



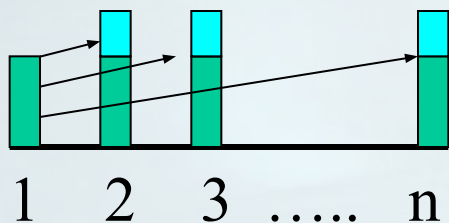
Временная оценка денежных ПОТОКОВ

Лектор Голубев В.В.

Простой и сложный проценты

При простом проценте ставка начисляется на первоначально вложенную сумму инвестиций. При сложном проценте, каждое новое начисление процентов осуществляется с учетом накоплений в предыдущий период.

Начисление по простому проценту



$$S^n = (1 + in)$$

Начисления по сложному проценту



$$S^n = (1 + i)^n$$



Пример использования сложного процента

В 1626 году индейцы продали остров Манхэттен Питеру Миньюту за товары, стоимостью 24\$.



Простой процент $i=6\%$

24\$

БАНК

572\$



1626

2007

Сложный процент $i=6\%$

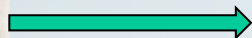
24\$

БАНК

100млрд.\$



Пример использования сложного процента



Простой процент $i=7\%$

24\$

БАНК

664\$



2007

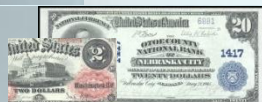
1626

Сложный процент $i=7\%$

24\$

БАНК

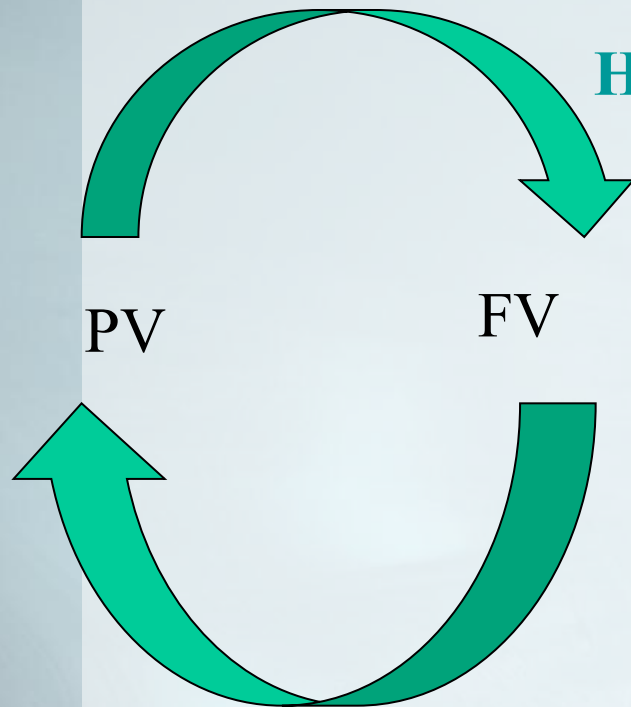
3720млрд.\$



Накопление и дисконтирование

Основными операциями, которые позволяют сопоставлять деньги в разное время, являются операции накопления и дисконтирования.

НАКОПЛЕНИЕ – процесс определения будущей стоимости денег.



ДИСКОНТИРОВАНИЕ –
Процесс приведения
денежных поступлений от
инвестиций к их текущей
стоимости



Функция: накопленная сумма денежной единицы (будущая стоимость единицы)

Функция определяет будущую стоимость денежной единицы через n лет.

$$S^n = (1+i)^n$$

$$FV = PV (1+i)^n$$

$$S^n = (1+i/k)^{nk}$$

$$FV = PV (1+i/k)^{nk}$$

$$i_{\text{эф.}} = (1+i/k)^k - 1$$

$$i_{\text{эф.}} = (1+0,12/4)^4 - 1 = 0,1255$$

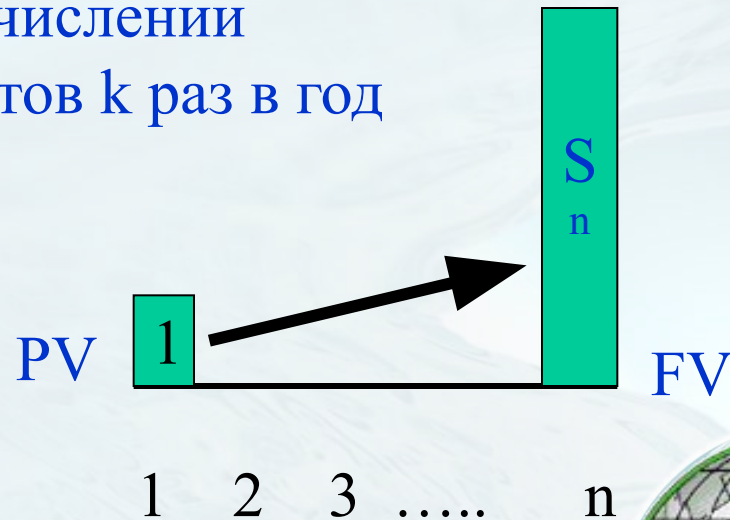
ПРАВИЛО 72.

Примерный срок удвоения капитала равен

$$N = 72/i$$

При ежегодном начислении процентов

При начислении процентов k раз в год



Функция: текущая стоимость денежной единицы (реверсия)

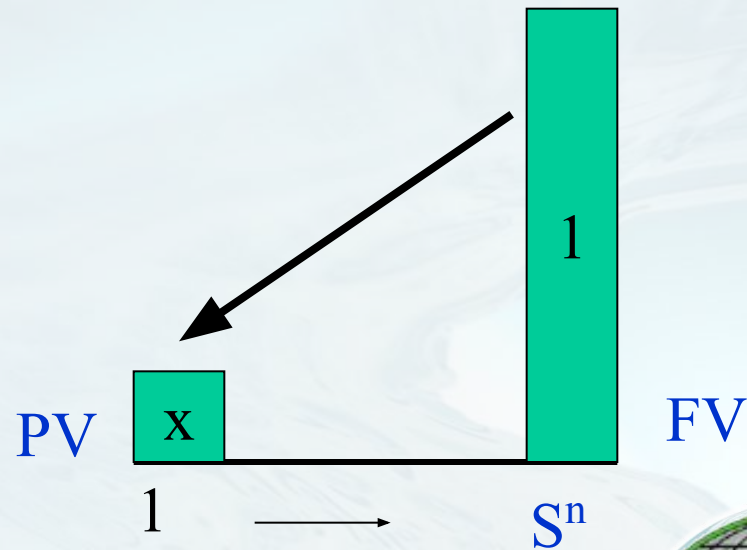
Функция определяет текущую стоимость денежной единицы при известной будущей, через n лет.

$$1 \longrightarrow S^n$$

$$X \longrightarrow 1$$

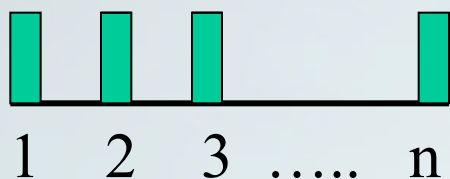
$$X = \frac{1}{S^n} = \frac{1}{(1+i)^n}$$

$$PV = FV \frac{1}{S^n} = FV \frac{1}{(1+i)^n}$$

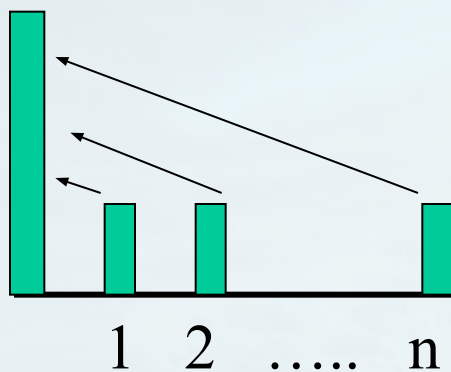


Текущая и будущая стоимости аннуитета

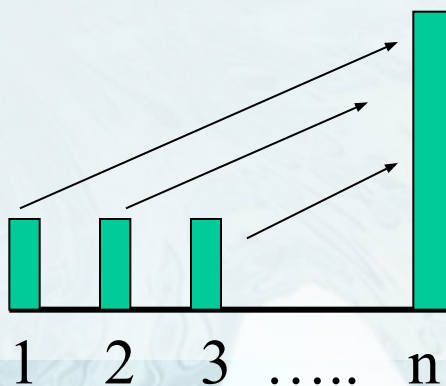
Аннуитет – серия равновеликих платежей, отстоящих один от другого на один и тот же промежуток времени.



Текущая
стоимость
аннуитета

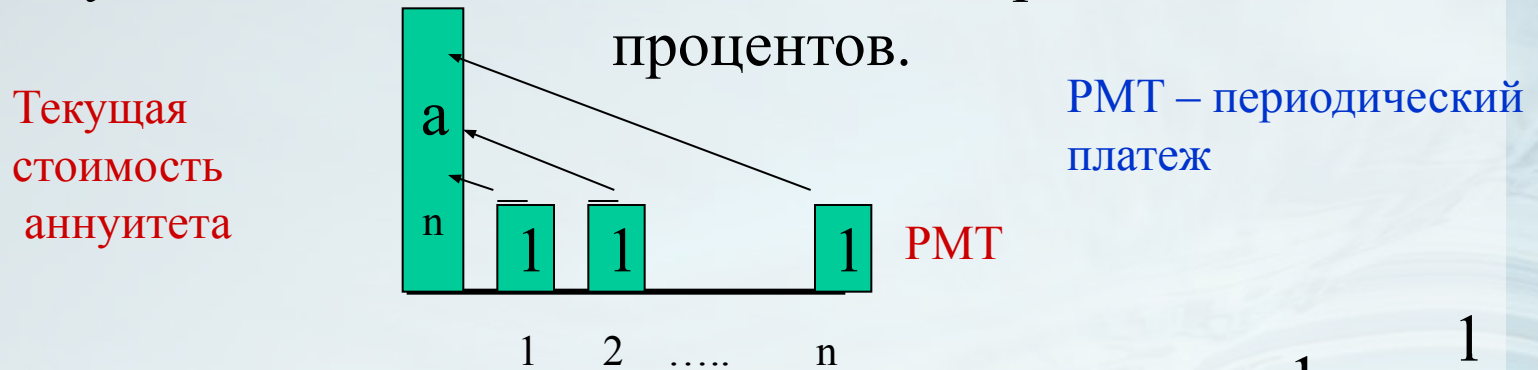


Будущая
стоимость
аннуитета



Текущая стоимость аннуитета

Обычный аннуитет – аннуитет, при котором платежи осуществляются в конце каждого периода начисления



$$a_n = \frac{1}{(1+i)^1} + \frac{1}{(1+i)^2} + \dots + \frac{1}{(1+i)^n} = \sum_{l=1}^n \frac{1}{(1+i)^l} = (\text{pvaf}, i, n) = \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^n}}{i}$$

$$PV = \text{PMT} * a_n = \text{PMT} * \sum_{l=1}^n \frac{1}{(1+i)^l} = \text{PMT} * \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^n}}{i}$$

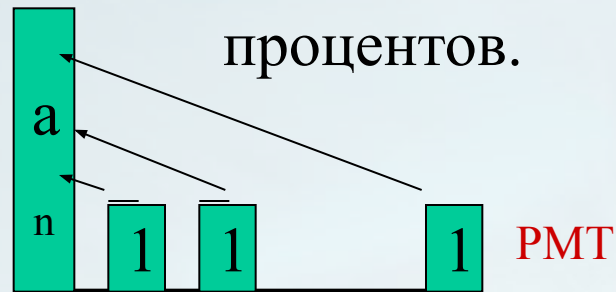
$$PV = \text{PMT} * (\text{pvaf}, i, n)$$



Текущая стоимость авансового аннуитета

Авансовый аннуитет – аннуитет, при котором платежи осуществляются в начале каждого периода начисления

Авансовая
стоимость
аннуитета



PMT – периодический
платеж

$$a_n = \frac{1}{(1+i)^0} + \frac{1}{(1+i)^1} + \dots + \frac{1}{(1+i)^{n-1}} = 1 + \sum_{l=1}^{n-1} \frac{1}{(1+i)^l} = 1 + \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^{n-1}}}{i} =$$

$$= 1 + \text{pvaf}(i, n-1)$$

$$\text{PV} = \text{PMT} * a_n = \text{PMT} * \left(1 + \sum_{l=1}^{n-1} \frac{1}{(1+i)^l} \right) =$$

$$= \text{PMT} * \left(1 + \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^{n-1}}}{i} \right)$$

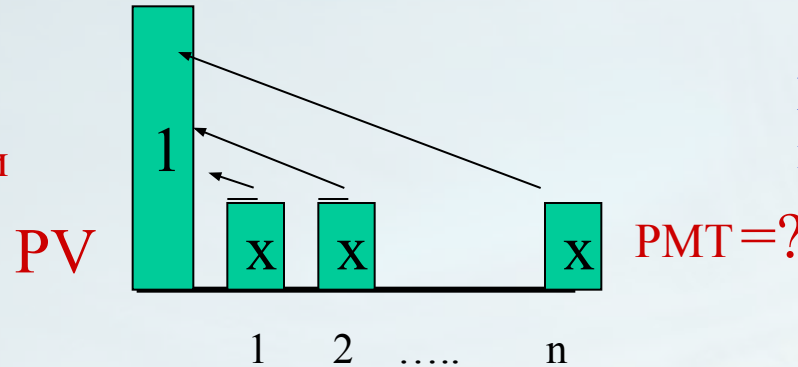
$$= \text{PMT} * (1 + \text{pvaf}(i, n-1))$$



Амортизационные платежи

Амортизационные платежи – регулярные равномерные платежи в счет погашения кредита.

Функция взноса на амортизацию обратна стоимости обычного аннуитета



PMT – периодический платеж

$$1 - X$$

$$a_n - 1$$

$$X = \frac{1}{a_n} = \frac{i}{1 - \frac{1}{(1+i)^n}} = iaof(i, n)$$

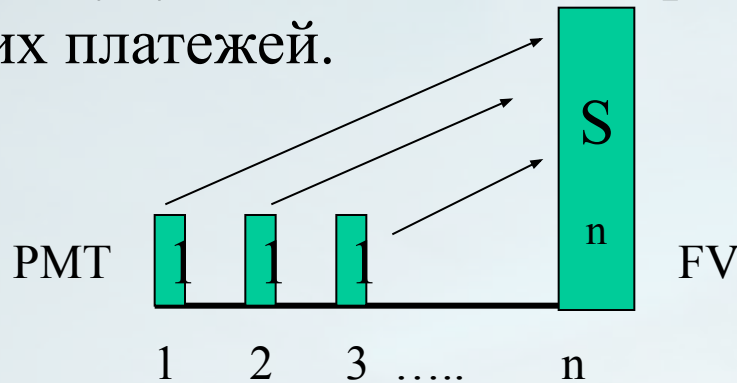
$$PMT = PV * \frac{i}{1 - \frac{1}{(1+i)^n}} = PV(iaof, i, n)$$



Будущая стоимость аннуитета. Накопление денежной единицы за период.

Определяется будущая стоимость серии равномерных равновеликих платежей.

Будущая
стоимость
аннуитета



$$S_n = \sum_{k=0}^{n-1} (1+i)^k = \frac{(1+i)^n - 1}{i} = fvaf(i, n)$$

$$FV = PMT \bullet fvaf(i, n)$$



Будущая стоимость аннуитета. Накопление денежной единицы за период.

$$S_n = \sum_{k=0}^{n-1} (1+i)^k = \frac{(1+i)^n - 1}{i} = fvaf(i, n)$$

период	Начало Конец года	Остаток	депозит	Σ
1	Н	0		
	к	0	1	1
2	Н	1		
	к	1.1	1	2.1
3	Н	2.1		
	к	2.31	1	3.31
4	Н	3.31		
	к	3.641	1	4.641



Будущая стоимость авансового аннуитета.

$$S_n = \sum_{k=1}^{n+1} (1+i)^k - 1 = \frac{(1+i)^{n+1} - 1}{i} - 1 = fvaf(i, n+1) - 1$$

период	Начало Конец	Остаток	депозит	Σ
1	Н	0	1	1
	к	1,1		
2	Н	1.1	1	2,1
	к	2.31		
3	Н	2.31	1	3.31
	к	3.641		
4	Н	3.641	1	4.641
	к	5,1051		



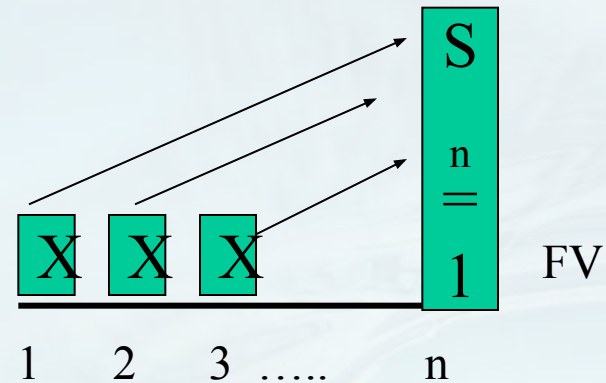
Фонд возмещения

Определяется величина равномерных равновеликих платежей, которые необходимо осуществлять, чтобы к концу срока иметь на счету заданную сумму денег.

$$X \quad - \quad 1$$
$$1 \quad - \quad S_n$$

$$X = 1 / S_n$$

PMT=?



$$PMT = FV \cdot \frac{i}{(1+i)^n - 1} = FV \cdot sff(i, n)$$



<http://ozenka.ucoz.ru/index/6funkz/0-57>

<http://www.nwsa.ru/>



Спасибо за внимание!

