

Алгоритмы поиска

Поиск в линейных структурах

Суть метода- множество элементов просматривается последовательно в некотором порядке. Если в ходе просмотра множества найден искомый элемент, просмотр прекращается с положительным результатом, иначе алгоритм выдаст отрицательный результат.

```
static bool LinearSearch(int [] Mas, int Key)
{
    int i = 0;
    while (i < Mas.Length && Mas[i] != Key)
        i++;
    if (Mas[i] == Key) return true;
    else return false;
}
```

```
static bool LinearSearch(int [] Mas, int Key)
{
    int i = 0;
    Array.Resize(ref Mas, Mas.Length + 1);
    Mas[Mas.Length-1] = Key;
    while (Mas[i] != Key)
        i++;
    Array.Resize(ref Mas, Mas.Length - 1);
    if (i < Mas.Length ) return true;
    else return false;
}
```

Сложность алгоритма пропорциональна $O(n)$.

Бинарный поиск

Алгоритм предполагает, что множество хранится, как некоторая упорядоченная последовательность элементов, к которым можно получить доступ посредством индекса.

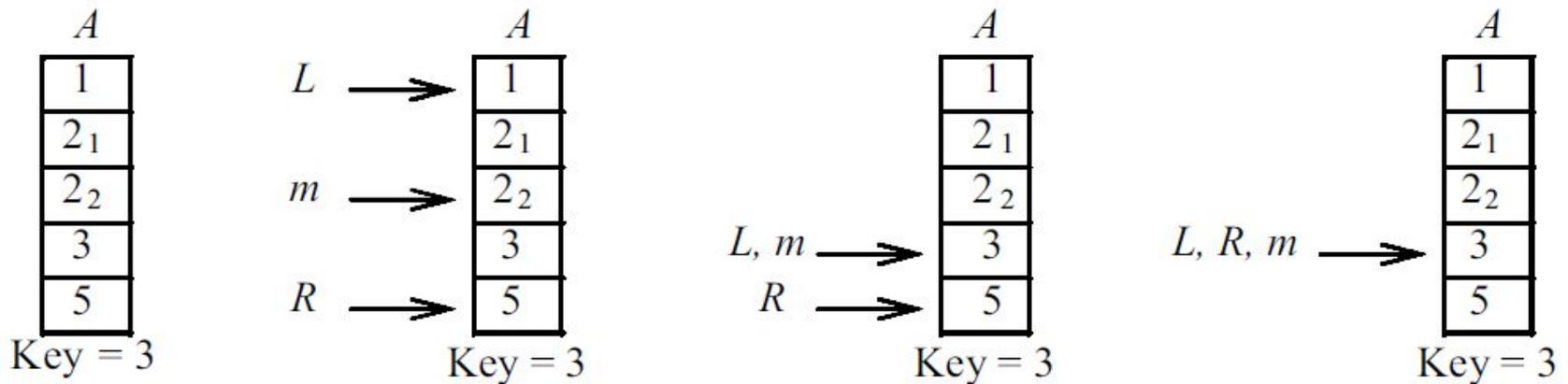
Пусть область поиска имеет границы L и R ($L=0$ и $R=Mas.Length-1$).

Находят индекс среднего элемента $m=(L+R)/2$.

Если $Key > A[m]$, тогда искомая область сокращается – $L=m+1$ до R , иначе – $R=m$.

Пока $L <> R$ область поиска сокращается вдвое.

Как только $L=R$, можно сделать вывод о результатах поиска.

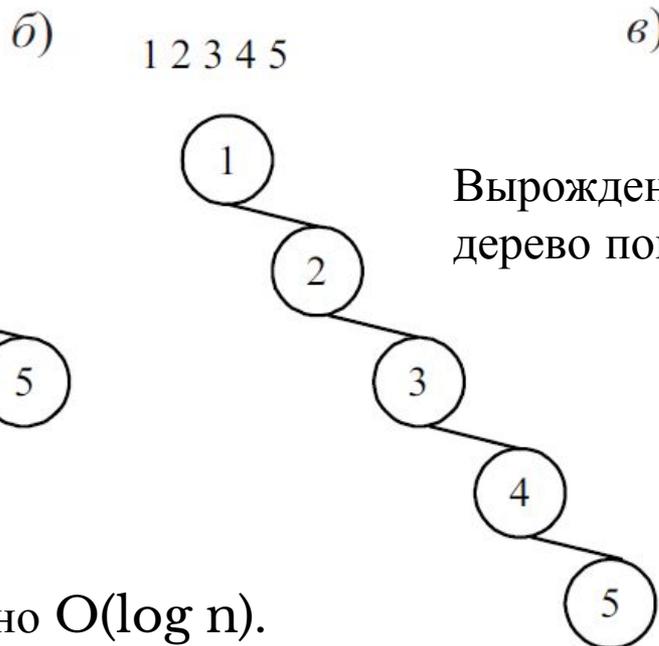
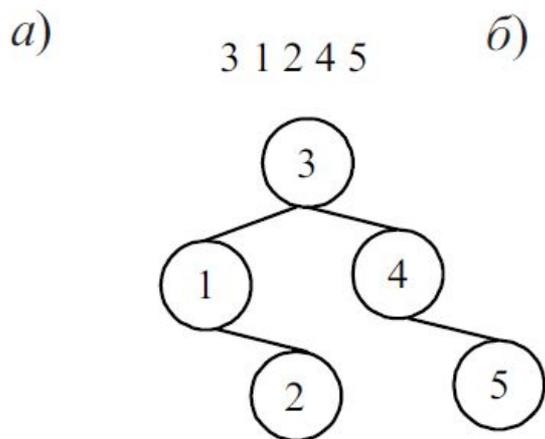


Сложность алгоритма пропорциональна $O(\log n)$.

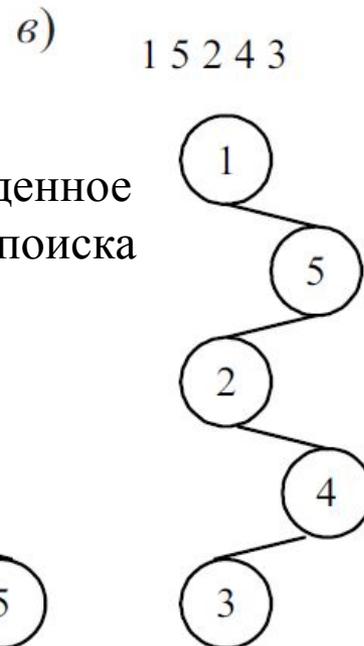
Использование деревьев в задачах поиска

Двоичное дерево **упорядочено**, если для любой вершины x справедливо такое свойство: все элементы хранимые в левом поддереве, меньше элемента x , а все элементы, хранимые в правом поддереве, больше элемента x .

Если в дереве встречаются одинаковые элементы, то оно **частично упорядочено**.



Вырожденное
дерево поиска



Время поиска пропорционально $O(\log n)$.

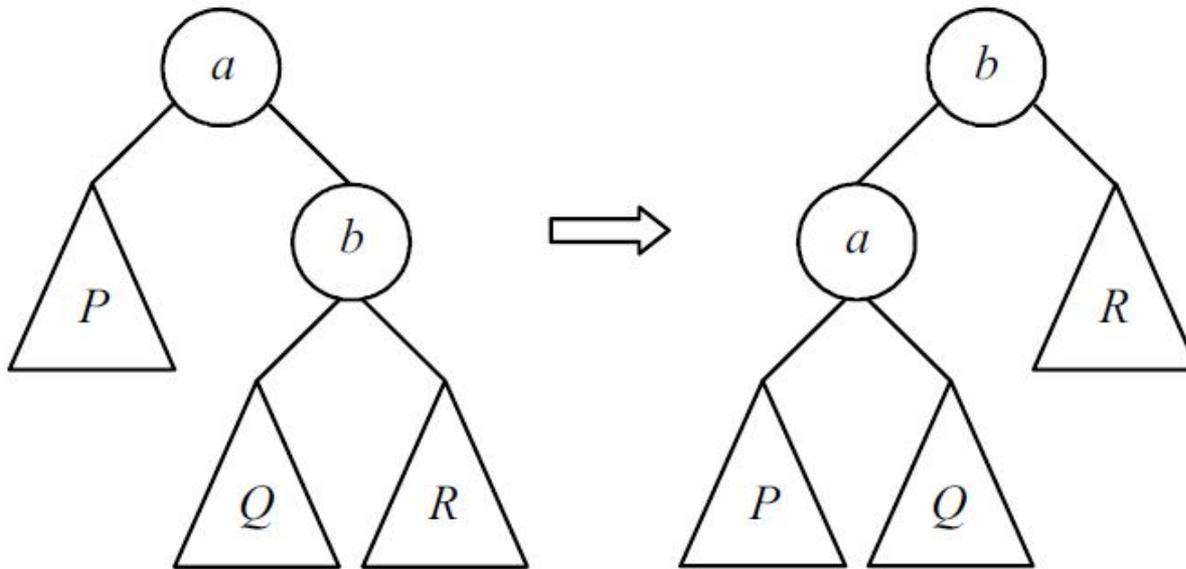
Время поиска пропорционально $O(n)$.

Сбалансированные деревья

Идеально сбалансированным называется дерево, у которого для каждой вершины выполняется требование: число вершин в левом и правом поддеревьях различаются не более чем на 1.

Дерево считается **сбалансированным** по AVL (Г.М. Адельсон-Вельский и Е.М. Ландис) , если для каждой вершины выполняется требование: высота левого и правого поддеревьев различаются не более чем на 1.

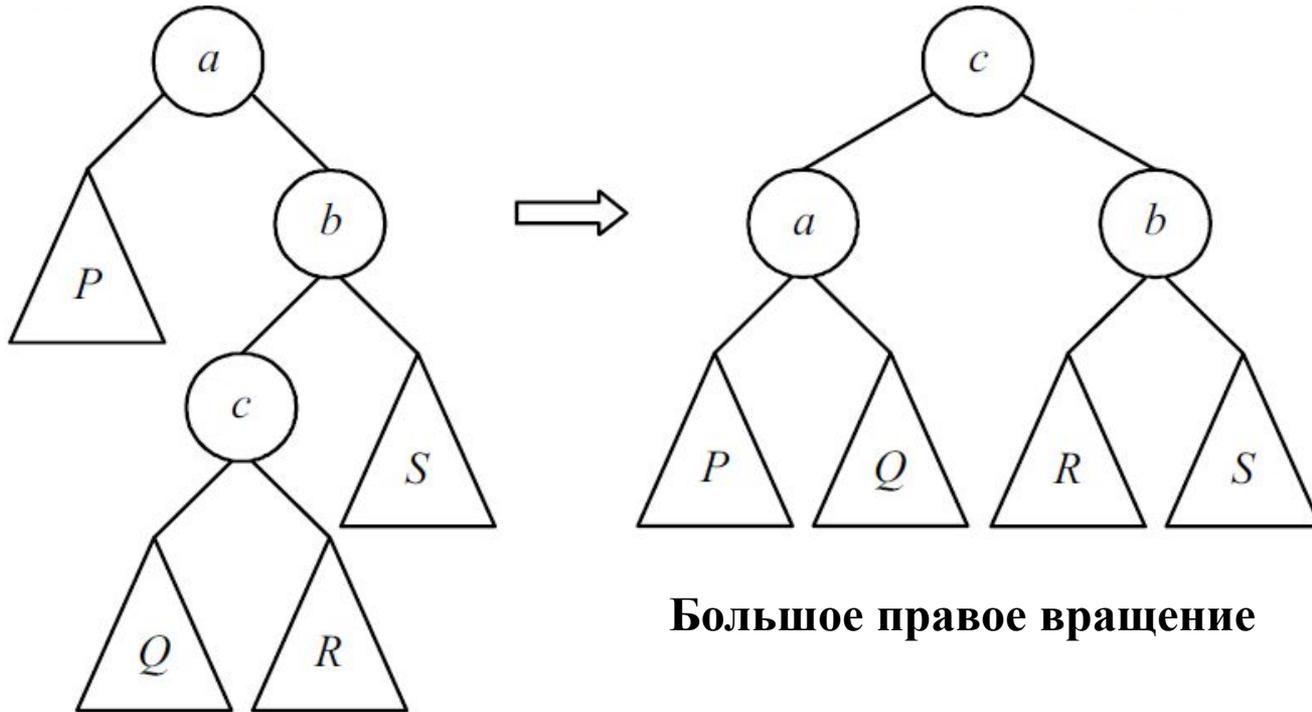
$$P < a < Q < b < R$$



Малое правое вращение

Сбалансированные деревья поиска

$$P < a < Q < c < R < b < S$$

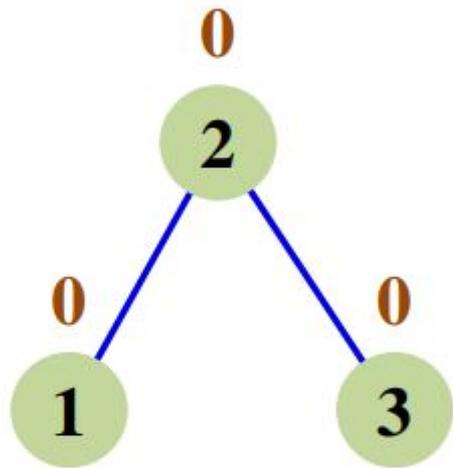
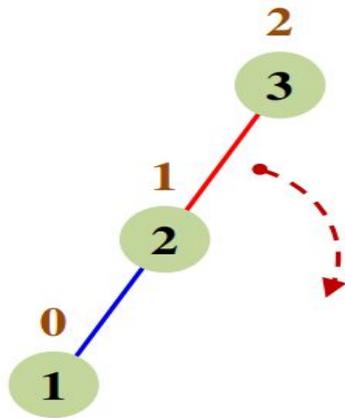


Большое правое вращение

Добавление нового элемента в сбалансированное дерево заключается в следующем:

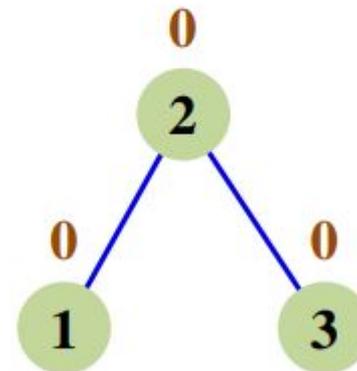
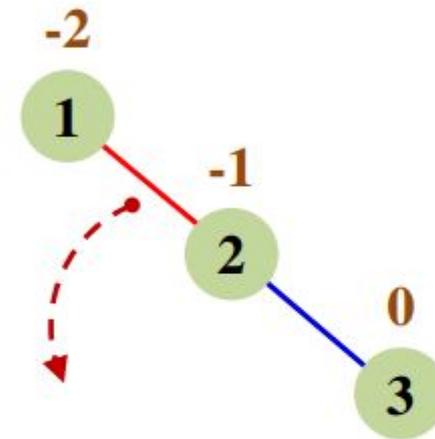
- 1) Поиск по дереву.
- 2) Вставка элемента в место, где закончился поиск.
- 3) Восстановление сбалансированности дерева.

Правый поворот



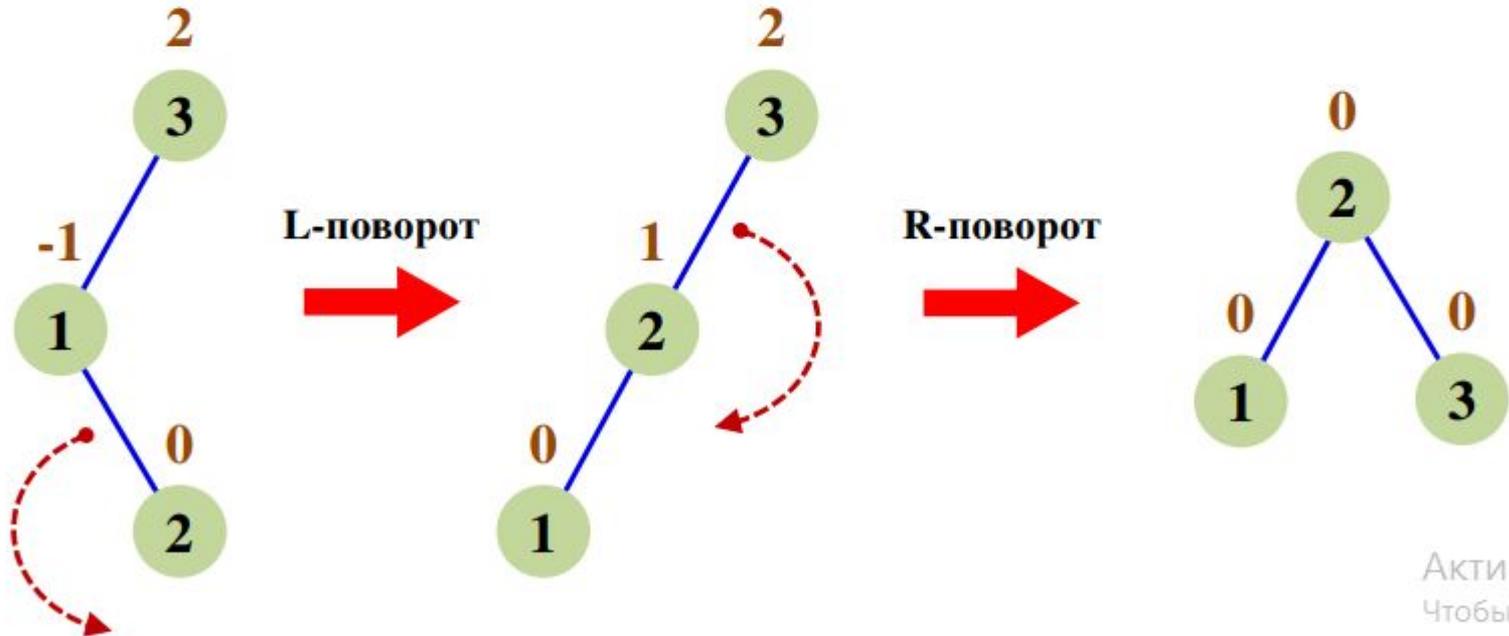
Дерево сбалансированно

Левый поворот



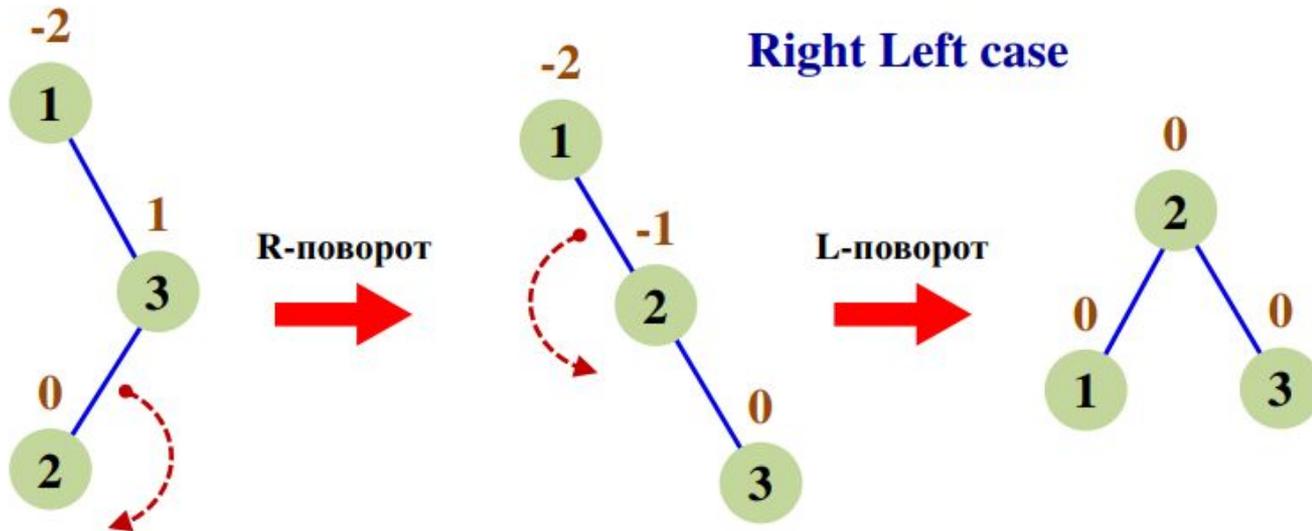
Дерево сбалансированно

Двойной левый - правый поворот



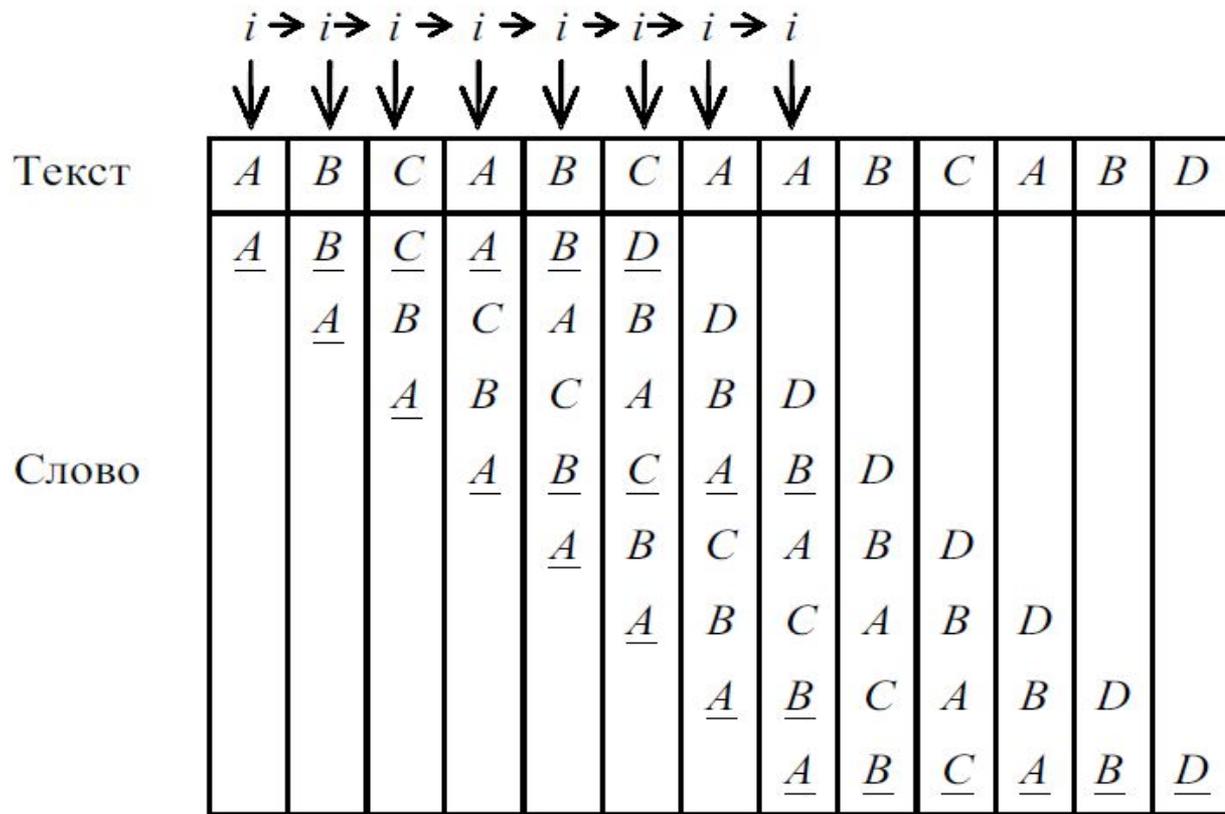
АКТИ!
Чтобы
парам.

Двойной правый- левый поворот



Поиск в тексте. Прямой поиск

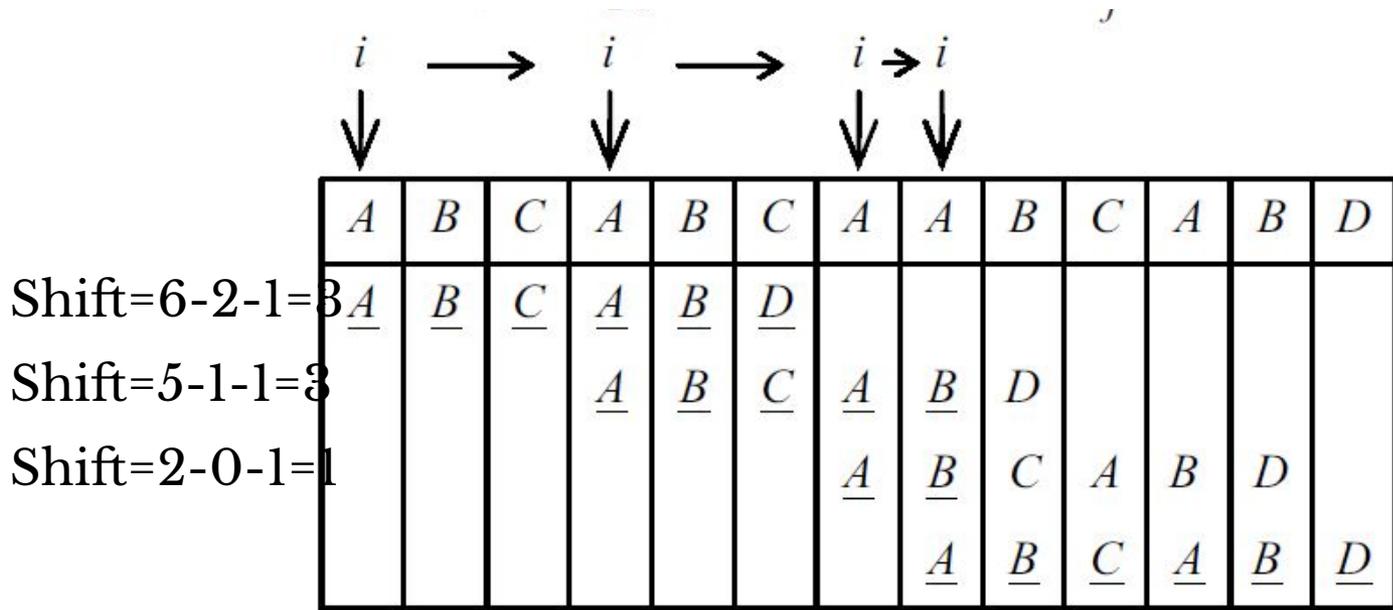
Суть метода- в начальный момент происходит сравнение первого символа текста с первым символом слова, второго символа текста со вторым символом слова и т.д. Если произошло совпадение всех символом, то фиксируется факт нахождения слова. В противном случае происходит сдвиг слова на одну позицию. И повторяется посимвольное сравнение.



Сложность алгоритма пропорциональна $O((N-M)*M)$,
 где N -длина текста , M -длина слова

Алгоритм Кнута, Мориса и Пратта

- Пусть j позиция в слове, содержащая первый несовпадающий символ.
- Величина сдвига $Shift = j - LenSuff - 1$.
- $LenSuff$ (суффикс) - размер самой длинной последовательности символов слова, предшествующих j , которая полностью совпадает с началом слова.



Алгоритм требует порядка $O(N+M)$ сравнений символов ,
 где N -длина текста , M -длина слова

Алгоритм Боуера и Мура

- Сравнение символов начинается с конца слова.
- Обнаружено расхождение между символом слова и текста.
- Символ в тексте который не совпал x .
- Слово сдвигаем вправо так, чтобы самый правый символ слова, равный x , оказался в той же позиции, что и символ текста x .
- Если несовпадающий символ текста x в слове вообще не встречается, то сдвигаем вправо так, чтобы ни один символ слова не накладывался на символ x .

	i	\rightarrow	i	\rightarrow	i								
Текст	A	B	C	A	F	D	F	A	B	C	A	B	D
Слово	A	B	C	A	\underline{B}	\underline{D}							
							A	B	C	A	B	\underline{D}	
							\underline{A}	\underline{B}	\underline{C}	\underline{A}	\underline{B}	\underline{D}	

Не совпало с "F", "F" нет в слове
 Не совпало с "A", Shift ["A"] = 2

Алгоритм требует меньше $O(N)$ сравнений символов, в самых благоприятных обстоятельствах число сравнений пропорционально $O(N/M)$
 где N - длина текста, M - длина слова