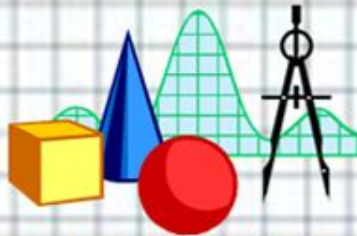


# **Замечательные точки треугольника**

## **Урок 1. Свойство биссектрисы угла**

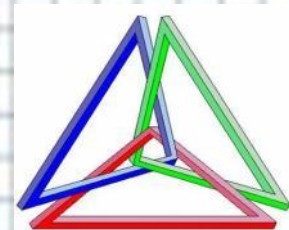




# Цели урока:

---

- ✓ Рассмотреть теорему о свойстве биссектрисы угла и её следствие.
- ✓ Учить применять данные теоремы и следствие при решении задач.
- ✓ Формировать умения применять известные знания в незнакомой ситуации, сравнивать, анализировать, обобщать.
- ✓ Продолжать развивать познавательную активность, умение формулировать свои выводы и доказывать их.
- ✓ Воспитывать уверенность в себе, познавательный интерес.

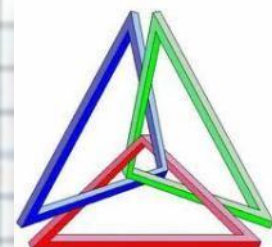






**Исторически геометрия начиналась с треугольника, поэтому вот уже два с половиной тысячелетия треугольник является символом геометрии.**

**Удивительно, но треугольник, несмотря на свою кажущуюся простоту, является неисчерпаемым объектом изучения - никто даже в наше время не осмелится сказать, что изучил и знает все свойства треугольника.**





# **С каждым треугольником связаны четыре точки:**

- точка пересечения медиан;
- точка пересечения биссектрис;
- точка пересечения серединных перпендикуляров;
- точка пересечения высот.

Эти четыре точки называют замечательными точками треугольника.

Почему они «Замечательные»?

Это нам и предстоит узнать на ближайших уроках.



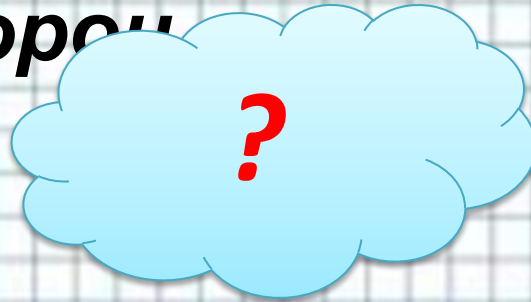


# Свойство биссектрисы

---

- **Каждая точка биссектрисы неразвёрнутого угла равноудалена от его сторон.**

Обратно:



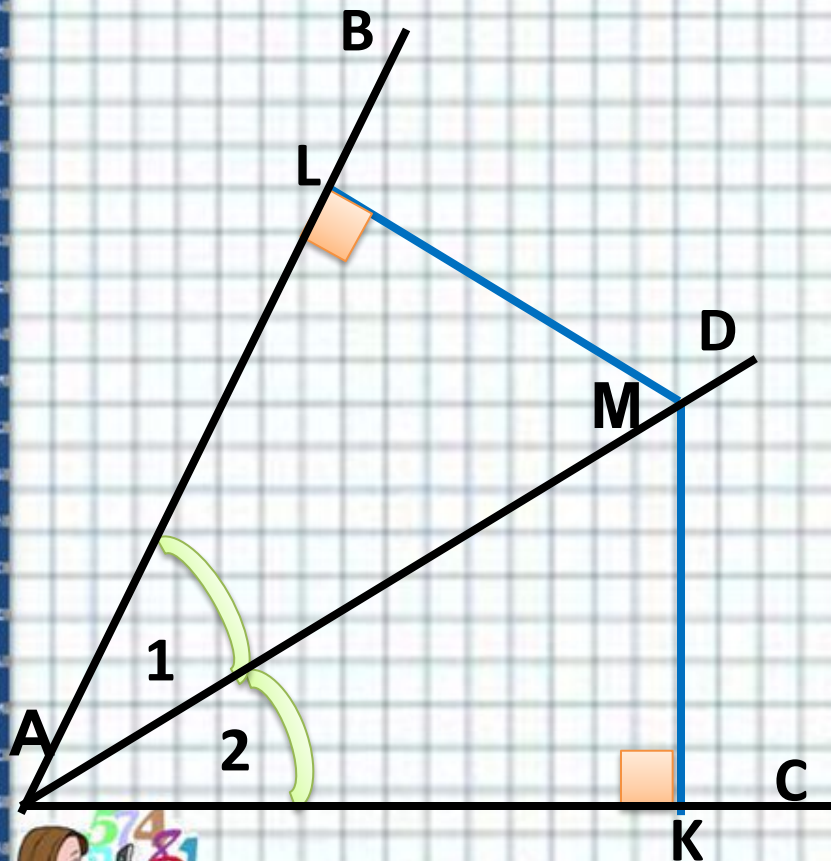
- **Каждая точка, лежащая внутри угла и равноудалённая от сторон угла, лежит на его биссектрисе.**





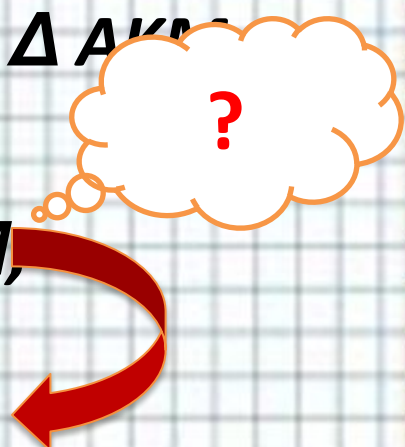
**Дано:  $\angle A$ ,  $\angle 1 = \angle 2$ ,  $M \in AD$ .**

**Доказать:  $MK = ML$ .**



Доказательство:

1. Возьмём т.  $M \in AD$ .
2. Из т.  $M$  проведём  $MK$  и  $ML$  перпендикулярно  $AC$  и  $AB$ .
3. Рассмотрим  $\triangle AKM$  и  $\triangle ALM$ .
4.  $\triangle AKM = \triangle ALM$ ,

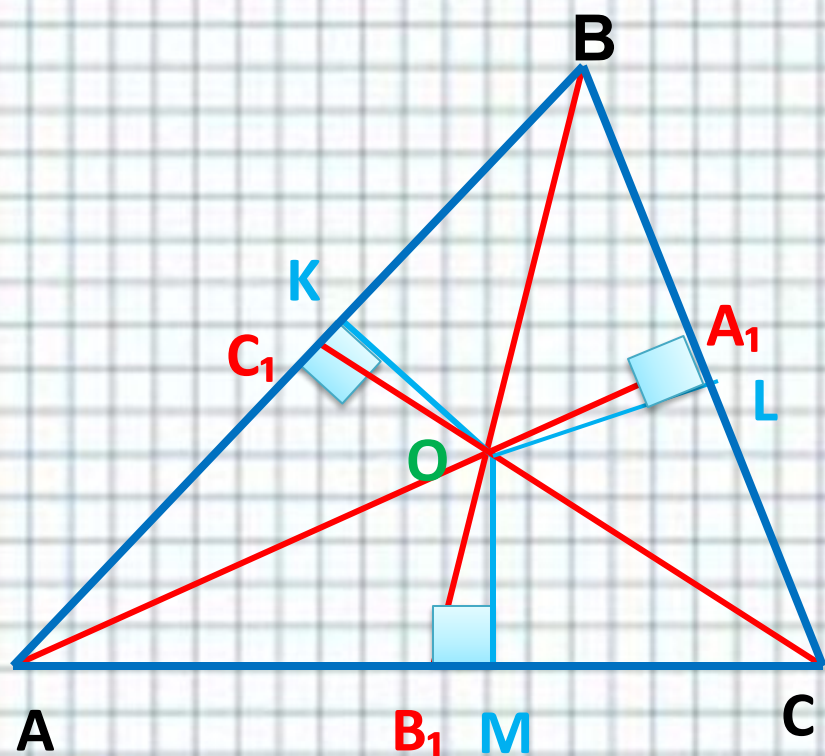


$MK = ML$



# Сл-е: Биссектрисы

треугольника пересекаются в одной точке.



1. Построим биссектрисы  $AA_1, BB_1, CC_1$ .
2. Обозначим точку  $O$  – точку пересечения биссектрис.
3. Проведём  $OK, OL$  и  $OM$  – перпендикуляры к сторонам  $\triangle ABC$
4. По теореме:  $OK=OM=OL$   
т.  $O \in CC_1$

Следовательно,  
все биссектрисы  
треугольника  
пересекаются в одной  
точке.





## № 676 б

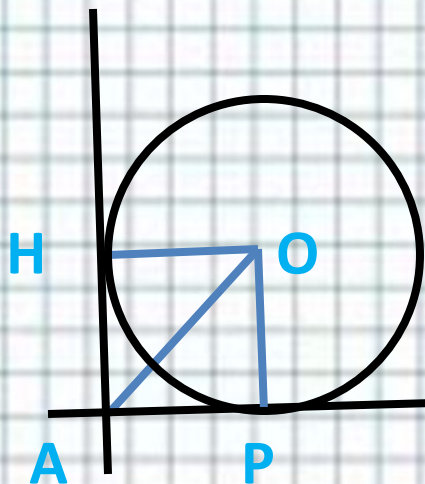
- **Стороны угла  $A$ , равного  $90^\circ$ , касаются окружности с центром  $O$  и радиусом  $r$ ,  $OA = 14$  дм.**

**Найдите  $r$ .**





## № 676 б



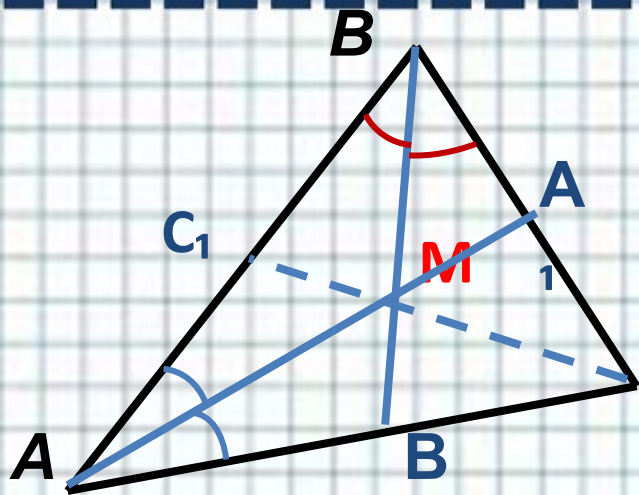
Решение:

1. Проведём радиусы  $OP$  и  $OH$  из центра окружности в точки касания.
  2.  $OP$  и  $AP$ ,  $OH$  и  $AH$  перпендикулярны
  3.  $AO$  – биссектриса угла.
  4.  $\triangle AOP$  -прямоугольный.
  5. По теореме Пифагора:  
 $AO^2 = OP^2 + AP^2$ ,  $AO^2 = r^2 + r^2$ ,  
 $2r^2 = 14^2$ ,  $r = 7\sqrt{2}$ .
- Ответ:  $r = 7\sqrt{2}$  дм.





# №678 а- самопроверка



Дано:  $\triangle ABC$ ,  $AA_1$  и  $BB_1$   
биссектрисы углов  $A$  и  $B$ .  $\angle AMB$   
 $= 136^\circ$ .

Найти:  $\angle ACM$ ,  $\angle BCM$ .

**Решение**

1)  $CM$  – биссектриса угла  $C$ , так как  
биссектрисы углов в треугольнике пересекаются в  
одной точке  $\Rightarrow \angle ACM = \angle BCM$ .  $\angle C = 180^\circ - (\angle A + \angle B)$ ,

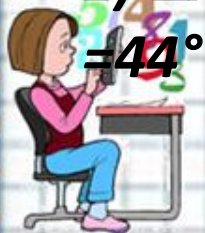
$$0,5\angle C = 0,5 \cdot 180^\circ - 0,5 \cdot (\angle A + \angle B) = \underline{90^\circ - 0,5 \cdot (\angle A + \angle B)}.$$

2)  $\triangle AMB$ :  $\angle MAB + \angle MBA = 180^\circ - 136^\circ = 44^\circ \Rightarrow 0,5\angle A + 0,5\angle B$   
 $= 44^\circ$

3)  $\angle BCM = \angle MCA = 90^\circ - 44^\circ = 46^\circ$

**Ответ:**

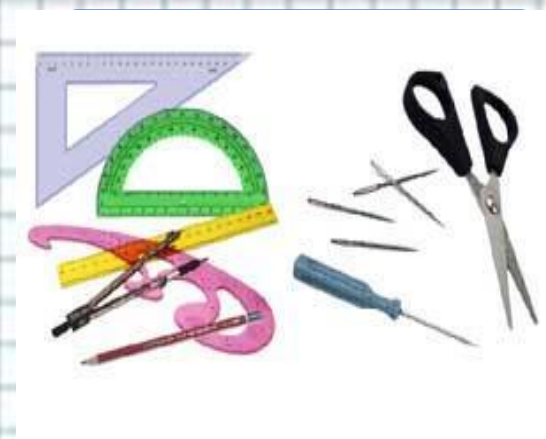
**46°**





# Домашнее задание:

**П.74 ; стр.177 №№ 676 (а), 678 (б).**





# ОЦЕНИТЕ СЕБЯ!

---



**Усвоил полностью,  
могу применять**



**Усвоил, но затрудняюсь  
в применении**



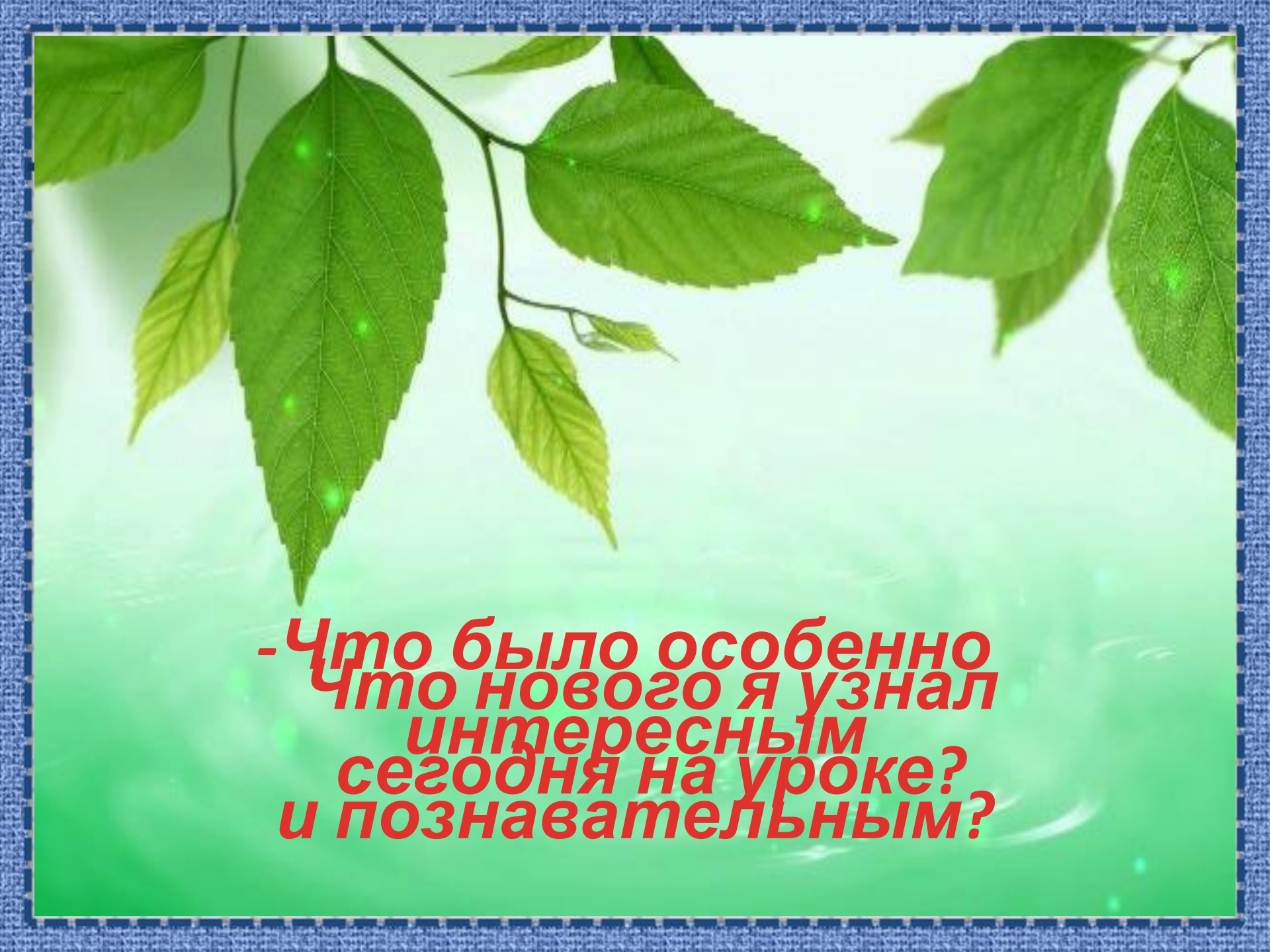
**Усвоил частично**



**Не усвоил**





The image has a blue, textured border. The background is a soft-focus green scene with several leaves hanging from the top. Below the leaves, there are ripples on a body of water, suggesting a pond or stream. The overall color palette is dominated by various shades of green and blue.

**- Что было особенно  
Что нового я узнал  
интересным  
сегодня на уроке?  
и познавательным?**



# Использованные ресурсы:

1. Учебник «Геометрия 7-9»; авт: Л.С.Атанасян, В.Ф.Бутузов, С.Б.Кадомцев, Э.Г. Позняк, И.И.Юдина. М., Просвещение, 2015г.

2. Рисунки треугольников:

**Треугольник Рёло:**

<http://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/c/cf/ReuleauxTriangle.png>

[http://haritonenko.okis.ru/img/haritonenko/622\\_4413\\_1296341088.jpg](http://haritonenko.okis.ru/img/haritonenko/622_4413_1296341088.jpg)

[http://sibac.info/files/2013\\_05\\_07\\_SchoolNatur/2\\_Artyushkin.files/image001.jpg](http://sibac.info/files/2013_05_07_SchoolNatur/2_Artyushkin.files/image001.jpg)

[http://commons.wikimedia.org/wiki/File:Mod\\_Itten\\_Reuleaux\\_Triangle\\_LSSA\\_256col.gif?uselang=ru](http://commons.wikimedia.org/wiki/File:Mod_Itten_Reuleaux_Triangle_LSSA_256col.gif?uselang=ru)

**Треугольник Пенроуза:**

[http://eti.ru/uploads/posts/2011-08/1312994233\\_glaza11.jpg](http://eti.ru/uploads/posts/2011-08/1312994233_glaza11.jpg)

[http://areeweb.polito.it/didattica/polymath/htmlS/argoment/ParoleMate/Nov\\_07/Img/Rettangolo.jpg](http://areeweb.polito.it/didattica/polymath/htmlS/argoment/ParoleMate/Nov_07/Img/Rettangolo.jpg)

g

<http://illjuzija.ru/wp-content/uploads/2010/10/skulptura-tryeugolnik-penrouza.jpg>

<http://illjuzija.ru/wp-content/uploads/2010/10/s-storony-skulptura-tryeugolnik-penrouza-2-e1287403>

[846663.jpg](http://illjuzija.ru/wp-content/uploads/2010/10/s-storony-skulptura-tryeugolnik-penrouza-2-e1287403846663.jpg)

**Треугольник Паскаля:**

[http://sbigells.files.wordpress.com/2010/07/pascals\\_triangle.gif?w=252&h=253](http://sbigells.files.wordpress.com/2010/07/pascals_triangle.gif?w=252&h=253)

**Египетский:** [http://lib.convdocs.org/pars\\_docs/refs/252/251618/251618\\_html\\_m37e3f8ae.jpg](http://lib.convdocs.org/pars_docs/refs/252/251618/251618_html_m37e3f8ae.jpg)

<http://festival.1september.ru/articles/503174/img10.jpg>





# Использованные ресурсы:

## **Бермудский треугольник:**

[http://sobaka.com.ua/c/olds/sobaka/1276506089\\_0.jpg](http://sobaka.com.ua/c/olds/sobaka/1276506089_0.jpg)

[http://pirates-life.ru/\\_fr/9/2824012.jpg](http://pirates-life.ru/_fr/9/2824012.jpg)

## **Раскрытая книга:**

[http://images.funadvice.com/photo/49/photo-book\\_published\\_large.jpg](http://images.funadvice.com/photo/49/photo-book_published_large.jpg)

## **Учебник геометрии:**

[http://www.pomogala.ru/matematika\\_images/geometry\\_7\\_9\\_atanasyan.JPG](http://www.pomogala.ru/matematika_images/geometry_7_9_atanasyan.JPG)

## **Рисунок треугольника:**

<http://domsnov.ru/foto/treugolnik.jpg>

[http://www.clker.com/cliparts/9/a/c/3/11971494591216069200onlyl\\_orange\\_triangle.svg.hi.png](http://www.clker.com/cliparts/9/a/c/3/11971494591216069200onlyl_orange_triangle.svg.hi.png)

## **Картинка слайда рефлексии:**

<http://forum.touki.ru/gallery/4d170b90f1d04.png>

## **Тетради:**

<http://www.orshanka.by/wp-content/uploads/2010/08/Colorful-notebooks-and-pen.jpg>

## **Школьные принадлежности:**

<http://detsad38.info/metod/img/izonit7.jpg>

## **Знаки вопроса:**

<http://i.stupenki-studio.ru/u/28/55d73e9aac11e2b7018737826c674f/-/лог2.jpg>





