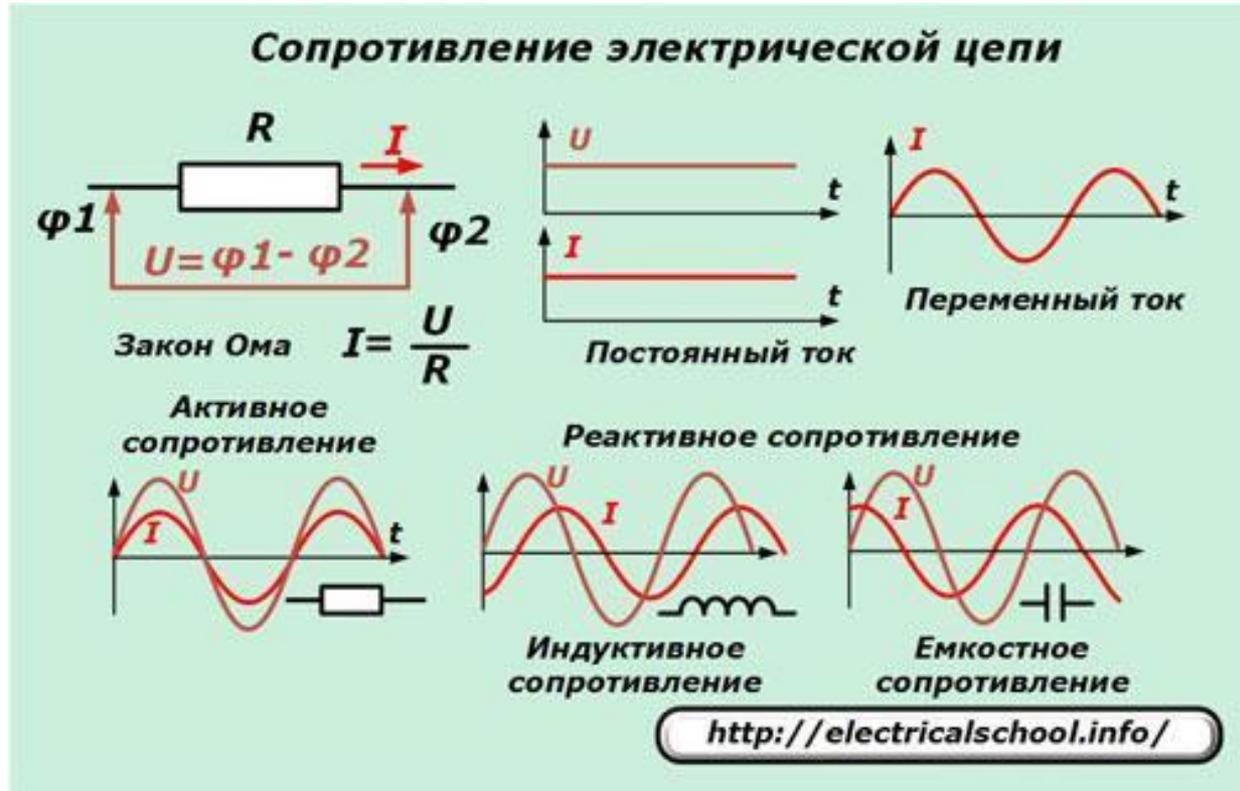
## Реактивное сопротивление

Известный в электротехнике закон Ома объясняет, что если по концам какого-то участка цепи приложить разность потенциалов, то под ее действием потечет электрический ток, сила которого зависит от сопротивления среды

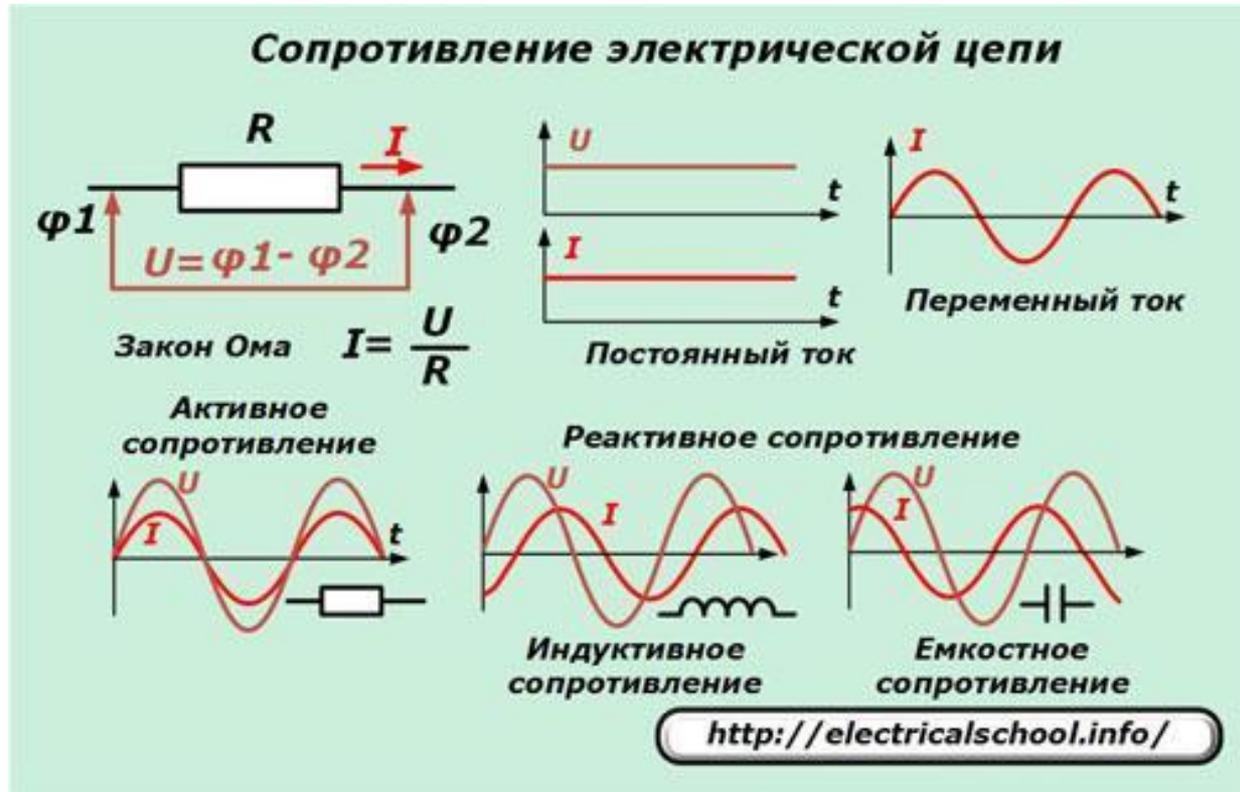
Источники переменного напряжения создают ток в подключенной к ним схеме, который может повторять форму синусоиды источника или быть сдвинутым по углу от него вперед либо назад



Если электрическая цепь не изменяет направления прохождения тока и его вектор по фазе полностью совпадает с приложенным напряжением, то такой участок обладает чистым **активным сопротивлением**



Когда же наблюдается отличие во вращении векторов, то говорят о **реактивном характере сопротивления**

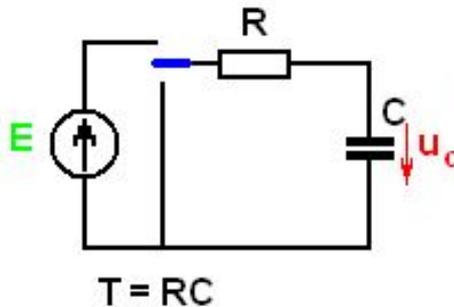


# Реактивное сопротивление конденсатора

Конденсатор обладает реактивным сопротивлением благодаря своей ёмкости. Его сопротивление с увеличением частоты тока уменьшается

$$X_C = \frac{1}{\omega \cdot C}$$

Заряд и разряд конденсатора

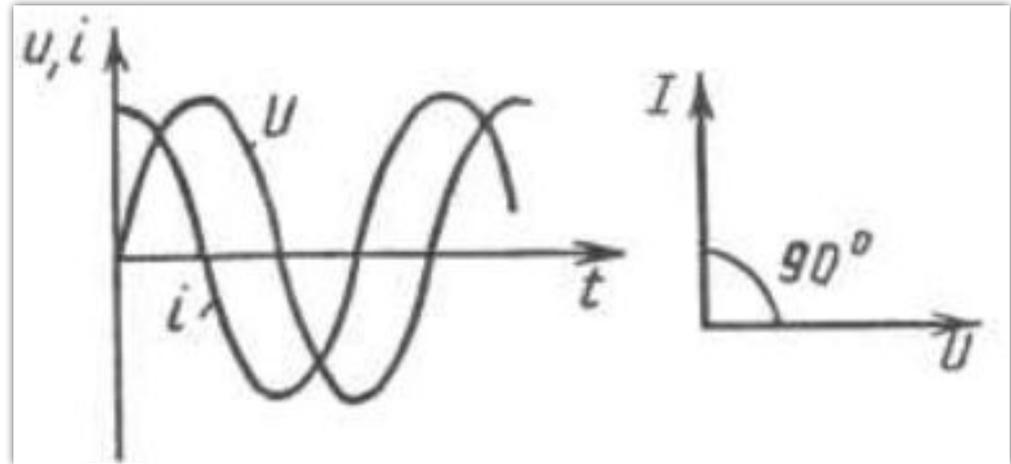


# Реактивное сопротивление конденсатора

Изменение напряжения на обкладках конденсатора происходит за счет изменения тока.

Ток — причина возникновения напряжения конденсатора, напряжение — следствие.

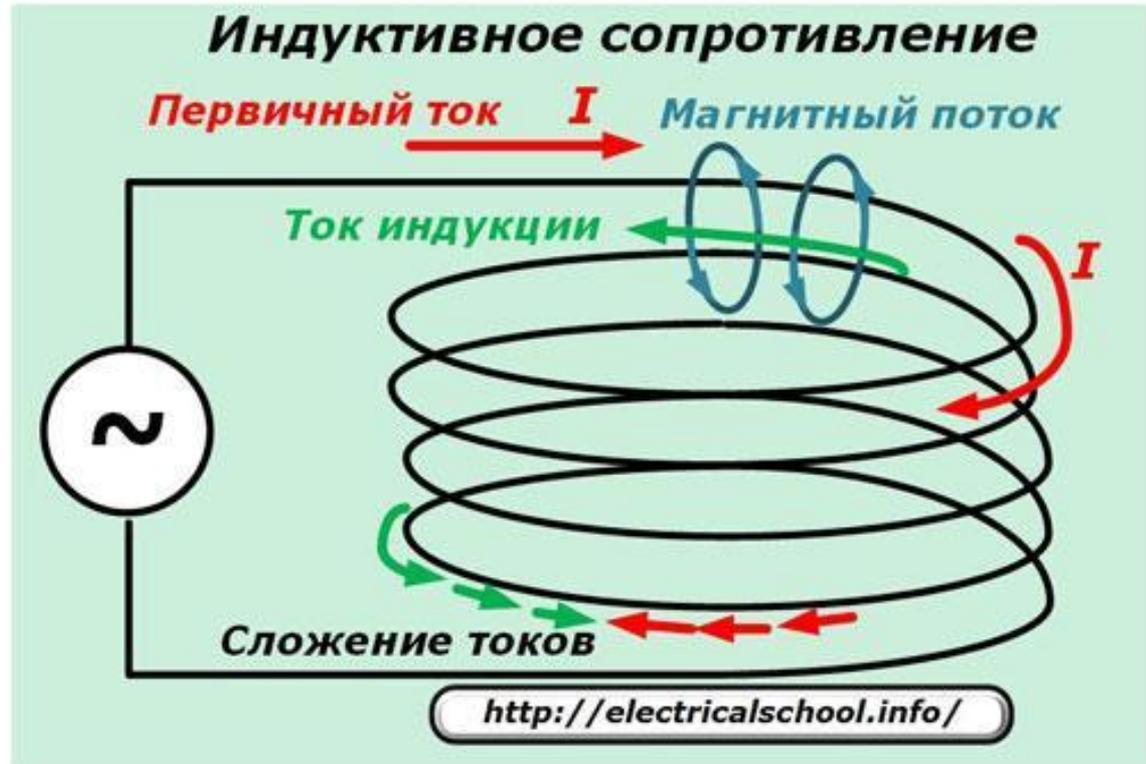
Поэтому на *емкости ток опережает напряжение по фазе на угол  $90^\circ$*



# Реактивное сопротивление катушки

Реактивное сопротивление катушки зависит от частоты тока и индуктивности катушки

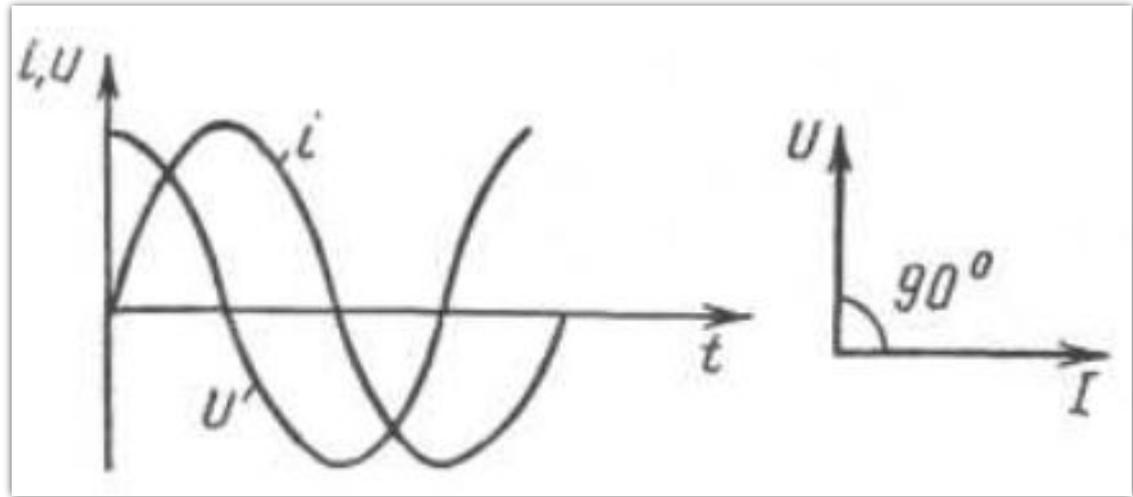
$$X_L = \omega L$$



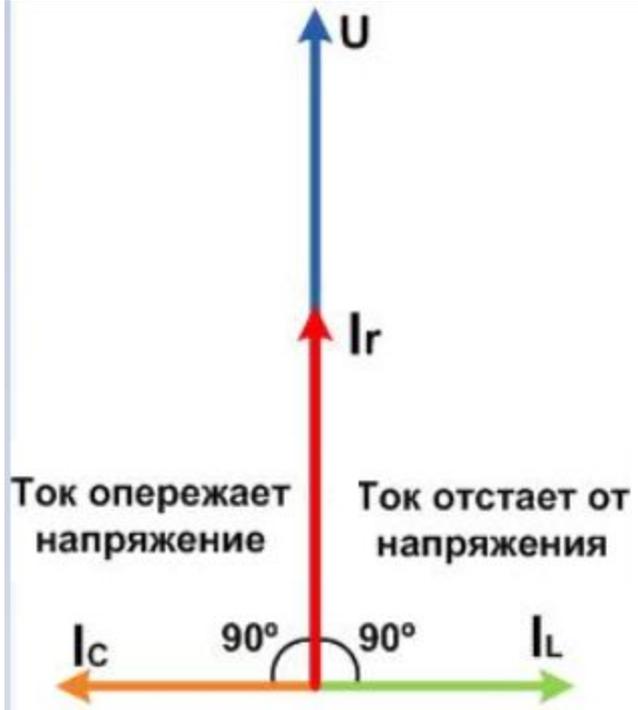
# Реактивное сопротивление катушки

Изменение тока катушки происходит за счет изменения напряжения.

Появление напряжения — причина возникновения тока катушки.

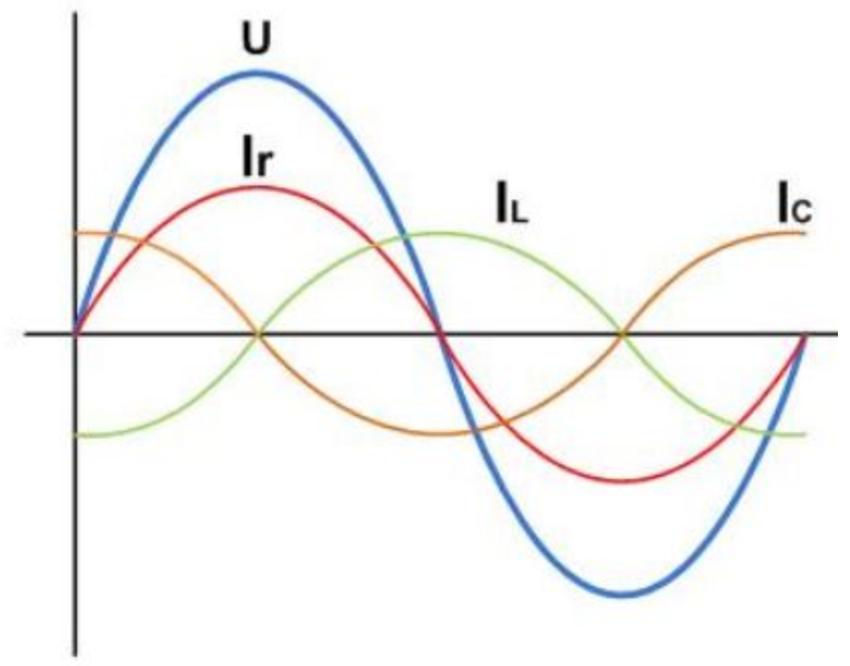


Поэтому на индуктивности ток отстает от напряжения на угол  $90^\circ$



$U$  → напряжение

$I_r$  → активный ток



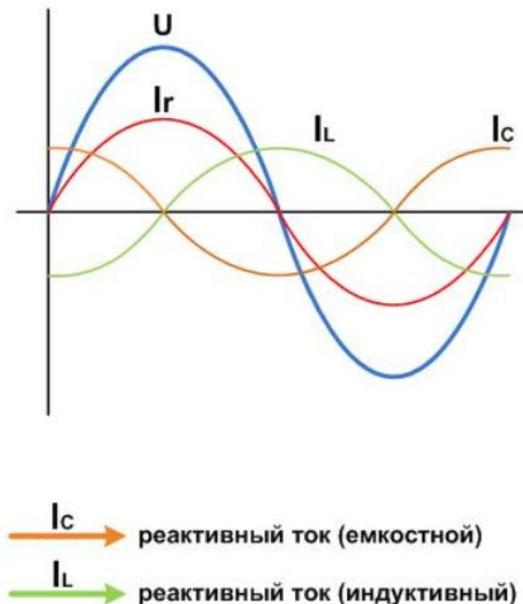
$I_c$  → реактивный ток (емкостной)

$I_L$  → реактивный ток (индуктивный)

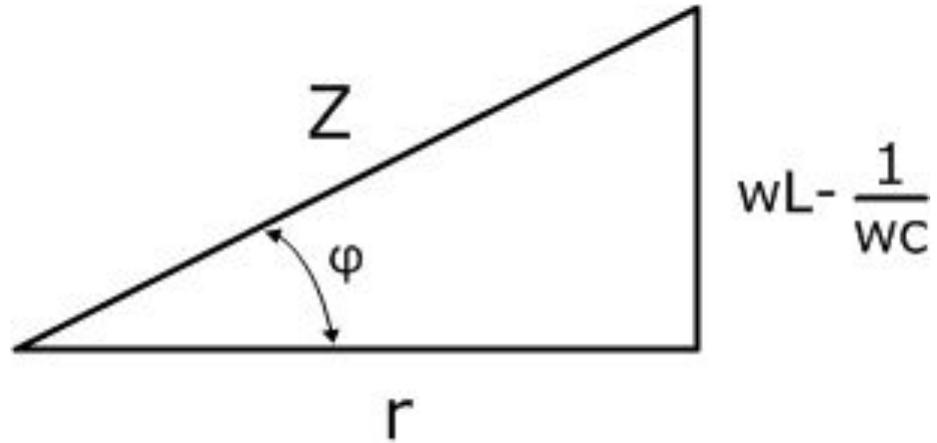
При индуктивной нагрузке ток отстает от напряжения

При емкостной - опережает

**Полный ток** при этом равняется векторной сумме, активного и реактивного токов.



**Полное  
сопротивление** цепи  
определяется как  
сумма квадратов  
активного и  
реактивного  
сопротивлений



$$Z = \sqrt{R^2 + X^2} = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

**Вспоминаем дальше...**

# Определение напряжения и тока с помощью комплексных чисел

Только что убедились в том, что в цепи переменного тока, работающей с синусоидальным сигналом некоторой частоты, возможен сдвиг по фазе между напряжением и током

Ток и напряжение характеризуется как амплитудой, так и сдвигом фазы

# Определение напряжения и тока с помощью комплексных чисел

Вместо того чтобы тратить время и силы на сложение и вычитание синусоидальных функций, можно легко и просто складывать и вычитать комплексные числа.

# Определение напряжения и тока с помощью комплексных чисел

1. Напряжение и ток представляются комплексными величинами  $U$  и  $I$ .

Напряжение  $U = U_0 \cos(\omega t + \phi)$  представляется

комплексным числом  $U = U_0 e^{j\phi}$

Напомним, что  $e^{j\phi} = \cos \omega t + j \sin \omega t$ , где  $j = \sqrt{-1}$  ( $j$  аналог  $i$ )

Рассмотрим участок цепи, напряжение и ток которого изменяются по гармоническому закону

$$i(t) = I_m \sin(\omega t + \psi_I)$$

Соответствующие амплитуды:

$$\dot{U}_m = U_m e^{j\psi_U}$$

$$\dot{I}_m = I_m e^{j\psi_I}$$

# Комплексное сопротивление участка цепи

$$\underline{Z} = \frac{\dot{U}_m}{\dot{I}_m}$$

Модуль комплексного сопротивления равен отношению амплитуд (действующих значений) напряжения и тока (или полное сопротивление)

$$Z = \frac{U_m}{I_m}$$

Представим комплексное сопротивление в показательной форме

$$\underline{Z} = \frac{\dot{U}_m}{\dot{I}_m} = Z e^{j\phi}$$

$$\underline{Z} = \frac{\dot{U}_m}{\dot{I}_m} = Z e^{j\phi}$$

Аргумент комплексного сопротивления  $\psi$  равен углу сдвига фаз между напряжением и током.

Он положителен при отстающем токе (индуктивная нагрузка) и отрицателен при опережающем токе (емкостная нагрузка)

Запишем комплексное сопротивление в алгебраической форме

$$\underline{Z} = R + jX$$

Вещественную часть комплексного сопротивления  $R$  называют активным сопротивлением

Мнимую часть комплексного сопротивления  $X$  называют реактивным сопротивлением

## Полное сопротивление

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2}$$

Величину, обратную комплексному сопротивлению называют

**комплексной проводимостью**

$$\underline{Y} = \frac{1}{Z} = \frac{\dot{I}_m}{\dot{U}_m} = Y e^{-j\phi}$$

## Соотношения между комплексами напряжения и тока

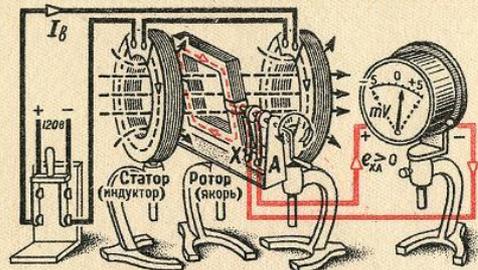
$$\dot{U}_R = R\dot{I} \quad \longrightarrow \quad \underline{Z}_R = \frac{\dot{U}_R}{\dot{I}_R} = R$$

$$\dot{U}_C = \frac{1}{j\omega C} \dot{I} \quad \longrightarrow \quad \underline{Z}_C = \frac{\dot{U}_C}{\dot{I}_C} = \frac{1}{j\omega C} = -\frac{j1}{\omega C} = -jX_C$$

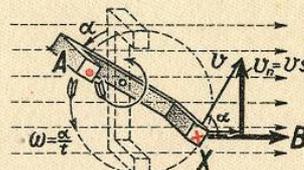
$$\dot{U}_L = j\omega L \dot{I} \quad \longrightarrow \quad \underline{Z}_L = \frac{\dot{U}_L}{\dot{I}_L} = j\omega L = jX_L$$

# Плакаты по электротехнике

# ПОЛУЧЕНИЕ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

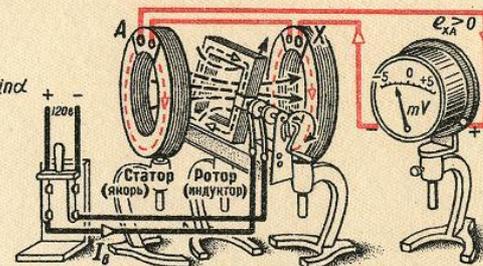


Наведение эдс. в якоре, вращающемся в магнитном поле неподвижного индуктора.

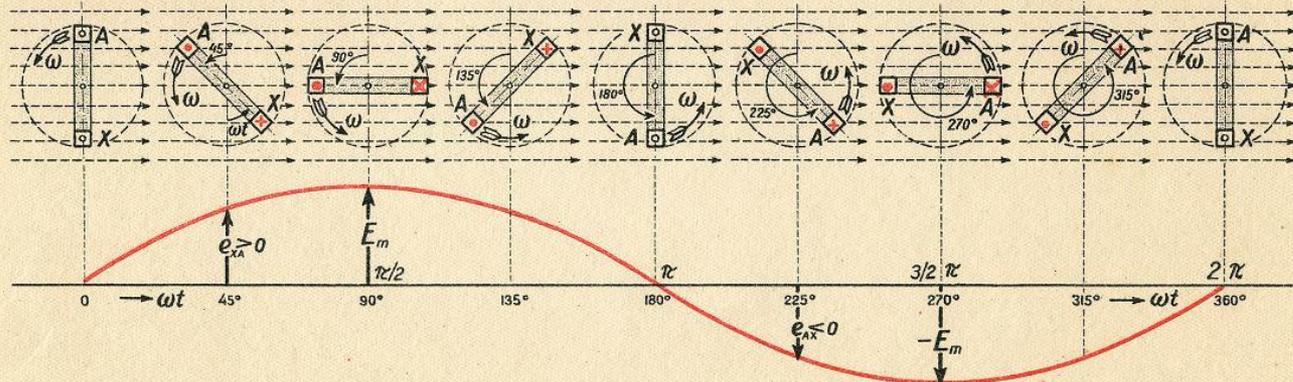


$$e = Blv_n = Blv \sin \alpha = E_m \sin \omega t$$

Эдс., наводимая в витке, равномерно вращающемся в однородном магнитном поле.



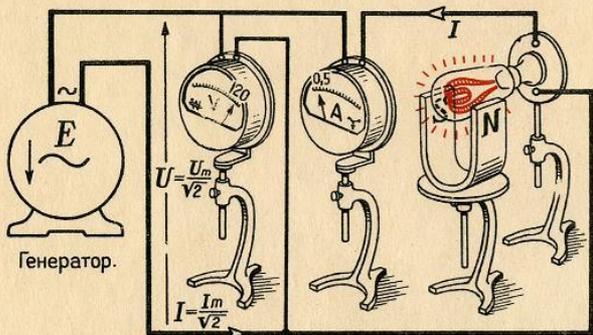
Наведение эдс. в неподвижном якоре при вращающемся индукторе.



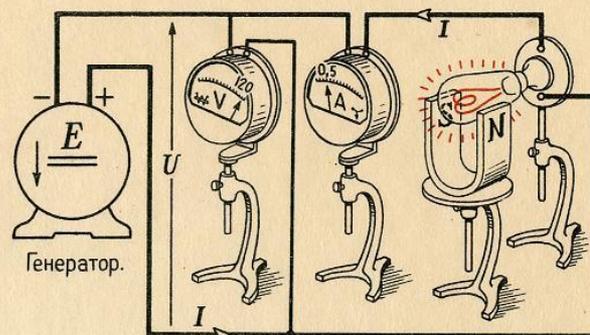
Синусоидальная кривая изменения эдс., индуцируемой в обмотке, равномерно вращающейся в однородном магнитном поле.

Э.И. Расовский.

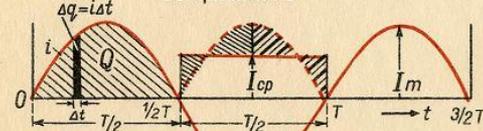
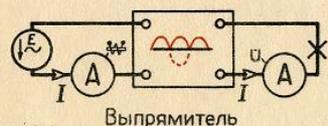
### ЭФФЕКТИВНОЕ И СРЕДНЕЕ ЗНАЧЕНИЕ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА И НАПЯЖЕНИЯ



Эффективные значения переменного тока и напряжения

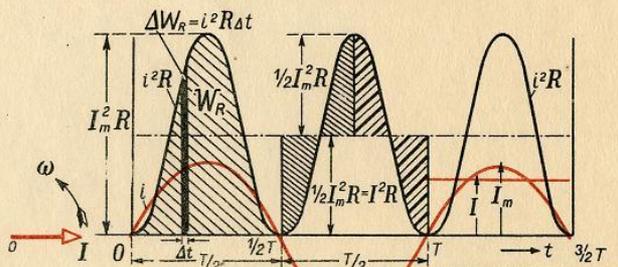


Эквивалентный постоянный ток.



$$I_{cp} = \frac{Q}{T/2} = \frac{I_m}{\pi/2} = 0,636 I_m \text{ а}$$

Среднее значение переменного тока



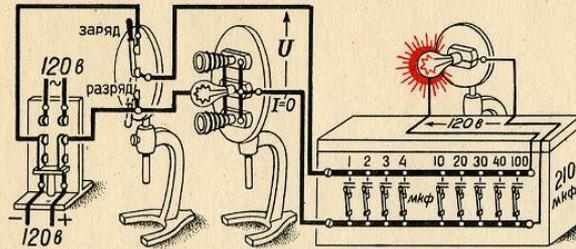
Эффективное значение переменного тока.

$$I^2 R = \frac{W_R}{T/2} = 1/2 I_m^2 R \text{ Дж}$$

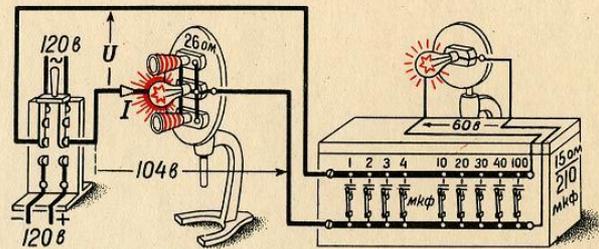
$$I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0,707 I_m \text{ а}$$

Э. И. Расовский.

## ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОЕ СОЕДИНЕНИЕ АКТИВНОГО И ЕМКОСТНОГО СОПРОТИВЛЕНИЙ



Присоединение к постоянному напряжению



Присоединение к переменному напряжению.

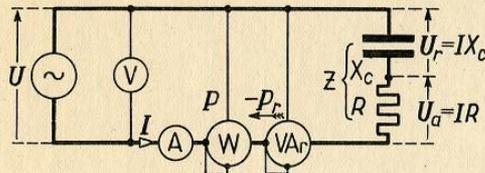
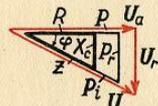
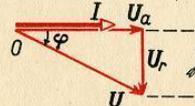


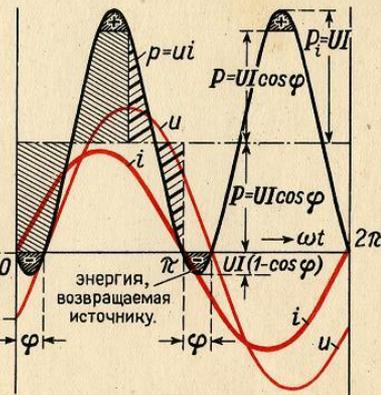
Схема соединений.



Подобные треугольники напряжений, сопротивлений и мощностей.



Векторная диаграмма.



Кривые тока, напряжения и общей мощности.

### Напряжения

активное  $U_a = U \cos \varphi = IR$   
 реактивное  $U_r = U \sin \varphi = IX$   
 общее  $U = \sqrt{U_a^2 + U_r^2} = IZ$

### Сопротивления

активное  $R = Z \cos \varphi = U_a / I$   
 реактивное  $X = Z \sin \varphi = U_r / I$   
 полное  $Z = \sqrt{R^2 + X^2} = U / I$

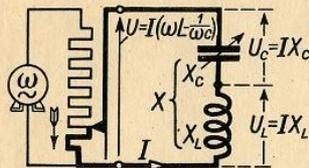
### Мощности

активная  $P = UI \cos \varphi = U_a I = I^2 R$  Вт  
 реактивная  $P_r = UI \sin \varphi = U_r I = I^2 X$  Вар  
 кажущаяся  $P_i = UI = \sqrt{P^2 + P_r^2} = I^2 Z$  Ва

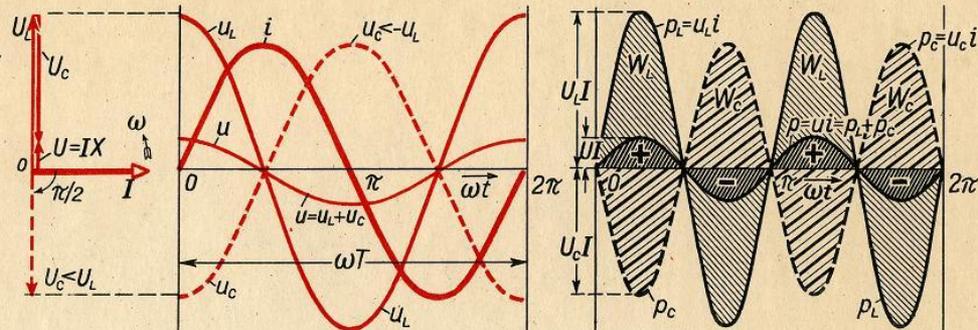
Коэффициент мощности  
 $\cos \varphi = P / UI = U_a / U = R / Z$

Приложенное напряжение **отстает** по фазе от тока на угол  $\varphi$ .

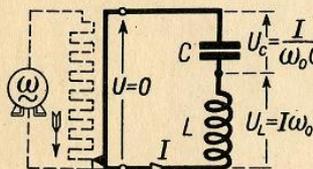
## ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОЕ СОЕДИНЕНИЕ ИНДУКТИВНОСТИ И ЕМКОСТИ



Уменьшение приложенного напряжения с увеличением емкостного сопротивления при неизменном токе.



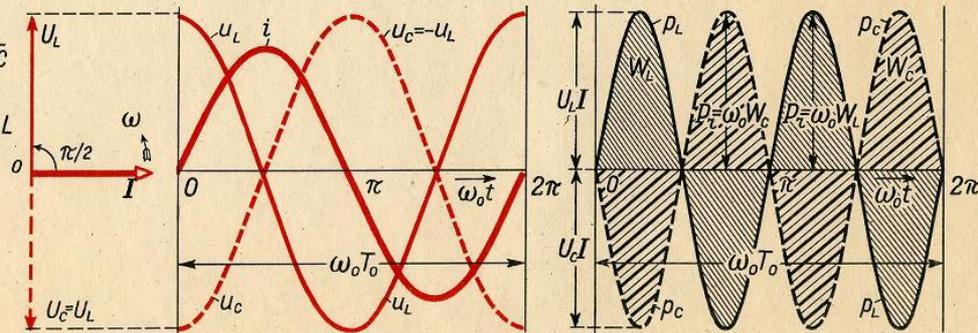
Диаграммы при емкостном сопротивлении, меньшем индуктивного.



Идеальный колебательный контур.

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \omega \text{ сек}^{-1}$$

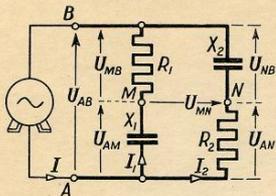
Угловая частота идеального контура.



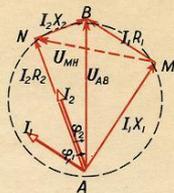
Диаграммы при емкостном сопротивлении, равном индуктивному.

Э.И.Расовский.

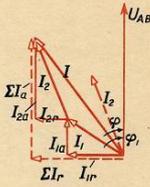
# ПАРАЛЛЕЛЬНЫЕ ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА.



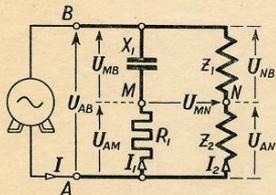
Параллельное соединение двух цепей.



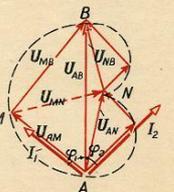
Топографическая векторная диаграмма.



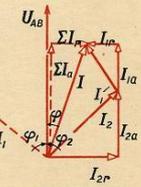
Геометрическое сложение токов.



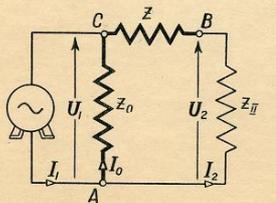
Параллельные ветви с емкостью и индуктивностью.



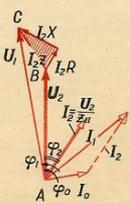
Топографическая векторная диаграмма.



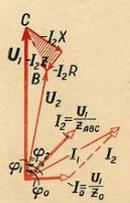
Геометрическое сложение токов.



Г-образная схема.



а. Векторная диаграмма при заданном  $U_2$ .



б. Векторная диаграмма при заданном  $I_1$ .

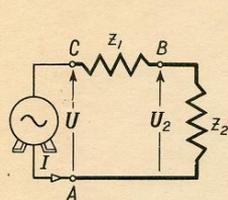
$$\vec{I} = \vec{I}_1 + \vec{I}_2 + \vec{I}_3 \dots \text{ а}$$

$$I = \sqrt{(\sum I_{1a})^2 + (\sum I_{1r})^2} \text{ а}$$

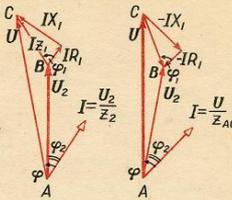
$$\cos \varphi = \frac{\sum I_{1a}}{I}$$

Токи параллельных ветвей складываются ГЕОМЕТРИЧЕСКИ.

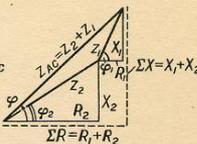
# ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНАЯ ЦЕПЬ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



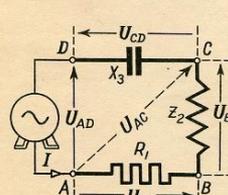
Два последовательно включенных участка.



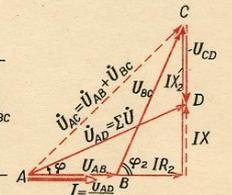
Векторная диаграмма при заданном  $U_2$ .  
Векторная диаграмма при заданном  $U$ .



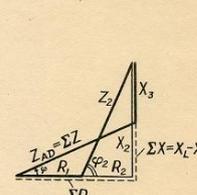
Определение общего сопротивления  $Z_{\Sigma}$ .



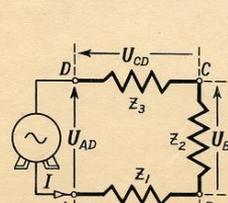
Последовательное соединение активного, индуктивного и емкостного сопротивлений.



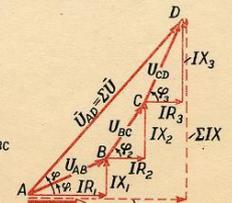
Геометрическое сложение напряжений.



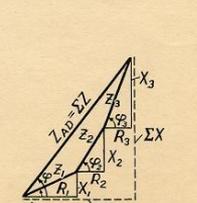
Геометрическое сложение сопротивлений.



Последовательное соединение трёх катушек.



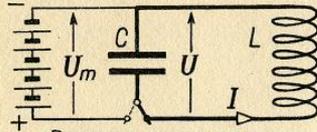
$$U = \sqrt{(\sum IR)^2 + (\sum IX)^2} \text{ б}$$



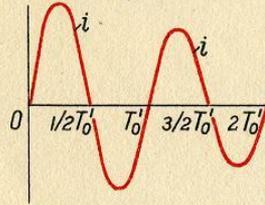
$$Z = \sqrt{(\sum R)^2 + (\sum X)^2} \text{ ом}$$

В последовательной цепи напряжения и сопротивления складываются ГЕОМЕТРИЧЕСКИ.

# ЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ КОЛЕБАТЕЛЬНЫЙ КОНТУР



Разряд конденсатора на индуктивность



Затухающие колебания в контуре с потерями.

$$W = \frac{CU_m^2}{2} = \frac{LI_m^2}{2}$$

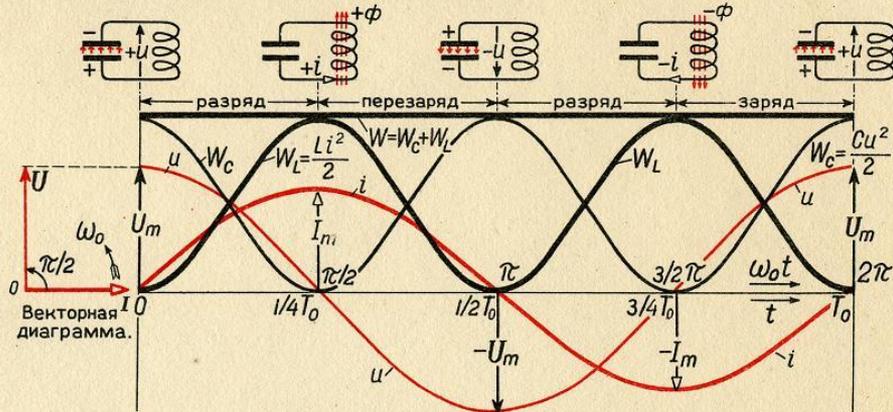
Запас энергии в контуре.

$$\sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{U}{I} \text{ ом}$$

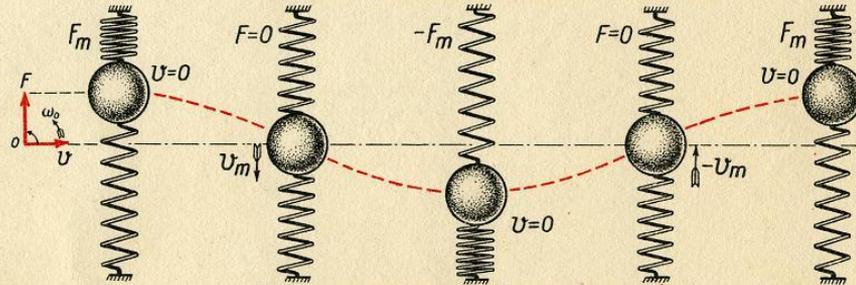
Характеристика контура.

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \text{ сек}$$

Период собственных колебаний идеального контура



Колебание энергии в идеальном контуре.



Механические колебания (аналогия).

З.И.Расовский.

**Удачи при изучении курса !**