КОНУС Стереометрия

Выполнила:

преподаватель математики Черных Светлана Станиславовна Конусом называется тело, ограниченное кругом (основание конуса), и конической поверхностью, образованной отрезками, соединяющими каждую точку окружности с вершиной конуса.



Вершина прямого кругового конуса проектируется в центр основания.

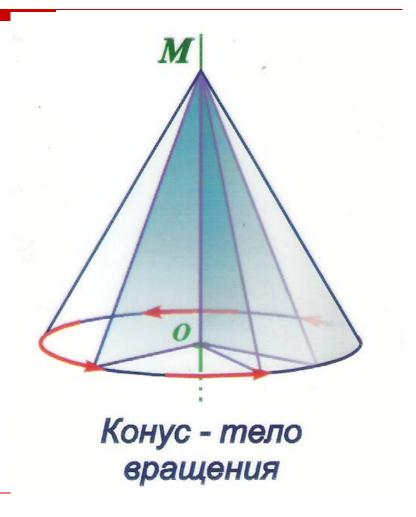
r - радиус основания конуса;

MO - высота конуса **h**;

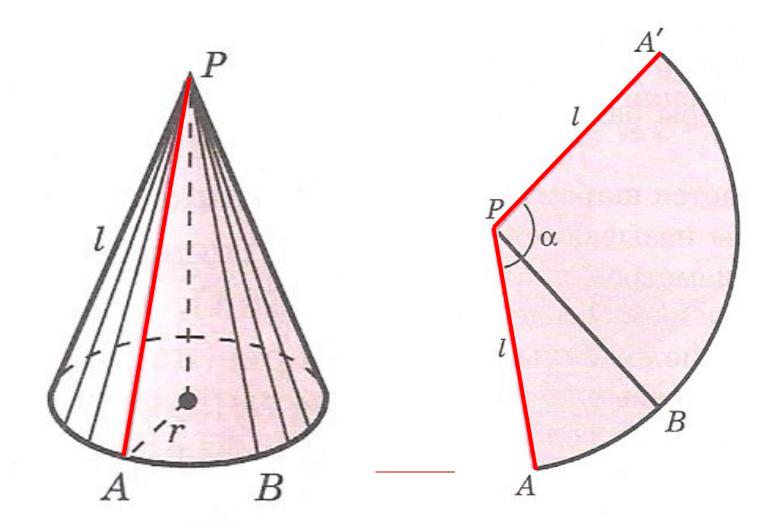
МА - образующая конуса **!**.

Конус – тело вращения

Конус может быть получен вращением прямоугольног о треугольника вокруг одного из катетов.

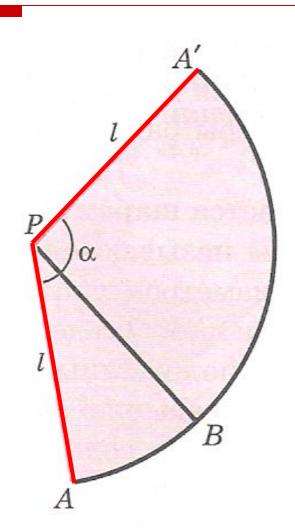


Боковая поверхность конуса – круговой сектор, радиус которого равен образующей конуса, а длина дуги сектора – длине окружности основания конуса.



Боковая поверхность конуса

Площадь боковой поверхности конуса равна произведению половины **ДЛИНЫ** окружности основания на разующую

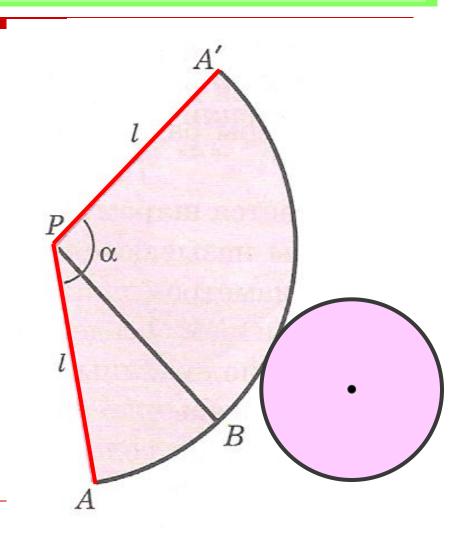


Полная поверхность конуса

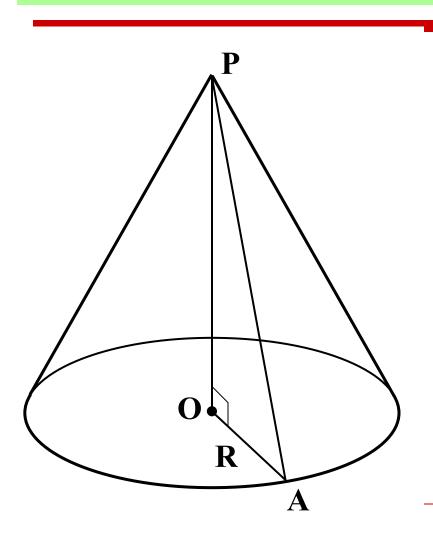
Площадь полной поверхности конуса равна сумме площадей боковой поверхности и основания:

$$S_{\kappa o \mu} = S_{o c \mu} + S_{\delta o \kappa}$$

$$S_{\kappa OH} = \pi r^2 + \pi r l$$



Задача 1. Высота конуса равна 12, а радиус основания равен 5. Найдите площадь полной поверхности конуса. В ответе запишите S/π .



Образующая конуса:

$$l = PA = \sqrt{12^2 + 5^2} =$$
 $= \sqrt{169} = 13$
 $S_{KOH.} = \pi r^2 + \pi r l =$
 $= \pi (r^2 + r l)$
 $S_{KOH.} = \pi (5^2 + 5 \cdot 13) = 90\pi$
 $\frac{S}{\pi} = 90$. Ombem: 90.

Сечения конуса различными плоскостями

Секущая плоскость проходит через ось конуса.

Осевое сечение – равнобедренный треугольник, основание которого – диаметр основания конуса, а боковые стороны – образующие конуса.



Сечения конуса различными плоскостями

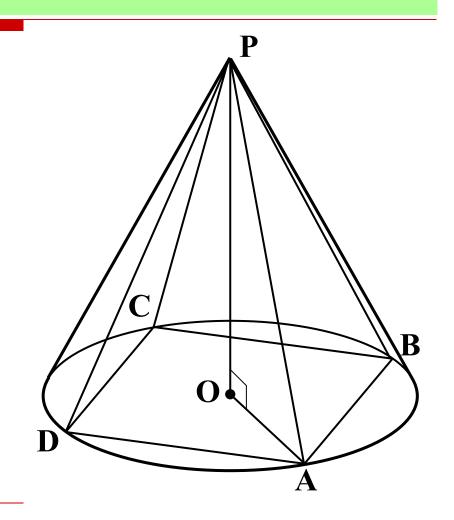
Если секущая плоскость перпендикулярна к оси конуса, то сечение конуса – круг с центром расположенным на оси конуса.



Вписанная пирамида

Пирамида называется вписанной в конус, если ее основание есть многоугольник, вписанный в окружность основания конуса, а вершина совпадает с вершиной конуса.

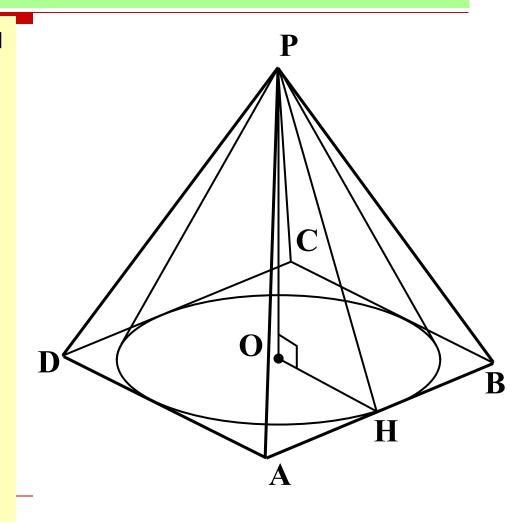
Боковые ребра пирамиды, вписанной в конус, являют-ся образующими конуса.



Описанная пирамида

Пирамида называется описанной около кону-са, если ее основание есть многоугольник, описанный около основания конуса, а вершина совпадает с вершиной конуса.

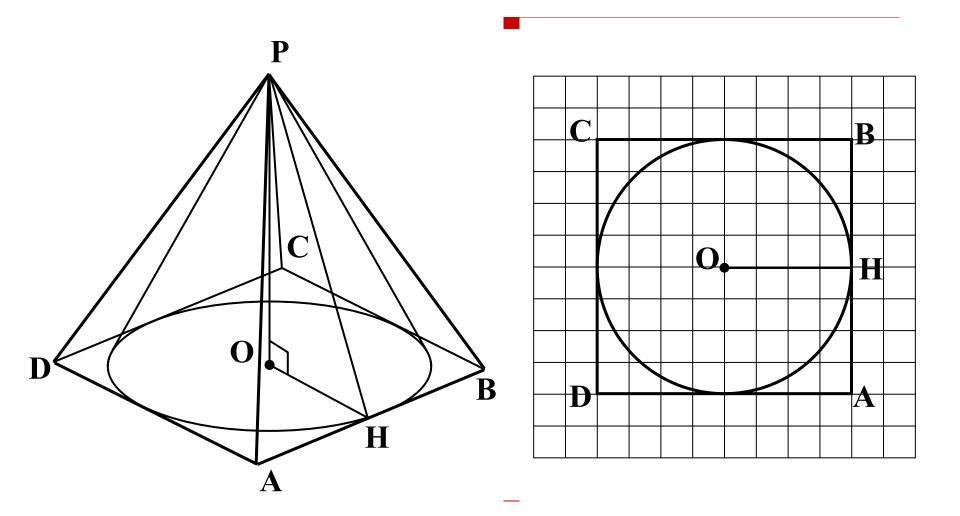
Плоскости боковых граней описанной пирамиды являются касательными плоскостями конуса.



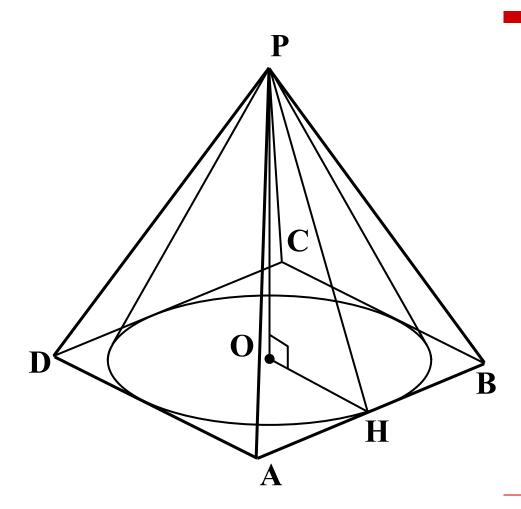
Задача **2**

Вокруг конуса описана правильная четырехугольная пирамида. Найдите полную поверхность пирамиды, если радиус основания конуса равен 6, а образующая конуса равна 10.

Задача 2. Выполняем рисунок



Задача 2. Решение



Образующая конуса равна

-anoфеме пирамиды :

$$l = PH = 10$$

$$S_{nup.} = S_{och.} + S_{ook.}$$

$$a = AD = 2r = 2 \cdot 6 = 12$$

$$S_{och} = a^2 = 12^2 = 144$$

$$S_{\textit{бок.}} = \frac{1}{2} \cdot P_{\textit{осн.}} \cdot l =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot (4 \cdot 12) \cdot 10 = 240$$

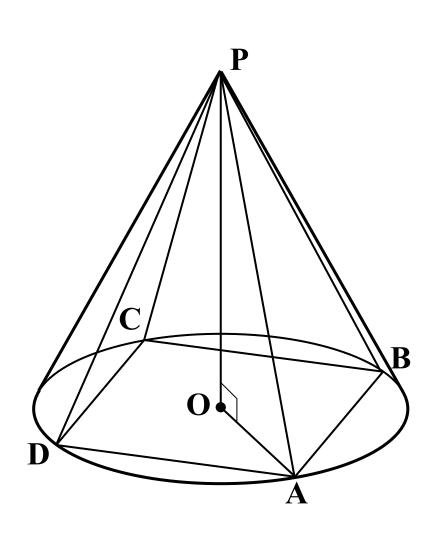
$$S_{nup.} = 144 + 240 = 384$$

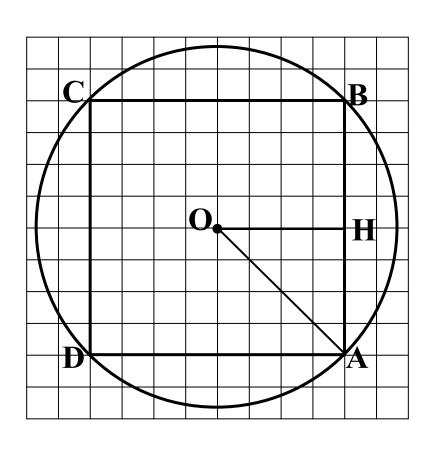
Ответ: 384.

Задача 3

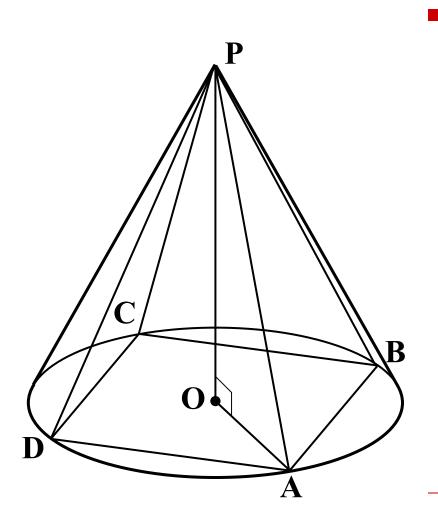
В конус вписана правильная четырехугольная пирамида. Найдите полную поверхность конуса, если боковое ребро пирамиды равно 15, а ее высота равна 9. В ответе запишите S/π .

Задача 3. Выполняем рисунок





Задача 3. Решение



Образующая конуса:

$$l = PA = 15$$

Радиус основания

$$r = \sqrt{PA^2 - OA^2} = \sqrt{15^2 - 9^2} = \sqrt{144} = 12$$

$$S_{\kappa O H.} = \pi r^2 + \pi r l =$$

$$= \pi \left(r^2 + r l \right)$$

$$S_{\kappa OH.} = \pi (12^2 + 12 \cdot 15) = 234\pi$$

$$\frac{S}{\pi} = 234$$
. *Omsem*: 234.

Источники информации:

- 1. Геометрия: учеб. для 10 11 кл. общеобразовательных учреждений / Л.С. Атанасян. М.: Просвещение, 2012.
- 2. Открытый банк заданий по математике: http://mathege.ru