Квантовые рэтчеты (выпрямители)

Новый сверхпроводящий двухконтурный интерферометр

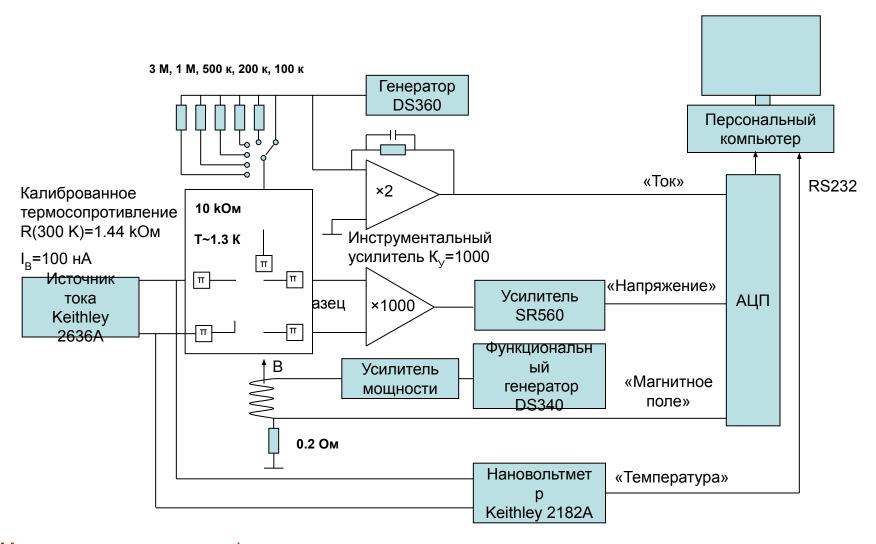
В.Л. Гуртовой

Лаб ИКС, МФТИ

Институт проблем технологии микроэлектроники и особочистых материалов РАН, 142432 Черноголовка, Московской обл.

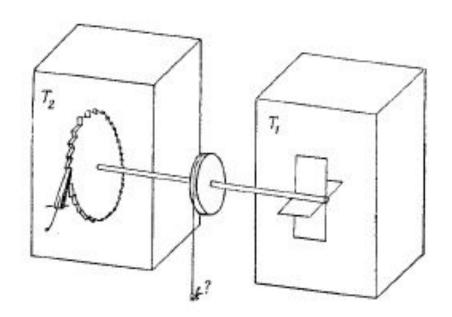
e-mail: <u>gurtovoi@ipmt-hpm.ac.ru</u>

Схематическое представление измерительной установки.

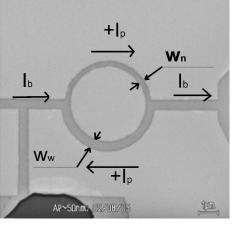


Многоуровневая шумовая фильтрация всех проводов в криостате. По четырем каналам измеряются ток, напряжение, магнитное поле, температура — что позволяет проводить измерение следующих зависимостей — R(T), R(B), V(B), V(I), $I_C(B)$, $I_C(T)$ итд

R. Feynman's Pawl and Ratchet Device (Marian Smoluchowski, 1912)



- Directed motion is forbidden at equilibrium (T₁=T₂)
- Directed motion is possible when T₁>T₂
- Contrary to classical ratchet, in quantum system like superconducting ring there is already directed motion at equilibrium – persistent current
- Unsolved problem yet either it is possible or not to produce useful work from persistent current



Все периодические явления в сверхпроводящих кольцах –результат

боровского квантования

$$\oint_{l} \overset{\mathbb{M}}{p} dl = \oint_{l} (m \overset{\mathbb{M}}{v} + q \overset{\mathbb{M}}{A}) dl = m \oint_{l} \overset{\mathbb{M}}{v} dl + q \Phi = n 2\pi \mathbb{M}$$

Спектр разрешенных скоростей квантован

$$\oint_{l} \nabla dl = \frac{2\pi \mathbb{X}}{m} (n - \frac{\Phi}{\Phi_{0}}) \quad \text{and} \quad v = \frac{\mathbb{X}}{mr} (n - \frac{\Phi}{\Phi_{0}})$$

В результате устойчивый ток равен

Слабое экранирование
$$I_pL\approx 10\mu A\times 7pH\approx 0.03\Phi_0$$
 $I_{c+}=(s_n+s_w)(j_c-I_p/s_w)$ $I_{c-}=(s_n+s_w)(j_c-I_p/s_w)$ $I_{c-}=I_{c+}-I_{c-}=I_p(s_w/s_n-s_n/s_w)$

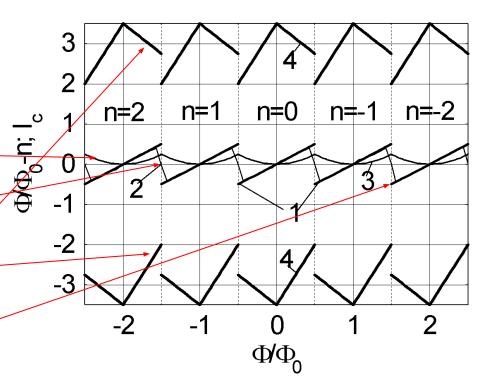
 $I_P = 2\text{en } \text{v } \text{s} = 2\text{en } \text{s} \frac{\mathbb{X}}{mr} (n - \frac{\Phi}{\Phi_0})$

Измеряемые эффекты:

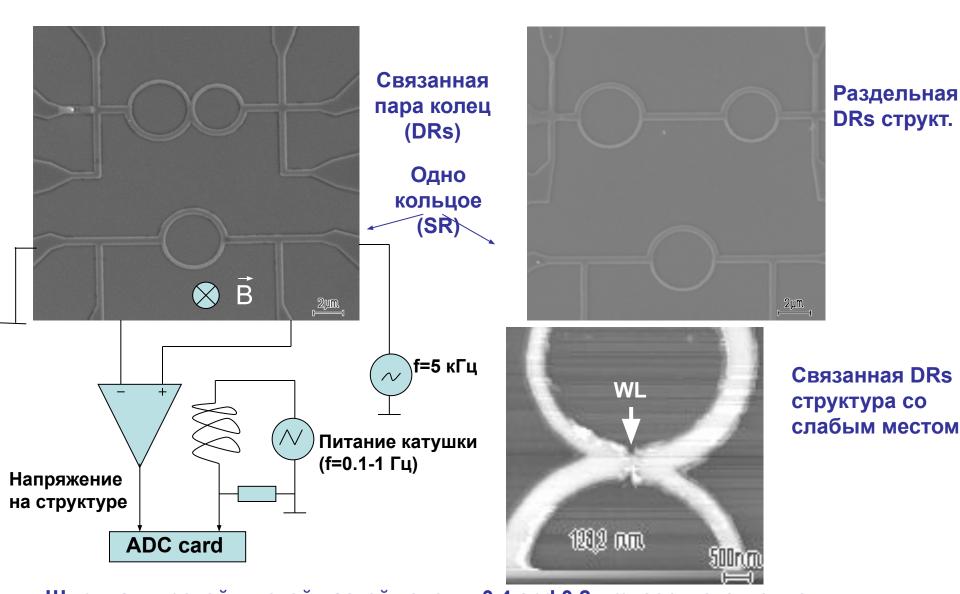
Литтл-Паркс $R_{LP} \sim \langle v^2 \rangle$

Выпрямление ~ <v>

~ j_c- kv_



Исследуемые асимметричные AI структуры

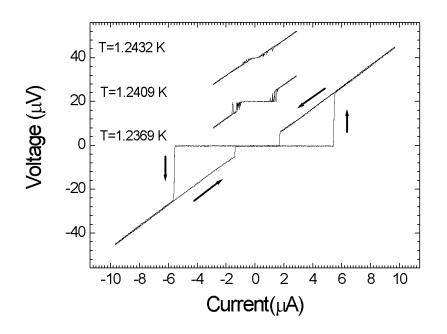


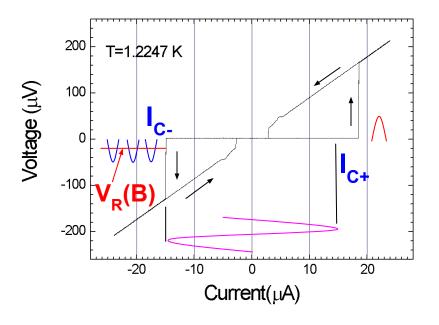
- Ширина широкой и узкой частей колец ~ 0.4 and 0.2 μm, соответственно.
 - Диаметр одиночного и большого колец 4 µm, диаметр малого кольца 3.36 µm

Приготовление образцов и их свойства

- Исследуемые структуры изготовлялись из алюминиевой пленки толщиной 40-60 nm, термически напыленной на окисленную кремниевую подложку с ширинами полукольца 200 and 250, 300,350, and 400 nm для узкой и широкой частей соответственно.
- Диаметр одиночных колец (SR) и больших колец в паре (DRs). Отношение площадей большого ималого колец 1.42. Структуры были сформированы электронно-лучевой литографией с использованием «lift-off» процесса.
- Электросопротивление используемых пленок состовляло 0.2-0.5 Ω/□ при 4.2 K, отношение сопротивлений R(300 K)/R(4.2 K)=2.5-3.5, температура сверхпроводящего перехода ~1.24-1.35 K.
- Оценка длины когерентности ξ(T=0 K) составляет 170 nm, глубины проникновения (T=0 K) 80 nm.

Качественное объяснение формирования сигнала выпрямленного напряжения.



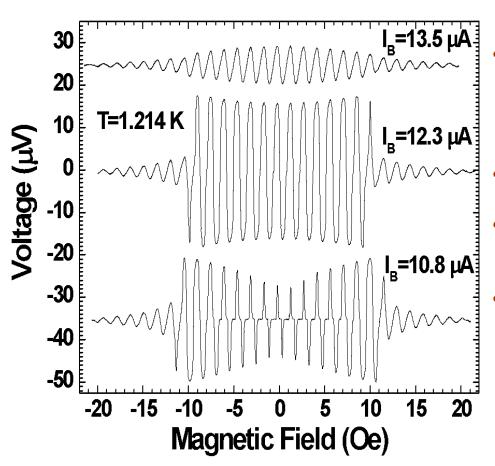


$$\Phi = n\Phi_0$$
, $n=0,\pm 1...$ ($I_p=0$)
ВАХ симметричны: $I_{C+} = I_{C-}$
Выпрямленное напряжение = 0

$$\Phi \neq n\Phi_0 \ (I_p \neq 0)$$

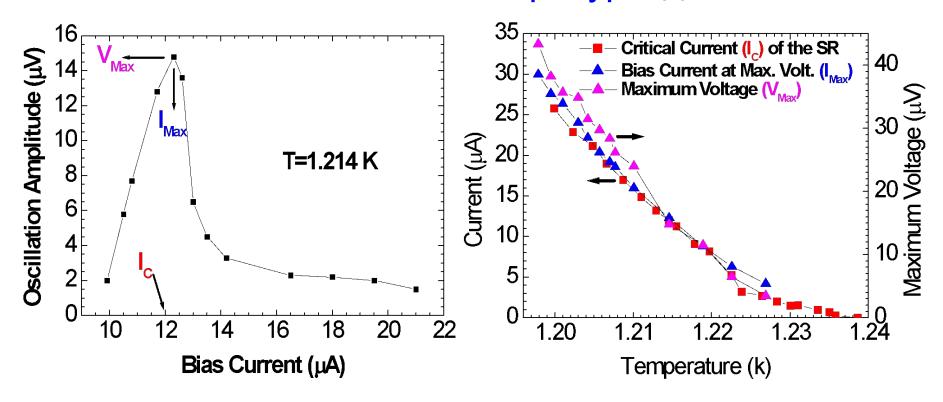
ВАХ асимметричны: $I_{C+} \neq I_{C-}$
Выпрямленное напряжение $\neq 0$

Выпрямленное напряжение для SR структуры в магнитном поле.



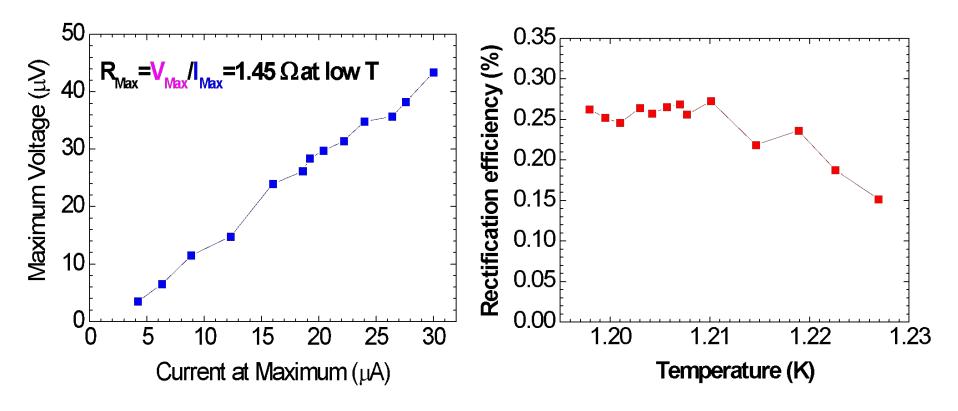
- Выпрямленное напряжение периодическая функция магнитного поля с периодом, отвечающим кванту потока Ф_о=h/2e
- «нули» выпрямленного напряжения в Ф=пФ₀ и Ф=Ф₀ (n+1/2)
- Максимумы и минимумы наблюдаются при Ф≈Ф₀ (n±1/4), (n=0,±1,...).
- Амплитуда выпрямленного напряжения немонотонно зависит от амплитуды переменного тока, протекающего через структуру.

Зависимость выпрямленного напряжения от тока накачки и температуры для SR



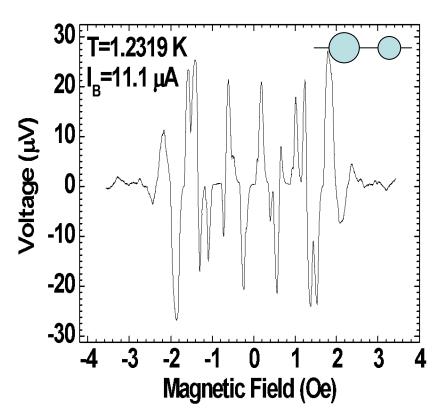
- Амплитуда осцилляций выпрямленного напряжения имеет резкий максимум в зависимости от амплитуды тока накачки.
- Максимум наблюдается при амплитуде тока немного выше критического тока структуры І_с и демонстрирует подобную температурную зависимость (І_{мах}≈І_с (Т)).

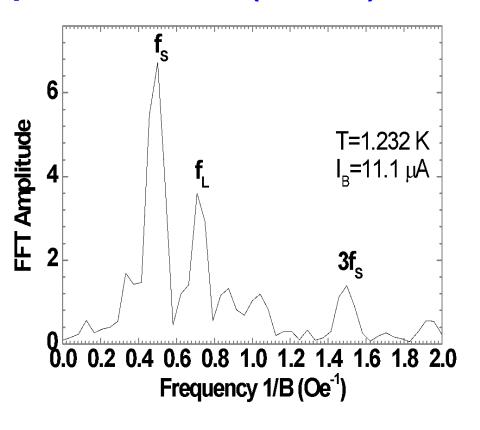
Эффективность выпрямления для одного кольца



- Асимметричное кольцо эффективный детектор переменного тока. Эффективность выпрямления = R_{мах}/R_N ≈26% при низкой температуре, где R_{мах} = V_{мах}/I_{мах} и R_N сопротивление в нормальном состоянии.
- Эффективность выпрямления уменьшается при приближении к T_c

Разнесенная пара колец (DRs)





- В Фурье-спектре основной вклад определяется осцилляциями от большого и малого колец.
- Разнесенная DRs структура выпрямляет как два практически независимых кольца.

Пара связанных колец

20

 Связь пары колец приводит к появлению дополнительных осцилляций с периодом, отвечающим разности площадей колец (S_L - S_S).

T=1.2095 K

I_R=21 μA

FFT Amplitude

1.6

1.4

1.2

0.8

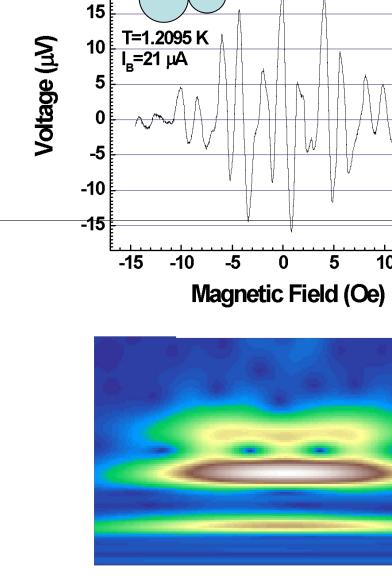
0.6

0.4

0.2

0.0 0

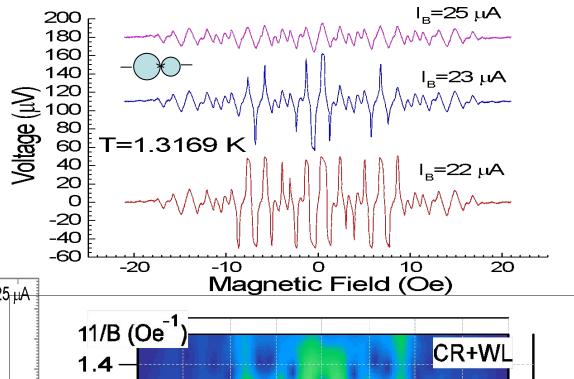
Frequency 1/B (Oe⁻¹)

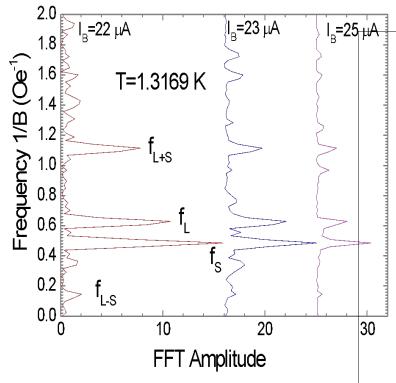


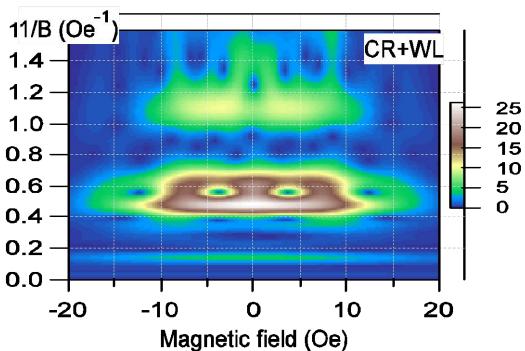
15

Связанные кольца со слабым местом

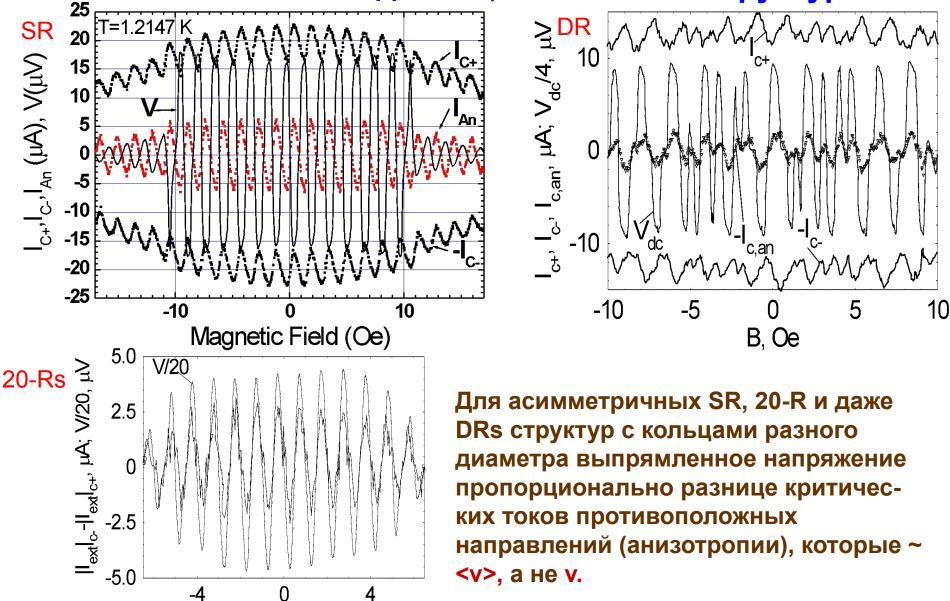
Внедрение слабого места в общий участок связанных колец приводит к подавлению разностной гармоники и появлению осцилляций, отвечающих суммарной площади колец.





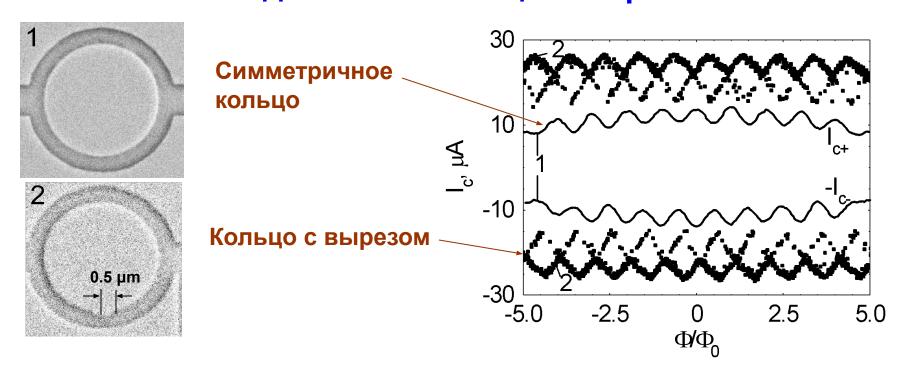


Выпрямленное напряжение и $I_{c,an}$ = I_{c+} - I_{c-} ~ I_{p} от магнитного поля для SR, DRs и 20-Rs структур



 $\Phi \Phi_0$

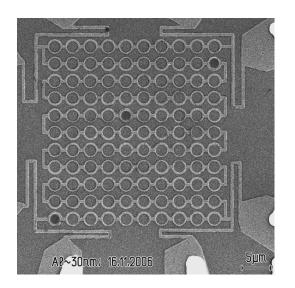
Наблюдение двух состояний с близкими энергиями в одиночном кольце с вырезом



Выводы

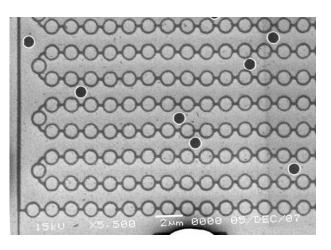
- Выпрямленное напряжение одиночного кольца периодическая функция магнитного поля с периодом, отвечающим кванту потока Φ_0 =h/2e.
- Амплитуда выпрямленного напряжения одиночного кольца демонстрирует пико подобное поведение в зависимости от тока. Пик расположен вблизи амплитуды переменного тока, равной критическому току.
- Эффективность выпрямления одиночного кольца состовляет 26 % при низкой температуре и уменьшается при приближении к $T_{\rm c}$
- Выпрямление переменного тока парой разнесенных колец демонстрирует независимый, адитивный характер.
- Фурье- спектр осцилляций выпрямленного парой связанных колец напряжения показывает компоненты, связанные с большим и малым кольцами (как в предыдущем пункте), и также компоненту соответствующую разности площадей большого и малого колец.
- Для связанной пары колец со слабым местом в месте соприкосновения осцилляции, соответствующие разности площадей, подавлены, в то же время появляются осцилляции, соответствующие сумме площадей колец.
- Осцилляции выпрямленного напряжения пропорциональны анизотропии критического тока ($I_{C,+}I_{C,-}$)(Φ/Φ_0), которая возникает в результате сдвига фазы, равной по потоку $\Phi_0/2$, для токов противоположного направления. Фазовый сдвиг ($\Delta\Phi=\Phi_0/2$) не зависит от температуры (0.94-0.99Tc), тока (3-50 µA) и степени асимметрии колец.
- Осцилляции Литтла-Паркса для симметричного и асимметричного колец подобны. Минимум наблюдается при $n\Phi_0$ и максимумы при $(n+1/2)\Phi_0$.
- Измерения критического тока асимметричных колец противоречат наблюдающемуся на этих же образцах эффекту Литтла-Паркса.

Множественные последовательно соединенные асимметричные кольца



2 μm diameter 110 ring structure

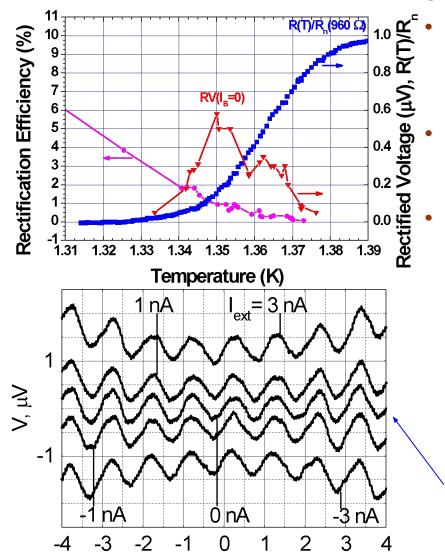
Arm width 200 and 400 nm



1 µm diameter 667 ring Structure Arm width 100 and 150 nm

- Low operation temperature ~1 K very low intrinsic noise level
- Operation from DC up to 10 GHz
- Structures were fabricated by e-beam lithography using NanoMaker

Operation of asymmetric ring structure as noise detector. Temperature dependence of rectification efficiency and rectified voltage (I_R=0) in near T_C region for 110 ring structure



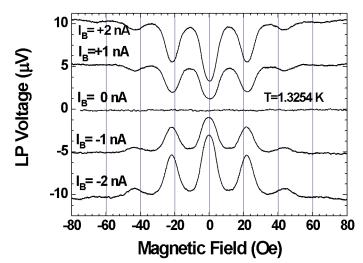
 $\Phi \Phi$

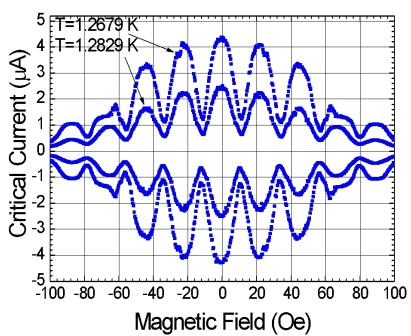
- Rectification efficiency was measured in fluctuation region of resistive transition. It was non zero at T>T_c. Thus, the structure was calibrated as noise detector
- Temperature dependence of rectified voltage at I_B=0 (noise) consists of two peaks of unknown origin at 0.15 R_n and 0.5 R_n
- For 0.5 R_n peak, rectification efficiency is 0.3%, which corresponds to $0.003R_n=3 \Omega$

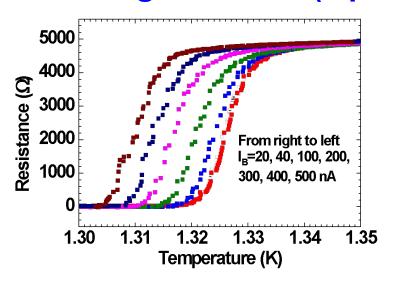
rectification resistance. $<I_{th}^{~2}>^{1/2}\approx 0.3~\mu\text{V}/3$ Ω =100 nA. Noise power for one ring $W_N=(R_n/110)<I_{th}^{~2}>\approx 8.7\times 10^{-14}\,\text{W}$. This equivalent to the Nyquist noise at T=1.36 K - $W_{NQ}=k_B^{~}T\Delta f$ with Δf =5×10⁹ Hz, which is 6 times lower than the quantum limit $k_B^{~}T/h$ =3×10¹⁰ Hz

Rectified voltage measured at I_B=0 and small DC bias – rectification of noise

Little-Parks and $I_c(B)$ oscillations, and resistive transitions at different bias currents for 667- ring structure (1 μ m)





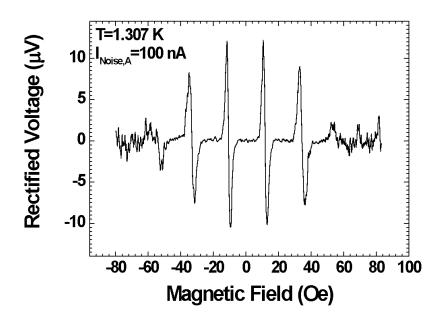


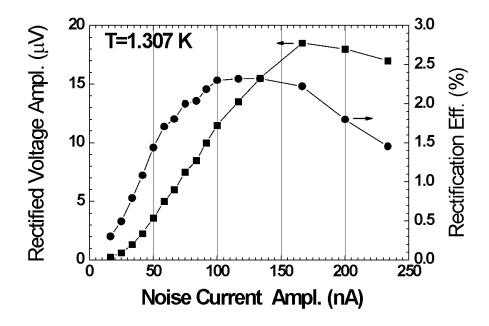
- •Little-Parks effect was measured at $I_B=1$ nA << $I_P\approx200$ nA, which means that in one of the ring arms, I_P direction is against the externally applied voltage
- Structure is homogeneous, ΔT_c =0.008 K
- Opposite direction critical current oscillations are symmetric ($I_{C+}(B)=-I_{C-}(B)$) except for narrow regions near $(n+1/2)\Phi_0$ resulting in formation of sharp peaks of opposite sign rectified voltage near $(n+1/2)\Phi_0$, which are the points of magnetic field with maximum rectification efficiency.

Modulation amplitude riches 70% which confirms increase of the persistent current amplitude

Due to better filtering of measurement leads in helium cryostat, rectified voltage was not observed at I_B =0 (was lower than 30 nV). To detect RV at I_B =0 larger number of rings is required

Typical rectified voltage and rectification efficiency for 667ring structure





RV is easily measured even at external white noise amplitude (bandwidth 0-200 kHz) of I_{Noise,A}=10 nA

 From calibration curves, we can estimate that nonequilibrium noise power in our system is lower than 2×10⁻¹⁵ W, i.e. lower than 0.4% of equilibrium noise

Исследование возможности самодетектирования квантовых состояний в сверхпроводящих кольцах

The simplest ring structure without JJs as a self-detector of quantum states

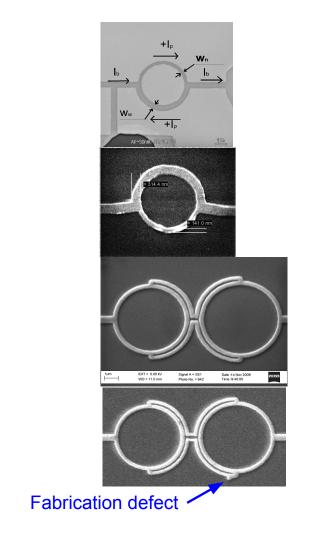
Outline

Asymmetric ring with symmetric contacts

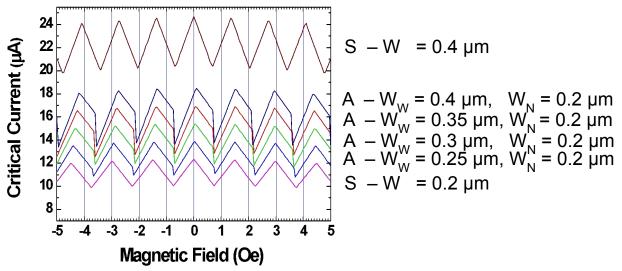
Asymmetric ring with asymmetric contacts

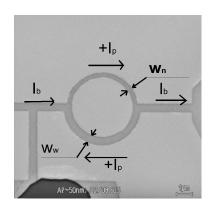
Symmetric double ring structure (without JJ)

Asymmetric double ring structure



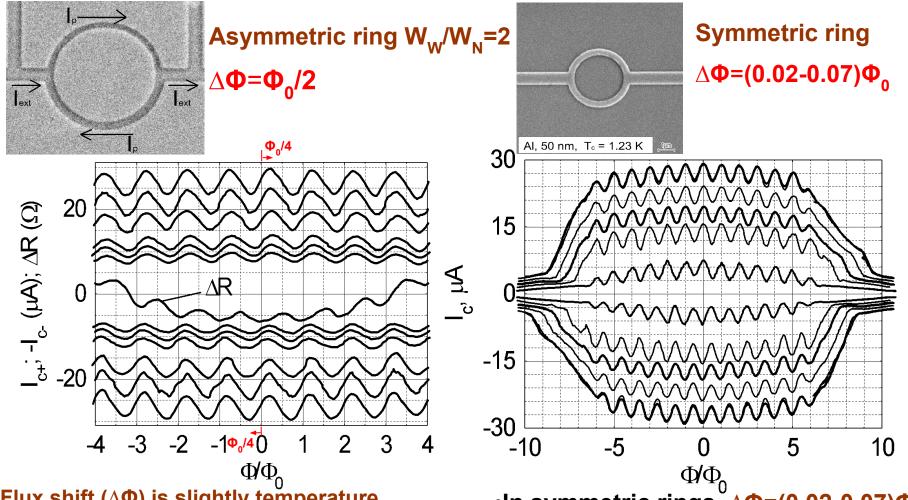
The simplest detector of states based on critical current measurements is asymmetric ring (?)





- Calculation of critical current for symmetric and asymmetric rings. All rings are 4 µm in diameter
- Maxima are at Φ=nΦ₀
- Minima are at Φ=(n+1/2)Φ₀
- Symmetric rings without current jumps at $\Phi = (n+1/2)\Phi_0$
- Asymmetric rings with current jumps at Φ=(n+1/2)Φ₀

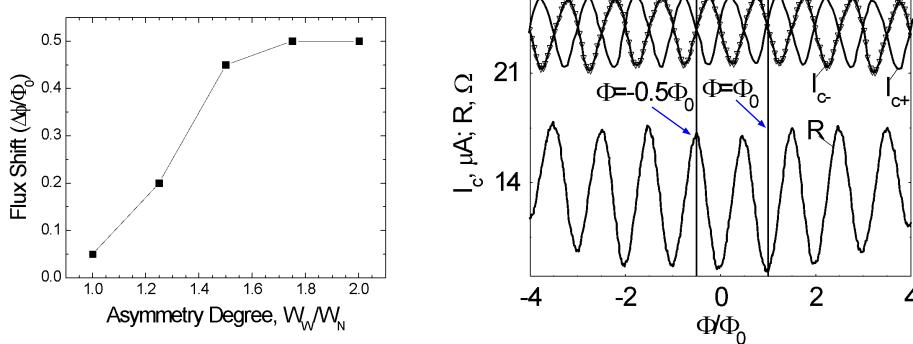
Flux shift of opposite direction critical currents in asymmetric SRs compared to symmetric SRs



•Flux shift ($\Delta\Phi$) is slightly temperature dependent (0.94-0.99T_c) and current (3-50 μ A), showing that currents flowing through the ring and additional magnetic flux induced by currents are not responsible for this shift

•In symmetric rings, $\Delta \Phi = (0.02 - 0.07) \Phi_o$, which could be explained by non ideal form and inhomogeneous thickness of the rings

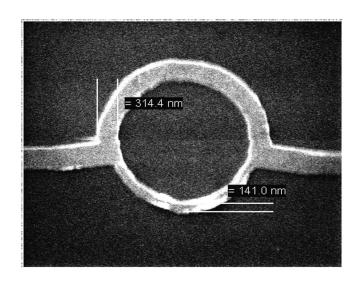
Shift as function of asymmetry degree.



Flux shift dependence on asymmetry degree at T≈0.95T_c $I_{c+}(\Phi/\Phi_0)=I_{c-}(\Phi/\Phi_0+0.5)$

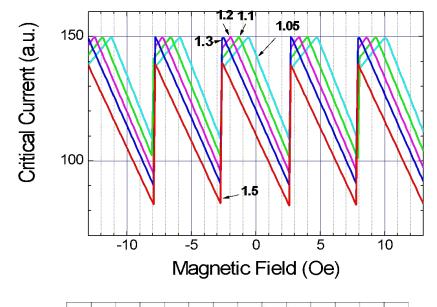
- •Amplitude changes of critical current has been expected instead of argument changes.
- •There is nothing in the Bohr's quantization rule that can explain flux shift.
- •Little-Parks and rectified voltage measurements demonstrate existence of two degenerate states at $(n+1/2)\Phi_0$, whereas critical current measurements do not.
- •Measurements of critical current are in contradiction with Little-Parks and rectified voltage measurements.

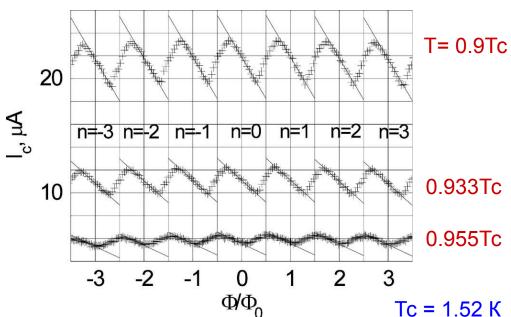
Asymmetric rings with asymmetric contacts



Diameter - 2 μm
Ratio of ring segments – 1.3

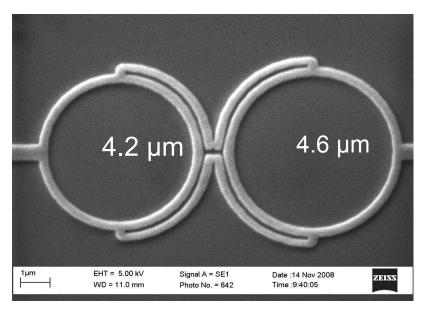
- •Зависимость критического тока от магнитного поля при разных температурах
- •Неопределенность квантового числа n составляет около $\Phi_0/2$, что не соответствует теории
- •Самодетектирование квантовых состояний в кольцах невозможно



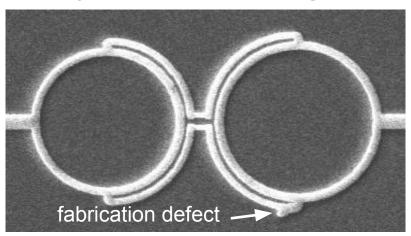


Investigated AI ring structures without JJs

Symmetric double ring structure

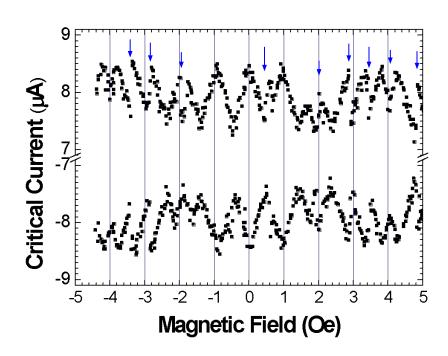


Asymmetric double ring structure

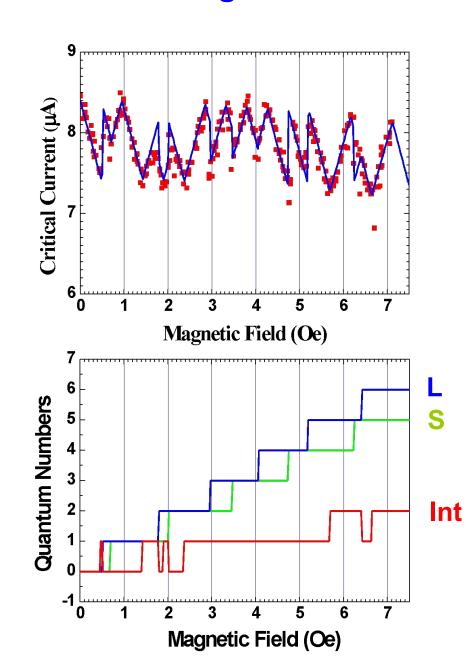


- Structures were fabricated by e-beam lithography using NanoMaker
- Fabrication defect resulted in drastic difference of I_c(B) compared to symmetric structure

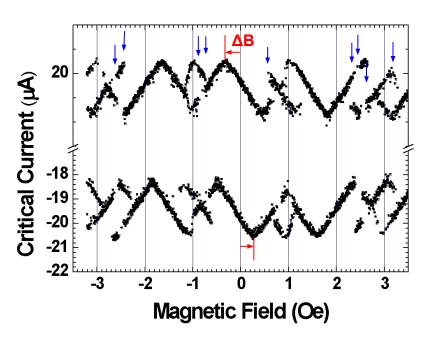
Critical current in symmetric double ring detector



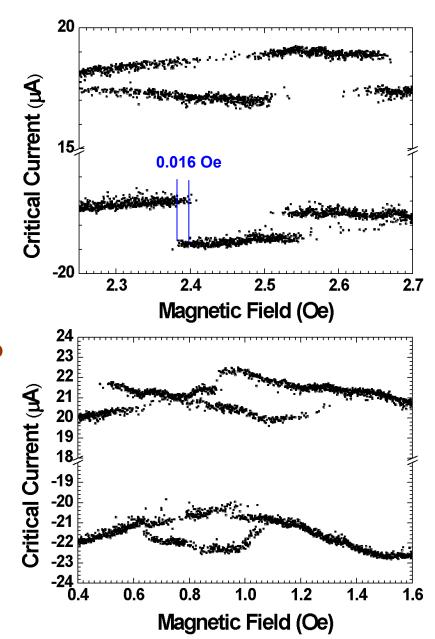
- Current jumps are observed
- Critical current behavior corresponds to that of symmetric type structure
- •All details of critical current are in agreement with theory
- •The only fitting parameter was the area of the rings



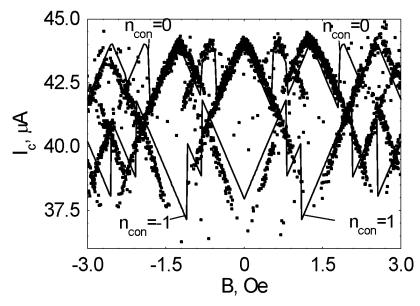
Critical current in asymmetric double ring detector

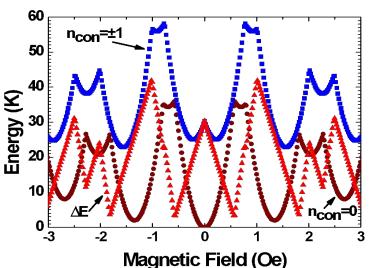


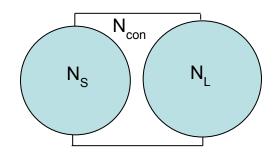
- Critical current behavior corresponds to that of asymmetric type structure
- Current jumps are observed
- Multiple current states are revealed
- The width of current jump \sim 0.016 Oe= 0.016 Φ_0
- Double and triple current states are detected



"Possible" explanation of critical current in asymmetric structures

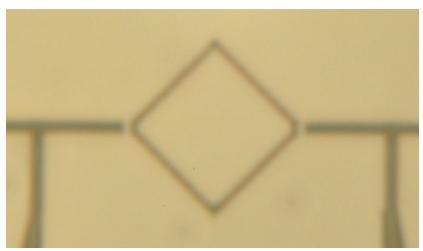




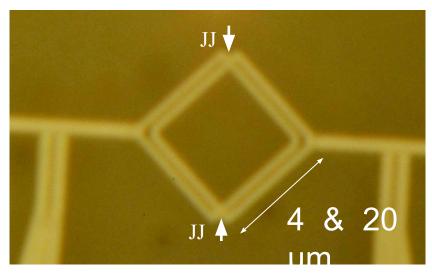


- Direct explanation of asymmetric structure critical current is not possible
- •Critical current of asymmetric structure was "symmetrized"
- •Minimum energy states correspond to N_{con} =0
- •Next energy level corresponds to N_{con} =±1

Geometry and Fabrication of Superconducting DDCI as Detector of Quantum States

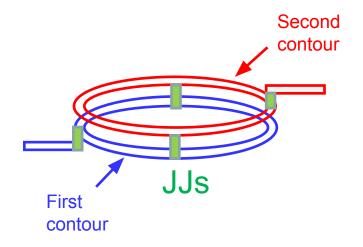


Suspended Resist Mask



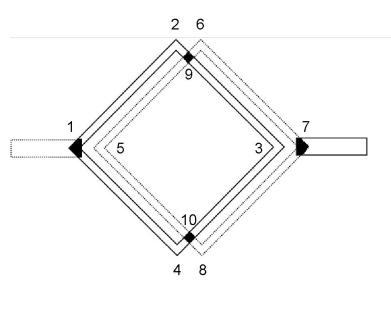
Optical image of DDCI

- Structure was fabricated by e-beam lithography to form suspended resist mask and two angle shadow evaporation of aluminum (30 nm and 35 nm) with intermediate first aluminum layer oxidation
- Square side 4 and 20 μm, width 0.3 μm
- $R(4.2 \text{ K})=6 \text{ k}\Omega$



The DDCI structure consists of two independent superconducting square contours connected by two Josephson junctions

Phase relation for Josephson Junctions



Critical current of structure is determined by areas of JJs S_9 and S_{10} since $(S_1, S_7) > (S_9 + S_{10})$ Phase difference for 3 contours:

$$\varphi_{412} = \pi n_1$$
 a half of 1-2-3-4-1 contour

$$\phi_{678} = \pi n_2$$
 a half of 5-6-7-8-5 contour

For a contour 1-2-9-6-7-8-10-4-1

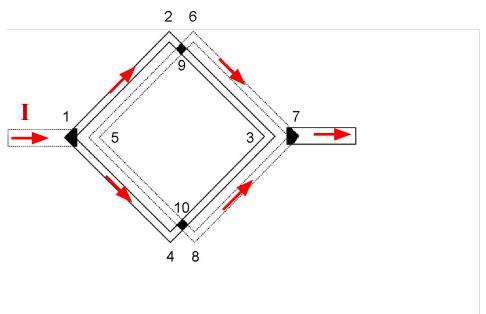
$$\phi_{412} + \Delta \phi_9 + \phi_{678} + \Delta \phi_{10} = 2\pi n_3$$
 or $\pi n_1 + \Delta \phi_9 + \pi n_2 + \Delta \phi_{10} = 2\pi n_3$

Where n_1, n_2, n_3 are integers and

 $\Delta \phi_9$, $\Delta \phi_{10}$ phase difference on 9 and 10 JJs

We neglect phase difference on small segments 2-9, 9-6, 8-10, 10-4

Phase Dependence of Current through DDCI

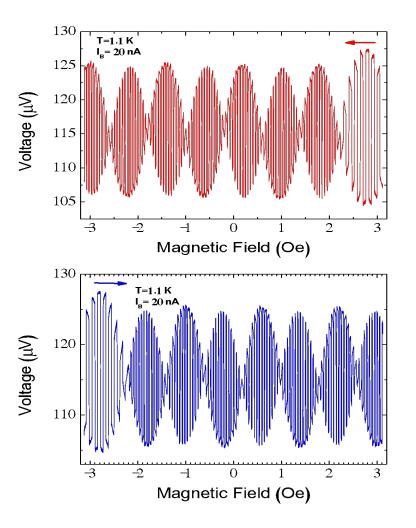


$$\begin{split} & I = I_{c9} sin\Delta\phi_9 + I_{c10} sin(-\Delta\phi_{10}) \\ & remembering that \\ & \pi n_1 + \Delta\phi_9 + \pi n_2 + \Delta\phi_{10} = 2\pi n_3 \text{ and} \\ & substituting \ \Delta\phi_{10} \text{ one can get} \\ & I = I_{c9} sin\Delta\phi_9 + I_{c10} sin(-2\pi n_3 + \pi(n_1 + n_2) + \Delta\phi_9) \\ & \text{Due to periodicity of sin(x), } 2\pi n_3 \text{ could be omitted.} \\ & \text{Finally} \\ & I = I_{c9} sin\Delta\phi_9 + I_{c10} sin(\Delta\phi_9 + \pi(n_1 + n_2)) \text{ (1)} \\ & I_{c9} + I_{c10}, \text{ when } (n_1 + n_2) \text{ is even} \\ & I_{c9} - I_{c10}, \text{ when } (n_1 + n_2) \text{ is odd} \end{split}$$

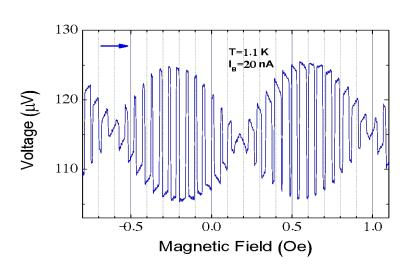
In (1), current depends only on parity of quantum number sum and does not depend on contour areas and magnetic field!! - Ideal detector of quantum states

In case of $I_{c9} = I_{c10} = I_0$, there will be critical current jumps from zero to $2I_0$ and back to zero for sequential changes of n_1 and n_2

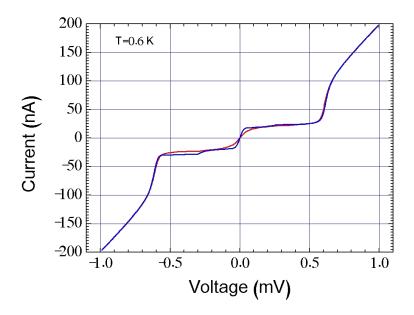
Экспериментальные скачки напряжения (20 µm) из-за изменений квантовых чисел в магнитном поле (T=1.1 K)

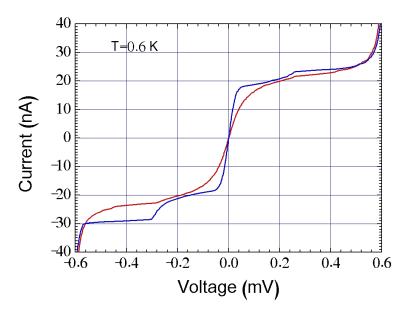


- Период осцилляций равен 0.052 Ое, что соответствует 20 µm контуру
- Наблюдается амплитудная модуляция с периодом ~0.8 Ое, что объясняется пространственным сдвигом контуров из-за двухуглового напыления
- Отклик по напряжению следует температурной зависимости сверхпроводящей щели, достигая 200 µV при 0.6 К
- Чувствительность в области скачков напряжения ~ 200 μ V/ $\Phi_{_0}$ (T=1.1 K)

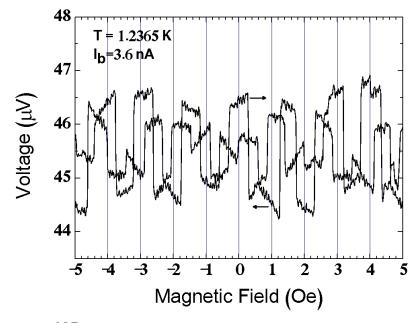


Current-Voltage characteristics (20 µm) at different magnetic fields corresponding to (n1+n2) changes by 1

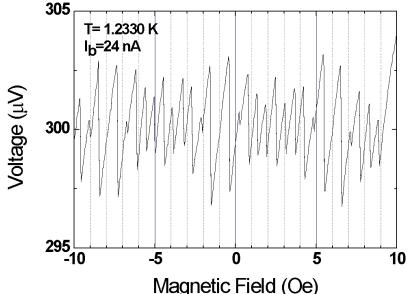




Voltage jumps (4 µm) due to changes of quantum numbers in magnetic field in near Tc resistive transition region



- In case of $I_{c9} = I_{c10} = I_0$, any bias current $I_{B} << I_0 < I_P$ produces voltage jumps from 0 to $I_{B}R_{N}/3$ and back (R_{N} normal resistance of one of JJs)
- For typical I_B =1 nA and R_N =13 kΩ, there will be voltage jumps of 2 μV
- At I_B =3.6 nA, periodic (Φ_0) voltage jumps with amplitude ~ 2 µV are observed. There is also hysteretic behavior with changing direction of B



 At I_B=24 nA, instead of meander type saw-toothed voltage is detected

Future experiments (Ideas)

- Из-за пространственного сдвига контуров наблюдается амплитудная модуляция отклика ДДКИ. «Идеальный» ДДКИ (без сдвига) можно изготовить из трехслойных Nb-AlO_x-Nb структур
- Чувтвительность любого детектора магнитного поля зависит от $dV/d\Phi$. Максимальная чувствительность сквмда ~ 10 $\mu V/\Phi_0$, Чувствительность улучшенных структур (Superconducting Quantum Interference Proximity Transistor) ~ 60 $\mu V/\Phi_0$. В случае ДДКИ, $dV/d\Phi$ ~200 $\mu V/\Phi_0$. ДДКИ может использоваться для разработки детекторов магнитного поля с высокой чувствительности.

Выводы

Достоинства ДДКИ заключаются в том, что при изменении квантового числа на единицу, интерферометр дает максимально возможный отклик для сверхпроводящего устройства — скачки напряжения, равные величине сверхпроводящей щели. Ввиду, независимости скачков напряжения от площади контуров предлагается также использовать этот интерферометр как прецизионный измеритель магнитного поля с уникальной чувствительностью. Показано, что двухконтурные сверхпроводящие интерферометры с большой площадью могут быть использованы в качестве цифровых магнетометров.

Выводы

- Проведены измерения критического тока одиночных, двойных, множественных сверхпроводящих асимметричных колец и других асимметричных структур. Обнаружен сдвиг экстремумов тока и множественные токовые состояния в магнитном поле. Поведение сдвига исследовано как функция степени асимметрии колец и температуры. Сдвиг экстремумов критического тока противоречит измерениям осцилляций сопротивления Литтла-Паркса и выпрямленного напряжения.
- Эффект выпрямления асимметричных структур удалось объяснить анизотропией критических токов.
- Предложена структура из множественных последовательно соединенных асимметричных колец как детектор неравновесных шумов. Впервые проведена калибровка детектора шумов и измерен температурный спектр шумов в рабочем диапазоне температур с разным количеством асимметричных колец (до 1080), позволяющих измерять постоянные напряжения около 10⁻¹¹ Вольт с одного асимметричного кольца. Минимальная измеренная мощность составила 2х10⁻¹⁵ Вт.
- Показано, что асимметричное кольцо не может быть простейшим детектором квантовых состояний.
 Предложена двухкольцевая структура с фазовой связью колец, где в симметричных структурах впервые наблюдались скачки критического тока, соответствующие изменению квантовых чисел в сверхпроводящих контурах. Эксперимент для симметричных структур хорошо описывается теорией. В случае асимметричных структур наблюдается одновременно сдвиг экстремумов тока и множественные состояния. Поведение асимметричных структур не описывается теорией.
- Предложен и реализован новый квантовый прибор дифференциальный двухконтурный сверхпроводящий интерферометр, Проведен анализ работы интерферометра. Отклик интерферометра зависит от четности суммы квантовых чисел контуров. Изготовлены структуры интерферометров с размерами 4 и 20 мкм, проведены измерения в широком диапазоне температур (0.4-1)Тс. К достоинствам прибора относится тот факт, что при изменении квантового числа на единицу, интерферометр дает максимально возможный отклик для сверхпроводящего устройства скачки напряжения, равные величине сверхпроводящей щели. Ввиду, независимости скачков напряжения от площади колец предлагается также использовать этот интерферометр как прецизионный измеритель магнитного поля с уникальной чувствительностью. Показано, что двухконтурные сверхпроводящие интерферометры с большой площадью могут быть использованы в качестве цифровых магнетометров.

Thank you for your attention