

# Решение простейших тригонометрических уравнений.

$$\arcsin(-a) = -\arcsin a$$

$$\arccos(-a) = \pi - \arccos a$$

$$\operatorname{arctg}(-a) = -\operatorname{arctg} a$$

$$\operatorname{arcctg}(-a) = \pi - \operatorname{arcctg} a$$

	<b>0</b>	<b>30°=</b>	<b>45°=</b>	<b>60°</b>	<b>90°=</b>
<b>sinx</b>	<b>0</b>				<b>1</b>
<b>cosx</b>	<b>1</b>				<b>0</b>
<b>tg x</b>	<b>0</b>		<b>1</b>		<b>-</b>
<b>ctg x</b>	<b>-</b>		<b>1</b>		<b>0</b>

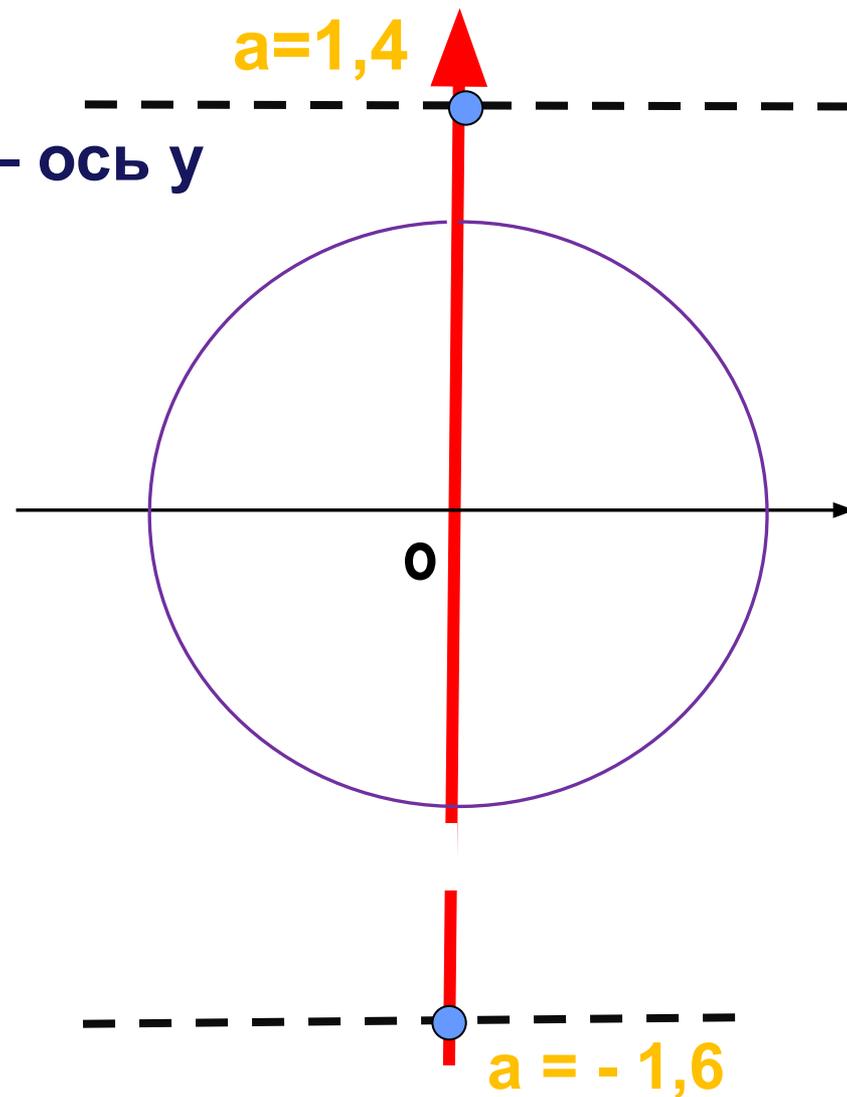
# Уравнение $\sin t = a$

Число  $a$  отмечаем на оси синусов – ось  $y$

Если  $a > 1$  ( $a=1,4$ ) или  
 $a < -1$  ( $a = -1,6$ )

Нет точек пересечения  
с окружностью.

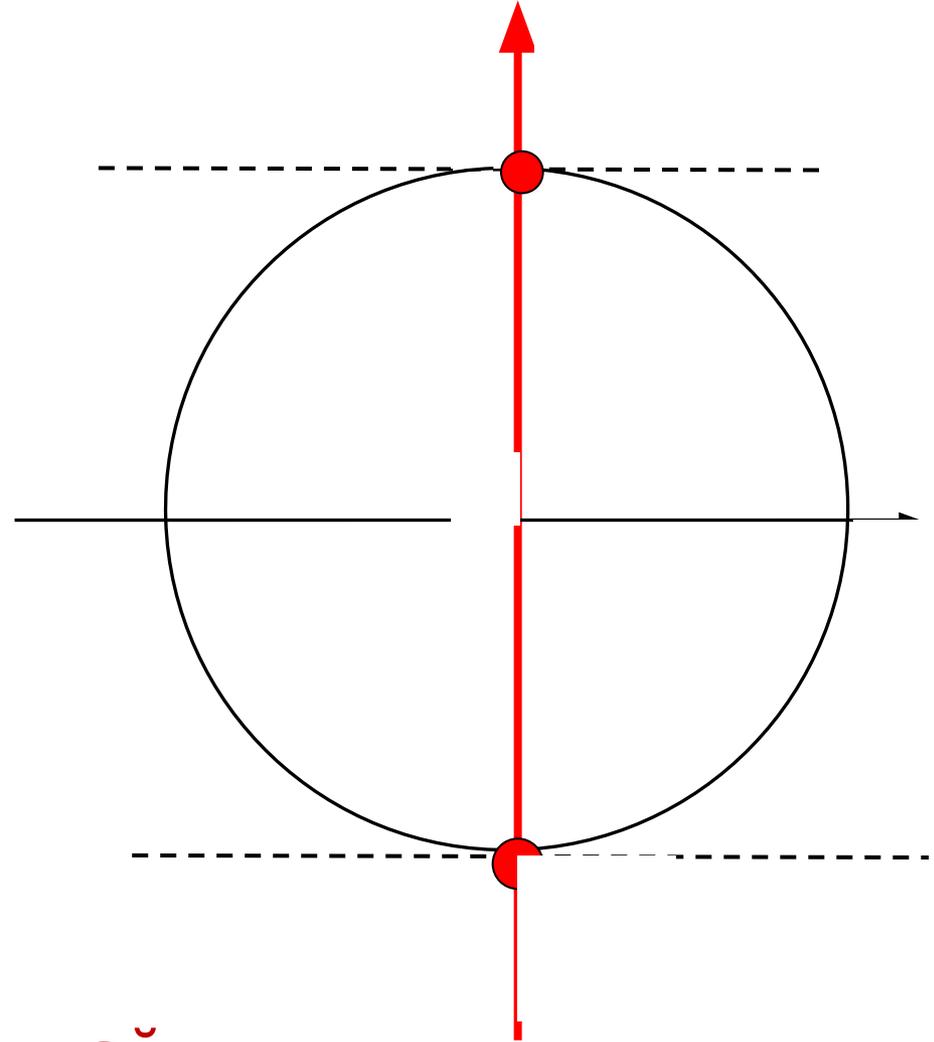
Уравнение не имеет решений.



$$\sin t = a$$

Если  $a = 1$ , то  $\sin t = 1$

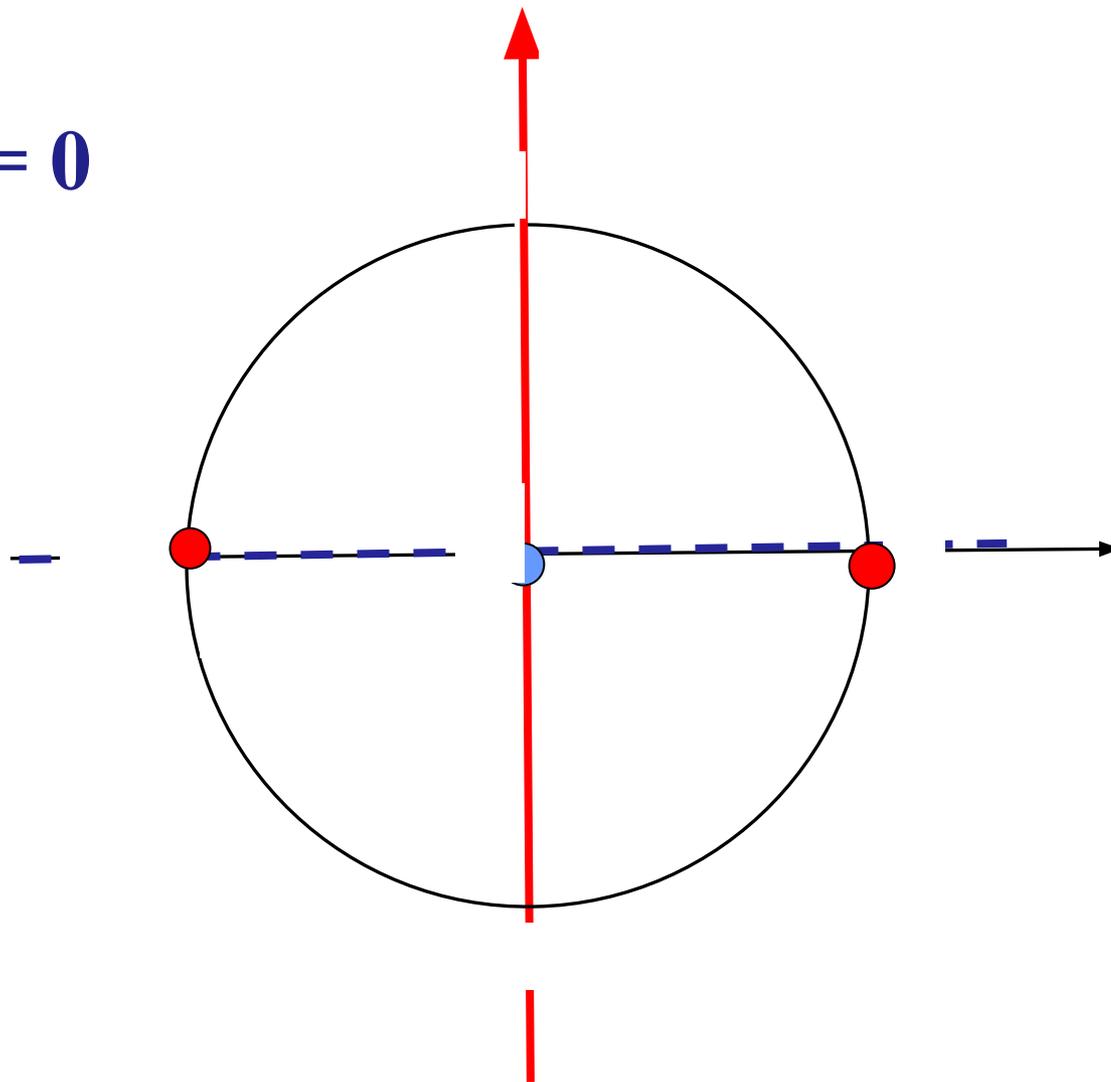
Если  $a = -1$ , то  $\sin t = -1$



**Частный случай.**

$$\sin t = a$$

Если  $a = 0$ , то  $\sin t = 0$



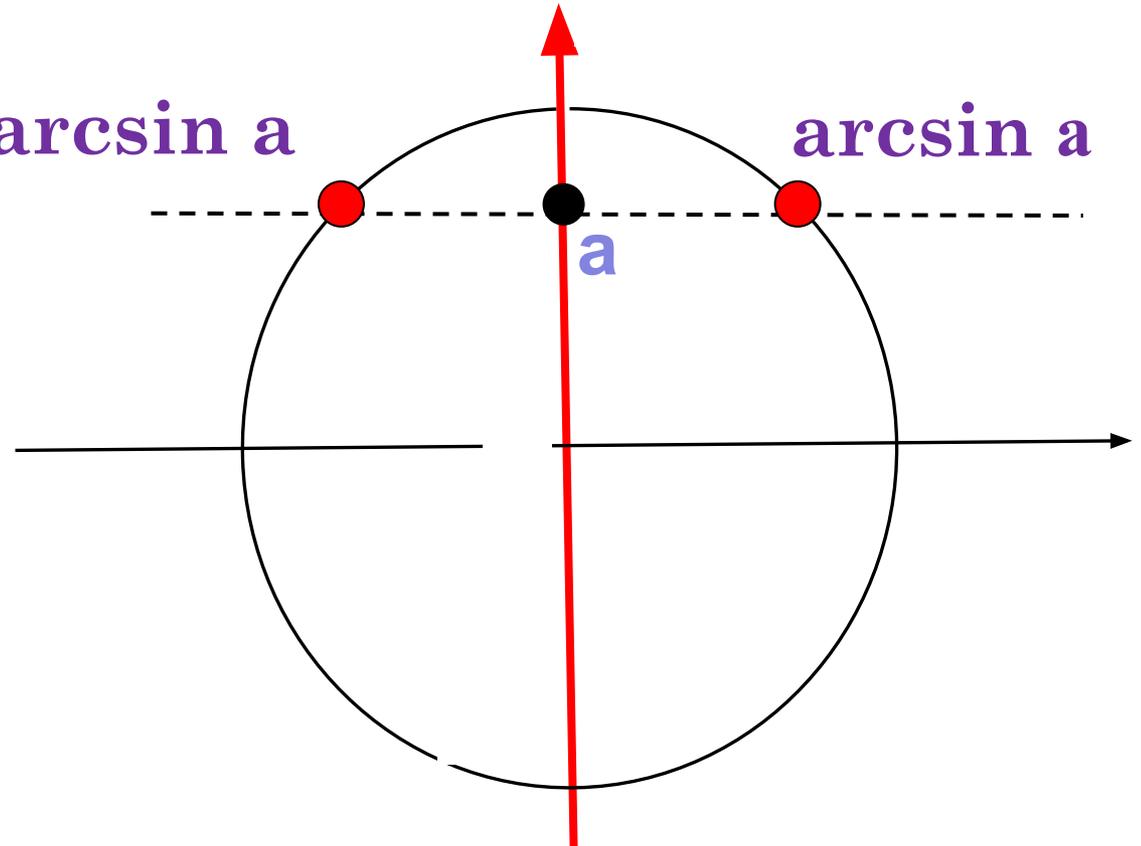
Частный случай.

$$\sin t = a$$

Общий случай

$\pi - \arcsin a$

$\arcsin a$



Если  $-1 < a < 1$ , то

# Решение уравнения $\sin t = a$

Общий случай:  $-1 < a < 1$ , то

Частный случай:  $\sin t = 1$ , то

$\sin t = 0$ , то

$\sin t = -1$ , то

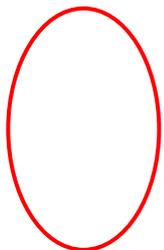
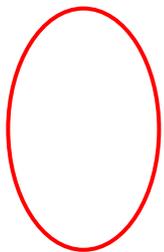
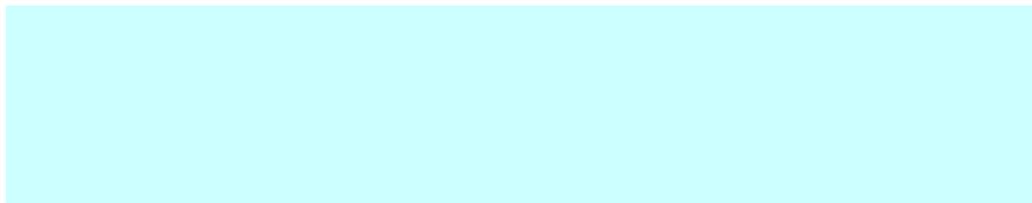
Если  $a > 1$  или  $a < -1$ , то уравнение решений не имеет.

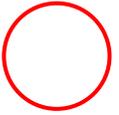
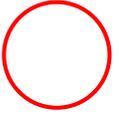
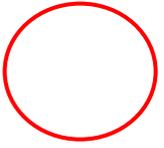


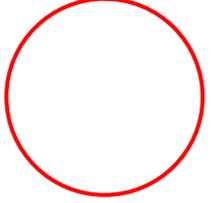
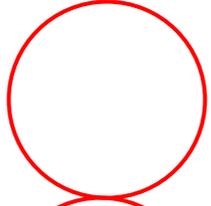
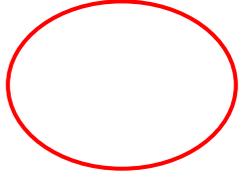
# Характерная ошибка

Учащиеся делят обе части на 4  
и получают следующее:

**Грубая ошибка.**









$$\arcsin (-a) = -\arcsin a$$



Приводим уравнение к стандартному виду:

$$\sin t = a$$





**Потренируйся**

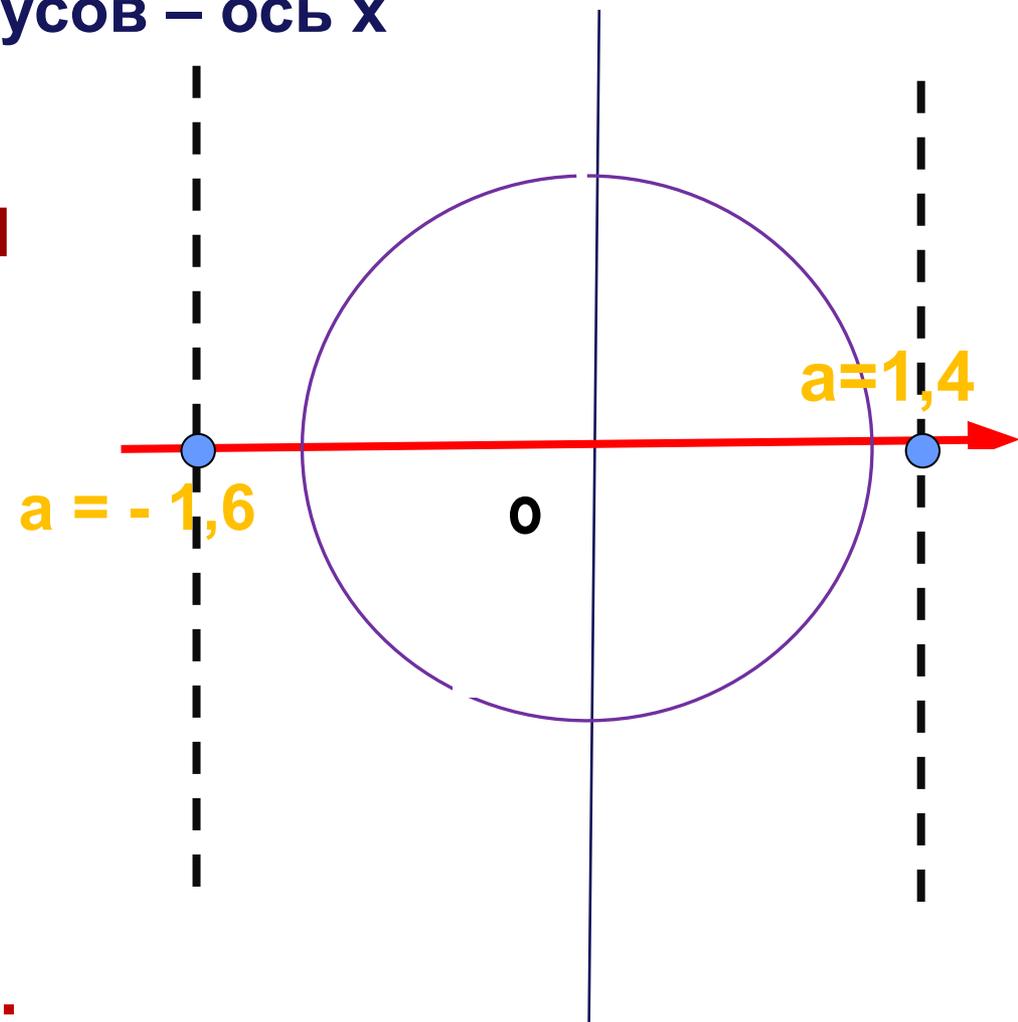
# Уравнение $\cos t = a$

Число  $a$  отмечаем на оси косинусов – ось  $x$

Если  $a > 1$  ( $a = 1,4$ ) или  
 $a < -1$  ( $a = -1,6$ )

Нет точек пересечения  
с окружностью.

Уравнение не имеет решений.



$$\cos t = a$$

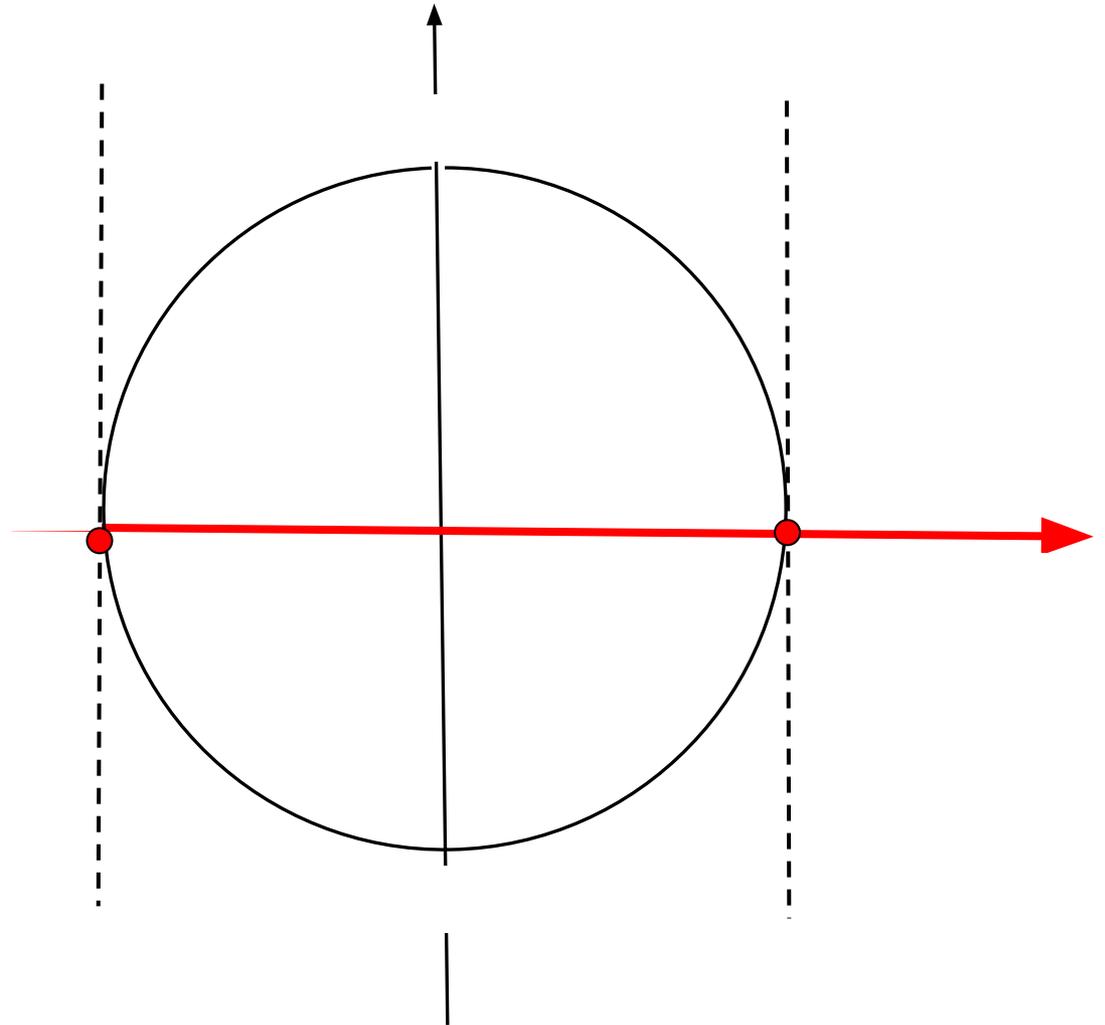
Если  $a = 1$ , то  $\cos t = 1$

$$t = 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

Если  $a = -1$ , то  $\cos t = -1$

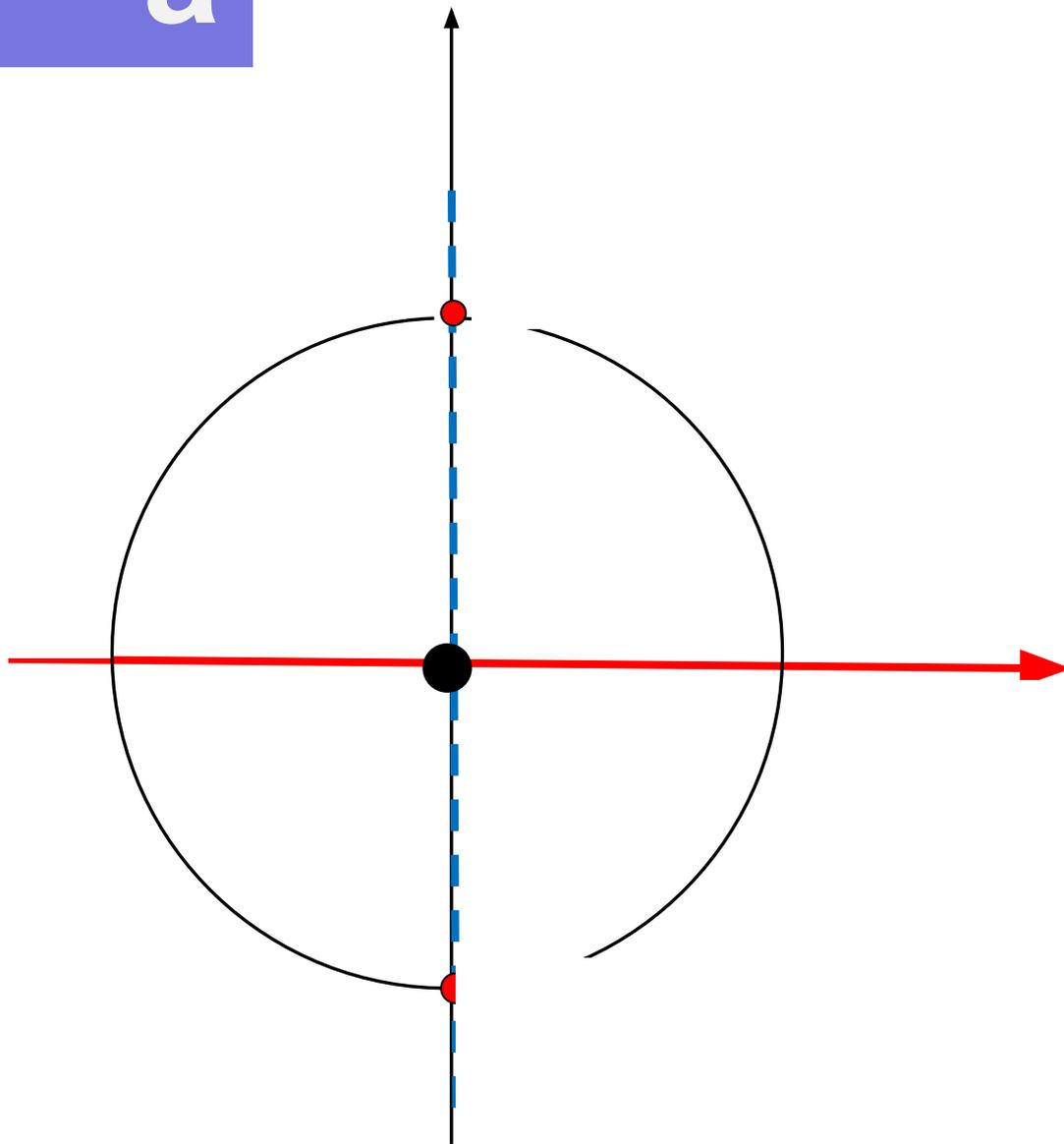
$$t = \pi + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

**Частный случай.**



$$\cos t = a$$

Если  $a = 0$ , то  $\cos t = 0$

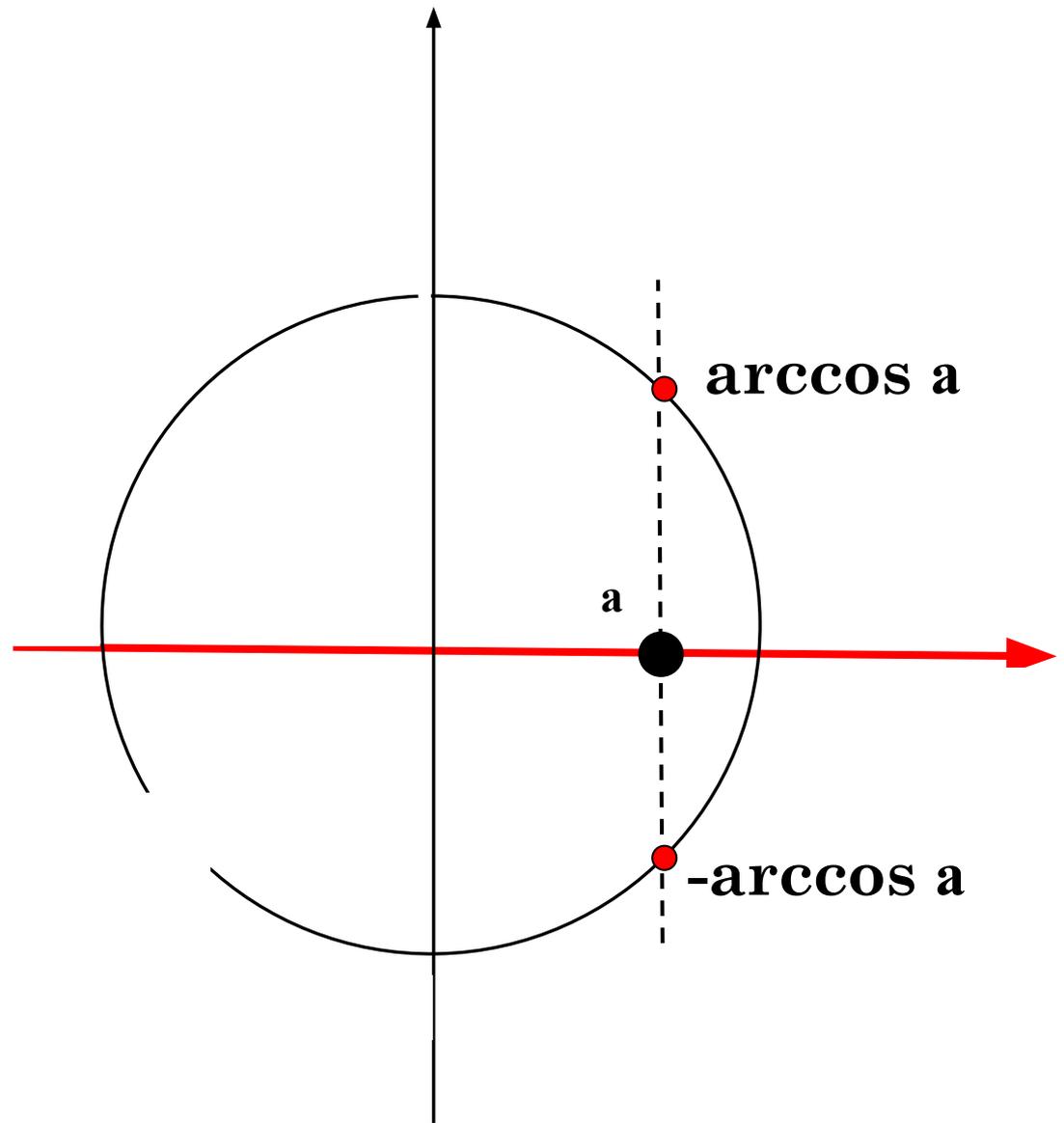


Частный случай.

$$\cos t = a$$

Общий случай

Если  $-1 < a < 1$ , то



# Решение уравнения $\cos t = a$

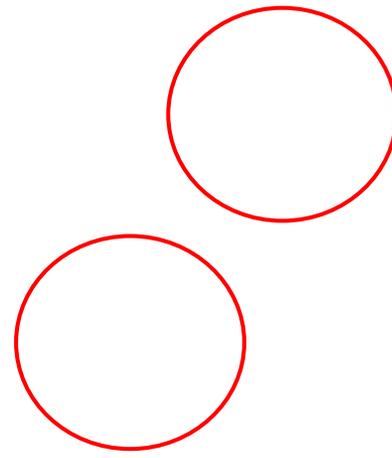
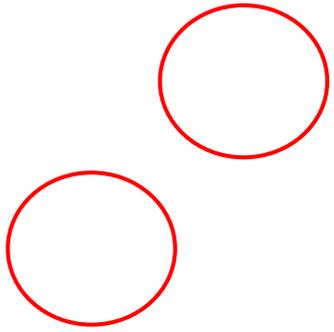
Общий случай:  $-1 < a < 1$ , то

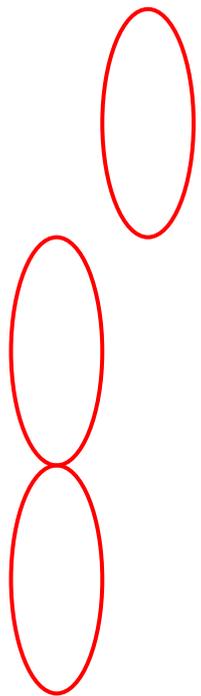
Частный случай:  $\cos t = 1$ , то  $t = 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

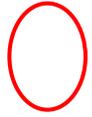
$\cos t = 0$ , то

$\cos t = -1$ , то  $t = \pi + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

Если  $a > 1$  или  $a < -1$ , то уравнение решений не имеет.







$$\arccos(-a) = \pi - \arccos a$$





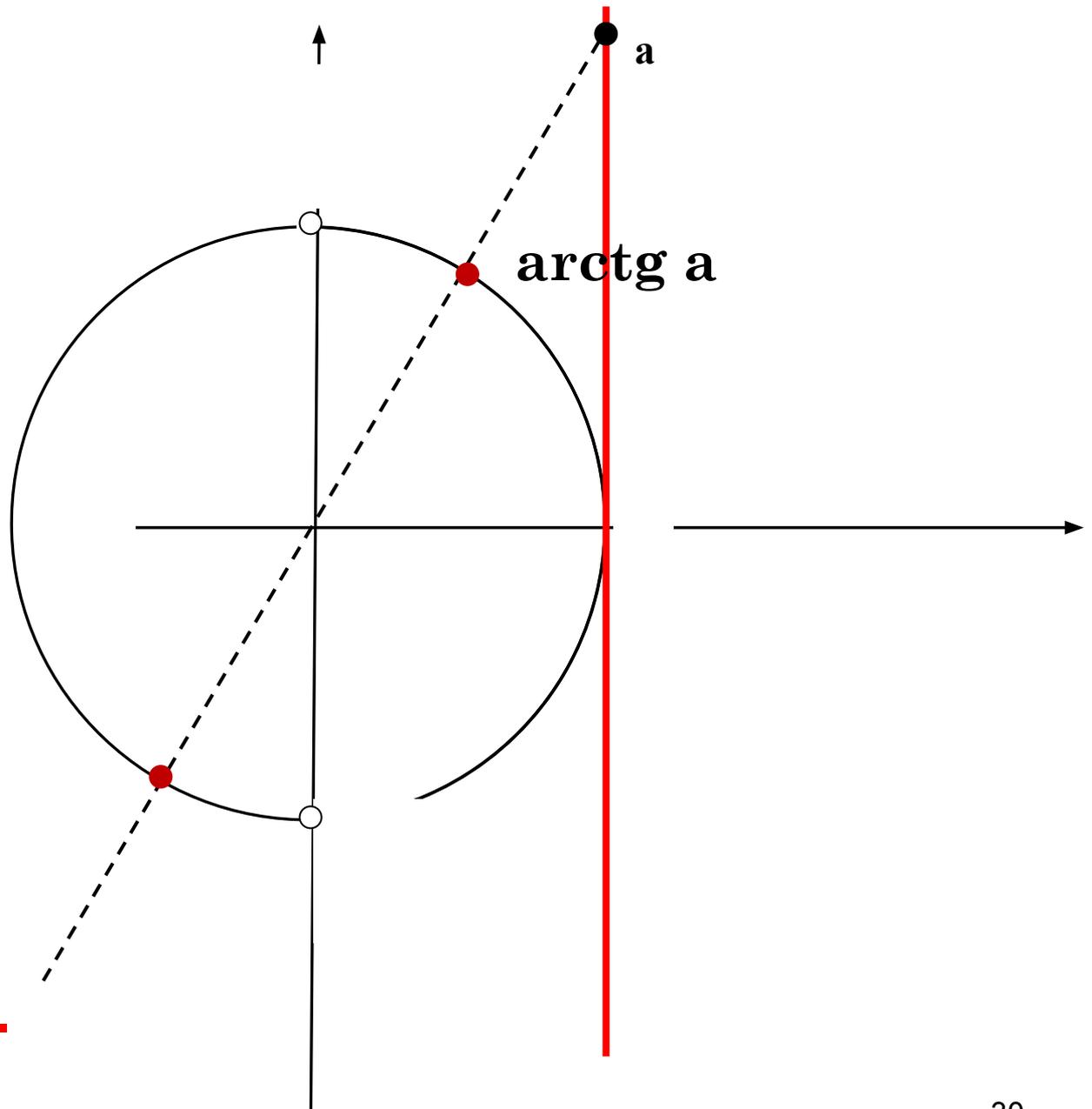


**Потренируйся**

# Уравнение $\operatorname{tg} t = a$

При любом  $a$ :

$$t = \operatorname{arctg} a + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$

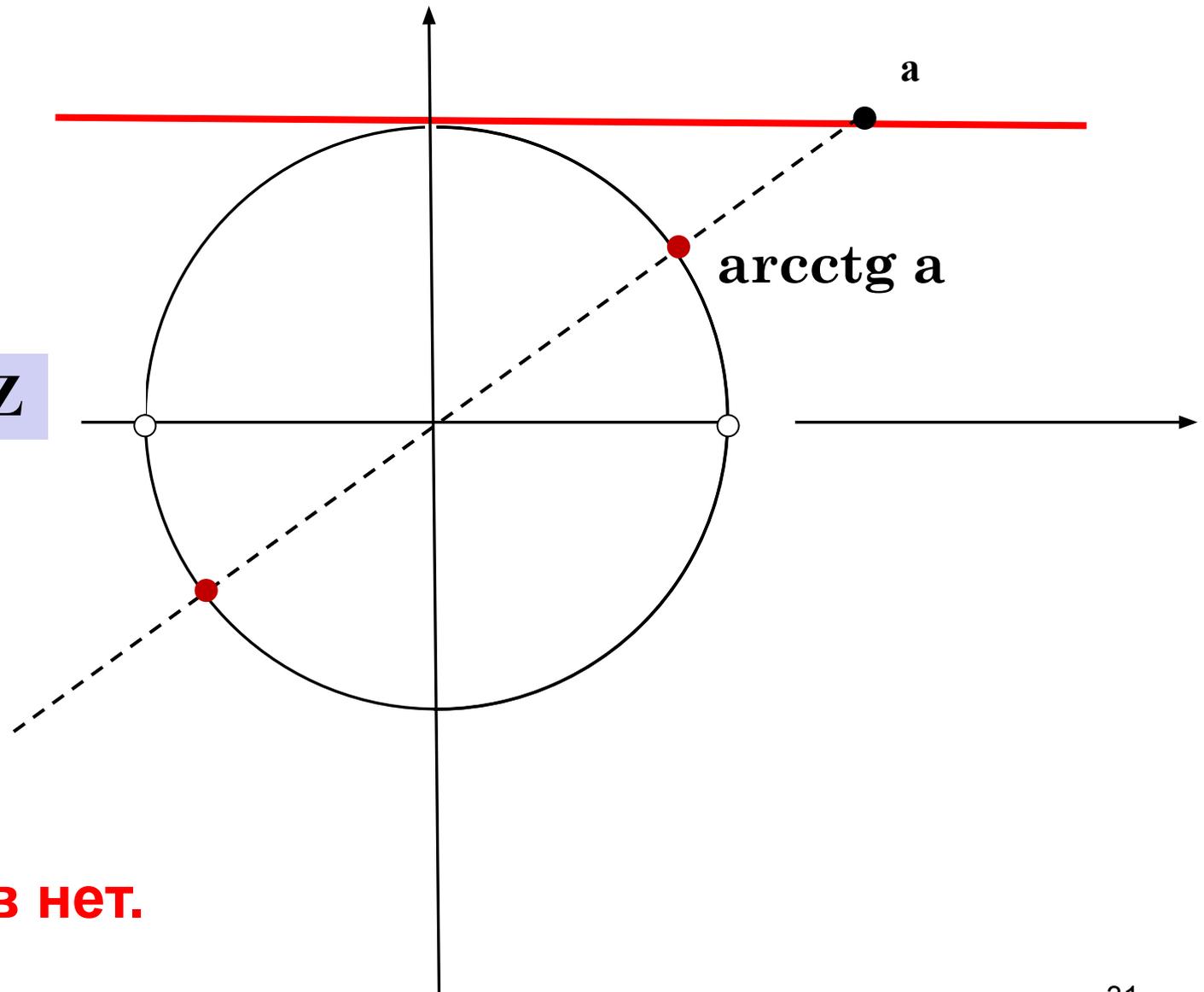


Частных случаев нет.

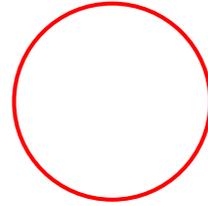
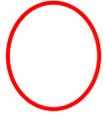
# Уравнение $\operatorname{ctg} t = a$

При любом  $a$ :

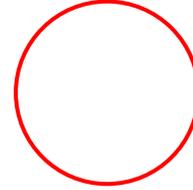
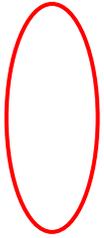
$$t = \operatorname{arccotg} a + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$



Частных случаев нет.



$$\operatorname{arctg} (-a) = - \operatorname{arctg} a$$
$$\operatorname{arcctg} (-a) = \pi - \operatorname{arcctg} a$$



$$\text{tg} (-a) = - \text{tg} a$$



# Потренируйся.

1 вариант

2 вариант

Спасибо за то,  
что стараешься!