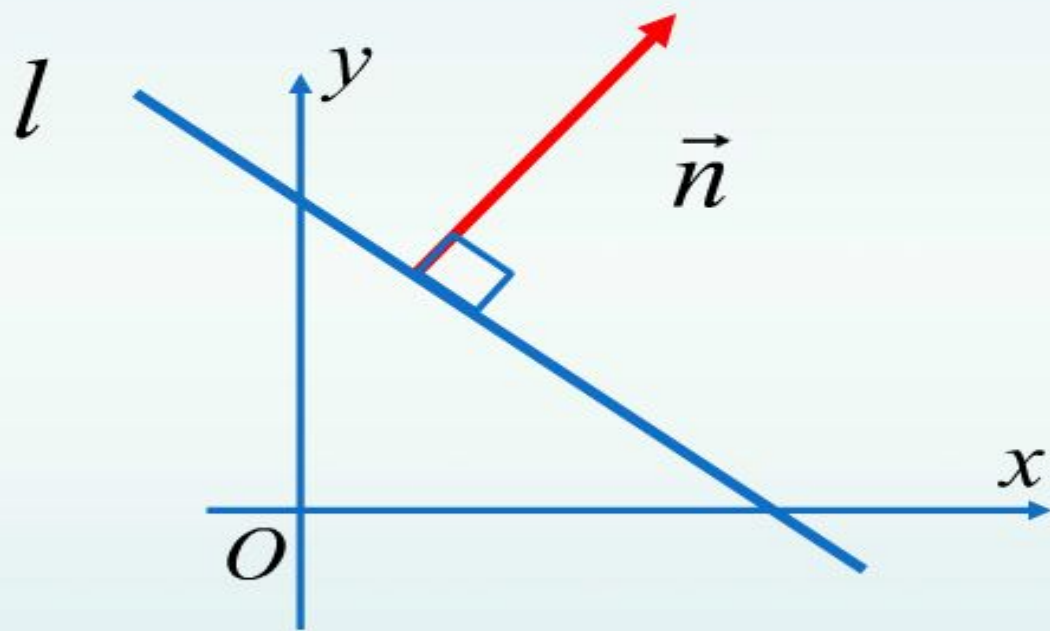


Общее уравнение прямой на плоскости

$$Ax + By + C = 0 \quad (1) \quad A^2 + B^2 > 0$$



(A, B) - нормальный вектор прямой

коэффициентом

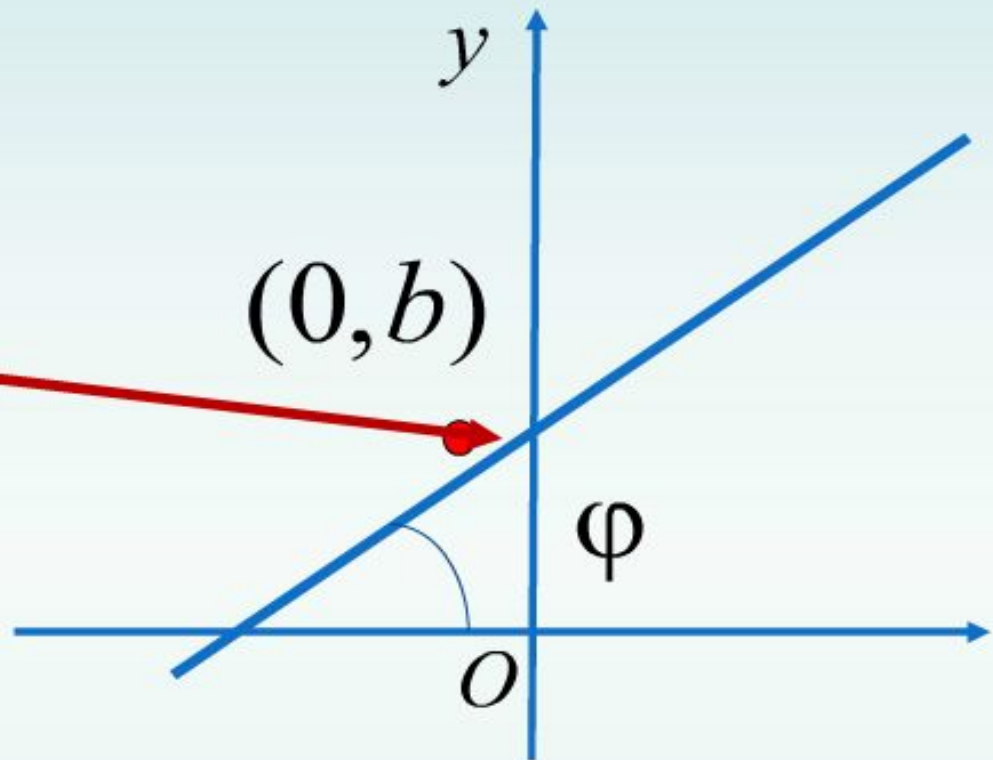
$$y = kx + b, \quad (2)$$

$$x = 0, \quad y = b.$$

$$k = \operatorname{tg} \varphi$$

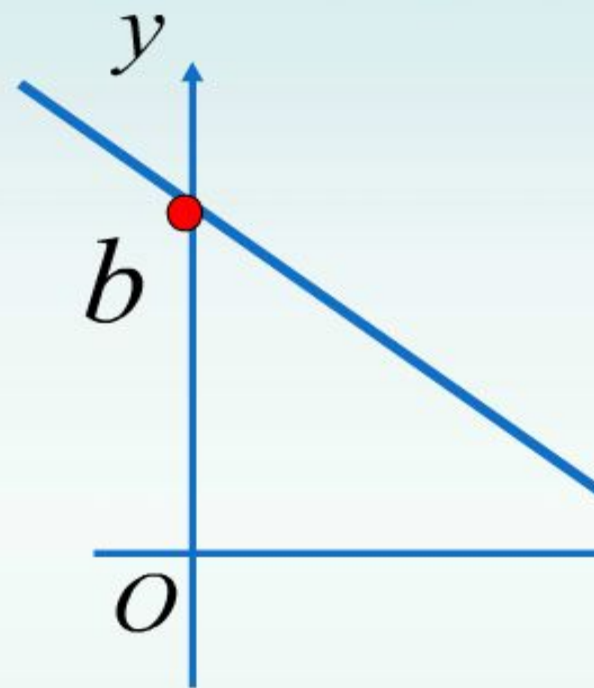
$$k = -\frac{A}{B} \quad (2-1)$$

$$b = -\frac{C}{D} \quad (2-2)$$



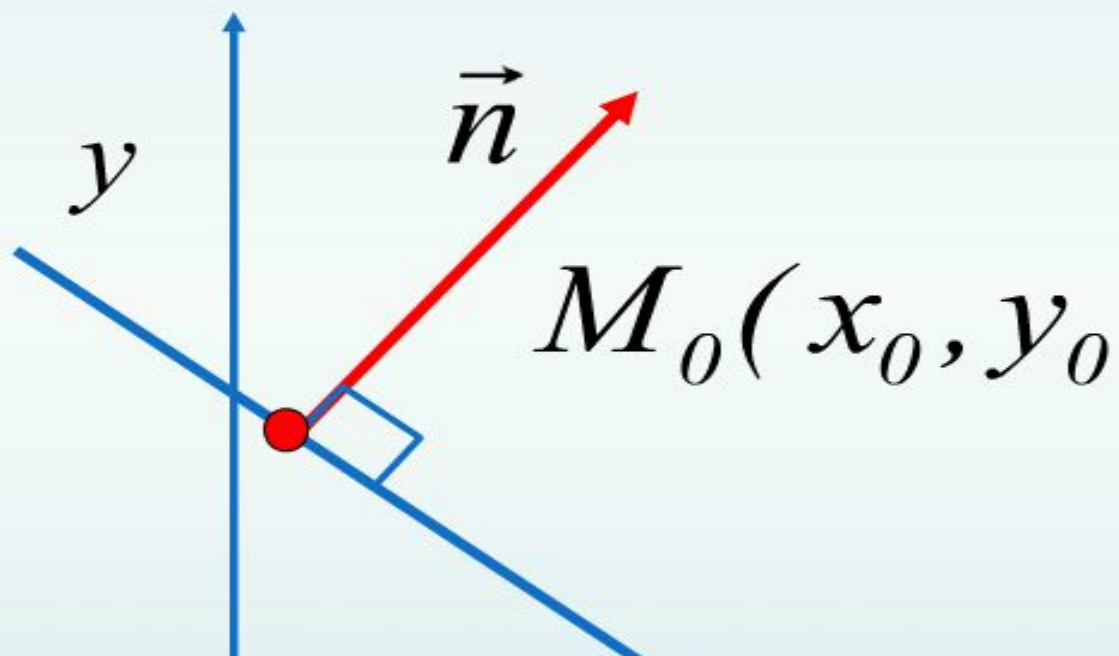
1.2. Уравнение прямой в отрезках

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \quad (3)$$



1.1.3. Уравнение прямой, проходящей
через данную точку $M_0(x_0, y_0)$
перпендикулярной данному вектору

$$\vec{n} = (A, B)$$



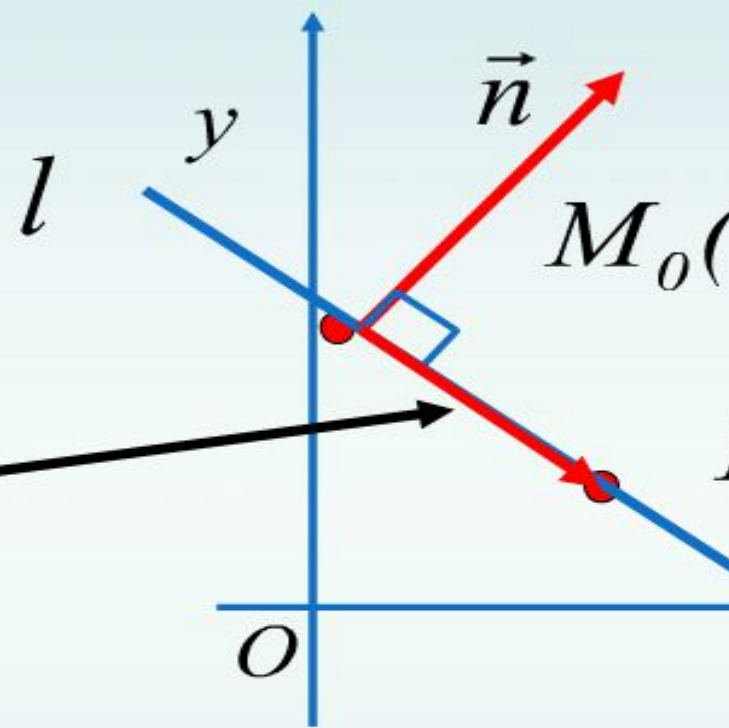
равнение прямой, проходящей через
точку $M_0(x_0, y_0)$ и перпендикулярной
вектору $\vec{n} = (A, B)$

). Рассмотрим вектор

$$\overrightarrow{M_0M} = (x - x_0, y - y_0),$$

лежащий на прямой l

и следовательно по

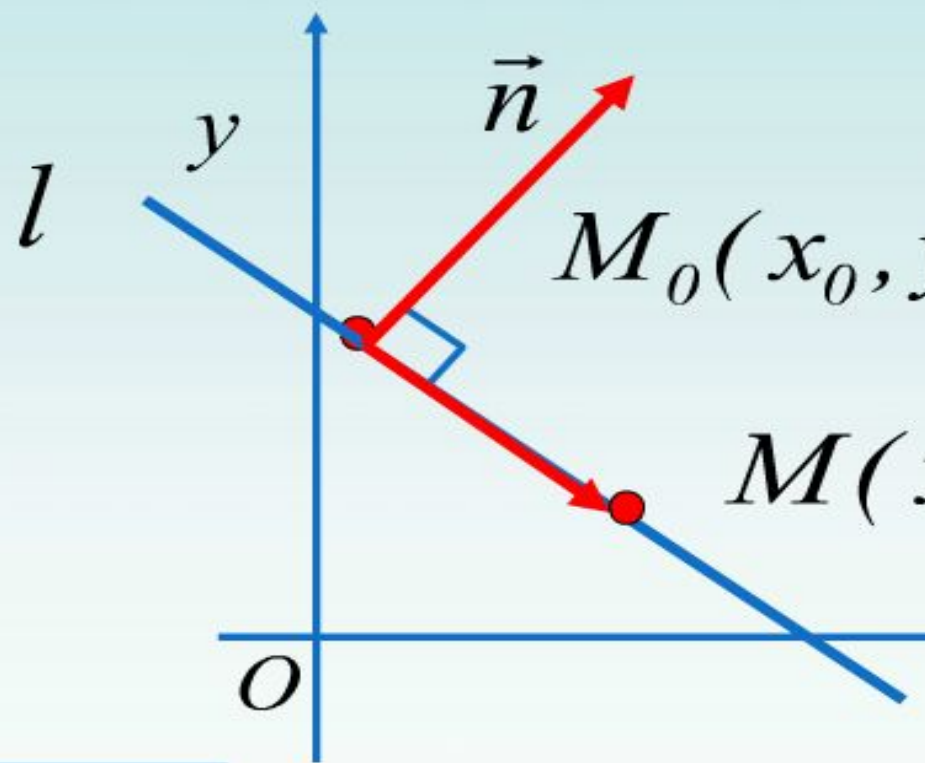


Из условия
ортогональности
векторов

$$\vec{M} \cdot \vec{n} = 0$$

получаем:

$$-A(x - x_0) + B(y - y_0) = 0 \quad (5)$$



параллельно вектору $\vec{s} = (A, B)$

Вектор

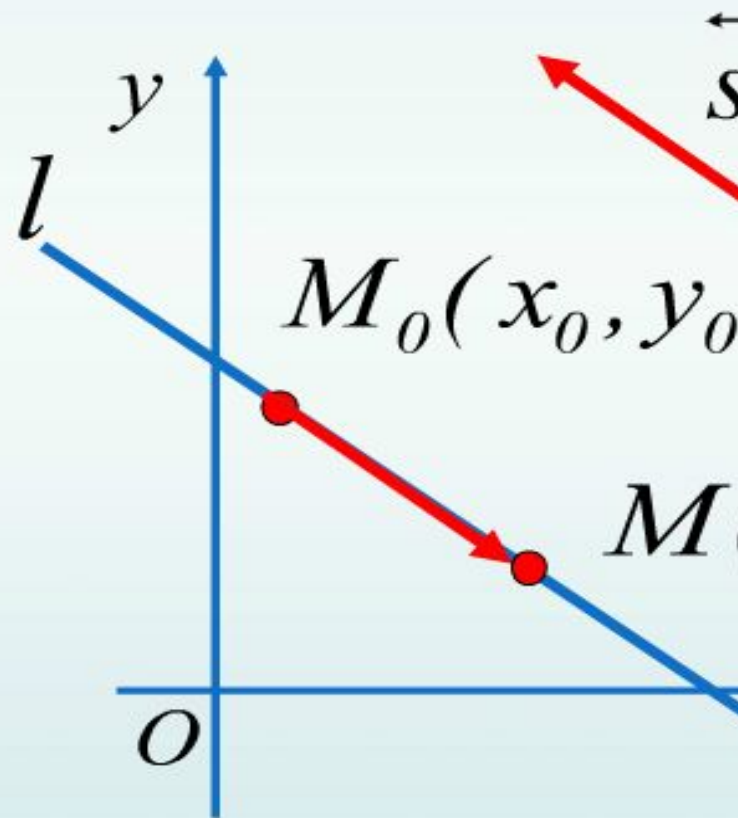
$$= (x - x_0, y - y_0),$$

линейно
вектору \vec{s}

$$\overrightarrow{M_0M} \parallel \vec{s}$$

вектор \vec{s}

направляют направляющим
вектором прямой l



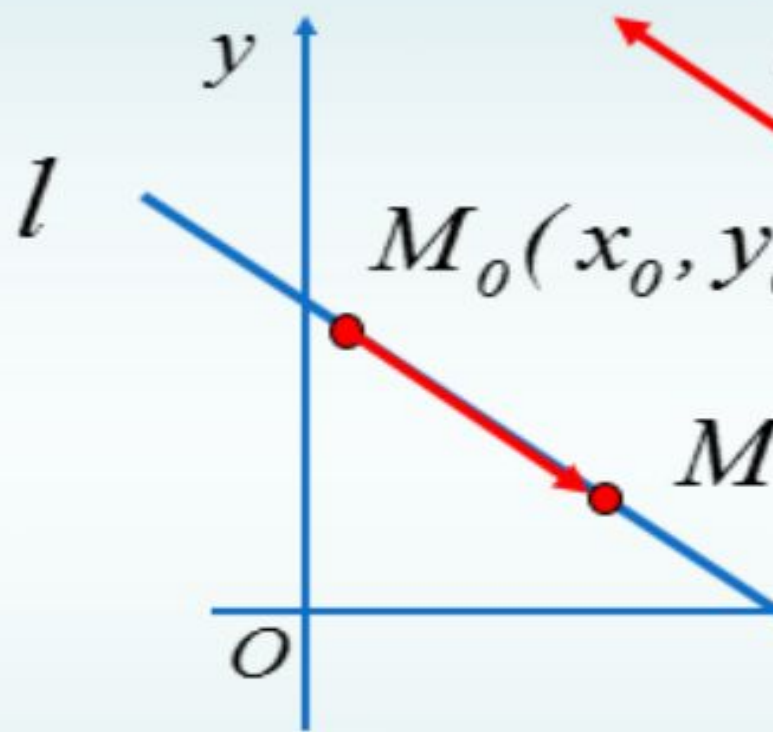
векторов получаем.

$$\frac{x - x_0}{m} = \frac{y - y_0}{n} \quad (6)$$

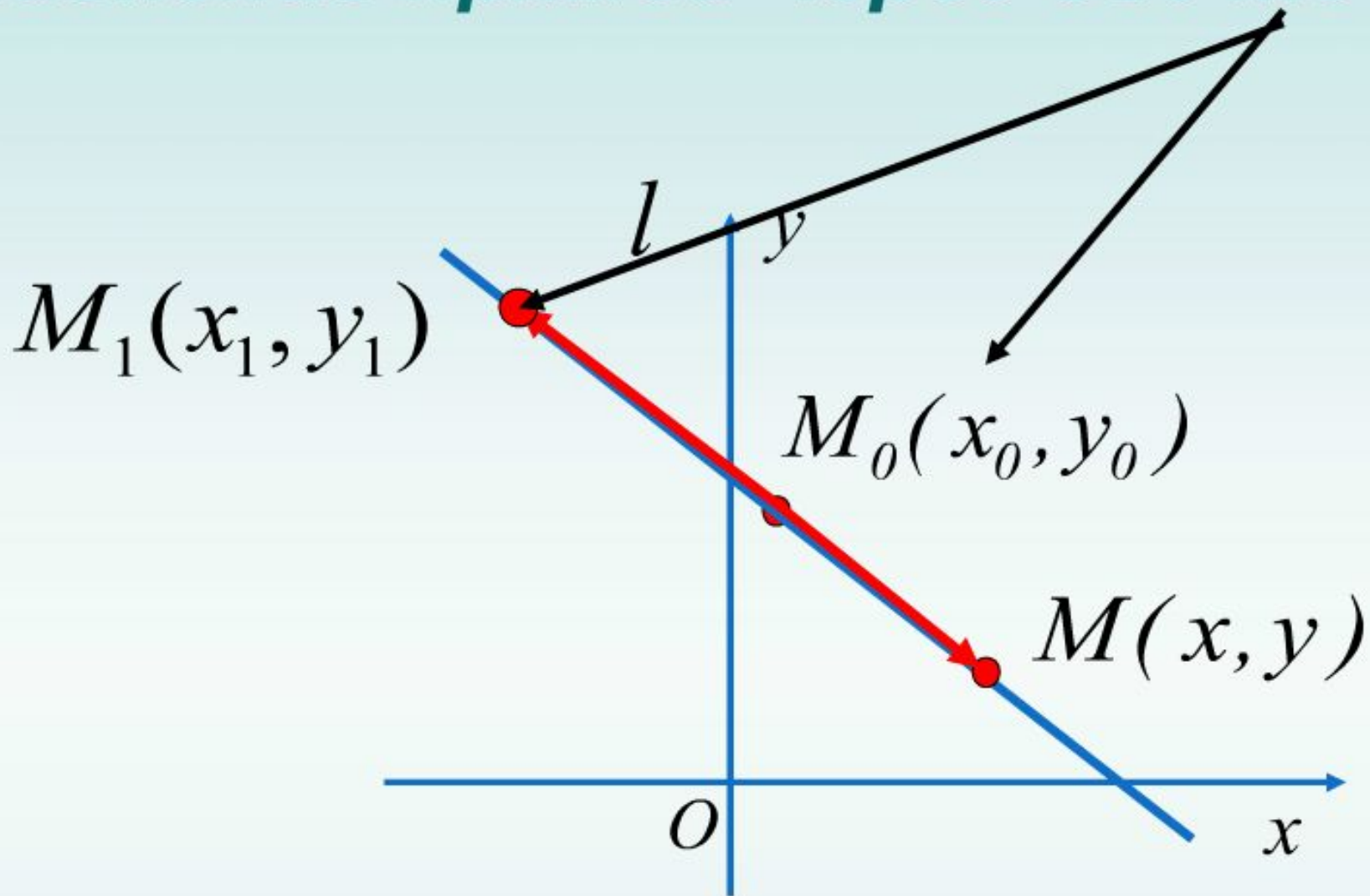
каноническое уравнение
прямой с направляющим
вектором \vec{s} , проходящей
через заданную точку
 $M_0(x_0, y_0)$

$$\vec{M_0M} = (x - x_0, y - y_0),$$

$$\vec{s} = (m, n)$$



Уравнение прямой через две точки



р 1. Найти общее уравнение прямой, проходящей через точку $M(-1, 3)$ и перпендикулярной прямой $3x - 4y + 1 = 0$

Решение

Уравнение прямой, проходящей через точку $M_0(x_0, y_0)$ и перпендикулярной прямой $\vec{n}(m, n)$ в канонической форме

$$\frac{x - x_0}{m} = \frac{y - y_0}{n} \quad (6)$$

1⁰. Общее уравнение прямой

$$Ax + By + C = 0. \quad (2.1)$$

Вектор $\mathbf{n}(A,B)$ ортогонален прямой, числа A и B одновременно не равны нулю.

2⁰. Уравнение прямой с угловым коэффициентом

$$y - y_0 = k(x - x_0), \quad (2.2)$$

где k - угловой коэффициент прямой, то есть $k = \operatorname{tg} \alpha$, где α - величина угла, образованного прямой с осью Ox , $M(x_0, y_0)$ - некоторая точка, принадлежащая прямой.

Уравнение (2.2) принимает вид $y = kx + b$, если $M(0, b)$ есть точка пересечения прямой с осью Oy .

3⁰. Уравнение прямой в отрезках

$$x/a + y/b = 1, \quad (2.3)$$

где a и b - величины отрезков, отсекаемых прямой на осях координат.

4⁰. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки - $A(x_1, y_1)$ и $B(x_2, y_2)$:

(2.4)

5⁰. Уравнение прямой, проходящей через данную точку $A(x_1, y_1)$ параллельно данному вектору $\mathbf{a}(m, n)$