

# Алгоритмы поиска

# Поиск в линейных структурах

**Суть метода**- множество элементов просматривается последовательно в некотором порядке. Если в ходе просмотра множества найден искомый элемент, просмотр прекращается с положительным результатом, иначе алгоритм выдаст отрицательный результат.

```
static bool LinearSearch(int [] Mas, int Key)
{
    int i = 0;
    while (i < Mas.Length && Mas[i] != Key)
        i++;
    if (Mas[i] == Key) return true;
    else return false;
}
```

```
static bool LinearSearch(int [] Mas, int Key)
{
    int i = 0;
    Array.Resize(ref Mas, Mas.Length + 1);
    Mas[Mas.Length-1] = Key;
    while (Mas[i] != Key)
        i++;
    Array.Resize(ref Mas, Mas.Length - 1);
    if (i < Mas.Length ) return true;
    else return false;
}
```

Сложность алгоритма пропорциональна  $O(n)$ .

# Бинарный поиск

Алгоритм предполагает, что множество хранится, как некоторая упорядоченная последовательность элементов, к которым можно получить доступ посредством индекса.

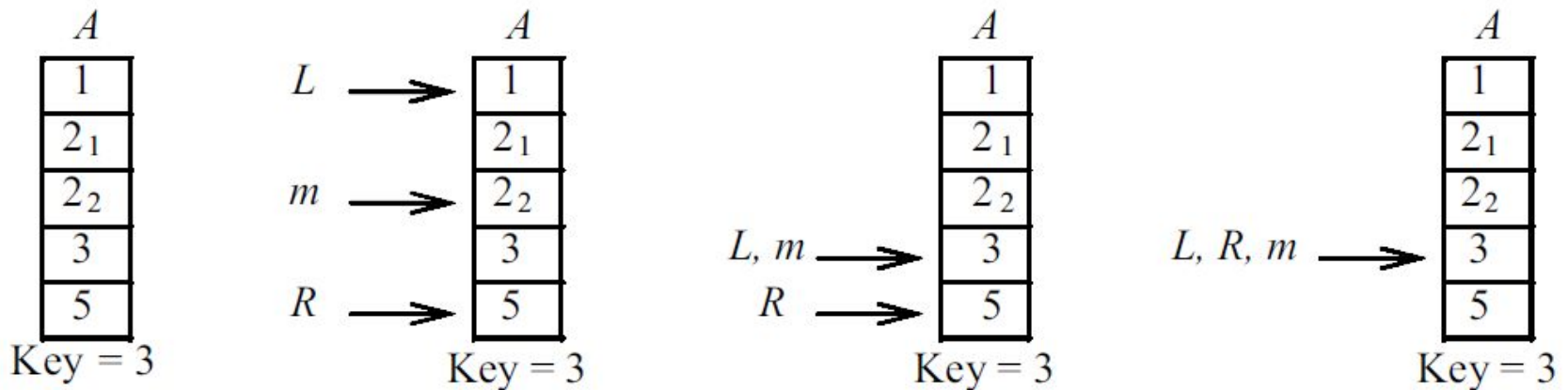
Пусть область поиска имеет границы  $L$  и  $R$  ( $L=0$  и  $R=Mas.Length-1$ ).

Находят индекс среднего элемента  $m=(L+R)/2$ .

Если  $Key > A[m]$ , тогда искомая область сокращается –  $L=m+1$  до  $R$ , иначе –  $R=m$ .

Пока  $L <> R$  область поиска сокращается вдвое.

Как только  $L=R$ , можно сделать вывод о результатах поиска.

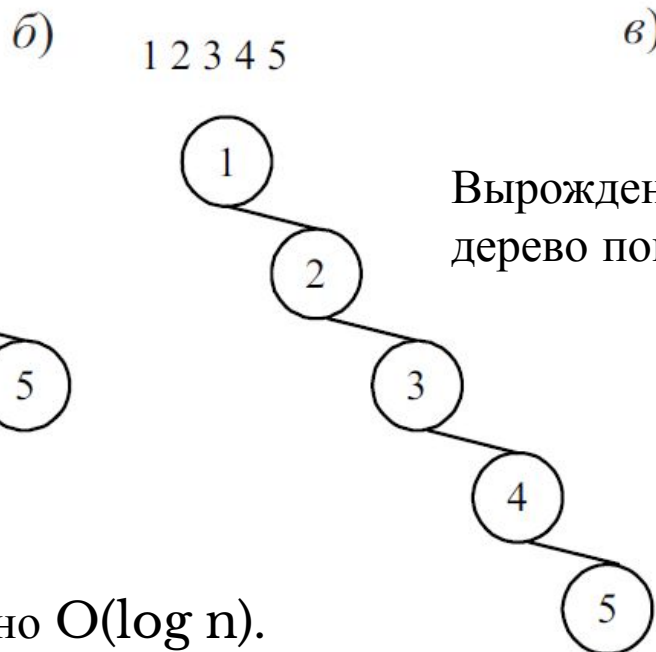
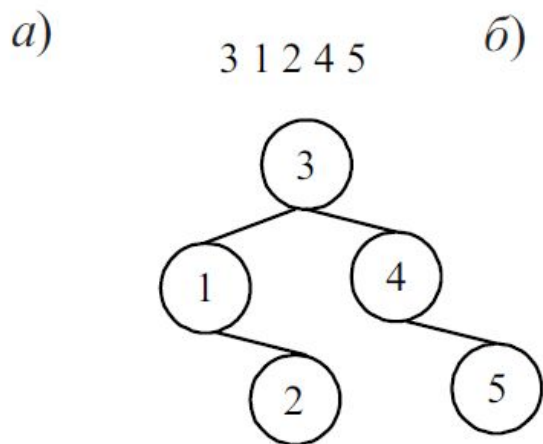


Сложность алгоритма пропорциональна  $O(\log n)$ .

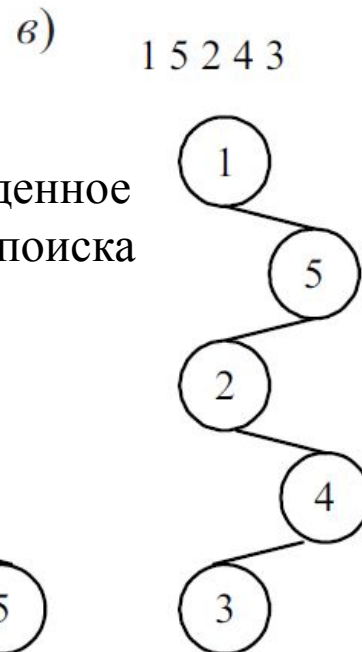
# Использование деревьев в задачах поиска

Двоичное дерево **упорядочено**, если для любой вершины  $x$  справедливо такое свойство: все элементы хранимые в левом поддереве, меньше элемента  $x$ , а все элементы, хранимые в правом поддереве, больше элемента  $x$ .

Если в дереве встречаются одинаковые элементы, то оно **частично упорядочено**.



Вырожденное  
дерево поиска



Время поиска пропорционально  $O(\log n)$ .

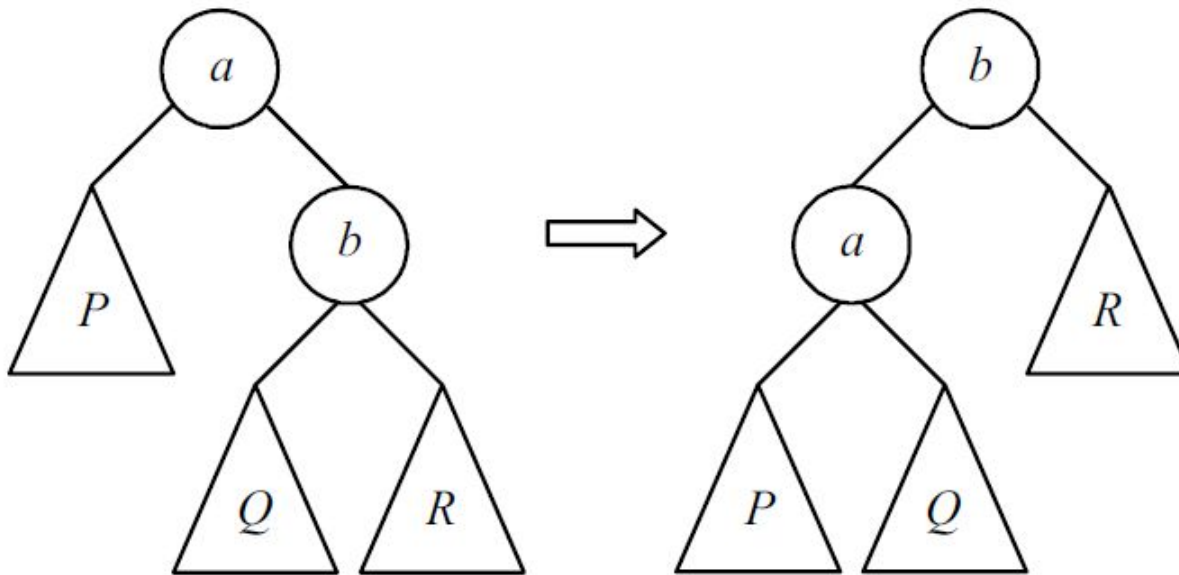
Время поиска пропорционально  $O(n)$ .

# Сбалансированные деревья

**Идеально сбалансированным** называется дерево, у которого для каждой вершины выполняется требование: число вершин в левом и правом поддеревьях различаются не более чем на 1.

Дерево считается **сбалансированным** по АВЛ (Г.М. Адельсон-Вельский и Е.М. Ландис) , если для каждой вершины выполняется требование: высота левого и правого поддеревьев различаются не более чем на 1.

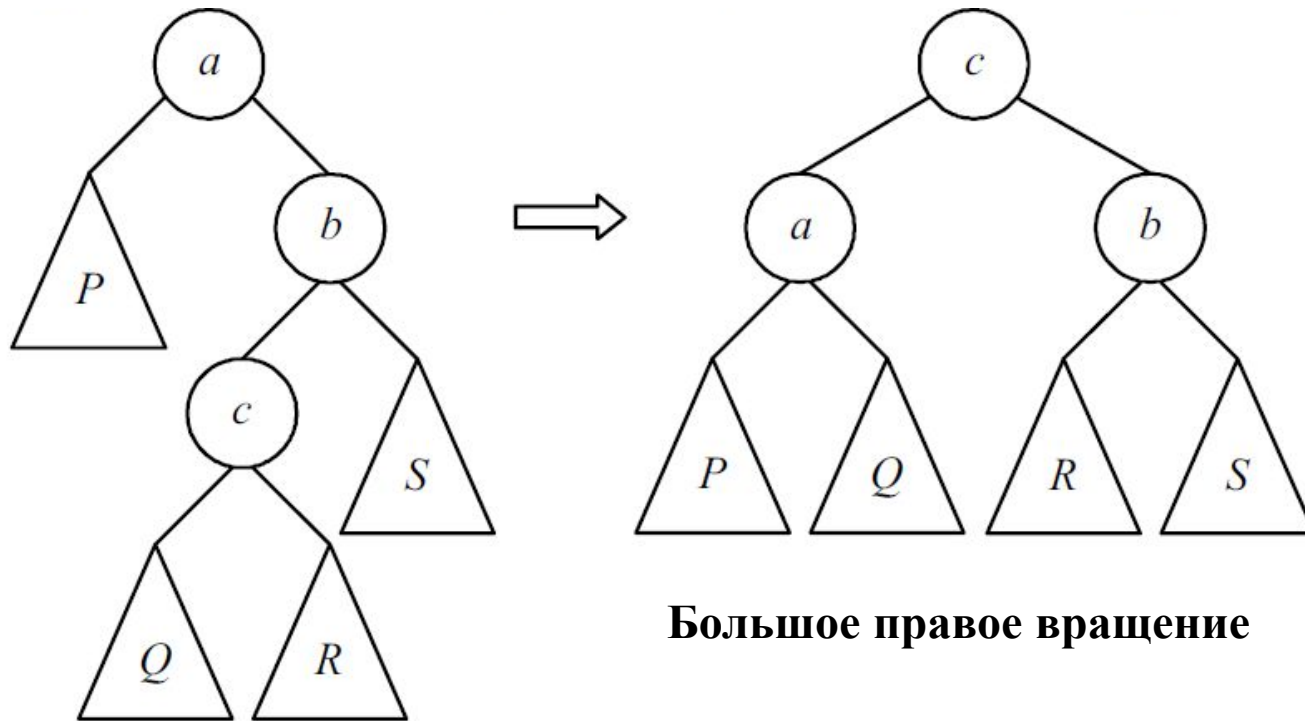
$$P < a < Q < b < R$$



**Малое правое вращение**

# Сбалансированные деревья поиска

$$P < a < Q < c < R < b < S$$

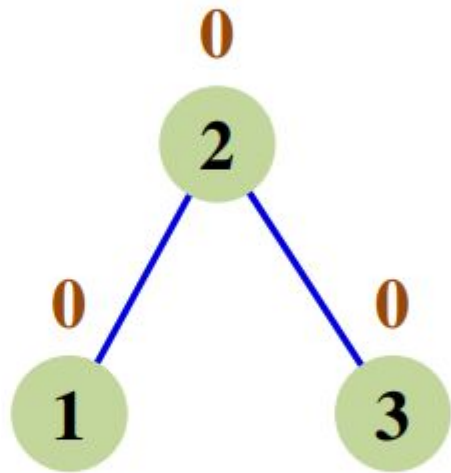
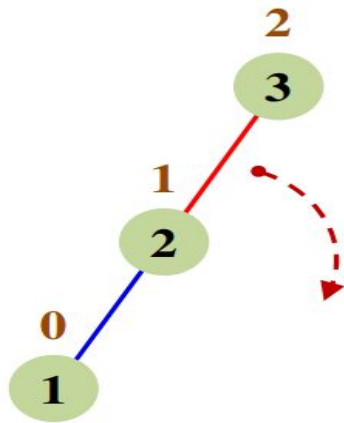


**Большое правое вращение**

Добавление нового элемента в сбалансированное дерево заключается в следующем:

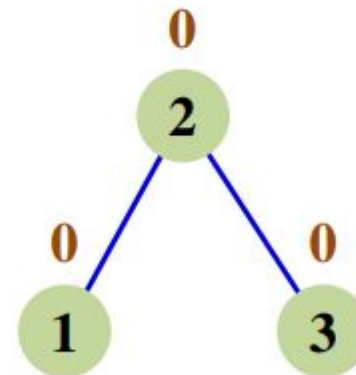
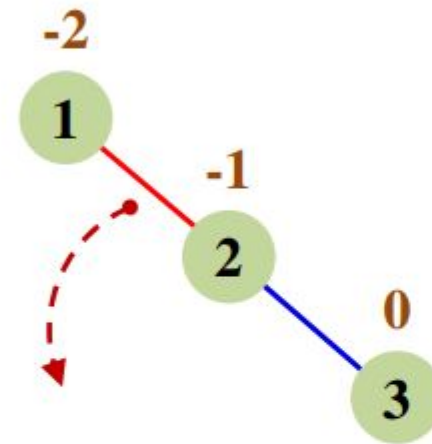
- 1) Поиск по дереву.
- 2) Вставка элемента в место, где закончился поиск.
- 3) Восстановление сбалансированности дерева.

Правый поворот



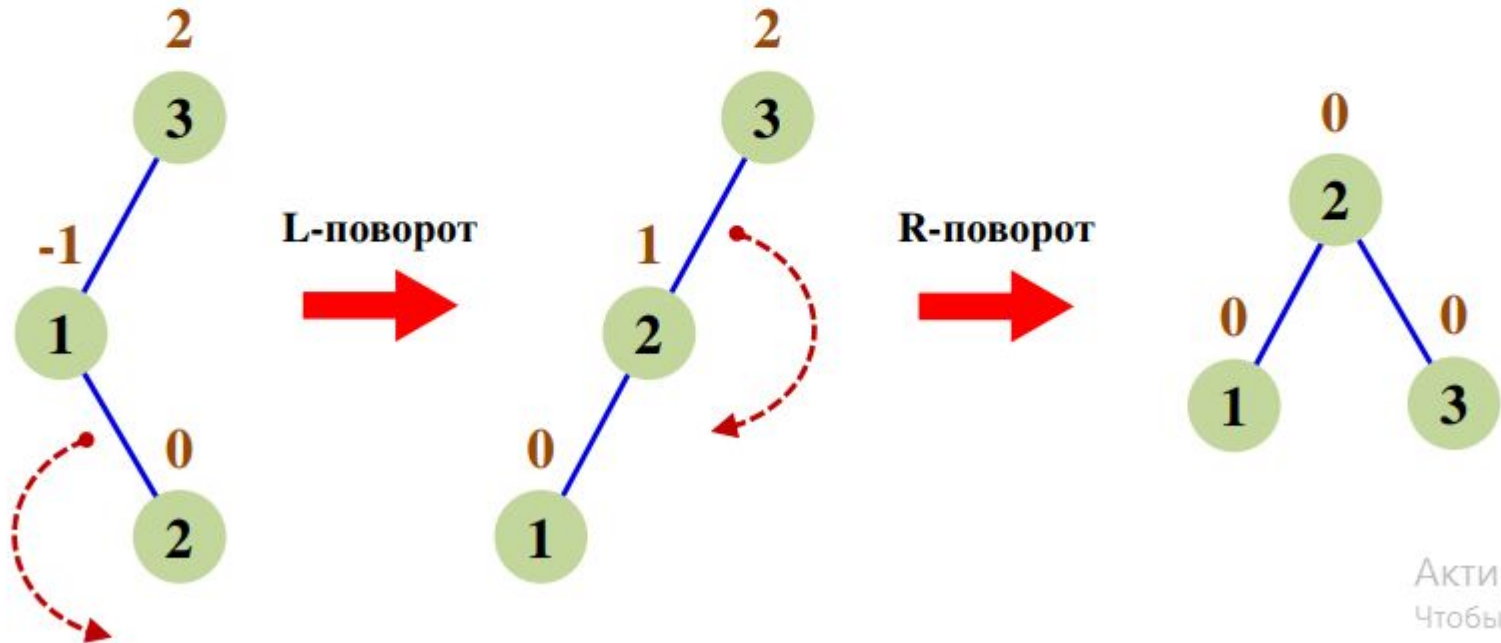
Дерево сбалансированно

Левый поворот



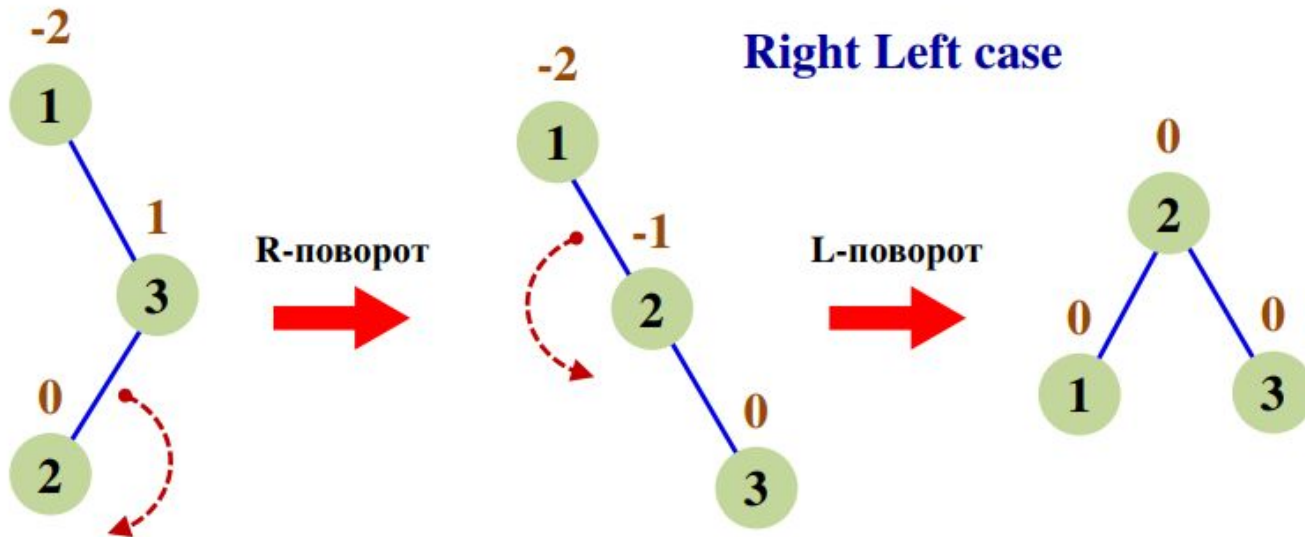
Дерево сбалансированно

## Двойной левый - правый поворот



АКТИИ  
Чтобы  
парам.

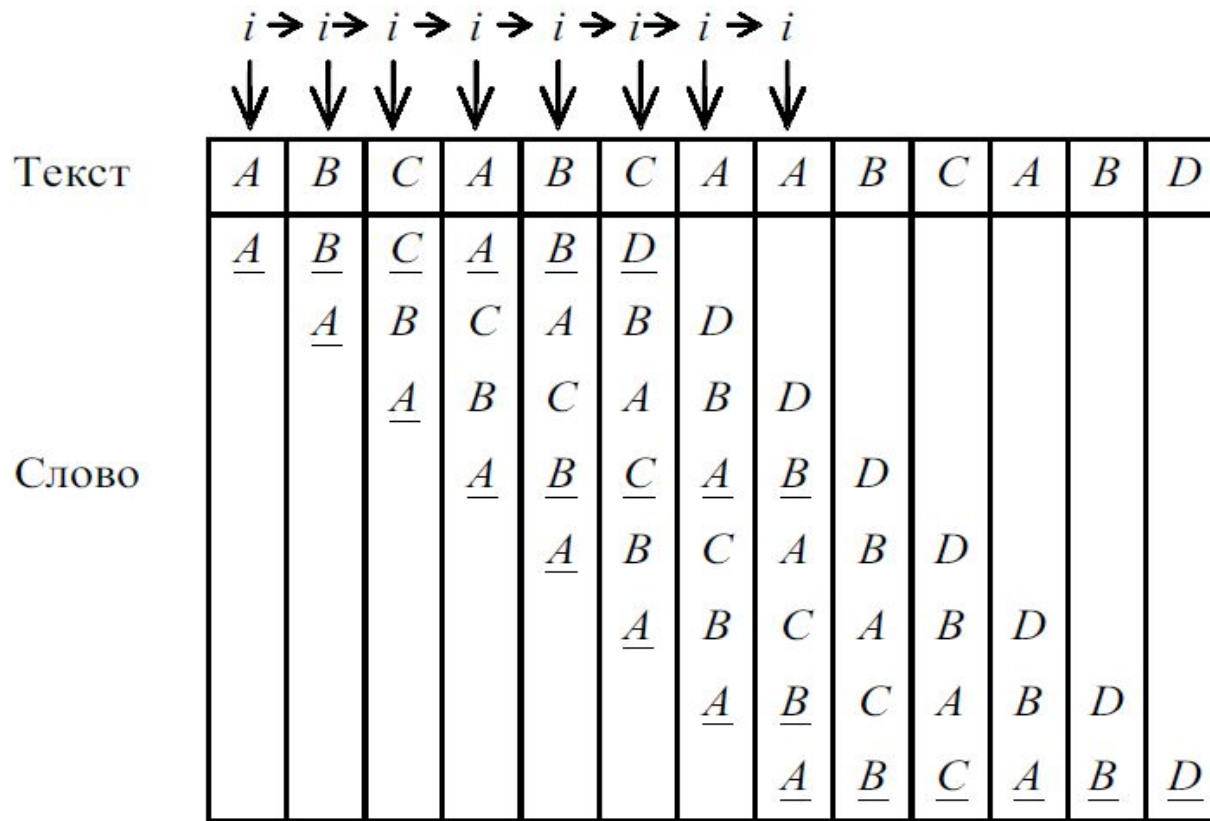
## Двойной правый- левый поворот





# Поиск в тексте. Прямой поиск

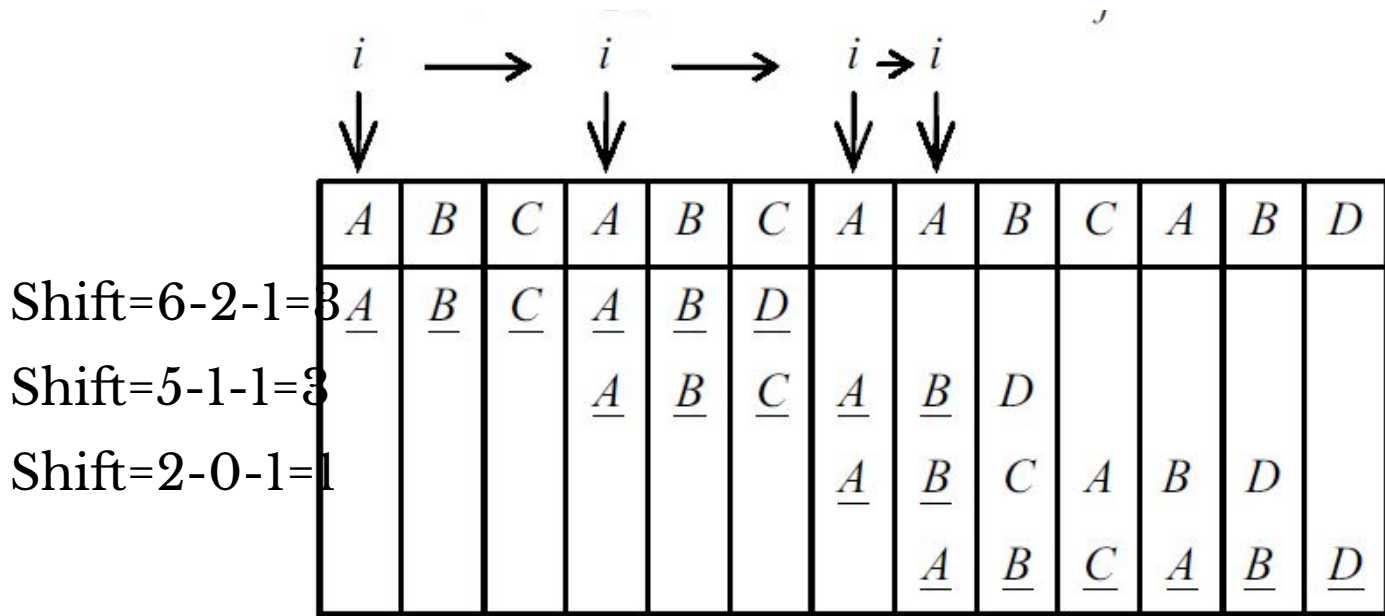
Суть метода- в начальный момент происходит сравнение первого символа текста с первым символом слова, второго символа текста со вторым символом слова и т.д. Если произошло совпадение всех символом, то фиксируется факт нахождения слова. В противном случае происходит сдвиг слова на одну позицию. И повторяется посимвольное сравнение.



Сложность алгоритма пропорциональна  $O((N-M)*M)$ ,  
 где  $N$  -длина текста ,  $M$ -длина слова

# Алгоритм Кнута, Мориса и Пратта

- Пусть  $j$  позиция в слове, содержащая первый несовпадающий символ.
- Величина сдвига  $Shift = j - LenSuff - 1$ .
- $LenSuff$  (суффикс) - размер самой длинной последовательности символов слова, предшествующих  $j$ , которая полностью совпадает с началом слова.



Алгоритм требует порядка  $O(N+M)$  сравнений символов ,  
 где  $N$  -длина текста ,  $M$ -длина слова

# Алгоритм Боуера и Мура

- Сравнение символов начинается с конца слова.
- Обнаружено расхождение между символом слова и текста.
- Символ в тексте который не совпал  $x$ .
- Слово сдвигаем вправо так, чтобы самый правый символ слова, равный  $x$ , оказался в той же позиции, что и символ текста  $x$ .
- Если несовпадающий символ текста  $x$  в слове вообще не встречается, то сдвигаем вправо так, чтобы ни один символ слова не накладывался на символ  $x$ .

	$i$	$\rightarrow$	$i$	$\rightarrow$	$i$								
Текст	A	B	C	A	F	D	F	A	B	C	A	B	D
Слово	A	B	C	A	<u>B</u>	<u>D</u>							
							A	B	C	<u>D</u>			
							<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>	<u>A</u>	<u>B</u>	<u>D</u>	

Не совпало с "F", "F" нет в слове  
 Не совпало с "A", Shift ["A"] = 2

Алгоритм требует меньше  $O(N)$  сравнений символов, в самых благоприятных обстоятельствах число сравнений пропорционально  $O(N/M)$   
 где  $N$  - длина текста,  $M$  - длина слова