

Кафедра общественного здоровья и организации здравоохранения с циклом инфекционных болезней.

Место размещения: 3 этаж инфекционного отделения (5 корпус РКБ)

Дисциплина: «Общественное здоровье и здравоохранение, экономика здравоохранения»

216 учебных часов: 108 ч. – 6 семестр – зачет

108 ч. - 7 Семестр - экзамен

Лекции читали: Статистика и экономика здравоохранения

Доцент К. Э. Н. Каушан К. С.

Организация здравоохранения К. С. Асс. Олиевский П. И.

1. Практику ведут в группах преподаватели: Каушан К. С.
2. Олиевский П. И.
3. Кушнир Ю. И.
4. Щербинина И. А.
5. Хмелевская Я. И.

- Литература:
 1. Управление и экономика здравоохранения (учебное пособие для вузов) под редакцией академика РАМН А. И. Вялкова (издание 3 переработанное Москва 2009 г.
 2. Общественное здоровье и здравоохранение учебник Миняев В. А. Вишняков Н. И. М. 2003 г.
 3. Общественное здоровье и здравоохранение учебник Ю. П. Ямошын Н. В. Полуниин М. Медицина 2015 г. (3 издание)
 4. Экономика здравоохранения. Учебник под редакцией профессора Решетникова А. В. Москва 2004 г.
 5. Экономика и инновационные процессы в здравоохранений. Учебное пособие под редакцией профессора В. З. Кучеренко.
 6. Основы экономики здравоохранения. Учебное пособие под редакцией профессоров Н. И. Вишнякова, Миняева В. А. 2008 г.
 7. Лекций.
 8. Руководство по социальной гигиене и организаций здравоохранения (2-х томник) под редакцией члена корреспондента АМН СССР Н. А. Виноградова М. 1997 г.

• Лекция №7

- Тема:»Параметрические методы оценки результатов статистического исследования»

• План:

- 1) Малые выборки
- 2) Оценка достоверности интенсивных коэффициентов заболеваемости при наличии повторных заболеваний.
- 3) Средняя ошибка показателя.

- **Малые выборки.** Приведенные выше формулы и построенные на основании их оценочные таблицы применимы только при наличии относительно большого (практически не менее 30) числа наблюдений. При меньшем количестве наблюдений (так называемая малая выборка), что довольно часто имеет место в клинических и экспериментальных работах, для оценки достоверности результатов прибегают к специальным таблицам. (Напомним, что среднеквадратическое отклонение при малых выборках вычисляется по формуле:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (v - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

- Это объясняется тем, что при небольших выборках распределение выборочных средних систематически отклоняется от кривой нормального распределения. Большие отклонения от генеральной средней при малых выборках являются более вероятными, чем при больших выборках.
- Английский ученый В.Госсет (Стьюдент) исследовал распределение t для малых выборок и установил формулу плотности этого распределения.

- Для определения пределов колеблемости полученной по данным малой выборки средней величины и оценки достоверности различий, сравниваемых средних (относительных величин) используют специальную таблицу критерия t (Стъдента).
- В графах 2.3 и 4 таблицы помещены величины **доверительного коэффициента** (t), показывающие во сколько раз разность сравниваемых величин при данном малом числе наблюдений должна превышать свою среднюю ошибку для того, чтобы эта разность могла быть признана достоверной с данным уровнем вероятности, а результаты статистического исследования – достаточно надежными. Числа графы 2-й исчислены для вероятности прав ильного заключения равной 0,95 (95%) и вероятности ошибки – 0,05 (5%), числа графы 3-й – с соответствующими вероятностями 0,99 (99%) и 0,01(1%); числа графы 4-й соответственно – 99,9 и 0,1%. Практически достаточно пользоваться числами графы 3 и даже 2 и только в случае необходимости, особенно большой точности, прибегать к числам графы 4.

- Значение коэффициента t (Стьюдента) зависит не только от вероятности (p_t), но и от объема выборки (при $n' = n-1$). Из таблицы видно, что чем меньше выборка, тем больше значение t .
- Обращаться к таблице следует по графе 1, в которой указано число степеней свободы $n' = n-1$, т.е. числу проведенных наблюдений, уменьшенному на единицу. Так, например, если после 8 испытаний действия спинномозговой анестезии на уровень кровяного давления установлено, что средняя величина снижения кровяного давления составляла 5,75 мм при средней ошибке 0,65, то из таблицы t видно, что при $n' = 8-1 = 7$; $t = 2,36$ (графа 2 приложения 11).
- Это значит, что с вероятностью ошибки не более чем 5% можно утверждать, что размеры снижения кровяного давления при спинномозговой анестезии находятся в пределах $5,75 \pm 2,36 \times 0,65$, т.е. в пределах $5,75 \pm 1,53$ или 4,22 – 8,26 мм; с вероятностью ошибки не более чем 1% можно утверждать, что размеры снижения кровяного давления в результате спинномозговой анестезии составляют $5,75 \pm 3,50 \times 0,65$ (графа 3 приложения 11) или 3,48 – 8,02 мм.

- Если оценивается достоверность разности коэффициентов или средних, т.е. , то $n_1 + n_2 - 2$. т.е

$$t = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{m_1^2 + m_2^2}}$$

- Среднее падение АД при спинномозговой анестезии $\bar{x}_1 = 5,75 \text{ мм}$ а при эфирном наркозе $\bar{x}_2 = 3,75 \text{ мм}$ случайна ли разность

- или действительно эфирный наркоз вызывает меньшее падение АД при спинномозговой анестезии?

Таблица Падение артериального давления в зависимости от вида обезболивания

вид обезболивания	Падение артериального давления в мм во время опыта
Спинномозговая анестезия(v1)	6,5 7 4 8 3 8 5
Эфирный наркоз(v2)	2 3 4 2 7 5 4 3

- Вычисления \bar{x} , σ и m_x для каждого ряда можно произвести обычным путем, но для упрощения расчетов можно использовать следующую формулу, удобную для применения при малых числах наблюдений :

$$t = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{(\sum v_1^2 - n_1 \bar{x}_1^2 + \sum v_2^2 - n_2 \bar{x}_2^2)(n_1 + n_2)}{(n_1 + n_2 - 2)n_1 \cdot n_2}}}$$

- Упрощение расчетов при использовании этой формулы достигается тем, что вместо вычисления σ и m ограничиваются определением $\sum v^2$ для каждого ряда чисел, что значительно облегчает вычислительную работу (v – отдельные наблюдения, варианты). В данном примере:

- $\sum v_1^2 = 6^2 + 5^2 + 7^2 + 4^2 + 8^2 + 5^2 = 288$, а

- $\sum v_2^2 = 2^2 + 3^2 + 4^2 + 2^2 + 7^2 + 5^2 + 4^2 + 3^2 = 132$.

- \bar{x} и \bar{x}_2 как указано было выше, равняются соответственно 5,75 и 3,75; их

Квадраты

$$\bar{x}_1^2 = 5,75^2 = 33,06, \text{ а } \bar{x}_2^2 = 3,75^2 = 14,06; n_1 = 8 \text{ и } n_2 = 8$$

- Подставив все эти числа в приведенную выше формулу, получим:

$$t = \frac{5,75 - 3,75}{\sqrt{\frac{(288 - 8 \cdot 33,06 + 132 - 8 \cdot 14,06)(8 + 8)}{(8 + 8 - 2) \cdot 8 \cdot 8}}} = \frac{2}{\sqrt{\frac{704}{896}}} = 2,25.$$

- Оценивая t по данным приложения 2, видим, что при $n' = 8 + 8 - 2 = 14$ в графе 2 этой таблицы стоит величина 2.14. Следовательно, для достоверности утверждения неслучайности различия величин \bar{x}_1 и \bar{x}_2 с вероятностью ошибки не более чем 0,05 (не более чем 5%) достаточно, чтобы t было не менее чем 2.14. В данном примере $t = 2,25$. Значит, действие двух приведенных видов обезболивания на снижение кровяного давления действительно различно и это различие может считаться статистически доказанным.

- **Оценка достоверности интенсивных коэффициентов заболеваемости при наличии повторных заболеваний**

- Формула средней ошибки показателя $m = \sqrt{\frac{pq}{n}}$ пригодна для оценки показателей только в случаях так называемого альтернативного варьирования, т.е. тогда, когда возможны только два исхода (умер или не умер, заболел данной болезнью или не заболел, привить против данного заболевания или не привит и т.п.).

- По этой формуле можно исчислять средние ошибки коэффициентов смертности, летальности, а также заболеваемости теми болезнями, которыми, как правило, можно заболеть только один раз (хронические болезни – коронаросклероз, злокачественные опухоли, острозаразные заболевания, дающие длительный иммунитет, и т.п.) в течение жизни или хотя бы только один раз за период наблюдения (обычно год).
- Определить среднюю ошибку по указанной выше формуле для коэффициентов общей заболеваемости (т.е. заболеваемости всеми болезнями, вместе взятыми) или заболеваемости с временной утратой трудоспособности неправильно.
- Практически в течение года человек может болеть несколько раз различными болезнями или даже одной и той же болезнью, длящейся относительно недолго и не дающей стойкого иммунитета (например, грипп, острый катар верхних дыхательных путей, ангина, пневмония и др.). Случаев временной нетрудоспособности в связи с заболеванием также может быть несколько за год у одного и того же работающего не только в связи с заболеваниями некоторыми острыми болезнями, но и по поводу обострений хронических болезней.

- В таких случаях средние ошибки показателей заболеваемости следует рассчитывать по формуле средней ошибки средних величин, т.е

$$m = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

- строя вариационные ряды, где вариантами являются числа заболеваний или случаев временной нетрудоспособности в связи с заболеванием в течение года (0;1;2;3;4 и т.д.), а частотами – числа болевших данное число раз.
- Однако такие расчеты, правильные теоретически, трудно осуществимы на практике, так как требуют кропотливой работы по распределению наблюдаемой группы населения на не болевших ни разу за год, болевших один раз, два раза и т.д.
- Трудность этой работы зачастую заставляет вовсе отказываться от расчета средних ошибок коэффициентов заболеваемости, а следовательно, и от статистической оценки достоверности их разности.

-

- В подобной ситуации допустимо приближенное вычисление средней ошибки показателей, предложенное В.А.Мозгляковой. Исходя из предположения, что распределение по числу заболеваний во многих случаях близко к так называемому распределению Пуассона, при котором наибольшие частоты соответствуют не средним, а наименьшим вариантам, В.А.Мозглякова предложила в целях упрощения пользоваться расчетом средних квадратических отклонений и средних ошибок уровней заболеваемости по формулам, пригодным для распределения Пуассона, а именно:

$$\sigma^2 = \bar{x}, \quad m = \sqrt{\frac{\bar{x}}{n}}$$

- Хорошее соответствие фактического распределения кратности заболеваний теоретическому распределению Пуассона имеет место при числе наблюдений 100-150 и средней величине коэффициента заболеваемости 1,0 на 1 человека. Если коэффициент больше 1.5, то рекомендуемым расчетом не следует пользоваться.



- Описанные методы оценки достоверности результатов статистического исследования с помощью критерия t (критерий Стьюдента) в основном пригодны для так называемого нормального распределения, т.е. такого, при котором крайние значения (самые малые и самые большие) варианты встречаются редко, а наиболее часты варианты. Близкие по своей величине к средней арифметической ряда; или для состояния (да-нет, жив-умер и т.п.). Методы оценки достоверности различия параметров таких вариационных рядов называются параметрическими.
- Однако характер распределения медико-биологических явлений нередко отличается от нормального. Проводя новые исследования, врач-экспериментатор часто не знает, какому закону варьирования будут следовать результаты, полученные в нескольких опытах, а относительно небольшое число проведенных наблюдений не позволяет ему определить форму распределения. В этих случаях оценку достоверности следует производить с применением так называемых непараметрических критериев.

- Оценка достоверности результатов статистического исследования

- Задачей статистического исследования является выявление закономерностей, лежащих в природе исследуемых явлений. Показатели и средние величины должны служить отображением действительности, для чего необходимо определять степень их достоверности. Правильное отображение выборочной совокупностью генеральной совокупности называется репрезентативностью. Мерой точности и достоверности выборочных статистических величин являются средние ошибки представительности (репрезентативности), которые зависят от численности выборки и степени разнообразия выборочной совокупности по исследуемому признаку.

- Поэтому для определения степени достоверности результатов статистического исследования необходимо для каждой относительной и средней величины вычислить соответствующую среднюю ошибку. Средняя ошибка показателя m_p вычисляется по формуле:

$$m_p = \pm \sqrt{\frac{P \cdot q}{n}}$$

- При числе наблюдений менее 30 $3m_p = \pm \sqrt{\frac{P \cdot q}{n-1}}$ где

- P — величина показателя в процентах, промилле и т.д.

- q — дополнение этого показателя до 100, если он в процентах, до 1000, если ‰ и т.д. (т.е. $q = 100 - P$, $1000 - P$ и т.д.)

- Например, известно, что в районе в течение года заболело дизентерией 224 человека. Численность населения — 33000. Показатель заболеваемости $d_{10000} = \frac{244 \cdot 10000}{33000} = 74$
- Средняя ошибка этого показателя $m_p = \pm \sqrt{\frac{74 \cdot (10000 - 74)}{33000}} = \pm 4,79$
- Для решения вопроса о степени достоверности показателя определяют доверительный коэффициент (t), который равен отношению показателя к его средней ошибке, т.е. $t = \frac{P}{m_p}$
- В нашем примере $t = \frac{74}{4,79} = 15,4$
- Чем выше t, тем больше степень достоверности. При t=1, вероятность достоверности показателя равна 68,3%, при t=2 — 95,5%, при t=3 — 99,7%. В медико-статистических исследованиях обычно используют доверительную вероятность (надежность), равную 95,5%–99,0%, а в наиболее ответственных случаях – 99,7%. Таким образом в нашем примере показатель заболеваемости достоверен.

- При числе наблюдений менее 30, значение критерия определяется по таблице Стьюдента. Если полученная величина будет выше или равна табличной — показатель достоверен. Если ниже — не достоверен.
- При необходимости сравнения двух однородных показателей достоверность их различий определяется по формуле:

$$t = \frac{P_1 - P_2}{\sqrt{m_1^2 + m_2^2}} \quad (\text{от большего числа отнимают меньше})$$

- где $P_1 - P_2$ — разность двух сравниваемых показателей,
- $\sqrt{m_1^2 + m_2^2}$ — средняя ошибка разности двух показателей.

- Например, в районе Б в течении года заболело дизентерией 270 человек. Население района — 45000. Отсюда заболеваемость дизентерией:

$$P = \frac{270}{45000} = 60 \quad m_p = \pm \sqrt{\frac{60 \cdot (10000 - 60)}{45000}} = \pm 3,64$$

- $t = \frac{60}{3,64} = 16,48$ т.е. показатель заболеваемости достоверен

- Как видно, заболеваемость в районе Б ниже, чем в районе А. Определяем по формуле достоверность разницы двух показателей:

$$t = \frac{74 - 60}{\sqrt{4,79^2 + 3,64^2}} = \frac{14}{6} = 2,3$$

- При наличии большого числа наблюдений (более 30) разность показателей является статистически достоверной, если $t = 2$ или больше. Таким образом, в нашем примере заболеваемость в районе А достоверно выше, т.к. доверительный коэффициент (t) больше 2.

- Зная величину средней ошибки показателя, можно определить доверительные границы этого показателя в зависимости от влияния причин случайного характера. Доверительные границы определяются по формуле:

- $P \pm t \cdot m$ где

- P — показатель;
- m — его средняя ошибка;
- t — доверительный коэффициент выбирается в зависимости от требуемой величины надежности: $t=1$ соответствует надежности результата в 68,3% случаев, $t=2$ – 95,5%, $t=2,6$ – 99%, $t=3$ – 99,7%, $t=3$ $\hat{t} \cdot \hat{m}$,9
- Величина называется предельной ошибкой.

- Например, в районе Б показатель заболеваемости дизентерией с точностью до 99,79% может колебаться в связи со случайными флуктуациями в пределах $60 \pm 3,64$
- т е от 49,1 до 70,9 .

• Контрольные вопросы:

- 1) Что такое малая выборка?
- 2) Как оценить достоверность разности коэффициентов?
- 3) Назовите формулу средней ошибки показателя
- 4) По какой формуле определяются доверительные границы?
- 5) Назовите формулу средней ошибки средних величин?

