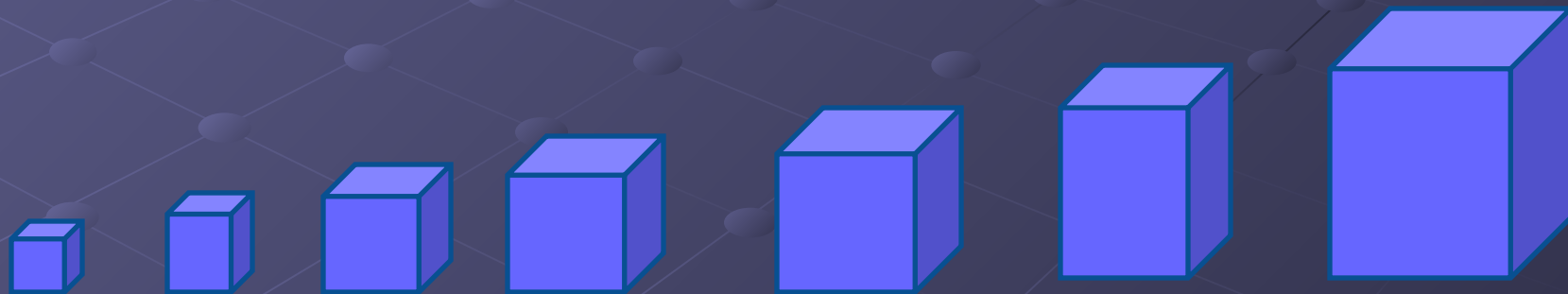


# Числовые последовательности

*Способы задания последовательностей*



**Последовательности составляют  
такие элементы природы,  
которые можно пронумеровать**

**Дни  
недели**

**Дома  
на  
улице**

**Класс  
ы  
в  
школе**

**Назван  
ия**

**месяце**

**в**

**Номер  
счёта  
в банке**

# Найдите закономерности

и покажите их с помощью стрелки:

1; 4; 7; 10; 13;

... В порядке  
возрастания  
положительные  
нечетные  
числа

10; 19; 37; 73;  
145; ...

В порядке убывания  
правильные дроби  
с числителем,  
равным 1

6; 8; 16; 18; 36;  
...

В порядке  
возрастания  
положительные числа,  
кратные 5

$\frac{1}{2}$ ;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{4}$ ;  $\frac{1}{5}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;

Увеличение  
на 3 раза

Чередовать увеличение  
на 2 и увеличение в 2 раза

1; 3; 5; 7; 9; ...

5; 10; 15; 20; 25; ...

Увеличение в 2 раза  
и уменьшение на 1

П  
Р  
О  
В  
Е  
Р  
Ь  
С  
Е  
Б  
Я

# Рассмотренные числовые ряды – примеры числовых последовательностей

Обозначают члены последовательности так

$$a_1; a_2; a_3; a_4; \dots a_n$$

# *Способы задания последовательностей*

- *1. Описанием*
- *2. Формулой общего члена*
- *3. Рекуррентный*
- *4. Таблицей*

# Задание последовательности описанием

**Пример:**

**Составить последовательность, в которой на четных местах 0, на нечетных местах – 1.**

**Получим последовательность:**

$$(a_n) \quad 1; 0; 1; 0; 1; 0; \dots$$

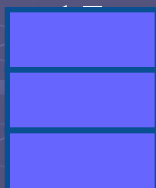
# Задание последовательности формулой

1)  $a_n = 3 \cdot n + 2,$

$a_5 = 3 \cdot 5 + 2$

$a_{10} = ?$

$a_{100} = ?$

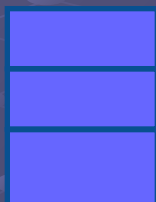


2)  $a_n = 3 + n,$

$a_5 = ?$

$a_{10} = ?$

$a_{100} = ?$



3)  $a_n = n^2 + 1,$

$a_5 = ?$

$a_{10} = ?$

$a_{100} = ?$

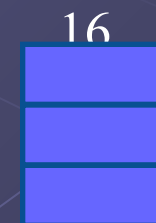


4)  $a_n = 2^{n-1},$

$a_5 = ?$

$a_7 = ?$

$a_{10} = ?$



**Замечание**

*Числовые последовательности*

*являются частным случаем*

*функций с натуральным*

*аргументом.*



# Рекуррентный способ задания последовательности

Название способа произошло от слова «recurro» - возвращаться.

**Рекуррентной называется формула,  
выражающая любой член  
последовательности, начиная с  
некоторого через предыдущие.**

Например:  $a_{n+1} = 3+n$  можно задать:

$$a_1 = 4, a_{n+1} = a_n + 1$$

$$a_2 = a_1 + 1 = 4 + 1 = 5,$$

$$a_3 = a_2 + 1 = 5 + 1 = 6, \dots$$



# Табличный способ

$a_n$	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$a_4$	$a_5$	$a_6$	$a_7$	$a_8$	$a_9$	$a_{10}$
$(a_n)$	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40

# Примеры последовательностей

## Бесконечные последовательности:

$(a_n)$  1, 3, 5, 7, 9, 11, ... - последовательность нечетных чисел  
(возрастающая)

$(a_n)$  -5, -10, -15, -20, -25, ... - последовательность отрицательных чисел, кратных 5 (убывающая)

## Конечные последовательности:

$(a_n)$  1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 - последовательность однозначных натуральных чисел.

$(a_n)$  10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90 – последовательность двузначных чисел, кратных 10.

Последовательности заданы формулами:

$$a_n = n^4$$

$$a_n = n + 4$$

$$a_n = 2^n - 5$$

$$a_n = (-1)^n n^2$$

$$a_n = -n - 2$$

$$a_n = 3^n - 1$$

Выполните следующие задания:

1. Впишите пропущенные члены последовательности:

1; 16; 81; 256; 625; ...    5; 6; 8; 9; ...    3; -1; 3; 11; ... ;

27

-1; 4;    ;    ; -25; ...       ; 4;    ;    ; -7; ...

-9    16    -3    -5    -6

2; 8;    ;    ;    ; ...

26    80    242

# ПРОВЕРЬ

2. Укажите, какими числами являются члены этих последовательностей

Положительные и отрицательные

Положительные

Отрицательные

# СЕБЯ

# Числа Фибоначчи

Последовательность чисел Фибоначчи задается так:

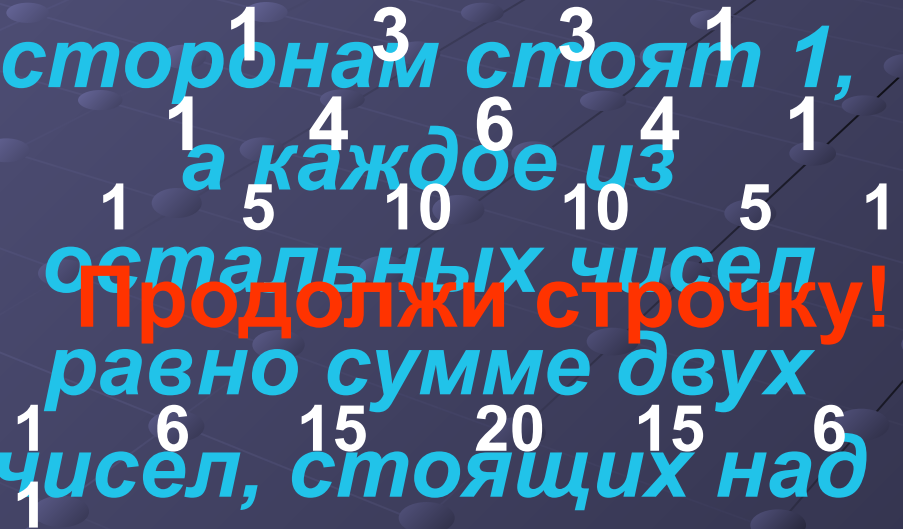
$$\begin{aligned}x_1 &= x_2 = 1; \\ x_{n+2} &= x_{n+1} + x_n; \\ n &= 1; 2; 3; \dots\end{aligned}$$

Вычислим несколько её первых членов:

1; 1; 2; 3; 5; 8; 13; 21;  
34; 55; 89; 144;  
233; 377; ...

# Треугольник Паскаля

Бесконечная числовая таблица треугольной формы, где по боковым сторонам стоят 1, а каждое из остальных чисел равно сумме двух чисел, стоящих над ним слева и справа.



# Связь между числами Фибоначчи и треугольником Паскаля

1  
1 1  
1 2 1  
1 3 3 1  
1 4 6 4 1  
1 5 10 10 5 1

Между числами Фибоначчи и треугольником Паскаля существует связь. Подсчитаем для каждой восходящей диагонали треугольника Паскаля сумму всех стоящих на этой диагонали чисел, получим:

Для 1 диагонали – 1;

Для 2 диагонали – 1;

Для 3 диагонали –  $1+1=2$ ;

Для 4 диагонали –  $1+2=3$ ;

Для 5 диагонали –  $1+3+1=5$ ;

Для 6 диагонали –  $1+4+3=8$  ...

В результате мы получаем числа Фибоначчи: 1; 1; 2; 3; 5; 8; ...  
Всегда сумма чисел n-ой диагонали есть n-ое число Фибоначчи.



*Последовательности  
составляют такие  
элементы природы,  
которые можно  
пронумеровать*



$a_1$

$a_2$

$a_3$

$a_4$



$a_1$

$b_1$

$b_2$

$b_3$



$a_1$



$a_2$



$a_3$



$a_4$



$a_5$