

П а р а б о л а

Т е о р е м а

К о о р д и н а т а

А л г е б р а

П р я м а я

И н т е р в а л

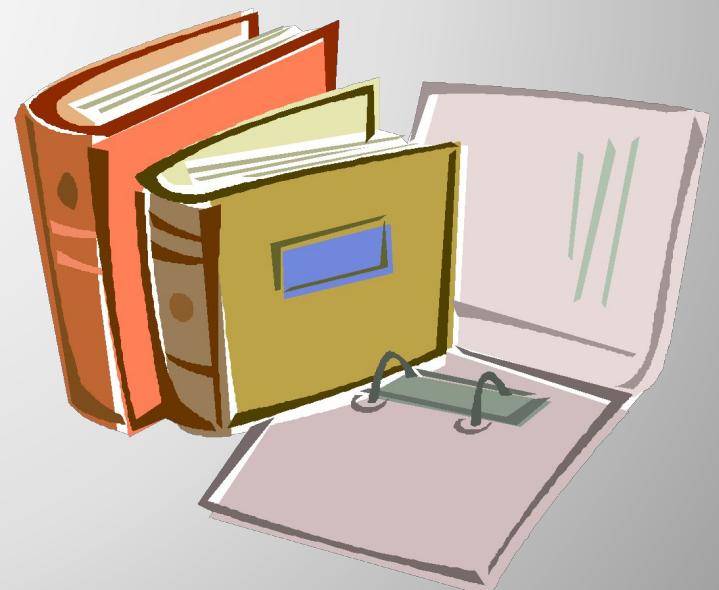
А к с и о м а

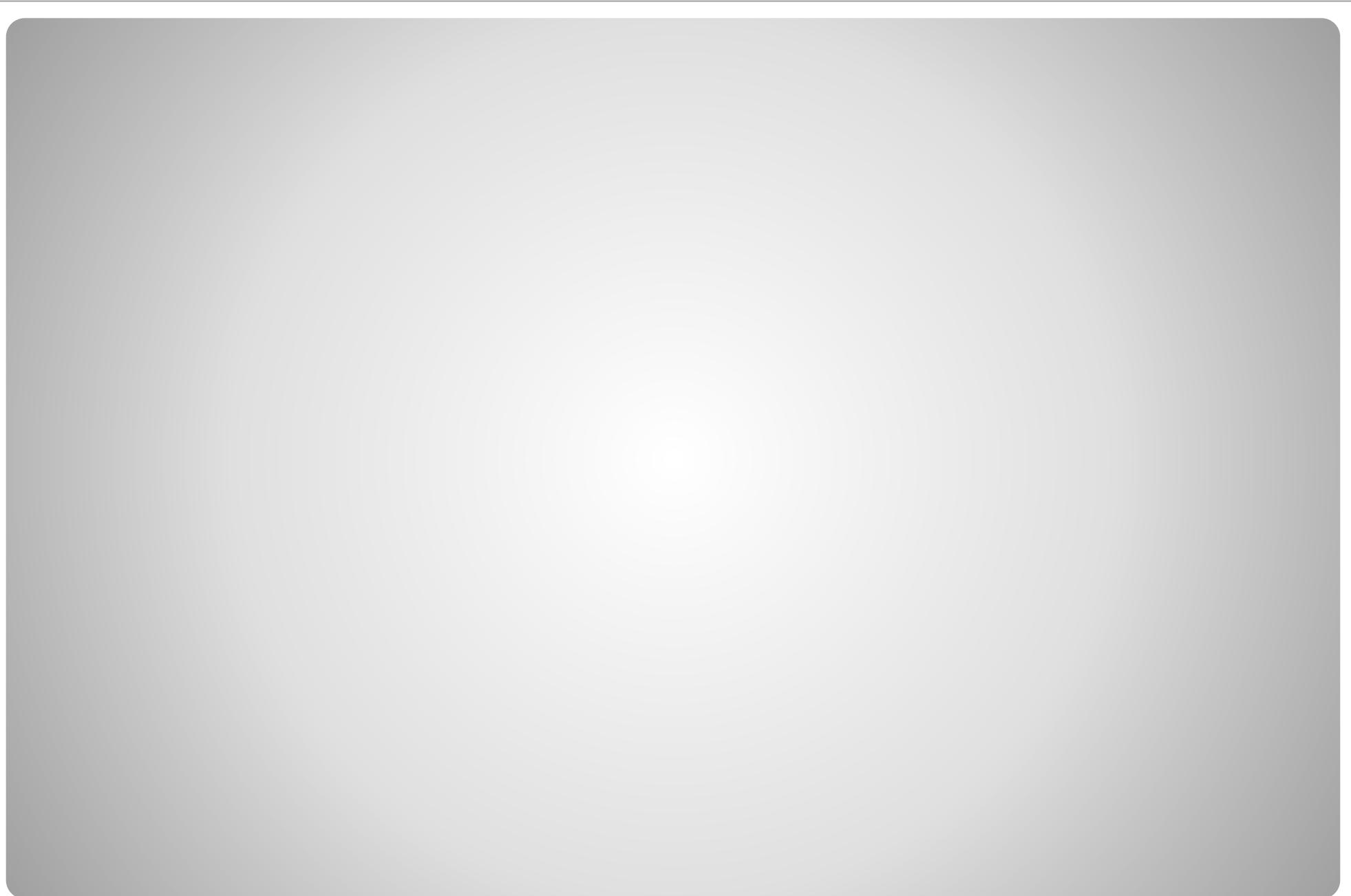
с у м м а

О р д и н а т а

В и е т

# АРИФМЕТИЧЕСКАЯ И ГЕОМЕТРИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИИ





# **Цель урока:**

*обобщение и систематизация тем  
«Арифметическая прогрессия» и  
«Геометрическая прогрессия»*

# **Задачи урока:**

- ❖ **Проверка умений** пользоваться основными формулами при решении задач.
- ❖ **Выявление трудностей**, возникающих при решении задач по данной теме.
- ❖ **Формирование** вычислительных навыков.

**В клинописных таблицах вавилонян в египетских пирамидах(второй век до н.в.) встречаются примеры арифметический прогрессий.**

**Задачи на прогрессии, дошедшие до нас из древности, были связаны с запросами хозяйственной жизни: распределение продуктов, деление наследства и др.**

**Некоторые формулы, относящиеся к прогрессиям, были известны китайским и индийским ученым.**

**Ариабхатта (5 в.)применял формулы общего числа, суммы арифметической прогрессии.**

**Но правило для нахождения суммы членов арифметической прогрессии впервые встречается в сочинении «Книги Абака» в 1202 г.(Леонардо Пизанский).**

$$a_n = (a_{n-1} + a_{n+1})/2$$

$$a_n = a_{n-1} + d$$

$$d = a_n - a_{n-1}$$

АРИФМЕТИЧЕСКАЯ

## ПРОГРЕССИИ

$$b^2_n = b_{n-1} * b_{n+1}$$

$$b_n = b_{n-1} * q$$

$$q = b_n / b_{n-1}$$

ГЕОМЕТРИЧЕСКАЯ

$$a_n = a_1 + (n-1)*d$$

$$S_n = (a_1 + a_n) * n / 2$$

$$S_n = b_1 * (q^n - 1) / (q - 1)$$

# Определить вид прогрессии и продолжить числовой ряд

1) 5; 5,5; 6; 6,5...

7 , d=0,5

2) -9; -10,5; -12; -13,5. - 15, d= -1,5

3) 6; 0,6; 0,06;0,006.. 0,0006, q=0,1

4) -2,2; 4,4; -8,8;...

17,6., q=- 2

5) 3+a;2a+5; 3a+7...

4a+9 , d=a +2

6) 2c; 4c<sup>2</sup>; 8c<sup>3</sup>...

16C<sup>4</sup>, q=2C

# **Задачи на применение формул арифметической и геометрической прогрессии**

**№1**

$$a_1 = -1,2$$

$$d = 3$$

$$a_4 - ?$$

$$S_4 - ?$$

Ответ:  $a_4 = 7,8$   
 $S_4 = 13,2$

**№2**

$$b_1 = 3,2$$

$$q = 2$$

$$b_4 - ?$$

$$S_4 - ?$$

Ответ:  $b_4 = 25,6$   
 $S_4 = 48$

# Тест

## Часть I (0,5 балла)

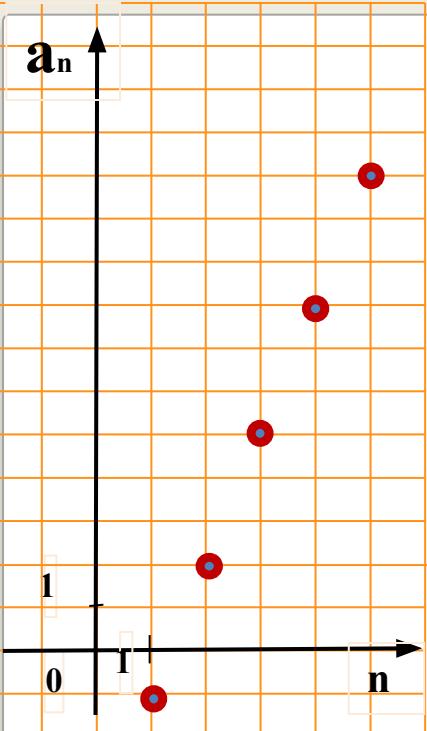


Рис. 1

- Про арифметическую прогрессию  $(a_n)$  известно, что  $a_7 = 8$ ,  $a_8 = 12$ . Найдите разность арифметической прогрессии. А) -4    Б) 4    В) 20    Г) 3
- Геометрическая прогрессия задана формулой  $b_n = 3^{2n}$ . Найдите знаменатель геометрической прогрессии.  
А) -3    Б) 81    В) 3    Г) 9
- Члены арифметической прогрессии изображены (рис.1) точками на координатной плоскости. Какое из данных чисел является членом этой прогрессии?    А) -7    Б) 6    В) 12    Г) 17
- Найдите сумму семи первых членов геометрической прогрессии 4; 8; ...    А) - 254    Б) 508    В) 608    Г) - 508
- Последовательность  $a_n$  задана формулой  $a_n = n^2 - 2n - 1$ . Найдите номер члена последовательности, равного 7.  
А) 4    Б) -2    В) 2    Г) -4

## **Итоги урока:**

- 1) Повторили** основные определения, формулы арифметической и геометрической прогрессии.
- 2) Закрепили** навыки решения задач на составление формулы  $n$ -го члена прогрессии, на нахождение суммы  $n$  первых членов.
- 3) Подготовились** к контрольной работе.