

# Программирование на языке Python

## 9 класс

1. Повторение
2. Обработка потока данных
3. Обработка потока данных Обработка потока данных (цикл Обработка потока данных (цикл for)
4. Обработка массивов
5. Как разрабатывают программы
6. Процедуры

# Программирование на языке Python

## 1. Повторение

# Вывод на экран

---

Текст:

```
print ( "a", "b" )
```

Значения переменных из памяти:

```
print ( a, b )
```

Арифметические выражения:

```
print ( a + 2*b )
```

Все вместе:

```
print ( a, "+", b, "=", a+b )
```

Подключение русского языка:

```
# coding: utf-8
```

# Вывод на экран

---

С пробелами:

```
print ( a, b )
```

Без пробелов:

```
print ( a, b, sep = " " )
```

Без перехода на новую строку:

```
print ( a, b, end = " " )
```

# Ввод данных с клавиатуры

---

## Символьная строка:

```
print( 'Введите имя: ' )  
s = input()
```

или так:

```
s = input( 'Введите имя: ' )
```

## Целое число:

```
print( 'Введите целое число: ' )  
n = int( input() )
```

или так:

```
n = int( input( 'Введите целое число: ' ) )
```

# Ввод данных с клавиатуры

---

Вещественное число:

```
print( 'Введите число: ' )  
x = float(input())
```

или так:

```
x = float(input('Введите число: '))
```

# Ввод данных с клавиатуры

Два целых числа (каждое в отдельной строке):

```
print( 'Введите два числа: ' )  
a = int (input())  
b = int (input())
```

в одной строке:

```
print( 'Введите два числа: ' )  
a, b = map(int, input().split())
```

```
input()           # "21 35"  
input().split()   # ["21", "35"]  
a = int("21")  
b = int("35")
```

СИМВОЛЬНЫЕ  
строки

# Присваивание

---

```
a = 6
```

```
b = 4
```

```
a = 2*a + 3*b
```

```
b = a / 2 * b
```

## Сокращённая запись операций:

```
a += 1
```

```
b += a
```

```
a *= 2 + 3*b
```

```
b /= 2 * a
```



# Остаток от деления – %

```
a = 1234
d = a % 10; print( d )
a = a // 10
d = a % 10; print( d )
a = a // 10
d = a % 10; print( d )
a = a // 10
d = a % 10; print( d )
a = a // 10 :
```

4

3

2

1

# Задания

---

**«3»:** Ввести три числа: цену пирожка (два числа: рубли, потом – копейки) и количество пирожков. Найти сумму, которую нужно заплатить (рубли и копейки)

*Пример:*

Стоимость пирожка:

12 50

Сколько пирожков:

5

К оплате: 62 руб. 50 коп.

**«4»:** Ввести число, обозначающее количество секунд. Вывести то же самое время в часах, минутах и секундах.

*Пример:*

Число секунд:

8325

2 ч. 18 мин. 45 с

# Задания

---

**«5»:** Занятия в школе начинаются в 8-30. Урок длится 45 минут, перерывы между уроками – 10 минут. Ввести номер урока и вывести время его окончания.

*Пример:*

Введите номер урока:

6

13-50

# Условный оператор

```
if a > b:
```

```
    # что делать, если a > b
```

```
else:
```

```
    # что делать, если a <= b
```

отступы!

```
a = 12
```

```
if a > 20:
```

```
    a = 15
```

```
print ( a )
```

```
a = 12
```

```
if a > 2:
```

```
    a = 15
```

```
else:
```

```
    a = 8
```

```
print ( a )
```

# Цепочка условий

```
cost = 1500
if cost < 1000:
    print ( "Скидок нет." )
elif cost < 2000:
    print ( "Скидка 2%." )
elif cost < 5000:
    print ( "Скидка 5%." )
else:
    print ( "Скидка 10%." )
```

первое  
сработавшее  
условие



Что выведет?

Скидка 2%.

# Сложные условия

**Задача:** набор сотрудников в возрасте **25-40 лет** (включительно).

сложное условие

```
if v >= 25 and v <= 40 :  
    print("подходит")  
else:  
    print("не подходит")
```

**and** «И»: одновременное выполнение всех условий!

# Сложные условия

**Задача:** набор сотрудников в возрасте **25-40 лет** (включительно).

сложное условие

```
if v < 25 or v > 40 :  
    print("не подходит")  
else:  
    print("подходит")
```

**or** «ИЛИ»: выполнение хотя бы одного из двух условий!

# Задачи

---

**«3»:** Напишите программу, которая получает три числа - рост трёх спортсменов, и выводит сообщение «По росту.», если они стоят по возрастанию роста, или сообщение «Не по росту!», если они стоят не по росту.

**Пример:**

Введите рост трёх спортсменов:

165 170 172

По росту.

**Пример:**

Введите рост трёх спортсменов:

175 170 172

Не по росту!



# Задачи

---

**«4»:** Напишите программу, которая получает номер месяца и выводит соответствующее ему время года или сообщение об ошибке.

**Пример:**

**Введите номер месяца :**

**5**

**Весна .**

**Пример:**

**Введите номер месяца :**

**15**

**Неверный номер месяца .**

# Задачи

---

**«5»:** Напишите программу, которая получает возраст человека (целое число, не превышающее 120) и выводит этот возраст со словом «год», «года» или «лет». Например, «21 год», «22 года», «25 лет».

**Пример:**

Введите возраст: **18**

Вам 18 лет.

**Пример:**

Введите возраст: **21**

Вам 21 год.

**Пример:**

Введите возраст: **22**

Вам 22 года.

# Цикл с условием

```
k = 0
while k < 10:
    print ( "Привет" )
    k += 1
```

?

При каком условии заканчивает работу?

$k \geq 10$

```
k = 10
while k > 0:
    print ( "Привет" )
    k -= 1
```

?

При каком условии заканчивает работу?

$k \leq 0$

# Цикл по переменной

```
for i in range(N):  
    ...
```

сделай  
N раз

! `range(N) = [0, 1, 2, ..., N-2, N-1]`

[0, 1, 2, 3]

N раз

```
for i in range(4):  
    print(i)
```

[0, 1, 2, 3, 4]

```
s = 0  
for i in range(5):  
    s += i  
print(s)
```

0  
1  
2  
3

? Что выведет?

10

# Цикл по переменной

```
s = 0
```

```
for i in range(2, 5):
```

```
    s += i
```

```
print(s)
```

от

до (не включая!)

[2, 3, 4]

 $s = 2 + 3 + 4 = 9$ 

→ 9

Кумир:

```
s := 0
```

```
нц для i от 2 до 4
```

```
    s := s + i
```

```
кц
```

```
вывод s
```

Паскаль:

```
s := 0;
```

```
for i:=2 to 4 do
```

```
    s := s + i;
```

```
writeln(s);
```

# Цикл по переменной

```
s = 8
for i in range(2, 15):
    s += 5
print(s)
```

[2, 3, ..., 14]



Сколько раз?

$$N = 15 - 2 = 13$$

$$s = 8 + 5 * 13 = 73$$



73

Кумир:

```
s := 8
нц для i от 2 до 14
    s := s + 5
кц
вывод s
```

$$N = 14 - 2 + 1$$

Паскаль:

```
s := 8;
for i:=2 to 14 do
    s = s + 5;
writeln(s);
```

# Что выведет программа?

```
s = 3
for i in range(5, 25):
    s += 10
print(s)
```



203

**Кумир:**

```
s := 3
нц для i от 5 до 24
    s := s + 10
кц
Вывод s
```

**Паскаль:**

```
s := 3;
for i:=5 to 24 do
    s = s + 10;
writeln(s);
```

# Что выведет программа?

```
s = 1
for i in range(3, 8):
    s *= 2
print(s)
```



32

**Кумир:**

```
s := 1
нц для i от 3 до 7
    s := s * 2
кц
Вывод s
```

**Паскаль:**

```
s := 1;
for i:=3 to 7 do
    s = s * 2;
writeln(s);
```



# Что выведет программа?

```
k = 3
for i in range(4, 8):
    k = 2*k + i
print(k)
```

```
k = 3
2*3+4=10
2*10+5=25
2*25+6=56
2*56+7=119
```

Кумир:

```
k := 3
нц для i от 4 до 7
    k := 2*k + i
кц
вывод k
```

Паскаль:

```
k := 3;
for i:=4 to 7 do
    k = 2*k + i;
writeln(k);
```

# Задачи

---

«3»: Ввести число  $N$  и вывести на экран все степени числа 2 от  $2^1$  до  $2^N$ .

**Пример:**

Введите N:

3

2 4 8

«4»: Найдите все пятизначные числа, которые при делении на 133 дают в остатке 125, а при делении на 134 дают в остатке 111.

# Задачи

---

«5»: Натуральное число называется **числом Армстронга**, если сумма цифр числа, возведенных в  $N$ -ную степень (где  $N$  – количество цифр в числе) равна самому числу. Например,  $153 = 1^3 + 5^3 + 3^3$ . Найдите все трёхзначные числа Армстронга.

# Задачи

---

«6»: Простое число – это число, которое делится только само на себя и на 1. Ввести натуральное число  $N$  и вывести все простые числа в диапазоне от 2 до  $N$ .

# Программирование на языке Python

## 2. Обработка потока данных

# Обработка потока данных (подсчёт)

**Задача:** с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, сколько было введено положительных чисел.

1) нужен счётчик



Когда увеличивать счётчик?

2) счётчик увеличивается

3) нужен цикл

4) это цикл с условием (число неизвестно)



Какой цикл?

```
счётчик = 0
```

```
пока не введён 0:
```

```
    если введено число > 0:
```

```
        счётчик += 1
```

# Обработка потока данных (подсчёт)

```
k = 0
x = int(input())
while x != 0:
    if x > 0:
        k += 1
    x = int(input())
print(k)
```

откуда взять x?



Что плохо?

# Найди ошибку!

---

```
k = 0
```

```
x = int(input())
```

```
while x != 0:
```

```
    if x > 0:
```

```
        k += 1
```

```
print(k)
```

```
x = int(input())
```



# Найди ошибку!

```
k = 0
while x != 0:
    if x > 0:
        k += 1
    x = int(input())
print(k)
```

`x = int(input())`

# Задачи

---

«3»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, сколько было введено положительных и сколько отрицательных чисел.

**Пример:**

5

3

-1

0

**Положительных : 2**

**Отрицательных : 1**

# Задачи

---

«4»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, сколько было введено двузначных натуральных чисел, и сколько других.

**Пример:**

15

7

13

-12

1

0

Двузначных: 2

Других: 3

# Задачи

---

**«5»:** с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, сколько было введено двузначных натуральных чисел, которые оканчиваются на «5», и сколько других.

**Пример:**

15

7

13

-12

0

Двузначные, оканчиваются на 5: 1

Другие: 3

# Задачи

---

**«6»:** с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, сколько было введено простых натуральных чисел (которые делятся только сами на себя и на 1), и сколько составных.

**Пример:**

15

7

13

-12

6

0

**Простых: 2**

**Составных: 3**

## Обработка потока данных (сумма)

**Задача:** с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Найти сумму введённых чисел, оканчивающихся на "5".

- 1) нужна переменная для суммы
- 2) число добавляется к сумме, если оно заканчивается на "5"
- 3) нужен цикл с условием

```
сумма = 0
```

```
пока не введён 0:
```

```
    если x оканчивается на "5":
```

```
        сумма += x
```

# Обработка потока данных (сумма)

```
s = 0
x = int(input())
while x != 0:
    if x % 10 == 5 :
        s += x
    x = int(input())
print( "Ответ: ", s )
```



Что плохо?

# "Бесконечный" цикл

```
s = 0
while True:
    x = int(input())
    if x == 0: break
    if x % 10 == 5:
        s += x
print( s )
```

ВЫЙТИ ИЗ  
ЦИКЛА



Что плохо?



Выход из цикла **while True** возможен только через оператор **break**!



# Условия отбора

Положительные числа:

```
if x > 0: ...
```

Числа, делящиеся на 3:

```
if x % 3 == 0: ...
```

Числа, оканчивающиеся на 6:

```
if x % 10 == 6: ...
```

Числа, делящиеся на 3 и оканчивающиеся на 6:

```
if x % 3 == 0 and x % 10 == 6: ...
```

Двузначные числа:

```
if 10 <= x and x <= 99: ...
```

```
if 9 < x and x < 100: ...
```



Как иначе?

## Если ни одного числа не нашли...

**Задача:** с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Найти сумму введённых чисел, оканчивающихся на "5". Вывести "нет", если таких чисел нет.

**?** Как определить, что таких чисел нет?

сумма = 0

счётчик = 0

пока не введён 0:

если x оканчивается на "5":

сумма += x

счётчик += 1

**?** Как вывести результат?

## Если ни одного числа не нашли...

---

```
сумма = 0
```

```
счётчик = 0
```

```
пока не введён 0:
```

```
    если x оканчивается на "5":
```

```
        сумма += x
```

```
        счётчик += 1
```

```
if счётчик == 0:
```

```
    print("Ответ: нет")
```

```
else:
```

```
    print("Ответ: ", s)
```

# Найди ошибку!

```
s = 0
k = 0
x = int(input())
while x != 0:
    s += x
    if x % 10 == 5:
        k += 1
if k == 0:
    x = int(input())
    print("Ответ: нет")
else:
    print("Ответ: ", s)
```

# Задачи

---

«3»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить сумму тех введённых чисел, которые делятся на 5.

**Пример:**

5

3

34

15

0

**Ответ:** 20

# Задачи

---

«4»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить сумму тех введённых чисел, которые делятся на 3 и заканчиваются на 1. Вывести "нет", если таких чисел нет.

**Пример:**

5

31

18

21

15

0

**Ответ: 21**

**Пример:**

5

31

18

41

15

0

**Ответ: нет**

# Задачи

---

«5»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, среднее арифметическое тех введённых двузначных чисел, которые делятся на 5. Вывести "нет", если таких чисел нет.

**Пример:**

5

3

35

185

34

15

0

**Ответ: 25**

**Пример:**

5

3

315

185

34

17

0

**Ответ: нет**

# Задачи

---

«6»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить, среднее арифметическое тех введённых чисел, которые являются степенями числа 2. Вывести "нет", если таких чисел нет.

**Пример:**

5  
8  
185  
4  
16  
0

**Ответ:** 9.333

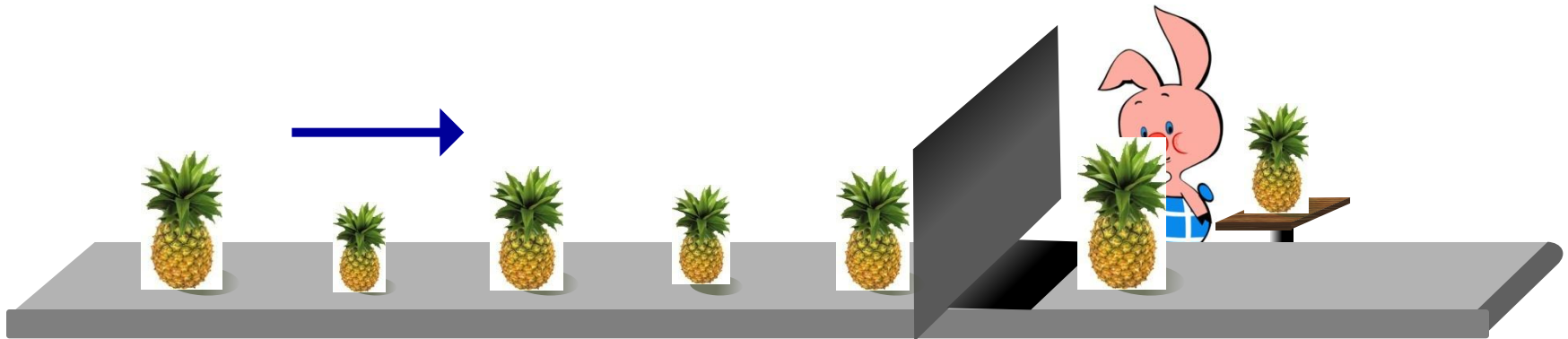
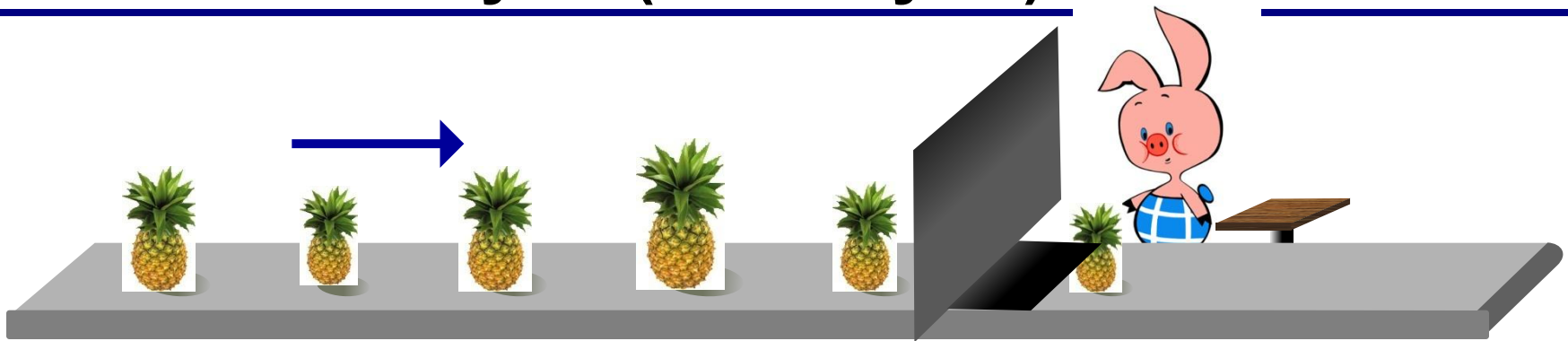
**Пример:**

5  
18  
185  
44  
116  
0

**Ответ:** нет



# Поиск максимума (минимума)



## Поиск максимума (минимума)

---

- 1) нужна переменная для хранения максимума
- 2) как только прочитали первое число, сохранили максимум («из одного»):

```
x = int(input())  
M = x
```

- 3) читаем следующее значение:

```
x = int(input())
```

- 4) цикл: если новое число больше максимума, заменяем M:

```
while x != 0:  
    if x > M: M = x
```

- 5) выводим результат M

# Поиск максимума (минимума)

```
x = int(input())  
M = x  
while x != 0:  
    if x > M: M = x  
    x = int(input())  
print(M)
```



Что плохо?

## Поиск максимума (минимума) – II

```
x = int(input())  
M = x  
while True:  
    x = int(input())  
    if x == 0: break  
    if x > M: M = x  
print(M)
```



Что плохо?

# Максимум не из всех

**Задача:** с клавиатуры вводятся числа в диапазоне **[-100;100]**, ввод завершается числом 0. Найти наибольшее **среди чётных чисел**. Вывести "нет", если таких чисел нет.

```
x = int(input())
M = x
while x != 0:
    if ???:
        M = x
    x = int(input())
print(M)
```

Может быть, что  
**x** нечётное!



Что плохо?

# Минимум не из всех

По условию:  $x \in [-100; 100]$

```
x = int(input())
M = -1000
while x != 0:
    if x % 2 == 0 and x > M:
        M = x
    x = int(input())
if M == -1000:
    print("Нет таких чисел")
else:
    print(M)
```

Любое  $x$  больше  
этого числа!

?

Как определить, что  
ни одного числа не  
нашли?

?

Как искать минимум?

## Если диапазон неизвестен...

```
x = int(input())
count = 0
while x != 0:
    if x % 2 == 0:
        if count == 0 or x > M:
            M = x
            count += 1
        x = int(input())
    if count == 0 :
        print("Нет таких чисел")
    else:
        print(M)
```

первое

НОВЫЙ  
максимум

# Задачи

---

«3»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить минимальное и максимальное из введённых чисел.

**Пример:**

5

3

34

15

0

**Минимум: 5**

**Максимум: 34**



# Задачи

---

«4»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить минимальное и максимальное из тех введённых чисел, которые делятся на 3. Вывести "нет", если таких чисел нет.

**Пример:**

5  
31  
18  
21  
15  
0

**Минимум: 15**

**Максимум: 21**

**Пример:**

5  
34  
17  
41  
11  
0

**Ответ: нет**

# Задачи

---

«5»: с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить минимальное и максимальное из тех введенных двузначных натуральных чисел, которые оканчиваются на 6. Вывести "нет", если таких чисел нет.

**Пример:**

6  
36  
18  
26  
15  
0

**Минимум:** 26

**Максимум:** 36

**Пример:**

6  
32  
176  
41  
11  
0

**Ответ:** нет

# Задачи

---

**«6»:** с клавиатуры вводятся числа, ввод завершается числом 0. Определить минимальное из введенных чисел Фибоначчи. Вывести "нет", если чисел Фибоначчи в последовательности нет.

Числа Фибоначчи – это последовательность чисел, которая начинается с двух единиц и каждое следующее число равно сумме двух предыдущих: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

**Пример:**

5

36

12

26

13

0

**Ответ:** 5

**Пример:**

6

32

176

41

11

0

**Ответ:** нет

# Программирование на языке Python

## 3. Обработка потока данных (цикл **for**)

# Обработка потока данных ( $N$ чисел)

**Задача:** с клавиатуры вводится число  $N$ , а затем –  $N$  целых чисел. Определить, сколько было введено положительных чисел.



В чём отличие?

задано количество!

**ввести  $N$**

**счётчик = 0**

**сделай  $N$  раз:**

**ввести число**

**если введено число  $> 0$ :**

**счётчик += 1**

**вывести счётчик**

в Python нет  
такого!



Есть цикл **for**!

# Обработка потока данных ( $N$ чисел)

сделай  $N$  раз:

...

`for i in range(N):`

...

**!** `range(N) = [0, 1, 2, ..., N-2, N-1]`

$N$  раз

```
for i in range(4):  
    print(i)
```

0

1

2

3

**?** Что выведет?

```
s = 0  
for i in range(4):  
    s += i  
print(s)
```

6

# Обработка потока данных ( $N$ чисел)

```
N = int(input())
k = 0
for i in range(N):
    x = int(input())
    if x > 0: k += 1
print(k)
```

сделай  $N$   
раз!

Числа, делящиеся на 3:

```
if x % 3 == 0: k += 1
```

Числа, оканчивающиеся на 6:

```
if x % 10 == 6: k += 1
```

Числа, делящиеся на 3 и оканчивающиеся на 6:

```
if x % 3 == 0 and x % 10 == 6: k += 1
```

# Задачи

---

**«3»:** с клавиатуры вводится число  $N$ , а затем –  $N$  целых чисел. Определить, сколько было введено положительных и сколько отрицательных чисел (нули не считать!).

**Пример:**

5

1

3

-34

15

0

**Положительных : 3**

**Отрицательных : 1**



# Задачи

---

«4»: с клавиатуры вводится число  $N$ , а затем –  $N$  целых чисел. Определить сумму двузначных чисел (как положительных, так и отрицательных). Если двузначных чисел не было, вывести "нет".

**Пример:**

5  
1  
13  
-34  
5  
31

**Ответ:** 10

**Пример:**

5  
1  
213  
-134  
5  
3

**Ответ:** нет

# Задачи

«5»: с клавиатуры вводится число  $N$ , а затем –  $N$  целых чисел. Определить минимальное и максимальное среди двузначных чисел, которые делятся на 3. Если таких чисел не было, вывести "нет".

**Пример:**

5  
18  
33  
98  
513  
31

Минимум: 18  
Максимум: 33

**Пример:**

5  
1  
-18  
-6  
-21  
32

Минимум: -21  
Максимум: -18

**Пример:**

5  
1  
23  
132  
6  
32

Ответ: нет

# Задачи

---

«6»: с клавиатуры вводится число  $N$ , а затем –  $N$  натуральных чисел. Определить минимальное и максимальное среди простых чисел (которые делятся на сами не себя и на 1). Если таких чисел не было, вывести "нет".

**Пример:**

5  
41  
15  
198  
163  
39

**Минимум:** 5

**Максимум:** 163

**Пример:**

5  
12  
25  
132  
6  
39

**Ответ:** нет

# Программирование на языке Python

## 4. Обработка массивов

# Массивы (списки) в Python

## Создание массива:

```
A = [1, 5, 0, -1, 12]
```

```
print(A[1])
```

A[0]    A[2]    A[4]

5

A[1]    A[3]

```
print(2*A[0]+A[3])
```

1

```
A = 5*[0]
```



```
A = [0, 0, 0, 0, 0]
```

# Вывод массива на экран

Как список:

```
print ( A ) [1, 2, 3, 4, 5]
```

В строчку через пробел:

```
for i in range(N):  
    print ( A[i], end=" " )
```

1 2 3 4 5

или так:

```
for x in A:  
    print ( x, end=" " )
```

пробел после  
вывода  
очередного числа

1 2 3 4 5

или так:

```
print ( *A ) ↔ print (1, 2, 3, 4, 5)
```

разбить список  
на элементы

# Заполнение случайными числами

```
from random import randint
A = []
for i in range(5):
    A.append(randint(1, 6))
print(A)
```

наращиваем с  
каждым шагом

?

В чём отличие?

Или так:

```
from random import randint
A = 5*[0]
for i in range(5):
    A[i] = randint(1, 6)
print(A)
```

сначала выделили  
память, потом  
меняем

# Подсчёт элементов

```
A = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]
k = 0
for i in range(7):
    if A[i] > 3: k += 1
print(k)
```



Что выведет?

4

**Кумир:**

```
k := 0
нц для i от 1 до 7
    если A[i] > 3 то
        k := k + 1
    все
кц
вывод k
```

**Паскаль:**

```
k := 0;
for i:=1 to 7 do
    if A[i] > 3 then
        k = k + 1;
writeln(k);
```



Элементы массива нумеруются с 1!



# Подсчёт элементов

```
A = [1, 21, 3, 46, 53, 6, 17]
```

```
k = 0
```

```
for i in range(7):
```

```
    if A[i] % 3 == 0: k += 1
```

```
print(k)
```



Что выведет?

3

## Варианты условий:

```
if A[i] % 10 == 6: k += 1
```

2

```
if (A[i] % 10 == 6 and  
    A[i] % 3 == 0): k += 1
```

1

```
if (A[i] >= 10 and  
    A[i] < 100): k += 1
```

4

# Суммирование элементов

```
A = [1, 21, 3, 46, 53, 6, 117]
```

```
s = 0
```

```
for i in range(7):
```

```
    if A[i] % 3 == 0: s += A[i]
```

```
print(s)
```



Что выведет?

30

## Варианты условий:

```
if A[i] % 10 == 6: s += A[i]
```

52

```
if (A[i] % 10 == 6 and  
    A[i] % 3 == 0): s += A[i]
```

6

```
if (A[i] >= 10 and  
    A[i] < 100): s += A[i]
```

120

# Задачи

---

- «3»: Напишите программу, которая находит в массиве количество элементов, делящихся на 5.
- «4»: Напишите программу, которая находит среднее арифметическое всех элементов массива, которые делятся на 3 и заканчиваются на 1.
- «5»: Напишите программу, которая находит среднее арифметическое всех элементов массива, двоичная запись которых содержит ровно 4 цифры.
- «6»: Напишите программу, которая находит элемент массива, двоичная запись которого содержит больше всего единиц.

# Максимум

```
A = [1, 21, 3, 46, 53, 6, 117]
```

```
m = 0
```

МЕНЬШЕ ВСЕХ

```
for i in range(7):
```

```
    if A[i] > m: m = A[i]
```

```
print(m)
```



Что выведет?

117

## Кумир:

```
m := 0
```

```
нц для i от 1 до 7
```

```
    если A[i] > m то
```

```
        m := A[i]
```

```
все
```

```
кц
```

```
вывод m
```

## Паскаль:

```
m := 0;
```

```
for i:=1 to 7 do
```

```
    if A[i] > m then
```

```
        m = A[i];
```

```
writeln(m);
```

# Минимум

```
A = [1, 21, 3, 46, 53, 6, 117]
```

```
m = 999
```

больше всех



Что выведет?

```
for i in range(7):
```

```
    if A[i] < m: m = A[i]
```

```
print(m)
```

1

## Кумир:

```
m := 999
```

```
нц для i от 1 до 7
```

```
    если A[i] < m то
```

```
        m := A[i]
```

```
    все
```

```
кц
```

```
вывод m
```

## Паскаль:

```
m := 999;
```

```
for i:=1 to 7 do
```

```
    if A[i] < m then
```

```
        m = A[i];
```

```
writeln(m);
```

## Если значения в массиве неизвестны...

```
A = [...как-то получили...]
```

```
N = len(A) # длина массива
```

```
m = A[0]
```



Что записать в m?

```
for i in range(N):
```

```
    if A[i] < m: m = A[i]
```

```
print(m)
```



Как сэкономить один шаг цикла?

```
for i in range(1, N):
```

```
    ...
```

пропустить  
A[0]

Python: `m = min(A)`

# Задачи

---

«3»: Напишите программу, которая находит минимальный и максимальный из чётных элементов массива. Гарантируется, что все элементы массива находятся в диапазоне  $[-100; 100]$  и среди них есть хотя бы один чётный элемент.

«4»: Напишите программу, которая находит минимальный и максимальный из элементов массива, заканчивающихся на "5". Если в массиве нет таких элементов, нужно вывести слово "нет".

# Задачи

---

**«5»:** Напишите программу, которая находит минимальный из чётных элементов массива и его номер. Если в массиве нет таких элементов, нужно вывести слово "нет".

**Пример:**

Массив: [1, 12, 3, 4, 5, 18, 24]

Минимум: A[3] = 4

**Пример:**

Массив: [1, 13, 3, 19, 5, 71, 241]

Минимум: нет



# Сортировка

**Сортировка** – это расстановка элементов массива в заданном порядке (возрастания, убывания, ...).

Было:

9 6 2 7 3 1 5 4 8 0

Стало:

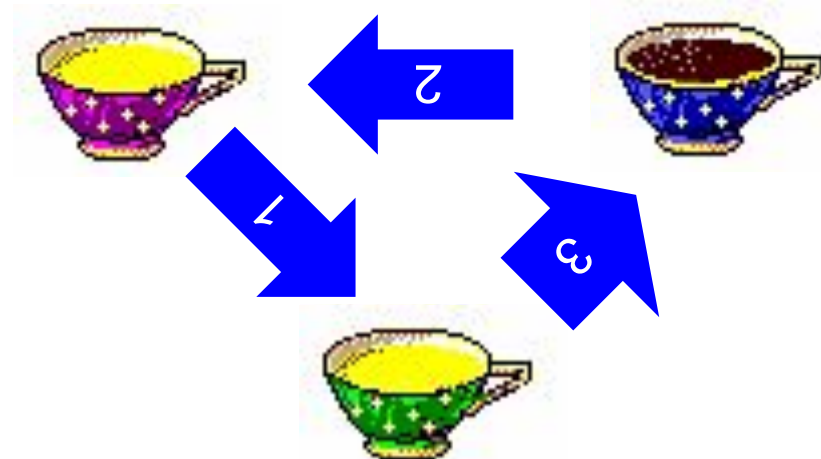
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9



Основная операция –  
перестановка элементов!

# Перестановка элементов

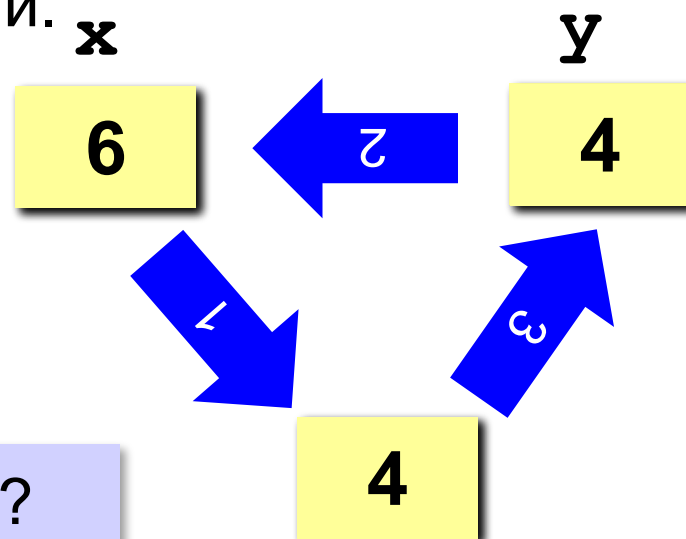
**Задача:** поменять местами содержимое двух чашек.



**Задача:** поменять местами содержимое двух ячеек памяти.

~~$x = y$   
 $y = x$~~

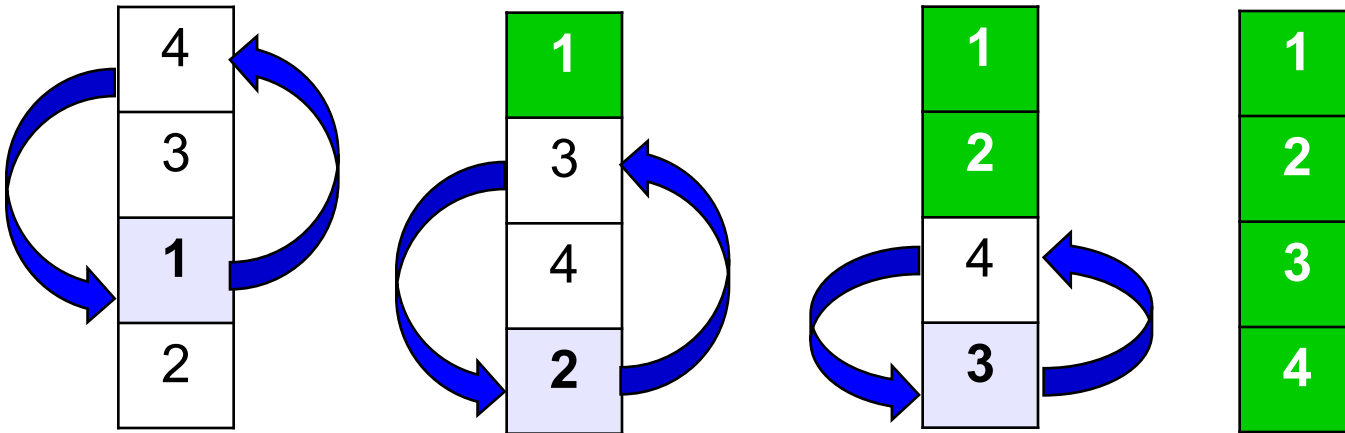
$c = x$   
 $x = y$   
 $y = c$



Можно ли обойтись без  $c$ ?

Python:  $x, y = y, x$

# Метод выбора (минимального элемента)



## Идея:

- найти минимальный элемент и поставить на первое место (поменять местами с  $A[0]$ )
- из оставшихся найти минимальный элемент и поставить на второе место (поменять местами с  $A[1]$ ), и т.д.



Сколько раз сделать цикл?

**N-1**

# Как найти номер минимального элемента?

```
A = [1, 21, 3, -46, 53, -6, 117]
N = len(A) # длина массива
m = A[0]   # считаем A[0] = min
nM = 0     # номер минимального
for i in range(N):
    if A[i] < m:
        m = A[i]
        nM = i # новый номер
print(nM)
```



Нельзя ли обойтись без переменной `m`?

`m = A[nM]`

# Как найти номер минимального элемента?

```
A = [1, 21, 3, -46, 53, -6, 117]
N = len(A) # длина массива
nM = 0     # номер минимального
for i in range(N):
    if A[i] < A[nM]:
        nM = i # новый номер
print(nM)
```

часть  
алгоритма  
сортировки

Python: 

```
m = min(A)
nM = A.index(m)
```

# Сортировка выбором

```
A = [1, 21, 3, -46, 53, -6, 117]
N = len(A) # длина массива
for k in range(N-1):
    nM = k
    for i in range(k, N):
        if A[i] < A[nM]:
            nM = i
    A[k], A[nM] = A[nM], A[k]
print(A)
```

ПОИСК  
МИНИМАЛЬНОГО

перестановка



Почему эта программа не работает?

искать минимальный,  
начиная с номера k!

Python:

**A.sort()**

# Задания

---

«3»: Заполнить массив из 10 элементов случайными числами в интервале [0..99] и отсортировать его по убыванию последней цифры.

**Пример:**

**Исходный массив:**

14   25   13   12   76   58   21   87   10   98

**Результат:**

98   58   87   76   25   14   13   12   21   10

# Задания

---

«4»: Заполнить массив из 10 элементов случайными числами в интервале  $[0..99]$  и отсортировать его по возрастанию суммы цифр (*подсказка: их всего две*).

**Пример:**

**Исходный массив:**

14   25   13   12   76   58   21   87   10   98

**Результат:**

10   21   12   13   14   25   76   58   87   98



# Задания

---

«5»: Заполнить массив из 10 элементов случайными числами в интервале [0..100] и отсортировать первую половину по возрастанию, а вторую – по убыванию.

**Пример:**

**Исходный массив:**

14	25	13	30	76		58	32	11	41	97
----	----	----	----	----	--	----	----	----	----	----

**Результат:**

13	14	25	30	76		97	58	41	32	11
----	----	----	----	----	--	----	----	----	----	----

# Программирование (Python)

**Как разрабатывают  
программы?**

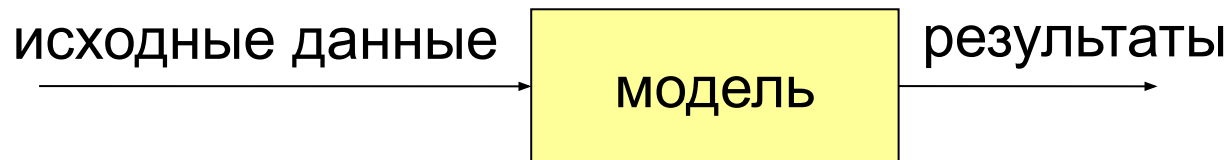
# Этапы разработки программ

---

## I. Постановка задачи

Документ: *техническое задание*.

## II. Построение модели



*Формализация*: запись модели в виде формул (на формальном языке).

## III. Разработка алгоритма и способа хранения данных

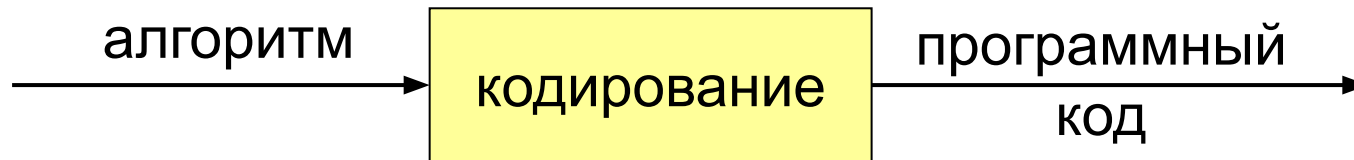
«Алгоритмы + структуры данных = программы»  
(Н. Вирт)

# Этапы разработки программ

---

## IV. Кодирование

Запись алгоритма на языке программирования.



## V. Отладка

Поиск и исправление ошибок в программах:

- **синтаксические** – нарушение правил языка программирования
  - **логические** – ошибки в алгоритме
- могут приводить к **отказам** – аварийным ситуациям во время выполнения (*run-time error*)

# Этапы разработки программ

---

## VI. Тестирование

Тщательная проверка программы во всех режимах:

- **альфа-тестирование** – внутри компании (тестировщики)
- **бета-тестирование** – (доверенные) пользователи

## VII. Документирование

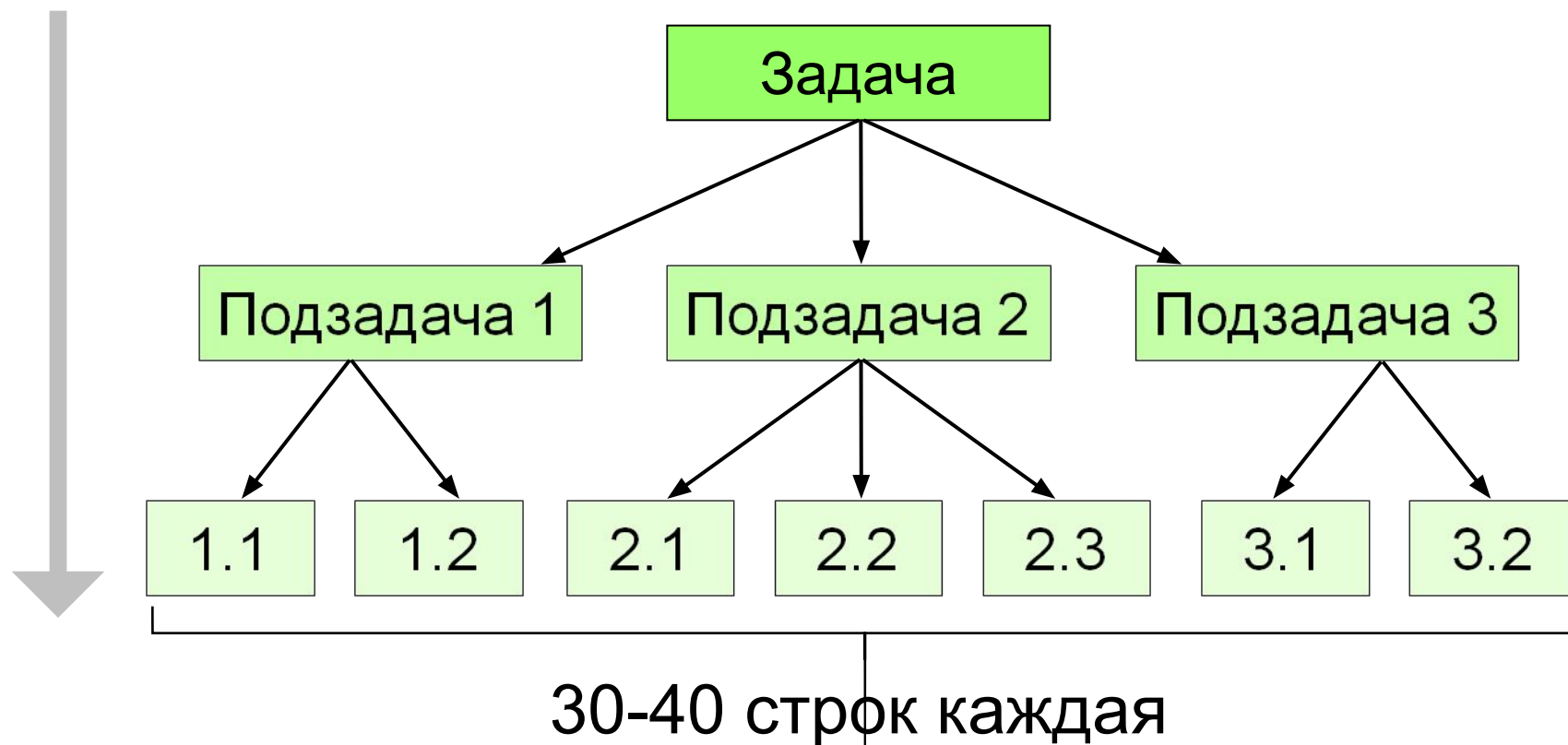
Технические писатели

## VIII. Внедрение и сопровождение

- обучение пользователей
- исправление найденных ошибок
- техподдержка

# Методы проектирования программ

## «Сверху вниз» (последовательное уточнение)



# Методы проектирования программ

---

## «Сверху вниз» (последовательное уточнение)



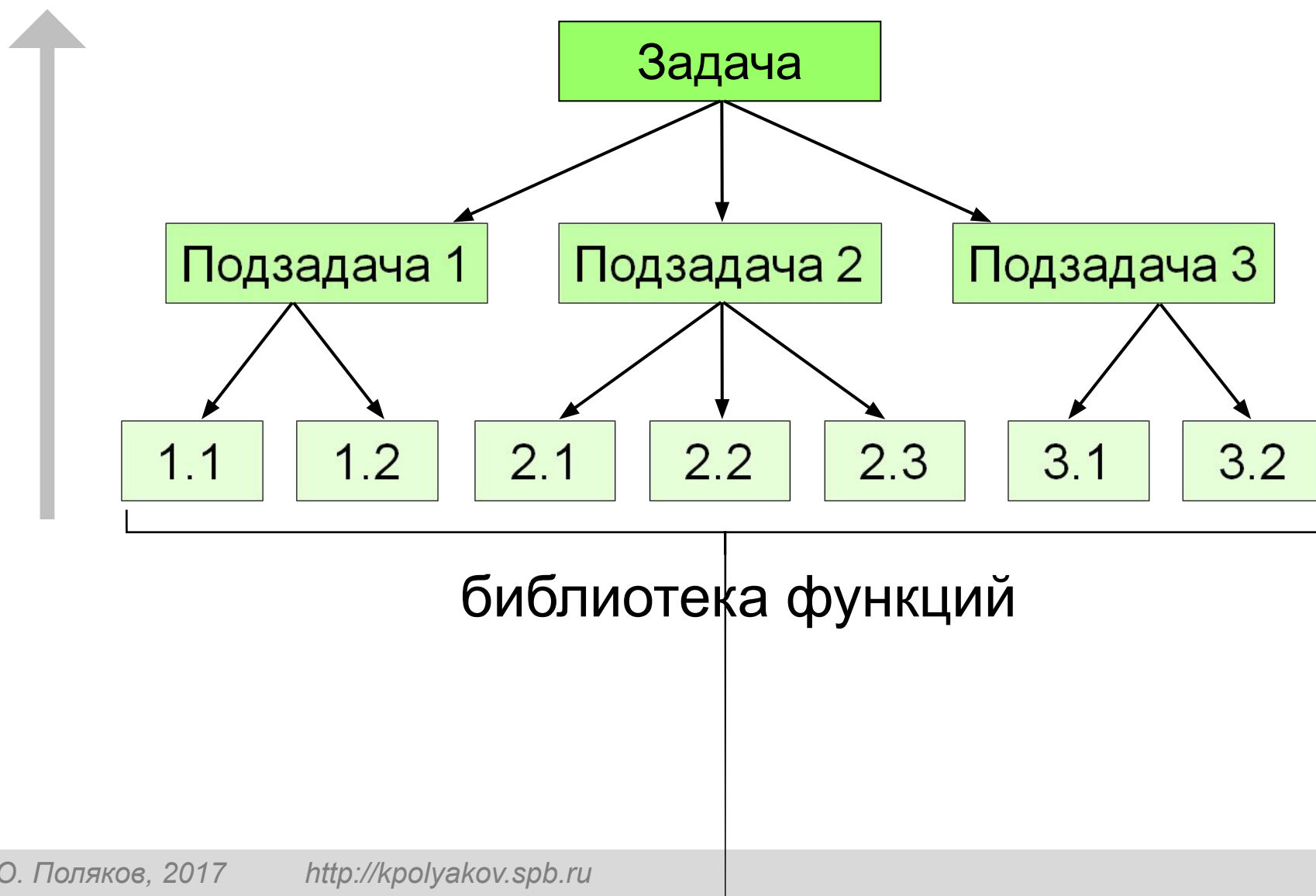
- сначала задача решается «в целом»
- легко распределить работу
- легче отлаживать программу (всегда есть полный работающий вариант)



- в нескольких подзадачах может потребоваться решение одинаковых подзадач нижнего уровня
- быстродействие не известно до последнего этапа (определяется нижним уровнем)

# Методы проектирования программ

## «Снизу вверх» (восходящее)





# Методы проектирования программ

---

## «Снизу вверх» (восходящее)



- нет дублирования
- сразу видно быстроедействие



- сложно распределять работу
- сложнее отлаживать (увеличение числа связей)
- плохо видна задача «в целом», может быть нестыковка на последнем этапе



Почти всегда используют оба подхода!

# Отладка программы

Программа решения квадратного уравнения

$$ax^2 + bx + c = 0$$

```
from math import sqrt
print("Введите a, b, c: ")
a = float(input())
b = float(input())
c = float(input())
D = b*b - 4*a*a
x1 = (-b+sqrt(D))/2*a
x2 = (-b-sqrt(D))/2*a
print("x1=", x1, " x2=", x2, sep="")
```

float – преобразовать в вещественное число

# Тестирование

Тест 1.  $a = 1, b = 2, c = 1$ .

Ожидание:

`x1=-1.0 x2=-1.0`

Реальность:

`x1=-1.0 x2=-1.0`



Тест 2.  $a = 1, b = -5, c = 6$ .

`x1=3.0 x2=2.0`

`x1=4.791 x2=0.209`



Найден вариант, когда программа работает неверно.  
Ошибка **воспроизводится!**

## Возможные причины:

- неверный ввод данных
- неверное вычисление дискриминанта
- неверное вычисление корней
- неверный вывод результатов

$$D = b^2 - 4ac$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

# Отладочная печать

---

Идея: выводить все промежуточные результаты.

```
a = float(input())
```

```
b = float(input())
```

```
c = float(input())
```

```
print(a, b, c)
```

```
D = b*b - 4*a*a
```

```
print("D=", D)
```

```
...
```

# Отладочная печать

Идея: выводить все промежуточные результаты.

Результат:

Введите a, b, c:

1

-5

6

1.0 -5.0 6.0

D= 21.0

$$D = b^2 - 4ac = 25 - 4 \cdot 1 \cdot 6 = 1$$

```
D = b*b - 4*a*c ;
```



Одна ошибка найдена!

# Отладка программы

Тест 1.  $a = 1, b = 2, c = 1$ .

Ожидание:

```
x1=-1.0 x2=-1.0
```

Реальность:

```
x1=-1.0 x2=-1.0
```



Тест 2.  $a = 1, b = -5, c = 6$ .

```
x1=3.0 x2=2.0
```

```
x1=3.0 x2=2.0
```



Программа работает верно?

Тест 3.  $a = 8, b = -6, c = 1$ .

```
x1=0.5 x2=0.25
```

```
x1=32.0 x2=16.0
```



```
x1 = (-b+sqrt(D))/(2*a)
```

```
x2 = (-b-sqrt(D))/(2*a)
```



Что неверно?

# Документирование программы

---

- назначение программы
- формат входных данных
- формат выходных данных
- примеры использования программы

## Назначение:

программа для решения уравнения

$$ax^2 + bx + c = 0$$

## Формат входных данных:

значения коэффициентов  $a$ ,  $b$  и  $c$  вводятся с клавиатуры через пробел в одной строке

# Документирование программы

---

## Формат выходных данных:

значения вещественных корней уравнения;  
если вещественных корней нет, выводится  
слово «нет»

## Примеры использования программы:

1. Решение уравнения  $x^2 - 5x + 6 = 0$

Введите a, b, c: **1 -5 6**

**x1=4.791288 x2=0.208712**

2. Решение уравнения  $x^2 + x + 6 = 0$

Введите a, b, c: **1 1 6**

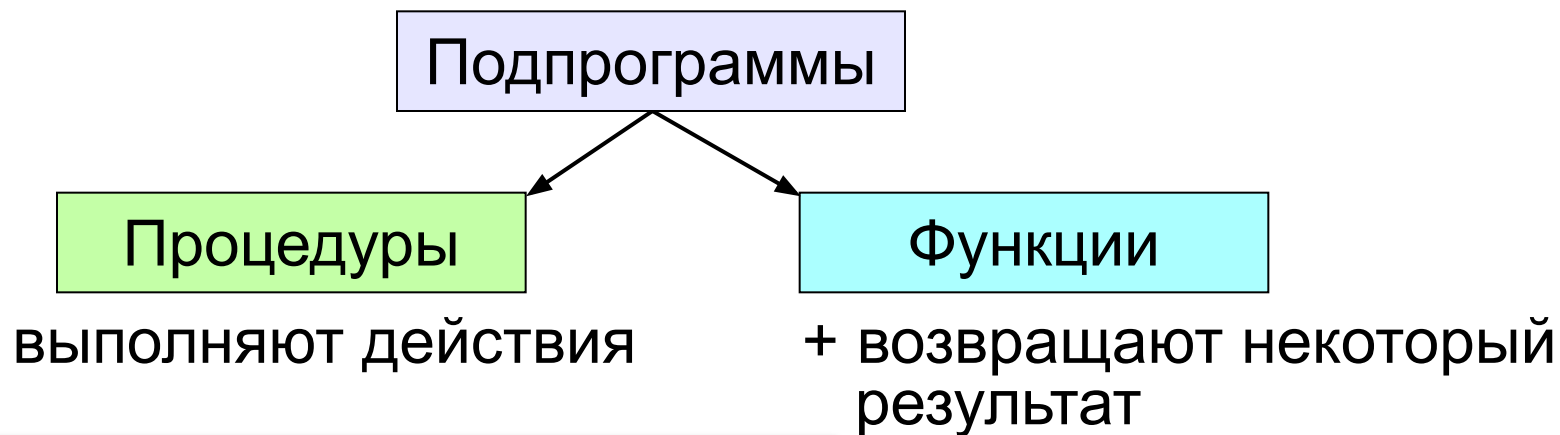
**Нет.**



# Программирование (Python)

## Процедуры

# Два типа подпрограмм



**?** Процедура или функция?

- а) рисует окружность на экране
- б) определяет площадь круга
- в) вычисляет значение синуса угла
- г) изменяет режим работы программы
- д) возводит число  $x$  в степень  $y$
- е) включает двигатель автомобиля
- ж) проверяет оставшееся количество бензина в баке
- з) измеряет высоту полёта самолёта

# Простая процедура

*define* – определить

```
def printLine():  
    print("-----")
```

```
...  
printLine()  
...
```

ВЫЗОВ  
процедуры

какие-то  
операторы



Что делает?



- можно вызывать сколько угодно раз
- нет дублирования кода
- изменять – в одном месте

# Линии разной длины

```
def printLine5():  
    print("-----")
```

```
def printLine10():  
    print("-----")
```

↓

```
def printLine10():  
    print("-"*10)
```

↓

```
def printLine( n ):  
    print("-"*n)
```



Как улучшить?

параметр  
процедуры

# Процедура с параметром

**Параметр** – величина, от которой зависит работа процедуры.

```
def printLine( n ):  
    ...
```

```
...  
printLine(10)
```

```
...  
printLine(7)  
printLine(5)  
printLine(3)
```



Что делает?

**Аргумент** – значение параметра при конкретном вызове.

# Несколько параметров

символьная строка



Что изменилось?

```
def printLine(c, n):  
    print(c*n)
```



Как вызывать?

✓ `printLine( "+", 5 )`

✓ `printLine( "+-+", 5 )`

✓ `printLine( 5, "+" )`

# В других языках программирования

---

## Паскаль:

```
procedure printLine(c: string; n: integer);  
var i: integer;  
begin  
    for i:=1 to n do  
        write(c);  
    writeln  
end;
```

# В других языках программирования

---

C:

```
void printLine(int n)
{
    int i;
    for (i=1; i<=n; i++)
        putchar("-");
    putchar("\n");
}
```



# Задачи

---

«3»: Напишите процедуру, которая принимает параметр – натуральное число  $N$  – и выводит на экран две линии из  $N$  символов "–".

**Пример:**

Длина цепочки: 7

```
-----  
-----
```

«4»: Напишите процедуру, которая принимает один параметр – натуральное число  $N$ , – и выводит на экран прямоугольник длиной  $N$  и высотой 3 символа.

**Пример:**

Длина прямоугольника: 7

```
oooooooo  
o      o  
oooooooo
```

# Задачи

---

«5»: Напишите процедуру, которая выводит на экран квадрат со стороной  $N$  символов. При запуске программы  $N$  нужно ввести с клавиатуры.

**Пример:**

Сторона квадрата: 5

ooooo

o      o

o      o

o      o

ooooo

# Задачи

---

«6»: Напишите процедуру, которая выводит на экран треугольник со стороной  $N$  символов. При запуске программы  $N$  нужно ввести с клавиатуры.

**Пример:**

Сторона: 5

```
о
оо
ооо
оооо
ооооо
```

# Рекурсия

**Задача.** Вывести на экран двоичный код натурального числа.

```
def printBin( n ) :  
    ...
```

Алгоритм перевода через остатки:

```
while n != 0 :  
    print( n % 2, end="" )  
    n = n // 2
```



Что получится  
при  $n = 6$ ?

011❌

в обратном порядке!

# Рекурсия

Чтобы вывести двоичную запись числа  $n$ , нужно сначала вывести двоичную запись числа  $(n // 2)$ , а затем — его последнюю двоичную цифру, равную  $(n \% 2)$ .

двоичная запись числа 6

110

$6 \% 2$

двоичная запись числа 3



Чтобы решить задачу, нужно решить ту же задачу для меньшего числа!

Это и есть **рекурсия!**



Чтобы понять рекурсию, нужно понять рекурсию! 😊

# Рекурсивная процедура

```
def printBin( n ) :  
    printBin( n % 2 )  
    print( n % 2, end = "" )
```

вызывает сама себя!

**Рекурсивная процедура** — это процедура, которая вызывает сама себя.

`printBin(6)`



Что получится? `printBin(6)`

`printBin(3)`

`printBin(1)`

`printBin(0)`

`printBin(0)`

бесконечные вызовы



Как исправить?

# Рекурсивная процедура

```
def printBin( n ) :  
    if n = 0: return  
    printBin( n // 2 )  
    print( n % 2 )
```



Что получится?  
`printBin(6)`

`printBin(6)`

`printBin(3)`

`printBin(1)`

`printBin(0)`

`print(1 % 2)`

`print(3 % 2)`

`print(6 % 2)`

рекурсия  
заканчивается!

1 1 0

# Задачи

---

«А»: Напишите рекурсивную процедуру, которая переводит число в восьмеричную систему.

**Пример:**

Введите число: 66

В восьмеричной: 102

«В»: Напишите рекурсивную процедуру, которая переводит число в любую систему счисления с основанием от 2 до 9.

**Пример:**

Введите число: 75

Основание: 6

В системе с основанием 6: 203



# Задачи

---

«С»: Напишите рекурсивную процедуру, которая переводит число в шестнадцатеричную систему.

**Пример:**

Введите число: **123**

В шестнадцатеричной: 7B

«D»: Напишите рекурсивную процедуру, которая переводит число в любую систему счисления с основанием от 2 до 36.

**Пример:**

Введите число: **350**

Основание: **20**

В системе с основанием 20: НА

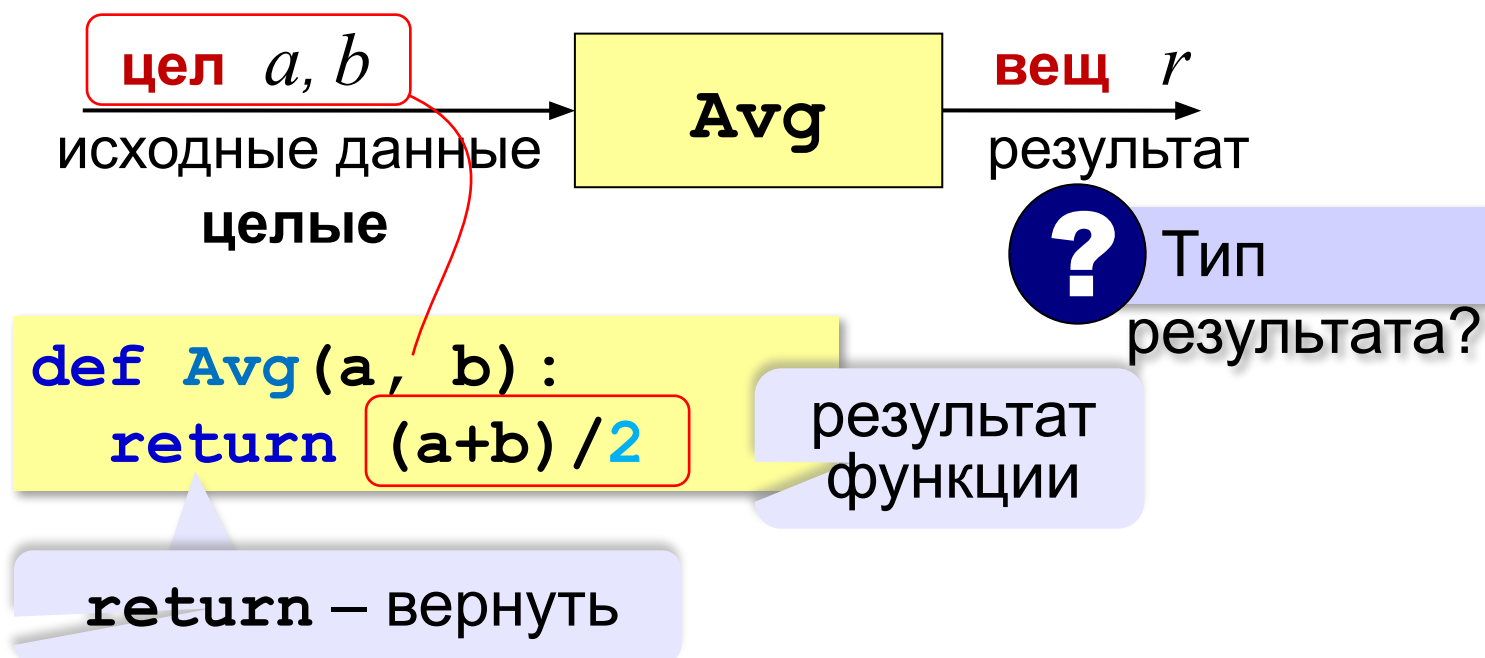
# Программирование (Python)

## Функции

# Что такое функция?

**Функция** — это вспомогательный алгоритм, который возвращает результат (число, строку символов и др.).

**Задача.** Написать функцию, которая вычисляет среднее арифметическое двух целых чисел.



# Как вызывать функцию?

Запись результата в переменную:

```
sr = Avg(5, 8)
```

6.5



Чему равно?

```
x = 2; y = 5
```

```
sr = Avg(x, 2*y+8)
```

10

Вывод на экран:

```
x = 2; y = 5
```

```
sr = Avg(x, y+3)
```

```
print( Avg(12, 7) )
```

```
print( sr + Avg(x, 12) )
```

5

9.5

12

# Как вызывать функцию?

Использование в условных операторах:

```
a = int(input())  
b = int(input())  
if Avg(a,b) > 5:  
    print("Да!")  
else:  
    print("Нет!");
```



Когда печатает «Да»?

# Как вызывать функцию?

Использование в циклах:

```
a = int(input())  
b = int(input())  
while Avg(a,b) > 0:  
    print("Нет!")  
    a,b = map(int, input().split())  
print("Угадал!");
```

ВВОД ДВУХ ЧИСЕЛ В  
ОДНОЙ СТРОЧКЕ

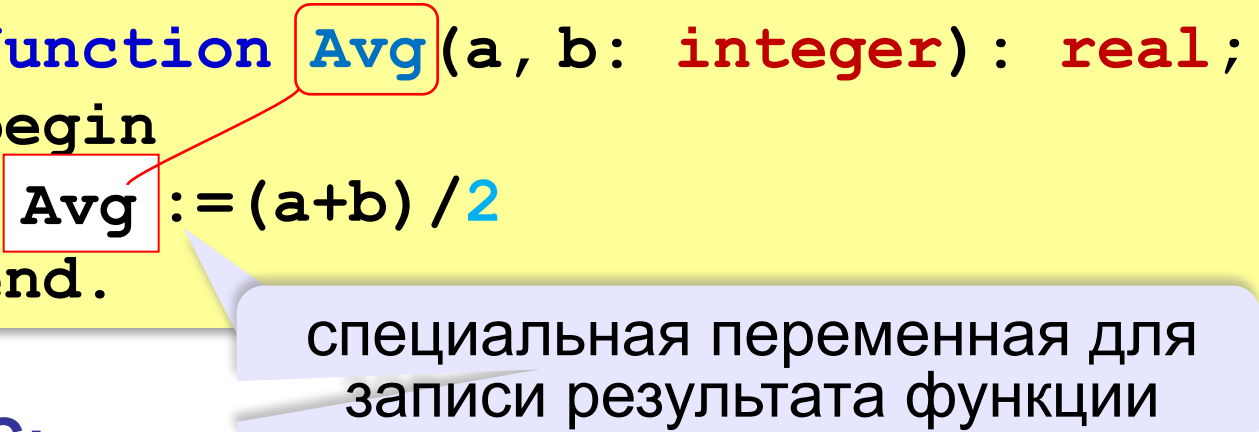


Когда напечатает «Угадал»?

# В других языках программирования

## Паскаль:

```
function Avg(a, b: integer) : real;  
begin  
  Avg := (a+b) / 2  
end.
```



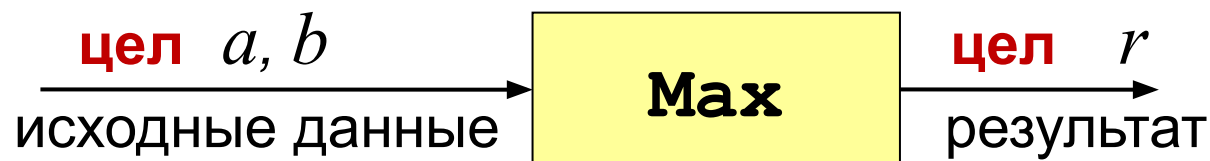
специальная переменная для  
записи результата функции

## C:

```
float Avg(int a, int b)  
{  
    return (a+b) / 2.0;  
}
```

# Максимум из двух (трёх) чисел

**Задача.** Составить функцию, которая определяет наибольшее из двух целых чисел.



```
def Max(a, b):  
    if a > b then  
        return a  
    else:  
        return b
```



Как с её помощью найти максимум из трёх?

```
def Max3(a, b, c):  
    return Max( Max(a,b), c )
```



# Сумма цифр числа

**Задача.** Составить функцию, которая вычисляет сумму значений цифр натурального числа.

```
def sumDigits( N ) :  
    sum = 0          # накапливаем сумму с 0  
    while N!=0 :  
        d = N % 10   # выделим последнюю цифру  
        sum += d     # добавим к сумме  
        N = N // 10  # удалим последнюю цифру  
    return sum
```

Вызов процедуры:

```
m = int(input())  
s = sumDigits( m )  
print( s )
```

# Задачи

---

«А»: Напишите функцию, которая вычисляет среднее арифметическое пяти целых чисел.

**Пример:**

Введите 5 чисел: 1 2 3 4 6

Среднее: 3.2

«В»: Напишите функцию, которая находит количество цифр в десятичной записи числа.

**Пример:**

Введите число: 751

Количество цифр: 3

# Задачи

---

**«С»:** Напишите функцию, которая находит количество нулей в двоичной записи числа.

**Пример:**

Введите число: **75**

Количество нулей: **3**

# Логические функции

---

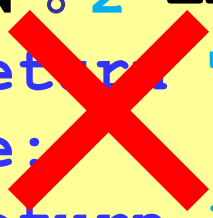
**Логическая функция** — это функция, возвращающая логическое значения (**да** или **нет**).

- можно ли применять операцию?
- успешно ли выполнена операция?
- обладают ли данные каким-то свойством?

# Логические функции

Задача. Составить функцию, которая возвращает «**True**», если она получила чётное число и «**False**», если нечётное.

```
def Even( N ) :  
    if N % 2 == 0 :  
        return True  
    else :  
        return False
```



```
def Even( N ) :  
    return (N % 2 == 0)
```

# Рекурсивные функции

**Рекурсивная функция** — это функция, которая вызывает сама себя.

*Задача.* Составить рекурсивную функцию, которая вычисляет сумму цифр числа.

**?** Как сформулировать решение рекурсивно?

Сумму цифр числа  $N$  нужно выразить через сумму цифр другого (меньшего) числа.

Сумма цифр числа  $N$  равна значению последней цифры плюс сумма цифр числа, полученного отбрасыванием последней цифры.

`sumDig(12345) = 5 + sumDig(1234)`



# Рекурсивная функция

## Сумма цифр числа N

Вход: натуральное число **N**.

Шаг 1:  $d = N \% 10$

Шаг 2:  $m = N // 10$

Шаг 3:  $s$  = сумма цифр числа **M**

Шаг 4:  $sum = s + d$

Результат: **sum**.

последняя цифра

число без  
последней цифры



Что забыли?



Когда остановить?

# Сумма цифр числа (рекурсия)

```
def sumDigRec( N ):  
    if N == 0: return 0  
    else:  
        d = N % 10  
        sum = sumDigRec( N // 10 )  
        return sum + d
```



Зачем это?



Где рекурсивный вызов?



# Задачи

---

**«А»:** Напишите логическую функцию, которая возвращает значение «истина», если десятичная запись числа заканчивается на цифру 0 или 1.

**Пример:**

Введите число: **1230**

Ответ: Да

**«В»:** Напишите логическую функцию, которая возвращает значение «истина», если переданное ей число помещается в 8-битную ячейку памяти.

**Пример:**

Введите число: **751**

Ответ: Нет

# Задачи

---

**«С»:** Напишите логическую функцию, которая возвращает значение «истина», если переданное ей число простое (делится только на само себя и на единицу).

**Пример:**

Введите число: **17**

Число простое!

**Пример:**

Введите число: **18**

Число составное!

# Конец фильма

---

**ПОЛЯКОВ Константин Юрьевич**  
д.т.н., учитель информатики  
ГБОУ СОШ № 163, г. Санкт-Петербург  
[kpolyakov@mail.ru](mailto:kpolyakov@mail.ru)