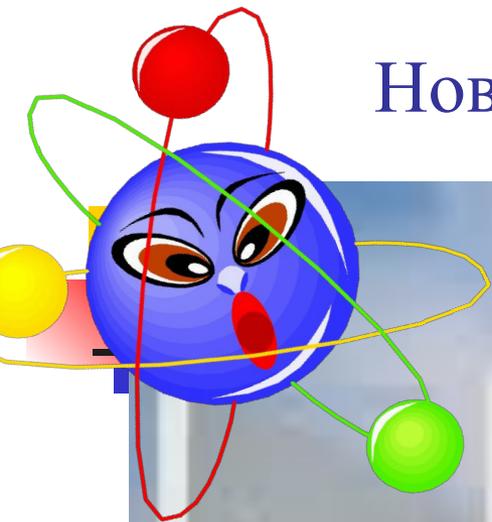
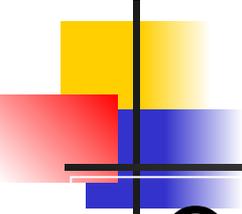


# Новоазовский индустриальный техникум



Презентация на тему «ТЕЛА ВРАЩЕНИЯ»



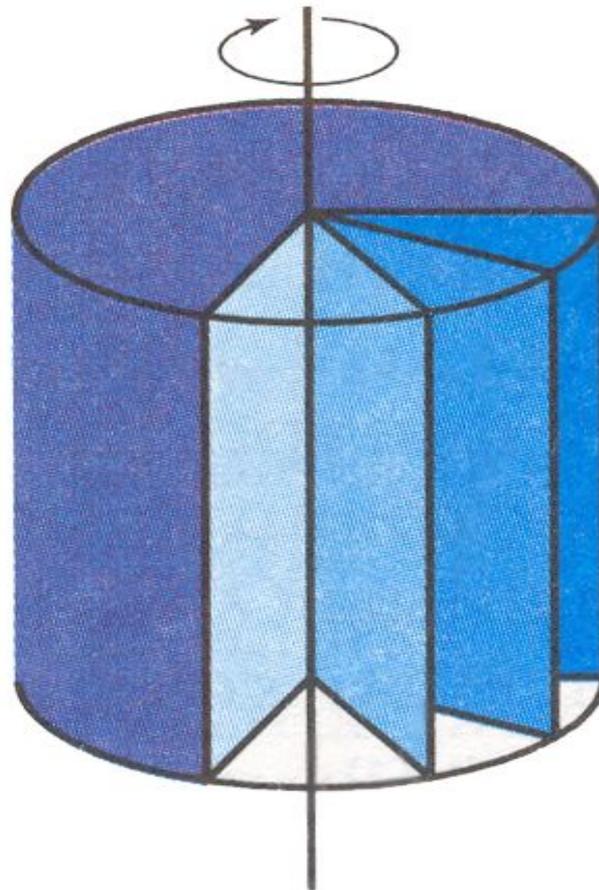
# Цилиндр

---

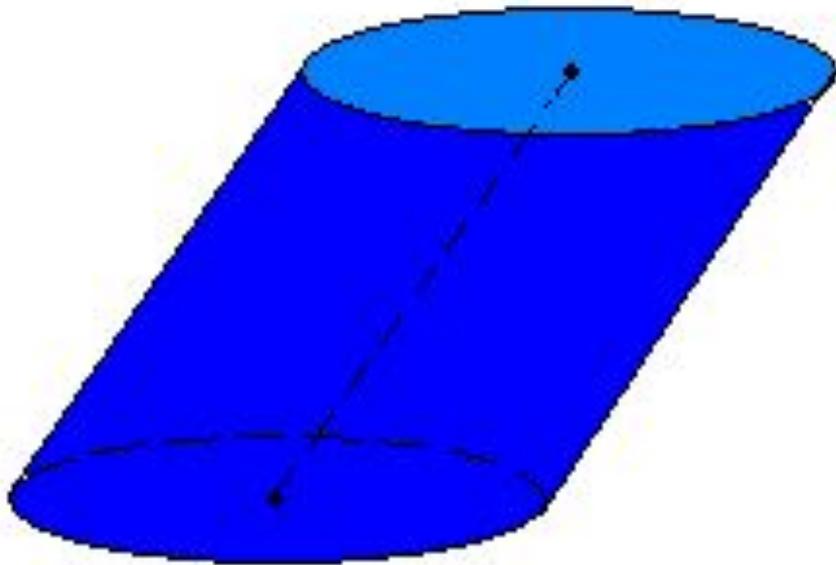
- Определение.

Тело, которое образуется при вращении прямоугольника вокруг прямой, содержащей его сторону, называется цилиндром.

# Круговой прямой цилиндр

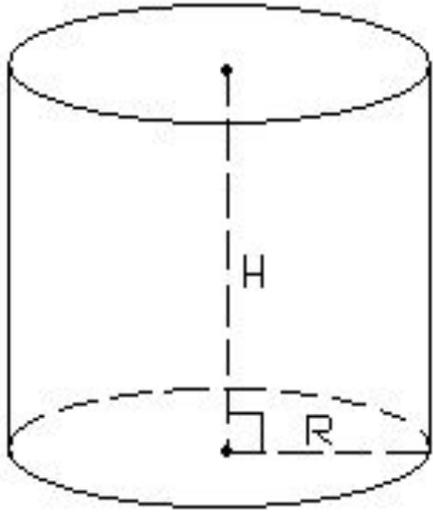


# Наклонный цилиндр



Наклонный цилиндр – цилиндр, образующие которого не перпендикулярны плоскостям его оснований.

# Основные формулы



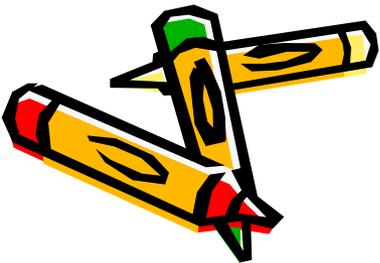
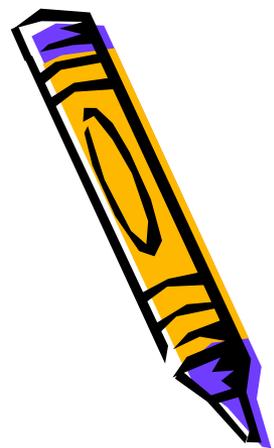
Пусть  $R$  - радиус  
основания;

$H$  - высота цилиндра,  
тогда

$$S_{\text{бок}} = 2\pi R H$$

$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + 2S_{\text{осн}} = 2\pi R H + \\ + 2\pi R^2 = 2\pi R(R + H)$$

$$V = \pi R^2 H$$



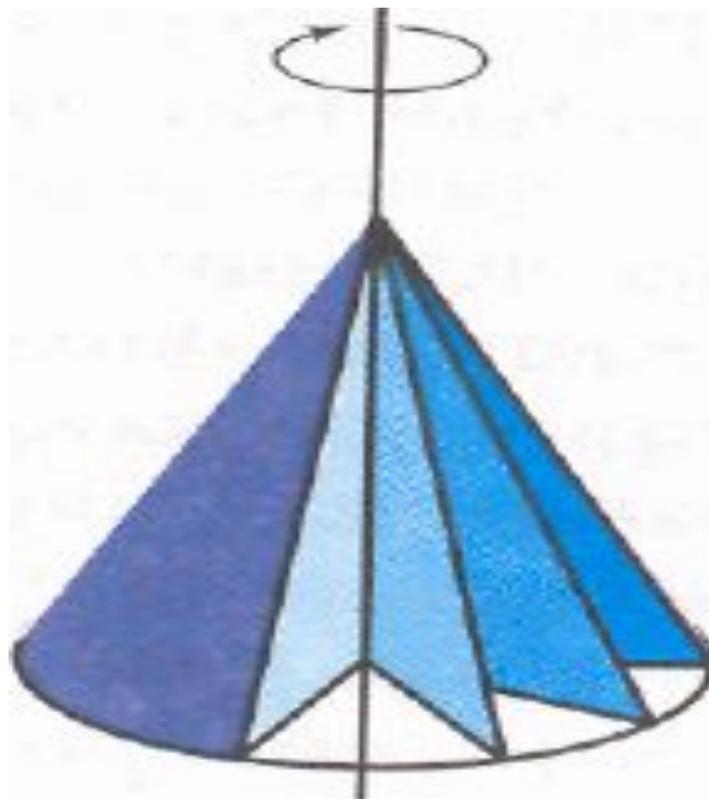
# Конус

---

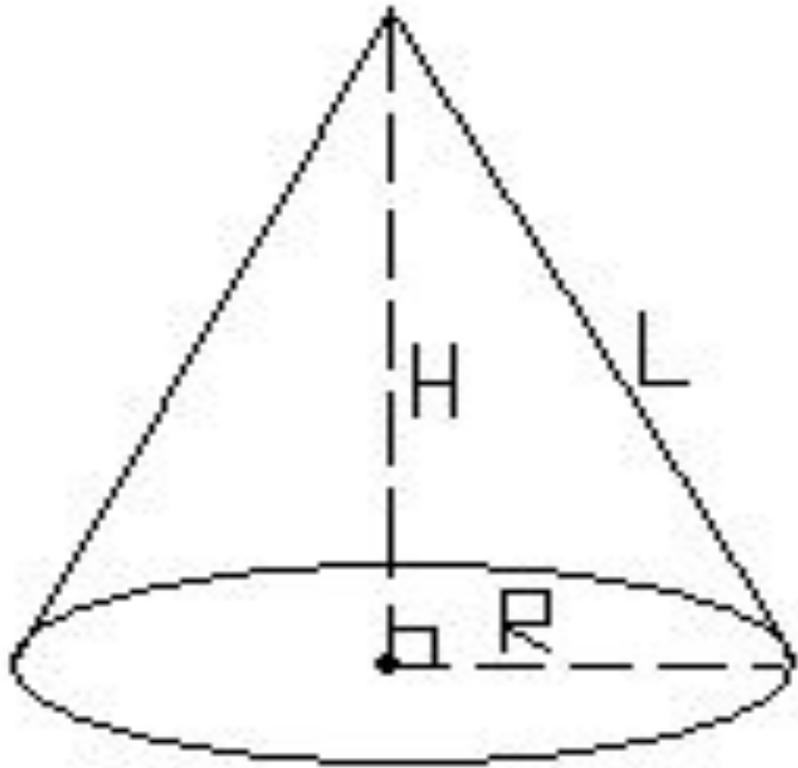
Определение.

Тело, которое образуется при вращении прямоугольного треугольника вокруг прямой, содержащий его катет, называется прямым круговым конусом.

# Прямой круговой конус



# Основные формулы

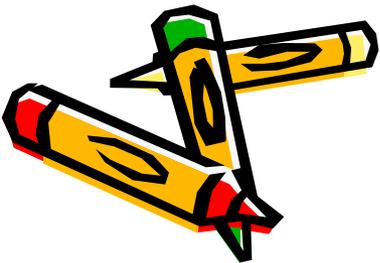
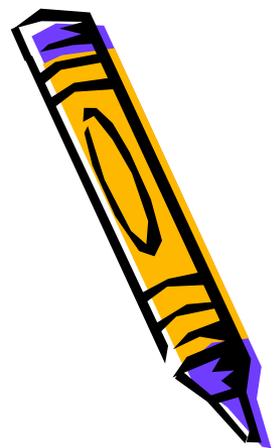


Если  $R$  - радиус  
основания,  
 $H$  - высота,  $L$  - обра-  
зующая конуса, то

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$$

$$S_{\text{бок}} = \pi R L$$

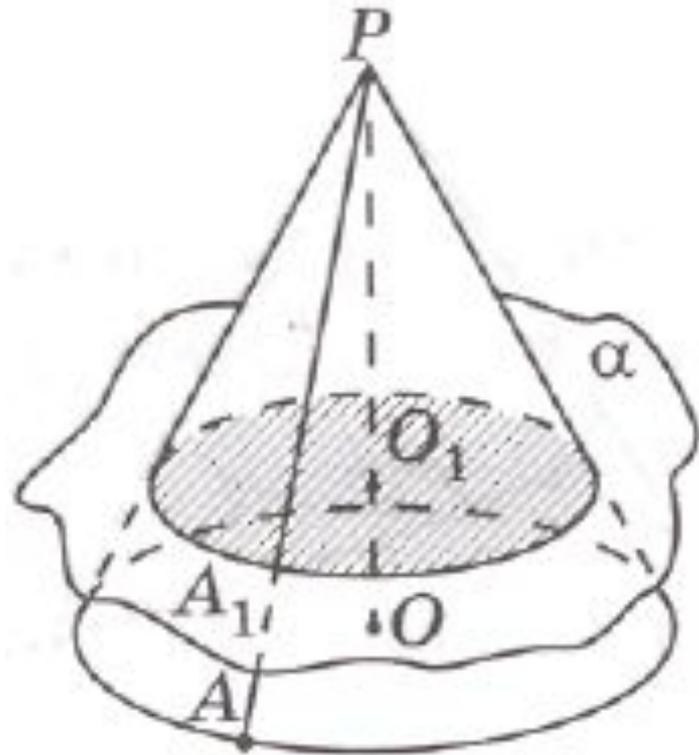
$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + S_{\text{осн}} = \pi R L + \pi R^2 = \pi R(L + R)$$



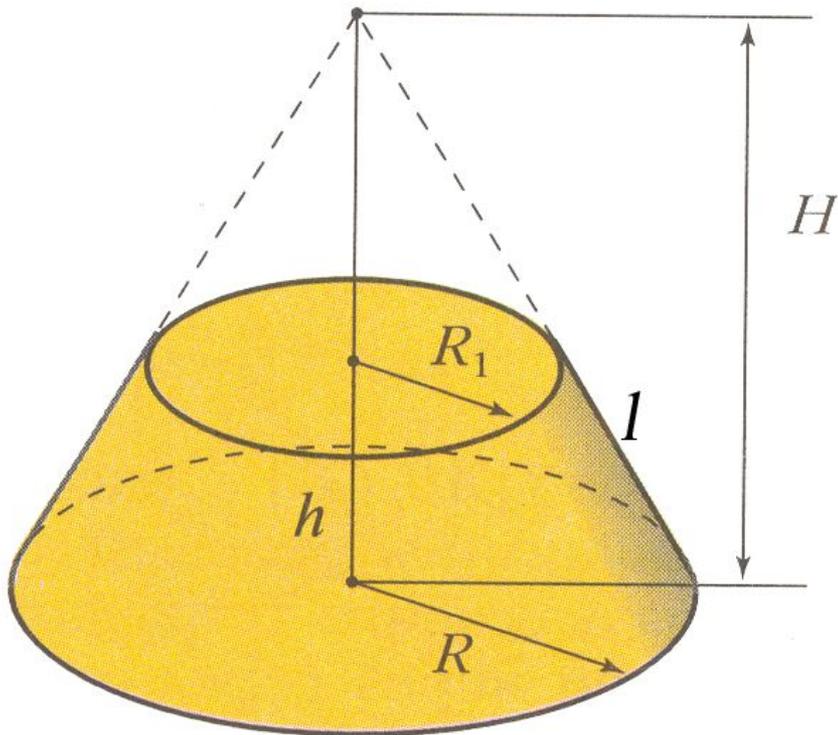
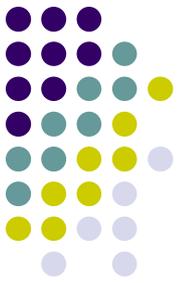
# Усеченный конус

---

Часть конуса, ограниченная его основанием и сечением, параллельным плоскости основания, называется усеченным конусом.



# Усеченный прямой конус



- Формулы:

$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + RR_1 + R_1^2)$$

$$S_{\text{бок. пов.}} = \pi (R + R_1) l$$

$$S_{\text{полн. пов.}} = \pi (R + R_1) l + \pi R^2 + \pi R_1^2$$

Здесь  $h$  – высота  
усеченного конуса;  $R$  и  
 $R_1$  – радиусы его  
верхнего и нижнего  
оснований;  $l$  – его  
образующая

## Шар и сфера

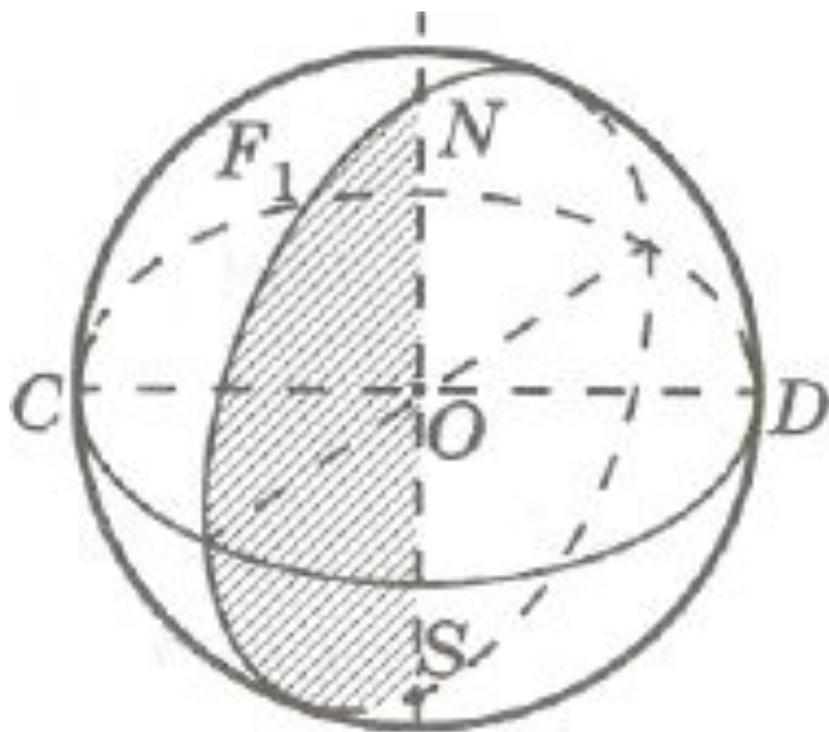
---

- Определение.

Фигура, полученная в результате вращения полукруга вокруг диаметра, называется шаром. Поверхность, образуемая при этом полуокружностью, называется сферой.

# Шар – тело вращения

---

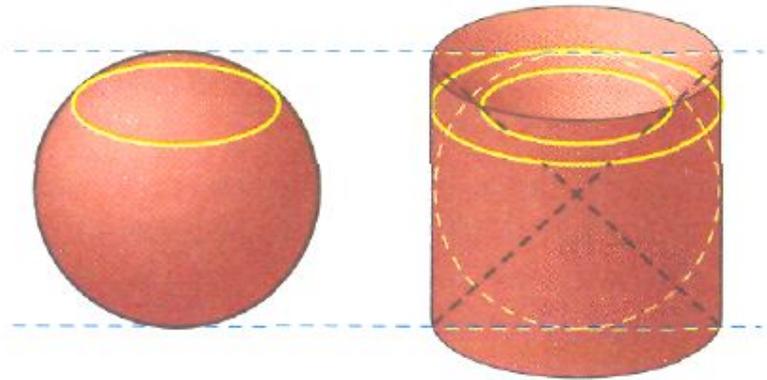


$OS, ON, OC, OD$  – радиусы;  
 $NS, CD$  – диаметры шара;  
 $C$  и  $D, N$  и  $S$  – диаметрально  
противоположные точки

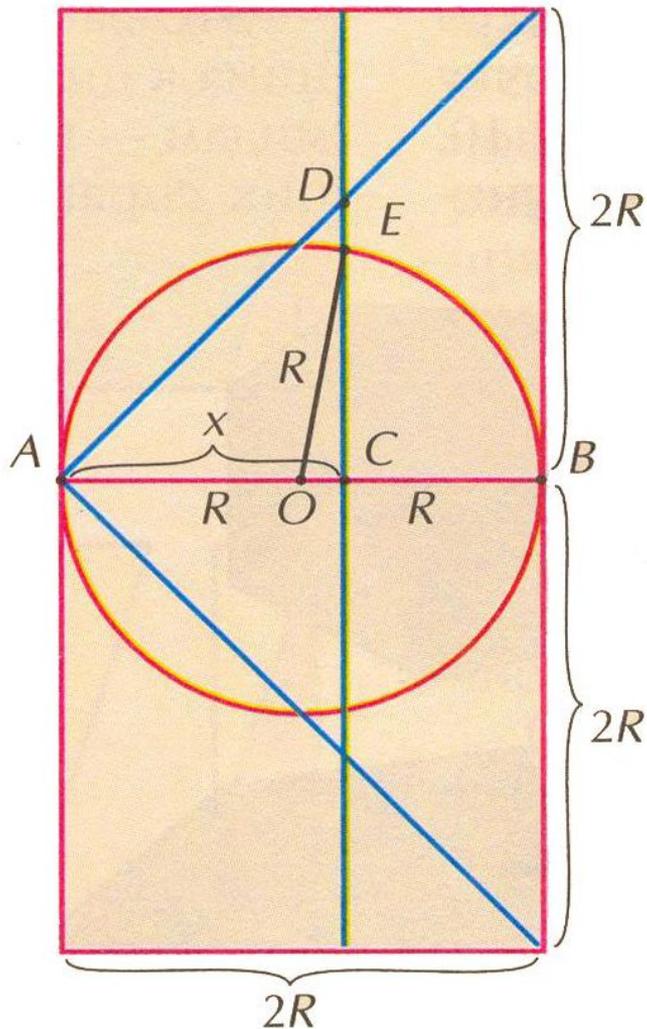
# Объем шара

Архимед считал, что  
объем шара в 1,5 раза  
меньше объема  
описанного около него  
цилиндра:

$$V_{\text{ш}} = \frac{4}{3}\pi R^3.$$



# Как Архимед находил объем шара



- Площади сечений:

$$S_{\text{ц}}, S_{\text{ш}}, S_{\text{к}}.$$

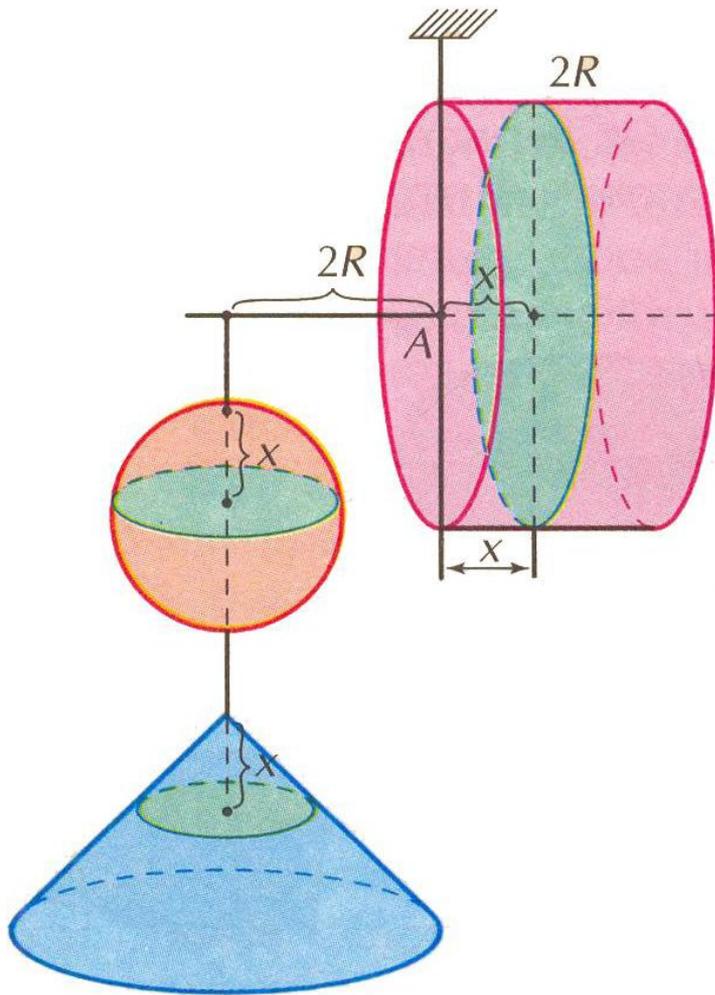
$$x \times S_{\text{ц}} = 2R \times (S_{\text{ш}} + S_{\text{к}})$$

$$S_{\text{ц}} = 4\pi R^2;$$

$$S_{\text{ш}} = \pi [CE]^2, \text{ где } [CE]^2 = [EO]^2 - [OC]^2 = R^2 -$$

$$-(x-R)^2 = 2Rx - x^2;$$

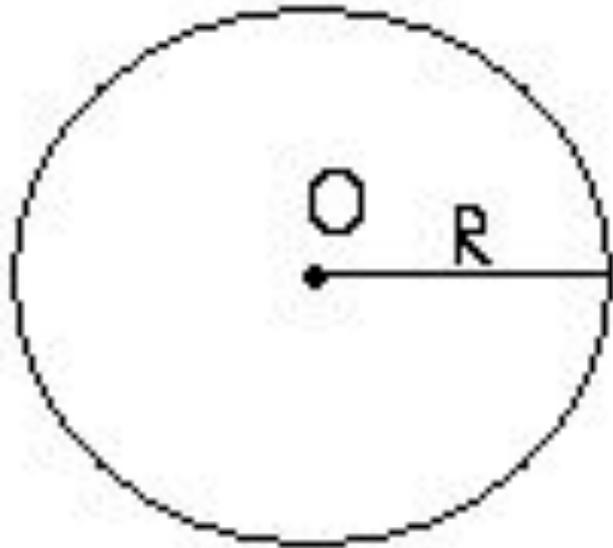
$$S_{\text{к}} = \pi [CD]^2 = \pi x^2$$



$$R \times V_u = 2R(V_u + V_k)$$

$$V_u = \frac{V_u}{2} - V_k$$

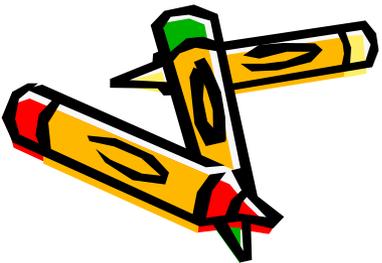
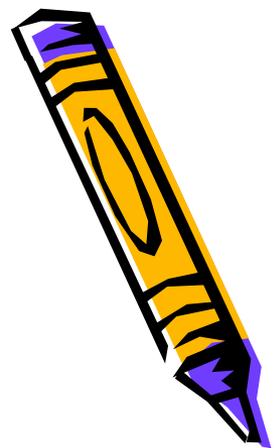
# Основные формулы



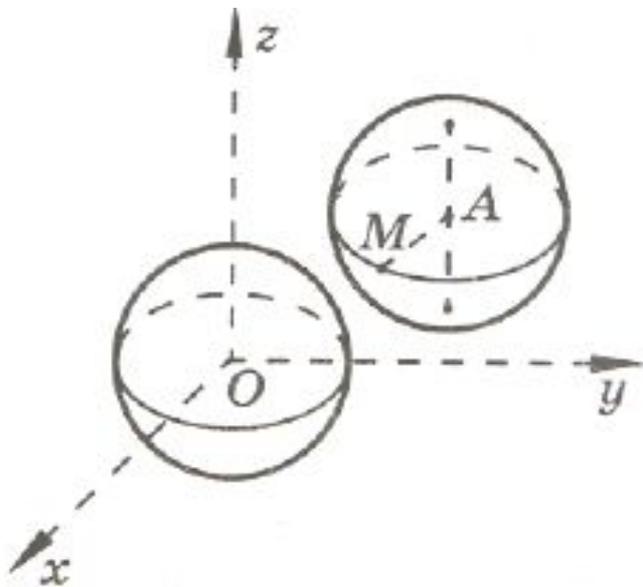
$R$  - радиус шара

$$V_{\text{шара}} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

$$S_{\text{сферы}} = 4\pi R^2$$



# Уравнение сферы



Пусть  $A$  – центр  $(a; b; c)$

$MA$  – радиус, тогда

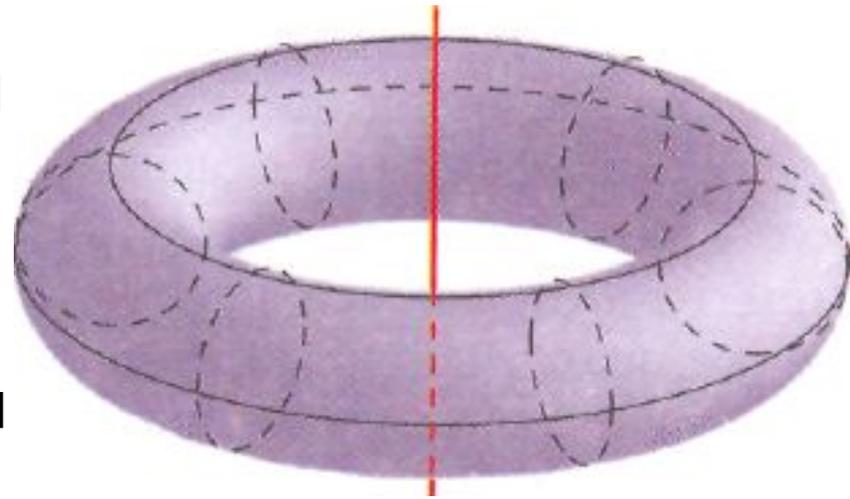
$$MA^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2;$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2 = R^2$$

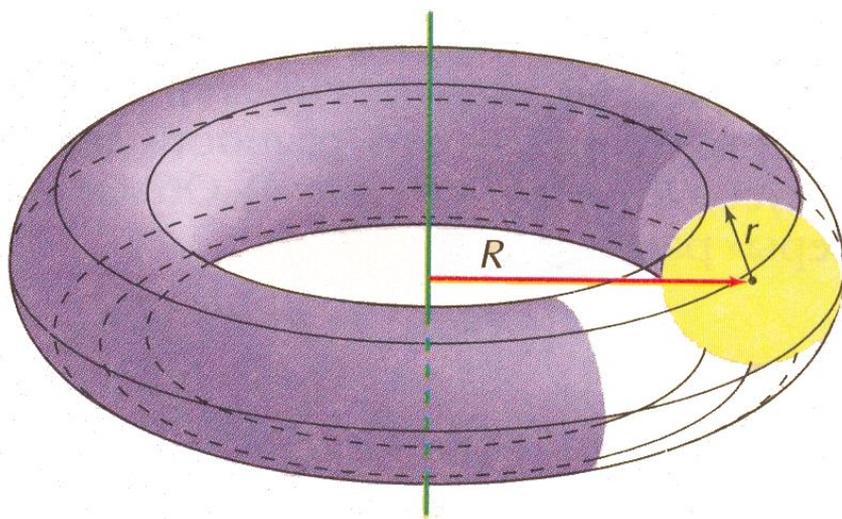
# Тор – фигура вращения

---

- Тор образуется при вращении окружности вокруг не пересекающей её прямой, лежащей в плоскости окружности
- Если «заполнить» тор, то получится тело вращения, называемое **полноторием**.



# Объем и площадь поверхности тора



Если  $r$  – радиус окружности,  $R$  – расстояние от её центра до оси, то

- $V=2\pi R \times \pi r^2=2\pi^2 Rr^2$ ;
- $S_{\text{поверх}}=4\pi^2 Rr$ .

# Определение объема произвольного тела вращения

---

Интегральное  
исчисление,  
созданное  
Ньютоном и  
Лейбницем:

$$V = \int_a^b S(z) dz$$

