

Тема 4.7

Программирование на языке MATLAB

Графические возможности MATLAB

Вопросы для изучения

- 4.23 Двумерные и трехмерные графики.
- 4.24 Редактирование графиков
- 4.25 Графики в полярных координатах
- 4.26 ???

4.23 Двумерные и трехмерные графики

MatLab предоставляет богатый инструментарий по визуализации данных. Используя внутренний язык, можно выводить двумерные и трехмерные графики в декартовых и полярных координатах, выполнять отображение изображений с разной глубиной цвета и разными цветовыми картами, создавать простую анимацию результатов моделирования в процессе вычислений и многое другое.

Рассмотрение возможностей MatLab по визуализации данных начнем с двумерных графиков, которые обычно строятся с помощью функции `plot()`.

Основной функцией, обеспечивающей построение графиков на экране дисплея, является функция `plot`.

Общая форма обращения к ней такова:

`plot(x1, y1, s1, x2, y2, s2,...)`

где `x1`, `y1` - заданные векторы, элементами которых являются массивы значений аргумента (`x1`) и функции (`y1`), отвечающие первой кривой графика;

`x2`, `y2` - массивы значений аргумента и функции второй кривой и т.д. При этом предполагается, что значения аргумента откладываются вдоль горизонтальной оси графика, а значения функции - вдоль вертикальной оси.

Переменные s_1, s_2, \dots являются символьными (их указание не является обязательным). Любая из них может содержать до трех специальных символов, определяющих соответственно:

- а) тип линии, которая соединяет отдельные точки графика;
- б) тип точки графика;
- в) цвет линии.

Если переменные s не указаны, то тип линии по умолчанию - отрезок прямой, тип точки - пиксел, а цвет устанавливается в такой очередности: - синий, зеленый, красный, голубой, фиолетовый, желтый, черный и белый - в зависимости от того, какая по очереди линия выводится на график.

Например, обращение вида `plot(x1,y1,x2,y2,...)` приведет к построению графика, в котором первая кривая будет линией из отрезков прямых синего цвета, вторая кривая - такого же типа зеленой линией и т.д.

Наиболее простыми частными случаями являются команды:

- `plot(X, Y)` служит для построения графика функций одной переменной.

- `plot(X, Y, S)` аналогична команде `plot(X, Y)`, но тип линии графика можно задавать с помощью строковой константы S .

Значениями константы S могут быть следующие символы, которые представлены в таблице 4.72.

Маркер типа линии	
Маркер	Тип линии
-	Непрерывная
--	Штриховая
:	Пунктирная (точками)
-.	Штрих-пунктирная
Маркер цвета графика	
Маркер	Цвет графика
c	Голубой
m	Фиолетовый
y	Желтый
r	Красный
g	Зеленый
b	Синий
w	Белый
k	Черный
Тип проставляемой точки	
Маркер	Тип точки
.	Точка
+	Плюс
*	Звездочкой
o	Кружком (указывается латинская буква o)
x	Крестиком (указывается латинская буква x)

Пример. Пусть нужно вывести график функции $y = 3\sin(x + \pi / 3)$ на промежутке от -3π до $+3\pi$ с шагом $\pi / 100$.

1) сформировать массив значений аргумента x :

$$x = -3*\pi : \pi/100 : 3*\pi,$$

2) вычислить массив соответствующих значений функции:

$$y = 3*\sin(x+\pi/3)$$

3) построить график зависимости $y(x)$.

Последовательность операций в командном окне:

```
» x = -3*pi:pi/100:3*pi;  
» y = 3*sin(x+pi/3);  
» plot(x,y)
```

В результате на экране появится окно с графиком (см. рис. 4.71).

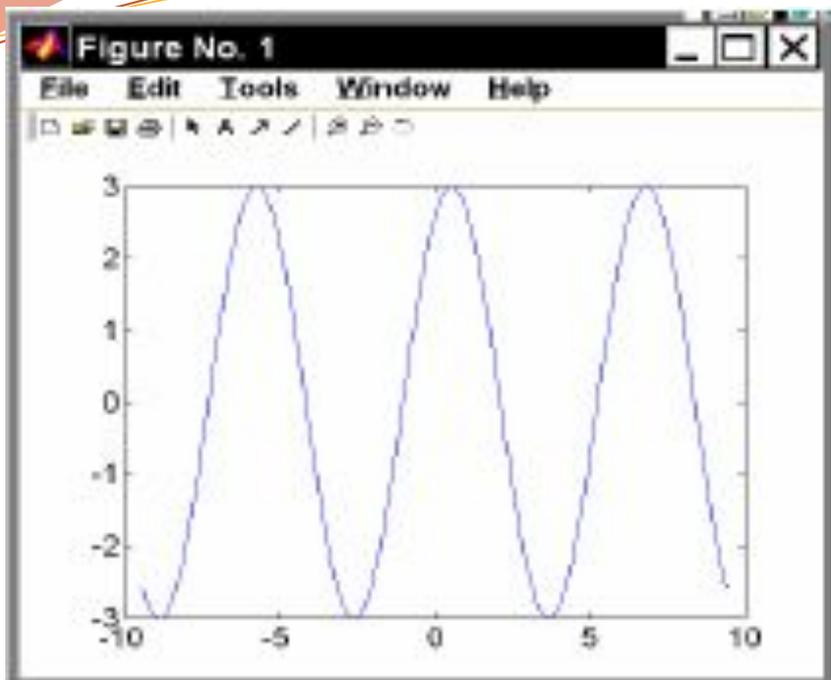


рис. 4.71.

Если вектор аргумента при обращении к функции `plot` не указан явно, то система по умолчанию принимает в качестве аргумента номера элементов вектора функции.

Например, если ввести команду

» `plot(y)`,

то результатом будет появление графика в виде, приведенном на рис. 4.72.

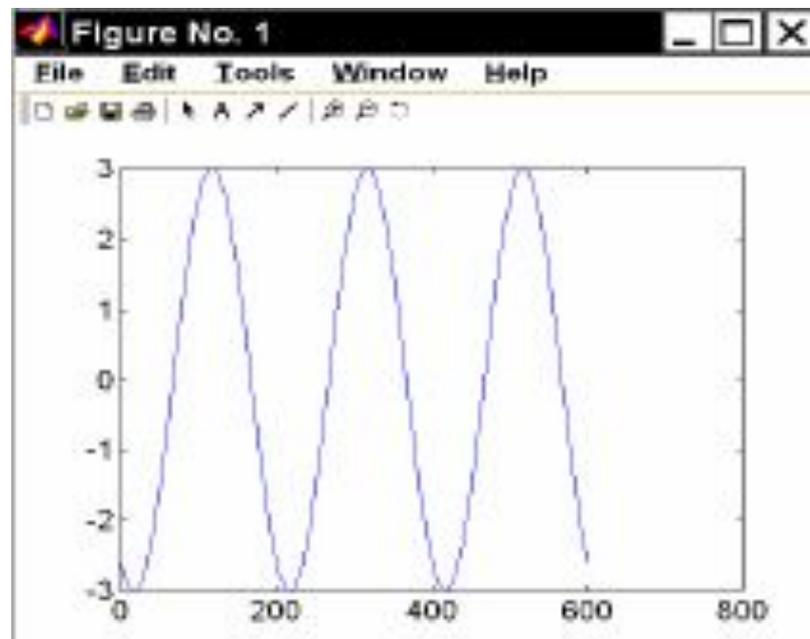


рис. 4.72.

Графики в MatLAB выводятся в отдельное графическое окно, которое называют фигурой.

Для построения нескольких графиков в одних и тех же координатных осях, функция `plot()` записывается следующим образом:

```
x = 0:0.01:pi;  
y1 = sin(x);  
y2 = cos(x);  
plot(x,y1,x,y2);
```

Результат работы данного фрагмента программы представлен на рис. 4.73.

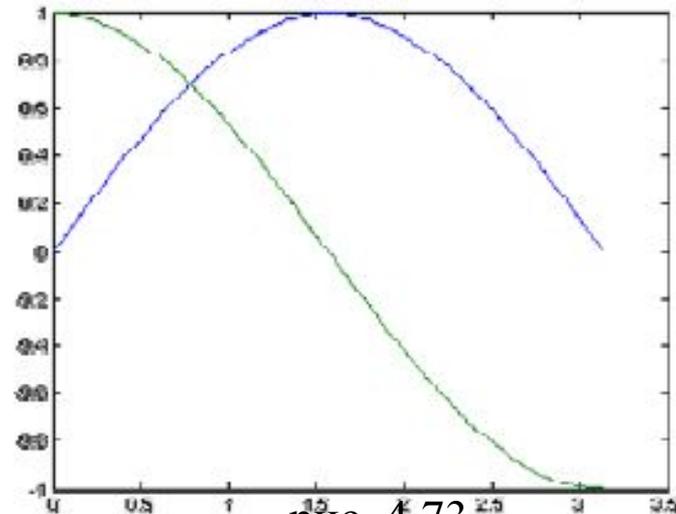


рис. 4.73.

Можно создать два графических окна и в них отобразить нужные графики. Это делается следующим образом:

```
x1 = 0:0.01:2*pi;  
y1 = sin(x1);  
x2 = 0:0.01:pi;  
y2 = cos(x2);
```

```
plot(x1, y1);      % рисование первого графика  
figure;           % создание 2-го графического окна  
plot(x2, y2);     % рисование 2-го графика во 2-м окне
```

Функция `figure`, используемая в данной программе, создает новое графическое окно и делает его активным. Функция `plot()`, вызываемая сразу после функции `figure`, отобразит график в текущем активном графическом окне. В результате на экране будут показаны два окна с двумя графиками.

Повторный вызов функции `figure` отобразит на экране еще одно новое окно и если программа будет выполнена дважды, то на экране окажется три графических окна, но только в двух из них будут актуальные данные.

Для того, чтобы на экране всегда отображалось два окна с нужными графиками при вызове функции `figure` необходимо в качестве аргумента указывать номер графического окна, которое необходимо создать или сделать активным, если оно уже создано.

```
x1 = 0:0.01:2*pi;
y1 = sin(x1);
x2 = 0:0.01:pi;
21
y2 = cos(x2);
figure(1);      %создание окна с номером 1
plot(x1, y1);   % рисование первого графика
figure(2);      % создание графического окна с номером 2
plot(x2, y2);   % рисование 2-го графика во 2-м окне
```

В некоторых случаях большего удобства представления информации можно достичь, отображая два графика в одном графическом окне. Это достигается путем использования функции `subplot()`, имеющая следующий синтаксис:

`subplot(<число строк>, <число столбцов>, <номер подокна>)`

Пример отображения двух графиков друг под другом вышеприведенных функций синуса и косинуса.

```
x1 = 0:0.01:2*pi;
y1 = sin(x1);
x2 = 0:0.01:pi;
y2 = cos(x2);
figure(1);
subplot(2,1,1);      % делим окно на 2 строки и один столбец,
                    % указываем первое подокно

plot(x1,y1);         % отображение первого графика
subplot(2,1,2);      % делим окно на 2 строки и один столбец
                    % указываем второе подокно

plot(x2,y2);         % отображение второго графика
```

Аналогичным образом можно выводить два и более графиков в столбец, в виде таблицы и т.п. Кроме того, можно указывать точные координаты расположения графика в графическом окне.

Для этого используется параметр `position` в функции `subplot()`:

```
subplot('position', [left bottom width height]);
```

где `left` – смещение от левой стороны окна; `bottom` – смещение от нижней стороны окна; `width`, `height` – ширина и высота графика в окне. Все эти переменные изменяются в пределах от 0 до 1.

Пример программы отображения графика функции синуса в центре графического окна. `x1 = 0:0.01:2*pi;`

```
y1 = sin(x1);  
subplot('position', [0.33 0.33 0.33 0.33]);  
plot(x1,y1);
```

В данном примере функция `subplot()` смещает график на треть от левой и нижней границ окна и рисует график с шириной и высотой в треть графического окна. Таким образом, используя параметр `position` можно произвольно размещать графические элементы в плоскости окна.

Для управления созданным окном графика используется команда set

```
set(object name, 'Property name1', Property value1, ...);
```

где object name – имя управляемого объекта;

'Property name1' – строковая константа содержащая название изменяемого свойства;

'Property value1' – строковая константа содержащая значение изменяемого свойства.

Пример:

```
set(figure(1), 'Name','Пример построения графиков','NumberTitle','on');
```

в заголовок окна графика figure(1) выводится Figure 1: Primer postroeniya grafikov

Отображение трехмерных графиков

MatLab обладает рядом инструментов для визуализации графиков в трехмерном пространстве.

Для визуализации графика в трехмерных координатных осях, используется функция

```
plot3(X,Y,Z);
```

где в качестве первых двух аргументов принимает матрицы с координатами точек по осям Ox и Oy соответственно, а в качестве третьего аргумента передается матрица значений точек по оси Oz .

Функция `plot3()` отображает график в виде набора линий, каждая из которых соответствует сечению графика функции вдоль оси Oy рис. 4.74.

Такое представление графика не дает полное представление о характере двумерной плоскости.

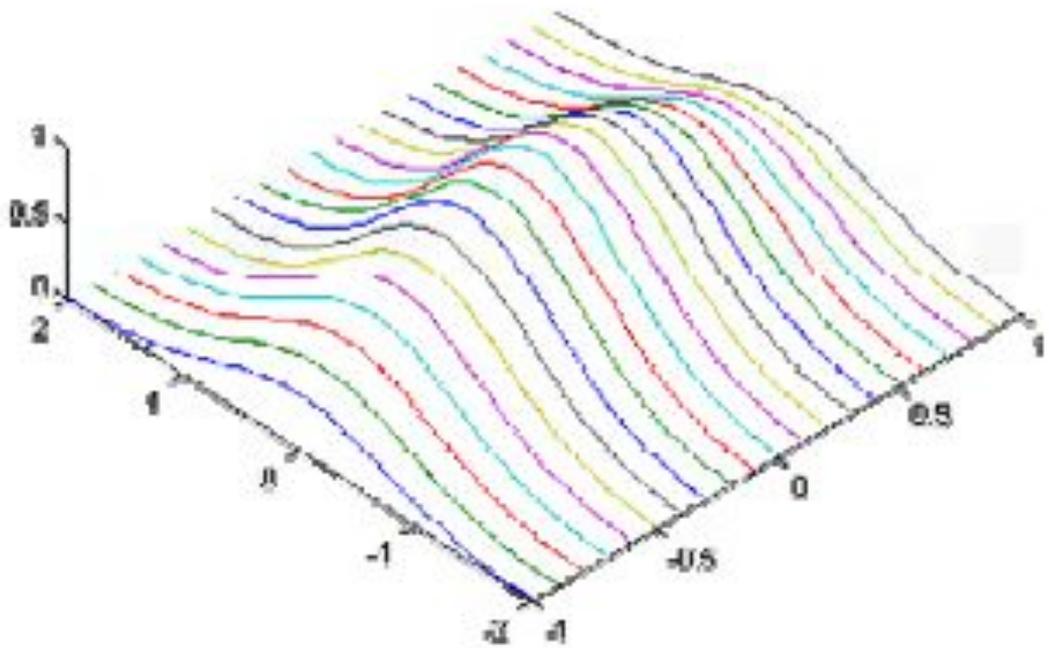


рис. 4.74

Более лучшую визуализацию, для отображения графика в виде сетки, можно получить, используя функцию

`mesh(X,Y,Z);`

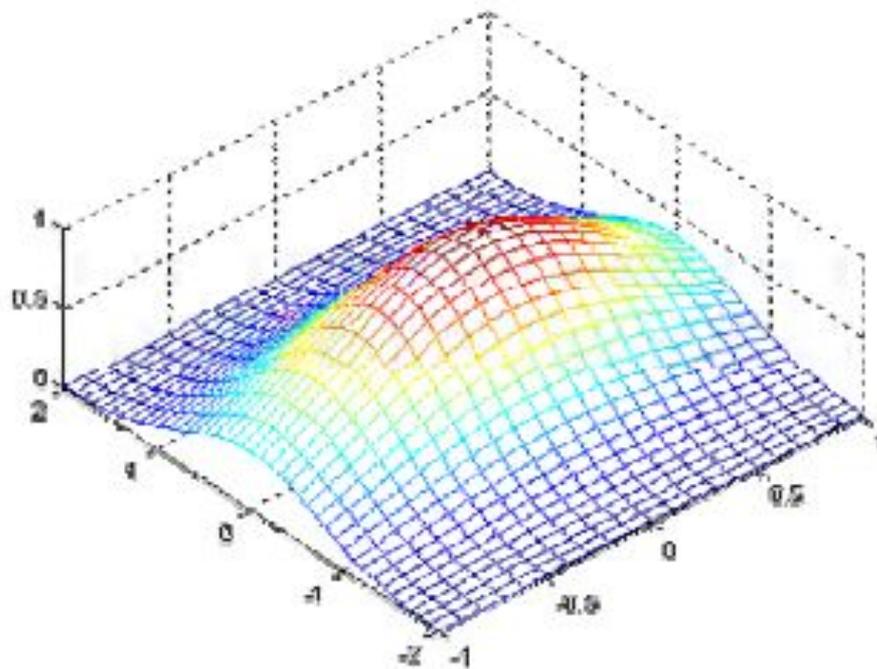


рис. 4.75

Благодаря использованию функции `mesh()` получается график, образованный интерполяцией точек массивов X , Y и Z линиями по осям Ox и Oy .

Кроме того, цветом указывается уровень точки по оси Oz : от самого малого значения (синего) до самого большого (красного) и производится удаление «невидимых» линий. Это позволяет лучше визуально оценивать структуру трехмерного графика по сравнению с функцией `plot3()`.

Для управления прозрачностью графика используют команду `hidden`:

- `hidden off` – прозрачность включена;
- `hidden on` – прозрачность выключена.

В системе MatLab предусмотрена функция визуализации непрерывной поверхности в трехмерных осях (рис. 4.76).

`surf(X,Y,Z);`

Функция `surf` строит каркасную поверхность графика функции и заливает каждую клетку поверхности определенным цветом, зависящим от значения функции в точках, соответствующих углам клетки.

В пределах каждой клетки цвет постоянный.

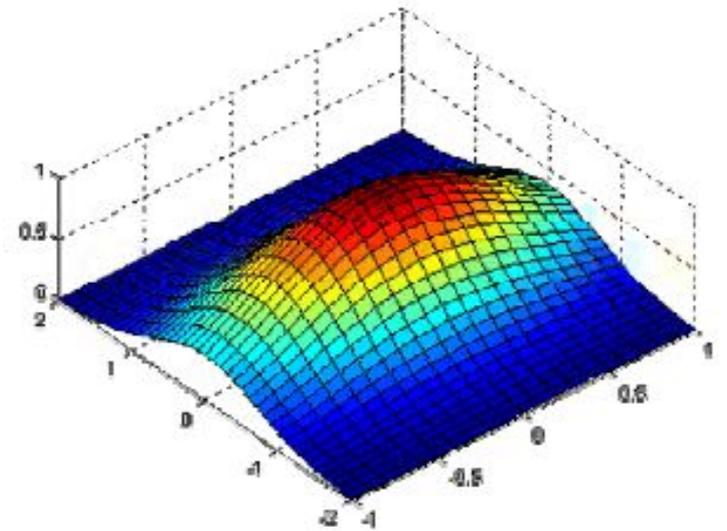


рис. 4.76

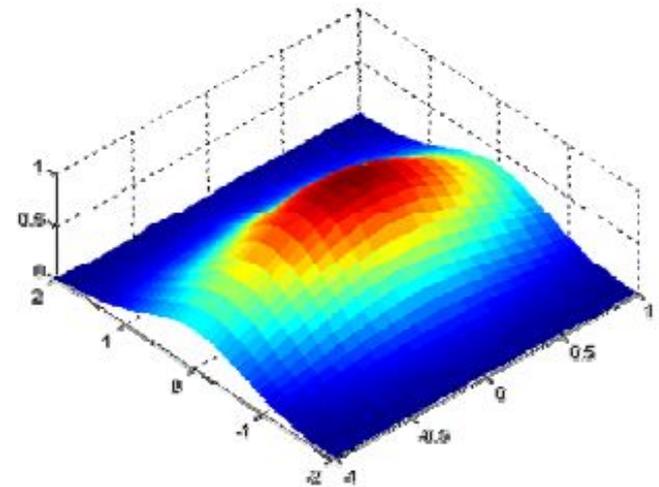
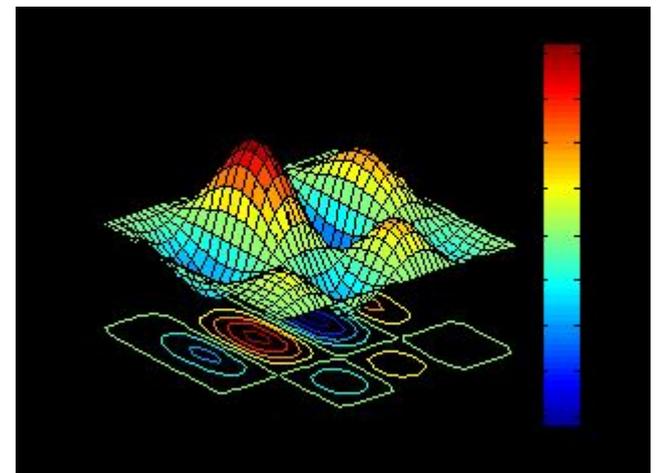


рис. 4.77

Функция `surf()` может использоваться в режимах:

- команда `shading flat` позволяет убрать каркасные линии.
- для получения поверхности, плавно залитой цветом, зависящим от значения функции, предназначена команда `shading interp` (рис. 4.77).
- вернуться к начальному виду поверхности можно с помощью команды `shading faceted`.

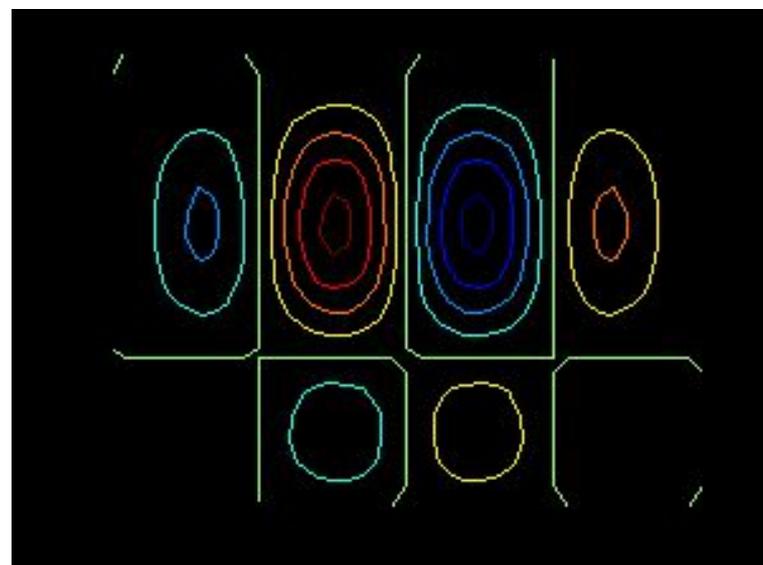
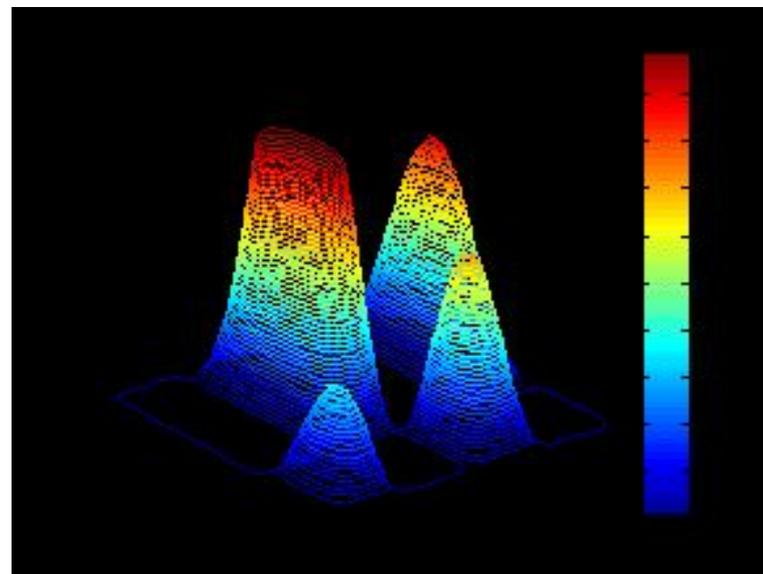
Возможно также формирование графика, содержащего линии уровня функции, т.е. линии постоянства значений функции на плоскости). Для этого вместо команд `mesh` или `surf` надо использовать команды `meshc` или `surfc` соответственно.



MATLAB позволяет построить поверхность, состоящую из линий уровня, при помощи функции `contour3`.

Эту функцию можно использовать аналогично функциям `mesh`, `surf`, `meshc`, `surfc` с тремя аргументами. При этом число линий уровня выбирается автоматически. Имеется возможность задать четвертым аргументом в `contour3` либо число линий уровня.

Различные типы контурных графиков можно получить при помощи функций `contour` и `contourf`.



Также существует возможность менять цветовую карту отображения графика с помощью функции

`colormap(<карта>);`

Например, карта с именем `hot`, используемая по умолчанию может быть заменена на любую другую.

Таблица 10.2 - Палитры цвета

Палитра	Изменение цвета	Палитра	Изменение цвета
<code>autumn</code>	Плавное изменение красный-оранжевый-желтый	<code>jet</code>	Плавное изменение синий-голубой-зеленый-желтый-красный
<code>bone</code>	Аналогична палитре <code>gray</code> , но с легким оттенком синего цвета	<code>pink</code>	Аналогична палитре <code>gray</code> , но с легким оттенком коричневого цвета
<code>colorcube</code>	Каждый цвет изменяется от темного к яркому	<code>prism</code>	Циклическое изменение красный-оранжевый-желтый-зеленый-синий-фиолетовый
<code>cool</code>	Оттенки голубого и пурпурного цветов	<code>spring</code>	Оттенки пурпурного и желтого
<code>copper</code>	Оттенки медного цвета	<code>summer</code>	Оттенки зеленого и желтого
<code>flag</code>	Циклическое изменение красный-белый-синий-черный	<code>vga</code>	Палитра Windows из шестнадцати цветов
<code>gray</code>	Оттенки серого	<code>white</code>	Один белый цвет
<code>hot</code>	Плавное изменение черный-красный-оранжевый-желтый-белый	<code>winter</code>	Оттенки синего и зеленого
<code>hsv</code>	Плавное изменение по аналогии с цветами радуги		

Команда `colorbar` выводит рядом с графиком цветовую шкалу, устанавливающую соответствие между цветом и значением функции. Эту команду можно применять в сочетании со всеми функциями, строящими трехмерные объекты:

`colorbar`

Для трёхмерных графиков существует возможность изменять точку их обзора, т.е. положение виртуальной камеры с помощью функции

`view([az el]);`

где `az` – угол азимута; `el` – угол возвышения.

Изменение первого угла означает вращение плоскости xOy вокруг оси Oz против часовой стрелки. Угол возвышения есть угол между направлением на камеру и плоскостью xOy .

4.24 Редактирование графиков

Графики, рассмотренные выше имеют несколько недостатков:

- на них не нанесена сетка из координатных линий, что затрудняет чтение графиков;
- нет общей информации о кривой графика (заголовка);
- неизвестно, какие величины отложены по осям графика.

Рассмотрим возможности создания подписей графиков, осей и отображения сетки на графике.

Для установки над графиком титульной надписи используется команда `title('string')`.

Для установки надписей возле осей x , y и z применяются команды:

`xlabel('String')`

`ylabel('String')`

`zlabel('String')`

Надпись задается символьной константой или переменной 'string'.

Пояснение в виде отрезков линий со справочными надписями, размещаемое внутри графика или около него, называется легендой и создается командой `legend`:

- `legend(string1,string2,string3,...)` – добавляет к текущему графику легенду в виде строк, указанных в списке параметров.
- `legend(string1,string2,string3,...,Pos)` – помещает легенду в точно определенное место, специфицированное параметром `Pos`: `Pos = 0` – лучшее место, выбираемое автоматически; `Pos = 1` – верхний правый угол; `Pos = 2` – верхний левый угол; `Pos = 3` – нижний левый угол; `Pos = 4` – нижний правый угол; `Pos = -1` – справа от графика.

Команда `axis` позволяет изменить масштабирование графиков:

- `axis([XMIN XMAX YMIN YMAX])` – установка диапазонов координат по осям `x` и `y` для текущего двумерного графика.
- `axis auto` – установка параметров осей по умолчанию.

Для улучшения чтения графиков среда `MATLAB` позволяет создавать масштабную сетку:

- `grid on` – добавляет сетку к текущему графику.
- `grid off` – отключает сетку.

Для построения наложенных друг на друга графиков в одном и том же окне служит команда управления графическими построениями `hold`:

- `hold on` – обеспечивает продолжение вывода графиков в текущее окно, что позволяет добавлять последующие графики к уже существующим.
- `hold off` – отменяет режим продолжения графических построений.

Удобный способ ввода текста предоставляет команда `gtext('string')` — задает выводимый на график текст в виде строковой константы 'string' и выводит на график перемещаемый мышью маркер в виде крестика. Установив маркер в нужное место, достаточно щелкнуть любой кнопкой мыши для вывода текста.

Для создания текста используется команда `text(x,y, 'текст')` которая создает текстовую надпись в координатах (x,y).

Возможно использование греческих букв и специальных символов.

Таблица 10.3 - Греческие буквы

Команда	Символ	Команда	Символ	Команда	Символ
<code>\alpha</code>	α	<code>\lambda</code>	λ	<code>\chi</code>	χ
<code>\beta</code>	β	<code>\mu</code>	μ	<code>\psi</code>	ψ
<code>\gamma</code>	γ	<code>\nu</code>	ν	<code>\omega</code>	ω
<code>\delta</code>	δ	<code>\xi</code>	ξ	<code>\Gamma</code>	Γ
<code>\epsilon</code>	ϵ	<code>\rho</code>	ρ	<code>\Delta</code>	Δ
<code>\eta</code>	η	<code>\sigma</code>	σ	<code>\Theta</code>	Θ
<code>\theta</code>	θ	<code>\tau</code>	τ	<code>\Lambda</code>	Λ
<code>\kappa</code>	κ	<code>\phi</code>	ϕ	<code>\Phi</code>	Φ

Таблица 10.4 - Специальные символы

Команда	Символ	Команда	Символ
<code>\leq</code>	\leq	<code>\leftrightarrow</code>	\leftrightarrow
<code>\geq</code>	\geq	<code>\leftarrow</code>	\leftarrow
<code>\pm</code>	\pm	<code>\rightarrow</code>	\rightarrow
<code>\propto</code>	\propto	<code>\downarrow</code>	\downarrow
		<code>\uparrow</code>	\uparrow

Для масштабирования отдельных участков трехмерных графиков, также как и в случае с двумерными графиками, используется функция

```
axis([xmin xmax ymin ymax zmin zmax]);
```

Для оформления трехмерных графиков можно пользоваться описанными ранее функциями: `text`, `xlabel`, `ylabel`, `zlabel`, `title`, `grid [on/off]`, `subplot`.

Для трёхмерных графиков существует возможность изменять точку их обзора, т. е. положение виртуальной камеры с помощью функции

```
view([az el]);
```

где `az` – угол азимута; `el` – угол возвышения.

Изменение первого угла означает вращение плоскости xOy вокруг оси Oz против часовой стрелки. Угол возвышения есть угол между направлением на камеру и плоскостью xOy .

Кроме того изменить свойства линии, вывести на график обозначения осей, легенду, включить сетку можно с помощью свойств графика. Для этого необходимо нажать на пиктограмму `Edit Plot` и два раза щелкнуть левой кнопкой мыши на поле графика.

4.25 Графики в полярных координатах

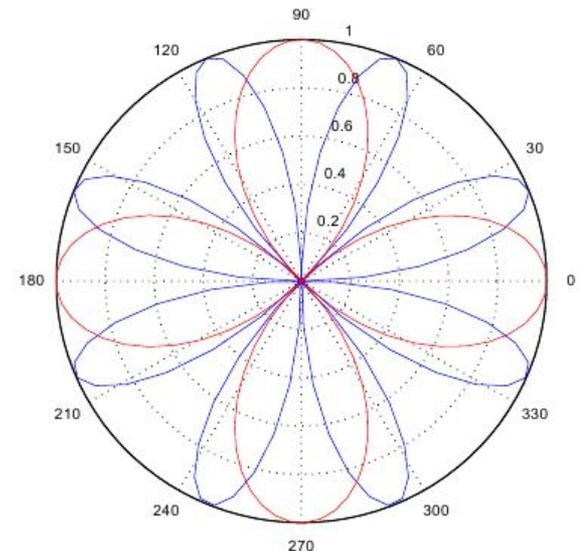
В полярной системе координат любая точка представляется как конец радиус-вектора, исходящего из начала системы координат, имеющего длину R и угол θ . Угол θ обычно меняется от 0 до 2π .

Для построения графиков функций в полярной системе координат используются команды типа `polar(...)`:

- `polar(theta, R)` – строит график в полярной системе координат, представляющий собой положение конца радиус-вектора с длиной R и углом θ ;
- `polar(theta, R, S)` – аналогична предыдущей команде, но позволяет задавать стиль построения с помощью строковой константы S по аналогии с командой `plot`.

Пример:

```
phi = linspace(0, 2*pi, 200);  
polar(phi, sin(4*phi));  
hold on;  
polar(phi, cos(2*phi), 'r');  
hold off ;
```



4.26 Вывод изображений

Система MatLab позволяет загружать, отображать и сохранять растровые изображения, представленные в графических форматах: bmp, jpg, tiff, gif, png и т.д.

Для загрузки изображений используется функция

```
imread(FILENAME,FMT);
```

которой в качестве параметров передается путь с указанием графического файла и формат.

На выходе дается массив, соответствующий размерности изображения со значениями в формате uint8:

```
A=imread('1024.bmp','bmp'); % A – 1024x1024 матрица uint8
```

Если исходное изображение имеет глубину цвета не более 256, то матрица A будет двумерной и каждое ее значение будет представлять соответствующий уровень яркости точки.

Если же точка исходного изображения представляется, например, 24 битами (3 байта), то матрица A будет иметь размерность $1024 \times 1024 \times 3$, где третья размерность будет соответствовать цветовым составляющим исходного изображения. Поэтому для обработки изображений в экспериментальных целях часто используют формат с 256 градациями серого без индексации цвета.

Формат `uint8` не очень удобен для последующей обработки точек изображения, поэтому обычно его приводят к вещественному следующим образом:

```
A=double(imread('1024.bmp','bmp'));
```

В результате матрица A будет состоять из элементов типа `double`.

Для отображения растровых изображений в графическом окне используется функция

`image(A);`

Неверное отображение изображения объясняется несоответствием палитры цветов по умолчанию (hot), заданное в MatLab, с палитрой цветов загруженного изображения (`gray(256)`).

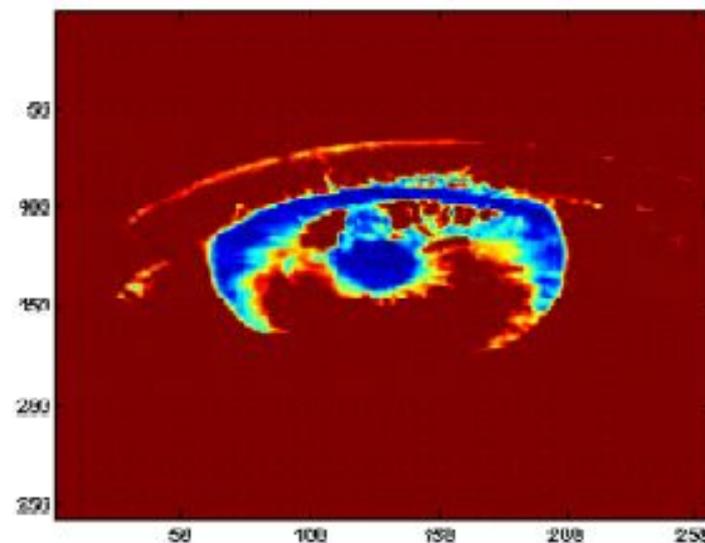
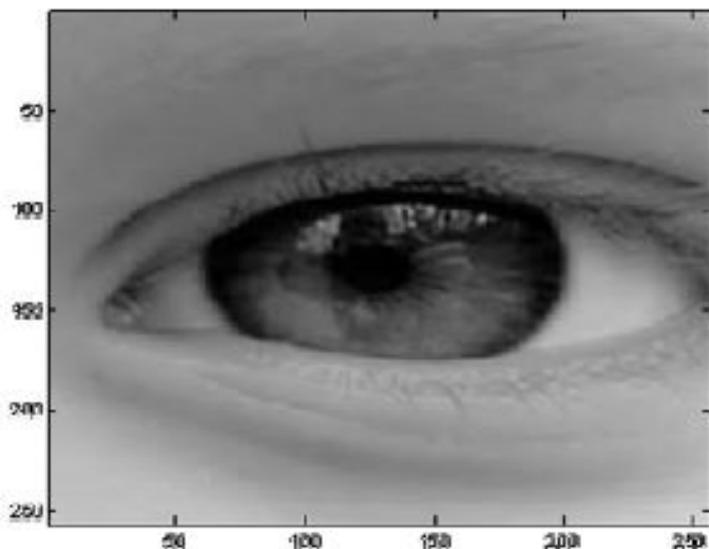


рис. 4.78



Для замены одной палитры на другую используется функция `colormap(gray(256));` которая в данном случае задает палитру 256 градаций серого и результат отображения принимает вид, представленный на рис. 4.79.

Если цветовая палитра заранее неизвестна на момент загрузки изображения, то ее можно узнать, используя второй возвращаемый параметр функции `imread`:

```
[A, map]=imread('1024.bmp','bmp');  
image(A);  
colormap(map);
```

где `map` – цветовая карта текущего изображения.

При работе с изображениями возникают ситуации, когда диапазон значений элементов матрицы `A` может не соответствовать диапазону значений цветовой карты, например. В результате отображения такой матрицы на экране монитора изображение будет показываться некорректно и некоторые его детали будут незаметны. Чтобы избежать такой ситуации, диапазон значений и диапазон цветовой карты должны совпадать.

Это можно выполнить автоматически с помощью функцию

```
imagesc(A);
```