### Плоскость



# Уравнение плоскости проходящей через точку перпендикулярно вектору



$$\overline{n}(A;B;C)$$

$$\bullet M_{\scriptscriptstyle 0}(x_{\scriptscriptstyle 0};y_{\scriptscriptstyle 0};z_{\scriptscriptstyle 0})$$
 $\Pi$ 



$$\overline{n}(A;B;C)$$

$$\bullet M(x;y;z)$$

$$\overline{n}(A;B;C)$$

$$\frac{M_0 M \perp n}{M_0 M \cdot n} = 0$$



$$\overline{M_0M} = \{x - x_0; y - y_0; z - z_0\}$$

$$A(x-x_0)+B(y-y_0)+C(z-z_0)=0$$



### Общее уравнение

$$Ax + By + Cz + D = 0.$$



$$A(x-0)+B(y-0)+C(z+\frac{D}{C})=0$$

$$M_{\scriptscriptstyle 0}\!\!\left(0;\!0;\!-rac{D}{C}
ight)$$

$$\overline{n}(A;B;C)$$

### Уравнение в отрезках

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1.$$



## Уравнение плоскости проходящей через три точки



$$\bullet M_2(x_2;y_2;z_2)$$

• 
$$M_1(x_1; y_1; z_1)$$
 •  $M_3(x_3; y_3; z_3)$ 

• 
$$M_2(x_2; y_2; z_2)$$
 •  $M(x; y; z)$ 
•  $M_1(x_1; y_1; z_1)$  •  $M_3(x_3; y_3; z_3)$ 

 $\overline{M_1M};\overline{M_1M_2};\overline{M_1M_3}- компланарны$ 

$$\overline{M_1 M} \times \overline{M_1 M_2} \cdot \overline{M_1 M_3} = 0$$

$$\overline{M_1 M} = \{x - x_1; y - y_1; z - z_1\}$$

$$\overline{M_1 M_2} = \{x_2 - x_1; y_2 - y_1; z_2 - z_1\}$$

$$\overline{M_1 M_3} = \{x_3 - x_1; y_3 - y_1; z_3 - z_1\}$$



$$\begin{vmatrix} x - x_1 & y - y_1 & z - z_1 \\ x_2 - x_1 & y_2 - y_1 & z_2 - z_1 \\ x_3 - x_1 & y_3 - y_1 & z_3 - z_1 \end{vmatrix} = 0$$



#### Угол между плоскостями

$$\cos \varphi = \frac{\overline{n_1} \cdot \overline{n_2}}{|\overline{n_1}| \cdot |\overline{n_2}|} =$$

$$= \frac{A_1 A_2 + B_1 B_2 + C_1 C_2}{\sqrt{A_1^2 + B_1^2 + C_1^2} \sqrt{A_2^2 + B_2^2 + C_2^2}}$$

### Условие параллельности плоскостей

$$\Pi_1 \parallel \Pi_2 \Leftrightarrow \overline{n_1} \parallel \overline{n_2} \Rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2}$$



### Условие перпендикулярности плоскостей

$$\Pi_1 \perp \Pi_2 \iff$$

$$n_1 \perp n_2 \Rightarrow n_1 \cdot n_2 = 0$$



### Расстояние от точки до плоскости

$$d = \frac{|Ax_o + By_o + Cz_o + D|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$