

**Использование графиков функций,
содержащих модули, при решении
заданий второй части ГИА.**



**«В математике есть своя красота,
как в живописи и поэзии».**



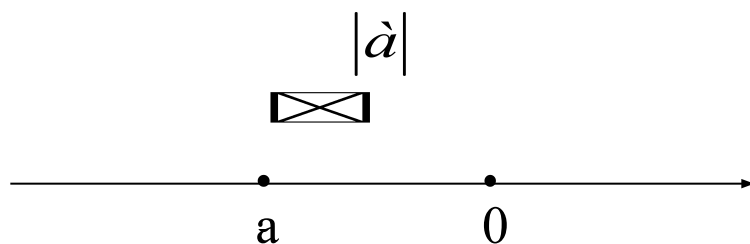
Н.Е. Жуковский.

(выдающийся русский учёный, создатель аэродинамики как науки)

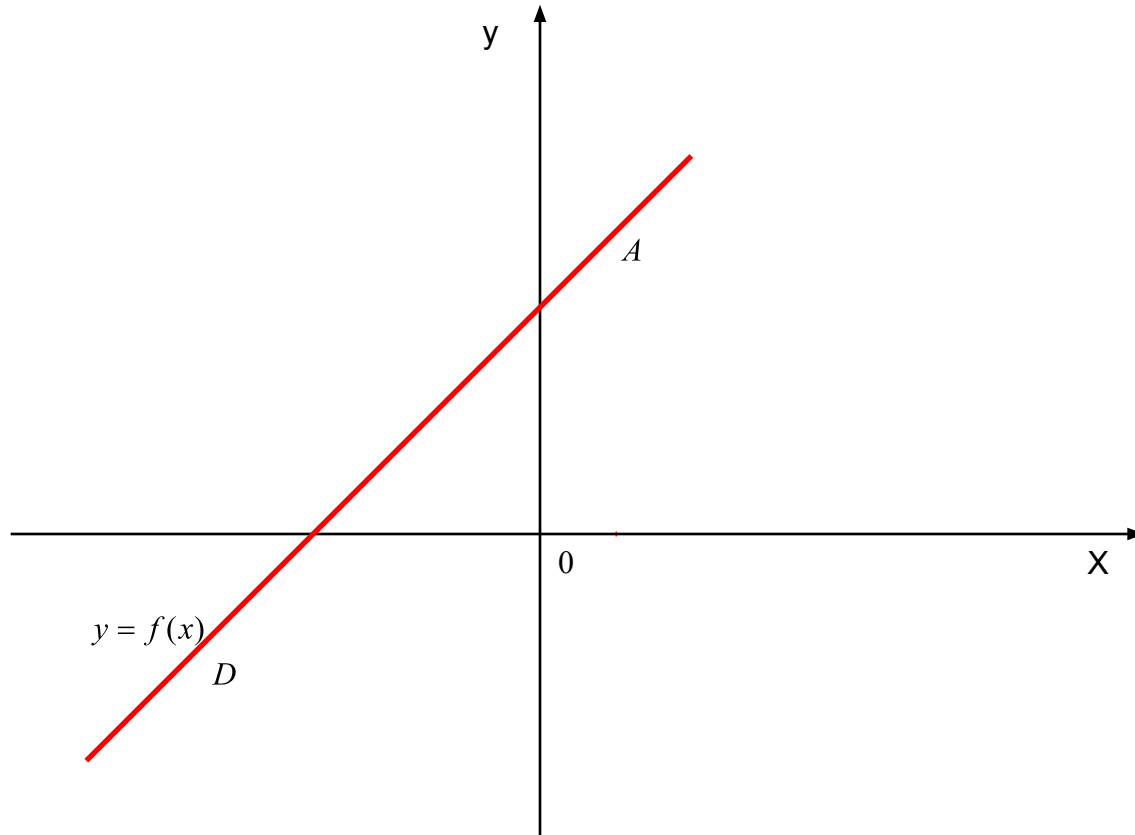
Модулем (абсолютной величиной) действительного числа a называется само это число, если $a \geq 0$, и противоположное число $-a$, если $a < 0$. Модуль числа a обозначается $|a|$. Итак,

$$|a| = \begin{cases} a, & a \geq 0, \\ -a, & a < 0. \end{cases}$$

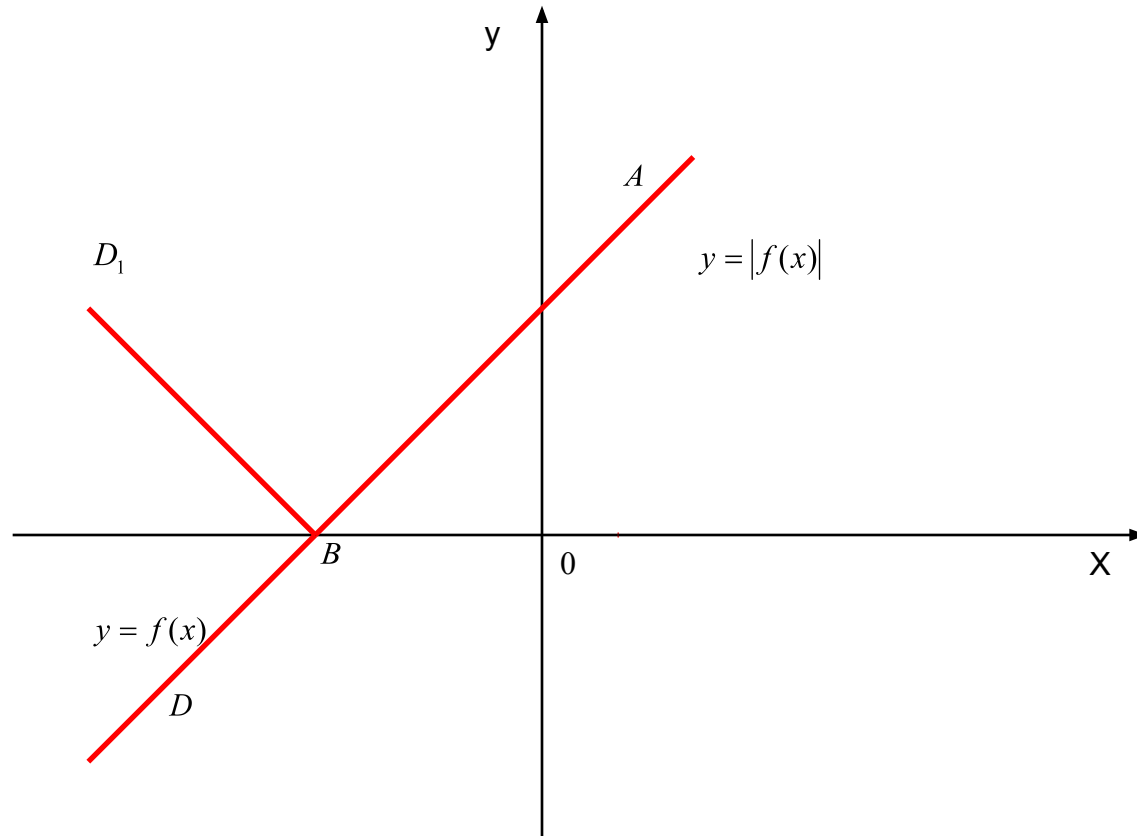
Геометрически $|a|$ означает расстояние на координатной прямой точки a от точки O .



В качестве исходного графика функции $y=f(x)$ выберем прямую.

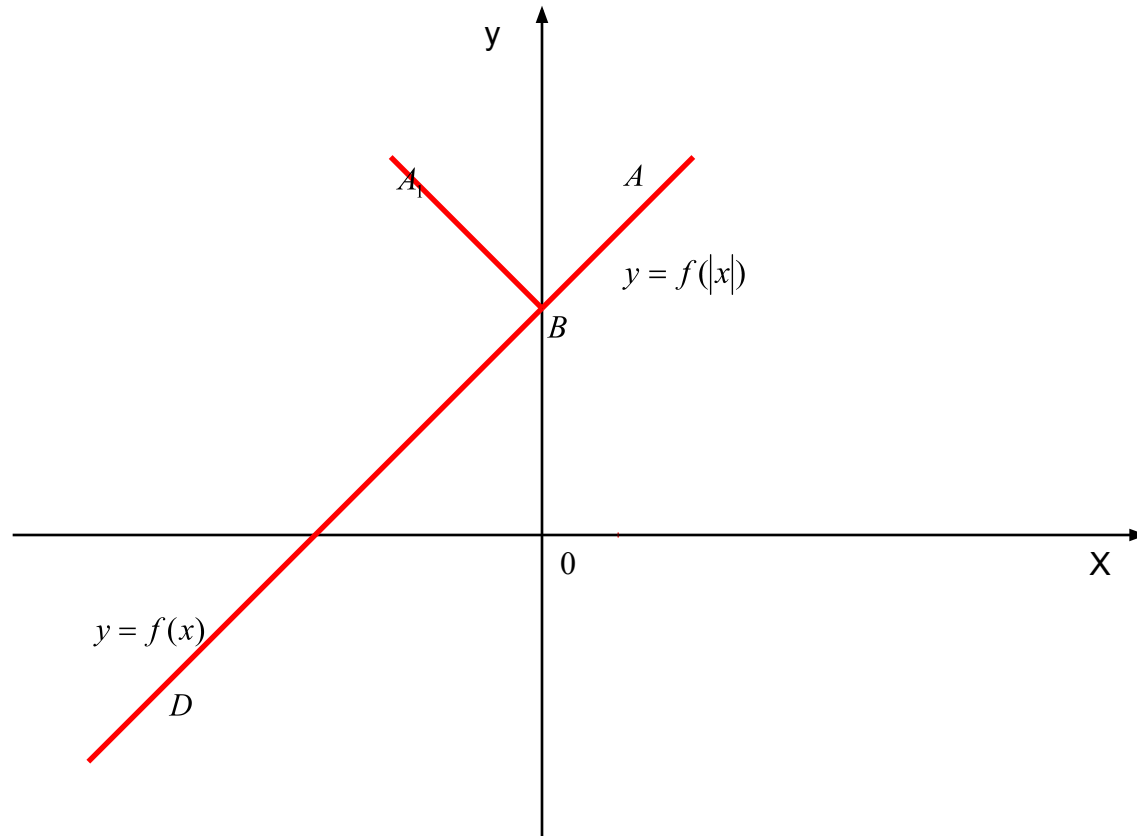


$$y=|f(x)|$$



В данной формуле значения функции (ординаты точек графика) находятся под знаком модуля. Это приводит к исчезновению частей графика исходной функции с отрицательными ординатами (т.е. находящихся в нижней полуплоскости относительно оси Ox) и симметричному отображению этих частей относительно оси Ox .

$$y=f(|x|)$$



В данной формуле значения аргумента (абсциссы точек графика) находятся под знаком модуля. Это приводит к исчезновению частей графика исходной функции с отрицательными абсциссами (т.е. находящихся в левой полуплоскости относительно оси Oy) и замещению их частями исходного графика, симметричными относительно оси Oy .

Рассмотрим пример применения вышеизложенной теории.

Постройте график функции $y = |x^2 - 2x - 3|$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$? (Для каждого случая укажите соответствующие значения m .)

Решение: 1) Строим график функции $y = x^2 - 2x - 3$

2) Симметрично отображаем относительно оси Ox часть графика с отрицательными ординатами;

3) Выясняем сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$?

Если $m = 0$ и $m > 4$, то прямая $y = m$ имеет с графиком функции

$y = |x^2 - 2x - 3|$ 2 общие точки.

Если $0 < m < 4$, то прямая $y = m$ имеет с графиком функции

$y = |x^2 - 2x - 3|$ 4 общие точки.

Если $m = 4$, то прямая $y = m$ имеет с графиком функции $y = |x^2 - 2x - 3|$ 3 общие точки.

Если $m < 0$, то прямая $y = m$ не имеет с графиком функции $y = |x^2 - 2x - 3|$ общих точек.

Практические задания.

- 1. Постройте график функции $y = |x^2 - 2x - 3|$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$? (Для каждого случая укажите соответствующее значения m .)
- 2. Постройте график функции $y = |-x^2 - 2x + 8|$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$? (Для каждого случая укажите соответствующее значения m .)
- 3. Постройте график функции $y = x^2 - 4|x|$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$? (Для каждого случая укажите соответствующее значения m .)
- 4. Постройте график функции $y = -x^2 + 2|x|$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$? (Для каждого случая укажите соответствующее значения m .)

- 5. Постройте график функции $y = |x|(x - 2)$. Сколько общих точек может иметь с этим графиком прямая $y = m$? (Для каждого случая укажите соответствующее значения m .)
- 6. Постройте график функции $y = |x^2 - x|$. При каких значениях m прямая $y = m$ имеет с этим графиком 3 общие точки?
- 7. Постройте график функции $y = |x^2 + 2x| + 1$. При каких значениях m прямая $y = m$ имеет с этим графиком 4 общие точки?

Парабола вокруг нас.















Offside
Fotball
& Musikk
P.L.L.

BIBLIOTEK

NAER



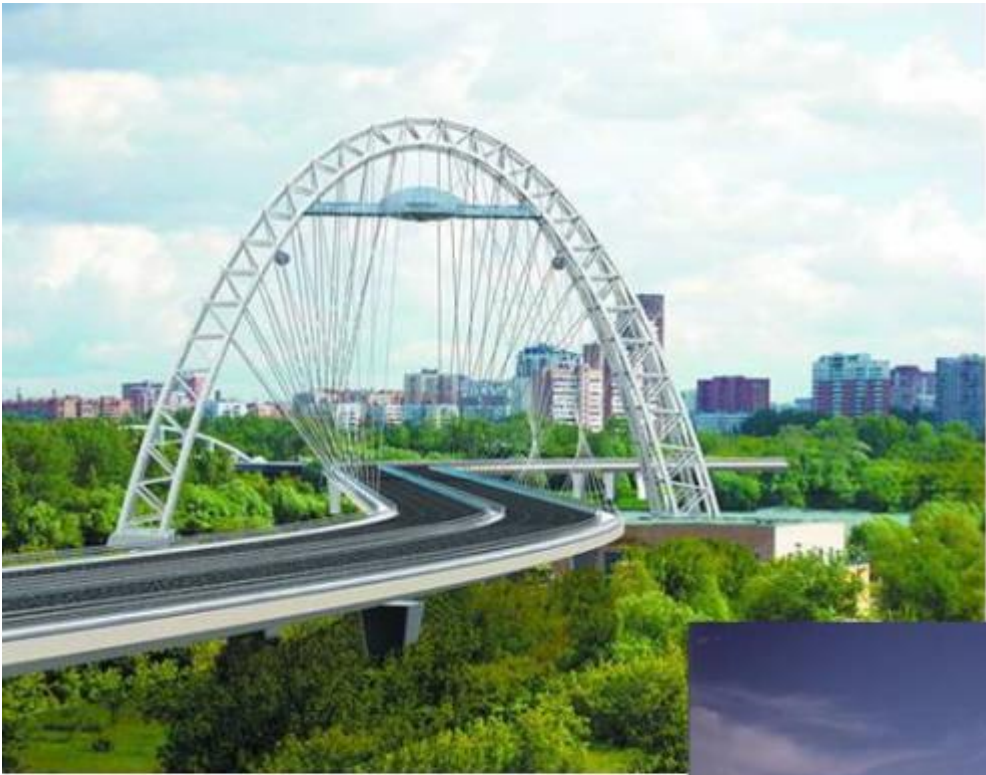






















Параболическая баллада

Судьба, как ракета, летит по параболе
Обычно — во мраке и реже — по радуге.
Жил огненно-рыжий художник Гоген,
Богема, а в прошлом — торговый агент.
Чтоб в Лувр королевский попасть
из Монмартра,
Он
Дал
кругаля через Яву с Суматрой!
Унесся, забыв сумасшествие денег,
Кудахтанье жен, духоту академий.
Он преодолел
тяготенье земное.
Жрецы гоготали за кружкой пивною:
«Прямая — короче, парабола — круче,
Не лучше ль скопировать райские кущи?»
А он уносился ракетой ревущей
Сквозь ветер, срывающий фалды и уши.
И в Лувр он попал не сквозь главный порог —
Параболой
Гневно
пробив потолок!
Идут к своим правдам, по-разному храбро,
Червяк — через щель, человек — по параболе.

Жила-была девочка рядом в квартале.
Мы с нею учились, зачеты сдавали.
Куда ж я уехал!
И черт меня нес
Меж грузных тбилисских двусмысленных звезд!
Прости мне дурацкую эту параболу.
Простывшие плечики в черном парадном...
О, как ты звенела во мраке Вселенной
Упруго и прямо — как прутик антенны!
А я все лечу,
приземляясь по ним —
Земным и озябшим твоим позывным.
Как трудно дается нам эта парабола!..
Сметая каноны, прогнозы, параграфы,
Несутся искусство, любовь и история —
По параболической траектории!
В Сибирь уезжает он нынешней ночью.
А может быть, все же прямая — короче?

Андрей Вознесенский.
1959

Литература

1. В.А.Гусев, А.Г.Мордкович Математика: Справочные материалы: Книга для учащихся -Москва «Просвещение» 1988 г.
2. Л.В.Кузнецова, С.Б.Суворова, Е.А. Бунимович, Т.В.Колесникова, Л.О.Рослова, В.А. Булычев Алгебра: Сборник заданий для подготовки к государственной итоговой аттестации в 9 классе – 6-е издание - Москва «Просвещение» 2011 г.
3. Л.Д.Лаппо, М.А.Попов Математика: ГИА(в новой форме):Практикум :9 класс Москва «Экзамен» 2010 г.
4. А.Вознесенский «Парабола», — Москва «Советский писатель» 1960 г .
5. Интернет – ресурсы.