# Анализ качества технологических процессов с помощью гистограмм

# Гистограмма

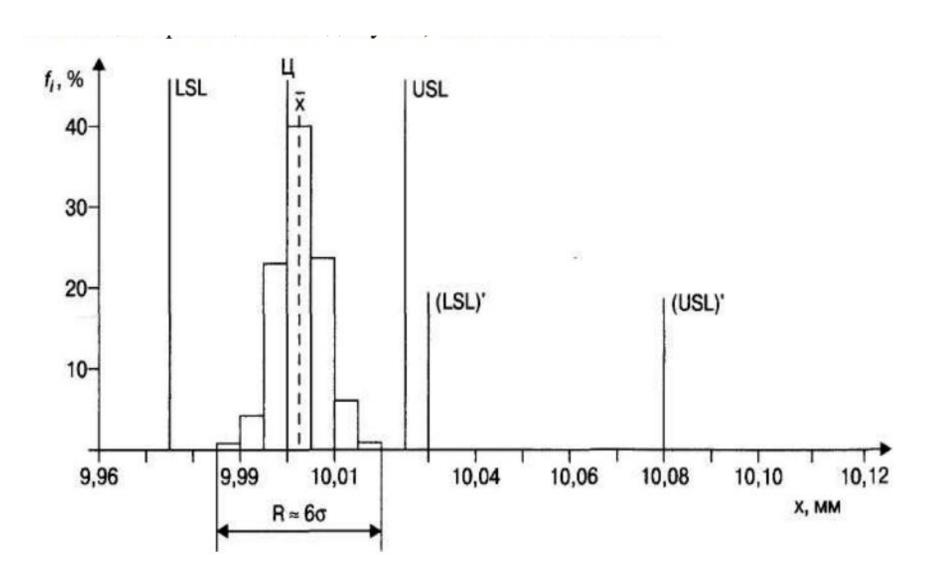
Гистограммы – это разновидность столбчатых диаграмм, показывающая распределение частот исследуемых показателей в различных диапазонах значений.

Гистограмма отображается серией столбиков одинаковой ширины, но разной высоты. Ширина столбика представляет интервал в диапазоне измерений. Высота столбика представляет количество измерений, попавших в данный интервал

Гистограмма позволяет зрительно оценить:

- закон распределения статистических данных;
- величину разброса данных;
- принять решение о том, на чем следует сфокусировать внимание для целей улучшения процесса.

# Пример гистограммы



# Типовые формы гистограмм

| Форма         | Описание   | Вид | Где встречается  |
|---------------|--|-----|--|
| Обычная форма | Среднее значение гистограммы приходится на середину размаха данных. Наивысшая частота оказывается в середине и постепенно снижается к обоим концам. Форма симметрична. |     | Форма встречается чаще всего   |
| Гребенка      | Интервалы через один имеют более низкие (высокие) частоты.   |     | Форма встречается, когда число единичных наблюдений, попадающих в интервал, колеблется от интервала к интервалу или когда действует определенное правило округления данных |

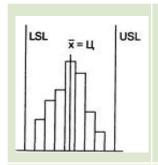
# Типовые формы гистограмм

| Плато<br>(равномерное<br>или<br>прямоугольное<br>распределение) | Частоты в разных интервалах образуют плато, поскольку все интервалы имеют более или менее одинаковые ожидаемые частоты. | Форма встречается в смеси нескольких распределений, имеющих различные средние значения         |
|---|---|--|
| Двухпиковый (бимодальный) тип                                   | В окрестностях центра диапазона данных частота низкая, зато есть по пику с каждой стороны                               | Форма встречается, когда смешиваются два распределения с далеко отстоящими средними значениями |
|   |   |  |

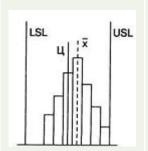
#### Анализ качества процессов с помощью гистограмм



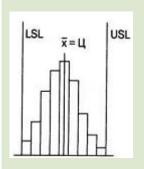
#### Анализ формы



Левая и правая стороны гистограммы симметричны, форма гистограммы удовлетворительна. Ширина гистограммы составляет  $\sim 3/4$  поля допуска (что соответствует  $P_p \approx 1,33$ ), т.е. в поле допуска имеется достаточный запас. Поскольку центр распределения и центр Ц поля допуска совпадают (что соответствует  $k \approx 0$  и  $P_{pk} \approx 1,33$ ), то качество партии деталей находится в удовлетворительном состоянии. Технологическая операция не нуждается в корректировке.



Гистограмма сдвинута вправо. В связи с этим имеется опасение, что среди деталей могут находиться некондиционные (выходящие за пределы допуска). В этом случае необходимо проверить, не вносят ли систематическую ошибку используемые средства измерения. Если средство измерения находится в удовлетворительном состоянии, следует продолжить изготовление деталей, отрегулировав технологическую операцию так, чтобы центр гистограммы совпадал с центром Ц поля допуска.

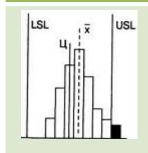


Центр гистограммы расположен правильно, т.е. совпадает с центром поля допуска. Но, т.к. ширина гистограммы, характеризующая реальный разброс значений контролируемого показателя, совпадает с шириной поля допуска, имеется опасение, что со стороны верхнего и нижнего допуска могут появиться некондиционные детали. Чтобы сузить ширину гистограммы, необходимо принять меры для обследования технологической операции с точки зрения точности оборудования, условий обработки, технологической оснастки и т.д. Если это невозможно, рекомендуется расширить допуск, иначе требования к качеству деталей в данном случае являются трудно выполнимыми.

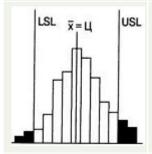
#### Анализ качества процессов с помощью гистограмм

#### Форма

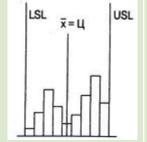
#### Анализ формы



Центр гистограммы смещен, причем, выход одного интервала гистограммы за верхнюю границу допуска USL свидетельствует о наличии дефектных деталей. Кроме того, поскольку ширина гистограммы и ширина поля допуска почти одинаковы, необходимо срочно отрегулировать технологическую операцию, переместив центр гистограммы в центр поля допуска Ц, либо уменьшить ширину гистограммы, либо изменить допуск.



Центр гистограммы совпадает с центром поля допуска, но так как ширина гистограммы превышает ширину поля допуска, то обнаруживаются детали несоответствующего качества, о чем свидетельствует выход гистограммы за обе стороны поля допуска. В этом случае целесообразно реализовать рассмотренные выше меры

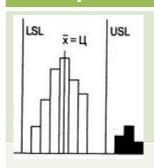


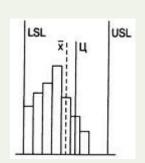
В гистограмме имеются два пика, хотя образцы деталей взяты из одной партии. Возможно, что исходный материал для деталей был двух разных сортов, либо в процессе изготовления деталей была изменена настройка оборудования, либо тем, что в одну партию включили детали, обработанные на двух разных станках. Следует провести расслоение гистограммы, т.е. разбить ее на две.

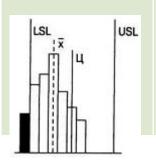
#### Анализ качества процессов с помощью гистограмм



#### Анализ формы







Значительная часть деталей выходит за верхний предел допуска и, отделяясь, образует обособленный «островок». Детали в этом «островке», возможно, представляют часть тех деталей несоответствующего качества, которые вследствие небрежности были перемешаны с доброкачественными в общем потоке. Следует приняты меры для выяснения различных и внезапно возникающих обстоятельств, объясняющих причину этого явления. Центр распределения смещен к нижнему пределу допуска. Так как левая сторона гистограммы на границе нижнего предела допуска имеет вид «отвесного берега», можно сделать заключение, что фактически это была партия, которую предварительно рассортировали из-за наличия в ней деталей несоответствующего качества в левой стороне гистограммы (т.е. выходящих за нижний предел допуска), или же детали несоответствующего качества левой стороны при выборочном контроле умышленно распределили как годные для включения в пределы допуска. Нужно выявить причину, которая могла повлечь за собой данное явление.

Случай, аналогичный предыдущему варианту. Возможно, что используемое измерительное средство было неисправно. В связи с этим необходимо обратить внимание на калибровку (поверку) измерительного средства, а также на повторное обучение правилам выполнения измерений.

## Этапы построения гистограммы

- 1. Сбор статистических данных  $x_i$ , i = 1, 2, ..., N, характеризующих ход процесса.
- 2. Вычисление диапазона данных

$$R = X_{max} - X_{min}$$
.

3. Определение количества интервалов n на гистограмме по формуле Стерджесса

$$n \approx 1 + 3{,}322 \lg N$$
.

4. Определение ширины интервалов

$$h = R/n$$
.

- 5. Определение границ интервалов.
- 6. Вычисление частот

$$f_i = (k_i/N)100\%$$
.

7. Построение графика гистограммы.

# Оценка основных характеристик качества процесса по гистограмме

1. Индекс пригодности процесса удовлетворять технический допуск (без учета положения среднего значения)

$$P_p = \frac{USL - LSL}{6\sigma} \approx \frac{USL - LSL}{R}$$
:

LSL, USL – нижняя и верхняя границы поля допуска; Ц – середина поля допуска (целевое значение) Ц = (LSL + USL)/2

Среднее квадратичное отклонение 
$$\sigma \approx S = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2};$$

Среднее арифметическое значение 
$$\bar{x}$$
  $\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i$ 

2. Показатель настроенности процесса на целевое значение;

$$k = \frac{\left| \overline{x} - \mathcal{U} \right|}{USL - LSL/2}$$

3. Индекс пригодности процесса удовлетворять технический допуск с учетом положений среднего значения  $\bar{x}$ 

$$P_{pk} = P_p (1 - k)$$

### Пример построения гистограммы

#### Этап 1

| Дата <u>01.03.99</u> г.   | Наименование продукции Валик Г | 7p 21/02-01                          |
|---|--------------------------------|--------------------------------------|
| Участок   | <u>З</u> Цех17                 |                                      |
| Интервалы Количество деталей,<br>размеров попадающих в интервал |                                | Количество <b>k</b> <sub>i</sub> шт. |
| 9,975 9,980   |                                | 0                                    |
| 9,980 9,985   |                                | 0                                    |
| 9,985 9,990   | /                              | 1                                    |
| 9,990 9,995   | ////                           | 4                                    |
| 9,995 10,000  | THE THE THE                    | 20                                   |
| 10,000 10,005   | THE THE THE THE THE THE        | 35                                   |
| 10,005 10,010   | THE THE THE I                  | 21                                   |
| 10,010 10,015   | THL 1                          | 6                                    |
| 10,015 10,020   | /                              | 1                                    |
| 10,020 10,025   |                                | 0                                    |
|   | Итого:                         | 88                                   |

## Пример построения гистограммы

2. Вычисление выборочного размаха для  $x_{max} = 10,020$  мм,  $x_{min} = 9,985$  мм

 $\ddot{R} = x_{max} - x_{min} = 10,020 - 9,985 = 0,035 \text{ MM} = 35 \text{ MKM}.$ 

3. Определение количества интервалов n по формуле Стерджесса для N = 88

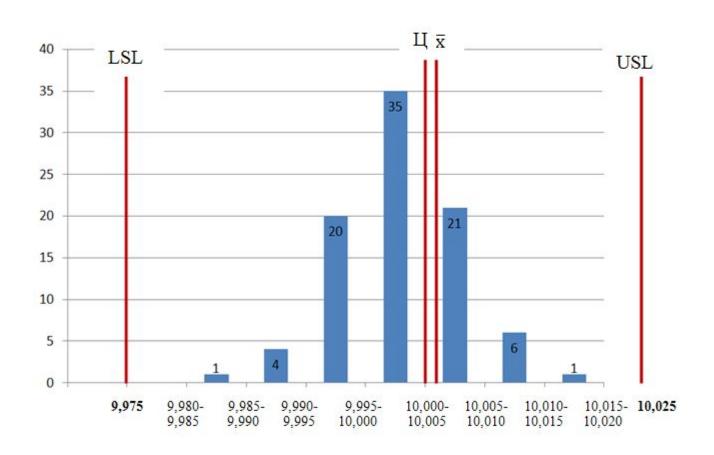
$$n \approx 1 + 3{,}322 \text{ Ig N} = 1 + 3{,}322 \text{ Ig}88 = 7{,}46 \approx 7.$$

- 4. Определение ширины интервалов h = R/n = 0,035 / 7 = 0,005 мм = 5 мкм.
- 5. Определение границ интервалов
- 9,985-9,990; 9,990-9,995; 9,995-10,000; 10,000-10,005; 10,005-10,010; 10,010-10,015; 10,015-10,020 (мм)
- 6. Вычисление частот

 $f_1 = (k_1/N)100\%$  для  $k_1 = 1$ ;  $k_2 = 4$ ;  $k_3 = 20$ ;  $k_4 = 35$ ;  $k_5 = 21$ ;  $k_6 = 6$ ;  $k_7 = 1$ ;

 $f_1 = 1,14$ ;  $f_2 = 4,55$ ;  $f_3 = 22,73$ ;  $f_4 = 33,76$ ;  $f_5 = 23,86$ ;  $f_6 = 6,82$ ;  $f_7 = 1,14$ 

## Пример построения гистограммы



# Вычисление индекса пригодности процесса удовлетворять технический допуск

LSL = 9,975 мм; USL = 10,025 мм;  $\coprod$  = (LSL + USL)/2 = (10,025 + 9,975) / 2 = 10,000 мм; Среднее арифметическое значение  $\overline{x}$  результатов наблюдений  $\underline{x}$ 

$$\overline{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i = 10,0025 \text{ mm}$$
;

Размах результатов наблюдений равен ширине основания гистограммы R ≈ 6σ = 0,035 мм.

$$P_p = \frac{USL - LSL}{6\sigma} \approx \frac{USL - LSL}{R} = \frac{10,025 - 9,975}{0,035} \approx 1,43;$$

Допустим, что (LSL)' = 10,03 мм, (USL)' = 10,08 мм, тогда

$$P_p = \frac{USL - LSL}{6\sigma} \approx \frac{(USL)' - (LSL)'}{R} = \frac{10,08 - 10,03}{0,035} \approx 1,43$$

Ни одно изделие не попадает в пределы границ поля допуска.

№ ≈ 1,43, что не учитывает смещение центра x случайного распределения размеров деталей относительно середины поля допуска Ц.

# Вычисление показателя k и индекса Р

Показатель настроенности процесса на целевое значение

$$k = \frac{|10,0025 - 10,0000|}{10,025 - 9,975/2} = 0,1.$$

характеризует смещение гистограммы относительно середины поля допуска  $\bar{\mathbf{x}}$ 

Индекс пригодности процесса удовлетворять технический допуск с учетом положения среднего значения  $\bar{\mathbf{x}}$ 

$$P_{pk} = 1,43 \cdot (1-0,1) \approx 1,29$$

наиболее полно характеризует качество протекания процесса.