

# Электромагнетизм

\*



**Кузнецов Сергей Иванович**  
доцент кафедры ОФ ЕНМФ ТПУ

Сегодня:

# Тема 1. МАГНИТНОЕ ПОЛЕ

1.1.Магнитные взаимодействия

1.2.Закон Био-Савара-Лапласа

1.3.Магнитное поле движущегося заряда

1.4.Напряженность магнитного поля

1.5.Магнитное поле прямого тока

1.6. Магнитное поле кругового тока

1.7.Теорема Гаусса для вектора магнитной индукции



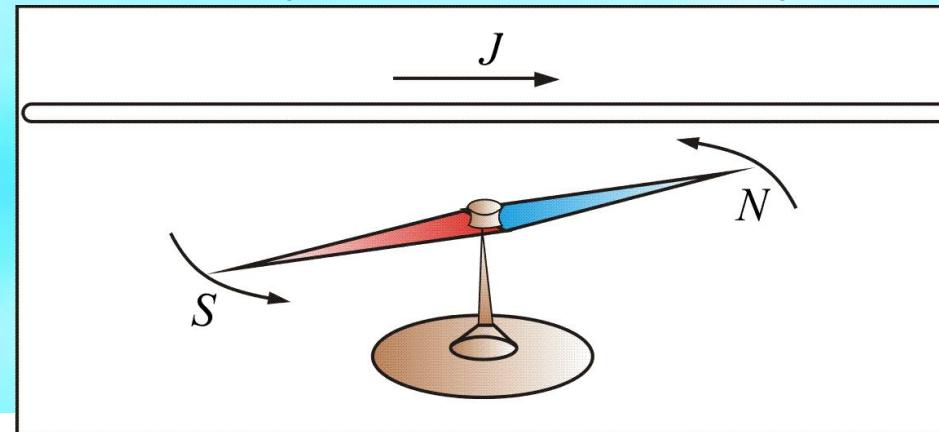
• К ПОЛЯМ ДИНАМИЧЕСКИМ!

# 1.1. Магнитные взаимодействия

- В пространстве, окружающем намагниченные тела, возникает **магнитное поле**.
- Помещенная в это поле маленькая **магнитная стрелка** устанавливается в каждой его точке вполне определенным образом, указывая тем самым направление поля.
- Тот конец стрелки, который в магнитном поле Земли указывает **на север, называется северным, а противоположный – южным.**

**При отклонении магнитной стрелки от направления магнитного поля, на стрелку действует**

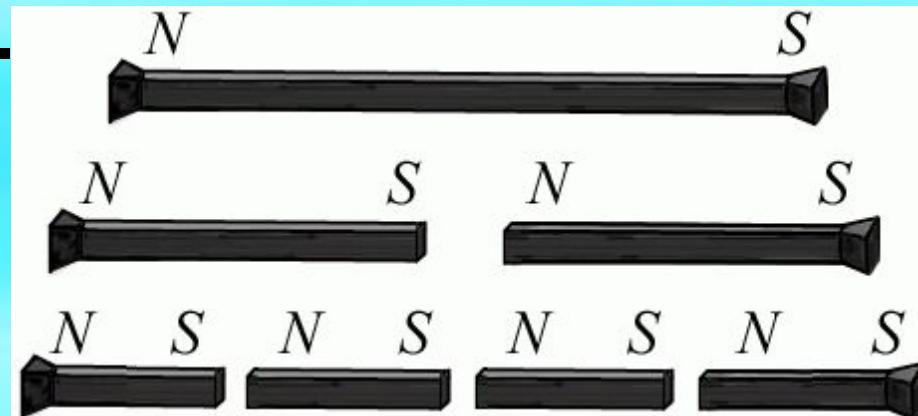
**механический крутящий момент  $M_{\text{кр}}$ ,**  
пропорциональный синусу угла отклонения  $\alpha$  и  
стремящийся повернуть ее вдоль указанного  
направления.



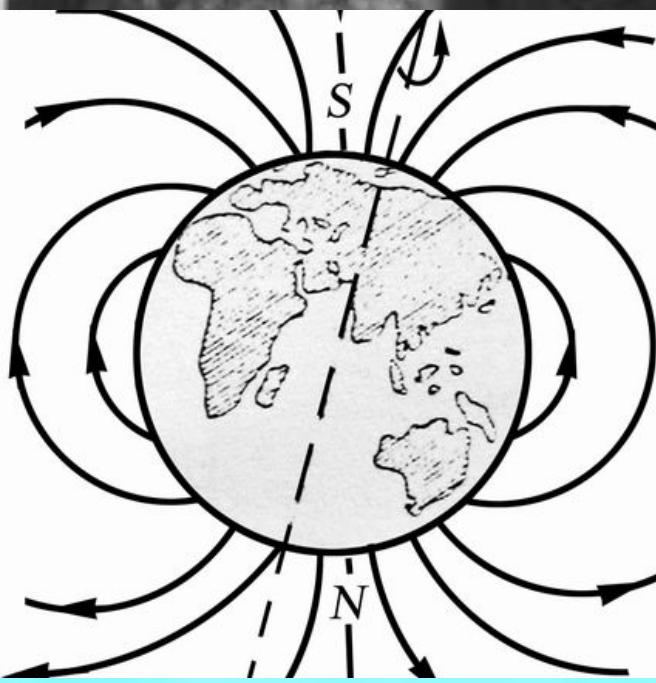
При взаимодействии постоянных магнитов они испытывают **результатирующий момент сил, но не силу**.

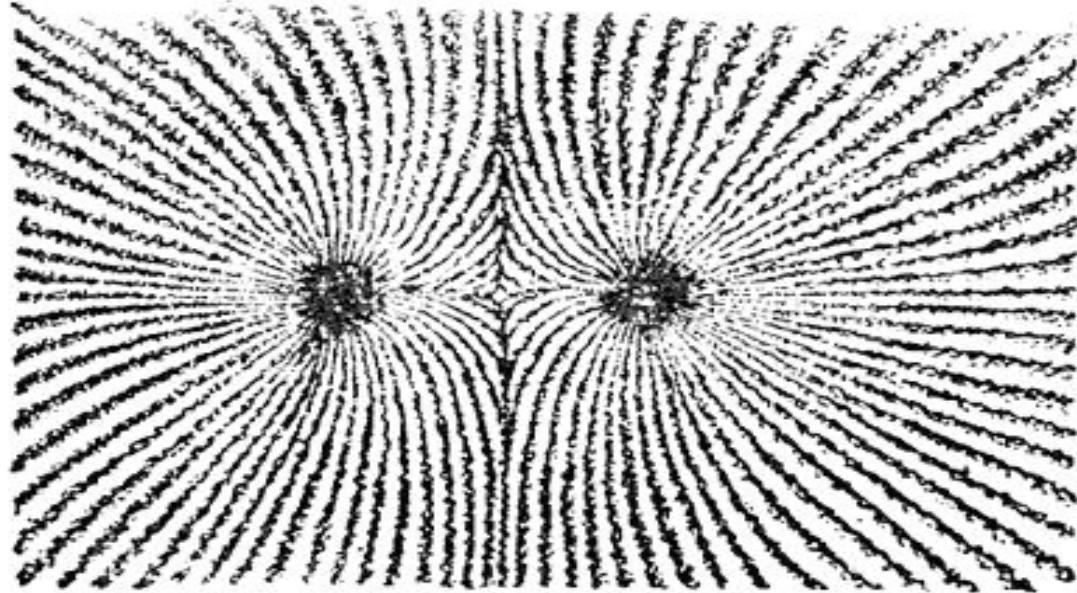
Подобно электрическому диполю, постоянный магнит в однородном поле стремится повернуться по полю, но не перемещаться в нем.

- Отличие постоянных магнитов от Электрических диполей заключается в следующем:
- Электрический диполь всегда состоит из зарядов, равных по величине и противоположных по знаку.
- Постоянный же магнит, будучи разрезан пополам, превращается в два меньших магнита, каждый из которых имеет и северный и южный полюса.

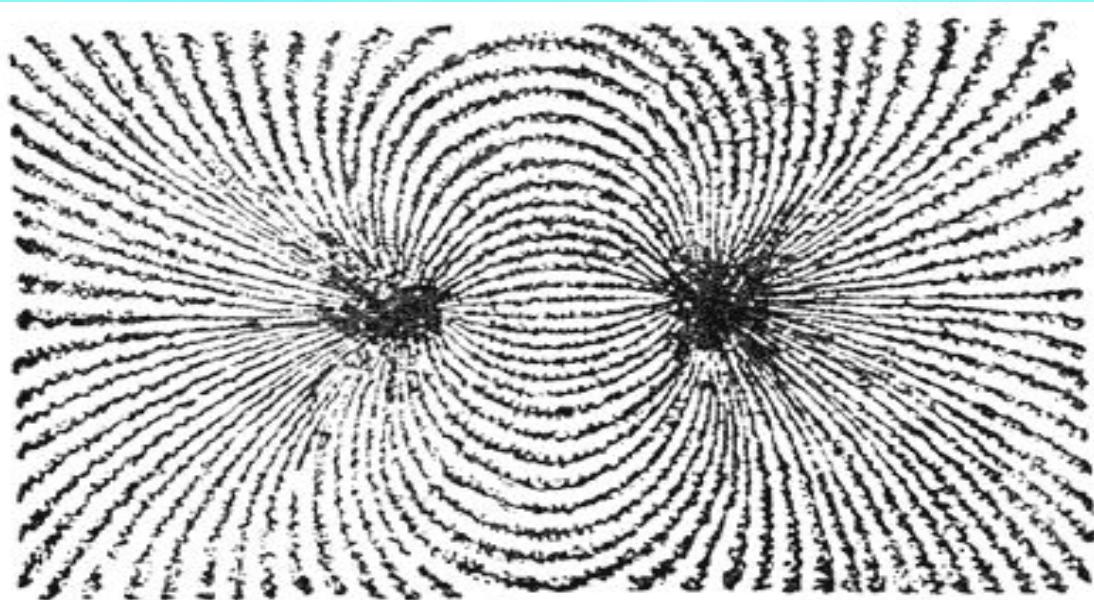


- Подводя итоги сведениям о магнетизме, накопленным к **1600 г.,** **английский ученый-физик Уильям Гильберт** написал труд **«О магните, магнитных телах и большом магните – Земле»**





Магнитное поле одинаковых полюсов.

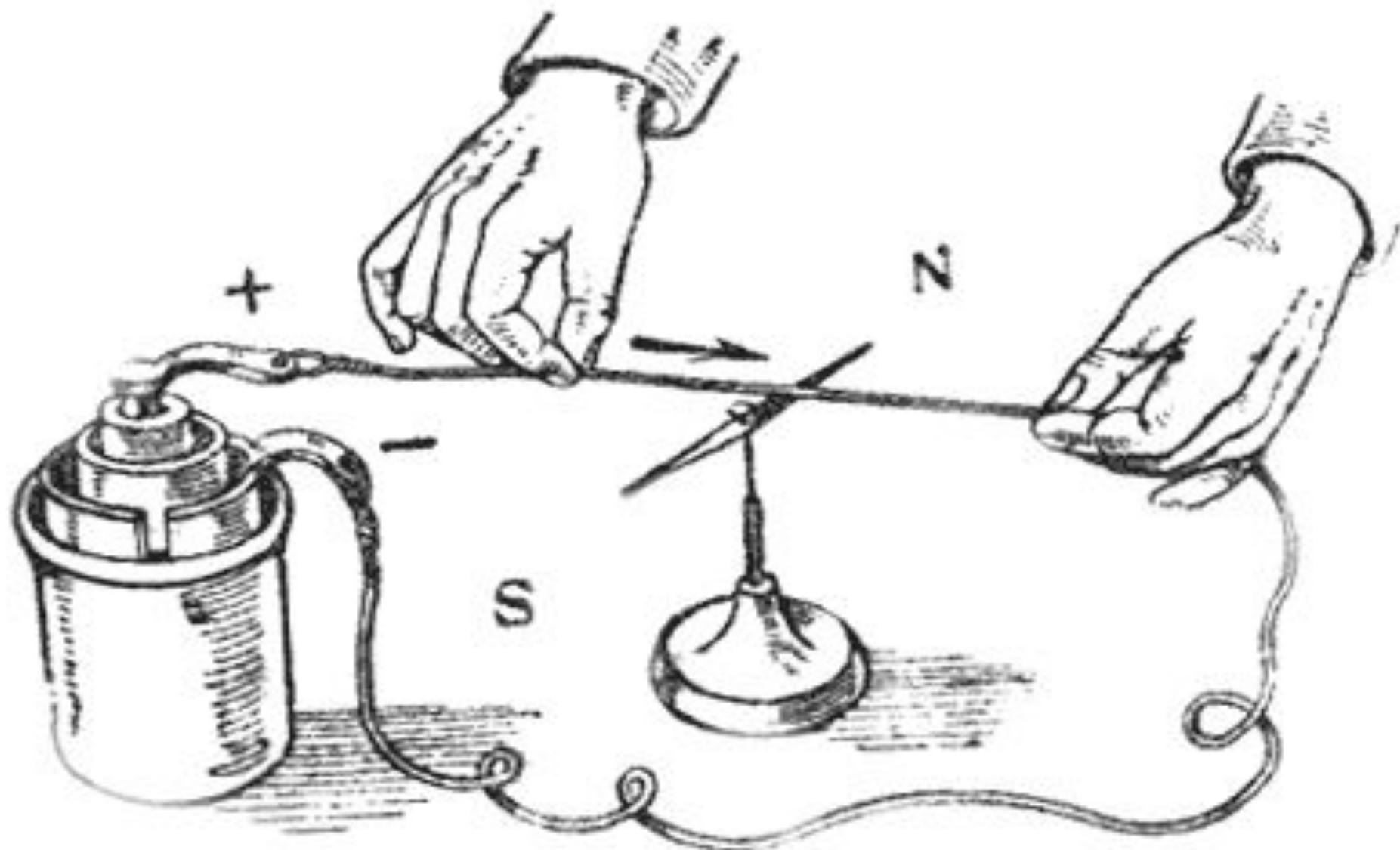


Магнитное поле разноименных полюсов.

- В своих трудах У. Гильберт высказал мнение, что, несмотря на некоторое внешнее сходство, ***природа электрических и магнитных явлений различна.***
- Все же, к середине XVIII века, окрепло убеждение о ***наличии тесной связи между электрическими и магнитными явлениями.***



- В 1820 г. Х. Эрстед открыл магнитное поле электрического тока.
- Ампер установил законы магнитного взаимодействия токов.
- Ампер объяснил магнетизм веществ существованием молекулярных токов.



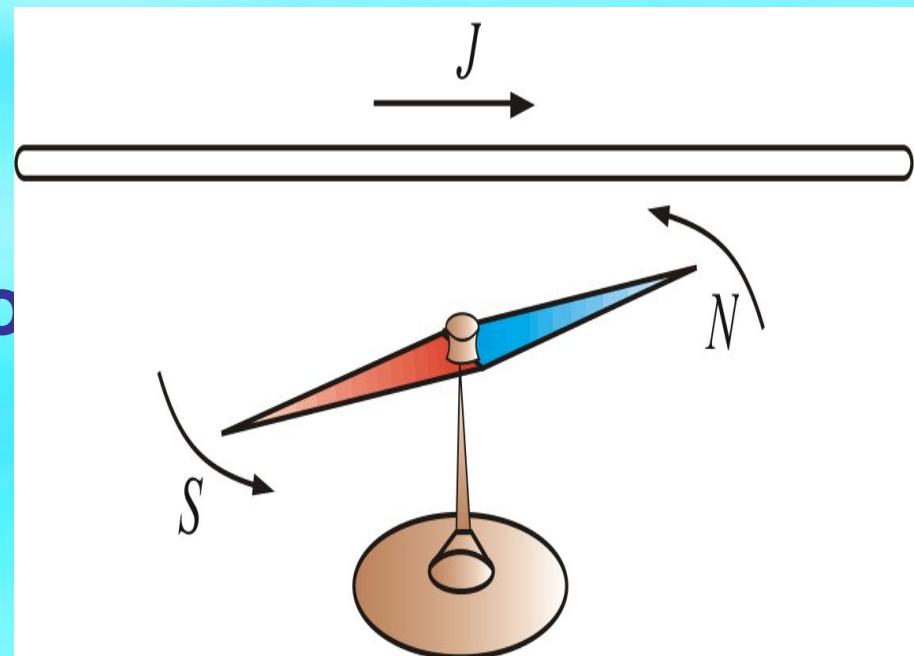
Опыт Эрстеда.



## Открытие Эрстеда.

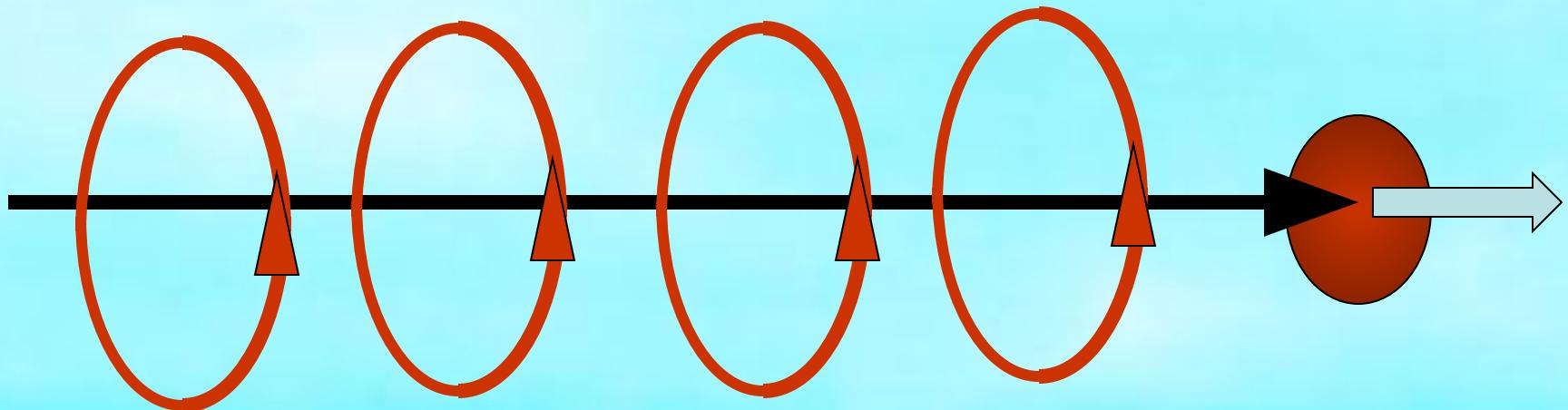
При помещении магнитной стрелки посредственной близости от проводника с током он обнаружил, что при протекании по проводнику тока, стрелка отклоняется; после выключения тока стрелка возвращается в исходное положение (рис. 1.1).

Из описанного опыта  
**Эрстед делает вывод:**  
**вокруг прямолинейного**  
**проводника с током**  
**есть магнитное поле.**



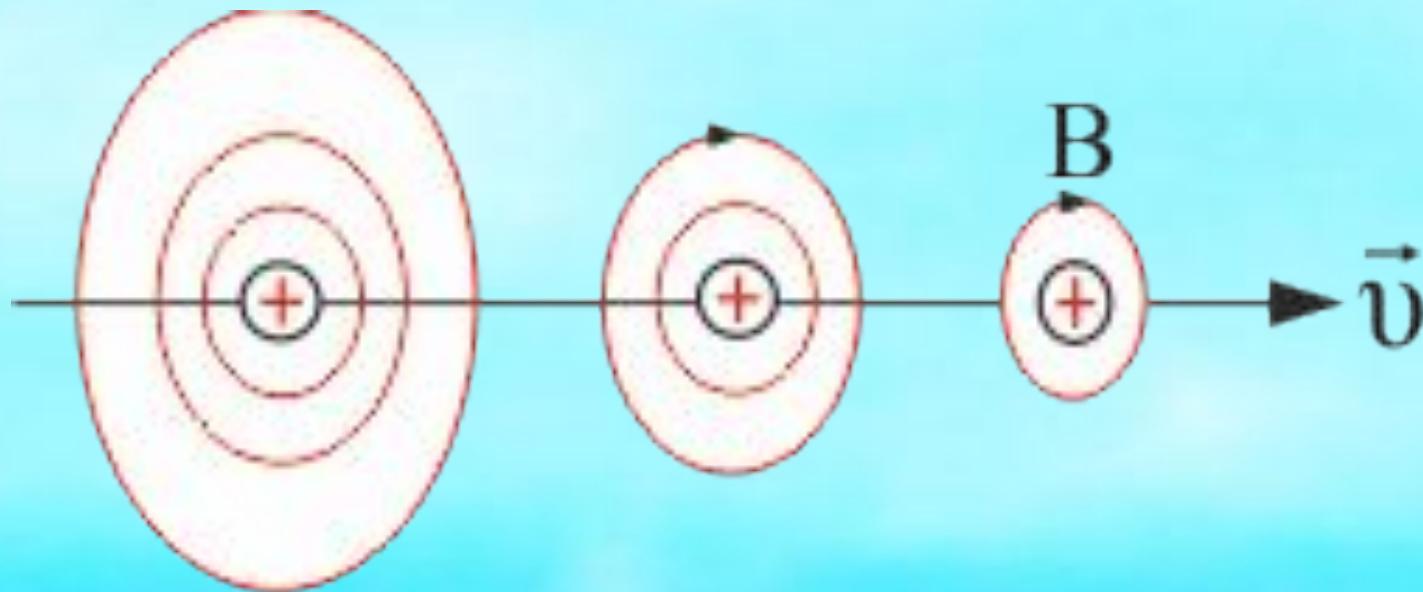
- **Общий вывод:** вокруг всякого проводника с током есть магнитное поле.
- Но ведь **ток – это направленное движение зарядов.**
- Опыты подтверждают: магнитное поле появляется вокруг электронных пучков и вокруг перемещающихся в пространстве заряженных тел.
- **Вокруг всякого движущегося заряда помимо электрического поля существует еще и магнитное.**

$$qV=const$$

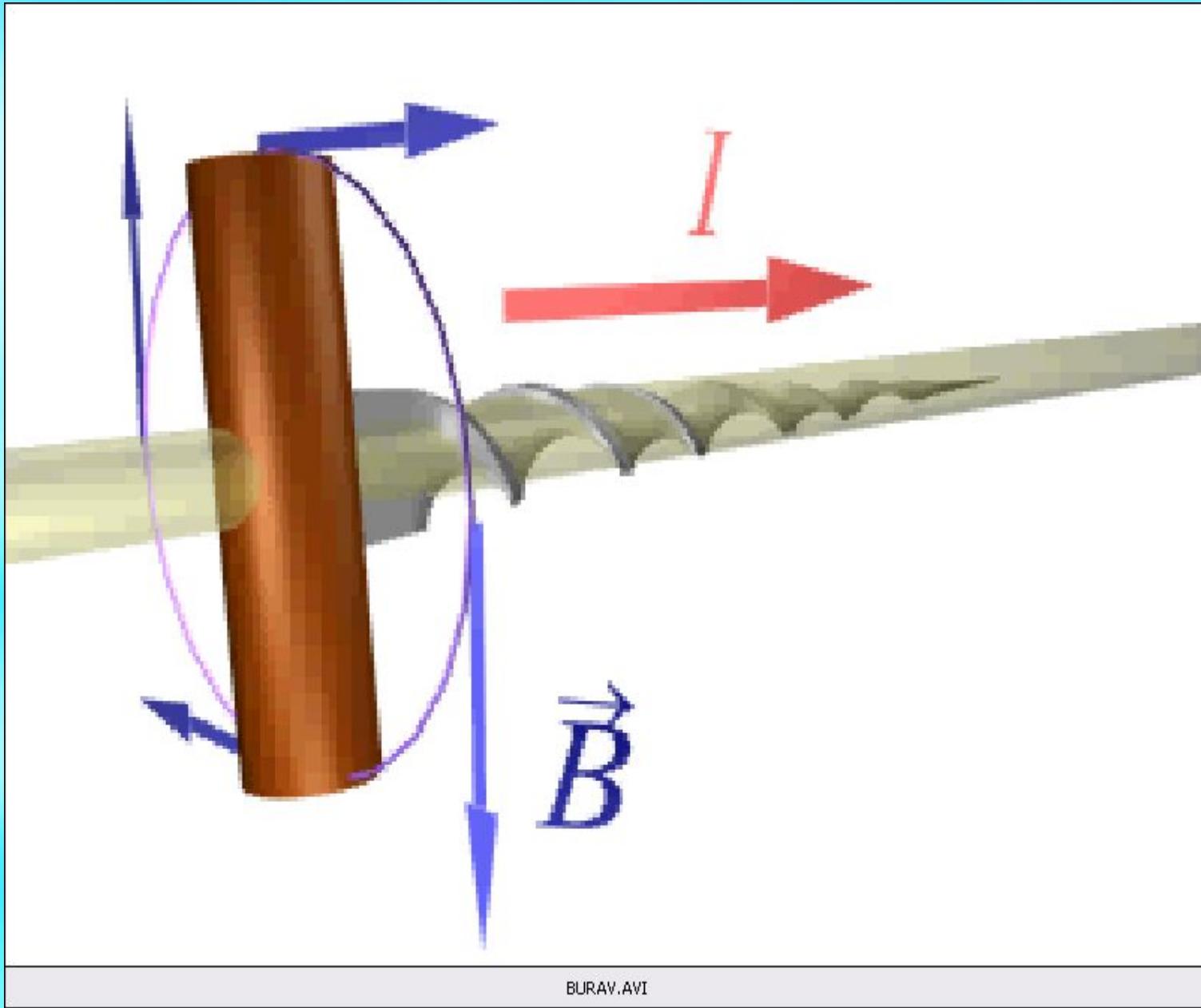


Появляется магнитное поле

# *Вокруг всякого движущегося заряда*

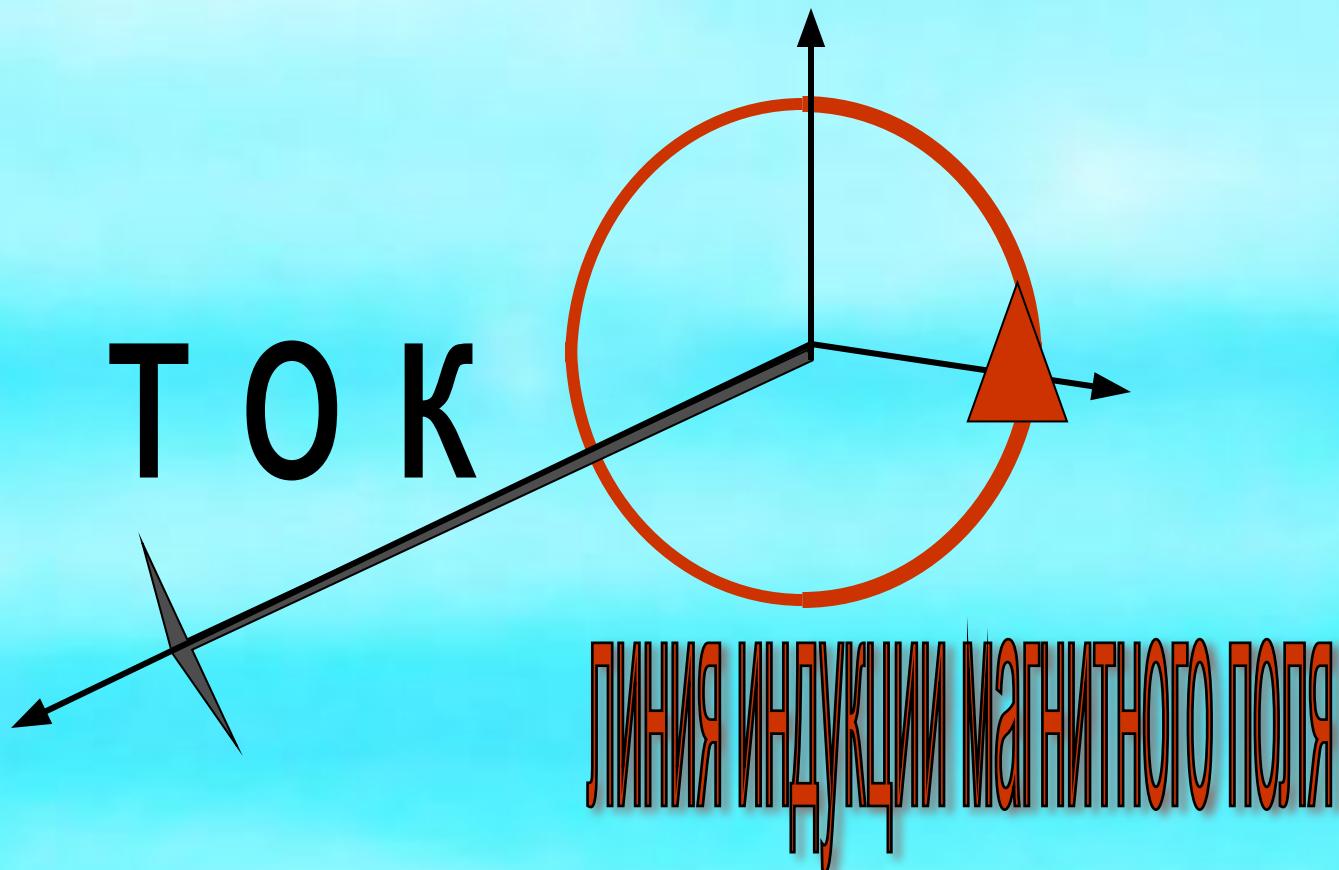


**Появляется магнитное поле**



BURAV.AVI

# Правило буравчика



# Правило буравчика



# Правило буравчика



Магнитное поле материально.  
Подобно электрическому полю, оно  
обладает энергией и, следовательно,  
массой.

Определение магнитного поля:

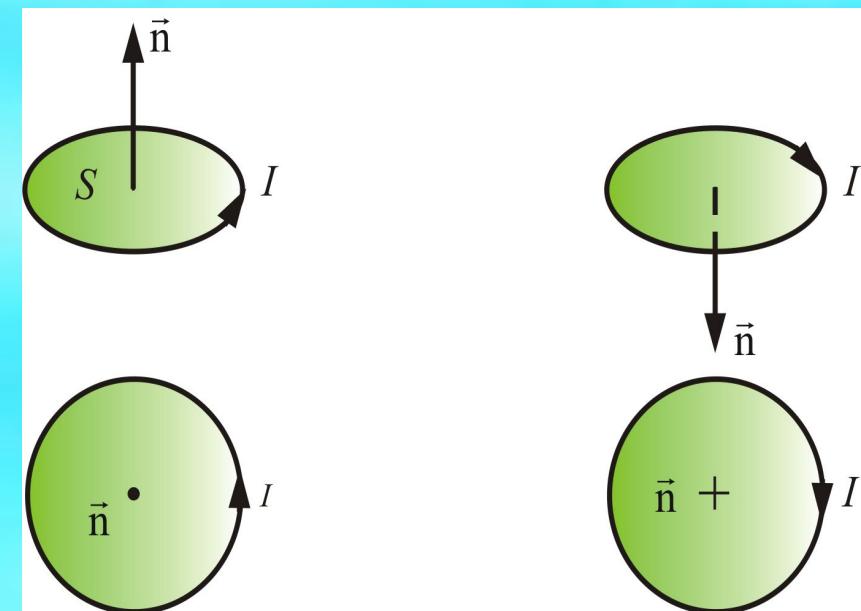
***Магнитное поле – это материя, связанная с движущимися зарядами и обнаружающая себя по действию на магнитные стрелки и движущиеся заряды, помещенные в это поле.***

Возьмем такой **контур с током I** и поместим его в магнитное поле.

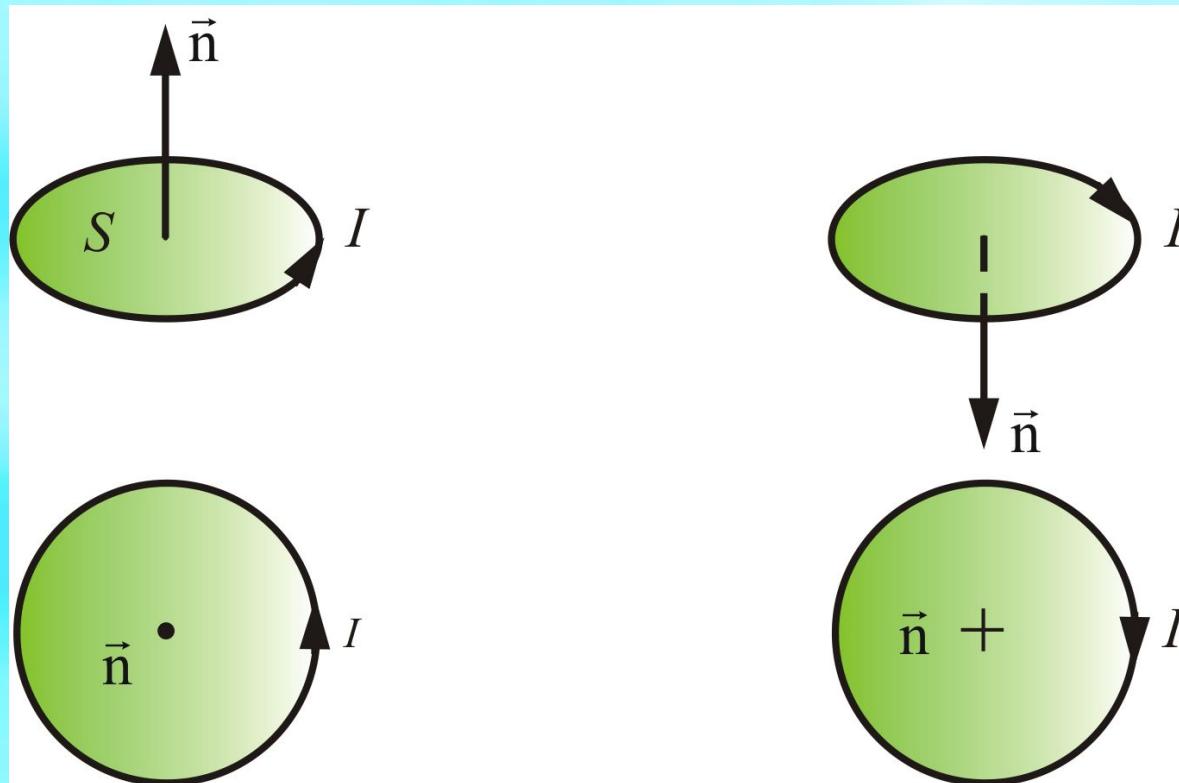
**Основное свойство магнитного поля – способность действовать на движущиеся электрические заряды** с определенной силой.

В магнитном поле контур с током будет ориентироваться определенным образом.

Ориентацию контура в пространстве будем характеризовать направлением нормали , связанной с движением тока *правилом правого винта или «правилом буравчика»*



- *Контур ориентируется в данной точке поля только одним способом.*
- *Примем положительное направление нормали за направление магнитного поля в данной точке.*



Вращающий момент прямо пропорционален величине тока  $I$ , площади контура  $S$  и синусу угла между направлением магнитного поля и нормали  $\vec{n}$  нормали  $n$

$$M \sim IS \sin(\vec{n}, \vec{B}),$$

здесь  $M$  – **вращающий момент**, или **момент силы**,

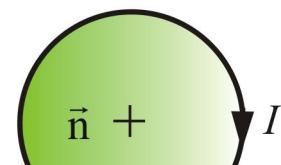
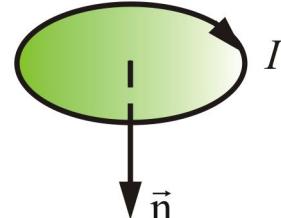
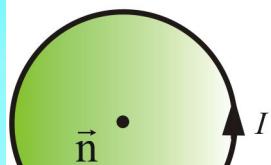
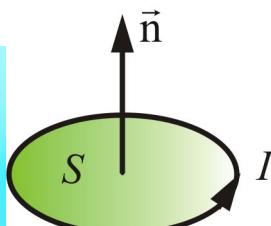
$$IS = P_m$$

(аналогично

$$ql = \vec{P}$$

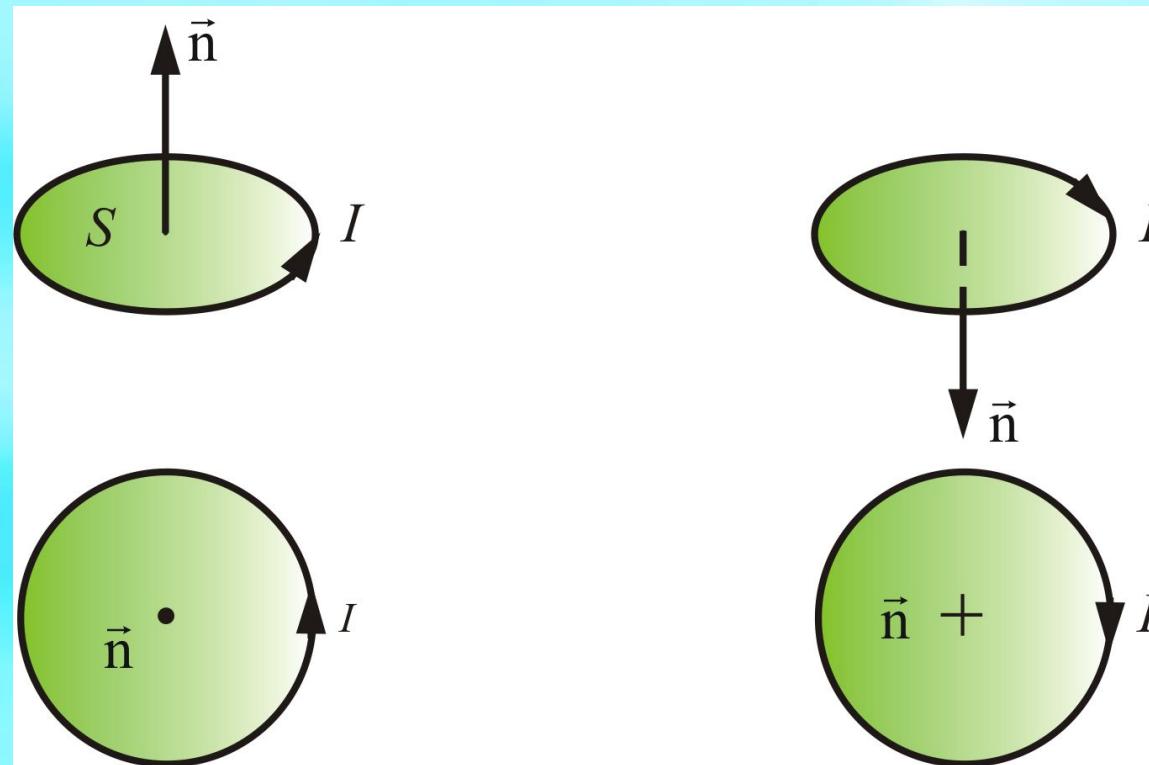
– **магнитный момент** контура

– электрический момент диполя).



**Направление вектора магнитного момента совпадает с положительным направлением нормали:**

$$\vec{P}_m = P_m \vec{n}.$$



# Отношение момента силы к магнитному моменту $\frac{M}{P_m}$

для данной точки магнитного поля будет одним и тем же и может служить характеристикой магнитного поля, названной **магнитной индукцией**:

$$B = \frac{M}{P_m \sin(n, B)}$$

$$\mathbb{B} = \frac{\mathbb{M}}{\mathbb{P}_m \max},$$

$\mathbb{B}$  – вектор магнитной индукции, совпадающий с нормалью  $n$

По аналогии с электрическим полем

$$\mathbb{E} = \frac{\mathbb{F}}{q}.$$

**Магнитная индукция**

**силовое действие магнитного поля на ток**

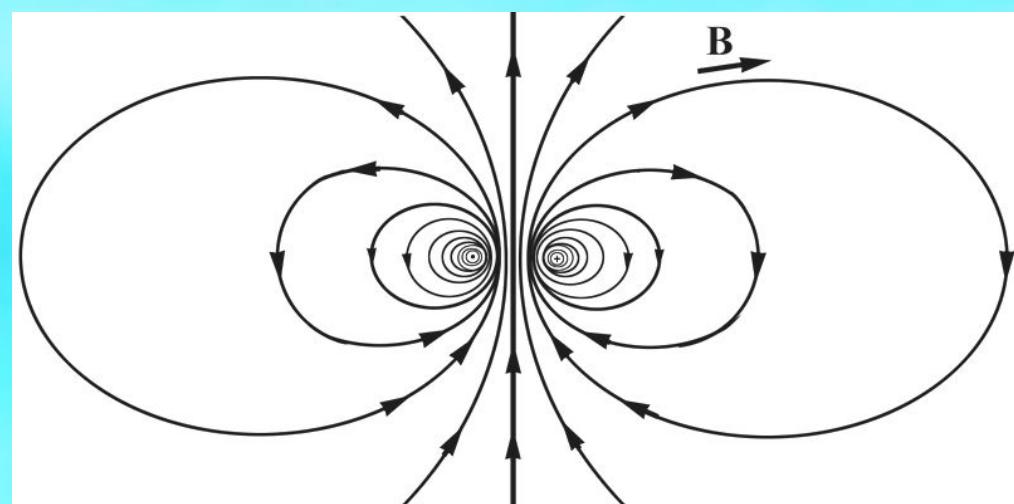
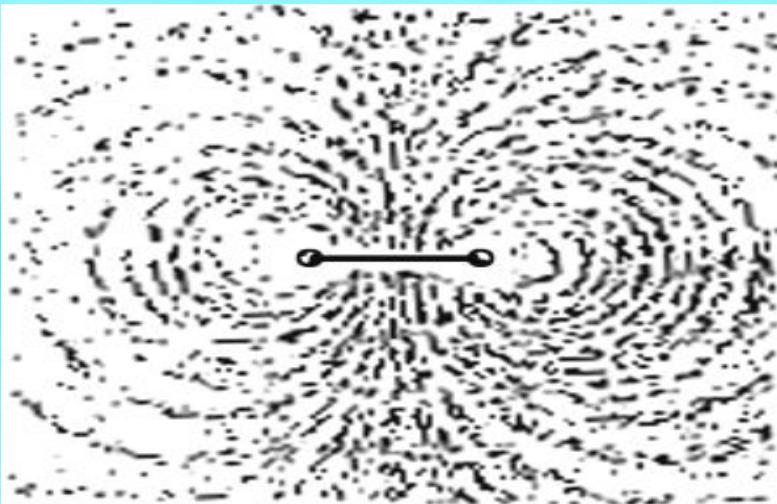
**В** характеризует

**силовое действие магнитного поля на ток**

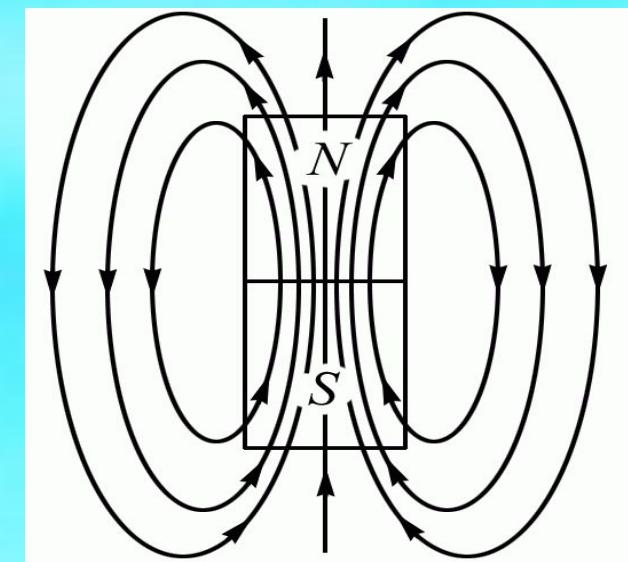
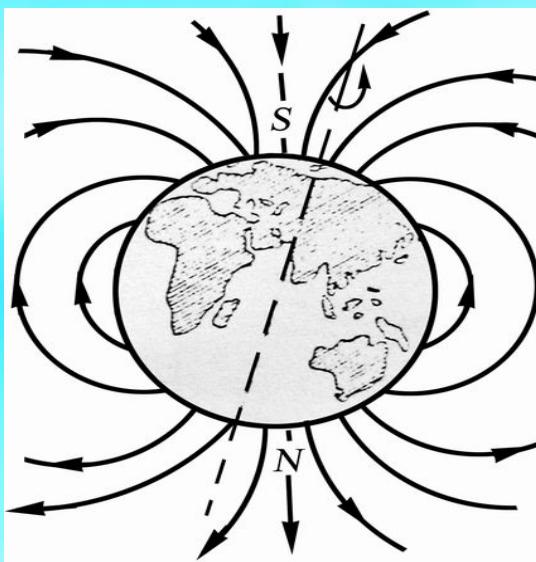
(аналогично,  $\vec{E}$  характеризует силовое действие электрического поля на заряд).

**В** – силовая характеристика магнитного поля, ее можно изобразить с помощью **магнитных силовых линий**.

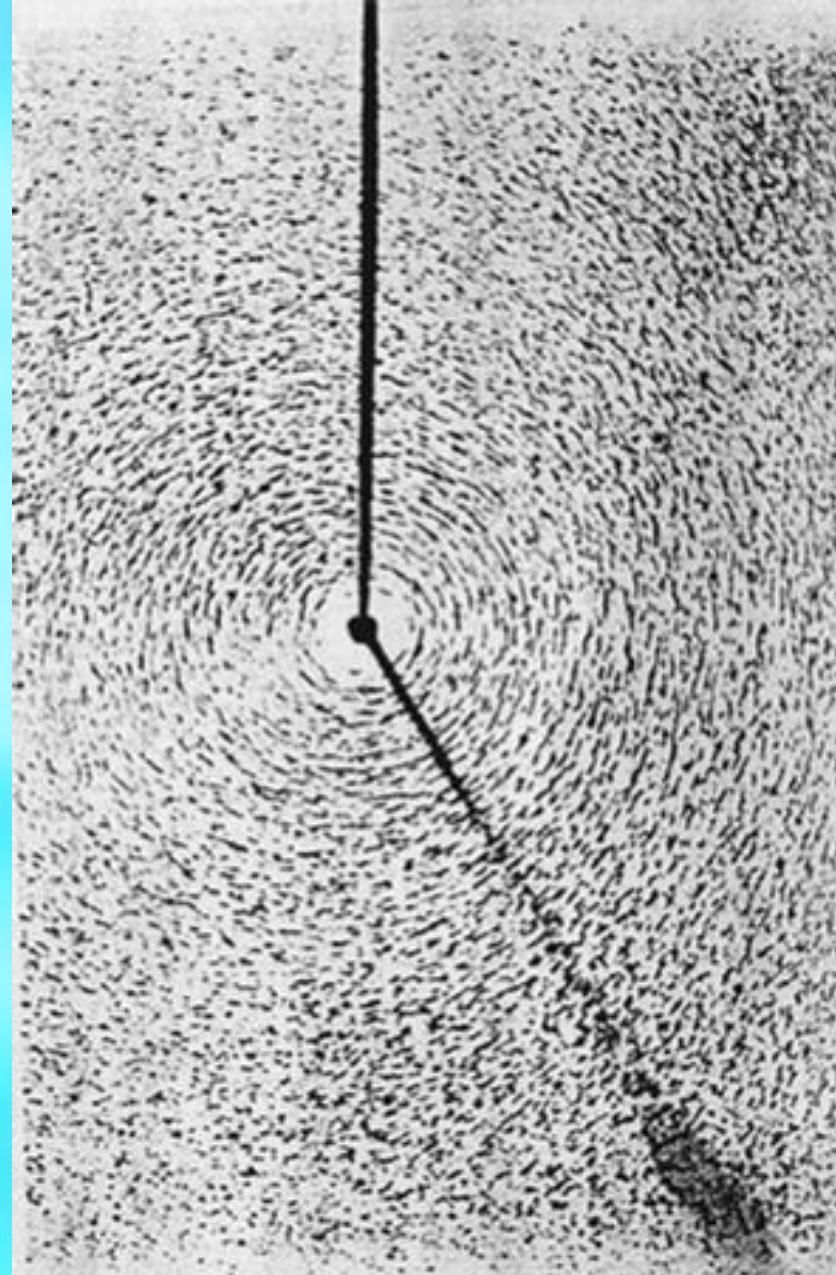
Поскольку  $M$  – момент силы и  $P_m$  – магнитный момент являются характеристиками вращательного движения, то можно предположить, что **магнитное поле – вихревое**.



- Условились, за направление  $\vec{B}$  принимать направление северного конца магнитной стрелки.
  - ***Силовые линии выходят из северного полюса, а входят, соответственно, в южный полюс магнита.***
  - Для графического изображения полей удобно пользоваться силовыми линиями (линиями магнитной индукции).
- Линиями магнитной индукции*** называются кривые, касательные к которым в каждой точке совпадают с направлением вектора  $\vec{B}$  в этой точке.



Конфигурацию силовых линий легко установить с помощью мелких опилок, которые намагничиваются в исследуемом магнитном поле и ведут себя подобно маленьким магнитным стрелкам (поворачиваются вдоль силовых линий).

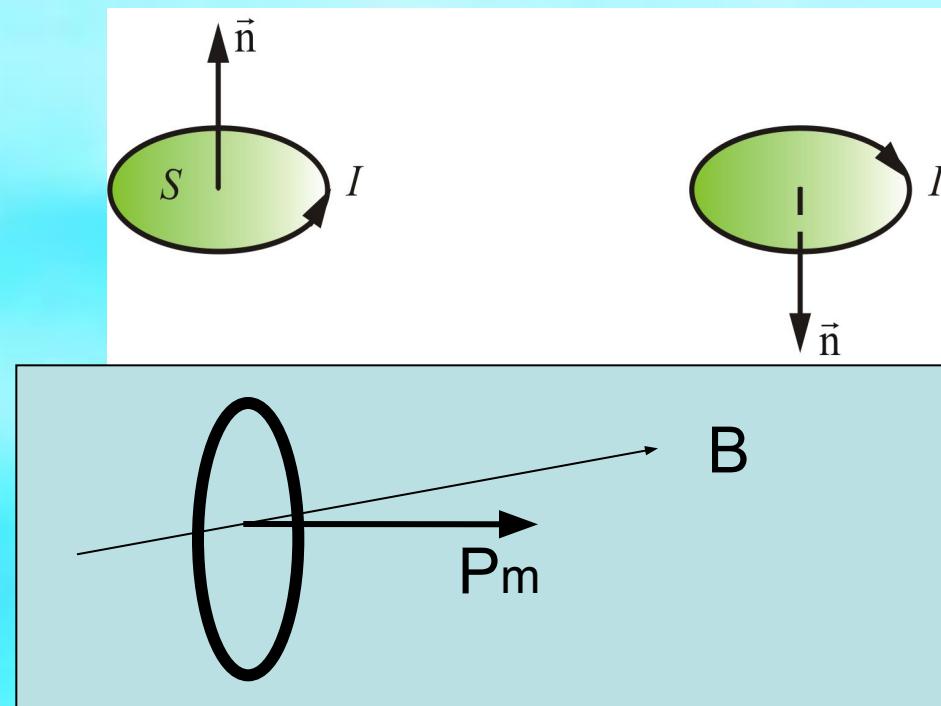


(рис. 1.3)

# *Три способа задать вектор магнитной индукции $B$*

Возьмем **контур с током I** и поместим его в магнитное поле. В магнитном поле контур с током будет ориентироваться, так чтобы вектор магнитного момента контура  $P_m$  и нормали совпадал с вектором  $B$  внешнего поля.

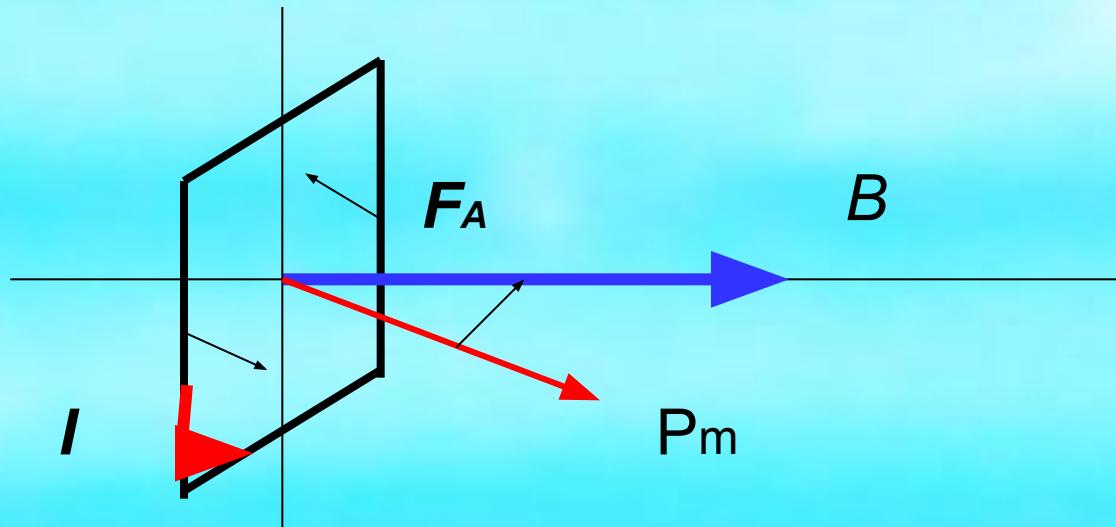
Направление нормали и вектора магнитного момента  $Pm$  связано с движением тока по контуру «правилом буравчика»



Поворот контура означает, что на него действует механический момент  $M$

Вращающий момент  $M$  прямо пропорционален величине тока  $I$ , площади контура  $S$ , вектору  $B$  и синусу угла между направлением магнитного поля и нормали  $n$ .

$$M = ISB \sin(\vec{n}, \vec{B}) = [P_m, B]$$



$$IS = P_m$$

- **магнитный момент** контура

## *Отношение момента силы к магнитному моменту* $\frac{M}{P_m}$

для данной точки магнитного поля будет одним и тем же и может служить характеристикой магнитного поля, названной **магнитной индукцией**  $B$ :

$$B = \frac{M}{P_m \sin(n, B)}$$

$$\boxed{B = \frac{\overset{\square}{M}}{\overset{\square}{P}_m \max \overset{\square}{n}},}$$

$\square$   **$B$  - вектор магнитной индукции, совпадающий с нормалью  $n$**

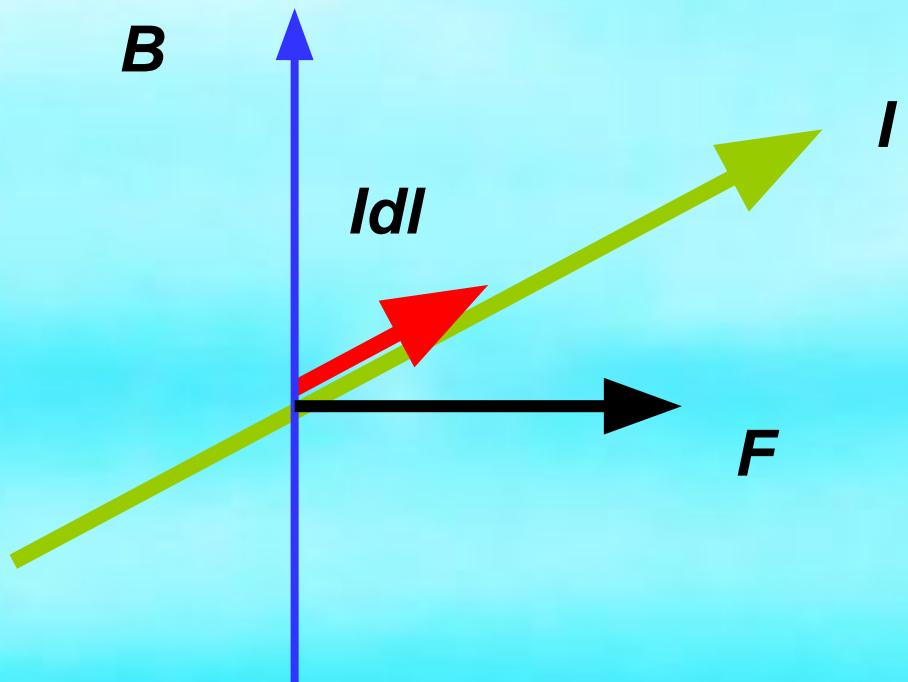
По аналогии с электрическим полем  $\overset{\square}{E} = \frac{\overset{\square}{F}}{q}$ .

## **Второй способ по силе Ампера.**

*Сила Ампера* действует на проводник  $dl$  с током  $I$ , помещенный в магнитное поле  $B$ , направлена перпендикулярно векторам  $dl$  и  $B$  и определяется по правилу произведения векторов: наблюдаемое со стороны конца вектора  $dF$  вращение векторов  $dl$  и  $B$  на наименьший угол, происходит против часовой стрелки.

$$dF = [I dl, B] \text{ или } F = [JI, B]$$

$$B = F_{max} / Jl$$



## **Третий способ: по силе Лоренца**

Сила, действующая на электрический заряд  $q$  во внешнем магнитном поле, зависит от скорости его движения  $V$  и величины индукции магнитного поля  $B(x,y,z)$ .

$$\mathbf{F} = q[\mathbf{V}, \mathbf{B}].$$

Выражение для силы было получено  
Лоренцем путем обобщения опытных  
данных

$$\mathbf{F} = q[\mathbf{V}, \mathbf{B}].$$

Вектор  $\mathbf{B}$  является силовым вектором  
и не зависит от величины и движения  
заряда  $q$ , он характеризует только  
магнитное поле, в котором движется  
заряд  $q$ .

$$B = F_{\max} / (qV)$$

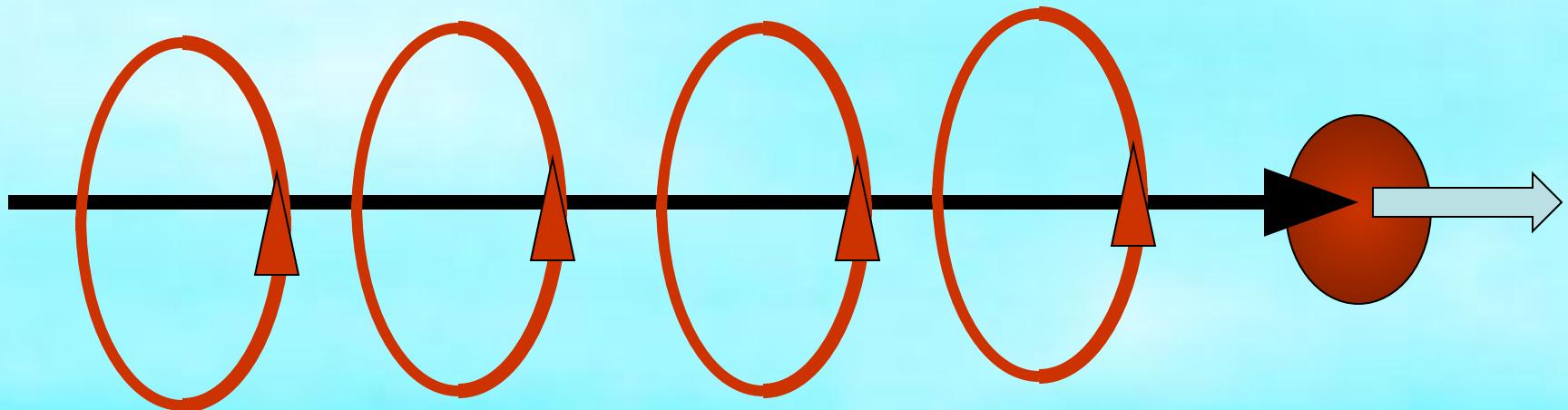
## 1.2. Закон Био–Савара–Лапласа

В 1820 г. французские физики Жан Батист **Био** и Феликс **Савар**, провели исследования магнитных полей токов различной формы. А французский математик Пьер **Лаплас** обобщил эти исследования.



Пьер-Симон Лаплás (23 марта 1749 — 5 марта 1827) — выдающийся французский математик, физик и астроном; известен работами в области небесной механики, дифференциальных уравнений, один из создателей теории вероятностей.

$$qV=const$$



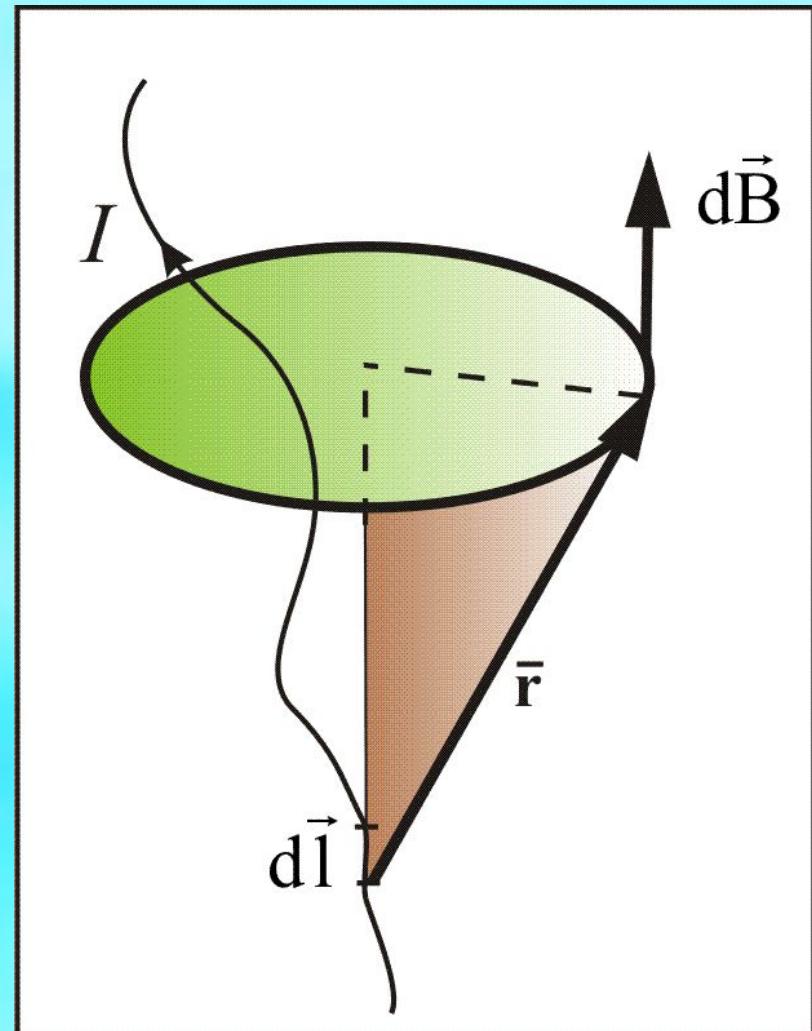
Появляется магнитное поле

# Закон Био–Савара–Лапласа

*Элемент тока длины  $d\ell$  создает поле с магнитной индукцией:*

$$dB = k \frac{I d\ell}{r^2}$$

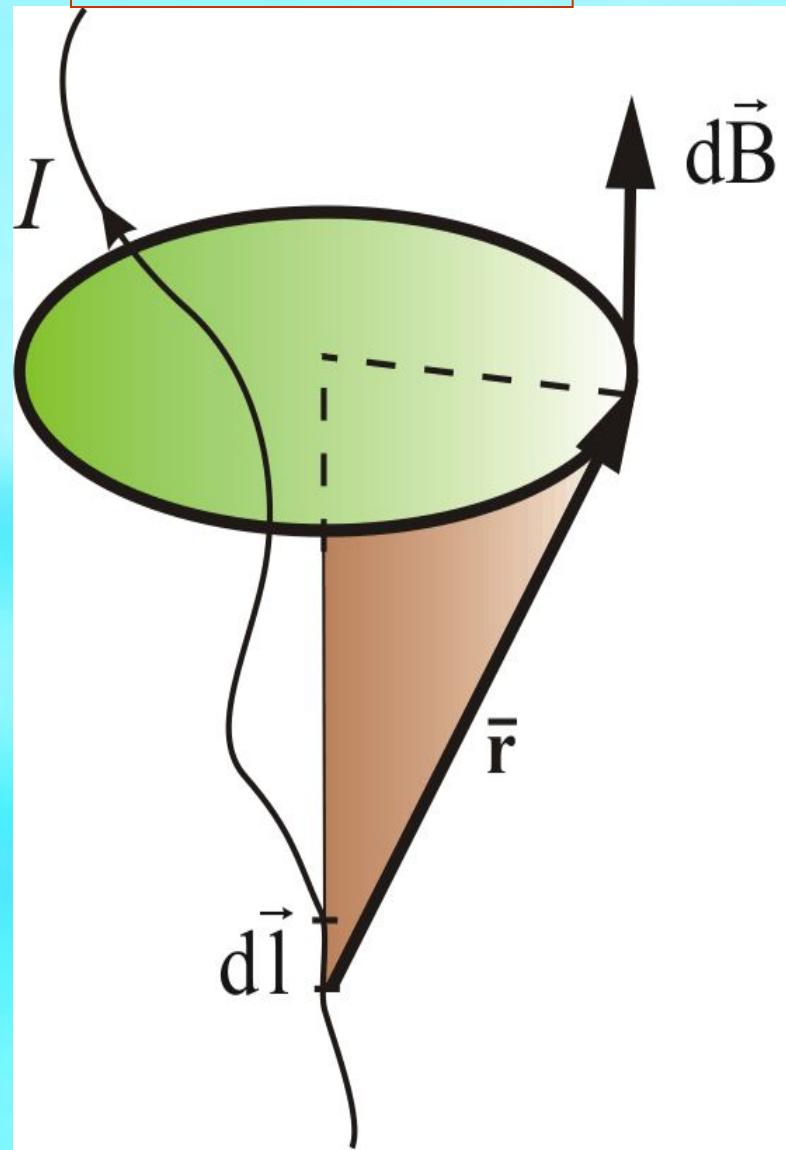
$$\boxed{dB = k \frac{I[d\vec{l}, \vec{r}]}{r^3}}.$$



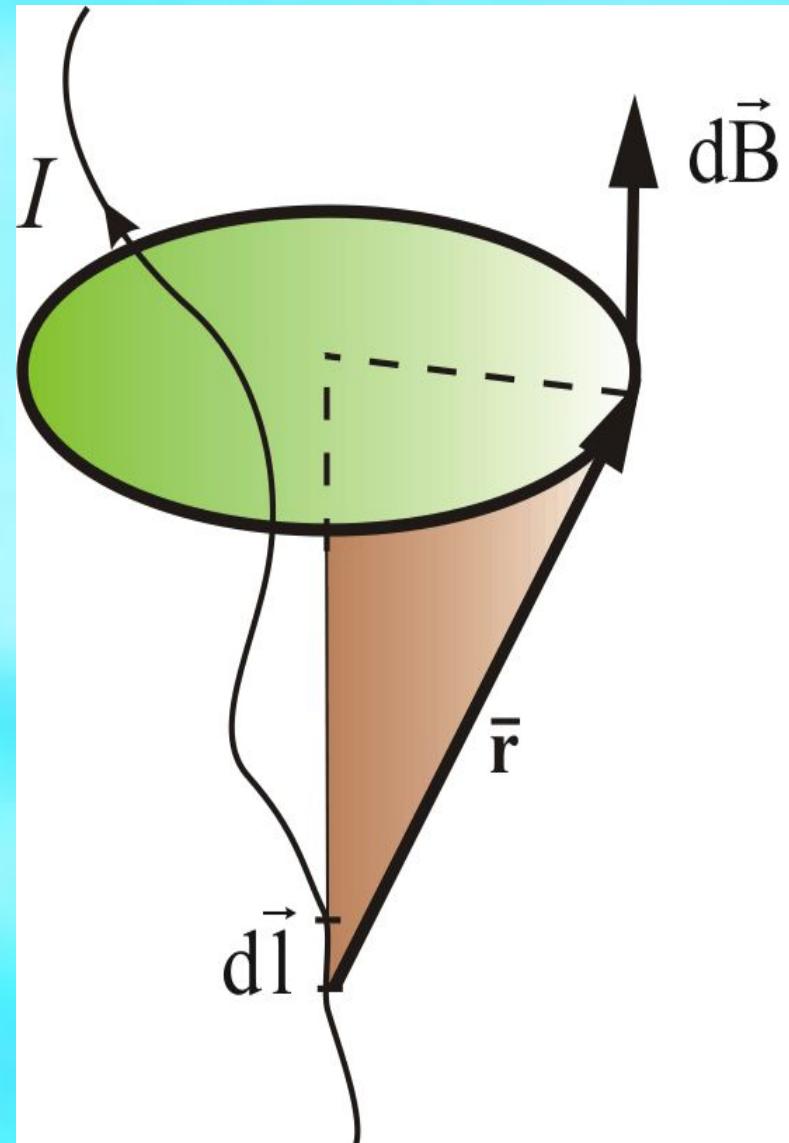
Здесь:

- ток;
- вектор, совпадающий с элементарным участком тока и направленный в ту сторону, куда течет ток;
- радиус-вектор, проведенный от элемента тока в точку, в которой мы определяем  $d\vec{B}$ ;
- модуль радиус-вектора;
- коэффициент пропорциональности, зависящий от системы единиц.

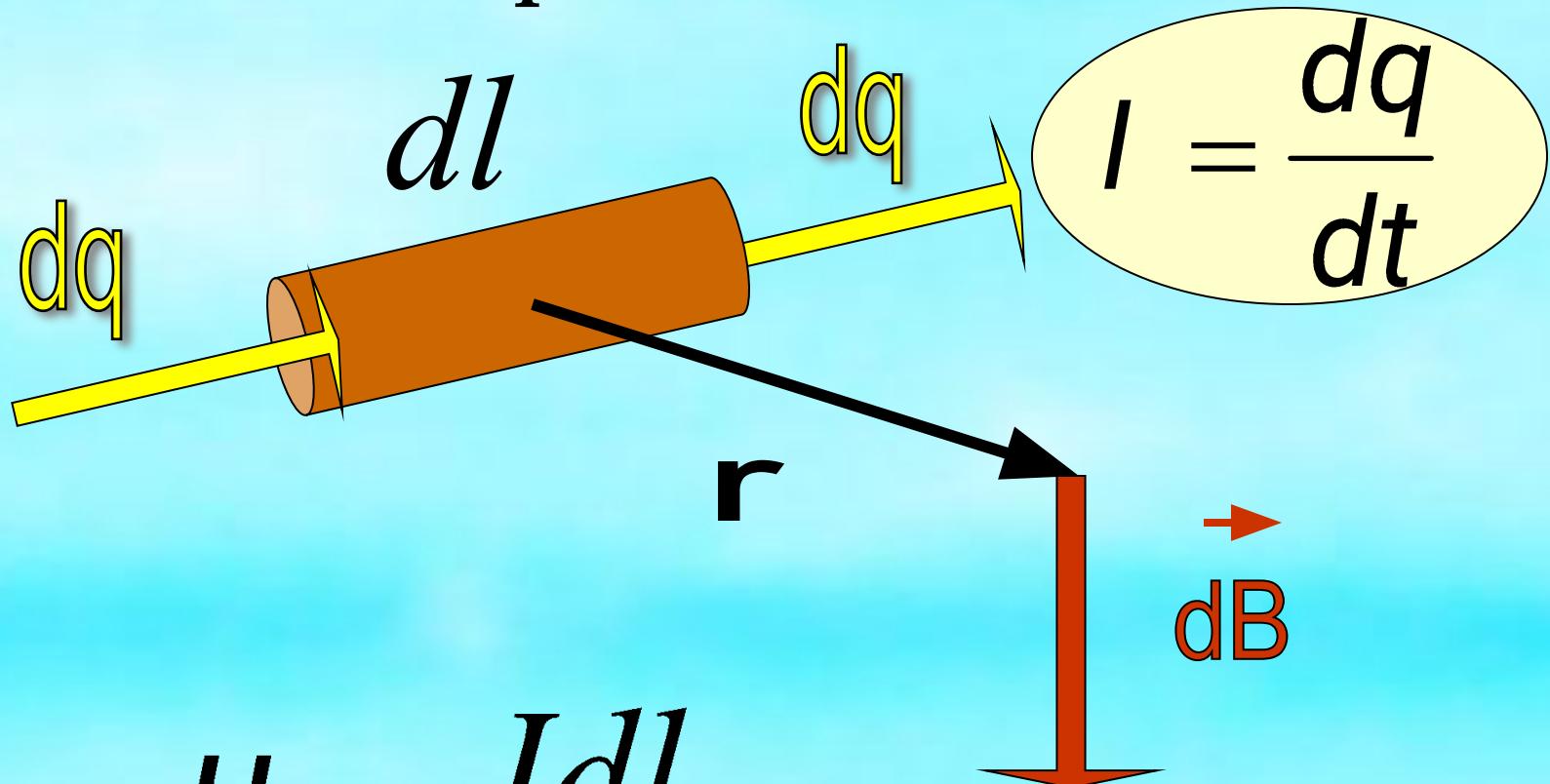
$$dB = k \frac{Idl}{r^2}$$



*Вектор магнитной индукции  $d\vec{B}$  направлен перпендикулярно плоскости, проходящей через  $d\vec{l}$  и точку, в которой вычисляется поле.*



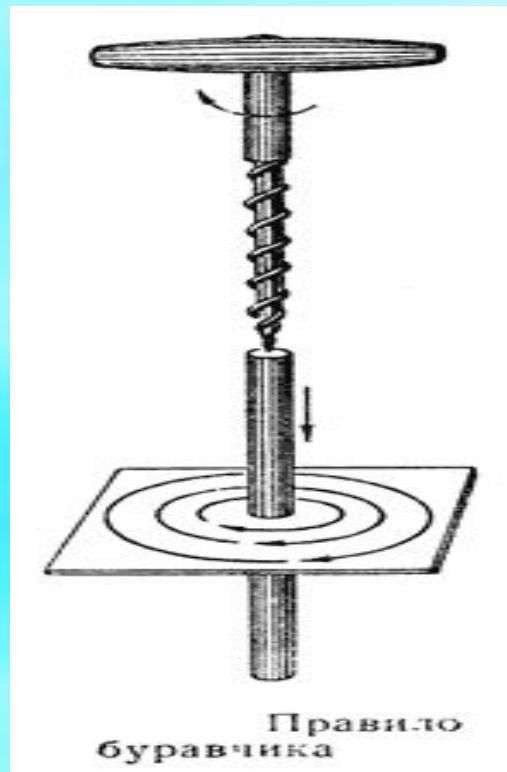
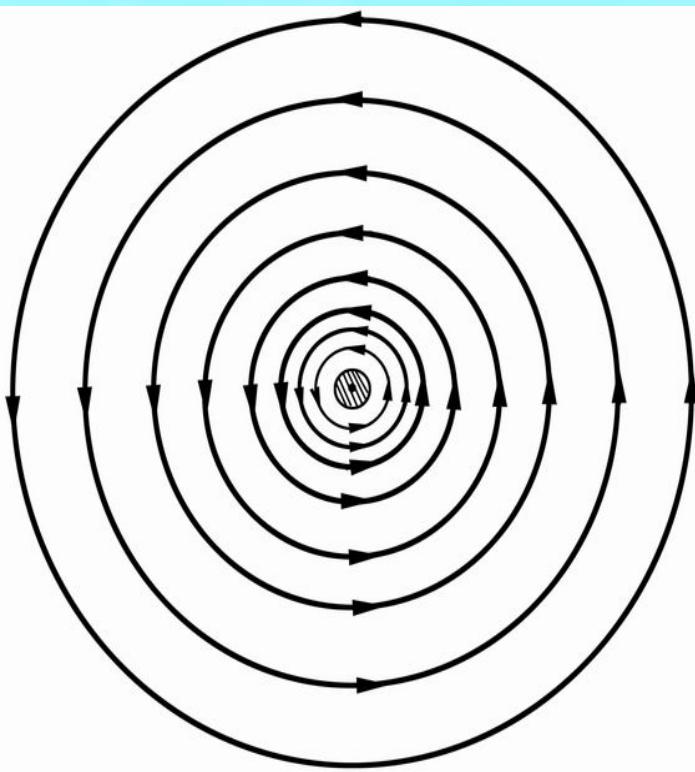
# Поле элемента проводника с током



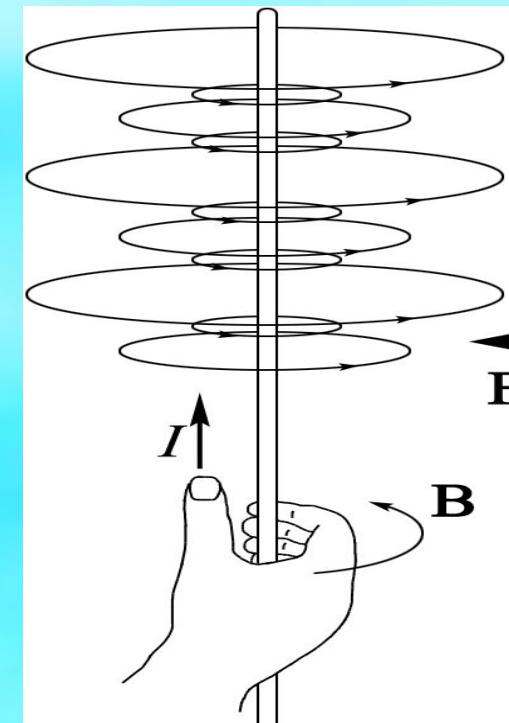
$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{r^2} \sin \alpha$$

Направление  $d\mathbf{B}$  связано с направлением  $d\mathbf{l}$

**«правилом буравчика»:** направление вращения головки винта дает направление, поступательное движение винта соответствует направлению тока в элементе.



Правило  
буравчика



Закон Био–Савара–Лапласа устанавливает величину и направление вектора в произвольной точке магнитного поля, созданного проводником с током  $I$ .  
 $d\vec{l}$

Модуль вектора определяется соотношением:

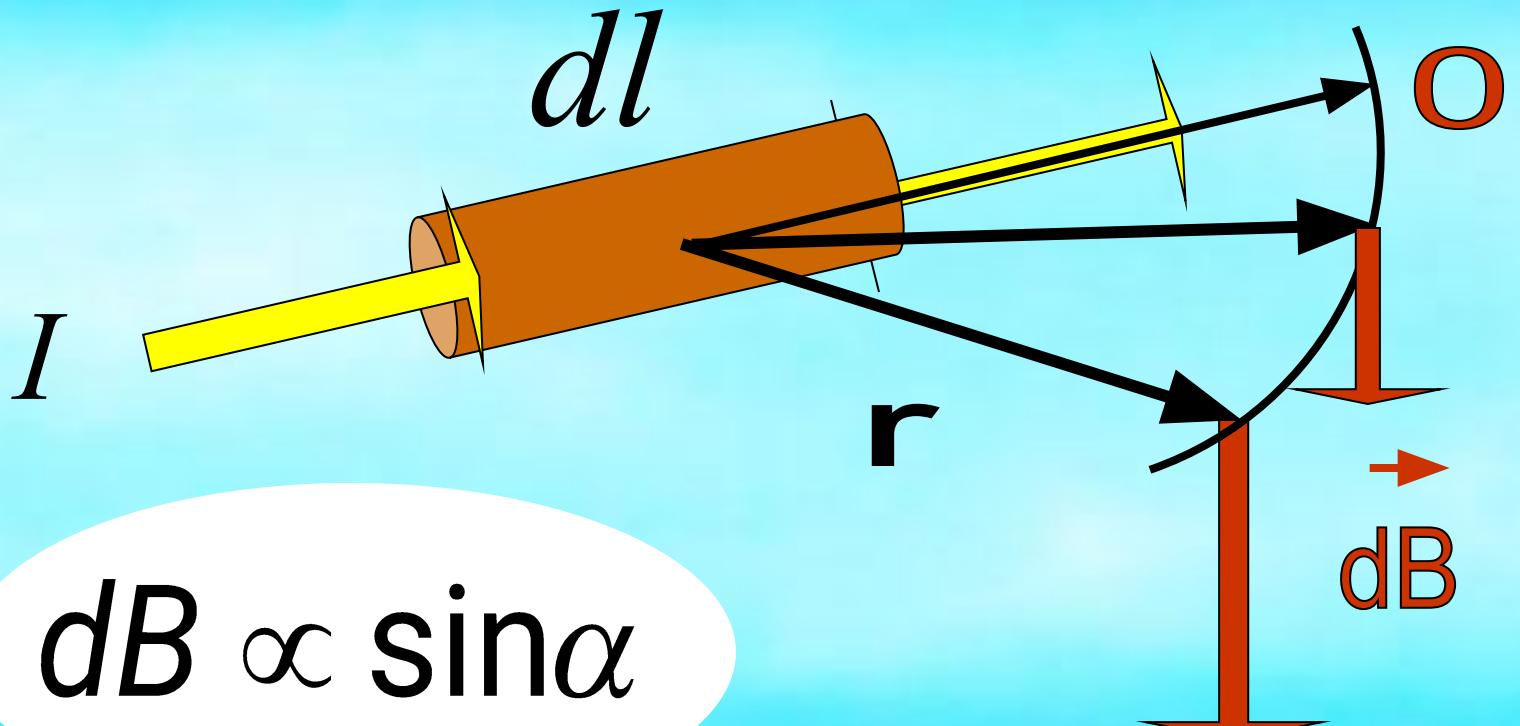
$$dB = k \frac{Idl \sin \alpha}{r^2},$$

где  $\alpha$  - угол между  $d\vec{l}$  и  $\vec{r}$ ;  $k$  – коэффициент пропорциональности.

Закон Био–Савара–Лапласа для вакуума можно записать так:

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Idl \sin \alpha}{r^2},$$

где  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  Ганнитная  
постоянная.



$$\sin 90^\circ = 1, \quad \sin 30^\circ = 0,5$$
$$\sin 0^\circ = 0$$

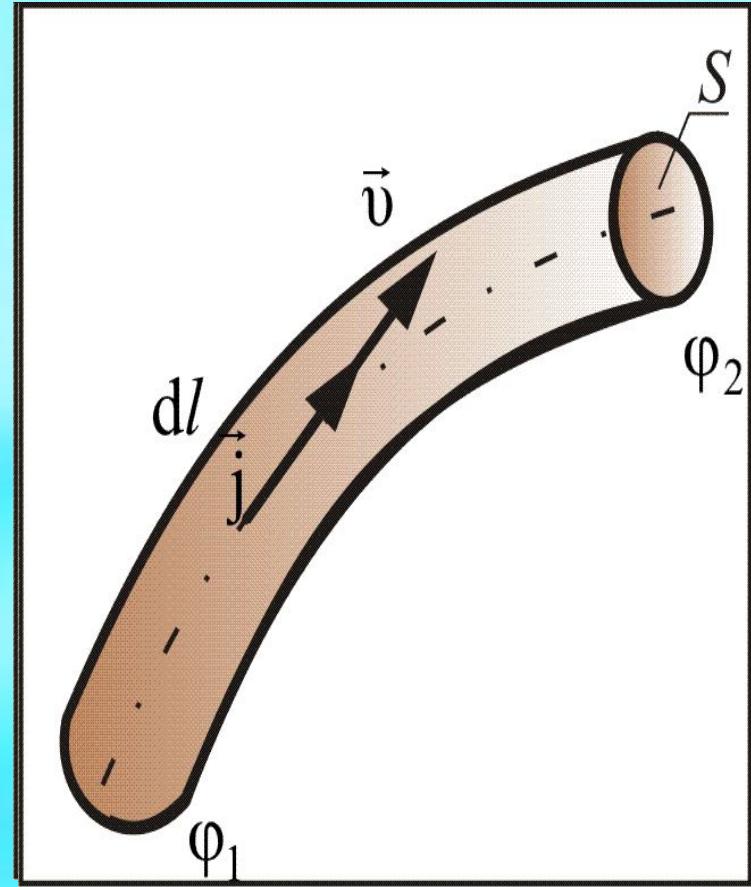
*Магнитное поле любого тока может быть вычислено как векторная сумма (**суперпозиция**) полей, создаваемых отдельными элементарными участками тока:*

$$\vec{B} = \sum \vec{B}_i.$$

# 1.3. Магнитное поле движущегося заряда

**Электрический ток**  
– упорядоченное  
движение зарядов,  
а, как мы доказали  
только что, **магнитное**  
**поле порождается**  
**движущимися**  
**зарядами.**

Найдем магнитное поле,  
создаваемое **одним**  
**движущимся зарядом**  
(рис. 1.5).



(рис. 1.5)

В уравнении

$$\boxed{\text{1.2.2) } dB = k \frac{I[d][r]}{r^3}}$$

на  $jS$ , где  $j$  – плотность тока.

Векторы  $j$  и  $d$  имеют одинаковое направление, значит:

$$\boxed{Idl = Sjdl.}$$

Если все заряды одинаковы и имеют заряд  $q$ ,  
то:

$$\vec{j} = qn\vec{v} \quad (1.3.1)$$

где  $n$  – число носителей заряда в единице объема;

$\vec{v}$  дрейфовая скорость зарядов.

Если заряды положительные, то и имеют одно направление (рис. 1.5). Подставив (1.3.1) в (1.2.2), получим:

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Sdlnq[\vec{v}, \vec{r}]}{r^3}. \quad (1.3.2)$$

Обозначим  $dN = Sdl n$  – число носителей заряда в отрезке  $dl$ . Разделив (1.3.2) на это число, получим **выражение для индукции магнитного поля, созданного одним зарядом, движущимся со скоростью  $v$ :**

$$\mathbb{B}_1 = \frac{dB}{dN} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q[v, r]}{r^3}.$$

(1.3.3)

В скалярной форме **индукция магнитного поля одного заряда** в вакууме определяется по формуле:

$$B_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q v \sin(\vec{v}, \vec{r})}{r^2}. \quad (1.3.4)$$

Эта формула справедлива при скоростях заряженных частиц  $v \ll c$

# 1.4. Напряженность магнитного поля

*Магнитное поле – это одна из форм проявления электромагнитного поля, особенностью которого является то, что **это поле действует только на движущиеся частицы и тела, обладающие электрическим зарядом, а также на намагниченные тела.***

*Магнитное поле создается проводниками с током, движущимися электрическими заряженными частицами и телами, а также переменными электрическими полями.*

***Силовой характеристикой магнитного поля служит вектор магнитной индукции***  
поля созданного одним зарядом в вакууме:

$$\mathbf{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q[\mathbf{v}, \mathbf{r}]}{r^3}$$

# Физический смысл магнитной индукции

$$|B| = \frac{|F|}{qV \sin\alpha}$$

$$\text{Тл} = \text{Н}\cdot\text{с} / \text{Кл}\cdot\text{м}$$

**Напряженностью магнитного поля называют векторную величину , характеризующую магнитное поле и определяемую следующим образом:**

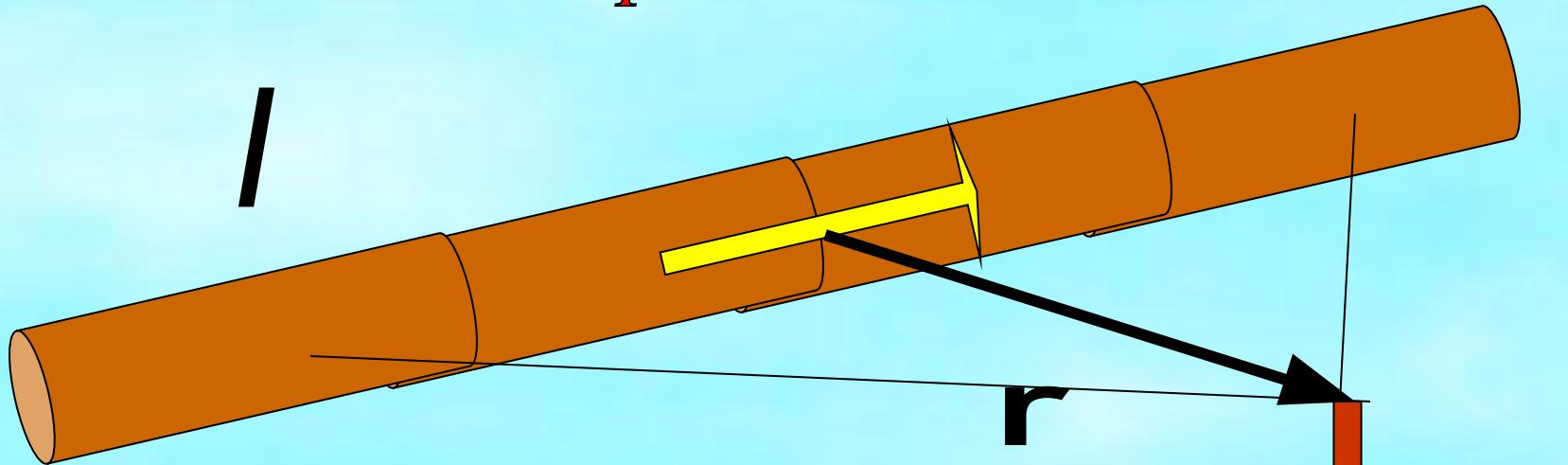
$$\mathbb{H} = \frac{\mathbb{B}}{\mu_0}.$$

Напряженность магнитного поля заряда  $q$ , движущегося в вакууме равна:

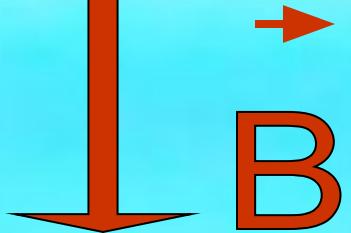
$$\mathbb{H} = \frac{1}{4\pi} \frac{q[\mathbb{v}, \mathbf{r}]}{r^3}$$

**Закон Био–Савара–Лапласа для  $\mathbb{H}$**

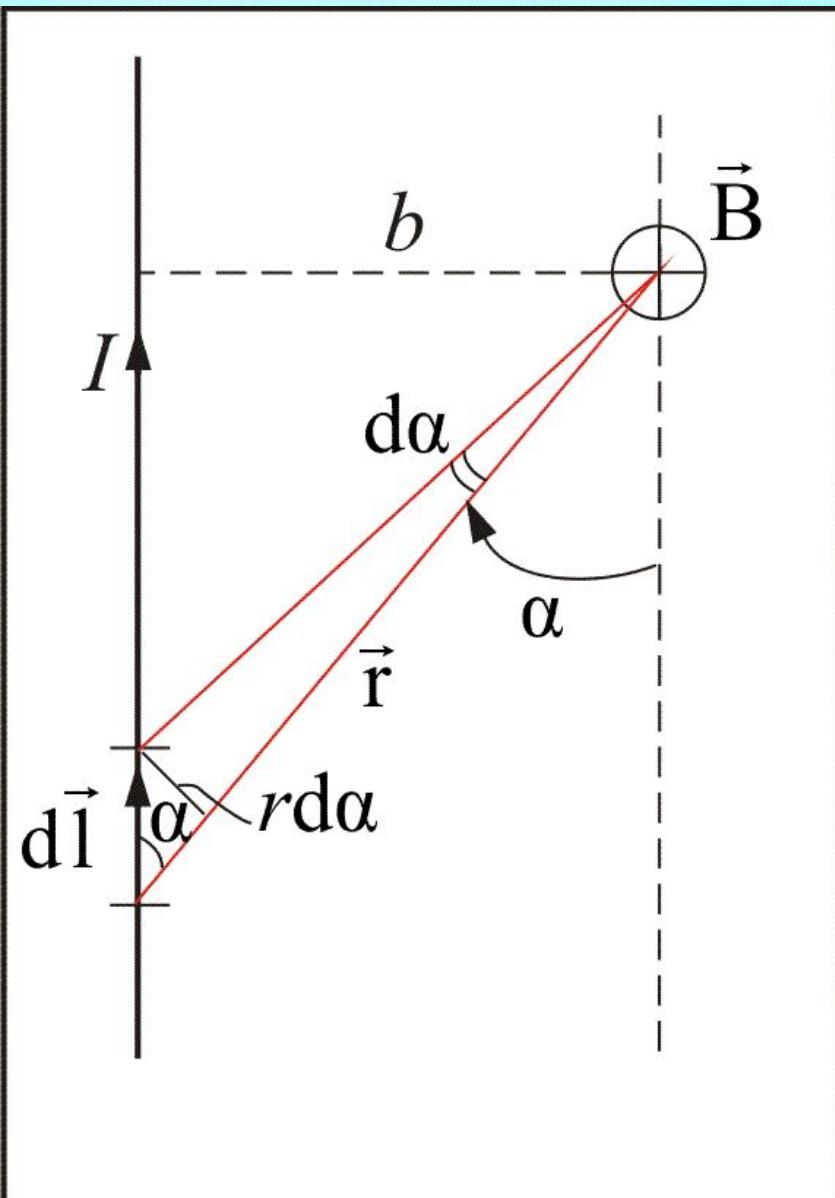
## *Поле прямого тока*



$$B_{\infty} = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{Il}{r}$$



# 1.5. Магнитное поле прямого тока



Рассмотрим  
магнитное поле  
прямого тока

Пусть точка, в которой определяется магнитное поле, находится на расстоянии  $b$  от провода. Из рис. 1.6 видно, что:

$$r = \frac{b}{\sin\alpha}; \quad dl = \frac{r d\alpha}{\sin\alpha} = \frac{b d\alpha}{\sin^2\alpha}.$$

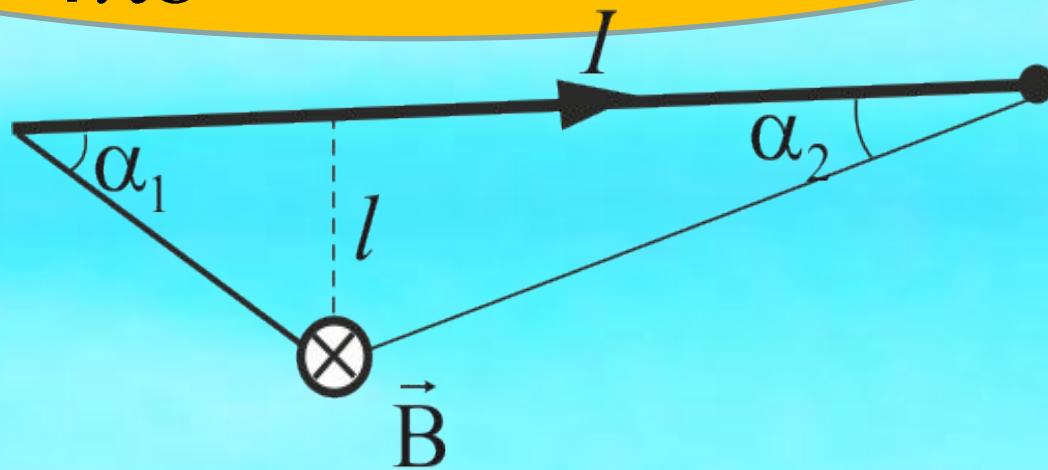
Подставив найденные значения  $r$  и  $dl$  в закон Био–Савара–Лапласа, получим:

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I b d\alpha \sin\alpha \sin^2\alpha}{\sin^2\alpha \cdot b^2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi b} \sin\alpha d\alpha.$$

Для **конечного проводника** угол  $\alpha$  изменяется от  $\alpha_1$ , до  $\alpha_2$ .

Тогда:  $B = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} dB = \frac{\mu_0}{4\pi b} \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} I \sin \alpha d\alpha = \frac{\mu_0 I}{4\pi b} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi b} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$$



Для **бесконечно длинного проводника**

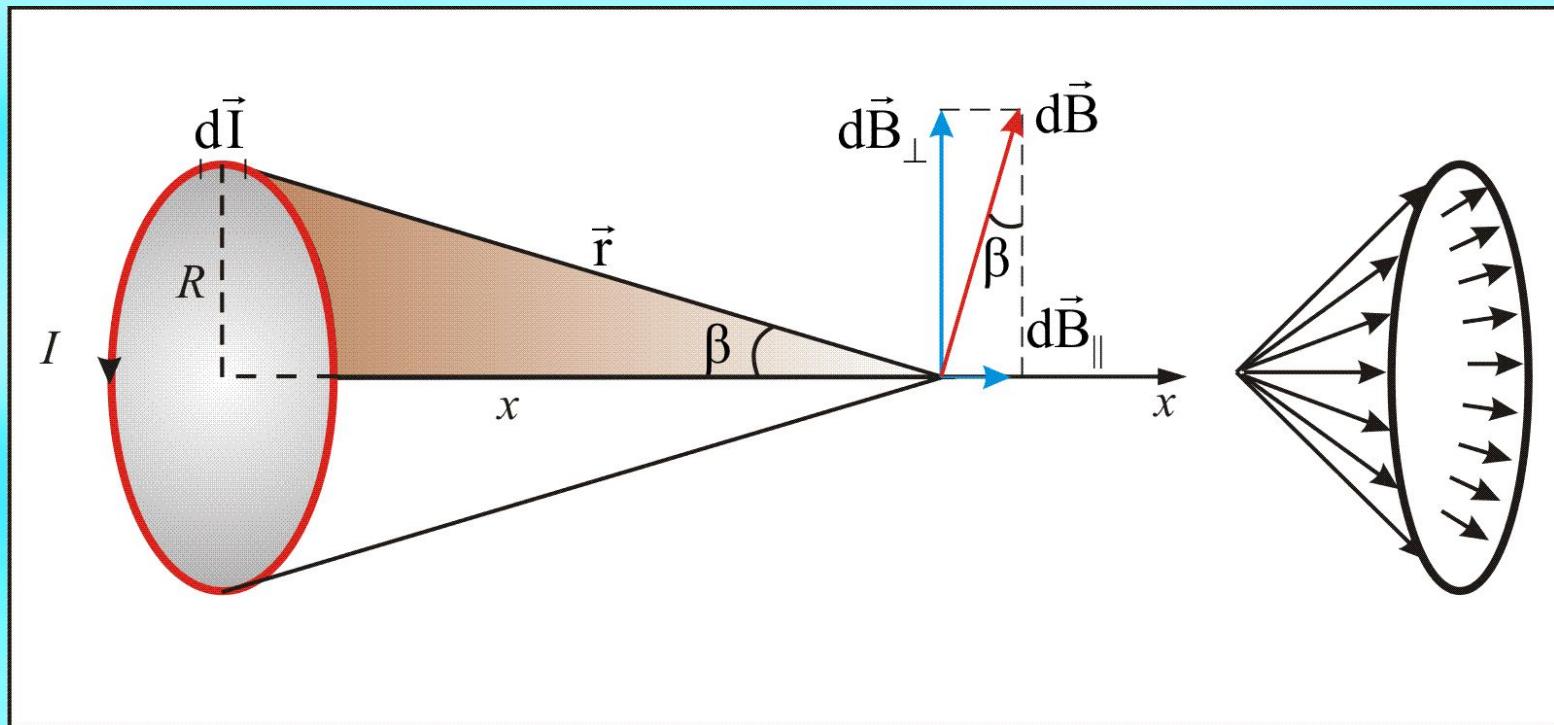
а       $\alpha_1 \neq 0$ , да:       $\alpha_2 = \pi$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi b}$$

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2I}{b}.$$

# 1.6. Магнитное поле кругового тока

Рассмотрим поле, создаваемое током  $I$ , текущим по тонкому проводу, имеющему форму окружности радиуса  $R$  (рис. 1.7).



$$\sin\beta = \frac{R}{r}$$

$$dB_{||} = dB \sin\beta$$

т.к. угол между  $d\vec{l}$  и  $\vec{r}$   $\alpha$  — прямой, то  
тогда получим:  
 $\sin\alpha = 1$ ,

$$dB_{||} = dB \frac{R}{r} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Idl}{r^2} \frac{R}{r}.$$

Подставив в (1.6.1)  $r = \sqrt{R^2 + x^2}$   
 проинтегрировав по всему контуру  $l = 2\pi R$   
 получим выражение для нахождения  
**магнитной индукции кругового тока:**

(1.6.2)

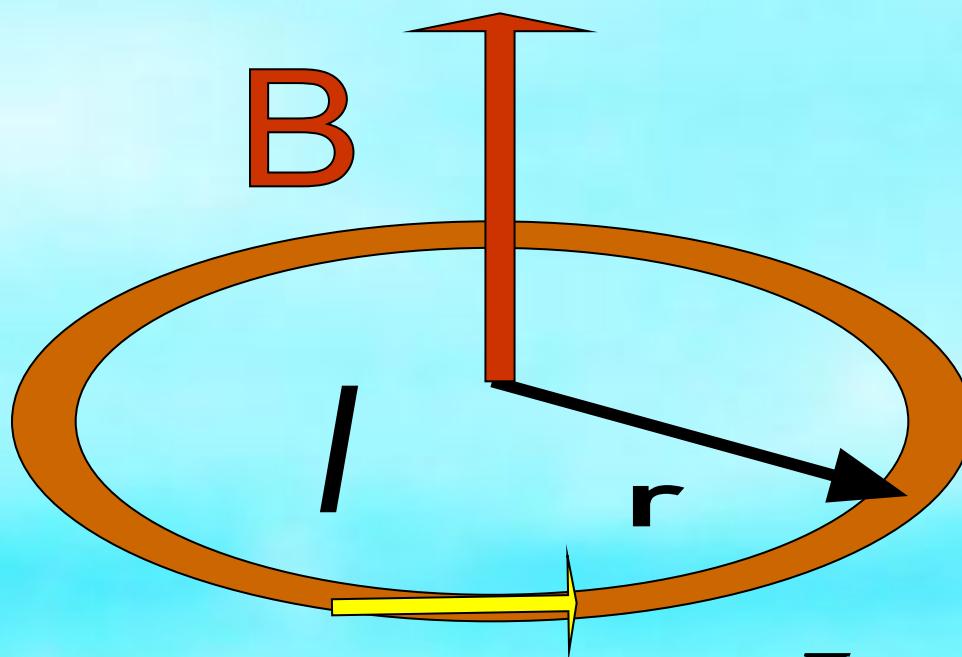
$$B = \int_0^{2\pi R} dB_{||} = \frac{\mu_0 I R}{4\pi r^3} \int_0^{2\pi R} dl = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(R^2 + x^2)^{3/2}}.$$

При  $x = 0$  получим **магнитную индукцию в центре кругового тока:**

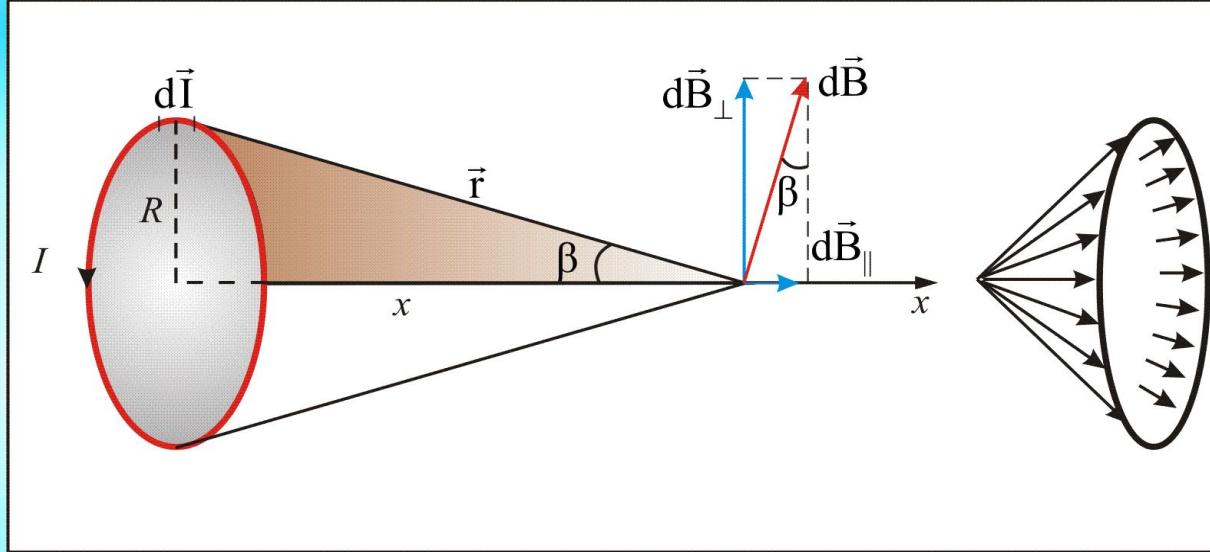
$$B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

(1.6.3)

*Поле в центре кругового тока*



$$B_o = \frac{\mu_0}{2} \cdot \frac{I}{r}$$



**На расстоянии  $x$  от кольца получим магнитную индукцию**

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(R^2 + x^2)^{3/2}}.$$

**При  $x \gg R$ , т.е., на большом расстоянии от кольца получим**

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{x^3}.$$

Заметим, что в числителе (1.6.2)

$I\pi R^2 = IS$  магнитный момент контура.

Тогда, на большом расстоянии от контура, при  $R \ll x$ , магнитную индукцию можно рассчитать через магнитный момент  $P_m$  по формуле:

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2P_m}{x^3}. \quad (1.6.4)$$

Силовые линии магнитного поля кругового тока хорошо видны в опыте с железными опилками (рис. 1.8).

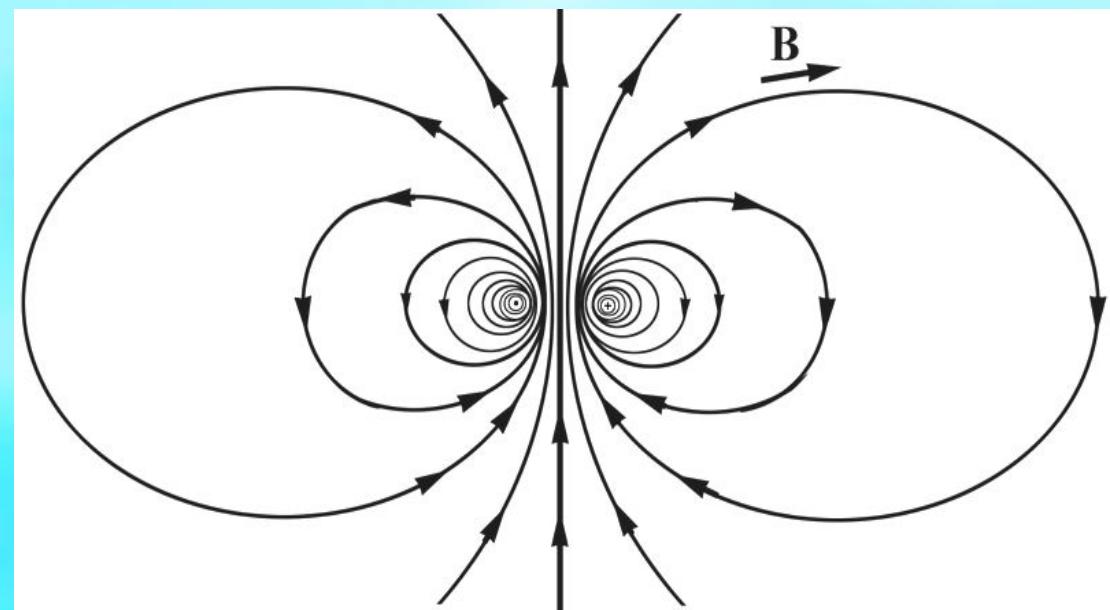
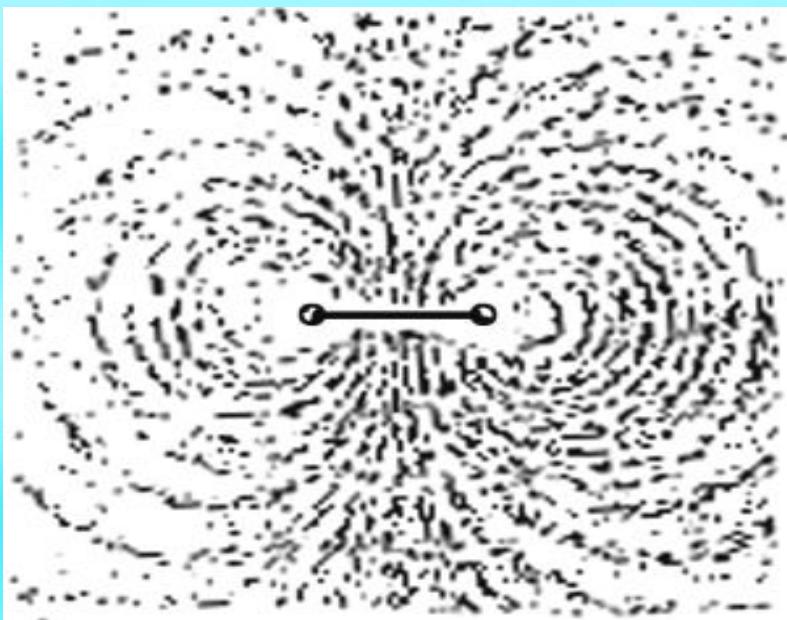
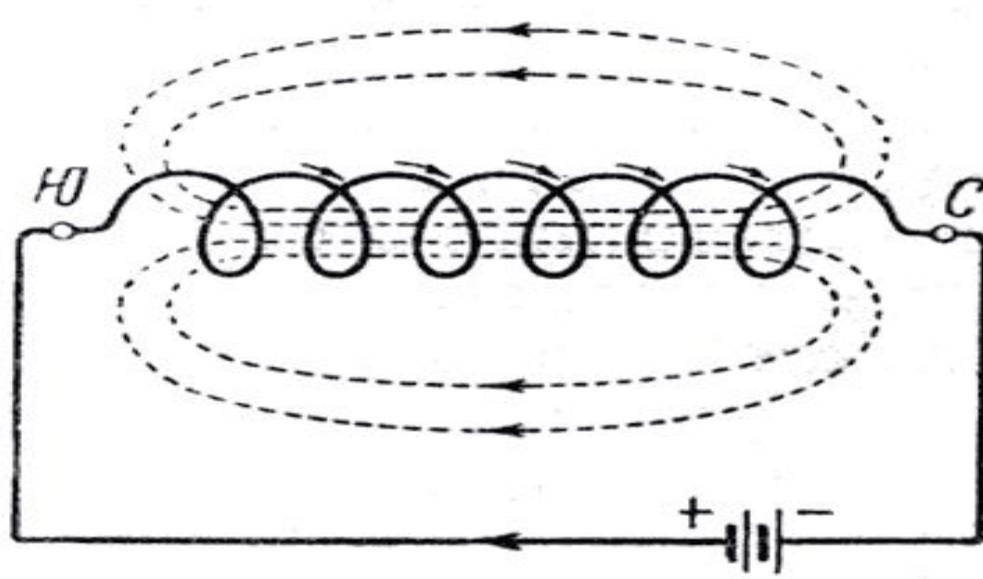
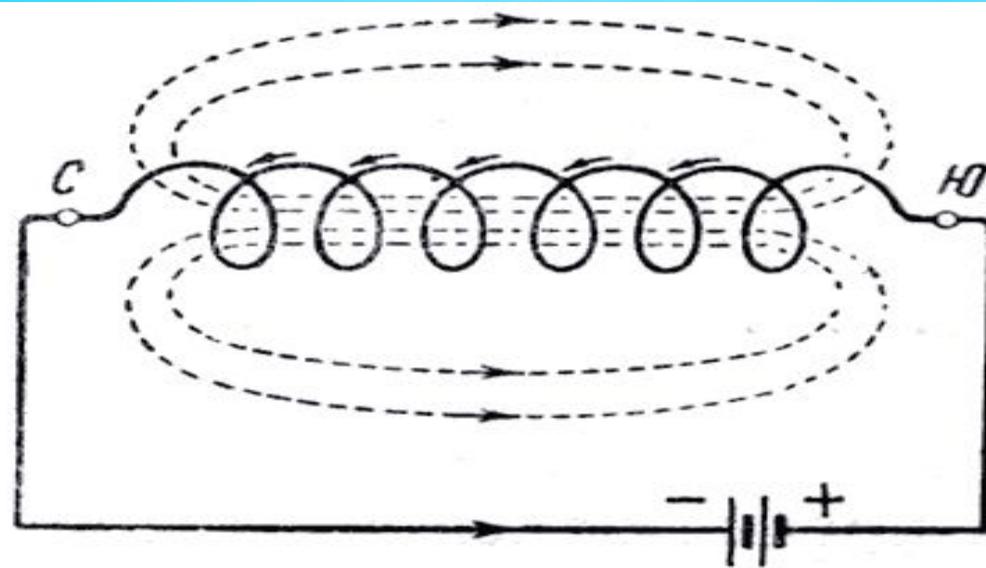
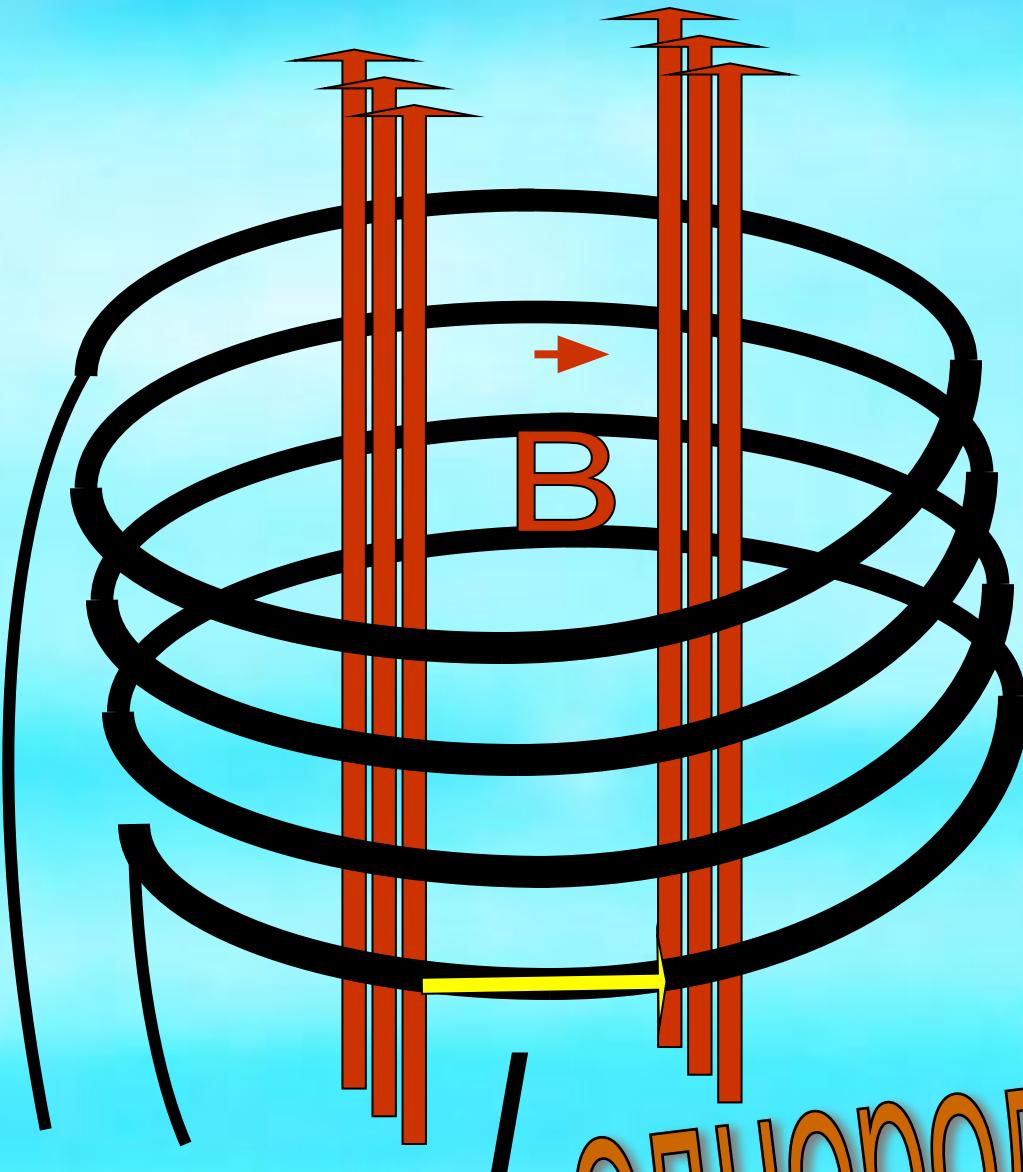


Рис. 1.8



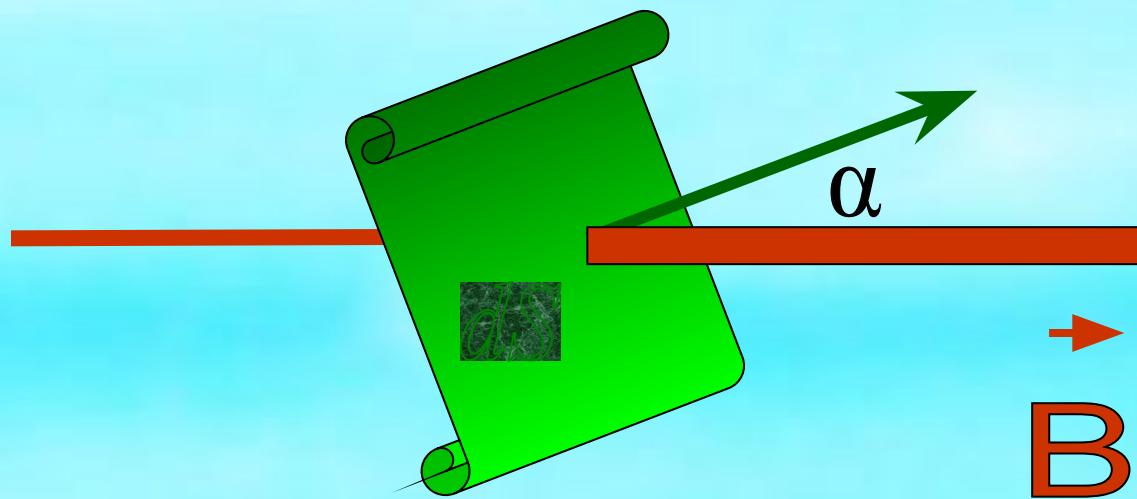
Магнитное поле  
спирали



Поле соленоида

однородное поле

# Определение потока вектора магнитной индукции



$$d\Phi = BdS \cos\alpha$$

# 1.7. Теорема Гаусса для вектора магнитной индукции

*Поток вектора  $\Phi_B$  через замкнутую поверхность должен быть равен нулю.*

Таким образом:

$$\Phi_B = \oint_S \mathbf{B} d\mathbf{S} = 0 \quad (1.7.1)$$

*Это теорема Гаусса для  $\Phi_B$  (в интегральной форме): поток вектора магнитной индукции через любую замкнутую поверхность равен нулю.*

**В природе нет магнитных зарядов –  
источников магнитного поля, на  
которых начинались и заканчивались бы  
линии магнитной индукции.**

Заменив поверхностный интеграл в (1.7.1)  
объемным, получим:

$$\int_V \nabla B dV = 0$$

(1.7.2)

где  $\nabla = \left( \frac{\partial}{\partial x} + \frac{\partial}{\partial y} + \frac{\partial}{\partial z} \right)$  оператор Лапласа.

*Магнитное поле обладает тем свойством, что его дивергенция всюду равна нулю:*

$$\operatorname{div} \vec{B} \stackrel{\text{или}}{=} 0$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0.$$

(1.7.3)

Электростатического поля может быть выражено скалярным потенциалом  $\phi$ , а **магнитное поле – вихревое, или соленоидальное**

# Основные уравнения магнитостатики

- Основные уравнения магнитостатики для магнитных полей, созданных постоянными потоками зарядов, записанные в дифференциальной форме, имеют вид

$$\operatorname{div} \vec{B} = 0$$

Первое из этих

уравнений говорит, что  
**дивергенция вектора В  
равна нулю (силовые  
линии - замкнуты).**

$$\operatorname{rot} \vec{B} = \mu_0 j$$

А второе уравнение  
говорит, что **магнитные  
поля создаются токами, а  
магнитных зарядов нет.**

- Возникают магнитные поля в присутствии токов и являются вихревыми полями в области, где есть токи.
- Векторная функция векторного аргумента – **ротор, взятая от  $\mathbf{B}$ , пропорциональна плотности тока**

$$\operatorname{rot} \mathbf{B} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix} = \mu_0 \mathbf{j}$$

- Магнитные линии образуют петли вокруг токов.
- Не имея ни конца, ни начала, линии  $\mathbf{B}$  возвращаются в исходную точку, образуя замкнутые петли.
- В любых, самых сложных случаях линии  $\mathbf{B}$  не исходя из точек.
- Утверждение, что,  $\operatorname{div} \mathbf{B} = 0$  справедливо всегда.

# Сравнив уравнения магнитостатики

$$\operatorname{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$$

$$\operatorname{div} \vec{B} = 0$$

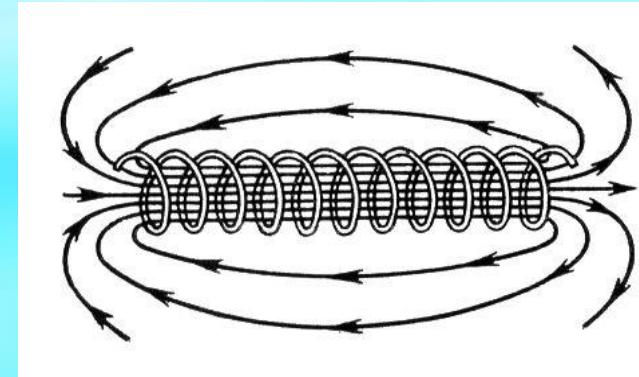
с уравнениями электростатики

$$\operatorname{rot} \vec{E} = 0$$

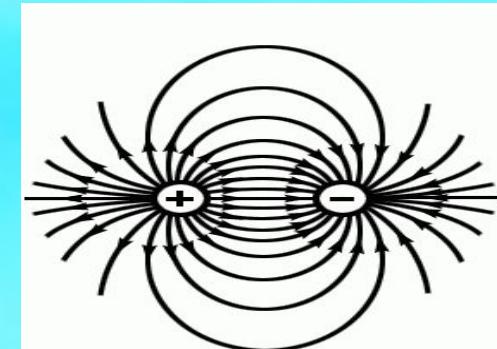
$$\operatorname{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

можно заключить, что

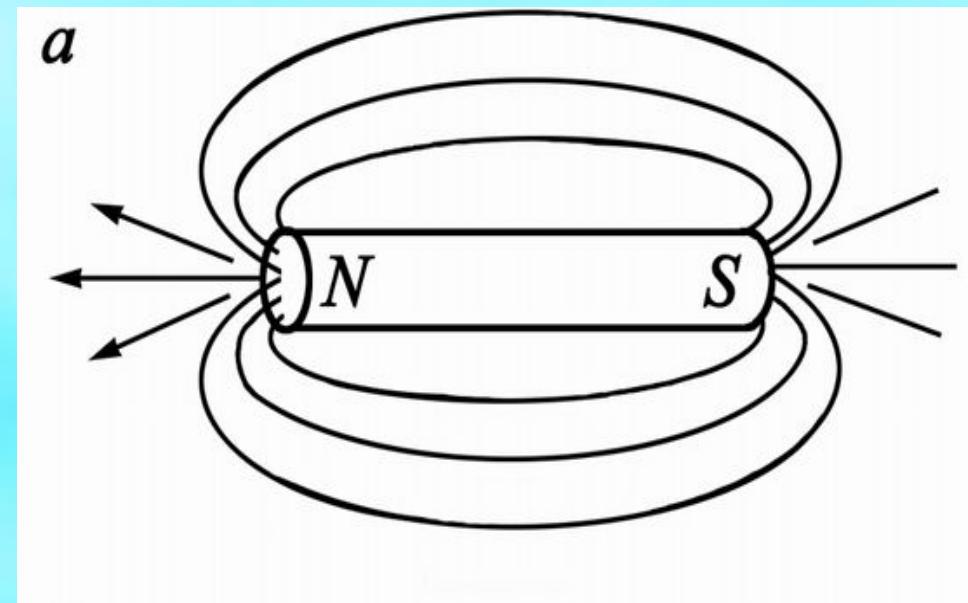
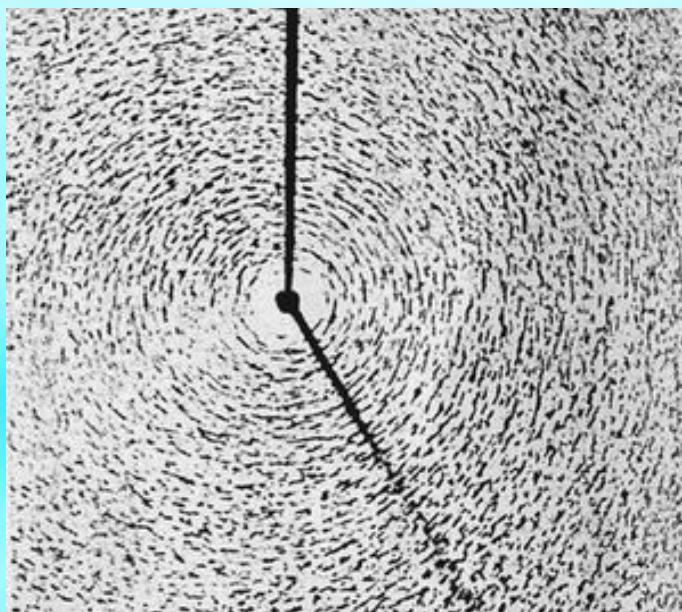
магнитное поле вихревое и  
создается токами  
а  
магнитных зарядов нет.



Электрическое поле всегда потенциально, а его источниками являются электрические заряды.



*Магнитное поле в пространстве не потенциально, а является вихревым. Его силовые линии замкнуты. Его источником служат электрические токи.*



Магнитного аналога электрического заряда не существует. Нет зарядов, из которых выходят линии вектора магнитной индукции  $\mathbf{B}$ .  
Не имея ни конца, ни начала, линии  $\mathbf{B}$  возвращаются в исходную точку, образуя замкнутые петли.

$$\operatorname{rot} \overset{\triangle}{\mathbf{B}} = \mu_0 \mathbf{j}$$

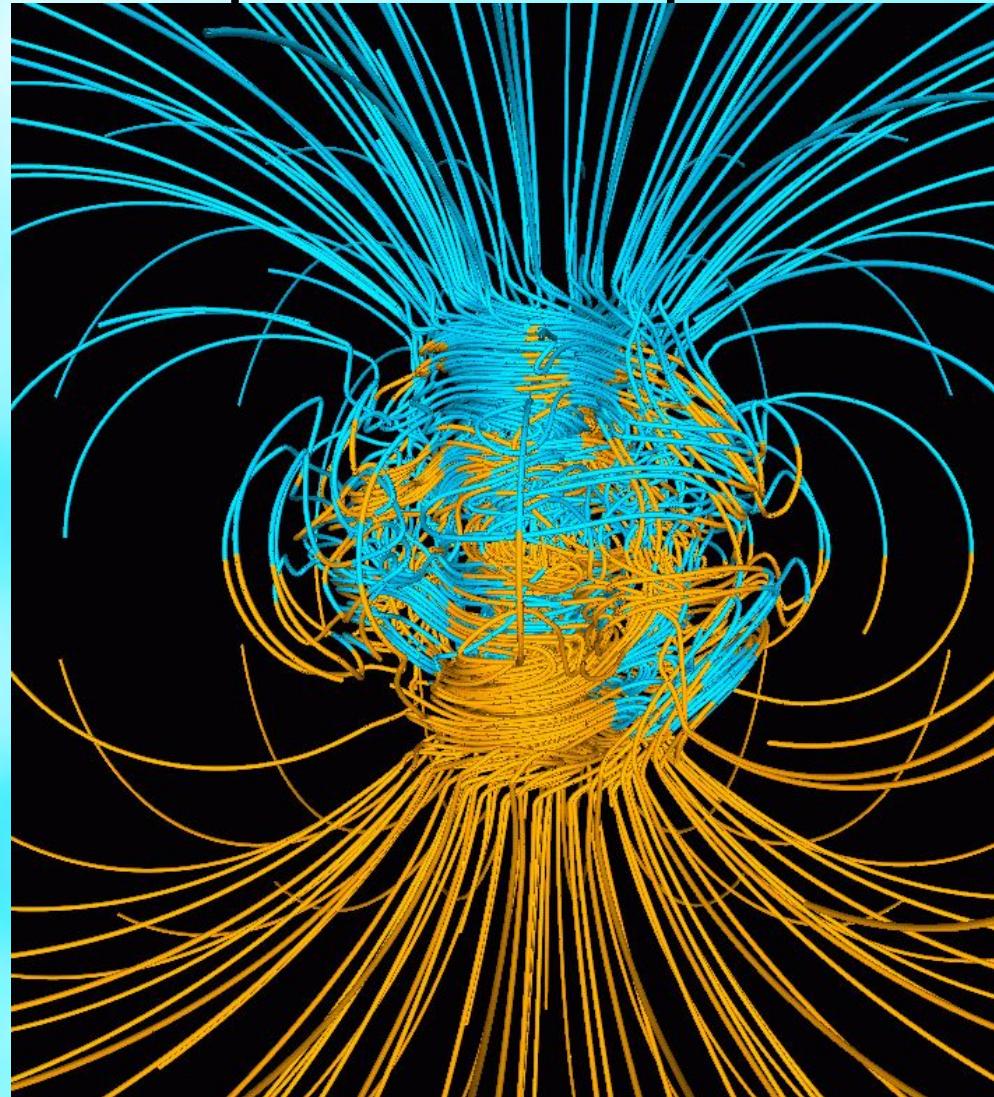
$$\operatorname{div} \overset{\triangle}{\mathbf{B}} = 0$$

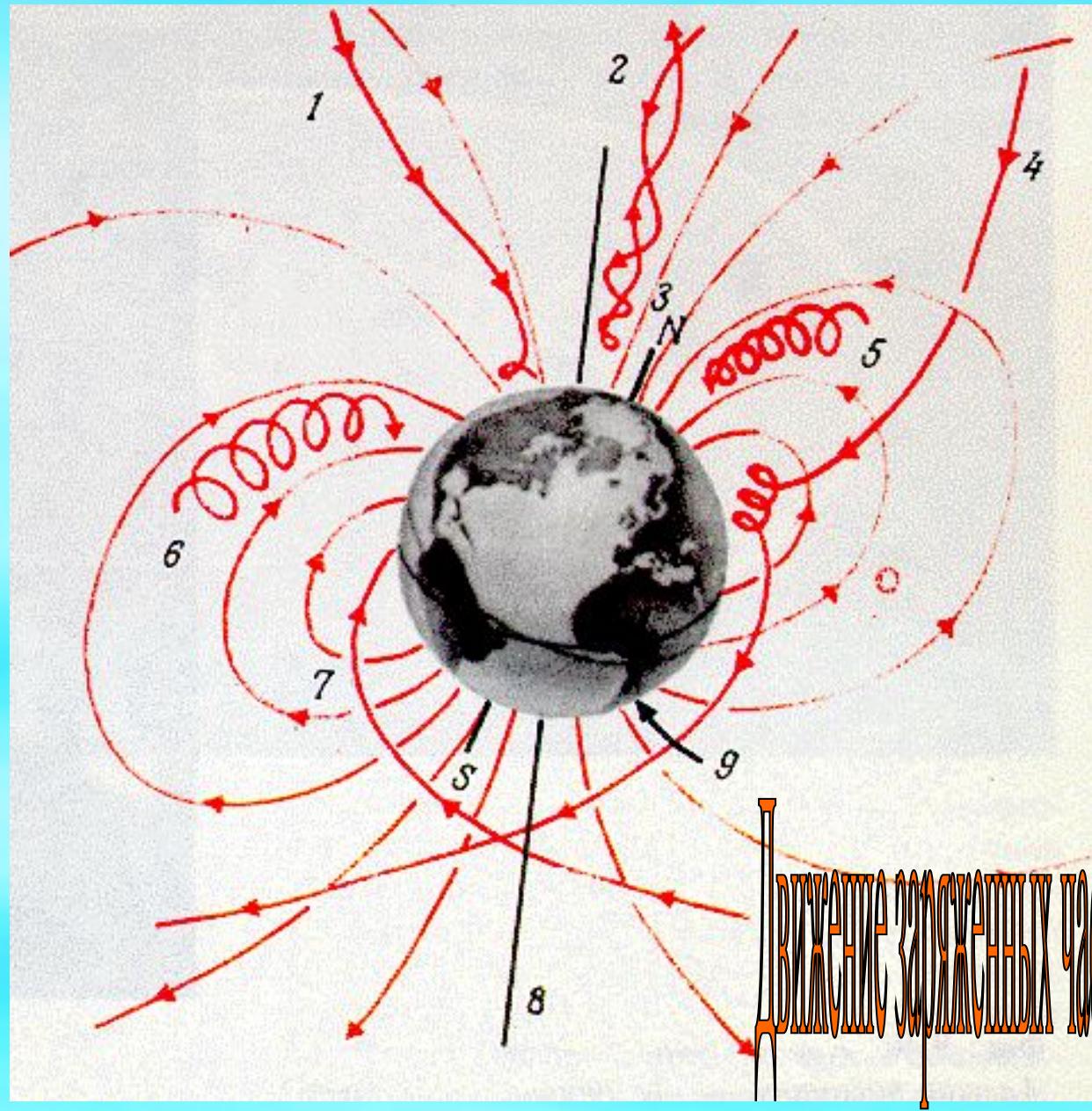
$$\operatorname{rot} \overset{\triangle}{\mathbf{E}} = 0$$

$$\operatorname{div} \overset{\triangle}{\mathbf{E}} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

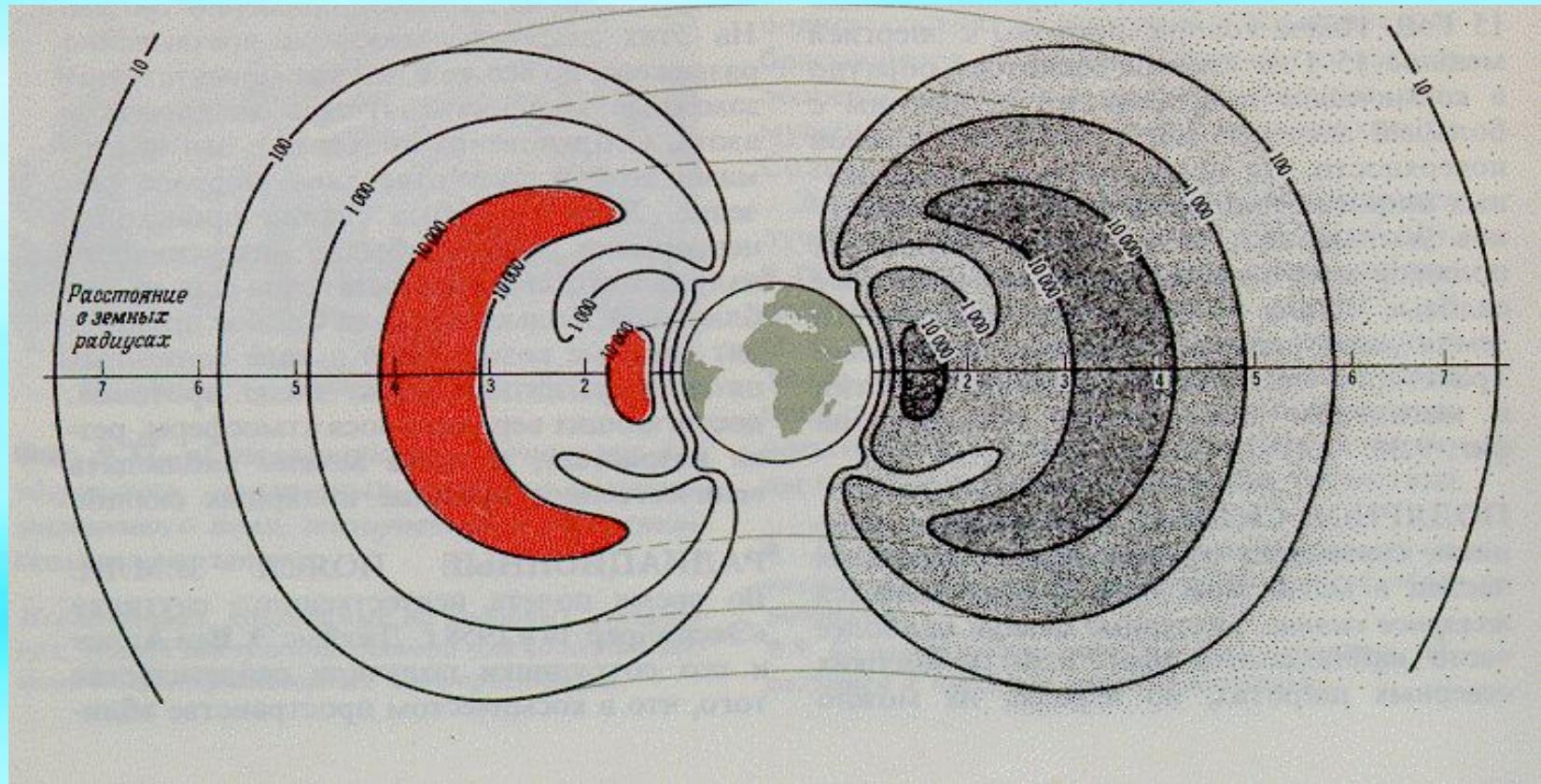
Из сравнения этих уравнений вытекает, что источниками электрического поля могут быть электрические заряды, а магнитные поля могут возбуждаться электрическими токами. Эти уравнения не симметричны относительно электрического и магнитного полей. Это связано с тем, что в природе существуют электрические заряды, но отсутствуют магнитные

**Компьютерная модель магнитного поля Земли**, подтверждающая вихревой характер, изображена на рис.



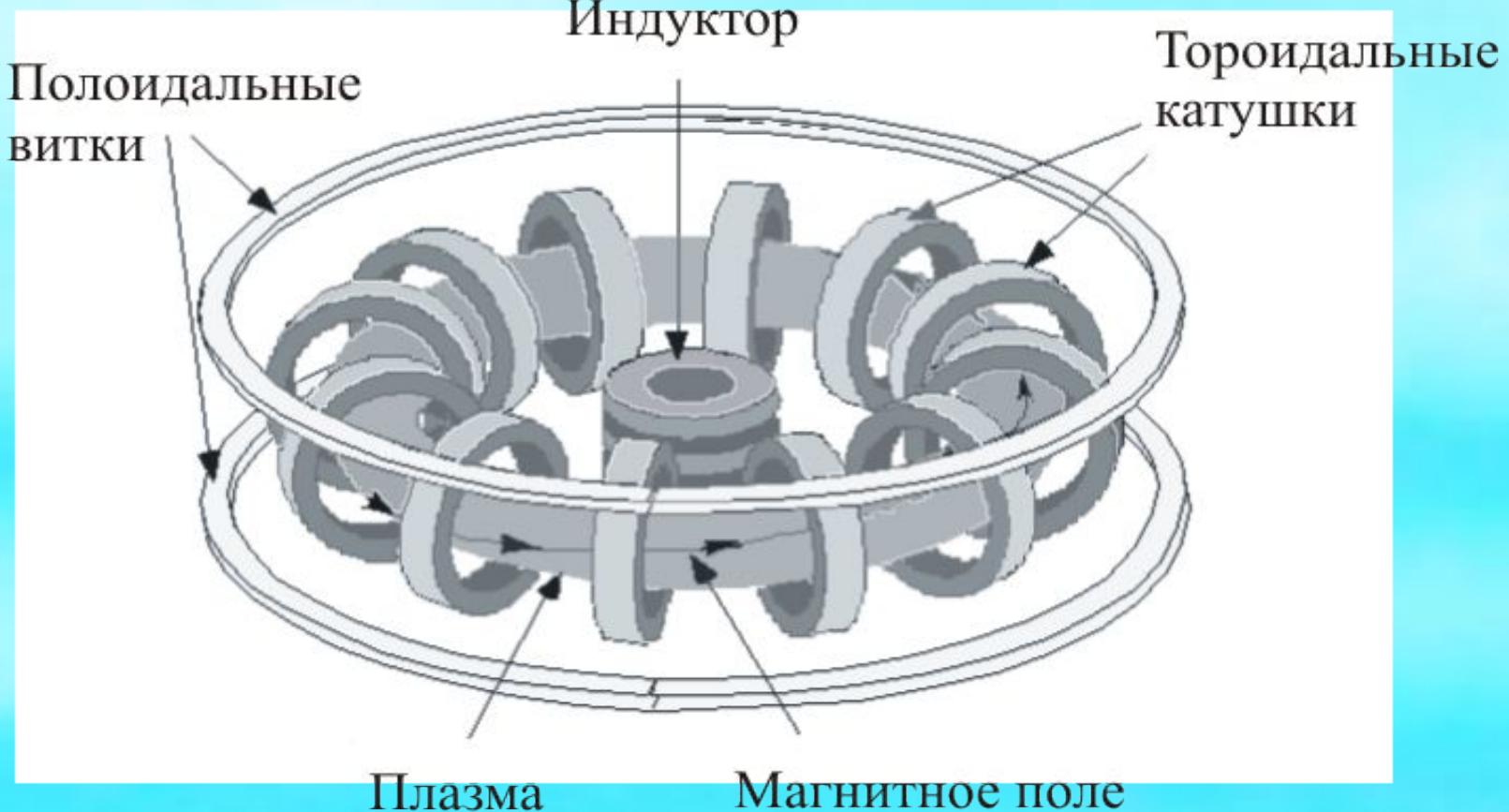


ВЫХОДА ЗОН СУЩЕСТВУЮЩИХ ЧАСТИЦ В МАГНИТОСФЕРУ



# Радиационные пояса Земли

# Плазма в ТОКАМАКе

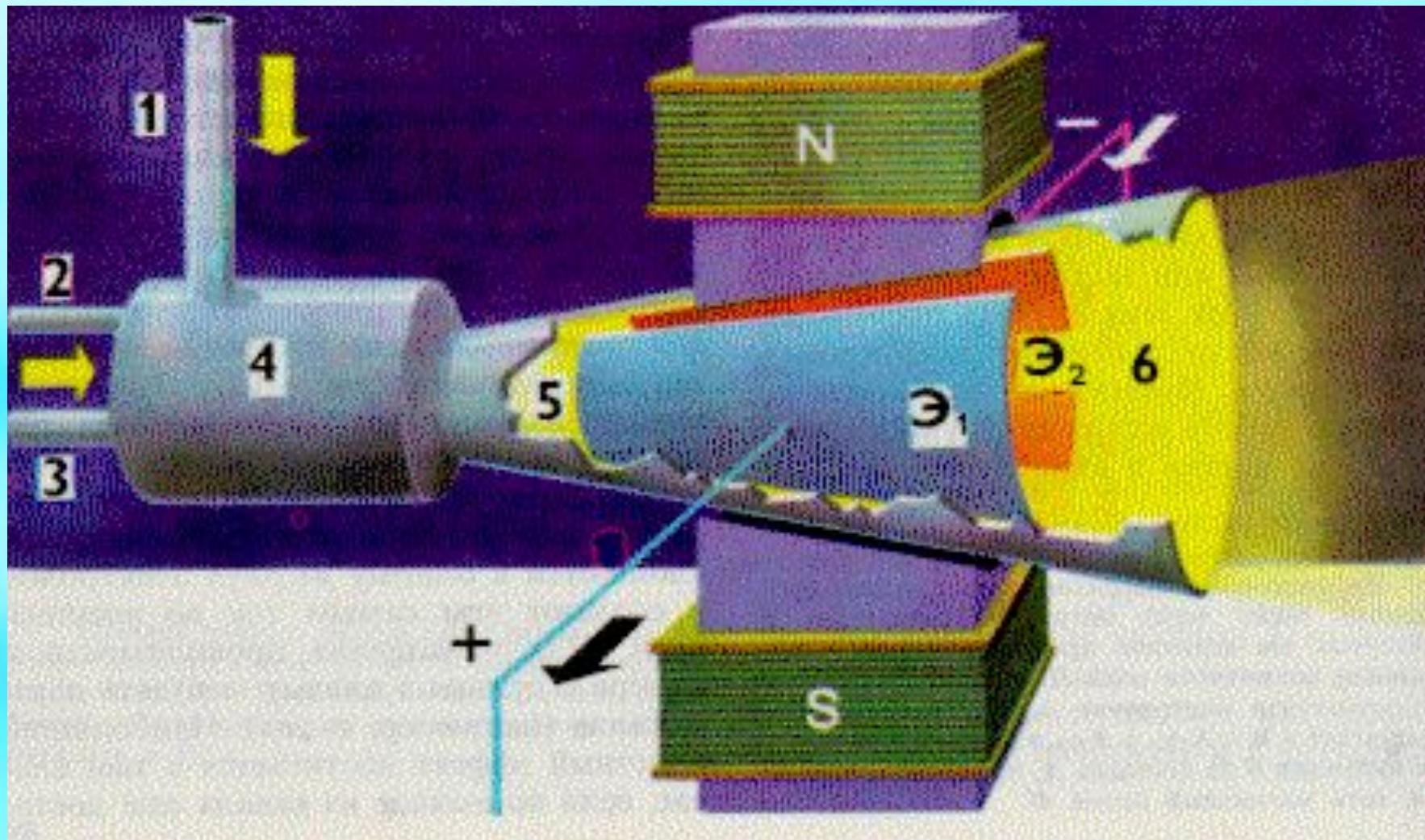


(магнитное удержание плазмы)



"ураган"

# Схема МГД - генератора



Лекция окончена!