

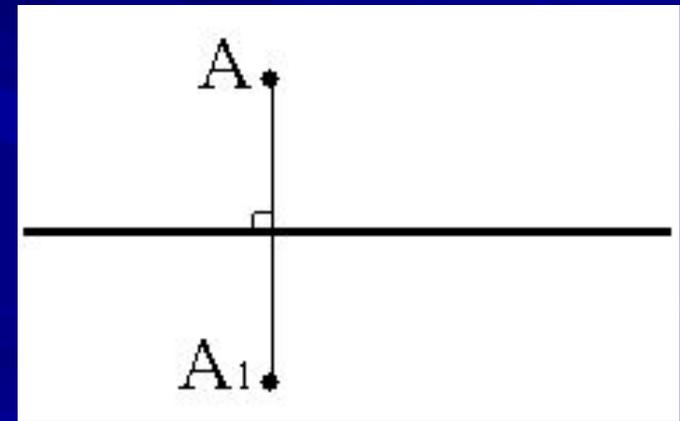
Презентация «Виды симметрии»



Мерзлякова Оксана Александровна
Учитель высшей категории
МБОУ СОШ № 49
г. Краснодар
2012 г.

Что такое симметрия? Какие точки называются симметричными?

- **Симметрия** – это соразмерность, одинаковость в расположении частей чего-нибудь по противоположным сторонам от точки, прямой или плоскости.
- **Две точки называются симметричными** относительно прямой a , если эта прямая проходит через середину отрезка AA_1 и перпендикулярна к нему. Каждая точка прямой a считается симметричной самой себе.

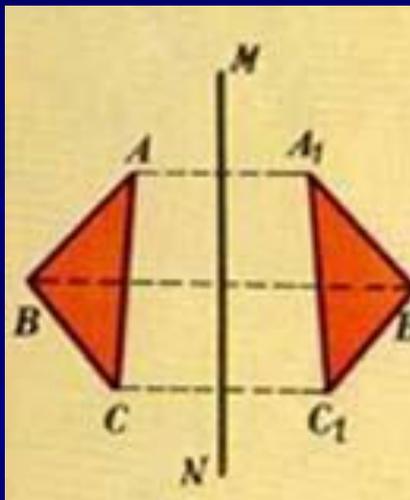


Виды симметрии.

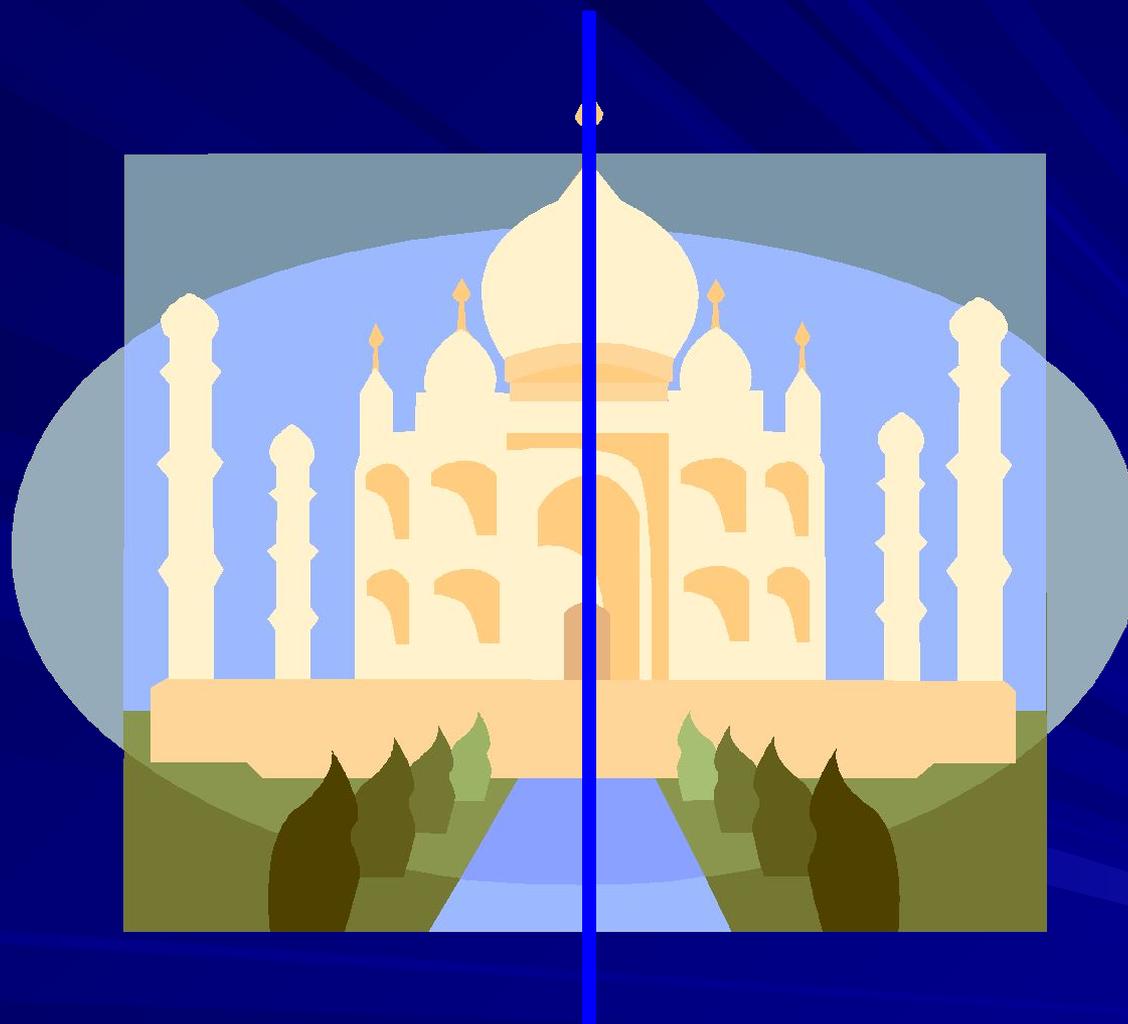
- Осевая (зеркальная) симметрия.
- Центральная симметрия.
- Поворотная симметрия.
- Зеркально-поворотная симметрия.
- Переносная (трансляционная) симметрия.
- Скользящая плоскость(ось) симметрии.

Осевая (зеркальная) симметрия.

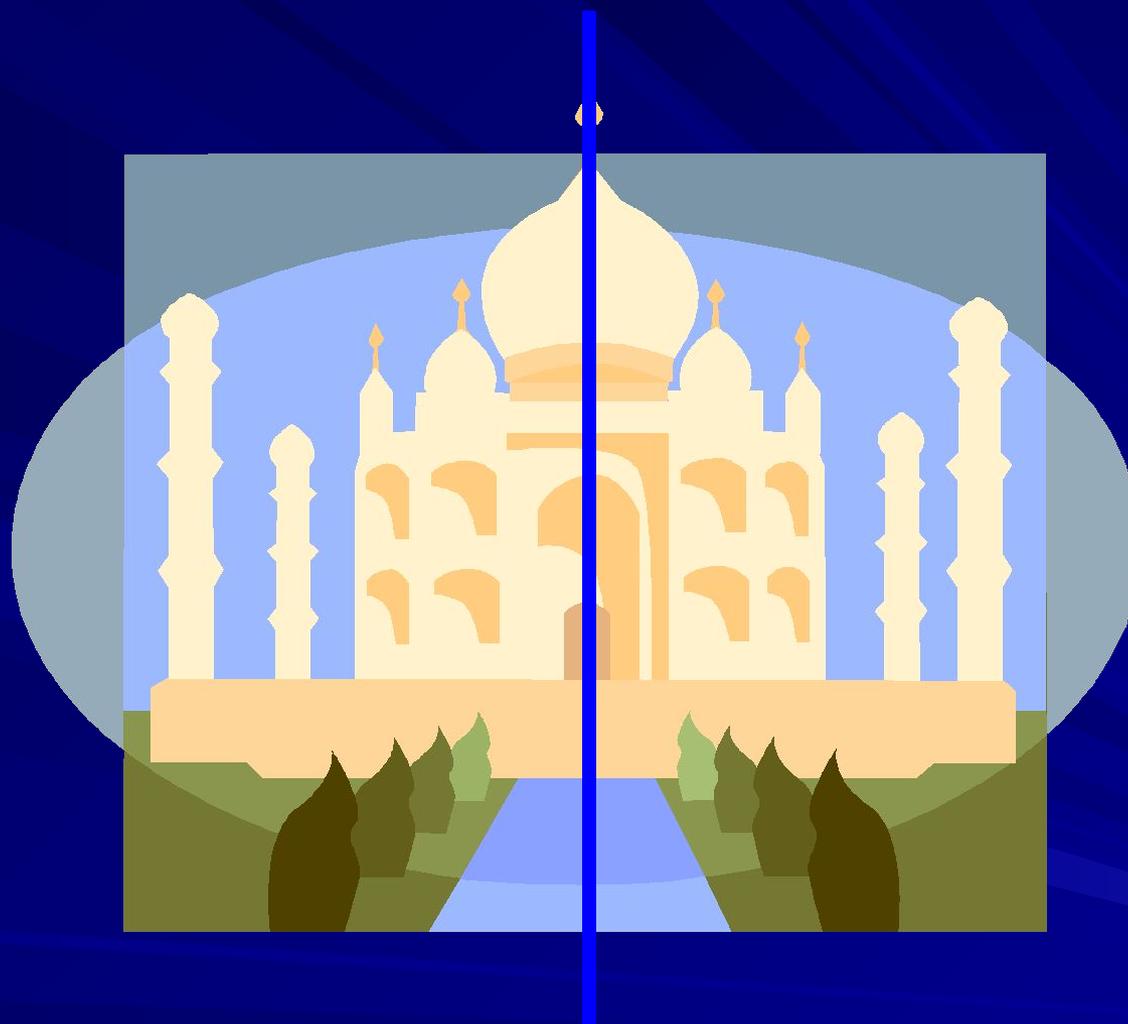
- Фигура называется симметричной относительно прямой a , если для каждой точки фигуры симметричная ей точка относительно прямой a также принадлежит этой фигуре. Прямая a называется осью симметрии фигуры. Говорят также, что фигура обладает осевой симметрией.
- На рисунке показан простой пример объекта и его зазеркального двойника - треугольник ABC и треугольник $A_1B_1C_1$ (здесь MN - пересечение плоскости зеркала с плоскостью рисунка). Каждой точке объекта соответствует определённая точка зазеркального двойника. Эти точки находятся на одном перпендикуляре к прямой MN , по разные стороны и на одинаковом расстоянии от неё. Объект на рисунке выбран для простоты двухмерным. В общем случае объект (и соответственно его зазеркальный двойник) является трёхмерным.



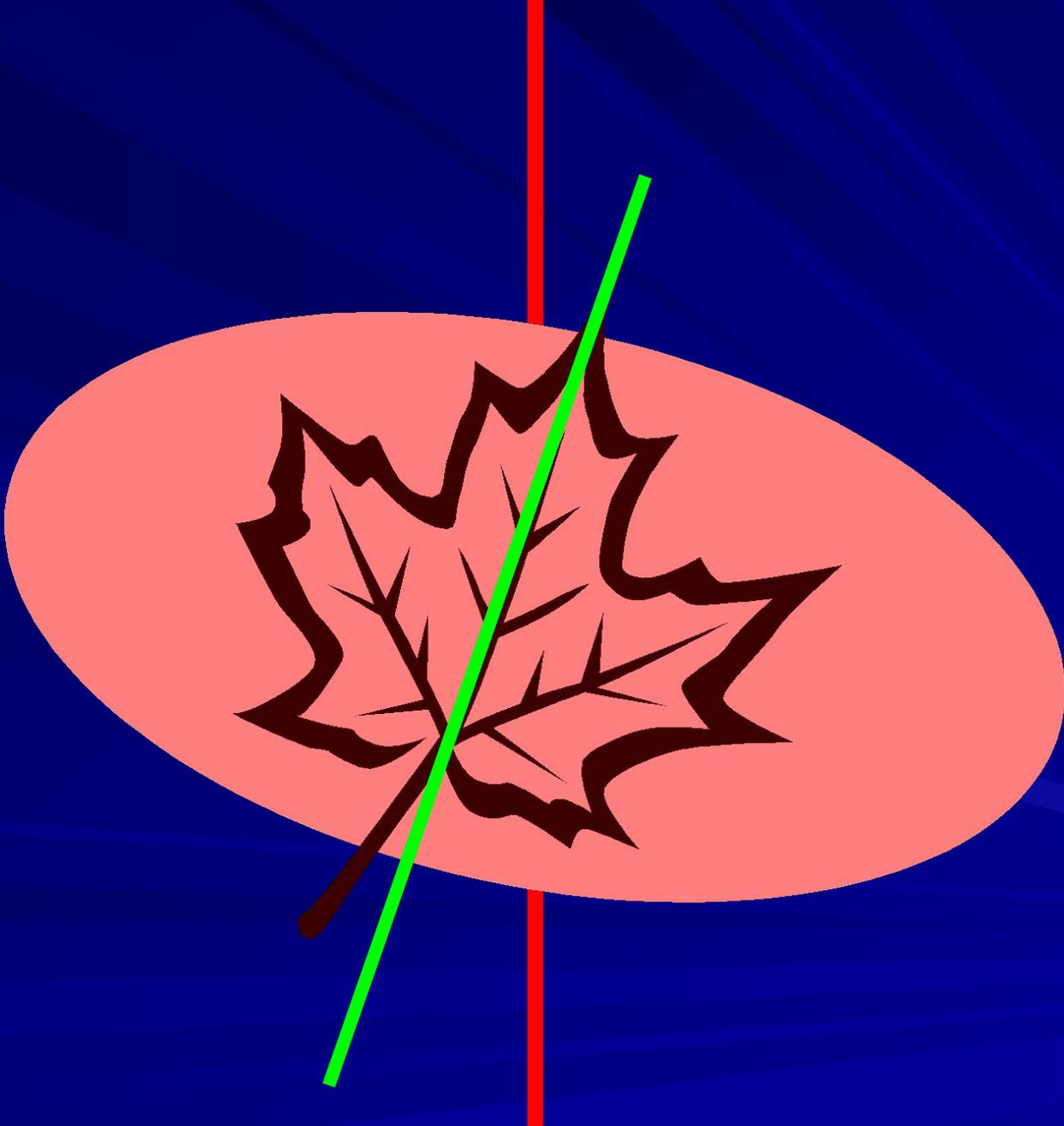
Все знают, что увидеть зазеркальный двойник объекта совсем нетрудно. Достаточно поместить освещённый объект перед плоским зеркалом и заглянуть в это зеркало. Обычно считают, что наблюдаемый в зеркале двойник является точной копией самого объекта. В действительности же это не совсем так. Зеркало не просто копирует объект, а меняет местами (переставляет) передние и задние по отношению к зеркалу части объекта. В сравнении с самим объектом его зазеркальный двойник оказывается «вывернутым» вдоль направления, перпендикулярного к плоскости зеркала. Зазеркальный двойник не является точной копией объекта. Ведь объект и его двойник различаются только своей ориентацией: они развёрнуты навстречу друг другу.



Симметрия – это гармония...



Симметрия – это гармония...



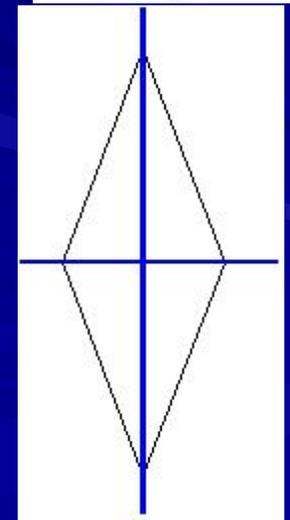
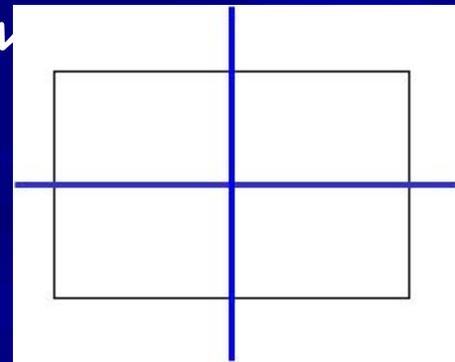
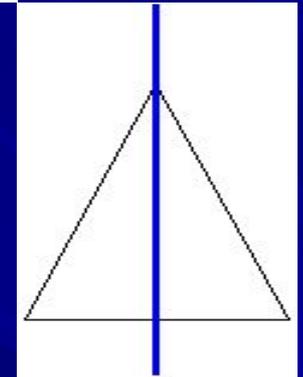
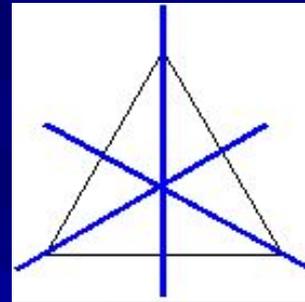
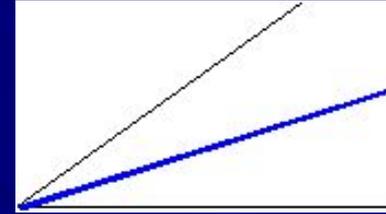
Энантиоморфы .

- **Энантиоморфы** - это пара зеркально асимметричных объектов (фигур), являющихся зеркальным изображением один другого. Иными словами, энантиоморфы - это объект и его зазеркальный двойник при условии, что сам объект зеркально асимметричен. Энантиоморфами могут быть отдельные объекты, но могут быть и половинки соответствующим образом разрезанного объекта. Чтобы различить энантиоморфы в данной паре, вводят обозначения «левый» и «правый». Один из энантиоморфов левый, а другой правый. Не имеет принципиального значения, какой именно назван левым (правым); это вопрос договоренности, традиции, привычки.

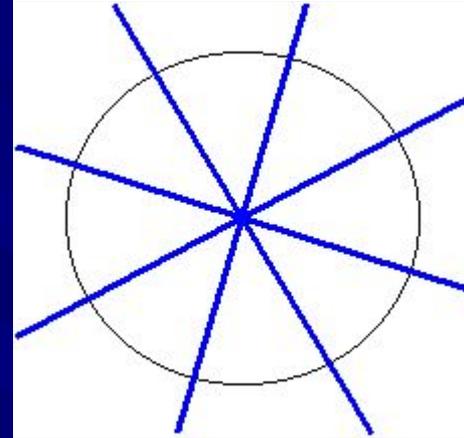


Примеры осевой симметрии.

- У неразвёрнутого угла одна ось симметрии - прямая, на которой расположена биссектриса угла.
- Равнобедренный (но не равносторонний) треугольник имеет также одну ось симметрии. А равносторонний треугольник - три основные симметрии
- Прямоугольник и ромб, не являющиеся квадратами имеют по две оси симметрии, а квадрат - четыре оси симметрии.



- У окружности их бесконечно много - любая прямая, проходящая через её центр, является осью симметрии.
- Имеются фигуры, у которых нет ни одной оси симметрии. К таким фигурам относятся параллелограмм, отличный от прямоугольника, разносторонний треугольник.

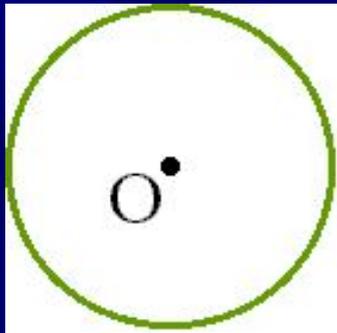


Центральная симметрия.

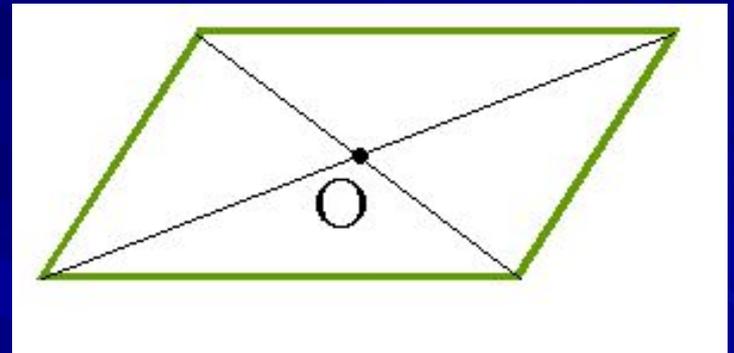
- Фигура называется симметричной относительно точки O , если для каждой точки фигуры симметричная ей точка относительно точки O также принадлежит этой фигуре. Точка O называется центром симметрии фигуры. Говорят также, что фигура обладает центральной симметрией.

Примеры центральной симметрии.

- Простейшими фигурами, обладающими центральной симметрией, является окружность и параллелограмм.



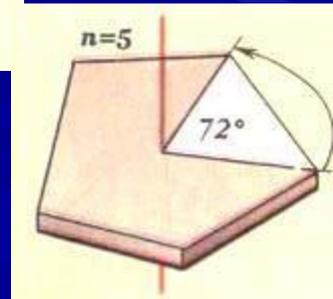
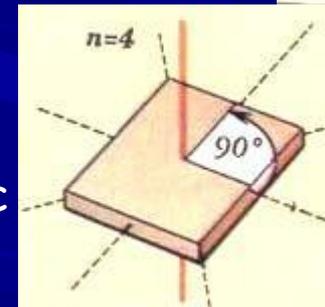
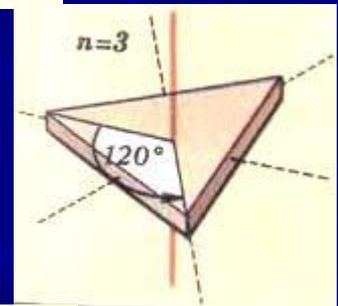
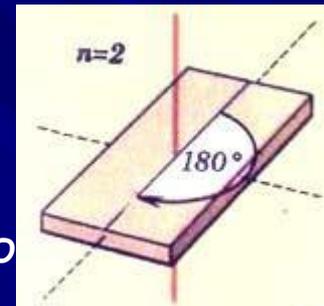
Центром симметрии окружности является центр окружности, а центром симметрии параллелограмма - точка пересечения его диагоналей.



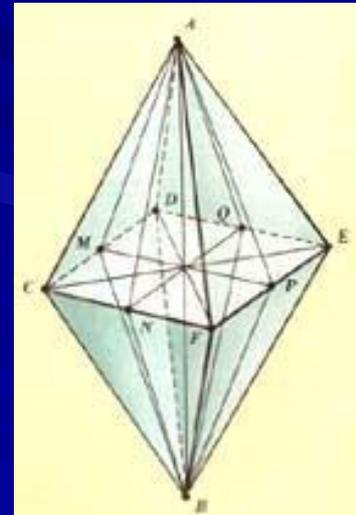
Прямая также обладает центральной симметрией, однако в отличие от окружности и параллелограмма, которые имеют только один центр симметрии (точка O на рисунке) у прямой их бесконечно много - любая точка прямой является её центром симметрии. Примером фигуры, не имеющей центра симметрии, является треугольник.

Поворотная симметрия.

- Предположим, что объект совмещается сам с собой при повороте вокруг некоторой оси на угол, равный $360^\circ/n$ (или кратный этой величине), где $n = 2, 3, 4, \dots$. В этом случае говорят о поворотной симметрии, а указанную ось называют поворотной осью n -го порядка. Рассмотрим примеры со всеми известными буквами «И» и «Ф». Что касается буквы «И», то у нее есть так называемая поворотная симметрия. Если повернуть букву «И» на 180° вокруг оси, перпендикулярной к плоскости буквы и проходящей через ее центр, то буква совместится сама с собой. Иными словами, буква «И» симметрична относительно поворота на 180° . Заметим, что поворотной симметрией обладает также буква «Ф». На рисунке даны примеры простых объектов с поворотными осями разного порядка - от 2-го до 5-го.



- У трехмерного объекта может быть несколько поворотных осей. Интересна поворотная симметрия кругового цилиндра. Он имеет бесконечное число поворотных осей 2-го порядка и одну поворотную ось бесконечно высокого порядка. Для описания симметрии конкретного объекта надо указать все поворотные оси и их порядок, а также все плоскости симметрии. Рассмотрим, например, геометрическое тело, составленное из двух одинаковых правильных четырехугольных пирамид. Оно имеет одну поворотную ось 4-го порядка (ось AB), четыре поворотные оси 2-го порядка (оси CE , DF , MP , NQ), пять плоскостей симметрии (плоскости $CDEF$, $AFBD$, $ACBE$, $AMBP$, $ANBQ$).



Зеркально-поворотная симметрия.

- Доказать, что существует такой вид симметрии, мы предлагаем вам самим. Вырежьте из плотной бумаги квадрат и впишите внутрь его косо другой квадрат (рис.1). Затем отогните углы бумаги по линиям, ограничивающим внутренний квадрат (соседние углы отгибаются в противоположные стороны). В результате получите объект, показанный на рисунке (рис.2). Он имеет поворотную ось 2-го порядка (ось AB) и не имеет плоскостей симметрии. Будем рассматривать изделия сначала сверху, а затем снизу (с противоположной стороны листа бумаги). Мы обнаружим, что никакого различия между «верхом» и «низом» нет; в обоих случаях объект выглядит одинаково. В связи с этим возникает мысль, что поворотная симметрия 2-го порядка не исчерпывает всей симметрии данного объекта. Дополнительная симметрия, которой обладает наш объект, - это так называемая зеркально-поворотная симметрия: объект совмещается сам с собой в результате поворота на 90° вокруг оси AB и последующего отражения в плоскости $CDEF$. Ось AB называют зеркально-поворотной осью 4-го порядка. Таким образом, здесь наблюдается симметрия относительно двух последовательно выполняемых операций - поворота на 90° и отражения в плоскости, перпендикулярной к оси поворота.

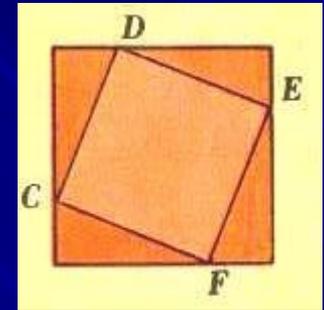


рис.1

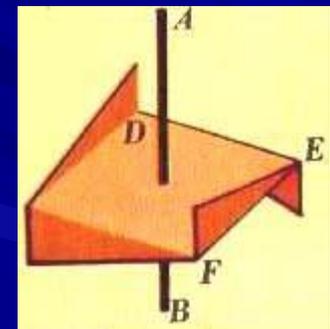
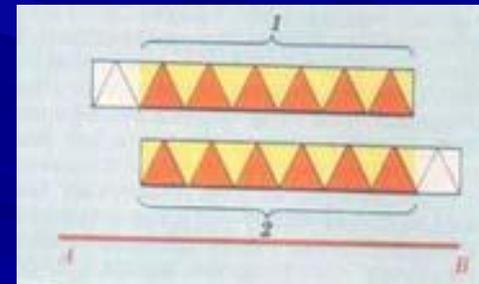
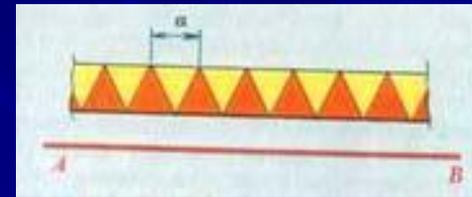


рис.2

Переносная (трансляционная) симметрия.

- При переносе (трансляции) вдоль прямой АВ на расстояние a (или кратное этой величине) фигура совмещается сама с собой. В этом случае говорят о переносной, или трансляционной, симметрии. Прямая АВ называется осью переноса, а расстояние a - элементарным переносом или периодом. Строго говоря, симметричная по отношению к переносам фигура должна быть бесконечно длинной в направлении оси переноса. Однако понятие переносной симметрии применяют и в случае фигур конечных размеров, имея в виду наблюдаемое при переносе частичное совмещение фигуры. Из рисунка видно, что при переносе конечной фигуры на расстояние a вдоль прямой АВ наблюдается совмещение участка 1 и участка 2.



Скользкая плоскость (ось) симметрии.

- Ранее было показано, что с последовательно выполняемыми операциями поворота и отражения может быть связан новый тип симметрии - зеркально-поворотная симметрия. Комбинирование поворотов или отражений с переносами также может выявить новые типы симметрии. В качестве примера отметим симметрию, отвечающую наличием так называемой скользящей плоскости симметрии (точнее, скользящей оси симметрии, так как рассматривается плоская фигура). На рисунке изображена фигура, обладающая переносной симметрией вдоль оси АВ с периодом $2a$. Нетрудно видеть, что здесь имеет место еще один тип симметрии - симметрия относительно переноса вдоль оси АВ с периодом a и последующего отражения относительно оси АВ. Ось АВ называется скользящей осью симметрии с периодом a .

